## खों वात्वाक विकाब

# ভৌত बालाकविकान

[ PHYSICAL OPTICS. ]

### বিজয়শন্তর বসাক পি, এইচ্ ডি ( কলিকাতা ) অধ্যক্ষ এবং

ভূতপূর্ব পদার্থবিদ্যার অধ্যাপক এবং বিভাগীর প্রধান প্রেসিডেন্সি কলেজ, কলিকাতা।

### WEST BENGAL LEGISLATURE LA

Acc. N	No . 5.2.	35	
Dated.	4.11	97.	
Call N	4.11 535	-/1	
	Page R.		
		······································	*** *** ***



(পশ্চিমবঙ্গ সরকারের একটি সংস্থা)

### BHOUTA ALOKBIJNAN Bijoysankar Basak

- @ West Bengal State Book Board
- পশ্চিমবল রাজ্য পুস্তক পর্বদ

প্রথম প্রকাশ: সেপ্টেম্বর, ১৯৮০

```
প্রকাশক:
পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পুত্তক পর্বদ;
আর্য ম্যানসন ( নবম তঙ্গ )
৬-এ রাজা সুবোধ মল্লিক স্কোরার;
কলিকাডা-৭০০০১৩ ৷
```

```
মূন্তক:
সুরেশ দত্ত ;
মডার্ন প্রিণ্টার্স ;
১২ উপ্টাডাঙ্গা মেন রোড ;
কলিকাতা-৭০০০৬৭।
```

চিত্রাক্ষন ও প্রচ্ছদ: শ্রীগোরা দাস

Published by Prof. Dibyendu Hota, Chief Executive Officer, West Bengal State Book Board under the Centrally Sponsored Scheme of production of books and literature in regional language at the University level, launched by the Government of India, the Ministry of Education and Social Welfare (Department of Culture), New Delhi.

### উৎসর্গ

## স্বৰ্গত পিতৃদেব হরেণ্ডলাল বসাকের স্মৃতির উণ্দেশ্যে

## মুখবন্ধ (PREFACE)

ভোত আলোকবিজ্ঞান পুত্তকটি লিখিয়া পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পুত্তক পর্যদে প্রথম জমা দিয়াছিলাম ১২ই নভেষর, ১৯৭৫ সনে; নানা কারণে এটি ছাপাইরা বাহির করিতে বিজয় হইরা গেল।

পুত্রকটি লেখা হইরাছে পশ্চিমবঙ্গের বিশ্বিলাগেরের রাতক ক্রমের ছাত্রছাত্রীদের ব্যবহারের জন্য। অবশ্য বিশ্বিল বিশ্ববিদ্যালরের পাঠক্রমের মধ্যে অনেকটাই পার্থকা বর্তমান বদিও ইহার বৃহং অংশের মোটামুটি মিল আছে। এই সম্পাতী অংশ ভিন্নও বে সমস্ত অংশ পরম্পর হইতে পৃথক সমস্তর্গুলির গুরুত্বপূর্ণ বিষয় বধাসন্তব অন্তর্ভুক্ত করা হইরাছে। ইহা সত্ত্বেও সমস্ত বিষয় আলোচনা করা সন্তব হয় নাই। একটি বড় অসুবিধা হইয়াছে অনেক ইংরাজী শব্দের প্রচলিত বাংলা পরিভাষার অভাব। কলিকাতা বিশ্ববিদ্যালরের যে বৈজ্ঞানিক পরিভাষা মুদ্রিত আছে তাহাতে অনেক প্ররাজনীয় শব্দের বাংলাই অনুপশ্তিত। এজন্য আরও দুই একটি পুত্রকের সাহাব্য গ্রহণ করিতে হইরাছে। কোন কোনও স্থানে শব্দকোষ ঘাটিয়া নিজেকেই প্রয়োজনীয় শব্দ বাছিয়া নিতে হইয়াছে। শব্দগুলি কতটা উপবৃক্ত হইয়াছে তাহা এই পুত্রক বাহারা ব্যবহার করিবেন তাহাদের বিচারসাপ্রেক্ক তবে শব্দরমনের সময় ইহারা বাহাতে আদি ইংরাজী বৈজ্ঞানিক শব্দের অর্থবহ হয় সেদিকে বথাসন্তব দৃষ্টি দেওয়া হইয়াছে।

ভৌত আলোকবিজ্ঞান বিষয়টির অনেকাংশই প্রত্যয়াত্মক (conceptual). পদার্থবিদ্যার অনেক অংশের তুলনায়ই এই অংশে গার্লিতক অপেক্ষা প্রত্যয়ের উপর জাের বেশী। সেইজনাই বন্ধবা বিষয় বুঝাইবার জন্য চিত্র এবং বর্ণনার উপর আনুপাতিক বেশী জাের দেওয়া হইয়াছে বদিও প্রয়োজনমত গানিতিক হিসাবও সঙ্গে সমভাবেই লিপিবদ্ধ করা হইয়াছে। এই ধরণের পুত্তকে মৌলিক বিষয় ব্যবহার করার সুযোগ খুবই সীমাবদ্ধ। এই পুত্তকটিও এই নীতির ব্যতিক্রম নহে। বিভিন্ন পুত্তক এবং মৌলিক রচনার সাহায়া নেওয়া হইয়াছে এই পুত্তক প্রথমনে। তবে সমন্ত তথ্য একটি সামগ্রিক চিত্র সৃত্তির জন্য লেখকের ধারণা মত ব্যবহার করা হইয়াছে। কিছু কিছু জায়গায় বন্ধব্য বিষয় প্রাঞ্জলরূপে উপস্থাপন করার জন্য কিছু বর্ণনা বােগ করিতে হইয়াছে বেগুলি প্রচলিত পুত্তক বা মৌলিক রচনাতে পাওয়া য়ায় না। তবুও এইগুলিকে "মৌলিক ধারণা" বলিয়া দাবী করা হইতেছে না। বাহায়া এই

পুস্তক ব্যবহার করিবেন, রচনার কতদূর কৃতকার্য্য হইয়াছি তাহারাই বিচার করিবেন।

এই পুত্তক রচনার পর বিভিন্ন অংশ বিভিন্ন ব্যক্তি পড়িয়া দেখিয়া কিছু রদবদলের প্রস্তাব করিয়াছেন এবং তাহার অনেকটাই গ্রহণ করায় পুস্তকের গুণাগুণ উৎকর্মলান্ড করিয়াছে বলিয়া আমার দৃঢ় ধারণা। প্রথম, বিতীয় ও পশুম অধ্যায় দেখিয়াছেন যথাক্রমে আমাদের কলেজের অধ্যাপক অমলকুমার রারচোধুরী, মদনগোপাল বসাক এবং নিতাইচন্দ্র মুখোপাধ্যার। অধ্যায়টি আমাদের কলেজের অধ্যাপক রাসবিহারী চক্রবর্তী পুষ্পানুপুষ্ণরূপে দেখিরাছেন। চতুর্থ অধ্যারটি আমার পুর সৌমেন বসাক (বর্তমানে শিকাগো বিশ্ববিদ্যালয়ে গবেষণারত ) পরীক্ষা করিয়াছে। ইহাদের প্রত্যেককেই আমার আন্তরিক ধন্যবাদ জ্ঞাপন করিতেছি। পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পুত্তক পর্বদের মুখ্য প্রশাসন আধিকারিক অধ্যাপক দিব্যেন্দু হোতা এবং ঐ প্রতিঠানের কর্মচারীবন্দের সহবোগিত। কৃতজ্ঞতার সহিত বীকৃত হইতেছে। প্রিন্টার্সের সুরেশ দত্ত ষত্মসহকারে বইটির মূদ্রণ করিয়াছেন এবং শ্রীগোরা দাস বংশ্বর্ট নৈপুণ্যের সহিত পুস্তকের ছবিগুলি ও প্রচ্ছদ আঁকিয়াছেন ; এজন্য উভরেই আমার ধন্যবাদার্হ। পরিশেষে নিবেদন এই যে বঞ্চেই বত্ন সত্তেও পুত্তকে ভূলদ্রান্তি থাকা অসম্ভব নয়। সেরূপ ক্ষেত্রে আমাকে জানাইলে বাধিত হইব। পুস্তকের উৎকর্ধ-সাধনে কোনও প্রস্তাবও সাদরে গৃহীত হইবে।

কলিকাতা ১লা আগস্ট, ১৯৮০ বিজয়শন্তর বসাক

## সূচীপত্ত (INDEX)

	اولد
ভূমিকা (Introduction).	>
প্রথম পরিচ্ছেদ (First Chapter)	
ৰ্গাতর সমীকরণ (Equation of motion).	q
তরঙ্গতি (Wave motion)—গতিশীল তরঙ্গ (Pro-	
gressive wave).	22
তরঙ্গের দশা ও দশা-পার্থকা (Phase of a wave and	
phase difference).	24
তরঙ্গের হিমাহিক সঞ্চরণ (Propagation of waves in	
three dimensions).	\$2
তরক্ষের সঞ্চরণ বেগ (Velocity of propagation of	
waves).	<b>ર</b> ર
দশা-গতিবেগ বা <del>তরঙ্গ-গতিবেগ</del> (Phase velocity or	
wave velocity).	২৬
গোলকীয় তরঙ্গ—ব্যন্তি-বর্গ সিদ্ধান্ত (Spherical waves,	
inverse square law).	રવ
আলোর শোষণ (Absorption of light).	•0
সরল-দোলগতির ভেক্টর বর্ণনা (Vector representation	
of simple harmonic motion).	02
কম্পাৰ্ক এবং তরঙ্গদৈষ্য (Frequency and wave length).	99
ডপ্লার এফেক্ট (Doppler Effect).	98
জটিল সংখ্যা দারা তরঙ্গগতির রূপারণ (Representation	
of wave motion by complex quantities).	94
তরঙ্গের প্রতিফলন ও প্রতিসরণ (Reflection and re-	
fraction of waves).	లప
আলোর বিচ্ছুরণ (Dispersion of light).	88
জটিল তরঙ্গ (Complex waves).	88
ফুরিয়ার রাশিমালা—ফুরিয়ার বিশ্লেষণ (Fourier series—	
Fourier analysis).	86
ন্থির তরঙ্গ (Stationary waves).	65
তরক্ষের পুঞ্জ-গতিবেগ (Group velocity of waves).	<b>G</b> G
•	

	र्जुहा
ষিতীয় পরিচেছ্ড (Second Chapter)	
আলোকতরক্ষের অধিস্থাপন (Superposition of light waves).	¢⊬
দুইটি সরল দোলগতির সংযোজন (Superposition of	
two simple harmonic motions).	<b>65</b>
আলোকতরক্ষের অধিস্থাপনে ভে <b>টর পদ্ধতির প্ররো</b> গ (Appli-	
cation of vector method in superposition of	
light waves).	60
জটিল সংখ্যা ব্যবহার করিয়া লন্ধির নির্ণর (Determina-	
tion of the resultant by using complex quantities).	<b>৬</b> ৫
আলোকের ব্যতিচার (Interference of light).	৬৬
ফ্রেনেরের বৃগা-প্রিক্তম্ (Fresnel's bi-prism).	96
লুমেডের দর্পণের পরীক্ষা (Lloyd's mirror	46
experiment).	<b>₽</b> ¢
ব্যতিচারের সর্ভাবলী (Conditions of interference).	4.9
সাদা আলোর ঝালর (White light fringes).	20
অবার্ণ ব্যতিচার ঝালরের উৎপাদন (Production of	•
achromatic interference fringes).	<b>۵</b> ج
আলোকউংসের সংগত বিন্দুসমূহ (Corresponding	-
points of the source).	28
মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপক (Michelson's interfero-	
meter).	29
মাইকেলসনের ব্যাতিচারমাপকের সমঞ্জনকরণ (Adjustment	
of the Michelson's interferometer).	44
বৃত্তীয় কালরের উৎপাদন (Production of circular	
fringes).	202
স্থানীকৃত ঝালর (Localised fringes).	204
মাইকেলসনের ব্যতিচার-মাপকের প্ররোগ (Application of	
Michelson's interferometer).	20R
মাইকেলসন এবং বেনো কর্তৃক আলোকতরঙ্গের দৈর্ঘ্যের ছিসাবে	
প্রামাণ্য মিটারের মূল্যারণ (Evaluation of the stan-	
dard meter in terms of wave length by	
Michelson and Benoit).	220
বর্ণালীরেখার সৃক্ষ গঠন নির্ণর (Determination of fine	
structure of lines).	<b>22</b> ¢

	পৃষ্ঠ
সাদা আলোর ঝালর (White light fringes).	22K
ৰালরের দৃশাতা (Visibility of the fringes)	<b>५</b> २०
রুষ্টারের পটি (Brewster's bands).	<b>&gt;</b> 50
ৰামার ব্যতিচার-মাপক (Jamin's interferometer). র্যালের প্রতিসরা•ক-মাপক (Rayleigh's refracto-	<b>३</b> २७
न्नारमन आर्थनमान्य-मान्य (Rayleigh s feffacto- meter).	
meter). বহুল প্রতিফলনে প্রসৃত ব্যতিচার (Interference pro-	<b>&gt;</b> ২৭
duced by multiple reflections).	25k
ফোর-পেরো বাতিচার-মাপক (Fabry-Perot interfero-	
meter).	20A
নিউটনের বলরসমূহ (Newton's rings).	<b>&gt;</b> ¢\$
বৃহ <b>ং ও উজ্জল</b> বলরের সৃষ্টি—অবার্ণতার সর্ভ (Production	
of large and bright rings—condition of achro-	
matism).	249
ভৃতীয় পরিচেড়ে (Third Chapter)	
আলোকের বাবর্তন (Diffraction of light).	262
গোলাকার ছিদ্রে বাবর্তন (Diffraction at a circular	
hole).	<b>5</b> 98
অবচ্ছ গোলাকার চাকতিতে ব্যবর্তন (Diffraction at an	
opaque circular disc).	১৭৫
ৰচ্ছু ধারে ব্যবর্তন (Diffraction at a straight edge).	<b>&gt;</b> 99.
কর্ণুর সর্গিলরেখা (Cornu's spiral) ও ফ্রেনেলের সমাকল	
(Fresnel's Integrals).	240
ফ্রেনেলের সমাকলের তালিকা (Table of Fresnel's	
Integrals)	744
ঋজু ধারে ব্যবর্তন (Diffraction by a straight edge).	220
আলোর সরলরেখার গমন (Rectilinear propagation	
of light).	224
ম <b>ও</b> ল-ফলক (Zone plate).	229
দশা-উংক্রমণ মণ্ডলফলক (Phase reversal zone plate).	२०५
ব্যাবিনেটের নীতি (Babinet's principle).	২০৩
ফ্রনহফার ব্যব্তন (Fraunhofer diffraction).	২০৬
একক রেখাছিল্লে ফ্রনহফার ব্যবর্তন (Fraunhofer	
diffraction at a straight ados)	200

	Jai
ব্যবর্তন ঝালরে আলোক-ভীব্রতার হিসাব (Calculation of	
intensity in the diffraction pattern).	२०५
আলোকতীব্রতার হিসাবের <b>লেখচিত্রী</b> য় প <b>দ্ধতি (Calculation</b>	
of intensity by the graphic method).	250
ব্যবর্তন ঝালরে আলোকতীব্রভার চরম এবং অবম অবস্থান	
নির্ণর (Determination of position of maximum	
and minimum intensity in the diffraction	
pattern).	<b>32</b> 4
চরম তীব্রতা (Maximum Intensity)	455
আয়তাকার ক্ষুদ্র ছিদ্রে ফ্রনহফার ব্যবর্তন (Fraunhofer	
diffraction at a small rectangular aperture).	२२७
বৃত্তাকার ছিদ্রে ফুনহফার বাবর্তন (Fraunhofer diffrac-	
tion at a circular aperture).	२०२
ৰুগা রেখাছিলে ফুনহফার ব্যবর্তন (Fraunhofer diffrac-	
ction at a double slit).	২৩৯
ব্যবর্তন ঝলরের চরম এবং অবম তীব্রতার বন্টন (Distribu-	
tion of maxima and minima in the diffraction	
pattern).	₹88
লুপ্ত ক্রমের ঝালর (Missing order fringes).	₹8৯
আলোকউৎসের পরিমিত প্রস্থের প্রভাবে ঝালরের প্রকৃতির	
পরিবর্তন (The influence of finite width of the	
light source on the change in the nature of	
of the fringe pattern).	<b>২৫</b> ১
মাইকেলসনের তারকীর ব্যতিচারমাপক (Michelson's	
stellar interferometer).	২৫৬
ব্যবর্তন ঝাঝার (Diffraction grating).	২৬৩
ব্যবর্তন ঝার্মারর আলোকতীব্রতার বন্টন (Intensity distri-	
bution for a diffraction grating).	२७७
চরম এবং অবম তীরতার বর্ণালি (Maxima and minima	
of the spectrum)	२७४
বিচ্ছুরণ (Dispersion).	২৭৪
বর্ণালির ক্রমের অতিব্যাপন (Overlapping of orders	
in spectra).	२वव
ৰাৰ্কারতে আলোকের অকম চ্যুতি (Minimum deviation	
of light in the grating).	२१४

	ৰু পূৰ <b>্</b>
বৰ্ণালির লুপ্ত ক্রম (Absent orders of the spectrum).	292
অবতল ঝাঝার (Concave grating).	२४०
অবতল কাকরির বিভিন্ন আরোপণ (Different moun-	
tings of concave grating).	२४०
রোল্যাণ্ড আরোপণ (Rowland Mounting).	240
প্যাশেন আরোপণ (Paschen Mounting).	<b>5</b> 48
ঈগ্লৃ আরোপণ (Eagle Mounting).	২৮৫
ওরাড্স্ওয়ার্থ আরোপণ (Wadsworth Mounting).	२४७
লিট্রো আরোপণ (Littrow Mounting).	२४५
ঝাঝারর বর্ণালিতে অশুদ্ধিজাত রেখা (Ghost lines in	
grating spectrum).	<b>₹</b> ₺
বর্ণালির তীরতার উপর ঝাঝরির সরলরেখাগুলির খোদাইরের	
আকৃতির প্রভাব (Influence of the shape of grooves	
of grating rulings on the intensity of spectra).	<b>\$</b> \$0
অবতল ঝাঝারর উপর রুংগের মতবাদ (Runge's theory	
of concave grating).	२৯२
ইশ্সন্ ঝাঝার (Echelon grating).	२५७
লুমার-গেক্ ফলক (Lummer-Gehrcke plate).	909
আলোকীয় বস্ত্রের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of	
optical instruments).	909.
আরতাকার ছিদ্রের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power	
of a rectangular aperture).	<b>20</b> 8
প্রিজ্ম্ বণালিবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power	
of a prism spectroscope).	978
দূরবীক্ষণ যম্ভের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of a	-
telescope).	024
অণুবীক্ষণ বন্তের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of	
a microscope).	<b>0</b> 25
ব্যবর্তন ঝাঝারির বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of	
a diffraction grating).	०२७
ইশ্লেন্ ঝাঝরির বিভেদন্ ক্ষজা (Resolving power of	
an echelon grating).	057
নুমার-গের্ক্ ফলকের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power	
of Lummer-Gehrcke plate).	990
ফোর-পেরো ব্যতিচার-মাপকের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving	
power of Fabry-Perot interferometer).	902

·	পৃষ্ঠা
আণুবীক্ষণিক অবলোকন সম্বন্ধে আবের মতবাদ (Abbe's	
theory of microscopic vision).	೦೦೬
আবের মতবাদ অনুসারে অণুবীকণ বস্ত্রের বিভেদন ক্ষমতার	
সীমা নির্মারণ (Derivation of the limit of resolu-	
tion of a microscope from Abbe's theory).	908
চতুর্থ পরিচেছদ (Fourth Chapter)	
আলোকের সমবর্তন (Polarisation of light).	682
সাধারণ আলোতে কম্পনের প্রকৃতি (Nature of vibra-	
tion in ordinary light).	960
রুষ্টারের সূত্র (Brewster's law).	900
প্রতিফলনের বার৷ আলোর সমবর্তন ; ফলকপুঞ্চ (Polarisa-	
tion of light by reflection; Pile of plates).	966
বৈধ-প্রতিসরণ (Double refraction).	964
মুখা-ছেদ ও মুখা-তল (Principal section and Prin-	
cipal plane).	060
ম্যালাসের সূত্র (Law of Malus).	069
একাক কেলাসে তরঙ্গপৃষ্ঠের আকৃতি (Shape of wave	
surface in uniaxial crystals).	೦೬৯
তলীয় তরক্ষের উল্লয় আপতন (Plane wave at normal	
incidence).	090
তলীয় তরঙ্গের তির্বক আপতন (Plane wave at oblique	
incidence).	999
হাইগোন্সের সংরচনার প্রতিপাদন (Verification of	
Huygens' construction).	996
ভরঙ্গ-বেগ এবং রন্মি-বেগ (Wave velocity and ray	
velocity).	OFG
সমবর্ডক প্রিজ্ম্সমূহ (Polarising prisms).	CFF
নিক্স প্রিজম্ (Nicol prism).	<b>0</b> 46
ফুকো প্রিজম্ (Foucault prism).	<b>0</b> 20
রোশন্ প্রিজম্ (Rochon prism).	020
পোলারয়েড (Polaroid).	020
ফ্রেনেলের সমান্তর-পটফলক (Fresnel's Rhomb).	≎৯8
সমবর্তিত আলোর বিশ্লেষণ (Analysis of polarised	
light).	0%0

0%6

	পৃষ্ঠ
ব্যাবিনেটের প্রতিপূরক (Babinet's compensator).	808
তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলকের সাহাব্যে বিপ্লেষণ (Analysis by	
quarter-wave plate).	808
সলিল প্রতিপ্রক (Soleil compensator).	820
সমবর্ডিত আলোর বিশ্লেষণ (Analysis of polarised light).	877
সমবর্তিত আলোর উৎপাদন এবং বিশ্লেষণ (Production	
and analysis of polarised light).	876
বিভিন্ন প্রকারের সমর্বার্ডত আলোর উৎপাদন (Production	
different types of polarised light).	878
সমর্বার্ডত আলোর ব্যতিচার (Interference of pola-	
rised light).	859
সমান্তরাল আলোর কেন্তে কোনও কিনুতে পারগত আলোর	
তীরতা (Intensity of illumination at a point of	
transmitted light for a parallel beam).	8২২
অপসারী বা অভিসারী তলীর-সমর্বতিত আলোর ব্যতিচার	
(Interference of divergent or convergent plane	
polarised light).	8২৭
বৃত্তাকার সমর্বার্ডত আলোর ব্যক্তিয়ের (Interference of	•
circularly polarised light).	806
আলোকীয় সন্ধিয়তা বা আলোকীয় ঘূর্ণন (Optical activity or Optical rotation).	001
ঘূর্ণনের বিচ্ছুরাণ (Rotatory dispersion).	802
ফুনেলের ঘূর্ণনের ব্যাখ্যা (Fresnel's explanation of	882
rotation).	888
তরলে ও দুবণে আলোক সন্ধিয়তা (Optical activity	
in liquids and solutions).	848
আলোকীর সক্রিয়তার সিদ্ধান্ত (Theory of optical	
activity).	866
সমবর্তন মাপক বন্তুসমূহ (Polarimeters).	849
লরের অর্জ-ছায়া সমবর্তনমাপক (Laurent's half-shade	
polarimeter).	869
यूगा-(कात्राएँ म् (Bi-quartz).	862
त्रिटम्बर (Fifth Chapter)	
বিচ্ছুর্ণ (Dispersion).	865
বিচ্ছুরণ, বাভাবিক প্রকার (Dispersion, normal case).	848

	পৃষ্ঠ
বিচ্ছুরণ, অনিরভ প্রকার (Dispersion, abnormal case).	863
সেলমারার সমীকরণ (Sellmeier equation).	893
স্বাধীন ও বলকৃত কম্পন (Free and forced vibrations).	896
বিচ্ছুরণের তাত্ত্বিক আলোচনা (Theoretical discussion	
of dispersion).	899
জটিল প্রতিসরাক্ষ (Complex refractive index).	849
্ অনিয়ত বিচ্ছুরণের পরীক্ষাত্মক প্রদর্শন (Experimental	
demonstration of anomalous dispersion).	844
বিচ্ছুরণের সূত্রের বাথার্থ্যের পরীক্ষা (Testing the validity	
of the dispersion formula).	825
অবশিষ্ট রিম্ম (Residual rays or Reststrahlen)	826
ফোকাসীয় বিযোজন (Focal isolation).	829
পরিশিষ্ট	
(ক) জিমান কিয়া (Zeeman Effect).	822
(খ) ফ্যারাড়ে ক্রিয়া (Faraday Effect).	608
(গ) তাঁক জিয়া (Stark Effect).	¢02
সম্পাস্ত	620

## প্রথম পরিচ্ছেদ

### ভূমিকা

আলোকবিজ্ঞানকে সাধারণভাবে ভিন ভাগে ভাগ করা বার। (১) ন্ধ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞান (geometrical optics), (২) ভৌত আলোক-বিজ্ঞান (physical optics) এবং (৩) কোরান্টাম আলোকবিজ্ঞান (quantum optics)। জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞানে বিভিন্ন মাধ্যমের ভিতর দিয়া আলোকরশির চলাচলের ফলে যে সমন্ত ফলের উদ্ভব হয় (যথা প্রতিষ্চলন, প্রতিসরণ ইত্যাদি ) সেইগুলিই অনুসন্ধান করা হয়। **আলোকের প্রতিফল**ন এবং প্রতিসরণের স্তসমৃহই এই বিভাগে প্রধান ভূমিকা গ্রহণ করিয়া থাকে। বিভিন্ন প্রকার দর্পণ, লেন্স এবং প্রিক্রমের উপর আলোক রন্মি পড়িলে ভাছার। বে নিয়মানুসারে প্রতিফলিত অথবা প্রতিসৃত হয় জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞানের আলোচ্য বিষয় হইল সেই সমস্ত নিয়মাবলী। আবার বস্তু ও আলোকের পরস্পর প্রতিক্রিয়া যথন গণ্য করা হয় তখন সেই সমস্ত পরীক্ষাগুলি ভৌত আলোকবিজ্ঞানের অন্তর্গত বলিয়া মনে করা হইয়া থাকে। এই সমন্ত পরীক্ষা হইতে আলোকের বর্প সম্বন্ধে জ্ঞান লাভ করা বাইতে পারে। কোনও বন্ধুর মাধামে আলোকের বিকীরণ (emission) এবং শোষণ (absorption) এই জ্ঞানলাভের ব্যাপারে অনেক সাহায্য করিয়া থাকে। অবশ্য বিকীরণ এবং শোষণের পূর্ণ ও সন্তোষজনক ব্যাখ্যা করিবার জন্য কোরান্টাম মতবাদই অধিকতর উপধোগী। আলোকের প্রকৃতি সম্বন্ধেও ভৌত ও জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞানের ধারণা আলাদা রকমের এবং খানিকটা আপাত পরস্পর বিরোধী। জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞানে বেখানে আলোকরিন সমসত্ব (homogeneous) মাধ্যমে সরলরেখার চলে বলিয়া ধরা হয়, ভৌত আলোকবিজ্ঞানে সেখানে আলোককে তরঙ্গ বলিয়া মনে ব্যৱা হয়। তবে শেষ পর্যন্ত দেখা বার বে এই দুই চিত্ৰের মধ্যে প্রকৃতপক্ষে কোনও বিরোধ বা অসামঞ্চস্য নাই। এই তরঙ্গ চিত্রের সাহায্যে অনেকগুলি সংঘটনের (phenomena) ব্যাখ্যা করা যায়, বথা—আলোকের বাবর্তন (diffraction), ব্যতিচার (interference) ও সমবর্তন (polarisation). এইগুলিকে আলোকের শাস্ত্রীর ভরঙ্গচিত্র (classical wave picture) বলা বাইতে পারে। বর্তমান সংজ্ঞা অনুসারে এইগুলি ভৌত আলোকবিজ্ঞানের অন্তর্গত। আবার বন্দি আলোক ও বন্ধুর অণু পরমাণুর

পরস্পর প্রতিক্রিয়া বিবেচনা করা বায় তবে দেখা বায় যে তরক্স মতবাদ দিয়া ইহাদের ব্যাখ্যা করা যায় না। সেখানে প্ল্যাব্দ (Planck) ও আইনন্টাইন (Einstein) প্রবৃত্তিত কোয়াকীম মতবাদ (quantum theory) ভিন্ন ঐ সমন্ত ব্যাপারের ব্যাখ্যা করা সম্ভব হর না। এই শাখাকে বলা বাইতে পারে কোরান্টাম আলোকবিজ্ঞান । জিনিষটাকে আর একভাবেও দেখা যাইতে পারে। আমাদের দৈনন্দিন জীবনে আলোকের যে চিত্র আমরা চোখে দেখিতে পাই, যথা দর্পণ ও লেন্দের সাহায্যে বন্ধুর প্রতিকৃতি সৃষ্ঠি করা অথবা প্রিজমের সাহায়ে আলোকের পরিবর্তন (modification) বাহা কোনও যন্ত্রের সাহায্য ছাডাই সাদা চোখে দেখিতে পাওয়া যায় সেটাকে জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞান বলা যাইতে পারে। যদি আরও সৃক্ষতর মানের পর্যবেক্ষণের সাহায্য নেওয়া ৰার, [ বাহাতে ব্যতিচার-মাপক (interferometer), ঝাঝার (grating) ইত্যাদির সাহায্য প্রয়োজন হয় ] তবে আলোকের বাবর্তন, ব্যাতচার ও সমবর্তন ইড্যাদি পরীক্ষা করা যাইতে পারে। এই সংঘটনগুলিকে (phenomena) ভৌত আলোকবিজ্ঞান নামে অভিহিত করা হয়। বন্ধি আরও অধিক সৃক্ষ মানের পর্ববেক্ষণ প্রয়োগ ৰারা আলোক এবং পদার্থের অণু ও পরমাণুর প্রতি-ক্রিয়া (interaction) অনুসন্ধান করা যায় তবে সেই সমন্ত অনুসন্ধান কোয়াতীম আলোকবিজ্ঞানের অন্তর্ভুক্ত বলা যাইতে পারে। সুতরাং এই সংজ্ঞা অনুসারে আলোকবিজ্ঞানের উপরোক্ত তিন শাখা সংঘটনগুলির আপেক্ষিক সৃক্ষতা দ্বারা নিদিষ্ট হইয়া থাকে বলা চলিতে পারে।

উল্লিখিত আলোচনা হইতে বলা বার বে ভৌত আলোকবিজ্ঞান প্রধানতঃ আলোকের তর সচিত্রের উপর নির্মিত হইরাছে। সূত্রাং এই শাখার আলোচনাকালে আমরা বভাবতই তরসচিত্রের সাহাব্য নিতে বাধ্য হইব। এজন্য তরসচিত্রের বিভিন্ন ধর্ম এবং গুণাবলীর সহিত প্রথমেই পরিচিত হওয়া সুবিধাজনক এবং আবশ্যক। তরসের সমীকরণসমূহ খুব সামান্যই রদবদল করিয়া বিভিন্ন ভৌত প্রক্রিয়ার বর্ণনার জন্য বাবহার করা চলে। উদাহরণ স্বর্থ বলা বাইতে পারে, আলোকের বিভিন্ন ধর্ম, শব্দের গতি ও প্রকৃতি, জলতরক্ষের এবং ভূমিকন্স ইত্যাদের সময় ভূমির কন্সন, এ সমস্ত প্রক্রিয়াই তরস্লচিত্রের সমীকরণ বারা সহজেই ব্যাখ্যা করা হইয়া থাকে। আলোক সৃষ্টির সময় বে প্রধ্যের ফলে ইহার উত্তব হুয় বর্তমান আলোচনাকালে ভাহার খুব স্প্রত সংজ্ঞা দিবার প্রয়োজন নাই। আলোর এই ভ্রংল ভেক্টর (vector) অথবা জেলার (scalar) রাম্বি ভাহাও নির্দিন্ট করিবার দরকার নাই। অবশ্য শেষ পর্বস্ত ইহার প্রয়োজন হইবে বখন সমবর্তনের আলোচনার আসা বাইবে। কিন্তু

তাহার পূর্বে আলোর ব্যবর্তন ও ব্যতিচারের ব্যাখ্যার জন্য ইহার নির্দিষ্ট সংজ্ঞা নির্দেশ করা এড়ানো বাইতে পারে।

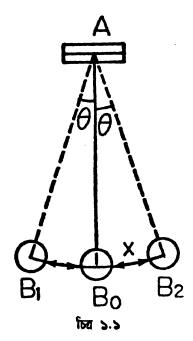
সাধারণভাবে আলোক তরঙ্গের গতির তিনটি বৈশিষ্ঠ্য লক্ষণীয় :--

- ১। প্রতিমূহুর্তে মাধ্যমের যে কোনও বিন্দুতে আলোকতরঙ্গের করেকটি সুনিন্দিক এবং পরিমাপযোগ্য ভৌত ধর্ম থাকে।
- ২। সেই বিম্পুতে এই ভৌত ধর্মের একটি পর্বাবৃত্ত পরিবর্তন (periodic change) হইয়া থাকে।
- ৩। কোনও বিন্দৃতে ভৌত ধর্মের এই পর্যাবৃত্ত পরিবর্তন পরমুহুর্তে সংলগ্ন বিন্দৃতে অনুরূপ পরিবর্তনের সৃষ্টি করিয়া থাকে; এইভাবে এক বিন্দু হইন্তে পরবর্তী বিন্দৃতে গমনের ফলে আলোকতরঙ্গের প্রংশ মাধ্যমের ভিতর দিরা অবিরতভাবে প্রবাহিত হয়। এই তিনটি বৈশিষ্ট্যের সমন্বরে চলমান তরঙ্গের চিত্র সহক্ষেই পাওয়া বাইতে পারে।

তরঙ্গচিত্রের আলোচনা কালে ধারণার সূবিধার জন্য একটি সহজবোধ্য মানসচিত্রের সাহাষ্য দরকার। এজন্য একটি সরলদোল কম্পকের (simple harmonic oscillator) ব্যবহার প্রশন্ত। কারণ আলোকের উন্তবের বর্তমান যে মতবাদ প্রচলিত আছে তদনুসারে সরলদোল কম্পকের ভূমিকা মুখ্য এবং প্রাথমিক। এই কম্পকের ধর্মাবলীর সহিত সঞ্চরণের (propagation) সাধারণ সমীকরণের সংযোগের ফলে আমরা চলমান আলোকতরঙ্গের একটা সূম্পক্ত আলেখ্য গঠন করতে পারি।

সরল দোল কম্পকের সহজ্বতম এবং প্রকৃষ্ট উদাহরণ হিসাবে একটি সংঘর্ষবিহীন (frictionless) সরল দোলক বাছিয়া নেওয়া যাইতে পারে। এই
দোলকের গঠনপ্রণালী খুবই সহজসাধা। যদিও এর্প দোলক সতাসতাই
সম্পূর্ণ সংঘর্ষবিহীন করা যায় না, কারণ দোলনকালে বায়ুমগুলের এবং অন্যান্য
প্রকারের বাধা ( যত কমই হোক না কেন ) সংঘর্ষ হিসাবে দোলকের উপর
ক্রিয়া করিবেই তবুও গাণিতিক কৌশল হিসাবে এই সংঘর্ষবিহীন দোলক খুবই
সুবিধাজনক। সংঘর্ষের সম্পূর্ণ অনুপদ্থিত ধরিয়া লইলে গাণিতিক প্রক্রিয়া
অনেক সহজসাধা হইয়া আসে। অথচ এইভাবে যে সিদ্ধান্তে পোছান যায়
ভাছা পরীক্ষালক ফল ছইভে সাধারণত খুব ভকাৎ হয় লা। অধিকভূ
প্রয়োজনবোধে সংঘর্ষের প্রভাব মূল গাণিতিক প্রক্রিয়ার সহিত যোগ করা
যাইতে পারে এবং বলাই বাহুলা যে এবারের সিদ্ধান্ত পরীক্ষালক ফলের সহিত
আরও ভালভাবে মিলিয়া যাইবে। বাঁণত সরলগোলকে সংঘর্ষের উপাছ্তি

থাকিলেও ইহার পরিমাণ এত কম বে প্রাথমিকভাবে সেটা অগ্নাহ্য করিলেও বে ফলাফল পাওয়া বার তাহা পুবই মূলাবান এবং কার্বকরী। চিত্রে একটি



শন্ত বৃটি A হইতে একটি ভারী গোলাকৃতি দোলক B একটি সরু শন্ত ও প্রসারণবিহীন সূতা ABর সাহাষ্যে ঝুলান হইল । গোড়ায় দোলকটি ছির অবস্থার B, অবস্থানে আছে । এখন বিদ ইহাকে একখারে একটু টানিয়া  $B_1$  পর্যন্ত নিয়া বাওরা হর বাহাতে ১.১ নং চিত্রে প্রদাশত কোণ  $\theta$  ন্যুনাধিক  $4^\circ$  অতিক্রম না করে এবং এই অবস্থায় দোলকটি ছাড়িয়া দেওরা হর তবে সেটি  $B_1$  এবং  $B_2$  এর মধ্যে দুলিতে থাকিবে । দোলকটির দোলনের পথ একটি বৃত্তের চাপের (arc) আকৃতির হইবে । সংঘর্ষের ফলে কোণ  $\theta$ র মান ক্রমশঃ ক্রিয়া আসিতে থাকিবে, কিন্তু এই হ্রাসের পরিমাণ খুবই সামানা হওরার পরপর দুইটি  $\theta$ র মান প্রায় সমান ধরা যায় । বৃত্তের চাপের পথে দোলকের গতি বিদ লক্ষ্য করা যায় তবে দেখা যাইবে যে এই গতি সমরের সহিত নিয়লিখিত সমীকরণ ধারা যুক্ত

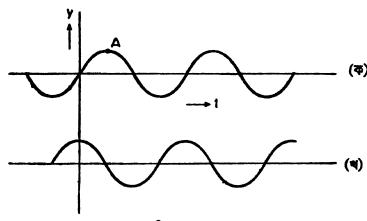
$$y - f(t) \tag{1.1}$$

এখানে y বে কোনও সুবিধামত বিন্দু হইতে বলের বৃত্তের চাপের পথে প্রংক্ষ বৃত্তাইতেছে, f(t) সময়ের অপেকক (function of time).

এই সরল দোলকটির দোলন লক্ষ্য কবিলে নিয়লিখিত ফলাফল দেখা বাইবে। এবং এই পর্যবেক্ষণ হইতে করেকটি প্রয়োজনীর সংজ্ঞাও পাওরা যার।

- (क) দোলকের সৃতা AB একটি উল্লয় তলে দুলিতে থাকিবে। দোলকটির সাম্যাবন্থা (equilibrium position)  $B_0$  দিরা পরপর দুইবার বাইতে ইহার সর্বদা একই সমর লাগিবে। এই পর্যবেক্ষণ হইতে দোলকের দোলনকালের সংজ্ঞা পাওরা যাইতে পারে। একই বিন্দু দিরা পরপর একই দিকে যাইতে দোলকের বে সমর লাগে তাহাকে বলা হর দোলনকাল বা পর্যায় (period)। এবং দোলকটির ভংশ y এর সর্বোচ্চ সীমা দেখা যাইবে +a অথবা -a ( $B_0$  অবস্থানে y এর মান 0 থরিলে) এই aকে বলা হয় বিস্তার (amplitude)। পূর্বেই বলা হইয়াছে বে সংঘর্ষের দরুণ 'a'র মান ক্রমাগত ক্রিয়া আসিতে থাকিবে, কিন্তু পরপর দুইটি দোলনকাল বিবেচনা করিলে এই হ্রাস খুবই সামান্য।
- (খ) দোলকের সৃতা AB দুলিবার সময় ইহার সাম্যাবন্থা  $AB_0$  এর সহিত যে কোণ  $\theta$  সৃষ্টি করিয়া থাকে তাহাকে বলা হয় দশা (phase) । এই দশা শব্দটি দ্বারা বুঝা যায় যে দোলকটি দোলনক্রমের (cycle of oscillation) কোন অবস্থায় আছে ।

যদি দোলকের দ্রংশ y এবং সময় t এর একটি রেখাচিত্র আকা যায় তাহ। হইলে নিম্নলিখিত ১.২ নং চিত্রের আকার দেখা যাইবে।



हिंच ५.२

এই লেখাচিত্র বে বাঙ্গকের (expression) দারা বোঝান বার তাহা এইরূপ ঃ—

$$y = a \sin (wt - \phi) \tag{1.2}$$

अथवा 
$$y = a \cos(wt - \phi)$$
 (1.3)

#### ভৌত আলোকবিজ্ঞান

এই বাহ্মকের মধ্যে a হইল গোলকের বিস্তার (amplitude),  $(wt-\phi)$  কে বলা হর দশা (phase) এবং  $\phi$  দশা-ধ্বুবক (phase constant or epoch) বুঝাইতেছে। এই  $(wt-\phi)$  ১.১ নং চিত্রের  $\theta$ 'র সমার্থক। w এখানে গোলকচির বৃত্তীর কম্পাক্ষ (circular frequency) বুঝাইতেছে। গোলকের গতি এই সমস্ত সংখ্যা a, w এবং  $\phi$  এর মানের উপর নির্ভর করিবে বদিও লেখাচিত্রের সাধারণ চেহারা একই রকম হইবে। ১.২ (ক) এবং ১.২ (খ) একই তরঙ্গের বিভিন্ন প্রকাশভঙ্গি এবং ইহারা শুধু y অক্ষের দিকে পরস্পর স্থান পার্থক্যের দারা বিচ্ছিল।

গোলকটি বদি সাম্যাবন্থা  $B_0$  হইতে একদিকে সরাইয়া আনা বার তবে ইহা একটি প্রভ্যানরন বল (restoring force) F  $B_0$ র দিকে অনুভব করিবে। এই বল ভংশের সমানুপাতিক হইবে; সূভরাং y ভংশের জন্য ইহা লেখা বাইতে পারে ky বদি আনুপাতিক ধুবক (constant of proportionality) k ধরা হয়।

$$F = ky \tag{1.4}$$

এই বলের বিরুদ্ধে যদি দোলকটির dy শ্রংশ বাড়ানো হর তবে বে কার্য করিতে হইবে তাহার পরিমাণ dw লেখা যাইতে পারে

$$dw = F \cdot dy = kydy \tag{1.5}$$

এখানে dw সম্পর্নাণ কার্য বুঝাইতেছে।

সূতরাং যদি গোলকটি  $B_0$  হইতে ইহার গতিপথের শেষ পর্যন্ত অর্থাৎ  $B_1$  অথবা  $B_2$  পর্যন্ত টানিয়া নিয়া যাওয়া যায় তাহা হইলে এই প্রক্রিয়ায় মোট কার্বের পরিমাণ দাঁড়াইবে

$$\int_{0}^{y_{0}} kydy = \frac{1}{8}ky^{2} - \frac{1}{8}ka^{2}$$
 (1.6)

এখানে  $y_0 = B_0 B_1 - B_0 B_2 = a$ .

এই কার্য দোলকটিতে স্থিতিশন্তি (potential energy) হিসাবে সন্থিত হইবে। দোলনকালে স্থিতিশন্তি পর্যারক্তমে এই মান এবং মূল্যের মধ্যে পরিবাভিত হইতে থাকিবে। একই সঙ্গে ইহার গতিশন্তিও দুইটি সীমার মধ্যে আবাভিত হইতে থাকিবে। তবে এটা দেখানো বাইতে পারে বে এই দোলন-কালে স্থিতি এবং গতিশন্তির বোগফল ধ্রুবক থাকিবে; শুধুমাত্র ইহারা স্থিতিশন্তি

হইতে গতিশান্ত এবং গতিশান্ত হইতে ছিতিশান্ত এরকমভাবে রূপ পরিবর্তন করিয়া থাকে।

### গভিন্ন সমীকরণ

সমীকরণ 1.2 অথবা 1.3 হইতে আমরা গতির সমীকরণ পাইতে পারি।
1.2 কে বাদ সমর t এর সাপেক্ষে অন্তর্রকলন (differentiate) করা বার
তবে পাওরা বার

$$\frac{dy}{dt} = \dot{y} = wa \cos(wt - \phi) = \pm w \sqrt{a^2 \cos^2(wt - \phi)}$$

$$= \pm w \sqrt{a^2 [1 - \sin^2(wt - \phi)]} = \pm w \sqrt{a^2 - y^2}$$
 (1.7)

$$\frac{d^2y}{dt^2} = y = -w^2 a \sin(wt - \phi) = -w^2 y \tag{1.8}$$

$$\overrightarrow{\mathbf{q}} \quad \overrightarrow{\mathbf{y}} = -\mathbf{w}^* \mathbf{y}$$
 (1.9)

সমীকরণ 1.8 অথবা 1.9 সরল দোলগতির মূল সমীকরণ। এই সমীকরণ সরল দোলগতির সংজ্ঞা হইতে সোজাসূজি পাওয়া বাইতে পারে।

কোনও দোলকের গতির সমর বদি উহার উপর প্রযুক্ত বল এমনভাবে কিরা করে যে উহা সর্বদা কোনও নিনিক্ট বিন্দুর দিকে গতির বিপরীতমুখী হর এবং প্রংশের সমানুপাতিক হর তবে উক্ত দোলকের দোলন সরল দোলগতি সম্পন্ন হইবে। ইহা হইতে আমরা লিখিতে পারি:

$$\frac{md^2y}{dt^2} = -ky$$
 বা  $\frac{d^2y}{dt^2} = -\frac{k}{m} = -w^2y$ 
(সমীকরণ 1.9 ব্যবহার করিয়া) (1.10)

এখানে m—দোলকের ভর, k— একক ভ্রংশের জন্য উৎপন্ন বল (force for unit displacement) এবং w—দোলকের বৃত্তীয় কম্পাম্ক।

চিত্র নং ১.১ (এ) প্রদাশিত সাধারণ দোলকের ক্ষেত্রে অবশ্য পাওয়া বাইবে  $w = \sqrt{\frac{g}{l}}$ . g = অভিকর্ম করণ, l = দোলকের দৈর্ঘ্য ।  $w = \sqrt{\frac{k}{m}}$  প্রকৃতপক্ষে পাওয়া বার ব্যাবর্ত দোলকের (torsional pendulum) এর বেলার ।

সুভরাং 
$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$
 (1.11)

কম্পাক্ত v এবং বৃত্তীর কম্পাক্ত w এর মধ্যে সৰদ্ধ লেখা বার

$$\omega = 2\pi v \tag{1.12}$$

এবং দোলকের পর্বার (period) T কম্পান্কের সহিত নিয়লিখিতভাবে সংগ্রিক

$$\mathbf{v} = \frac{1}{T} \tag{1.13}$$

$$\therefore T - \frac{2\pi}{\omega} - 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \tag{1.14}$$

কাজেই দেখা ৰাইতেছে যে দোলকের পর্যায় বা দোলনকাল দোলকের ভর m, এবং একক শ্রংশের জন্য উৎপান্ন বল k এর উপর নির্ভর করে এবং যথাক্রমে ইহানের কাম্লের সমানুপাতিক (directly proportional) ও বান্তানুপাতিক (inversely proportional). কোনও কোসজাতীয় কঠিন পদার্থে এক বা একাধিক ৰাভাবিক কপ্যাত্ক (natural frequency) বৰ্তমান থাকে। এই খাভাবিক কম্পান্ক খচ্ছ কঠিন পদার্থে আলোর বিচ্ছুরণে (dispersion) খুবই গুরুছপূর্ণ ভূমিক। গ্রহণ করে। এই স্বাভাবিক কম্পান্কের উৎপত্তির কারণ কঠিন পদার্থের সৃষ্টিকারী ক্ষুদ্রভর কণাগুলির কন্সন ; আর এই কন্সনের কম্পান্তের বা পর্বারের মান নির্ভর করিবে সমীকরণ (1.14) অনুসারে k এর মানের উপর । ক্লাগুলি নিজেদের গঠন এবং পারিপাখিকের উপর নির্ভর করিরা একটি বলকেনের (force field) মধ্যে অবস্থিত থাকে। যদি একটি কণা ইহার চারিদিকে অর্বান্থত অন্যান্য কণার সহিত আলগাভাবে এই বল-ক্ষেত্রের দ্বারা সংবৃদ্ধ থাকে (loosely bound) তবে এই ক্ষেত্রে একক শ্রংশের জন্য উৎপান বল k খভাবতই কম হইবে । 1.14 অনুসারে ইহার অর্ধ এই যে পর্বার T অনুরূপক্ষেত্রে অপেক্ষাকৃত বেশী হইবে অর্থাৎ বন্ধটির স্বাভাবিক क्लाएकत मान कम पाँछाहेरत । अवना धरे क्लात धर्ना इरेग्नारह रव कपार्शानत অন্যান্য মান বিভিন্ন কেন্তে একই আছে। অপরদিকে বদি বলকেন্ত (force field) এক থাকে তবে বিভিন্ন বকুর স্বাভাবিক কম্পাক্ত নির্ভর করিবে কণার ভরের উপর। কণার ভরের বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে দোলনকালেরও বৃদ্ধি হইবে। সূতরাং ইহা হইতে মনে করা যাইতে পারে বে একই উপাদানের ক্ষেত্রে কণাগুলি বদি আণবিক অবস্থায় থাকে তবে তাহার দোলনকাল পারমাণবিক কণার **माननकान इटेर**ं राजी इटेरव । काরণ সাধারণভাবে অণ**ুর ভর পরমাণুর** ভর হইতে বেশী। অবশ্য এই আলোচনা খুবই গুণগতভাবে (qualitatively) क्या हरेन । कठिन श्रमार्थ्य बार्छायक क्लाप्क्य मान चायल जानक क्रिन

কারণের উপর নির্ভরশীল। এখানে শুধু মোটামূটি ভাবে কম্পাক্তের উপর m এবং k এর প্রভাবের আলোচনা করা হইল।

দোলকের গতিশন্তির সমীকরণ লেখা বার

গতিশন্তি (Kinetic Energy) = 
$$\frac{1}{2}my^2 = \frac{1}{2}mw^2(a^2 - y^2)$$

$$= \frac{mw^2a^2}{2} - \frac{mw^2y^2}{2}$$
 (1.15)

∴ মোট শবি E= স্থিতিশবি + গতিশবি

or 
$$E = \frac{1}{2}mw^2a^2 - \frac{1}{2}mw^2y^2 + \frac{1}{2}ky^2$$

(1.11) প্রয়োগ করিরা পাওয়া যায়

$$E = \frac{1}{2}mw^{2}a^{2} - \frac{1}{2}mw^{2}y^{2} + \frac{1}{2}mw^{2}y^{2} - \frac{1}{4}mw^{2}a^{2}$$
 (1.16)

(1.16) এর তিনটি রাশিই (m, w এবং a) দোলনের অবস্থা নিরপেক্ষ। সূতরাং দোলনকালে মোটশন্তির পরিমাণ দোলনের সকল দখারই অপরিবর্তিত থাকিবে। অবশ্য বান্তব ক্ষেত্রে মাধ্যমের সহিত সংঘর্ষের দরুণ বিস্তার a-র মান ক্রমে কমিয়া আসিতে থাকায় এই মোটশন্তির পরিমাণও সমানুপাতিক ভাবে কমিতে থাকিবে এবং কালক্রমে যখন a শ্নো পরিণত হইবে তখন মোটশন্তির পরিমাণও নিঃশেষিত হইবে।

উপরে আলোচিত সমীকরণ 1.8 এবং 1.9 সরল দোলগতির মূল সমীকরণ। আর বেহেতু ইহারা দিতীয় ক্রমের অন্তর্কলন সমীকরণ (differential equation of the second order) সেইজন্য ইহার সমাধানে (solution) দুইটি ইচ্ছাধীন ধুবক (arbitrary constants) বর্তমান থাকে। এই সমাধান বিভিন্ন আকারে লেখা বাইতে পারে

(i) 
$$y = a \sin(wt - \phi) = a \sin \delta$$
 (1.17)

(ii) 
$$y = a \cos(wt - \phi') = a \cos \delta'$$
 (1.18)

(iii) 
$$y = A \cos wt + B \sin wt$$
 (1.19)

- (i) নং সমীকরণে ইচ্ছাধীন ধ্বুবক পুইটি a এবং  $\phi$  ;  $[(wt \phi) = \delta]$ .
- (ii) নং সমীকরণে ইহারা বথান্তমে a এবং  $\phi'$  এবং (iii) নং সমীকরণে এই ধ্বুবক দুইটি A এবং B. এই জাতীর বিতীর ক্রমের অন্তরকলন সমীকরণে ধ্বুবক দুইটির মান নির্ণর করিতে হইলে সাধারণত গতির দুইটি প্রারম্ভিক অবস্থা (initial condition) জানা দরকার। যদি মাত্র একটি প্রারম্ভিক অবস্থা জানা থাকে তবে দুইটি ধুবকের মধ্যে একটি ধ্বুবকের মানই সম্পূর্ণ নির্ণর

করা সন্তব হইবে। এই প্রারম্ভিক অবন্থা দুইটিও বিভিন্ন আকারে দেওরা বার। যথা গতির কোনও একটি সমরে দ্রংশ y, গতিবেগ y অথবা দরণ y এর তিনটির মধ্যে y এবং অপর দুইটির মধ্যে বে কোন একটির মান দেওরা থাকিলেই ইচ্ছাধীন ধুবক দুইটি নির্ণর করা বার এবং সমাধানটি বাবহার করিরা দোলনের ধর্ম জানা বার (কারণ সমীকরণ 1.9 অনুসারে y এবং y পরস্পর সমর করে বে কোনও দুইটি সমর বি এবং  $t_a$  এর y, y অথবা y এর বে কোনও একটি রাশির মান জানা থাকিলেও ইচ্ছাধীন ধুবক দুইটি বাহির করা বার। অবশ্য কোনও একটি পরীক্ষা ব্যবহার জন্য বৃত্তীর কম্পাত্ক w সংখ্যাটিও ধুবক, কিন্তু ইহা ইচ্ছাধীন ধুবক নহে। ইহার মান নির্ভর করে দোলকের নিজন ধর্মের উপর ; বেমন উপরের আলোচনার দেখা গিয়াছে বে সমীকরণ (1.11) অনুসারে ইহা নির্ভক করে দা এবং k এর মানের উপর ।

বদি দেওরা থাকে বে দোলনের আরন্তের সমর ( অর্থাং যখন t=0 ) y=0 এবং  $\dot{y}=v$  তবে 1.17 এবং 1.7 বাবহার করিয়া পাওয়া বার

$$\phi = 0$$
 set  $a = \frac{v}{w}$ 

অভএব 1.17 কে লেখা বার  $y = \frac{v}{w} \sin wt$ 

আবার বলি দেওরা থাকে  $y-y_1$  বখন  $t=t_1$ এবং  $y-y_2$  বখন  $t-t_2$ 

তাহা হইলে (1.19) দাড়াইবে

$$y = \left[ \frac{y_1 \cos wt_2 - y_2 \cos wt_1}{\sin w (t_1 - t_2)} \right] \sin wt + \left[ \frac{y_2 \sin wt_1 - y_1 \sin wt_2}{\sin w (t_1 - t_2)} \right]$$

cos wt

কারণ প্রদত্ত শর্ত হইতে পাওয়া বার

 $y_1 = A \cos wt_1 + B \sin wt_1 ; y_2 = A \cos wt_2 + B \sin wt_2.$ or  $y_1 \sin wt_2 = A \cos wt_1 \sin wt_2 + B \sin wt_1 \sin wt_2$ and  $y_2 \sin wt_1 = A \cos wt_2 \sin wt_1 + B \sin wt_2 \sin wt_1$ 

বিভীরটি হইতে প্রথমটিকে বিরোগ করিয়া লেখা বার

 $y_1 \sin wt_1 - y_1 \sin wt_2 = A \sin wt_1 \cos wt_2 - A \cos wt_1 \sin wt_2$ =  $A \sin w (t_1 - t_2)$ 

$$\therefore A = \frac{y_2 \sin wt_1 - y_1 \sin wt_2}{\sin w (t_1 - t_2)}$$

অনুবৃগভাবে 
$$B = \frac{y_1 \cos wt_2 - y_2 \cos wt_1}{\sin w (t_1 - t_2)}$$

আর সমীকরণ (i), (ii) এবং (iii) একই অন্তর্মকলন সমীকরণের সমাধান হইলেও ইহাদের ইচ্ছাধীন প্লুবক দুইটি এক নাও হইতে পারে। ইহাদের প্রত্যেকের প্রারম্ভিক অবস্থা যদি এক হয় তবে অবশ্য নিম্নলিখিত সর্ভ পালিত হইতে হইবে

$$A = -a \sin \phi$$
  $B = a \cos \phi$ 

কারণ ভাহা হইলে (iii) কে লেখা বায়

$$y = a \sin wt \cos \phi - a \cos wt \sin \phi - a \sin (wt - \phi)$$

অর্থাৎ (iii) হইতে (i) এ আসা বার এবং দেখানো বার বে ইহারা উভরেই একই সমীকরণের বিভিন্ন রূপ।

আবার লেখা বার

$$A = a \cos \phi'$$
  $B = -a \sin \phi'$ 

তাহা হইাল দাড়ার

$$y = a \cos wt \cos \phi' - a \sin wt \sin \phi'$$
  
=  $a \cos (wt - \phi')$ 

অর্থাৎ এই ক্ষেত্রে সমীকরণ (iii) হইতে (ii) এ আসা যার।

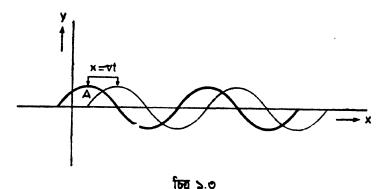
উপরোক্ত আলোচনা হইতে  $\phi$  এবং  $\phi'$  এর মধ্যের সম্বন্ধও সহচ্চেই বাহির করা যায়।

### তব্ৰঙ্গতি (Wave motion)

### গতিশীল ভরজ (Progressive wave)

যখন কোনও উংসের কম্পনের ফলে তরঙ্গের সৃষ্টি হয় সেই তরঙ্গ উংস হইতে ছড়াইয়া পড়ে। এই তরঙ্গকে বলা যাইতে পারে গতিশীল তরঙ্গ (progressive wave). নানা ধরণের উৎস হইতে এইর্প গতিশীল তরঙ্গের উত্তব হয়। যেয়ন শাস্ত জলে ঢিল ফেলিলে পতনের স্থান হইতে তরঙ্গরাশি জল পৃষ্টের চতুলিকে ছড়াইয়া পড়ে। অনুর্পভাবে কোনও আলোক উৎস সৃষ্টি করিলে

ভাহা হইতেও আলোকভরত্ব চতুদিকে মাধ্যমের মধ্য দিরা গমন করে। আবার একটি একটি সরু ধাতুর ভার দুইপ্রান্তে টান করিয়া ধরিয়া বদি ইহার কোনও ছানে দৈর্ব্যের সমকোণে আঘাত করা বায় ভাহা হইলেও এই ভারের মধ্যে ভরত্বের সৃষ্টি হয় এবং নিমের আকৃতিয় তরত্ব উভয় দিকে গমন করিতে থাকে। বে কেনেও মৃহুর্ত্তে বদি এই কম্পনশীল ভারের একটি ছবি লওয়া হয় ভবে ভাহার আকৃতি হইবে সাধারণত নিমের চিগ্র নং ১.৩ এর অনুরূপ। এই চিগ্রে



তারের কোনও বিন্দুর শাস্ত (undisturbed) অবস্থা হইতে শ্রংশ যদি y হয় এবং তারের দৈর্ঘের দিক বুঝাইতে যদি x ব্যবহার করা যায় তবে লেখা বাইতে পারে

$$y = f(x) \tag{1.20}$$

প্রথানে f(x) বুঝাইতেছে দৈর্ঘ্য x এর একটি অপেক্ষক (function). পূর্বেই বলা হইরাছে বে এই ভ্রংশ y এর সঠিক প্রকৃতি স্পষ্ঠ করিরা বলিবার প্রয়োজন নাই; ইহা উপরোক্ত জলের ডেউরের মধ্যে বে কোনও স্থানের শান্ত অবস্থা হইতে চ্যুতি বুঝাইতে পারে। অথবা একটি পরিবর্তনশীল বৈদ্যুতিক ক্ষেত্রের (electric field) মানের ওঠানামা হইতে পারে। বেহেতু তরঙ্গটি গাঁভণীল y এর মান x এবং সমর t এর উপর নির্ভরশীল হইবে। যদি ধরা বায় t=0, তবে y শুধু x এর উপর নির্ভর করিবে এবং এই বেলার উপরের সমীকরণ 1.20 পাওরা বাইবে। এর্প অবস্থার তরঙ্গের চিত্রটিকে বলা হাইবে তরঙ্গের রূপরেখা (wave profile). অবশ্য এইরূপ রূপরেখা পাইতে হইলে t=0 হওরা আবশ্যিক নহে বে কোনও সমরেই বাদ কম্পনশীল তারের একটি ছবি লওরা বার তবে একটি তরঙ্গ রূপরেখা পাওরা বাইবে। শুধু স্থানাক্ষ উৎসের (origin of coordinates) সাপেক্ষে ইহার অবস্থানের পরিবর্তন দেখা যাইবে। অবশ্য বাইবে। অবশ্য বাইবে। অবশ্য

সমীকরণ 1.20 বারা বে তরঙ্গ বুঝান হইরাছে সেটি গতিশীল নর। গতিশীল তরঙ্গ বুঝাইতে হইলে বভাবতই ইহার ধরণ হইবে

$$y - f(x, t) \tag{1.21}$$

অর্থাৎ f(x, t) বুগপং x এবং t এর অপেক্ষক । বাদ ধরিরা লওরা বার বে চিত্রে প্রদাশত তরঙ্গ রূপরেখাটি অপরিবাতিত আকারে x এর ধনান্ধক দিকে ধুবক গাতি v হারে অগ্রসর হইতেছে t সমর পরে আবার একটি ছবি তুলিকে দেখা বাইবে এই অপরিবাতিত তরঙ্গ রূপরেখা vt দূরত্ব অতিক্রম করিরাছে।

চিত্র নং ১.৩এ এই অবস্থা সরু সরু রেখার দ্বারা বুঝানো হইয়াছে।

বদি এবার স্থানাক্ষ উৎস x এর ধনাত্মক দিকে vt সরাইয়া লওয়া হয় এবং নৃতন দৃরত্ব x এর বদলে x দিয়া বুঝানো হয় তবে লেখা যাইতে পারে ( নৃতন স্থানাক্ষ উৎসের জন্য )

$$y - f(X) 1.22$$

ক্তিস্থু আগের উৎস এবং নৃতন উৎস নির্মালখিতর্পে সংযুক্ত

$$x = X + vt$$

সূতরাং লেখা যায়

$$y = f(x - vt) \tag{1.23}$$

বে তরক্ষ ৩ ধ্র্বক গতিবেগে অপরিবর্তিত র্পরেখার x অক্ষের ধনান্ধক দিকে গমন করে সেই জাতীর তরঙ্গের জন্য ১.২০ সমীকরণটিই স্বাপেক্ষা সাধারণ ব্যক্ষক (expression). বেভাবে এই ব্যক্ষকটি পাওরা গিরাছে তাহা হুইতে সহজেই বুঝা বার বে বদি উত্ত তরকটি x অক্ষের খনাত্মক দিকে গমন করে তবে সংগ্রিক সমীকরণটি হুইবে

$$y - f(x + vt)$$
 1.24

সমীকরণ 1.23 কে x এর সাপেকে (with respect to x) অন্তরকলন করিয়া পাওয়া যার

 $\frac{\partial y}{\partial x} = f'(x - vt)$  এখানে f' একবার অন্তরকলনের ফল বুঝাইভেছে। এবং f'' দুইবার অন্তরকলনের ফল বুঝাইভেছে।  $\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = f''(x - vt)$  বাঞ্জকের মান কি হইবে তাহা অপেক্ষক f এর প্রকৃতির উপর নির্ভর করিবে। 1.25 আবার 1.23 কে t এর সাপেকে অন্তর্কলন করিলে অনুর্পভাবে লৈখা বায়

$$\frac{\partial y}{\partial t} = -vf'(x - vt)$$

$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = v^2 f'(x - vt)$$
1.26

সুভরাং এই দুইটি অন্তরকলনের ফলে লেখা যায়

$$\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2}$$
 1.27

সমীকরণ 1.27 টিকে বলা যায় একমাত্রিক (one dimensional) তরঙ্গের সর্বাপেক্ষা সাধারণ অন্তর্গ্রকলন সমীকরণ (differential equation)। 1.24 সমীকরণ হইতেও এই একই বাঞ্চকে আসা যায়। অতএব 1.23 এবং 1.24 উভরেই এই অন্তর্গ্রকলন সমীকরণ 1.27 এর সমাধান। একমাত্র তফাং এই যে 1.23 এর ক্ষেত্রে তরঙ্গের গতি x এর ধনাত্মক দিকে কিন্তু 1.24 এর ক্ষেত্রে ইহা x এর ঋণাত্মক দিকে। এই উক্তির সত্যতা সমীকরণ 1.23 বেভাবে লব্ধ হইয়াছে তাহার সাহাযোই বুঝা যায়। কিন্তু ইহা দেখানো যাইতে পারে যে

$$y = Af(x - vt) + Bf(x + vt)$$
 1.28

এটিও 1.27 এর একটি সমাধান। সমীকরণ 1.28 এ A এবং B দুইটি ইচ্ছাধীন প্রন্বক (arbitrary constants): সহজেই বুঝা যায় যে সমীকরণ 1.28 এ প্রথমটি x এর ধনাত্মক দিকে এবং বিতীয়টি ইহার ঋণাত্মক দিকে গমনকারী দুইটি তরসের সমষ্ঠি।

এখানে ধরা হইয়াছে যে তরঙ্গ দুইটির রূপরেখা (profile) একরকম। কিন্তু ইহা আবশ্যিক নহে এবং সমাধানটিকে আরও সাধারণ করিয়া লেখা বায়

$$p = Af_1(x - vt) + Bf_2(x + vt)$$
 1.29

এখানে  $f_1$  এবং  $f_2$  অপেক্ষক (function) দুইটি আলাদা হওয়ায় তরঙ্গ দুইটির বৃপরেখাও আলাদা হইবে।

f এর প্রকৃতির উপর নির্ভর করির। তরক্ষের র্পরেখা বিভিন্ন প্রকারের হইবে। ইহার মধ্যে সর্বাপেক্ষা সরল প্রকৃতির তরক হইবে সেইগুলি বেখানে f এর স্থান লইবে sine অথবা cosine. এইর্প একটি তরক্ষের বিষয় আলোচিত হইরাছে সমীকরণ 1.2 এবং 1.3 দুইটিতে। এখানে দ্রংশ হইবে



সরল মোলগতিসম্পান (simple harmonic). এই প্রসঙ্গে পাওরা গিরাছে অন্তর্মকলন সমীকরণ 1.9

$$\frac{d^2y}{dt^2} = -w^2y$$

এই জাতীর বে সমন্ত অন্তর্মকলন সমীকরণে  $y, \frac{dy}{dt}$  অথবা  $\frac{dy^2}{dt^2}$  এর প্রথম বর্গের বেশী ঘাতের (power) পদ বর্তমান থাকে না তাহাদের একঘাত সমীকরণ (linear equation) বলা হয়। ইহার উপর বিদ এই সমীকরণে y-নিরপেক্ষ (independent of y) কোনও পদ বর্তমান না থাকে তবে সমীকরণিটকৈ সমমান্তও (homogeneous) বলা হয়। এইজাতীর একঘাত এবং সমমান্ত অন্তর্মকলন সমীকরণের একটি খুব চিন্তাকর্ষক এবং গুরুত্বপূর্ণ ধর্ম আছে। এই সমীকরণের দুইটি সমাধানের যোগফলও একটি নৃতন সমাধান। অবশ্য বে সমন্ত সমীকরণ একঘাত নর তাহাদের ক্ষেত্রে এই ধর্ম বর্তমান নাই। এই ধর্মটির অন্তিত্ব নির্মালিখিতরূপে প্রমাণ করা যার।

ধরা বাক বে অন্তর্নকলন সমীকরণটি নিম্নপ্রকারের পাওয়া গিরাছে

$$\frac{d^2y}{dt^2} = -Ay + By^2 + Cy^8 + Dy^4 + \cdots$$
 1.30

ইহাদের মধ্যে B, C, D ইত্যাদি প্র্বকগুলি ( A বাদে ) বাদ শ্ন্য হয় অথবা এত কুন্ত হয় বে ইহাদের শ্ন্য বলিয়া থরিয়া লওয়া বায় তবে সমীকরণ 1.30 কে একঘাত সমমাত্র বলা বাইবে। থরা বাক  $y_1$  এবং  $y_2$  সমীকরণ 1.30 এর দুইটি পৃথক সমাধান। স্বভাবতই ইহাদের ক্ষেত্রে প্রারম্ভিক অবস্থ। (initial conditions) আলাদা হইবে। তবে ইহাদের উভয়ের বেলাই 1.30 এর সর্ত পালিত হইবে। সুত্রাং

$$\frac{d^2y_1}{dt^2} = -Ay_1 + By_1^2 + Cy_1^2 + Dy_1^4 + \cdots$$
 1.31

$$\frac{d^2y_2}{dt^2} = -Ay_2 + By_2^2 + Cy_2^3 + Dy_2^4 - \cdots$$
 1.32

বাদ অধিন্থাপনের নীভি (principle of superposition) বৈধ হয় তবে লেখা বাইতে পারে

$$\frac{d^{2}(y_{1}+y_{2})}{dt^{2}} = -A(y_{1}+y_{2}) + B(y_{1}+y_{2})^{2} + C(y_{1}+y_{2})^{3} + D(y_{1}+y_{2})^{4}$$

$$+D(y_{1}+y_{2})^{4}$$
1.33

দেখা বার যে সমীকরণ 1.33 শুবুমাত তথনই বৈধ হইবে বখন B, C, D ইত্যাদি প্র্বকর্গাল শ্না হইবে। কারণ 1.31 এবং 1.32 বোগ করিবার পর দেখা বাইবে যে সমীকরণ 1.33 সভ্য হইবে একমাত নির্মালখিত সর্ভগুলি পালিত হইলে

$$\frac{d^2y_1}{dt^2} + \frac{d^2y_2}{dt^2} = \frac{d^2(y_1 + y_2)}{dt^2}$$
 1.34

$$-Ay_1 - Ay_2 = -A(y_1 + y_2)$$
 1.35

$$By_1^2 + By_2^2 = B(y_1 + y_2)^2 1.36$$

$$Cy_1^8 + Cy_2^8 = C(y_1 + y_2)^8$$
 1.37

সমীকরণ 1.34 এবং 1.35 উভরেই বৈধ। কিন্তু B, C ইত্যাদি শূনা না হইলে সমীকরণ 1.36 এবং 1.37 বৈধ নহে। অতএব দেখা বাইতেছে বে একমাত্র একবাত সমমাত্র সমীকরণের ক্ষেত্রেই এই অধিস্থাপনের নীতি বৈধ। অর্থাৎ  $y_1$  এবং  $y_2$  বিদ সমীকরণের দুইটি সমাধান হয় তবে ইহাদের বোগফলও একটি নৃতন সমাধান। অবশ্য বোগ করিবার সময় প্রত্যেকটিতে একটি ইচ্ছাধীন শ্লুবক (arbitrary constant) আসিবে।

পূর্বেই বলা হইয়াছে যে  $y = f(x \mp vt)$  এই জাতীয় তরঙ্গ সমীকরণে অপেক্ষক f এর সর্বাপেক্ষা সরল প্রকৃতি হইবে যখন ইহা একটি sine অথবা cosine অপেক্ষক হইবে। এইক্ষেত্রে t=0 সময়ে যে তরঙ্গরুপরেখা পাওয়া বাইবে তাহা লেখা বাইতে পারে

$$y = a \sin mx$$
 or  $a \cos mx$  1.38

ৰণি পরেরটি নেওরা হয় তবে ৷ সময় বাদে দাড়াইবে

$$y = a \cos m (x - vt)$$
 1.39

এখানে a বিস্তার (amplitude) বুঝাইতেছে। তরঙ্গ রূপরেখার x অক্ষের দিকে  $\frac{2\pi}{m}$  দূরত্ব পরপর পুনরাবৃত্তি হয়। এই দূরত্বকে বলা হয় তরঙ্গদৈর্ঘ্য  $\lambda$ . সূতরাং লেখা বায়

$$y = a \cos \frac{2\pi}{\lambda} (x - vt)$$
 1.40

আবার  $\frac{v}{\lambda} = v$  (  $v = \Phi$ -পাৰ্ক ) ;  $w = 2\pi v$  ( w = 4ন্তীয় ৰুম্পাৰ্ক )

এবং  $\frac{2\pi}{\lambda} - k$  [ k - সম্ভরণ সংখ্যা (propagation number)].

#### সূত্রাং লেখা বার

$$y = a \cos (kx - 2\pi vt)$$
 141  
 $y = a \cos (wt - kx)$  1.42

অনুর্পভাবে লেখা বার

$$y = a \sin(wt - kx)$$
 1.43

1.42 এবং 1.43 উভয়েই একই তরঙ্গ বুঝাইতেছে। শুমুমার তফাং এই বে ইহারা স্থানাক উৎসের সাপেকে  $\frac{T}{4}$  সমরের ব্যবধানে নেওয়া হইরাছে। এই সহজে T একটি পর্যায় বা দোলনকাল (period) বুঝাইতেছে।

সমীকরণ 1.41 এবং 1.43 যে সমন্ত তরঙ্গের ক্ষেত্রে প্রযোজ্য হইবে তাহাদের কিছু বৈশিষ্টা থাকিবে। প্রথমত w একটি প্রবক হওয়ার তরঙ্গের বৃত্তীর কম্পান্ক এবং তরঙ্গদৈর্ঘাও ধ্রুবক হইবে। অর্থাৎ এই সমীকরণের দারা বে ভরঙ্গ বুঝানো হইবে তাহা হইবে সম্পূর্ণ একবর্ণী (monochromatic). অবশ্য সম্পূর্ণ একবর্ণী আলোকতরঙ্গ উৎপন্ন করা অসম্ভব বলা চলে। মাইকেলসনের ব্যতিচার মাপকের আলোচনা হইতে দেখা ঘাইবে যে প্রতিটি বর্ণালিরই তরঙ্গদৈর্ঘের একটি বিস্তৃতি (spread) বর্তমান। এই বিস্তৃতি ষত কম হইবে বর্ণালীটিকে তত আদর্শ একবর্ণী বলিয়া গণ্য করা চলিবে, কিন্ত কোন ক্ষেত্রেই প্রায় এই বিশ্বতি শৃনা হয় না। অতএব আদর্শ একবর্ণী তক্লও পাওয়া বায় না। সমীকরণ দুইটিতে 🗴 দূরন্ধের কোন সীমা নাই ; সূতরাং সংগ্রিষ্ট আলোকতরঙ্গেরও কোন সীমা নাই। আবার ইহার বিস্তার a এর মানও ধ্রুবক বাহা আলোকউৎসের মন্দনের (damping) জন্য সাধারণত কমিতে থাকে। তবে কোন উৎস হইতে খুব সরু এবং তীক্ক (sharp and fine) একটি বর্ণালীরেখা যদি নিরবচ্ছিন্নভাবে (continuously) নিগতি হইতে থাকে তবে ঐ বর্ণালীরেখার তরক্লদৈর্ঘ্যকে কার্যকরীভাবে একবর্ণী বলিয়া ধরা বায়।

ইহা ছাড়া দেখা গিয়াছে যে আলোচ্যক্ষেত্রে ধারণার সূবিধার জন্য একটি টানা তারের বেলায় সৃষ্ঠ তরঙ্গের কথা আলোচিত হইয়াছে। এই তরঙ্গে তারের কোন বিন্দুর ভ্রংশের কথা বিদ ধরা বার তবে দেখা বাইবে যে ইহা এমন একটি তলে ঘটিয়া থাকে যে তলটি x দিকের সহিত সমাস্তরাল। তরঙ্গের ক্ষেত্রে এইর্প ভ্রংশকে বলা হয় তরঙ্গের সমবর্তন (polarisation). সূতরাং সংশ্লিক তরঙ্গ একবর্ণী ছাড়া সমবর্তিতও হইবে।

ভরত্বের দশা ও দশা-পার্থক্য (Phase of a wave and phase difference)

বদি তরঙ্গের দুইটি সমীকরণ দেখা বার

$$y_1 = a \cos (wt - kx)$$
 1.44  
 $y_2 = a \cos [(wt - kx) + \delta]$  1.45

ভবে দেখা যাইবে বে দুইটি সমীকরণই একই তরঙ্গকে বুঝাইতেছে, খুধু স্থানাক্ষ উৎসের সাপেকে একটি ভরঙ্গ অন্যটির তুজনার  $\frac{\delta}{k}$  দৃরত্ব সরিরা গিয়াছে। এই  $\delta$  রাশিটিকে পূর্বে দশা-ধুবক বলা হইয়াছে। আর দুইটি ভরঙ্গের মধ্যে দশার পার্থক্য হইবে  $\delta$ . প্রথমক্ষেত্রের ( $\kappa t-kx$ ) ভরঙ্গের দশা বুঝাইবে অর্থাৎ কোন আলোচ্য সময়ে উৎসটি দোলনক্রমের কোন অবস্থার আছে ভাষা নির্দেশ করিবে। বিভীয়ক্ষেত্রের দশা  $[(wt-kx)+\delta]$ . অভএব দুইটি ভরঙ্গের মধ্যে দশার পার্থক্য দাঁড়াইকে  $\delta$ । এই আলোচনা হইতে লেখা যার বে ভরঙ্গের দুইটি বিন্দুর মধ্যে দূরত্ব বিদ  $\triangle x$  হয় তবে পাওয়া যার

$$(x_1 - x_2) = \triangle x - \frac{\delta}{k} - \frac{\lambda}{2\pi} \delta$$

[ সমীকরণ 1.44 এ / এর একটি ধুবক মান আরোপ করিলে দেখা যার বে দশা দূরত্বের সমানুপাতে পরিবর্তিত হর । ]

বা 
$$\delta$$
 – দশা-পার্থক্য –  $\frac{2\pi}{\lambda} \triangle x = \frac{2\pi}{\lambda} \times$  পথ দ্রদ্ব 1.46

আলোকতরকের ক্ষেত্রে তরকের দশার পরম মান (absolute value) নির্ণর করা সম্ভব নর, কারণ সহজেই বুঝা বায় বে দশার মান সংশ্লিষ্ট স্থানাক্ষ উৎসের অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে। তবে সোভাগ্যের বিষয় এই বে সাধারণত এই পরম মান নির্ণয়ের প্রয়োজন খুব কমই ঘটিয়া থাকে। অবশ্য এক্স্-রন্মির (x-rays) সাহায্যে কেলাসের গঠন অনুসন্ধান করিতে এইবৃপ পরম-মানের নির্ণয়ের প্রয়োজন হয় এবং এই ক্ষেত্রে দশার নির্ণয়ই সমন্ত অনুসন্ধানের মধ্যে সর্বাপেকা শন্ত অংশ।

বাহা হোক ভৌত আলোক বিজ্ঞানের পরীক্ষা সমূহের বেলার দশার এই পরম মান নির্ণরের প্ররোজন হর না। কিন্তু দুইটি অধিস্থাপিত (superposed) তরসের বেলার ইহাদের মধ্যে দশা-পার্থক্যের নির্ণর করা খুবই আবশ্যক; আর এইর্প নির্ণর খুব সৃক্ষভাবেই করা বার। এই দশা-পার্থক্যের মান সমীকরণ 1.46 অনুসারে দাঁড়াইরাছে

$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda} \triangle x.$$

এখানে △ x দুইটি তরকের মধ্যে পথ-পার্থক্য। ব্যক্তিচারের পরীক্ষার এই সক্ষের বছল এবং শুরুত্বপূর্ব প্রেরোগ দেখা যাইবে। তাছাড়া ব্যবর্তন এবং সমবর্তনের পরীক্ষার বেলারও এই দশা-পার্থক্যের ধারণার অনেক প্ররোগের দৃষ্টান্ত দেখা বাইবে। তবে এইখানে একটি বিষয় পরিষাররূপে বুঝা দরকার। যে পথ-পার্থক্যের কথা বলা হইরাছে তাহা প্রকৃতপক্ষে আলোক-পথ (optical path) বুঝাইতেছে। সূতরাং বদি আলোকরশ্বি দুইটি শ্নোর মধ্য দিরা দ্রমণ করে তাহার জন্য পথ-পার্থক্য △ x হইবে

$$\triangle x = (x_1 - x_2)$$

কিন্তু বিদ ইহার। কোন মাধ্যমের মধ্য দিয়া যার সেক্ষেত্রে মাধ্যমের মধ্যে আলোকপথ হইবে  $\mu x$  ( $\mu =$  মাধ্যমের প্রতিসরাধ্ক)। সূতরাং পথ-পার্থক্যের রাশি এক্ষেত্রে দাঁড়াইবে

$$\Delta \widetilde{x} = (\mu_1 x_1 - \mu_2 x_2)$$

এখানে  $x_1$  দূরত্ব যে মাধ্যমে মাপা হইরাছে তাহার প্রতিসরাক্ত  $\mu_1$  এবং  $x_2$  ও  $\mu_2$  বিতীয় মাধ্যমের জন্য সংখ্নিষ্ঠ রাশি । যদি রশ্মি দূরের অধিক মাধ্যমের মধ্য দিরা গমন করে তবে লেখা বার

$$\triangle x = \sum_{m} \mu_m x_m - \sum_{n} \mu_n x_n$$
 1.47

উপরের সমীকরণ 1.47 এ প্রথম রশ্মিটি m সংখ্যক বিভিন্ন মাধ্যমের মধ্য দিয়া যাইতেছে এবং দিওীয় রশ্মিটি n সংখ্যক বিভিন্ন মাধ্যমের মধ্য দিয়া যাইতেছে। আর ইহা হইতে দশা-পার্থক্য পাওয়া যাইবে

$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda} \left[ \sum_{m} \mu_m x_m - \sum_{n} \mu_n x_n \right]$$
 1.48

ভরজের ত্রিমাত্রিক সঞ্চরণ (Propagation of three-dimensional waves)

বখন কোন উৎস হইতে তরঙ্গের সৃষ্টি হইয়া ইহা উৎসের চতুদিকে মাধ্যমের ভিতর ছড়াইয়া পড়ে তখন সেই তরঙ্গের সমীকরণ লিখিতে 1.21 হইতে কিছু প্রয়োজনীর পরিবর্তন করিতে হয়। এখানে কোনও বিশুর স্থানাম্ক (coordinates) যদি x, y, z দিয়া বুঝানো হয় তবে এই বিশ্বুতে দশা  $\xi$  লেখা বাইতে পারে

$$\xi = f(x, y, z, t) \tag{1.49}$$

এই 1.49 সমীকরণে f x, y, z এবং t এর অংশেক ।

সমস্ত প্রকার ভরঙ্গ, ধথা আলোক ভরঙ্গ, বিদ্যুৎচুম্বকীর ভরঙ্গ, অথবা ভুক্তপন-তরক, সমন্ত কেন্দ্রে দুইটি বৈশিষ্ঠ্য বর্তমান থাকে। প্রথমত প্রতিটি ধরণের তরঙ্গের ক্ষেত্রেই উৎপন্ন শক্তি উৎস হইতে দূরের বিন্দুসমূহে সঞ্চারিত হইরা থাকে। বিতীয়ত সব ক্ষেত্রেই ভ্রংশ মাধ্যমের মধ্য দিয়া গমনকালে ইহার বিকৃতি ঘটাইলেও এই বিকৃতি স্থায়ী হয় না আর মাধ্যমের কণাগুলির তাহাদের গড় অবস্থান হইতে কোনর্প স্থায়ী বিচ্যুতি ঘটে না। সূতরাং উপরোম্ভ তরঙ্গের ক্ষেত্রে যদি একটি কোনও বিন্দুর কথা বিকেনা করা হয় তবে এই বিন্দুর দশা সমরের সহিত পরিবতিত হইবে এবং একটি পর্যারকালে বিভিন্ন মানের মধ্য দিরা বাইবে। কিন্তু এই পরিবর্তনের প্রতিটি পর্বায়ে একবার করিয়া পুনরাবৃত্তি ঘটিবে। তবে যে কোনও একটি সময় t=t, বিকেন। করিলে সেই সময়ে একটি তথের সমন্ত বিন্দুতে দখার মান সমান হইবে। এই তলকে বলা যায় তরঙ্গতল (wave surface) অথবা তরঙ্গমুখ (wave front). অবশ্য পরপর এইরূপ অসংখ্য তরঙ্গতল বর্তমান থাকিবে যাহাদের একটির মধ্যে সমস্ত বিন্দুতে দশার মান একই হইলেও একটি তরক্ষতল এবং ইহার পূর্ব বা পরবর্তীটিতে দশার মান আলাদা। যে কোনও একটি ভরক্তলের সমীকরণ হইবে

$$\xi_{t=t_1} = f_1(x, y, z) = \xi_{t_1}$$
 (1.50)

এখানে  $\xi_1$  আলোচা তরঙ্গতলে  $t_1$  সময়ে দশার মান সময়ের পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে এই তরঙ্গতলের দশা  $\xi$  এরও পরিবর্তন হইবে এবং ইহা পর্যায়ক্রমে 0 হইতে  $2\pi$  এর মধ্যে আর্বাভিত হইতে থাকিবে। তরঙ্গতল বা তরঙ্গমুখের আকৃতি বিভিন্ন ক্ষেত্রে বিভিন্ন প্রকারের হইয়া থাকে। সমমার (homogeneous) মাধ্যমে একটি ক্ষুদ্র বিন্দুর আকারের উংস হইতে উৎপন্ন তরঙ্গের বেলার প্রতিটি তরঙ্গমুখ গোলকীর (spherical) হইবে এবং বিভিন্ন তরঙ্গমুখ বিভিন্ন ব্যাসের সমকেন্দ্রিক গোলকীর পাওয়া বাইবে। যদি উৎস হইতে অনেক দ্রের তরঙ্গমুখ বিবেচনা করা বার তবে ইহার বক্ততা (curvature) এত কম হইবে বে ইহাকে প্রায় সমতল বলিয়া ধরা চলিতে পারে। এইরূপ তরঙ্গকে সমতল-তরঙ্গ (Plane wave) বলা হয়। সমতল-তরঙ্গের তরঙ্গমুখও সমতল হইবে এবং এই তরঙ্গমুখ নিজতলের লম্বাদিকে তরঙ্গের সঞ্চরণের গতিবেগ v বেগে গমন করে। তরঙ্গমুখের লম্বের ডিরেকসন কোসাইন (direction cosines) বিদ l, m, n হয় এবং বিদ সঞ্চরণ দিক x:y:z=l:m:n হয় তবে তরঙ্গমুখগুলির সমীকরণ লেখা বায়

$$lx + my + nz = 444 \tag{1.51}$$

আর বে কোনও সমর েতে 🗜 ধুবক হইবে বাহাতে সমীকরণ 1.51 পালিত হর। ইহা হইতে লেখা বার

$$\xi = f(lx + my + nz - vt) \tag{1.52}$$

সমীকরণ 1.52 উপরের সমন্ত সর্ভই পালন করিতেছে; ইহা এমন একটি সমতল তরঙ্গ বুঝাইতেছে যাহা অপরিবতিত আকৃতিতে v গতিবেগে l, m, n দিকে গমন করিতেছে।

কোন তরকের ক্ষেত্রে যদি লেখা যায়

$$\xi = wt - k(lx + my + nz) + \delta \tag{1.53}$$

তবে ইহার দ্রংশ 🗸 দাঁড়াইবে

$$\psi = a \sin \xi$$

$$= a \sin \left[wt - k(lx + my + nz) + \delta\right]$$
 (1.54)

। এর সাপেকে দুইবার অন্তরকলন করিয়া পাওয়া যায়

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = -w^2 a \sin \left[wt - k(lx + my + nz) + \delta\right] = -w^2 \psi$$
(1.55)

(1.55)

আবার x, y এবং z এর সম্বন্ধে অনুরূপভাবে অন্তর্মুক্তন করিয়া পাওয়া যার

$$\frac{\partial^{2} \psi}{\partial x^{2}} = -k^{2} l^{2} \psi$$

$$\frac{\partial^{2} \psi}{\partial y^{2}} = -k^{2} m^{2} \psi$$

$$\frac{\partial^{2} \psi}{\partial z^{2}} = -k^{2} n^{2} \psi.$$
(1.56)

$$\therefore \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} = -k^2 (l^2 + m^2 + n^2) \psi = -k^2 \psi \qquad (1.57)$$

কারণ l, m, n তরঙ্গমুপের লবের ডিরেকসন কোসাইন (direction cosine) বুঝাইতেছে এবং ইহা হইতে পাওয়া যায়

$$l^2 + m^2 + n^2 = 1 (1.58)$$

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} - \frac{k^2}{w^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2}$$
 (1.59)

কিন্তু পূর্বেই দেখা গিয়াছে

$$k=\frac{2\pi}{\lambda}\;;\;\;w=2\pi\nu$$

$$\frac{k}{w} = \frac{2\pi}{\lambda} \frac{1}{2\pi v} = \frac{1}{\lambda v} = \frac{1}{v} \quad [v - SACS A NISCAN]$$

$$\therefore \frac{\partial^* \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^* \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^* \psi}{\partial z^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\delta^* \psi}{\delta t^2}$$
(1.60)

এইটি তরঙ্গ সম্পরণের হিমাহিক সমীকরণ। ইহাকে সংক্ষেপে লেখা হইরা থাকে

$$\nabla^{9}\psi = \frac{1}{v^{2}} \frac{\delta^{9}\psi}{\delta t^{2}} \tag{1.61}$$

অধ্কণান্তে এইটি একটি অতীব গুরুত্বপূর্ণ সমীকরণ কারণ এটি ধুবক গতিবেগের সমস্ত তরঙ্গের ক্ষেত্রেই প্রবোজা। ইহার একটি বিশেব সমাধান লেখা হইরাছে সমীকরণ 1.54। এই ক্ষেত্রে তরঙ্গটির প্রকৃতি সরল-দোলগতি সম্পন্ন হইবে। 1.61 সমীকরণের সাধারণ সমাধান লেখা যাইতে পারে

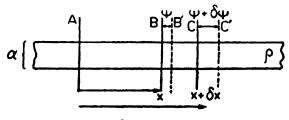
$$\psi = f \left[ vt - k(lx + my + nz) \right] \tag{1.62}$$

এই সমীকরণটি এমন একটি সমতল তরঙ্গ বুঝাইতেছে যাহার র্পরেখা (profile) সরল-দোলগতির আকারের নাও হইতে পারে।

### ভরজের সঞ্চরণ বেগ (Velocity of propagation of waves)

তরক্ষের গাঁতবেগ কম্পকের ভৌত ধর্মের (physical properties of the oscillator) উপর নির্ভর করিবে, উহার কম্পনের প্রারম্ভিক অবস্থার উপর নহে। কম্পাক্ষর বেলারও এইর্গই দেখা গিরাছে। সমীকরণ 1.17 হইতে 1.19 সম্বন্ধে আলোচনার সময় বলা হইয়াছে যে বৃত্তীর কম্পাক্ষ  $w(w=2\pi\nu)$  ব্যাবর্ত দোলকের (torsional pendulum) বেলার  $\sqrt{\frac{k}{m}}$  এর সমান হইবে; সরল দোলকের (simple pendulum) এর বেলার ইহা হইবে  $\sqrt{\frac{g}{I}}$  এর

সম্মন। এখানে বেমন কম্পাধ্ক বিভিন্ন প্রকার দোলকের ক্ষেত্রে বিভিন্ন



क्वि 3.8

ভৌতথর্মের উপর নির্ভর করে, তেমনই তরজের গতিবেগও দেখা বাইবে

বিভিন্ন প্রকার তরজের জন্য মাধ্যমের বিভিন্ন ভৌতধর্মের উপর নির্ভরশীল হইবে। এটি দেখাইবার জন্য প্রথমত একটি ধাতব দঙ্কের মধ্য দিয়া অনুদৈর্ঘ্য (longitudinal) তরজের সঞ্চরণ বেগ বাহির করা হইবে।

উপরের চিত্র ১.৪ এ একটি ধাতব দতের অংশ ABC দেখানো হইরাছে। ইহার মধ্য দিরা A হইতে B এবং C এর দিকে অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গ সঞ্চারিত হইতেছে। বে কম্পনের ফলে তরঙ্গ সঞ্চারিত হইতেছে তাহার দ্রংশ বিদ  $\psi$  ধরা বার তবে এই দ্রংশ দঙ্গের দৈর্ঘ্যের অভিসবে বে কোনও একটি তলের সর্ব্য সমান হইবে, কিন্তু ইহার সমরের সহিত পরিবর্তন হইবে। অর্থাং দ্রংশ  $\psi$  সমর t এবং দঙ্গের দৈর্ঘ্যের দিকে ছানাশ্ব x এর নির্বাছ্যের অপেক্ষক (continuous function) হইবে। সূতরাং দঙ্গের শাস্ত (undisturbed) অবস্থার A তল হইতে দুইটি তল B এবং C এর দূরত্ব বাদ বথাক্রমে x এবং  $x+\delta x$  হর তবে বখন তরঙ্গ সৃষ্টির সমর এই তল দুইটির দ্রংশ উৎপমে হইবে তখন সাধারণভাবে তল দুইটির দ্রংশ আলাদা হইবে এবং শাস্ত অবস্থা হইতে এই দ্রংশ ধরা বাক  $\psi$  এবং  $\psi+\delta \psi$ , তাহা হইলে B এবং C তলের মধ্যের অংশের প্রতি একক দৈর্ঘ্যে প্রসারণ লেখা বার

$$\frac{B'C'-BC}{BC}$$
 =  $BC$  দৈর্ঘের জন্য একক দৈর্ঘের প্রসারণ।

সূতরাং ইহাকে লেখা ঘাইতে পারে

$$\frac{B'C' - BC}{BC} = \frac{\delta\psi}{\delta x} \tag{1.63}$$

ইরংএর স্থাপিতাব্দ (Young's Modulus) যদি  $\gamma$  হর এবং দণ্ডের প্রস্থচেত্দ (cross section) যদি এ হর তবে টান (tension) T দাঁড়াইবে

$$T = \gamma < \frac{\delta \psi}{\delta x}.$$
 (1.64)

অবশ্য এখানে ধরা হইরাছে বে  $\frac{\partial \psi}{\partial x}$  এর মান এত কম বে হুকের নীতি (Hooke's law) এই ক্ষেত্রে প্রবোজা হইবে। B এবং C এর মধ্যেকার অংশে বে মোট বল প্রবোজা হইতেছে ভাহা B এবং C প্রাবে প্রবুক্ত টানের পার্থকোর সমান। আর এই টান T ও  $\psi$  এর মত x এবং t এর নির্বাছনে অংশকক। সূতরাং এই বিকেনা হইতে লেখা চলিতে পারে

$$\frac{\partial T}{\partial x} \Delta x = \gamma < \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} \Delta x. \tag{1.65}$$

কিব্ৰু বল – ভা × স্বাণ

$$\therefore \ll \rho \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} \triangle x = \gamma \ll \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} \triangle x \tag{1.66}$$

এখানে ρ = দভের বন্ধুর ঘনদ।

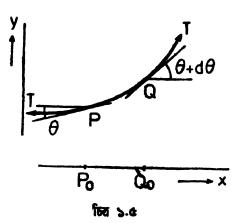
$$\therefore \quad \frac{\delta^2 \psi}{\delta x^2} = \frac{\rho}{\gamma} \quad \frac{\delta^2 \psi}{\delta t^2} \tag{1.67}$$

এই সমীকরণটি তরক্ষের সমীকরণ 1.27 এর সহিত তুলনা করিলে দেখা বাইবে বে ইহা হইতে লেখা চলে

$$v^2 = \frac{\gamma}{\rho}$$
or  $v = \sqrt{\frac{\gamma}{\rho}}$  (1.68)

সুতরাং দত্তের মধ্য দিরা যে অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গ সন্ধারিত হইবে ভাছার গতিবেগ নির্ভর করিবে ইরংরের স্থাপিতাব্দ  $\gamma$  এবং দণ্ডের বন্ধুর ঘনত্ব  $\rho$  এর উপর ।

ভির্মক ভরক্রের ক্ষেত্রেও অনুর্পভাবে ভরক্রের গতিবেগ বাহির করা যায়। বদি টান করিয়া বাধা একটি ভারের মধ্যে তির্মক ভরক্রের সৃষ্টি করা হয় তবে এই ভরক্রের গতিবেগ নির্মালিখিতবৃশে পাওয়া বাইবে।



তারটির একটি কুন্ত অংশ  $P_0Q_0$  এর গতির কথা ধরা বাক। সাম্য (equilibrium) অবস্থার এটি x অক্ষের সঙ্গে সমান্তরাল অবস্থার থাকে। কিন্তুত অবস্থার ধরা বাক ইছা PQ অবস্থান নিরাছে। সাম্যাবস্থা হইডে

প্রধান সুকালো হইরাছে। তাহা হইলে তারের এই অংশে একমার বল কাম করিতেছে টান T এবং ইহা P এবং Q বিন্দুতে স্পর্শকের '(tangent) দিকে কাম করিতেছে। এই স্পর্শক দুইটি x অক্ষের সঙ্গে  $\theta$  এবং  $\theta + d\theta$  কোন করিরা আছে। টানের y অক্ষের দিকে উপাংশ দুইটি T  $\sin \theta$  এবং  $T \sin (\theta + d\theta)$  এবং ইহাদের বিরোগফলই y অক্ষের দিকে লব্ধি বল। সূতরাং দেখা বার

$$T \sin (\theta + d\theta) - T \sin \theta = \rho ds \frac{\partial^2 y}{\partial t^2}$$
 (1.69)

də খুব ছোট বলিয়া লেখা যায়

$$T\cos\theta \ d\theta = \rho ds \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} \tag{1.70}$$

এখানে PQ এর দৈর্ঘ্য ds এবং ho তারের একক দৈর্ঘ্যের ভর

আৰার  $\tan \theta = \frac{\partial y}{\partial x}$ 

$$\therefore \sec^2\theta \ d\theta = \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} dx. \tag{1.71}$$

সূতরাং  $\rho \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = T \cos^2 \theta \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} \cdot \frac{\partial x}{\partial s}$  (সমীকরণ 1.71 ব্যবহার করিয়া )

$$-T\cos^4\theta\frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$$

( চিত্র নং ১'৫ হইতে দেখা বার  $\frac{\partial x}{\partial s} - \cos \theta$ )

কিছু 
$$\cos^2 \theta = \left\{ 1 + \left( \frac{\partial y}{\partial x} \right)^2 \right\}^{-1}$$

তবে  $\frac{\partial y}{\partial x}$  সংখ্যাটি খুবই ছোট হওয়ার  $\left(\frac{\partial y}{\partial x}\right)^2$ এককের তুলনার তুচ্ছ করা চলে। সূতরাং লেখা বার

$$\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = \frac{\rho}{T} \cdot \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} \tag{1.72}$$

এটিকে যদি তরঙ্গ সমীকরণ 1.27 সঙ্গে তুজনা করা বার ভবে বুঝা বার বে

$$v^{s} = \frac{T}{\rho}$$
 অথবা  $v = \sqrt{\frac{T}{\rho}}$  (1.73)

সূতরাং দেখা বার বে এইর্গ ভারের বেলার তির্বক ভরক্রের গাতিবেগ নির্ভর করে তারের টান T এবং ভারের একক দৈর্ঘ্যের ভর ho এর উপর ।

দশা গভিবেগ বা ভরন্ধ গভিবেগ (Phase velocity or wave velocity)

গতিশীল তরক্ষের আলোচনার দেখা গিরাছে যে তরক্ষের গতির সময় মাধ্যমের বিন্দুগুলির বে প্রংশ হয় ভাহা একটি সাম্বিন্দুকে (equlibrium point) কেন্দ্র করিরা ঘটে। এই সাম্যবিন্দুর কিন্তু কোনও রক্ম চুডি (displacement) হর না। প্রতিটি বিন্দুই সাম্যাবস্থার যে অবস্থানে থাকে ক্সনের ফলে ভাহার সাপেকে চ্যুতি ঘটিলেও ইহা তরঙ্গের গতির দিকে সন্ধারিত হইয়া স্থানত্যাগ করে না। তরক্ষের সৃষ্ঠির অবসান ঘটিলে ইহা আবার সাম্যাক্সার ফিরিরা আসে ; এবং তরক সৃতির সমরেও ইহার গড় অবস্থান অপরিবাঁতিত থাকে। তাহা হইলে প্রশ্ন ওঠে বে তরঙ্গের গতির সমর প্রকৃতপক্ষে কিসের সঞ্চরণ হর ।। দখার সংজ্ঞা এবং ধারণা হইতে বৃদ্ধিতে পার। ৰার যে তরঙ্গের গতির সময় এই দশাই সন্তারিত হইতে থাকে। চিত্র নং ১.৩ হইতে দেখা যায় যে t=0 সময়ে হয়তো একটি বিন্দু A-র দশা আর্পেক্ষকভাষে ধরা চলিতে পারে  $\frac{\pi}{2}$  ; অর্থাং y অক্ষের দিকে ইহার স্রংশ ধনাত্মক চরম। সময়ের সঙ্গে এই বিন্দুর জংশ এমনভাবে পরিবাঁতত হইবে বাহাতে ইহার মান কমিয়া ক্রমে শূন্য হইবে এবং তারপর আবার ঋণান্মক চরম হইবে। এই চরম ধনাত্মক দ্রংশ সময়ের সঙ্গে ডানদিকে অর্থাৎ 🗴 অক্ষেব্র ধনাত্মক দিকে গমন করিবে। আর এই গমনের হারই হইবে তরঙ্গের গতিবেগ। সূতরাং এই ক্ষেত্রে তরঙ্গের গতিবেগকে বলা হয় দশা-গতিবেগ (phase velocity) অথবা তরঙ্গ-গতিবেগ। এই দশা-গভিবেগ সমীকরণ 1.39-এর ৩-এর সমান। এইটি বুঝা বায় নিম্নলিখিত বিবেচনা হইতে। যদি তরক্ষের গতিবেগ দশার গতিবেগের সমার্থক হয় তবে দশা অপরিবত্তিত থাকিবে এই সর্তে 🗴 স্থানান্কের পরিবর্তনের হার হিসাব করিলেই দশা-গতিবেগ পাওয়া বাইবে।

चर्चार लाया यात्र wt-kx = constant

সূতরাং দশা-প্রতিবেগ বা তরঙ্গগতিবেগ হইবে

$$\frac{dx}{dt} = v = \frac{w}{k} \tag{1.75}$$

श्चिषु  $w = 2\pi v$  अवश  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ 

$$\therefore \frac{w}{k} = \frac{2\pi v\lambda}{2\pi} = v\lambda = \frac{\pi}{2\pi} = \frac{2\pi v\lambda}{2\pi} = \frac{\pi}{2\pi} = \frac{\pi}{2$$

আর সংজ্ঞানুসারে ১৯ – ৮ [ ৮ – তরুসবেগ ]

সূতরাং তরঙ্গের গতিকে দশা-গতিবেগ বলার সমর্থন উপরের বুদ্ধি হইডে পাওয়া যার।

গোলকীয় ভরজ—ব্যন্তি-বর্গ সিদ্ধান্ত (Spherical waves, inverse square law)

বখন আলো কোনও বিন্দুর আকৃতির ক্ষুদ্র উৎস হইতে চতুলিকে ছড়াইরঃ পড়ে তখন আলোকশন্তি বে হারে একক ক্ষেত্রফল ( গাঁতর অভিলয়ে অবস্থিত ) অতিরুম করে তাহা উৎস হইতে ক্ষেত্রের দ্রম্বের বর্গের বান্তঃনুপাতিক ; এই সভাটি পরীক্ষালর ফল । যে তরঙ্গ-সমীকরণ পাওরা গিরাছে তাহা দারা এই ফল ব্যাখ্যা করা যার কিনা তাহা দেখা দরকার । এর্প উৎস হইতে নির্গত আলো অবশ্য গোলকীর তরঙ্গ হইবে ; অর্থাৎ এই তরঙ্গের ক্ষেত্রে তরঙ্গমুখগুলি সমকেন্দ্রিক গোলকের আকৃতি হইবে । এই সিদ্ধান্তের সত্যতা পরীক্ষা করিবার জন্য তরঙ্গের গোলকীয় প্রতিসাম্য (spherical symmetry) ধরিয়া লওয়া প্রয়োজন এবং তরঙ্গ সমীকরণ 1.60-কে সেইর্পভাবে র্পান্তরিত করা আবশ্যক।

আলোক উৎস 0 হইতে যে কোনও বাঁহ বিন্দুতে অন্ধিত ভেক্টর ধরা বাক r. তাহা হইলে সমকোণীয় স্থানান্দ পদ্ধতির (orthogonal system of coordinates) জন্য লেখা যাইতে পারে :

$$r^2 - x^2 + y^2 + z^2 ag{1.76}$$

এখানে x, y, z ভেক্টরটির বহিপ্রান্তের স্থানাক । তাহা হইলে দাঁড়ার

$$\frac{\partial \psi}{\partial x} - \frac{\partial \psi}{\partial r} \cdot \frac{\partial r}{\partial x} - \frac{x}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r}$$
 (1.77)

ি কারণ 
$$\frac{\partial}{\partial x}(r^2) = \frac{\partial}{\partial x}(x^2 + y^2 + z^2) = 2x$$

$$\exists 1 \quad 2r\frac{\partial r}{\partial x} = 2x \quad \exists 1 \quad \frac{\partial r}{\partial x} = \frac{x}{r}$$

$$\frac{\partial^* \psi}{\partial x^2} = \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{x}{r} \cdot \frac{\partial \psi}{\partial r} \right) \frac{\partial r}{\partial x}$$

$$= \frac{x}{r} \left[ \frac{x}{r} \cdot \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{\partial \psi}{\partial r} \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{x}{r} \right) \right]$$

$$= \frac{x^2}{r^2} \cdot \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \left[ \frac{\partial \psi}{\partial r} \left( \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial x}{\partial r} - \frac{x}{r^2} \right) \right] \frac{x}{r}$$

$$= \frac{x^2}{r^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{\partial \psi}{\partial r} \left[ \frac{1}{r} \cdot \frac{r}{x} \cdot \frac{x}{r} - \frac{x^2}{r^2} \right]$$

$$= \frac{x^2}{r^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \left( \frac{1}{r} - \frac{x^2}{r^2} \right) \frac{\partial \psi}{\partial r} . \tag{1.78}$$

 $\frac{\partial^4 \psi}{\partial y^2}$  এবং  $\frac{\delta^2 \psi}{\delta z^2}$  এর জন্মও অনুরূপ দুইটি সমীকরণ পাওয়া বাইবে।

## সূতবাং দাড়াইবে

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} = \left(\frac{x^2}{r^2} + \frac{y^2}{r^2} + \frac{z^2}{r^2}\right) \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{3}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r} - \left(\frac{x^2}{r^3} + \frac{y^2}{r^3} + \frac{z^2}{r^3}\right) \frac{\partial \psi}{\partial r}$$

$$1.79$$

সমীকরণ 1.76 ব্যবহার করিয়া ডানদিকটিকে লেখা বায়

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{3}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r} - \frac{1}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r} = \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r}$$
1.80

সূতরাং ভরঙ্গ সমীকরণ 1.60 দাঁড়ার

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} = \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2}$$
1.81

এই সমীকরণটিকে নির্মালিখতরূপেও লেখা বার

$$\frac{\partial^2}{\partial r^2}(r\psi) = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2}(r\psi)$$
 1.82

[ দুইদিককে দুইবার করিরা অ**ও**রকলন করিরা এই বিবৃতির সত্যতা পরীকা করা বার ]

সূতরাং  $\frac{\partial^{s}}{\partial r^{s}}(r\psi) = \frac{1}{v^{s}}\frac{\partial^{s}}{\partial t^{2}}(r\psi)$  এবং  $\frac{\partial^{s}\psi}{\partial x^{s}} = \frac{1}{v^{s}}\frac{\partial^{s}\psi}{\partial t^{s}}$ . এই দুইটি সমীকরণ একই রকমের ; শুধুমার দিভীরটির  $\psi$  এর ক্ষেত্রে প্রথমটিতে  $(r\psi)$  বিসরাছে। কাজেই প্রথম সমীকরণের সমাধানও দিভীরটির পদ্ধতিতেই লেখা বাইতে পারে।

$$r\psi = f(vt - r)$$
 [ সমীকরণ 1.23 অনুসরণ করিরা ] বা  $\psi = \frac{1}{r} f(vt - r)$ .

এই সমাধানের একটি বিশেব আকার হইবে

$$\psi = \frac{a}{r} \cos(wt - kr)$$
 1.84

এই সমাধানের ক্ষেত্রে  $r_0$  ব্যাসার্কের কোনও গোলকের পৃঠে  $t-t_0$  সমরে বে দশা বর্তমান থাকে  $t_1$  সমর পরে সেই দশা  $r_0+vt_1$  ব্যাসার্কের গোলকের পৃঠে সরিরা৷ বাইবে (v — আলোকের গাতিবেগ)। আর এই পরিবর্তন শৃধু উৎস হইতে  $vt_1$  দ্রন্থের উপর নির্ভর করিবে উৎস হইতে আলোচ্য তলের অংশের মধ্যে উৎপন্ন কোণের উপর নহে। সূত্রাং এই সমীকরণ 1.84 একটি গোলীর তরঙ্গ বুঝাইতেছে যেটি কেন্দ্রীয় উৎস O বিন্দু হইতে বাহিরের দিকে গমন করিতেছে। তবে এই তরঙ্গের ক্ষেত্রে বিশেষণ্ব এই যে ইহার বিস্তার কেন্দ্র হইতে দ্রন্থ r এর বাস্তানুপাতিক।

r যত বাড়িতে থাকিবে আলোকশন্তির তীব্রতাও ব্যক্তি বর্গানুপাতে তত সূতরাং একমাত্র এই বিবেচনা হুইতে একটি একক কমিতে থাকিবে। ক্ষেত্রফলের উপর দিয়া যে শক্তি অতিক্রম করিবে তাহা উৎস হইতে ক্ষেত্রফলের দুরত্ব r এর বর্গের ব্যক্তানুপাতিক এবং এইটিকেই বলা হয় ব্যক্তি-বর্গ সিদ্ধান্ত (inverse square law). কাজেই দেখা বাইতেছে যে আলোকের বেলার তরঙ্গ সমীকরণ 1.60 এর মধ্যেই এই ব্যক্তি-বর্গ সিদ্ধান্তের বৈধতা ( বাহা পরীক্ষা ৰারা প্রমাণিত হইয়াছে ) নিহিত আছে। অবশ্য যে কোনও *O* বিন্দুর সমকেন্দ্রিক গোলকীয় তল দিয়া যে আলোকশক্তি বাহিরে যায় তাহা সমন্ত ব্যাসার্জ r এর ক্ষেত্রেই এক হইবে। কারণ একক ক্ষেত্রফলের মধ্য দিয়া গমনকারী শক্তি যেমন  $\frac{1}{r^2}$  এর আনুপাতিক ভেমনি গোলকের তলের ক্ষেত্রফলও 💤 এর আনুপাতিক। অতএব একটি অন্যটির প্রভাব নন্ঠ করে। আর ইহা এমনিতেও বুঝা যায় ; কারণ উৎস হইতে যে শক্তি নিগত হইতেছে তাহা কোথার জমিরা থাকিতেছে না. ক্রমাগত উৎস হইতে বাহিরের দিকে বাইতেছে। অতএব উৎসের সঙ্গে সমকেন্দ্রিক যে কোনও গোলকীয় তলই ধরা হোক না কেন ইহার উপর দিয়া যে শক্তি অতিক্রম করিতেছে তাহা সমস্ত ব্যাসার্কের গোলকীয় তলের বেলায়ই এক হইবে।

### আলোর শোষণ (Absorption of light)

এ পর্যান্ত যে তরঙ্গ সমীকরণের আলোচনা করা হইরাছে তাহাতে ধরা হইরাছে যে বিন্তার a অপরিবতিত থাকিবে। কিন্তু সাধারণত এইরূপ ঘটে না। কোনও মাধ্যমের মধ্য দিরা বাইবার সমর আলোক অপবিশুর ইহাতে শোবিত হয় বাহার ফলে আলোক তরঙ্গের বিন্তার ক্রমাগত কমিতে থাকে। এই শোবিত আলোকশতি সাধারণত তাপশতিতে পরিবতিত হইরা থাকে বলিও ইহার অন্যান্য রকম রূপান্তরও বিরল নহে। আলোকতাড়িত নির্গমও (photo-electric emission) এইরূপ একটি প্রক্রিরা। এই শোবণের ফলে আলোকের ব্যক্তি-বর্গ সিদ্ধান্ত অনুসারে যে হাস হওয়ার কথা প্রকৃত হাস তাহা অপেকাও বেশী হইবে।

বিভিন্ন মাধ্যমে আলোকের শোষণ বিভিন্ন পরিমাণ হইবে। আর এই শোষণের ফলে আলোক ভীন্তভার হ্রাস নির্ভর করিবে মাধ্যমের মধ্যে আলোক-ভরঙ্গ বভটা পথ অভিক্রম করিবে তাহার উপর। সূতরাং বিদ ধরা বার বে মাধ্যমের কোনও বিম্পুর আলোর তীরতা I এবং মাধ্যমের মধ্য দিয়া dx দূর্ম অভিক্রম করিবার পর ইহার তীরতা dI হ্রাস পার তবে লেখা বার

 $=-\alpha Idx$  [ $\alpha=$  আনুপাতিক শ্বুবক (constant of proportionality)] এখানে বেহেতু dI তীব্রতার হ্লাস বুঝাইতেছে সেজনা ইহাকে ঋণাত্মক চিহ্ন দেওয়া হইয়াছে।

সূতরাং মাধ্যমের মধ্য দিয়া x দূরত্ব অতিক্রম করিতে যে তীরতার হ্রাস হুটবে তাহা পাওয়া যাইবে এই সমীকরণকে সমাকলন করিয়া

$$\int_{I_0}^{I} \frac{dI}{I} = -\int_{0}^{x} \alpha dx$$

$$\text{all } \log I - \log I_0 = -\alpha x$$

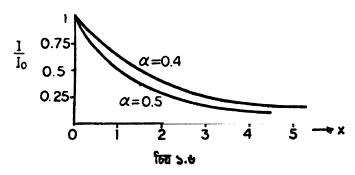
$$\sqrt[4]{I_0} = e^{-\alpha x}$$

$$\exists I = I_0 e^{-\alpha X}.$$

1.85

এই সম্বন্ধটিকে বলা হয় ল্যামবার্টের শোষণের নিয়ম (Lambert's law of absorption). আর এ ধ্রুবকটিকে বলা হয় শোষণ-গুলাক্ক (absorption

coefficient). প্রকৃতপক্ষে এই হিসাব করিবার সমর আলোকরশির মাধ্যমের মধ্য দিরা গমনের শুধু বৈখিক (linear) বিবেচনাই করা হইরাছে। সূতরাং ৰ ধ্ৰক্তিকৈ হৈখিক শোষণ গুণাৰুক (linear absorption coefficient) বলাই অধিকতর সঙ্গত হইবে। আর বেহেতু আলোর তীব্রতা তরঙ্গের বিদ্তারের বর্গের সমানুপাতিক, সেইন্ধন্য শোষণের জন্য আলোকের তীরভার হাসের প্রভাব বিস্তারের (amplitude) ক্ষেত্রে বুঝাইতে হইলে ইহাকে e - 🛂 গুণক খারা গুণ করিতে হইবে। অর্থাৎ ধুবক বিস্তার a র পরিবুর্তে এই বিস্তার হইবে  $ae^{-\frac{\pi ^2}{2}}$ . শোষণের ফলে আলোক তীব্রতার হাস নিচের চিত্র ১.৬ ৰারা ব্যানো যাইতে পারে। এই হ্রাস অবশ্য এ এর মানের উপর নির্ভর করিবে ; ২ যত বেশী হইবে মাধ্যমের মধ্য দিরা একই দূরত্ব অতিক্রম করিবার সময় আলোক তীব্রতা তত দুত হ্রাস পাইবে। সাধারণত বে সমস্ত বস্তুকে অম্বচ্ছ (opaque) বলা হয় তাহাদের জন্য ২ এর মান খুব বেশী; তুলনার কাচজাতীর বচ্ছ বন্তুতে এ এর মান অপেক্ষাকৃত অনেক কম হওরার ইহার মধ্য দিয়া যাইবার সময় আলোর শোষণ খুবই কম হয় এবং আলোর তীব্রতার হ্লাসও খুব অম্পই হইয়া থাকে। ইহা ছাড়া একই বন্ধতে শোষণ-গুণাষ্ক বিভিন্ন তরঙ্গ দৈর্বোর জন্য বিভিন্ন হয়। যথা মানুষের শরীরের মাংসে বা বইয়ের কাগজের পক্ষে দৃশ্য আলোর (visible light) শোষণ-গুণাণ্ক খুব বেশী হওয়ায় এই আলো শরীর বা বইয়ের মধ্য দিয়া যাইতে পারে না। এক্স-রশ্বির (x-rays) ক্ষেত্রে শ্বরীর বা বইরের এই শোষণ-গুণাব্ক অনেক কম হওয়ার এই রশ্বি অনেকটা সহজেই ইহাদের মধ্য দিয়া চলিয়া বায়।

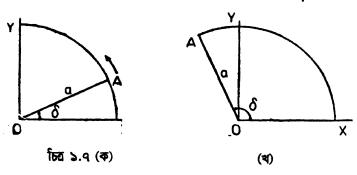


সরল জোলগাড়ির ভেক্টর বর্ণনা (Vector representation of simple harmonic motion)

সরল দোলগতির নির্পণের একটি খুব প্রচলিত এবং শিক্ষাপ্রদ পদ্ধতি ছইল ইহাকে ভেক্টর হিসাবে চিগ্রিত করা। বিদ কোনও তলে একটি সরলরেখা

ষারা একটি ভেটরকে বুবানো হর তবে ইহার জনা দুইটি রাশি (quantity) প্রয়োজন হর। একটি হইভেছে সরলরেখার দৈর্ঘ্য এবং অন্যটি এই সরলরেখা কোনও নিশ্বিষ্ঠ অক্ষের সহিত যে কোন উৎপন্ন করে সেই কোর্নাটি। জেলার রাশিতে যেমন শুরুমার ইহার পরিমাণই (magnitude) জানা বজেন্ট, ভেটুর রাশির বেলার সের্প নহে। ভেটুর রাশির বেলার পরিমাণের সঙ্গে ইহার দিকও (direction) জানা দরকার। এই দুইটি রাশি জানিলেই শুরু ভেটুরের সম্বন্ধে সম্পূর্ণ তথ্য জানা হর। সরলদোলগতি ভেটুর রাশির সম্বন্ধে দুইভাবে নির্পণ করা যাইতে পারে।

(i) এই নির্পণে একটি ঘৃণায়মান ভেটন রাশি (rotating vector) ব্যবহার করা যাইতে পারে। চিত্রে প্রদর্শিত উপারে এই নির্পণ করা সম্ভব।



OA সরলরেখাটি একটি ভেক্টর বুঝাইতেছে। এই সরলরেখাটির দৈর্ঘ্যা ভেক্টরটির মান (magnitude) বুঝাইতেছে। ধরা হোক এইটি a. আবার ইহা OX বা OY অক্ষের সহিত যে কোণ উৎপন্ন করিতেছে তাহা বুঝাইতেছে ভেক্টরটির দিক (direction). এই সরল রেখাটির OX অথবা OY অক্ষের উপর অভিক্ষেপ (projection) হইবে যথাক্তমে  $a\cos\delta$  এবং  $a\sin\delta$ । ভেক্টরটি O বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া প্রতি সেকেণ্ডে w রেভিয়ান (radian) হারে ঘুরিতে থাকিলে সরল দোলগভির দ্রংশ (সমীকরণ 1.2 অথবা 1.3) এই অভিক্ষেপের সাহায্যে নির্গিত হইবে [ এখানে  $\delta = (wt - \phi)$  ধরা হইরাছে, অর্থাং  $\delta$  এই সমীকরণ দুইটির দশা বুঝাইতেছে ]

(ii) একটি স্থির ভেক্টর দারাও এই সরল দোলগতি নির্গিত হইতে পারে। তবে এইক্ষেত্রে বে হেতু ভেক্টরটি ঘুরিতেছে না, ইহা সময়ের উপর নির্ভরশীল নহে। অতএব ইহা সরলদোল গতির তাংক্ষণিক (instantaneous) বুপরেখা (profile) বুঝাইবে। চিত্র নং ১.৭ (খ) এইরুপ একটি অবস্থা দেখানো হইরাছে। এখানেও AO সরলরেখার দৈর্ঘ্য ভেক্টরের দৈর্ঘ্য a বুকাইতেছে এবং AO OX এর সন্থিত আলোচা সময় এে বে কোণ উপের করিতেছে তাহাকে ১ ধরিলে ইহাই বুকাইতেছে যে এই সমর এ প্রথমের দশা ১. ইহা হইতে অবশ্য সরল দোলগতি সম্পূর্ণে নির্পিত হর না। কিছু এইরুপ চিত্রের সহিত বদি 1.2 বা 1.3 সমীকরণটি দেওরা থাকে তবে সংগ্লিক সরল দোলগতিটি সম্পূর্ণর্পে নির্পিত হইরা বার। অবশ্য একটি কথা এখানে স্পৃত্ত করিরা বলা প্রয়োজন। সরল দোলগতি ভেক্টর রালি দ্বারা নির্পিত করা বার এই বিবৃতির অর্থ এই নর যে সংগ্লিক প্রশোধিরও ভেক্টর রাশির ধর্ম বর্তমান। যেমন বায়ুতে তরঙ্গ সৃত্তিতে যে প্রংশ হর ভাহা বদিও ভেক্টর রাশি নয় জেলার রাশি, তবুও এই প্রংশের পরিবর্তনকে সরল দোলগতি ভেক্টর দ্বারা বুঝানো চলিতে পারে।

## কম্পান্ধ এবং ভরন্থ(Frequency and wavelength).

কোনও মাধ্যমের মধ্যে আলোর কম্পাৎক এবং তরঙ্গদৈর্ঘ্য দুইটি স্বাধীন রাশি নহে। ইহাদের গুণফল ঐ মাধ্যমে আলোকতরক্ষের গতিবেগের সমান। অর্থাৎ যদি কম্পাৎক, তরঙ্গদৈর্ঘ্য এবং মাধ্যমের মধ্যে ইহার গতিবেগ যথাক্রমে  $\nu$ ,  $\lambda$  এবং  $\nu$  হয় তবে

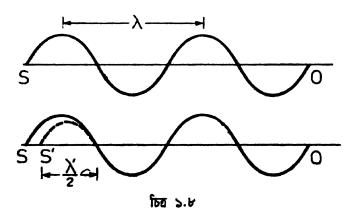
#### $v = i\lambda$

মাধ্যমের পরিবর্তনের ফলে অর্থাৎ এক মাধ্যম হইতে অন্য মাধ্যমে গেলে আলোকতরকের গতিবেগের পরিবর্তন হয়। কিন্তু এই প্রক্রিয়ার কম্পান্দের কোনও পরিবর্তন হয় না। সূতরাং উপরের সমীকরণ হইতে বুঝা বায় যে তরঙ্গদৈর্ঘ্যরেও এই সময় সমানুপাতিক পরিবর্তন ঘটিয়া থাকে। দৃশ্যমান আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য সাধারণত 3800 Å হইতে 8000 Å পর্যান্ত হইয়া থাকে ( $1 \text{ Å} = 10^{-8} \text{ cm}$ ). প্রথমটি বেগুনী আলো এবং পরেরটি লাল আলোর প্রান্তিক মান (limiting value). বেগুনী আলো হইতে ক্ষুদ্রতর তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোকে বলা হয় অতিবেগুনী আলো (ultraviolet light) আর লাল আলো হইতে কৃষ্যতর তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোকে বলা হয় অতিবেগুনী আলো (ultraviolet light) আর লাল আলো হইতে কৃষ্যতর তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোকে বলা হয় অবলোহিত আলো (Infrared light). ইহাদের মান বথাক্রমে 50—3800 এবং 7200—4×10°Å সীমার মধ্যে থাকে। এক্স্ রম্মির (X-rays) তরঙ্গদৈর্ঘ্য এবং গামা রাশ্যর (y-rays) তরঙ্গদৈর্ঘ্য অতিবেগুনীর অপেক্ষাও অনেক ক্ষুদ্র এবং বথাক্রমে 50—6×10<sup>-2</sup>Å এবং  $10^{-1}-10^{-3}$ Å এর মধ্যে সীমাবদ্ধ। এন্দকে রেডিও তরঙ্গ  $10^{7}-10^{12}$ Å এর মধ্যে সাধারণত হইয়া থাকে।

চুম্বকীর তরঙ্গ, সূতরাং একই স্বাতীর। ইহাদের উৎস এক হইলেও তরঙ্গ-দৈর্ঘ্যের পার্থকার জন্য ধর্মের অনেক পার্থক্য। অবশ্য উপরের সীমাগুলি খুব সুনিষ্টিক নর, ইহাদের মোটামুটি মানই দেওরা হইরাছে।

# ভগুলার একেক (Doppler Effect).

ডপ্লার দেখান যে যখন কোনও উৎস (source) এবং প্রাপকের (receiver) মধ্যে আপোক্ষক গতি (relative motion) থাকে তখন একজন দর্শক বাদ উৎস হইতে কম্পান্ক হিতে আলাদা হইরা থাকে। এই ফলকে বলা হইরা থাকে ডপ্লার এফেক্ট। শব্দতরক্ষের ক্ষেত্রে এই কারণে দেখা বার যে একজন দর্শক বাদ ভাহার দিকে আসিতে থাকা রেল ইঞ্জিনের বাদীর শব্দ শোনে তবে ভাহার কাছে এই শব্দের কম্পান্ক বাদীর প্রকৃত কম্পান্ক হইতে বেলী মনে হইবে; আবার পূরে সরিরা যাওয়া রেল ইঞ্জিনের বেলার এই শোনা শব্দের কম্পান্ক প্রকৃত কম্পান্ক হইতে কম হইবে। ইহার কারণ নিমের ব্যাখ্যা হইতে বুঝা যাইবে। শব্দতরক্ষের ক্ষেত্রেই এখানে হিসাবটি করা হইবে।



১.৮ নং চিত্রে ১ একটি শব্দতরক্ষের উৎস এবং ০ একটি শব্দের প্রাপক। উৎস হইতে নির্গত তরঙ্গ প্রাপকের নিকট পৌছাইতেছে এবং প্রথম ক্ষেত্রে উৎস এবং প্রাপকের মধ্যে কোনও আপেক্ষিক গতি নাই। এই ক্ষেত্রের জন্য ভরঙ্গদৈর্ঘ্য দেখানো হইরাছে ৯। বিভীয়ক্ষেত্রে উৎসটি ৫ গতিবেগ নিরা প্রাপকের দিকে গমন করিতেছে। এই গতির ফলে চিত্র হইতে বুঝিতে পারা বাইবে বে নৃতন কার্বকরী তরঙ্গদৈর্ঘ্য (বাহা প্রাপক শূনিতে পাইবে) পাড়াইবে

$$\lambda' = \lambda - uT$$
 ( at  $T = \gamma \sin \beta$  ) (1.86)

এদিকে গতিবেগ বদি ধরা হয় ৩, তবে উৎসের গতির জ্বন্য এই তরক্ষের গতিবেগের কোনও পরিবর্তন হইবে না। সূতরাং প্রাপক যে কম্পান্কের শব্দতরঙ্গ ৮' শুনিবে তাহা পাওয়া বাইবে নিম্নর্পে।

$$v = v\lambda$$
 বা  $v = \frac{v}{\lambda}$  [ $v$  প্রথমক্ষেত্রের কম্পাৎক]
$$v' = \frac{v}{\lambda'} = \frac{v}{\lambda - uT} = \frac{v}{\lambda}$$
 [ $v'$  বিতীয়ক্ষেত্রের কম্পাৎক]
$$= \frac{v}{1 - uT} = \frac{v}{1 - u}$$
 (1.87)

কাজেই এই ক্ষেত্রে প্রাপক যে কম্পাধ্ক  $\nu'$  শুনিবে তাহা স্থির উৎসের কম্পাধ্ক  $\nu$  এর অপেক্ষা বেশী।

ছিতীয় ক্ষেত্রে ধর। যাক বে প্রাপক u গতিবেগ নিয়া উৎসের দিকে অগ্রসর হইতেছে কিন্তু উৎসটি স্থির বিন্দুতে অবস্থান করিতেছে। এই ক্ষেত্রে যদি তরঙ্গদৈর্ঘ্য  $\lambda$  হয় এবং অগ্রসর হইবার আগে উৎস এবং প্রাপকের মধ্যে দ্রম্ব d হয় তবে প্রাপকের গতির ফলে এই দ্রম্ব কমিয়া যাইবে। প্রাপক স্থির থাকিলে  $\iota$  সময়ে সে  $\iota\iota$  তরঙ্গ পাইত। কিন্তু গতির ফলে সে আরও  $\frac{u\ell}{\lambda}$  বেশী তরঙ্গ পাইবে। সূতরাং সে মোট  $\ell\left(v+\frac{u}{\lambda}\right)$  তরঙ্গ পাইবে। সূতরাং প্রাপকের কাছে কম্পান্দের মান হইবে

$$v'' = v + \frac{u}{\lambda} \cdot = v + \frac{u}{v/v} = v + \frac{uv}{v}$$
$$= v \left(1 + \frac{u}{v}\right) \tag{1.88}$$

কাজেই এইক্ষেত্রেও প্রাপকের শোনা কম্পাধ্ক ৮ উৎসের প্রকৃত কম্পাধ্ক ৮ এর অপেক্ষা বেশী হইবে।

অনুর্প বিবেচনা হইতে দেখানো যায় ষে উৎস বা প্রাপক যদি ভাহাদের গতির জন্য পরস্পরের নিকট হইতে সরিয়া যায় তাহা হইলে প্রাপকের শোনা কম্পাক্ত উৎসের প্রকৃত কম্পান্ত হইতে কম হইবে।

শব্দতরক্ষের ক্ষেত্রে অতএব দেখা ষাইতেছে বে উংসের গাঁত এবং প্রাপকের গাঁতর ক্ষেত্রে আপাত কম্পাধ্ক মান আলাদা হইবে। এই ভরক্ষের কেলায়

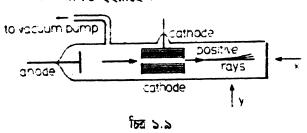
ইহা একটি ছির মাধ্যমের মধ্য দিরা গমন করিতেছে এবং এই ছির মাধ্যমের সাপেক্ষে উৎস বা প্রাপকের গতি বর্ণনা করা হইরাছে। কিন্তু আলোক-ভরক্ষের বেলার আপেক্ষিকভাবাদ তত্বানুসারে (according to the theory of relativity) উৎস বা প্রাপকের গতি কোনও পরম (absolute) ছির মাধ্যমের সাপেক্ষে কর্ণনা করা সম্ভব নহে। একমাত্র উৎস এবং প্রাপকের আপেক্ষিক গতিই বর্ণনা করা সম্ভব বাহার ফলে উপরের দুইটি ক্ষেত্রের মধ্যে কোনও তথাৎ বর্তমান থাকে না।

এই বিবেচনা হইতে আলোকতরক্ষের ক্ষেত্রে পাওয়া যায়

$$\nu' = \nu \sqrt{\frac{1 - \frac{v}{c}}{1 + \frac{v}{c}}} \tag{1.89}$$

এবানে c= আলোকের গতিবেগ এবং v উৎস এবং দর্শকের পরস্পারের দিকে আসিবার গতিবেগ।

ভপ্লার কম্পান্কের ক্ষেত্রে এইরূপ পরিবর্তন শব্দতরঙ্গের ক্ষেত্রে আবিদ্ধার করেন। পরে ফিজো (Fizeau) আলোকতরঙ্গের ক্ষেত্রে ইহার বৈধতা দাবী করেন। পরীক্ষাগারে সঙ্গে সঙ্গেই ইহা প্রমাণ করা সম্ভব হয় নাই। কিন্তু পরে ঘূর্ণায়মান দর্পণের সাহাষ্যে একটি অসদ্ আলোক উৎসের সৃষ্টি করিয়া পরীক্ষাগারে এই পরিবর্তন দেখানো সম্ভব হইয়াছে। ক্যানাল-রশ্মির পরীক্ষা দারাও ইহার সভ্যতা প্রমাণিত হইয়াছে।



১৯ নং চিত্রে একটি স্ফুলিঙ্গ-নল (discharge tube) দেখানো হইরাছে। এই নলের মধ্যের বায়ুর চাপ পাম্পের সাহাযে। প্রয়োজনমত কমানো যায়। খ্ব অস্প বায়ু চাপে নলের মধ্যের অণু বা পরমাণু বৈদ্যুতিক ক্ষের (electric field) দ্বারা গতিশীল করা যায়। ফলে এই গতিশীল আয়নিত অণু বা পরমাণুগুলি ক্যাখোডের (Cathode) মধ্যের সরু ছিন্ত দিয়া নলের ভানদিকে আসে। এই অংশে এই আয়নগুলি আবার পরস্পরের সহিত মিলিয়া তাহাদের

বৈদ্যুতিক আধান হারার এবং এই সমরে আলোক বিকীরণ করে। এই প্রক্রিরার সমরে আরনগুলির বিশেষ কোনও গতিবেগের হ্রাস হয় না। এই নিগতি আলোর গতিবেগ x এবং y দিক হইতে নির্ণর করিয়া কম্পান্কের পরিবর্তন মাপা যায় এবং সমীকরণ 1.89 এর সত্যতা পরীক্ষা করা বার।

ভপ্লার এফেক্টের সাহাব্যে নানারকম গুরুত্বপূর্ণ পরিমাপ করা বার। বে সমন্ত ক্ষেয়ে অন্যান্য উপারে পরীক্ষা সন্তব নর ভপ্লার এফেক্টের সাহাব্যে তাহাদের কোন কোন ক্ষেত্রেও পরিমাপ করা সন্তব। দৃষ্ঠান্ত হিসাবে বলা বার বে এই পদ্ধতিতে তারকার গতিবেগ বা পরীক্ষাগারে গ্যাসীর ক্ষুলিকে পরমাণুর গতিবেগ মাপা সন্তব। উদাহরণ স্বরূপে ক্যাসিওপিই (cassiopaiae) হইতে আলোর বর্ণালিরেখা পরীক্ষাগারে লোহের বর্ণালিরেখার সহিত তুলনা করিলে দেখা বার বে প্রথমোন্ত ক্ষেত্রে তরঙ্গদৈর্য্য কমিয়া গিয়াছে। ভপ্লার নিরমানুসারে এই হ্রাসের পরিমাণ হইতে পাওয়া বার বে ক্যাসিওপিই পৃথিবীর দিকে 115 km/sec আগাইয়া আসিতেছে। অন্যান্য অনেক তারকার ক্ষেত্রে এই কম্পাক্ত কমিতে দেখা বার। সে সমন্ত ক্ষেত্রে সংগ্রিষ্ট তারকাগুলি পৃথিবী হইতে দূরে সরিয়া যাইতেছে বলিয়া ধরা বার।

ডপ্লার এফেক্টের আর একটি গুরুত্বপূর্ণ প্রয়োগ করা যায় যে সমস্ত বৃগ্ম-তারকা এত কাছাকাছি অবস্থিত বে তাহার। দূরবীক্ষণ যব্লের সাহাবে। বিভেদিত হয় না তাহাদের অন্তিম্ব নির্ণয়ের ব্যাপারে। যদি একটি অন্ধকার এবং একটি উচ্ছদ তারকা পাশাপাশি থাকে এবং তাহারা যুগ্ধভাবে ঘুরিতে থাকে তবে তাহাদের বর্ণাদীরেখা একটি গড় অবস্থানের সাপেকে পর্যায়ক্রমে বাডিতে এবং কমিতে থাকিবে। যখন উচ্চল তারকাটি দর্শকের দিকে আগাইয়া আসিতে থাকিবে তখন কম্পাব্দ গড় মান হইতে বাড়িতে থাকিবে। আবার যখন ইহা দর্শকের দিক হইতে সরিয়া বাইবে তখন বিপরীত ফল আবার যদি ঘূর্ণায়মান তারকা দুইটিই একই রকম ঔচ্ছল্যের হয় তবে বর্ণালিরেখাগুলি পর্যায়ব্রমে একক এবং যুগ্ম (single and double) দেখাইবে। যে সময় তারকা দুইটির মধ্যের সরলরেখা দর্শকের দৃষ্টির সরলরেখার অভিলয়ে থাকিবে তখন একটি তারকা দর্শকের দৃষ্ঠির দিকে আসিতে থাকিবে আর অন্যটি সরিয়া বাইতে থাকিবে। সূতরাং এই সময় नुगा-वर्गामित्रथा (मथा यारेत्व । व्यावात यथन এरे यागकाती मत्रमात्रथा দর্শকের দৃষ্টির সরলরেথার সহিত সমান্তরাল হইবে তখন উভরেই দৃষ্টির সরলরেখার অভিলয়ে গমন করিবে বলিয়া তাহাদের আলোর কম্পান্কের কোন পরিবর্তন হইবে না এবং বর্ণালিরেখাটি একক (single) দেখাইবে।

কটিল সংখ্যা ছারা ভরজগতির রূপায়ণ (Representation of wavemotion by complex quantities).

বে সমস্ত তরঙ্গ হিসাবের জন্য ব্যবহার করা হয় তাহারা অধিকাংশই সরল-দোলগতি সম্পন্ন। এইজাতীয় তরঙ্গের সমীকরণ দেখা গিয়াছে

$$y = a \cos (wt - kx + \delta)$$
sin

এই প্রকারের সমীকরণের বৃপারণের আর একটি খুব সূবিধাঞ্চনক পদ্ধতি আছে। সেটি হইতেছে কম্পিভের পদ্ধতি (method of imaginaries). এই পদ্ধতির সমীকরণের একটি সমাধান লেখা বার

$$y = ae^{i(wt - kx + \delta)} \tag{1.90}$$

এই বিবৃতির সভাতা সমাধানটির অনুকশ্সন (substitution) দারা সমর্থিত হয়।

কিন্তু যে কোনও স্থানে তরক্ষের দ্রংশ একটি বাস্তব সংখ্যা, কন্পিত সংখ্যা নর । সূতরাং এইজনা একটি প্রচলিত নিরম অবলবন করা হয় । সেটি হইল এই যে 1.90 নং সমীকরণের ক্ষেত্রে ধরা হয় যে দ্রংশ ইহার বাস্তব অংশ দ্বারা বৃপারিত হইতেছে\* । ইহার আর একটি সুবিধা এই যে এই পদ্ধতিতে দ্রংশের যে অংশ । এর সহিত পরিবাতিত হইতেছে তাহাকে যে অংশ । এর সহিত পরিবাতিত হইতেছে তাহাকে যে অংশ হ এর সহিত পরিবাতিত হইতেছে সেই অংশ হইতে সুবিধামত আলাদা করিয়া নেওরাই বার । অর্থাৎ লেখা যার

$$y = ae^{iwt}e^{-ikx}e^{i\delta}$$

$$= ae^{i\delta}e^{iwt}e^{-ikx}$$

$$= Ae^{iwt}e^{-ikx} \qquad [A = ae^{i\delta}] \qquad (1.91)$$

এই সমীকরণে  $\hat{o}$  দশা-ধূবক এবং ইহা । বা x এর সঙ্গে পরিবাঁতত হইতেছে না। সূতরাং এই অংশকে আলাদা করিয়া লওরা হইয়াছে। আবার বিদি A কে ইহার জটিল বিপরীত (complex conjugate) সংখ্যা  $ae^{-i\,b}=A^*$  দ্বারা গুণ করা বায় তবে ফল দাঁড়োয়  $a^2$  আর এই  $a^2$  আলোকতীব্রতার সমান্-পাতিক। A সংখ্যাটি বাস্তব সংখ্যা a এবং কিশ্বত সংখ্যা e এই উভয়ের:

\* তবে বেহেতু y এর সমন্ত সমীকরণই একঘাত, শুধু বান্তব অংশের পরিবর্তে সমীকরণ 1.90টিই সমাধান বলিয়া বাবহার করা চলিতে পারে।

সমন্বরে গঠিত বলিয়াই ইহাকে বলা হয় জটিল বিস্তার (complex amplitude). অবশ্য ইহাকে দুইভাগে ভাগ করিয়া লেখা বায়।

|A| = প্রকৃত বিস্তার (true amplitude) (1.92) argument A = প্রকৃত দশা-ধ্বক (true phase constant).

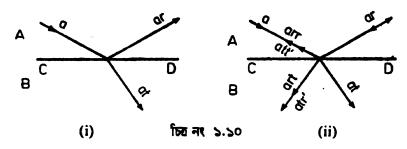
ভরজের প্রতিকলন ও প্রতিসরণ (Reflection and refraction of waves).

যখন আলোকরণি দুইটি ভিন্ন প্রতিসরাক্ষের (refractive index)
মাধ্যমের সংযোগতলে আপতিত হর তখন সাধারণত এই আলোর একাংশ এই
সংযোগতল হইতে প্রতিফলিত হইরা আপতন মাধ্যমে পরিবর্তিত দিকে গমন
করে এবং অন্য অংশ বিতীর মাধ্যমে প্রতিসৃত হইরা বাকে। প্রতিফলন এবং
প্রতিসরণ উভর প্রক্রিরার ফলে আপতিত আলোর গতির দিক পরিবর্তন হইরা
থাকে। মাধ্যম দুইটির প্রতিসরাক্ষের পার্থক্য বত বেশী হইবে ততই প্রতিফলিত
রন্মির পরিমাণ বাড়িবে; অবশ্য এই পরিমাণ বিভিন্ন মাধ্যমের জন্য নির্ণর
করিতে হইলে আপতন কোণ অপরিবর্তিত রাখিতে হইবে। ইহার কারণ
মাধ্যম দুইটি একই থাকিলে প্রতিফলিত আলোর পরিমাণ আবার আপতন
কোণের উপরও নির্ভর করে।

আলোকরন্মির এই প্রতিফলন এবং প্রতিসরণের বিষয়ে ভৌত আলোকবিজ্ঞানের দিক হইতে একটি গুরুষপূর্ণ প্রশ্ন বর্তমান। সেটি হইল বে প্রতিফলিত
এবং প্রতিসৃত রন্মির তীরতা পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে এই উপাংশ দুইটির দ্মারও
পরিবর্তন হয় কিনা; আর বিদ পরিবর্তন হয় তবে মাধ্যমের আপেক্ষিক
অবস্থানের উপর ইহা নির্ভর করে কিনা। অর্থাৎ লবুভর মাধ্যম হইতে বনভর
মাধ্যমে যাইবার সময় বিদ দ্মার পরিবর্তন হয় তবে ইহার বিপরীত দিকে
গমনের সময়ও পরিবর্তন হইবে কিনা। তৌক্স্ (Stokes) এই সমস্যা সমাধান
করেন। নিয়ে তাহার সমাধানের পদ্ধতি এবং ফল দেওয়া হইল।

১.১০ নং চিত্রে দুইটি মাধ্যম A এবং B এবং ইহাদের সংযোগতল CD সরলরেখা বারা বুঝানো হইরাছে। এই চিত্রে A লঘুতর এবং B বনতর মাধ্যম। চিত্র (i) এ দেখানো হইরাছে একটি আলোকন্দি CD তলে আপতিত হইরা প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত রন্দ্রিতে বিভন্ত হইরা বধারুমে A এবং B মাধ্যমে বাইতেছে। আপতন কোল প্রতিফলন কোলের সমান হইবে; আর B ঘনতর মাধ্যম হওরার প্রতিসরণ কোল আপতন কোল হইতে কুম্বতর হইবে।

বদি আপতিত ভরক্ষে বিভার a হর এবং এই বিভারের r ভারাংশ CD ভলে প্রতিফলিত এবং r ভারাংশ এই তলে প্রতিসৃত হর তবে চিত্র ১.১০ (i) তে প্রদাশতরূপে রশ্মি ভিনটির বিভার দীড়াইবে। আলোকতরক্ষের প্রতিফলন



এবং প্রতিসরণের সমীকরণের বিকেন। ইইতে বুঝা বার বে এই সব ক্ষেত্রে প্রতিবৃত্তিতার নীতি (principle of reversibility) প্রবোজ্য ইইবে। এই নীতি বলবিদ্যার (mechanics) একটি গুরুষপূর্ণ এবং খীকৃত নীতি। এই নীতি অনুসারে বিদ একটি গতিশীল ব্যবস্থার (dynamical system) সমস্ত গতিবেগ কোনও মুহুর্তে উলটাইরা দেওরা হর তবে এই ব্যবস্থাটি ইহার পূর্বের সমস্ত গভির পুনরাবৃত্তি করিবে। এই নীতি প্ররোগ করিলে চিগ্র ১.১০ (b) তে প্রদাশতর্গ উপাংশগৃলি পাওরা বাইবে। ar প্রতিফালত হইরা a দিকে arr বিজ্ঞারের রন্দি হিসাবে এবং প্রতিস্ত হইরা art বন্দি হিসাবে বধারুমে A এবং B মাধ্যমের মধ্য দিরা বাইবে। আর বিদ ঘনতর মাধ্যমে আপতিত রন্দির দ' ভয়াংশ প্রতিফ্লিত হর এবং ঘনতর হইতে লঘুতর মাধ্যমে প্রতিসরণে t' ভয়াংশ প্রতিস্ত হর তবে at বিস্তারের রন্দি att' এবং atr' উপাংশ হিসাবে বধারুমে A এবং B মাধ্যমে প্রতিস্ত এবং প্রতিফালত হইরা গমন করিবে। কিন্তু এই সমস্ত উপাংশের বোগফল দাঁড়াইবে মান্র A মাধ্যমে একটি a বিস্তারের রন্দি। অভএব পাওরা বার

$$arr + att' = a \tag{1.93}$$

$$art + atr' = 0 ag{1.94}$$

ষিতীর সমীকরণটি লেখার ষৌন্ধিকতা এই যে ষিতীর মাধ্যম B তে গোড়াতে কোনও প্রংশ ছিল না ; অতএব প্রতিবর্তনের (reversion) পরও এই মাধ্যমে কোন প্রংশের অন্তিম্ব থাকিবে না । কাজেই পাওরা বার

$$tt' = 1 - r^2 \tag{1.95}$$

$$r = -r' \tag{1.96}$$

দিতীর সমীকরণটি হইতে পাওরা বার বে মাধাম দুইটির সংযোগভূলের দুই

িদক ছইতে ( একই আপড়ন কোণে ) আপড়িড আলোর সমান ভ্যাংশই প্রতিফলিত হর। কিন্তু ইহাদের মধ্যে একটি পার্থক্য আছে। প্রথম মাধ্যমে প্রতিফলিত উপাংশ বদি ar ধরা বায় তবে দিতীর মাধ্যমে প্রতিফলিত উপাংশ হইবে ar' - - ar. কিন্তু এই বিস্তার সমীকরণ 1.91 হইতে দেখা গিয়াছে একটি জটিল রাশি এবং ইহাতে যুগপং বাস্তব বিস্তার এবং দশা বর্তমান। সূতরাং প্রথমটিকে বৃদি লেখা যার rae<sup>is</sup> হিসাবে এবং ô নেওয়া হয় 0 রেডিয়ান তবে ইহা দাড়াইবে ra. এই ক্রমে বিভীর্নটি বেহেতু -ar. সেইজন্য ইহাকে লেখা দরকার  $rae^{i\pi}$ , কারণ  $e^{i\pi}=-1$ . দেখা বাইতেছে বে এই দুইটি প্রতিফলিত রন্মির মধ্যে দ দশার পার্থক্য বর্তমান। কাজেই লঘুতর মাধ্যমে প্রতিফলনে যদি দশার কোনও পরিবর্তন না হর তবে ঘনতর মাধামে প্রতিফলনে দশার দ পরিবর্তন হইবে : অনাদিকে ঘনতর মাধ্যমে প্রতিফলনে যদি দশার পরিবর্তন না হয় তবে লঘুতর মাধ্যমে প্রতিফলনের ফলে 🛪 দখার পরিবর্তন হইবে। সূতরাং এই বিবেচনায় বাদও দেখা যার যে প্রতিফলনের একটি ক্ষেত্রে 🛪 দশার পরিবর্তন হইবে তবুও কোন মাধ্যমে ইহা ঘটিবে ভাছা এই বিকেনা হইতে পাওয়া বার না। লয়েডের দর্পণের (Lloyd's mirror) পরীক্ষা বা নিউটনের বলরসমূহের (Newton's rings) भन्नीका बाबा এই पृष्टींगे विकत्भव (alternative) भएवा কোনটি সত্য তাহা নির্ণয় করা যায়। দেখা গিয়াছে যে আলো যখন লঘুতর মাধ্যম হইতে ঘনতর মাধ্যমে যায় সেইরপ আপতনের ক্ষেত্রে প্রতিফলিত রশ্বির দ দখার পরিবর্তন হয়।

আবার r এবং r আপতিত রশ্মির বিস্তারের প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত ভগ্নাংশ। সূতরাং আলোক তীব্রতা বিস্তারের বর্গের সমানুপাতিক এই সূত্র এবং শক্তির সংরক্ষণ (conservation of energy) নীতি এই দুইটি ব্যবহার করিয়া লেখা বায়

$$r^2 + t^2 = 1. ag{1.97}$$

সূতরাং সমীকরণ 1.95 হইতে পাওয়া বায়

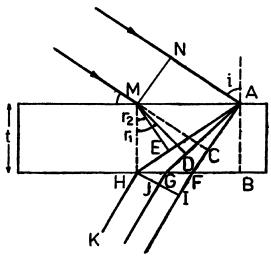
$$tt' - t^2$$

কিন্তু এই সম্বন্ধ সত্য নর। কারণ বদিও আলোকতীরতা বিস্তারের বর্গের সমানুপাতিক তবুও ইহা ভতক্ষণই খাটে যতক্ষণ আলো একই মাধ্যমের মধ্যে আবদ্ধ থাকে। দ্বিতীয় মাধ্যমে গেলে আলোকতীরতার মান নির্ণয় করিতে মাধ্যমের পরিবাতিত প্রতিসরাক্ষও ব্যবহার করিতে হইবে। আর তাছাড়া এই অনুপাত আলোকরন্মিমালার মোট শান্তর বেলারই খাটে তীব্রতার বেলার নহে। আর বিতীর মাধ্যমে গোলে রন্মিমালার প্রস্থ পরিবাতিত হয় বলিয়৷ আলোক-তীব্রতারও এই কারণের জন্য পরিবর্তন ঘটে। এই সমস্ত কারণে উপরের সম্বন্ধ বৈধ নহে।

এই আলোচনার ধরা হইরাছে যে আলোর আপতনের ফলে প্রতিফলন এবং প্রতিসরণ ভিন্ন আর কোনও প্রক্রিয়া ঘটে না, শোষণের কথা এখানে ধরাই হর নাই। কিন্তু যত কমই হোক না কেন এক মাধ্যম হইতে বিতীয় মাধ্যমে বাইতে [ এমন কি এক মাধ্যমে গমনের কালেও, যদি এই মাধ্যমিট শূনা (vacuum) না হর ] আলোর শোষণ হইবেই এবং দুই মাধ্যমে শোষণের পরিমাণ আলাদা হইবে। মনে হইতে পারে যে শোষণের কথা বিবেচনা করিলে উপরের সম্বন্ধগুলি বৈধ নাও হইতে পারে। কিন্তু লয়েভের দর্শণ এবং নিউটনের বলরের পরীক্ষার ক্ষেত্রে এই দশার পরিবর্তন প্রমাণিত হইরাছে। অভএব বুঝা যার যে দশার এই পরিবর্তন এক মাধ্যম হইতে আলো অন্য মাধ্যমে যাওয়ার সময় উৎপদ্ধ হর এবং ইহা শোষণের উপর নির্ভরশীল নহে। আলোম বিক্ছরণ (Dispersion of light).

কাচ বা এই জাতীর পদার্থের প্রিজমের পরীক্ষা দ্বারা নিউটন (Newton) প্রমাণ করেন যে এক মাধ্যম হইতে জন্য মাধ্যমের মধ্য দিরা যাইবার সমর বিভিন্ন বর্ণের আলো বিভিন্ন পরিমাণে প্রতিসৃত হয় এবং এই প্রতিসরণের পরিমাণ লাল আলোর বেলার সর্বাপেক্ষা কম এবং বেগুনী আলোর কেন্দ্রে সর্বাধিক। আলোক তরঙ্গের দৈর্ঘের ভাষার বিলতে গেলে বলিতে হয় যে প্রতিসরণের পরিমাণ তরঙ্গদৈর্ঘের বৃদ্ধির ভাষার বলিতে গেলে বলিতে হয় যে প্রতিসরণের পরিমাণ তরঙ্গদৈর্ঘের বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে কমিতে থাকে। বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘের আলোর এইর্প বিভিন্ন পরিমাণ প্রতিসরণকে বলা হয় আলোর বিল্কুরণ (dispersion of light). এইর্প বিচ্ছুরণের একটি ফল এই যে দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘের আলো বলি একটি মাধ্যম হইতে অন্য মাধ্যমের মধ্য দিরা প্রতিসৃত হয় তবে ইহালের গতির দিক আলাদা হইয়া বায় এবং ইহালের মধ্যে একটি আপেক্ষিক পথ-দূরণ্বের উন্তব হয়। এই পথ-দূরণ্ব নিয়ে বাহির করা হইবে কারণ সমবর্তনের পরীক্ষার ক্ষেত্রে এই পথ-দূরণ্ব জানা দরকার দেখা বাইবে। একটি সমান্তরাল কাচের ফলকে আলো। কোণে আপতিত হইতেছে। এই আলোতে দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘের আলোক বর্তমান থাকার ফলকে প্রতিসরণের ফলে দুইটি আলাদা রন্ধির উত্তব হইতেছে। ফলকের মধ্য দিরা পায়গমের

ফলে রশ্মি দুইটির মধ্যে যে পথ-দ্রন্থের সৃষ্টি হইতেছে তাহা হিসাব করিতে হইলে উপরের চিত্র হইতে ইহা করা সম্ভব। এখানে আপতিত রশ্মিমালার তরঙ্গমুখ MN. যে রশ্মিটি M বিন্দৃতে আপতিত হইতেছে তাহা প্রতিস্ত হইরা দুইটি রশ্মি ME এবং MD হিসাবে ফলকের মধ্য দিয়া বাইতেছে।



हित ५.५५

A বিন্দু হইতে বলি ME এবং MD এর উপরে লম্ম টানা হয় তবে ফলকের মধ্যে ইহারা হইবে দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোর তরঙ্গমুখ। আর বলি প্রতিসরণের ফলে ফলকে আলোর দিক পরিবর্তন না হইত তবে তরঙ্গমুখ হইত AC. এইটি পাওয়া বাইবে প্রথম মাধ্যমের মধ্যে M রন্মিটিকে ফলকে বাড়াইয়া সরলরেখা অন্কিত করিলে। এই প্রণালীতে অন্কনের বারা বুবিতে পারা বাইবে বে পারগমের পর আলোক রন্মি দুইটির তরঙ্গমুখের এবং অপ্রতিস্ত রন্মির তরঙ্গমুখের আপেকিক অবস্থান হইবে বথাক্রমে HK, GJ এবং FI. সুতরাং রন্মি দুইটির মধ্যে পথ-দূরম্ম হইবে বিয়ান্ত HJ

কিন্তু  $HJ = HG \sin i = (BH - BG) \sin i$ .

B বিন্দু বিতীর তলের সহিত A বিন্দুতে অধ্কিত লবের ছেদবিন্দু । কাজেই ফলকের বেধ যদি । হয় তবে লেখা যায়

 $BG = t \cot r_1 \quad \text{and} \quad BH = t \cot r_2$ 

এখানে r, এবং r, বথাক্রমে MD এবং ME রণ্মির প্রতিসরণ কোণ।

:. 
$$HJ = t (\cot r_2 - \cot r_1) \sin i$$
  
=  $t (\mu_2 \cos r_2 - \mu_1 \cos r_1)$  (1.99)

[  $\mu_2 = \frac{\sin i}{\sin r_*}$ ,  $\mu_1 = \frac{\sin i}{\sin r_1}$  বথাক্রমে দুইটি তরঙ্গলৈর্বার আলোকের কারের ফলকে প্রতিসরাক্ষ ]

বদি আলোর আপতন কোণ i = 0 হয় তবে প্রতিসরণ কোণ r ও শ্না হইবে। এই ক্ষেত্রে পথ-দূরত্ব হইবে

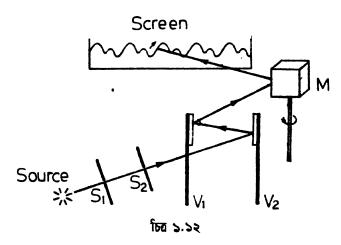
পথ-দূরম = 
$$t \left(\mu_2 - \mu_1\right)$$
 (1.100)

# কটিল ভরজ (Complex waves)-

দেখা গিরাছে যে বদি দুই বা ততোধিক সরল দোলগতিসম্পার তরক্ষ পরস্পরের উপর অধিস্থাপিত হয় এবং ইহাদের প্রত্যেকের কম্পান্ক সমান হয় তবে ইহাদের বিস্তার এবং দশা আলাদা হইলেও লাদ্ধি তরক্ষ সরল দোলগতি সম্পারই হইবে বদিও ইহার বিস্তার এবং দশা উপাংশ তরক্ষ সমূহ হইতে আলাদা দাড়াইবে। কিন্তু বিদ দুইটি তরক্ষের কম্পান্ক আলাদা হয় তবে অধিস্থাপনের ফলে তাহাদের লাদ্ধি তরক্ষের প্রকৃতি আর সরল দোলগতি সম্পার আকে না। এইবৃপ পরিবর্তন লেখের (graph) সাহাব্যে পরীক্ষা করিয়া দেখা যাইতে পারে। দুই বা ততোধিক তরক্ষের চিত্র আকিয়া তাহাদের যোগফলের চিত্রও পাওয়া বাইতে পারে। উপাংশ (component) তরক্ষের চিত্রগুলি ইচ্ছা এবং প্ররোজনমত পরিবর্তন করা চালতে পারে বাহাতে তাহাদের বিস্তার' দশা এবং তরক্ষ দৈর্ঘা আলাদা হয়। তাহা হইলে লাদ্ধি তরক্ষের আকৃতি হইতে উপরের বন্ধব্যের সমর্থন পাওয়া যাইতে পারে। অথবা যয়ের সাহাযোও এই পরীক্ষা করা যাইতে পারে।

চিত্র নং ১.১২-এ একটি আলোক উৎস হইতে আলো দুইটি ক্ষুদ্র ছিদ্র  $S_1$  এবং  $S_2$  এর মধ্য দিরা নির্মান্ত হইরা  $V_2$  এবং  $V_1$  কম্পকের মাধার আটকানো সমতল দর্গণে পড়িতেছে। এই দর্গণ দুইটি হইতে প্রতিফলনের পর আলোকরিন্দ্র একটি ঘূর্ণায়মান দর্গণ M এর উপর আপতিত হইতেছে এবং সেখান হইতে প্রতিফলনের পর পর্ণায় একটি আলোক বিন্দুর সৃষ্টি করিতেছে। বখন সমস্ত যদ্রাংশ হির থাকে তখন পর্ণায়ও একটি হির আলোকবিন্দু পাওয়া যাইবে। কিন্তু যখন  $V_1$  অথবা  $V_2$  কে কম্পিত করা যায় তখন ইহাদের প্রত্যেকের প্রতিফলিত আলোকরিন্দ্র একটি সরল দোলগতির আকারের তরঙ্গের মৃপরেখা ঘূর্ণারমান দর্পণের (M) সাহাব্যে পর্ণার উপর ফোলবে। বিদ্  $V_1$ 

এবং  $V_2$  উভয়েই বুগপং কম্পিত হইতে থাকে তবে পর্ণার উপর এইর্প দুইটি তারসর্পরেখার (wave profile) অধিস্থাপন হইবে এবং দর্পণ M সুতবেগে



ঘূরিলে দৃষ্টির স্থায়িত্বের (persistence of vision) জন্য একটি লব্ধি তরক্ষরণরেখার সৃষ্টি করিবে।  $V_1$  এবং  $V_2$  কম্পক দুইটির সাহায্যে বিভিন্ন বিস্তার, কম্পাব্দ এবং দশার তরক্ষ সৃষ্টি করা যাইতে পারে। আর এইরূপ বিভিন্ন ধরণের তরক্ষ সৃষ্টি করিয়া তাহাদের অধিস্থাপনের ফল পর্দার উপর প্রতাক্ষ করা সম্ভব।

ফুরিয়ার রাশিমালা—ফুরিয়ার বিল্লেষণ (Fourier Series—Fourier analysis).

উপরের আলোচনা হইতে দেখা গিয়াছে যে দুই বা ততোধিক সরল আফ়তির তরঙ্গের অধিস্থাপনের দ্বারা জটিল র্পরেথার লন্ধি তরঙ্গের সৃষ্টি করা যায়। এবং এই লন্ধি তরঙ্গের র্পরেথা উপাংশ তরঙ্গের সংখ্যা, বিস্তার, দশা এবং কম্পান্কের উপর নির্ভর করে। আবার ইহার বিপরীতটিও সত্য; অর্থাৎ যে কোনও জটিল র্পরেখার তরঙ্গকে কিছু সংখ্যক সরল দোলগতি আকারের তরঙ্গে বিশ্লেষিত করা যায়। বিশ্লেষিত উপাংশের সংখ্যা তাত্বিকভাবে অসীম হইলেও কার্যত সীমাবদ্ধ সংখ্যার উপাংশ নিলেও চলে। অবশ্য উপাংশের সংখ্যা যত বেশী হইবে সাধারণত তাহাদের লন্ধি তরঙ্গের র্পরেখাও ততই পরীক্ষাধীন তরঙ্গের আফুতির সহিত ভালভাবে মিলিয়া যাইবে। অবশ্য এখানে ধরিয়া নেওয়া হইয়াছে যে পরীক্ষাধীন তরঙ্গ খুবই জটিল। এই জাতীয় বিশ্লেষক ফুরিয়ার কর্তৃক আবিক্ষত পদ্ধতিতে করা যায় এবং ইহাকে বলা হয় ফুরিয়ার

বিশ্লেষণ (Fourier Analysis). এই উদ্দেশ্যে ফুরিয়ার একটি রাশিমালার প্রবর্ত্তন করেন। এই রাশিমালাকে বলা হয় ফুরিয়ার রাশিমালা (Fourier Series)।

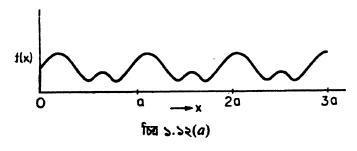
ফুরিরারের আদি বিবৃতি ছিল এইর্প: বদি f(x) x-এর এমন একটি অপেক্ষক হর ৰাহা একমান বুদ্ধ (single-valued) সুদীল (well behaved) পরিমিত ভঙ্গবুদ্ধ (having a finite number of discontinuities) এবং x এর দিকে a বাবধানে পুনরাবৃদ্ধি করে তবে এই অপেক্ষকের সমীকরণ লেখা বার

$$f(x) = a_0 + \sum_{n=1}^{n=\infty} a_n \cos 2\pi \frac{nx}{a} + \sum_{n=1}^{n+\infty} b_n \sin 2\pi \frac{nx}{a}.$$
 (1.101)

এই উপপাদ্যকে নিয়লিখিতর্পেও লেখা চলিতে পারে ঃ যে কোনও পর্যাবৃত্ত অপেক্ষক f(x)-কে কিছু সংখ্যক কোসাইন এবং সাইন অপেক্ষকের সমষ্টি হিসাবে লেখা যাইতে পারে । সুতরাং দাঁড়াইবে

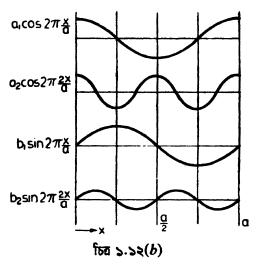
$$f(x) = \sum a_n \cos 2\pi \frac{nx}{a} + \sum b_n \sin 2\pi \frac{nx}{a}$$
 (1.102)  
=  $a_0 + a_1 \cos 2\pi \frac{x}{a} + a_2 \cos 2\pi \frac{2x}{a} + a_3 \cos 2\pi \frac{3x}{a} + \cdots$   
+  $b_1 \sin 2\pi \frac{x}{a} + b_2 \sin 2\pi \frac{2x}{a} + b_3 \sin 2\pi \frac{3x}{a} + \cdots$ 

এই বিবৃতির তাৎপর্যা এই বে যদি উপরিউন্তf(x) অপেক্ষটি x দিকে



এ ব্যবধানে পুনরাবৃত্তি করে তবে ইহা চিত্রে প্রদাশিত কতকগুলি সাইন এবং কোসাইন অপেক্ষকের যোগ দ্বারা সৃষ্টি করা যাইতে পারে। এই সাইন এবং কোসাইন অপেক্ষকের চারিটি চিত্র নং 5.5 < (b)-এ দেখানো হইরাছে। বিবৃতি অনুসারে অপেক্ষক f(x) ঠিকমত সৃষ্টি করিতে অসীম সংখ্যক সাইন এবং

কোসাইন $^{3}$ অপেক্ষক থোগ করা প্রয়োজন । তবে দেখা যার যে f(x)এর আকৃতি খত জটিল হয় ততই হুবহু নকল করিতে বেশী সংখ্যক সাইন এবং কোসাইন অপেক্ষকের প্রয়োজন হয় । এই f(x)এর সঠিক প্রতিকৃতি তৈরী করিতে



প্রয়োজন হয় বিভিন্ন  $a_n$  এবং  $b_n$  গুণান্ধ্বের (coefficients) মান বাহির করা। সমীকরণ ১.১০২ উভয় দিকই সমাকলন করা হয় এবং এই সমাকলন করা হয় বেখানে  $x_2 = x_1 + a$ .

f(x) অপেক্ষকটির মান জানা আছে বলিয়া ধরা হইতেছে। ইহার সমাকলনের ফল নির্পণ করা যাইবে। অন্য সমাকলনগুলির মান বাহির করিতে হইবে

$$\int_{x_1}^{x_2} a_0 dx = a_0(x_2 - x_1) = a_0 a.$$
 (1.103)

আবার 
$$\int_{x}^{x_{2}} b_{1} \sin 2\pi \frac{nx}{a} dx - \int_{x_{1}}^{x_{2}} a_{1} \cos 2\pi \frac{nx}{a} dx = 0$$
 (1.104)

কারণ একটি সম্পূর্ণ পর্বায়ের জন্য সাইনের ধনাত্মক এবং ঋণাত্মক মানগুলি পরস্পর সমান হওয়ার তাহাদের যোগফল শ্ন্য দাঁড়াইবে ঃ অনুর্পভাবে কোসাইনের ফল শ্ন্য হইবে । সূতরাং পাওয়া যার

$$a_0 = \frac{1}{a} \int_{x_1}^{x_2} f(x) dx \tag{1.105}$$

এবার a, এর মান বাহির ক্রিতে হইলে নিম্নলিখিত পদ্ধতি ব্যবহার করা। চলিতে পারে:

সমীকরণের উভর দিককে  $\sin 2\pi \frac{nx}{a}$  দারা গুণ করিয়া এবং তারপর সমাকলন করিয়া পাওয়া বায় :

$$\int_{x_1}^{x_2} f(x)a_n \sin 2\pi \frac{nx}{a} dx = \int_{x_1}^{x_2} \sum_{a_n} a_n \cos 2\pi \frac{nx}{a} + \sum_{a_n} b_n \sin 2\pi \frac{nx}{a} dx$$

$$\sin 2\pi \frac{nx}{a} dx \qquad (1.106)$$

বেহেতুঁ f(x) জানা আছে সেইহেতু বাদিকের সমাকলনের মান বাহির করা বার ।

এখানে n-এর যে কোনও একটি মান ( পূর্ণসংখ্যা ) নেওয়া যাক। তাহা হইলে  $a_n$  এর সেই মান দাঁড়াইবে যথা  $a_1$  বা  $a_3$  বা  $a_{30}$  ( n-এর যে কোনও মান ব্যবহার করিয়া )

প্রথম সমাকলনটি হইবে  $\int a_0 \sin 2\pi \frac{nx}{a} dx$ . এইটির মান উপরে আলোচিত কারণে শূন্য হইবে । ইহা ছাড়া থাকিবে কতকগুলি পদ যথা

 $\sin 2\pi \frac{nx}{a} \cos 2\pi \frac{mx}{a}$  এবং  $\sin 2\pi \frac{nx}{a} \sin 2\pi \frac{mx}{a}$  ষেখানে n-এর একটি নির্দিষ্ট (fixed) মান হইবে কিন্তু m-এর মান হইবে 1, 2, 3 etc. যেকেত্রে ( $\sin e$ -এর বেলার) n-m হয় সেখানে পদটির বর্গ পাওয়া যায় এবং সমাকলন করিলে ইহার মান দাঁড়াইবে  $\frac{1}{2}b_na$ .

কোসাইনের সমস্ত পদের বেলায় এবং সাইনের বাকী পদের বেলায় সমাকলনের ফল দাঁড়াইবে শূন্য। উদাহরণ স্বরূপ ধরা যাক একটি সমাকল:

$$\sin 2\pi \frac{nx}{a} \sin 2\pi \frac{mx}{a} \quad [m \neq n].$$

$$= \frac{1}{2} \cos 2\pi \ (n-m) \frac{x}{a} - \frac{1}{2} \cos 2\pi \ (n+m) \frac{x}{a} \ .$$

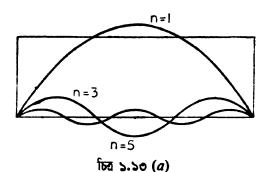
বেহেতু n এবং m উভূরেই পূর্ণসংখ্যা সূতরাং (n-m) এবং (n+m)ও উভূরেই পূর্ণসংখ্যা হইবে । সূতরাং ইহাদের সমাকলন করিলে পূর্বের থিবেচন। মত ইহারা প্রত্যেকেই শ্লা হইবে । শুধুমান্ত n=m এর ক্ষেত্রে এইবৃপ শ্লা হইবে

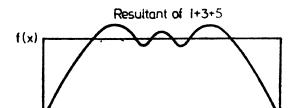
না ইহাদের প্রত্যেক্ষেই সমাকলনের মান উপরে বাহির করা হইরাছে অতএব দাড়ার

$$b_n = \frac{2}{a} \int_{x_1}^{x_0} f(x) \sin 2\pi \frac{nx}{a} dx.$$
 (1.107)

$$_{1} = \frac{2}{a} \int_{0}^{1} f(x) \cos 2\pi \frac{nx}{a} dx.$$
 (1.108)

এইর্পে  $a_n$  এবং  $b_n$  এর মান বাহির করিয়া এবং যথেন্ট সংখ্যক পদ যোগ করিয়া f(x) অপেক্ষকটি গঠন করা বা বিশ্লেষণ করা যায়। নিয়ে ১.১৩(a) নং চিত্রে একটি বর্গার্কৃতি তরঙ্গ রূপরেখা দেখানো হইল। তাহার সঙ্গে তিনটি সাইন অপেক্ষকের সমন্তির ফলও ১.১৩ (b) চিত্রে দেখানো হইল। এই চিত্র হইতে দেখা যায় যে যত বেশী সংখ্যক পদ ব্যবহার করা হয় তত্তই লক্ষিতরঙ্গ পরীক্ষাধীন তরঙ্গের [ এখানে বর্গাকৃতি তরঙ্গ] চেহারার কাছাকাছি আসিতে থাকে।





চিত্র ১.১০ (b)

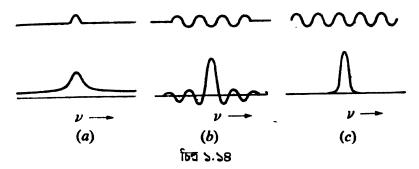
ফুরিরার বিশ্লেষণের উপরের আলোচনা পর্বাবৃত্ত (periodic) f(x) অপেক্ষকের

বেলার প্রয়োগ করা হইরাছে। কিন্তু ফুরিয়ার বিশ্লেষণ শুধুমার পর্যাবৃত্ত অপেক্ষকের বেলায়ই প্রবোজ্য নহে। অনেক সময় তরঙ্গের একটি সীমাবদ্ধ অংশ নিয়া কান্ধ করিতে হয়। বদি অতি সামান্য সময়ের জনা যেমন কোনও বৈদ্যুতিক স্ফুলিক (electric spark) দারা কোনও তরক সৃতি করা হয় তবে ইহা ১.১৪ (a) নং চিত্রে প্রদাশিত রূপ নিয়া সঞ্চারিত হইবে। নিদিষ্ট ব্যবধানে অপেক্ষকের পুনরাবৃত্তি হয় না। অথবা যদি নির্বচ্ছিত্র তরঙ্গমালা হইতে কোনও বাবস্থান্বারা একটি অংশ আলাদা করিয়া নেওয়া হয় তাহা হইলেও এখানে পুনরাবৃত্তি শুধু একটা সীমার মধোই আবদ্ধ থাকে। এই তরঙ্গমালাকে বলা হয় তরঙ্গ-পুলিন্দা (wave packet). এই জাতীয় তরঙ্গ পুলিন্দা ফুরিয়ার রাশিমালা দারা বৃঝানো যায় না ; ইহাদের বেলায় ফুরিয়ার সমাকল (Fourier Integral) এর প্রয়োজন হয়। ফুরিয়ার রাশি-মালার সহিত ইহার ভফাৎ এই যে এই ক্ষেত্রে খুবই সামান্য বাবধানের অসংখ্য তবঙ্গমালা ব্যবহার করিয়া এই লব্ধি তবঙ্গ-পুলিন্দার সৃষ্টি হয়। তবে এখানেও উপাংশগুলির বিস্তার প্রয়োজনমত নিয়ন্ত্রণ করিয়া যে কোনও ইচ্ছাধীন (arbitrary) তরঙ্গ রূপরেখার সৃষ্টি করা যাইতে পারে। গাণিতিকভাবে লেখা বায়: যে কোনও যুক্তিসঙ্গত (reasonable) অপর্যাবৃত্ত (nonperiodic) অপেক্ষক f(x) একটি নির্বচ্ছিন্ন ফুরিয়ার অধিস্থাপনের (Fourier Superposition) দ্বারা বুঝানো চলিতে পারে:

$$f(x) = \int_{0}^{\infty} A_{w} \sin wt \, dw + \int_{0}^{\infty} B_{w} \cos wt \, dw \quad (1.109)$$

ফুরিয়ার রাশিমালার সহিত সাদৃশা রাখিবার জন্য নিরবচ্ছিল অপেক্ষক  $A_w$  এবং  $B_w$  গুলিকে ফুরিয়ার গুণাব্ক (Fourier Coefficients) বলা হয়। তবে ইহাদের মধ্যে পার্থক্য এই যে ফুরিয়ার রাশিমালার বেলায়  $a_n$  এবং  $b_n$  এর বিবিক্ত (discrete) মান থাকে, কিন্তু ফুরিয়ার সমাকলের বেলায়  $A_w$  এবং  $B_w$  এর নিরবচ্ছিল মান বাবহার করিতে হয়।

চিত্র নং ১.১৪ এ উপরের অংশে পূর্ববাণিত স্ফুলিসের সৃষ্ট তরঙ্গ এবং নীচে ইহার ফুরিয়ার বিল্লেষণ দেখানো হইয়াছে। অনা আর দুইটি (b এবং c) ক্ষেত্রে দেখানো হইয়াছে নিরবাচ্ছিয় তরঙ্গমালার একটি অংশ এবং সংগ্লিষ্ট ফুরিয়ার বিশ্লেষণ। ইহা হইতে বুঝা যার যে তরঙ্গমালা যত দীর্ঘ এবং ধ্বক বিস্তারের হইবে, ইহার ফুরিয়ার বিশ্লেষণও ততই একবর্ণী তরঙ্গের দিকে যাইবে। এইজন্য বৈদুর্গতিক ক্ষুণিক হইড়ে উদ্ভূত তরক্ষের ফুরিরার বিশ্লেষণে বে উপাংশ সমূহ পাওরা গিরাছে তাহাদের কম্পান্কের বিস্তার খুব বেশী। যদি সম্পূর্ণ নিরবচ্ছির তরক্ষমালা বিশ্লেষণ করা যায় যথা (c) তবে যে উপাংশ



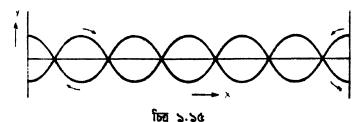
পাওয়া ষাইবে তাহা প্রায় সম্পূর্ণরূপে একবর্ণী (monochromatic) হইবে। এই উপাংশগুলির যোগফল অবশ্য উপরের তরক্ষের সৃষ্টি করিবে।

### স্থির তরন্ধ (Stationary waves).

সমীকরণ 1.29 হইতে দেখা গিয়াছে যে তরঙ্গসমীকরণের এই সমাধানটি দুইটি তরঙ্গের সমষ্টি; ইহাদের একটি x অক্ষের ধনাত্মক দিকে এবং অন্যাচি ইহার খণাত্মক দিকে গমন করিতেছে। অবশ্য এই সমাধানের জন্য তরঙ্গের আকৃতি বা বিস্তার এক না হইলেও চলে। যদি এইর্প দুইটি তরঙ্গ পরস্পরের বিপরীত দিকে গমনের ফলে অধিস্থাপিত হয় তবে লব্ধি তরঙ্গের সমীকরণ দাঁড়াইবে (তরঙ্গ দুইটির বিস্তার এবং কম্পান্ক সমান ধরা হইয়াছে)

$$y = y_1 + y_2 = a \sin(wt - kx) + a \sin(wt + kx)$$
  
=  $2a \cos kx \sin wt$ . (1.10)

এই সমীকরণ যে জাতীয় তরঙ্গকে বুঝায় তাহাদের বলা হয় ভিরু তরঙ্গ (Stationary or standing wave) যদিও ইহা দুইটি গতিশীল তরঙ্গের



অধিস্থাপনের ফলে সৃষ্ঠ হয়। ১.১৫ নং চিত্রে দুইটি সমান বিস্তার এবং

কল্পান্দের তরঙ্গের অধিদ্বাপনের ফল দেখানে। হইরাছে। এই ধরনের অধিদ্বাপন একটি তার একদিকে বাধিয়া অন্যদিকে নাড়াইলে সৃতি করা বার। আপতিত এবং প্রতিফলিত তরঙ্গ অধিদ্বাপিত হইরা দ্বির তরঙ্গের সৃতি করে। এই তরঙ্গের বে কোনও বিন্দুর ভংশ বিবেচনা করিলে দেখা বার বে  $\sin wt$  অপেক্ষকের জন্য ইহা +2a এবং -2a সীমার মধ্যে ল্পান্দিত হইবে। কিন্তু অন্য অপেক্ষক  $\cos kx$  এর কথা চিন্তা করিলে বুঝা বাইবে বে বিন্দুটির ল্পান্দন এই অপেক্ষকটি দ্বারাও প্রভাবিত হইবে। বে সমন্ত বিন্দুতে  $kx = (n + \frac{1}{2})\pi$  হইবে সেখানে ভংশ শ্ন্য দাড়াইবে। আবার যে সমন্ত বিন্দুতে kx = nn হইবে সেমন্ত দ্বান ভংশ চরম হইবে। যে সমন্ত বিন্দুতে ভংশ শ্না হইবে তাহাদের বলা বাইবে নিস্পাদ্বিন্দু (nodes) আবার যে সমন্ত বিন্দুতে ভংশ চরম হইবে তাহাদের বলা হইবে প্রশাদ্বিন্দু (antinodes). দুইটি পরপর নিস্পান্দবিন্দু বা প্রশাদ্বিন্দুর মধ্যের দূরত্ব হইবে

$$k(x_2 - x_1) = n\pi - (n - 1)\pi = \pi$$

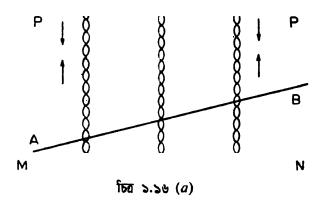
$$x_2 - x_1 = \frac{\pi}{k} = \frac{\lambda}{2} . \tag{1.111}$$

গতিশীল তরক্ষ এবং ছির তরঙ্গের মধ্যে পার্থক্য সহজেই বুঝা যায় । গতিশীল তরক্ষের বেলার প্রতিটি বিন্দুই কালক্রমে +a এবং -a শ্রংশ দেখায় । কিন্তু ছির তরক্ষের বেলার যে সমস্ত বিন্দুতে  $kx=n\pi$  হয় সেই সমস্ত বিন্দুতে  $4x=n\pi$  হয় সেই সমস্ত বিন্দুতে  $4x=(n+\frac{1}{2})\pi$  হয় সেই সমস্ত বিন্দু সবসময়ই ছির থাকে । সূতরাং ছির তরক্ষের বেলার তারটি প্রতি পর্যায়ে দুইবার শাস্ত (undisturbed) অবস্থা প্রাপ্ত হয় ।

আলোকতরঙ্গের ক্ষেত্রে এইরূপ ছির তরঙ্গের সৃষ্টি দেখাইবার জন্য ভিনার (Wiener) 1890 খুকীন্দে একটি পরীক্ষা করেন।

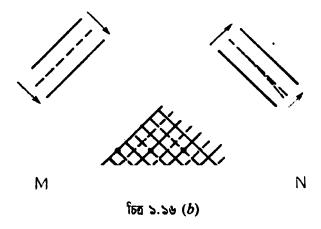
চিত্র নং ১.১৬ (a)-তে PP একটি সমতল তরক্ষের তরঙ্গমুখ এবং সংখ্লিষ্ট তরঙ্গটি MN সমতল দর্পণে লছভাবে আপতিত হইরাছে। দর্পণে প্রতিফলনের ফলে তরঙ্গের বৈদ্যুতিক ভেক্টরের দখার ন পরিবর্তন হইবে। সূত্রাং দর্পণের তলে একটি নিম্পন্দবিন্দু হইবে। আর আপতিত এবং প্রতিফলিত তরঙ্গের মধ্যে অধিস্থাপনের ফলে স্থির তরঙ্গের সৃষ্টি হইবে। ভিনার প্রস্পাদবিন্দু এবং নিম্পন্দবিন্দুর উৎপত্তি দেখাইবার জন্য একটি বচ্ছ খুক পাতলা  $2 \times 10^{-6}$  cm ফোটোগ্রাফিক প্লেটের আন্তরণের (emulsion) সাহাব্যে ছবি তোলেন। AB এই প্লেটের অবস্থান বুঝাইভেছে। ছবি ভোলার পর

দেখা বার বে ব্যতিচার ঝালরের মত কতকগুলি সাদা এবং কালো রেখা প্লেটের উপর আবিভূতি হইরাছে। বে সমস্ত জারগার প্রস্পন্দবিন্দু বর্তমান সেখানে কালো হইবে। আবার নিস্পন্দবিন্দুগুলি সাদা দেখাইবে। পরপর দুইটি



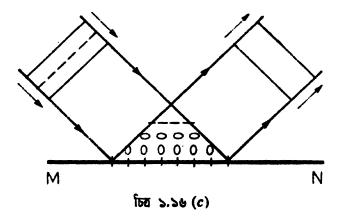
ঝালরের মধ্যের দূরত্ব প্লেটের নতির (inclination) উপর নির্ভর করিবে। দর্পণ এবং প্লেটের মধ্যের কোণ বাড়িলে ঝালরের মধ্যের দূরত্বও বাড়িবে। সমগ্র দর্পণতল MN যেহেতু নিস্পন্দ হইবে সেইজন্য প্লেটিট ইহার সঙ্গে মিলাইয়া দিতে পারিলে ইহা সাদা হইত কারণ তথন প্লেটের আন্তরণের উপর আলোকীয় কর্মতংপরতা (photographic activity) কিছু থাকিত না।

ভিনারের দ্বিতীয় পরীক্ষায় তিনি সমর্বতিত আলো ব্যবহার করেন। ইহাতে তলীয় সমর্বতিত আলো (plane-polarised light) 45° কোণে MN



দর্পণের তলে আপতিত হওরার ফলে আবার 45° কোণে দর্পণ হইতে প্রতিফলিত হয়। এই সমর্বাভিত আলোডে বৈদ্যুতিক ভেক্টরগুলি আপতন তলের অভিলয়ে অবস্থিত। সূতরাং আপতিত এবং প্রতিফালিত রশ্বিষয় পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থিত হইলেও ভাহাদের বিদ্যুতিক ভেক্টরসমূহ সমান্তরাল। অতএব ভাহাদের অধিস্থাপনের ফলে আলোকের ব্যতিচারের সৃষ্টি হইবে। (বাভিচারের আলোচনা দুক্তবা)। সূতরাং পূর্বের পরীক্ষার ন্যার MN দর্পণের সমান্তরালে ব্যতিচারের সৃষ্টি হইবে এবং আনত ফোটো-গ্রাফিক প্লেটে ছবি নিয়া এই বাভিচার ঝালর দেখা বাইবে। এই অবস্থাটি চিত্র নং ১.১৬ (b)-এ দেখানো হইয়াছে। একটি আপতিত ভরঙ্গমূথের চরমদশা MN দর্পণে প্রতিফলনে দশার পরিবর্তনের জন্য অবমদশা প্রাপ্ত হইবে। আর অধিস্থাপিত অংশে আপতিত চরমদশার তরঙ্গের সহিত প্রতিফলিত অবমদশার ভরঙ্গ ব্যতিচার সৃষ্টি করিবে, কারণ ইহাদের বৈদ্যুতিক ভেক্টরম্বয় সমান্তরাল, কিন্তু বিপরীতমুখী।

এবার যদি আপতিত আলোর বৈদ্যুতিক ভেক্টর আপতন তলে অবিস্থিত হয় তবে অধিস্থাপিত আপতিত এবং প্রতিফলিত রশ্মিরয়ের বৈদ্যুতিক ভেক্টরদুটিও পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থান করিবে। সূতরাং সমর্বতিত আলোর ব্যতিচারের নীতি অনুসারে ইহারা ব্যতিচার সৃষ্টি করিতে পারিবে না; লাজি তরঙ্গের ভ্রংশ উপাংশদুইটির দশা পার্থকোর উপর নির্ভর করিয়া বৃত্তীয়, উপবৃত্তীয় অথবা সরলরৈখিক হইবে। কাজেই কোনও স্থানেই ইহারা পরস্পরকে সম্পূর্ণ ধ্বংস করিতে পারিবে না এবং এজনা ব্যতিচারেরও সৃষ্টি হইবে না। এই পরীক্ষা সমর্বতিত আলোকের ব্যতিচার সম্বন্ধে প্রচলিত



ধারণাকেই সমর্থন করে। এই অবস্থাটি চিচ্ন নং ১.১৬ (c)-এ দেখানোঃ হইরাছে।

তরক্ষের পুঞ্চ গভিবেগ (Group velocity of waves).

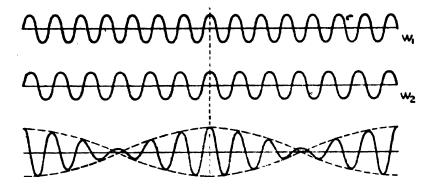
র্যাদ একাধিক সরল তরঙ্গ মিলিয়া একটি জটিল তরঙ্গের সৃষ্টি হর এবং সরল তরঙ্গগুলি সব একই গতিতে গমন করে তবে এই তরঙ্গ পুজেরও গতিবেগ সরল তরঙ্গের গতিবেগের সমানই হইবে। কিন্তু যদি সরল তরঙ্গের গতিবেগ ত্রঙ্গদৈর্ঘ্যের উপর নির্ভরশীল হয় এবং ইহার সঙ্গে পরিবতিত হয় তবে এক্ষেত্রে তরঙ্গের পুঞ্জ গতিবেগ (group velocity) প্রতিটি উপাংশ তরঙ্গের গতিবেগ হইতে আলাদা হইবে। এর্প তরঙ্গদৈর্ঘোর সঙ্গে গতিবেগের পরিবর্তনের দৃষ্টাস্ত হিসাবে দেখানো যায় একটি বিচ্ছুরক (dispersive) মাধ্যমের মধ্য দিয়া সাদা আলোর প্রতিসরণ। এই বিচ্ছুরণের ফলে তরঙ্গদৈর্ঘ্য যত কমে তরঙ্গের গতিবেগও তত কমিয়া বায়। এই জাতীয় ক্ষেত্রে দেখা যাইবে যে তরঙ্গের পূঞ্জ গতিবেগ উপাংশের গতিবেগ হইতে কম হইবে। জলপঠে যে তরঙ্গ সৃখি হয় তাহার ক্ষেত্রেও দেখা যায় যে বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘার তরঙ্গের অধিস্থাপনের ফলে একটি নৃতন শ্রেণীর তরঙ্গ সৃষ্টি হইতেছে। এই উপাংশগুলির যে কোনও একটির উপর দৃষ্টি আবদ্ধ রাখা বায় তবে দেখা যাইবে যে এটি লব্ধি তরঙ্গের গোড়ার দিকে উৎপদ্ম হইয়া ইহাকে অতিব্রুম করিয়া চলিয়া যাইতেছে। অর্থাৎ উপাংশ তরঙ্গের গাঁতবেগ লব্ধি তরঙ্গের গতিবেগের অপেক্ষা বেশী। নিমে উপাংশ তরক্ষের গতিবেগ এবং তরক্ষের পঞ্জ গতিবেগের মধ্যে একটি সম্বন্ধ বাহির করা হইবে।

দুইটি তরঙ্গ নিয়া তাহাদের অধিস্থাপনের ফল পরীক্ষা করা হইবে। ধরা হইবে যে ইহাদের উভয়েরই বিস্তার a, কিন্তু তরঙ্গদৈর্ঘ্য আলাদা  $\lambda_1$  এবং  $\lambda_2$  আর গতিবেগও আলাদা  $v_1$  এবং  $v_2$ . এই ক্ষেত্রে  $\lambda_1 < \lambda_2$  এবং  $v_1 < v_2$  ধরা হইবে। তাহা হইলে তরঙ্গ দুইটির স্রংশ বিদ্য ব্যাক্রমে  $y_1$  এবং  $y_2$  হয় তবে অধিস্থাপনের নীতি অনুসারে দাড়াইবে ঃ

 $y_1 = a \cos (w_1 t - k_1 x)$   $y_2 = a \cos (w_2 t - k_2 x)$  তরঙ্গালৈ আলাদা হওয়ায় বৃত্তীয় কম্পাব্দ w এবং সম্ভব্ন সংখ্যা k ও আলাদা হইবে

$$y = \overline{n}$$
क खर्  $= y_1 + y_2$   
 $= a \cos(w_1 t - k_1 x) + a \cos(w_2 t - k_2 x)$  (1.112)  
 $= 2a \cos\left[\frac{w_1 - w_2}{2}t - \frac{k_1 - k_2}{2}x\right] \cos\left[\frac{w_1 + w_2}{2}t\right]$   
 $= \frac{k_1 + k_2}{2}$  (1.113)

লাদ্ধ সংশ দুইটি গুণকের (factor) গুণফল দাড়াইতেছে। ইহা ছইতে বুজা বার বে লাদ্ধ ভরকের ভরজদৈর্ঘ্য উপাংশ ভরজ দুইটির ভরজদৈর্ঘ্যের গড়ের সমান হইবে এবং এইটি বুজা বাইবে সমীকরণের দিভীর গুণকটিকে ভরজ



চিত্র ১.১৭

সমীকরণ  $y=a\cos(wt-kx)$  এর সহিত তুলনা করিয়া। কিন্তু এই তরক্ষের বিস্তার আর a থাকিবে না; ইহা পরিবাতিত হইয়া বাইবে এবং সর্বোচ্চ মান দাড়াইবে 2a. এই তরঙ্গের গতিবেগকে দশা-গতিবেগ (phase velocity) বলা বাইবে। এই দশা-গতিবেগ পাওয়া বাইবে একটি তরঙ্গের দশা-গতিবেগ নির্ণরের সাধারণ নিরমের সাহাব্যে। সমীকরণ 1.75 হইতে দেখা গিয়াছে যে দশা গতিবেগ দাড়ার

$$v-\frac{w}{k}$$

এইক্ষেত্রে সেটি দাড়াইবে 
$$v = \frac{w_1 + w_2}{k_1 + k_2} \simeq \frac{w}{k}$$
. (1.114)

অর্থাৎ এই লব্ধি তরক্ষের দশা-গতিবেগ মোটামূটি উপাংশ দুইটির গড় গতিবেগের সমান।

কিন্তু সমীকরণ 1.113 এর প্রথম গুণক হইতে বুঝা যায় বে এই দুইটি উপাংশ তরক্ষ মিলিয়া একটি পুঞ্জ সৃষ্টি করিবে যাহা ঠিক পূর্বে আলোচিত তরক্ষের আবরণ (envelope) হিসাবে কান্ত করিবে। এই আবরণটির তরক্ষদৈর্ঘ্য খুবই বেশী হইবে। এটির গতিবেগ দাড়াইবে ( যদি এটিকে u ধরা হয় )

$$u = \frac{w_1 - w_2}{k_1 - k_2} \simeq \frac{\Delta w}{\Delta k} = \frac{dw}{dk}.$$
 (1.115)

এইরূপ লেখার স্বপক্ষে বৃদ্ধি এই বে পার্থক্যের ক্ষুদ্রতা (smallness) সম্বন্ধে কোনও বাধা আরোপিত না হওয়ায় এইটিকে খুবই ক্ষুদ্র বিলয়া ধরা বায় বার ফলে এইরূপ সম্বন্ধ লেখা চলে । আর বেহেতৃ  $v = \frac{w}{k}$  [v = rrin]-গতিবেগ ]

সূতরাং 
$$\frac{dw}{dk} = v + k \frac{dv}{dk} - u$$
কিন্তু  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ 

সূতরাং পাওয়া বায় 
$$k \frac{dv}{dk} = \frac{2\pi}{\lambda} - \frac{dv}{-2\pi d\lambda} \lambda^2 = -\lambda \frac{dv}{d\lambda}$$
 (1.116)

$$\therefore \quad u = v - \lambda \, \frac{dv}{d\lambda}. \tag{1.117}$$

কা<del>জে</del>ই এই সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে সমন্ত তরঙ্গের ক্ষেত্রে গাতিবেগ তরঙ্গদৈৰ্ঘোর সহিত বাড়িতে থাকে তাহাদের বেলায়  $rac{dv}{d\lambda}$  ধনাত্মক। এই সমস্ত তরঙ্গের বেলায় পূঞ্জ-গতিবেগ দশা-গতিবেগের অপেক্ষা কম। আলোকতরঙ্গ যখন প্রিজ্মের মধ্য দিয়া গমনকালে বিচ্ছুরিত হয় তখন তরঙ্গ-দৈর্ঘোর বৃদ্ধির সঙ্গে গতিবেগেরও বৃদ্ধি হয়। কাজেই এইরূপ ক্ষেত্রে ভরঙ্গের পুঞ্জ-গতিবেগ উপাংশ তরঙ্গের দশা-গতিবেগের অপেক্ষা কম হইয়া থাকে। আলোচনার গোড়ায়ই এই প্রসঙ্গের উল্লেখ করা হইয়াছে। এটা সহজেই বুঝা যায় যে যদি  $rac{dv}{d\lambda}$  শ্ন্য হয় অর্থাৎ মাধ্যমের মধ্যে কোনও বিচ্ছুরণ না হয় তবে 'পুঞ্জ এবং দশা গাঁতবেগের মধ্যে কোনও পার্থক্য থাকে না। এইরূপ হওয়া সম্ভব একমাত্র তথনই যখন আলোক রশ্মি শ্নোর (vacuum) মধ্য দিয়া গমন করে। কিন্তু আলোকের গতিবেগ মাপিবার সময় সাধারণত ইহা মাধ্যমের মধ্য দিয়া ভ্রমণ করিয়া থাকে। আর সম্পূর্ণ একবর্ণী আলোক উৎপন্ন করাও সম্ভব নয়। সুতরাং এই পরীক্ষায় পুঞ্জ-গতিবেগ নিয়াই কাজ করিতে হয়, দশা-গতিবেগ নর। মাইকেলসনের পরীক্ষার সময় সাদা-আলোর গতিবেগ বায়ুতে এবং জ্বল ও অন্যান্য তরলে মাপিতে গিয়া এইরূপ একটি অসঙ্গতির (discrepancy) অন্তিম্ব লক্ষ্য করা গিয়াছিল বাহা পুঞ্জ এবং দশা-গতিবেগের মধ্যের সম্বন্ধের সাহায্যে সমাধান করা হয়।

# আলোকতৱঙ্গের অধিস্থাপন (Superposition of light waves).

আলোকভরক্তের সাধারণ ধর্ম সম্বন্ধে পূর্ববর্তী অধ্যায়ে মোটামুটি আলোচন। করা হইয়াছে। এইরূপ দুই বা ততোধিক আলোক তরঙ্গমালা যদি একই সময়ে কোনও স্থানের ভিতর দিয়া গমন করে তাহ। হুইলে সেই স্থানের আলোকের তীব্রভার এই বর্তন যে নিয়মানুসারে সমাধান করা যাইতে পারে তাহাকে বলা হয় অধিস্থাপনের নিয়ম (principle of superposition). এই নিরমে বলা হইয়াছে যে কোনও স্থানে এবং সময়ে একাধিক <mark>আলোকভরকের</mark> সমষ্টিগত সরণের ফল দাড়াইবে ঐ সমস্ত পৃথক পৃথক তরঙ্গমালার সরণের বীজগাণিতিক সমষ্টির সমান। এই নির্মটি একটি ভৌতিক অনুমান (physical hypothesis) মাত্র, কোন গাণিতিক সিদ্ধান্ত নয়। এই অনুমানের ভিত্তিতে যে সমন্ত গণনা করা হয় তাহাদের পরীক্ষালর ফলের সহিত মিলিয়া বাওয়াতেই অনুমানের সভ্যতা প্রমাণিত হয়। অবশ্য এই নিয়মের বৈধভার জন্য ধরিয়া লওয়া হয় যে আলোকতরঙ্গের সরণ সরল দোলগতি অনুসারে হইয়া থাকে এবং ইহার বিস্তারের পরিমাণ খুব বেশী নয় যেজন্য ইহার স্থিতি-শক্তি সরণ এবং বিস্তারের বর্গানুসারে প্রকাশ কর। যায়। যদি কয়েকটি তরঙ্গমালার সরণ ধরা হয় যথান্তমে  $y_1,y_2,y_3$  ইত্যাদি তবে অধিস্থাপনের নিরমানুসারে কোনও স্থানে এবং সময়ে তরঙ্গমালার পরিণামিক (resultant) সরণ ৮ দাড়াইবে

$$y = y_1 + y_2 + y_3 + \dots (2.1)$$

দেখা যায় যে শব্দ তরক্ষের ক্ষেত্রে উপরোক্ত নিয়ম সাধারণভাবে প্রযোজ্ঞা নর। এবং ইহার কারণ ব্যাখ্যা করিতে ধরিয়। লইতে হয় যে শব্দতরক্ষ সহজ্ঞ এবং সরল দোলগাতির রৃপ নেয়না ইহাতে অসরল দোলগাতির বাঞ্জকও (anharmonic terms) অন্তর্ভুক্ত থাকে। আলোকের ক্ষেত্রেও বাদও অনুরূপ সম্ভাবনা একেবারে বাদ দেওয়া যায়না তবু ঐ সমন্ত অসরল দোলগাতির বাঞ্জকের প্রভাব নাধারণত খুবই সামান্য হইবার কথা এবং প্রচলিত গণনায় ইহার প্রভাব বাদ দিয়াও কার্যকরী ফলাফল পাওয়। যাইতে পারে। আলোকের ব্যাতিচারের বর্ণনার জন্য ১৮০২ সনে বিজ্ঞানী টমাস ইয়ং (Thomas Young) এই নিয়মটি স্পর্কভাবে বাক্ত করেন। আমাদের দৈনন্দিন অভিজ্ঞতা হইতেও এই

নিরমের সত্যতা আমরা দেখিতে পারি। একটি শাস্ত জলাশরে দুইটি স্বতম্ভ উৎস হইতে যদি জলে তেউ উৎপল্ল করা হর এবং তাহারা মধাবর্তী কোনও স্থানে পরস্পর মিলিত হয় তবে ঐ স্থানের তেউয়ের প্রকৃতি উৎস দুইটির তরঙ্গের একক প্রকৃতি হইতে আলাদা হইরা থাকে। দেখা যাইবে যে বৃক্ষাতরঙ্গের চেহারা দাড়াইবে দুইটি একক তরঙ্গের বিস্তারের বীজগাণিতিক যোগফলের সমান। যে স্থানে শুধু একটি তরঙ্গমালা বর্তমান থাকে সেখানে অন্যটির প্রভাব শ্ন্য এবং ঐ যুগা প্রভাবের ক্ষেত্র হইতে বাহির হইয়া তরঙ্গমালা দুইটি নিজ নিজ অবিচল আকৃতিতে প্রবাহিত হয়।

তুইটি সরল দোলগভির সংযোজন (Superposition of two simpleharmonic motions).

আলোকের তরঙ্গমতবাদের অনুসারে উৎপার ঘটনাবলীর আলোচনা কালে প্রায়শই আমরা দুই বা ততোধিক তরঙ্গাবলীর সংযোজনের প্রয়োজনীয়তার সম্মুখীন হইব। সূতরাং যে নিয়মানুসারে এই সংযোজন হইয়া থাকে গোড়াতেই তাহার আলোচনা প্রয়োজন এবং বাঞ্চনীয়। পূর্বেই বলা হইয়াছে যে ব্যাতিচার, বাবর্তন ইত্যাদির আলোচনার আলোকতরঙ্গের প্রঠিক আফুতি বর্ণনার প্রয়োজন নাই। এবং যদিও সাধারণত আলোকতরঙ্গের প্রকৃতি অনেক সময়েই বেশ জটিল (complex) হইয়া থাকে তবুও আমরা ইহাকে সরল দোলগতি সম্পন্ন ধরিয়া লইয়া গণনা করিলে যে ফলাফল পাইতে পারি তাহা পরীক্ষালন ফলের সহিত অধিকাংশ ক্ষেত্রেই মিলিয়া যায়। সূতরাং এক্ষেত্রেও আমরা আলোকতরঙ্গকে সরল দোলগতি সম্পন্ন বলিয়া ধরিয়া লইব এবং এইর্প দুইটি তরঙ্গের সংযোজনের ফলাফল পরীক্ষা করিব। এখানে শুধু একটি সর্ত আরোপ করিতে হইবে। সর্তটি এই যে দুইটি তরঙ্গের সরণ (সে সরণের প্রকৃতি যাহাই হউক না কেন) একই সরলরেখায় সংঘটিত হইবে। দুইটি সরল দোলগতি নিয়লিখিত সমীকরণ দারা

$$x_1 = a_1 \cos (wt - \phi_1) x_2 = a_2 \cos (wt - \phi_2)$$
 {(2.2)

এখানে  $x_1$  এবং  $x_2$  বথাক্রমে প্রথম এবং দিতীয় তরক্রের সরণ,  $\phi_1$  এবং  $\phi_2$  তাহাদের দশা-ধ্রুক এবং উভয়েরই বৃত্তীয়-কম্পাধ্ক w. এমতাবস্থায় বদি তরঙ্গবয় কোনও এক স্থানে বুগপং ক্রিয়া করে তবে ঐ স্থানে যে পরিবর্তিক্ত

তরকের সৃষ্টি হইবে ভাহার পরিণামিক সরণ পূর্বে আলোচিত অধিস্থাপনের নিরমানুসারে নিয়লিখিতর্পে লেখা যাইতে পারে।

$$x = x_1 + x_2$$

$$= a_1 \cos(wt - \phi_1) + a_2 \cos(wt - \phi_2) \dots (2.3)$$

 $-a_1 (\cos wt \cos \phi_1 + \sin wt \sin \phi_1) + a_2(\cos wt \cos \phi_2 + \sin wt \sin \phi_2)$ 

$$= (a_1 \cos \phi_1 + a_2 \cos \phi_2) \cos wt + (a_1 \sin \phi_1 + a_2 \sin \phi_2)$$

$$\sin wt \quad (2.4)$$

এখানে বেহেতু  $a_1, a_2, \phi_1, \phi_2$  যথান্তমে দুইটি তরক্ষের বিস্তার এবং দশা-ধ্বক বুঝাইতেছে, সূতরাং বন্ধনীর মধ্যের বাঞ্জক দুইটিও ধুবক। সূতরাং তাহাদের নির্মালখিত সমীকরণ দ্বারা প্রকাশ করা যাইতে পারে

$$a_1 \cos \phi_1 + a_2 \cos \phi_2 - R \cos \theta$$

$$a_1 \sin \phi_1 + a_2 \sin \phi_2 - R \sin \theta$$
... (2.5)

বেখানে R এবং  $\theta$  ধ্রুবক এবং ইহাদের মূল্য সমীকরণ 2.5 এর বাদিকের বাঞ্চকের উপর নির্ভর করে

ইহাদের বর্গ যোগ করিয়া পাওয়া যার

$$R^{2} \cos^{2} \theta + R^{2} \sin^{2} \theta = R^{2} = (a_{1} \cos \phi_{1} + a_{2} \cos \phi_{2})^{2} + (a_{1} \sin \phi_{1} + a_{2} \sin \phi_{2})^{2}$$

$$= a_{1}^{2} \cos^{2} \phi_{1} + a_{1}^{2} \sin^{2} \phi_{1} + a_{2}^{2} \cos^{2} \phi_{2} + a_{2}^{2} \sin^{3} \phi_{2} + 2a_{1}a_{2}(\cos \phi_{1} \cos \phi_{2} + \sin \phi_{1} \sin \phi_{2})$$

$$= a_{1}^{2} + a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2} \cos (\phi_{1} - \phi_{2}) \qquad ... \qquad (2.6)$$

$$437 \tan \theta = \frac{a_1 \sin \phi_1 + a_2 \sin \phi_2}{a_1 \cos \phi_1 + a_2 \cos \phi_2} \qquad ... (2.7)$$

সমীকরণ 2.5 বাবহার করিয়া আমরা 2.4 কে লিখিতে পারি

$$x = R \cos \theta \cos wt + R \sin \theta \sin wt$$

$$= R \cos (wt - \theta) \qquad ... (2.8)$$

অতএব দেখা যাইতেছে যদি সমান কম্পান্কবিশিষ্ট দুইটি তরঙ্গ এক বিন্দুতে এবং একই সরলরেখার ক্রিয়া করে তবে ঐ বিন্দুর পরিণামিক সরণও ঐ একই কম্পান্কের হইবে কিন্তু ইহার বিস্তার এবং দশা-ধ্রুবক সংঘটক (component) তরঙ্গের অপেক্ষা আলাদা হইবে। অবশ্য ঐ বিস্তার এবং দশা-ধ্রুবক সংঘটক ভরঙ্গের ঐ সমন্ত সংখ্যা হইডে সমীকরণ 2.6 এবং 2.7 এর সাহাব্যে নির্ণের।

দুইটি তরঙ্গের সংযোজনের ক্ষেত্রে যে গণনা-পদ্ধতি প্রয়োগ করা হইরাছে সেই একই পদ্ধতি দুইরের অধিকের ক্ষেত্রেও সমভাবেই ব্যবহার করা চলিতে। পারে। বন্ধুতঃ অধিস্থাপনের নিরমের ব্যবহার দুই বা ততোধিক তরঙ্গের সংযোগের ক্ষেত্রে সমানভাবেই প্রযোজ্য। m-সংখ্যক তরঙ্গের প্রভাবের ফল এই নিরম হইতে পাওরা যায়

$$y_s = \sum_{s=1}^{\infty} a_s \cos(wt - \phi_s) \tag{2.9}$$

উপরের বাঞ্চকের মধ্যে a, এবং  $\phi$ , বিভিন্ন তরঙ্গের বিস্তার এবং দশা-ধ্রুবক এবং s-এর মান 1 হইতে m পূর্ণসংখ্যা পর্যান্ত বুঝাইতেছে। তরঙ্গগুলির প্রত্যেকেরই কম্পাংক w এবং Y পরিণামিক তরঙ্গের প্রতীক। দুইটি তরঙ্গের ক্ষেত্রে যে গণনা পদ্ধতি ব্যবহার করা হইরাছে তাহাই ধাপে ধাপে বাড়াইরা বলা যাইতে পারে যে m-সংখ্যক তরঙ্গের বেলার নিম্নালিখিত পরিণামিক তরঙ্গ পাওয়া যাইবে

$$Y = R \cos (wt - \phi) \qquad (2.10)$$

যেখানে বিস্তার 
$$R^2 = \left(\sum_{s=0}^{\infty} a_s \cos \phi_s\right)^{-1} + \left(\sum_{s=0}^{\infty} a_s \sin \phi_s\right)^{-1}$$
 (2.11)

এবং দশা-ধুবক 
$$\phi = \tan^{-1} \frac{1}{a - m}$$
 (2.12)

সূতরাং সর্বাধিক গুরুত্বপূর্ণ ফল দেখা বাইতেছে বে একই কম্পাকে বিশিষ্ট দুই বা ততোধিক তরঙ্গের সংযোজনের ফলে বে পরিণামিক তরঙ্গের সৃষ্টি হর তাহার কম্পাংক সংঘটক তরঙ্গের কম্পাংকের সমান থাকে। ইহার আকৃতিও সংঘটক তরঙ্গের আকৃতির সদৃশই হর বদিও উদ্ভূত পরিণামিক বিস্তার এবং দশা-ধূবক পরিবাত্তিত হর। অবশ্য সংঘটক তরঙ্গগুলির সরণ একই সরলরেখার ক্রিয়া করে এটা ধরিয়া নেওয়া হইয়াছে। যদি তাহা না করে তবে এই গণনালক সিদ্ধান্ত সত্য হইবে না। উদাহরণস্বরূপ বলা বাইতে পারে বে বিদ্দুইটি সংঘটকের সরণ পরস্পরের সহিত লম্বভাবে ক্রিয়া করে তবে বে লেখ পাওয়া বার তাহা Lissajous-চিত্র হিসাবে খ্যাত। এই প্রসঙ্গের আলোচনাঃ অধ্যারের শেবের দিকে কয়া হইবে।

বদি পুঁইটি সরল দোলগতির বিস্তার সমান হয়  $(a_1 = a_2 = a)$  তবে তাহাদের পরিণামিক বিস্তারের মান 2.11-এর সাহাযো ভিন্ন করা যায়। অনুর্পভাবে পরিণামিক দশা-ধ্বকও সমীকরণ 2.12 এর সাহায্যে বাহির করা সম্ভব। একেন্তে তীরভার মান দাড়াইবে

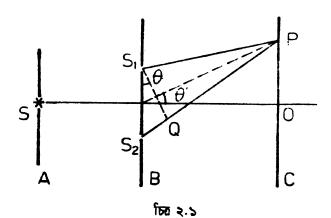
$$I = R^{2} = a^{2} \cos^{2} \phi_{1} + a^{2} \cos^{2} \phi_{2} + 2aa \cos \phi_{1} \cos \phi_{2} + a^{2} \sin^{2} \phi_{1} + a^{2} \sin^{2} \phi_{2} + 2aa \sin \phi_{1} \sin \phi_{2}$$

$$= 2a^{2} + 2a^{2}(\cos \phi_{1} \cos \phi_{2} + \sin \phi_{1} \sin \phi_{2}) = 2a^{2}[1 + \cos(\phi_{1} - \phi_{2})]$$

$$= 2a^{2}[1 + \cos \Delta \phi]$$
CHICA  $\phi_{1} - \phi_{2} = \Delta \phi$ 

$$I = 2a^{2}[1 + 2 \cos^{2} \frac{\Delta \phi}{2} - 1] = 4a^{2} \cos^{2} \frac{\Delta \phi}{2} \qquad (2.13)$$

সৃতরাং তীরতার হাসবৃদ্ধি  $\Delta \phi$ -এর মানের উপর নির্ভর করিবে ।  $\Delta \phi$  এর মান যেখানে যেখানে 0,  $2\pi$ ,  $4\pi$  প্রভৃতি হইবে সেখানে তীরতা সর্বোচ্চ মূল্য ধরিবে এবং ইহার মূল্য হইবে  $I=4a^2$ ; অন্যান্য স্থানে যেখানে ইহার মূল্য  $\pi$ ,  $3\pi$ ,  $5\pi$  ইত্যাদি হইবে সেখানে তীরতার মান শূন্য হইবে । এই দুই শ্রেণীর বিন্দুর মাঝামাঝি স্থানে তীরতার মান  $4a^2$  and 0 এর মধ্যে কোনও একটি সংখ্যা হইবে এবং এই সংখ্যার মান নির্ভর করিবে ঐ স্থানে  $\Delta \phi$ 

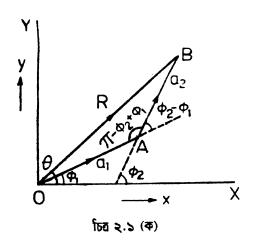


এর মানের উপর । চিত্র 2.1 এ এইরূপ একটি অধিস্থাপনের ছবি আকা হ**ইরাছে** । S আলোক উৎস হইতে আলো  $S_1$  এবং  $S_2$  ছিদ্রে পড়িতেছে । আর এই ছিদ্র দুইটি হইতে নির্গত আলো POC পর্দার উপর পড়িয়া

অধি**স্থাপিত হইতেছে। পর্দার উপর যে কোনও বিস্দৃতে আলোর তীরতা হিসাব** করিতে উপরের প্রণালী ব্যবহার করা যায়।

আলোকের ভরজের অধিছাপনে ভেক্তর পছভির প্রয়োগ (Application of vector method in superposition of light waves).

আলোক তরঙ্গের অধিস্থাপনের ফলাফল পরীক্ষা করিতে ইতিপূর্বে চিকোর্ণামিতির নিয়ম প্রয়োগ করা হইরাছে। ভেক্টর প্রণালী প্রয়োগও এই পরীক্ষার সমান প্রশস্ত এবং ইহা একই ফল দেয়। যেহেতু দেখা গিরাছে যে  $y_1$  ও  $y_2$  উভয়কেই ভেক্টর রাশি দ্বারা রূপায়িত করা যার কাজেই তাহাদের অধিস্থাপনের ফলও এই ভেক্টররাশির লব্ধি বাহির করিবার প্রণালীতে পাওরা সম্পূর্ণ সম্ভব।



চিত্র নং ২.১ক এ দুইটি আলোক তরঙ্গের বিস্তার OA এবং AB ভেক্টর স্বারা বুঝানো হইয়াছে । ইহাদের পরিমাণ (magnitude) যথাক্রমে  $a_1$  এবং  $a_2$  এবং ইহারা x অক্ষের সহিত যথাক্রমে  $\phi_1$  এবং  $\phi_2$  কোণে অবস্থান করিতেছে । এইটি একটি কোনও সময় t এর অবস্থা । এই চিত্র হইতে বুঝা বায় যে দ্রংশ দুইটির লন্ধি হইবে একটি নৃতন ভেক্টর রাশি যাহার পরিমাণ R এবং ইহা x অক্ষের সহিত  $\theta$  কোণ উৎপদ্র করিতেছে । এই  $\phi_1$ ,  $\phi_2$  এবং  $\theta$  উপাংশ এবং লন্ধি ভেক্টরের দশা বুঝাইতেছে । আর চিত্রানুসারে পাওয়া যাইবে

$$R^{2} = a_{1}^{2} + a_{2}^{2} - 2a_{1}a_{2} \cos \left[\pi - (\phi_{2} - \phi_{1})\right]$$
$$= a_{1}^{2} + a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2} \cos \left(\phi_{2} - \phi_{1}\right)$$

এই সমীকরণাট 2.6 সমীকরণের সহিত সম্পূর্ণ এক। সুতরাং দেখা বাইতেছে বে বীজগাণিতিক এবং ভেক্টর পদ্ধতি উভর প্রণালী বারাই তরক্ষের অধিস্থাপনের: একই ফল পাওয়া বার।

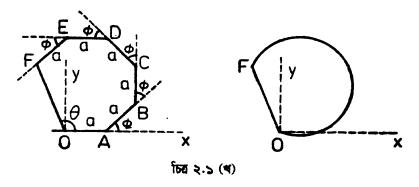
এই পদ্ধতিতে যে চিত্র আকা হইয়াছে তাহা হইতে দেখা যায় যে  $a_1$  কে OX এবং OY অক্ষের দিকে দুইটি উপাংশ  $a_1\cos\phi_1$  এবং  $a_1\sin\phi_1$  হিসাবে ভাগ করা যায়। সেইর্প  $a_2$  কে  $a_2\cos\phi_3$  এবং  $a_2\sin\phi_3$  হিসাবে ভাগ করা যায়। সূত্রাং এই উপাংশগুলিকে যোগ করিলে x অক্ষের দিকে যোগফল দাড়াইবে  $a_1\cos\phi_1+a_3\cos\phi_2$ . অনুর্পভাবে OY অর্থাৎ y অক্ষের দিকে উপাংশ দুইটির যোগফল দাড়াইবে  $a_1\sin\phi_1+a_2\sin\phi_2$ . আর যেহেতু লব্ধি বিস্তারের বর্গ হইবে এই দুইটির বর্গের যোগফলের সমান কাক্ষেই লেখা যায়

$$R^{2} = (a_{1} \cos \phi_{1} + a_{2} \cos \phi_{2})^{2} + (a_{1} \sin \phi_{1} + a_{2} \sin \phi_{2})^{2}$$
$$= a_{1}^{2} + a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2} \cos (\phi_{2} - \phi_{1}).$$

লন্ধি গতিও বে সরল দোলগতিসম্পন্ন হইবে তাহা এই বিবেচনা হইতে মনে করা যায়। সরল দোলগতি বৃপায়নের একটি প্রচলিত পদ্ধতি হইল ভেক্টরটির ধ্বক গতিতে উৎস O বিন্দুর সাপেক্ষে বুরিবার ক্ষেত্রে ইহার শীর্যবিন্দু হইতে যদি কোনও একটি অক্ষের উপর লম্ব আকিয়া ভেক্টরের একটি উপাংশ অব্দন করা যায় তবে এই উপাংশের দৈর্ঘোর পর্যায়ক্রমে পরিবর্তন সরল দোলগতিসম্পন্ন হইবে। আলোচা ক্ষেত্রে  $a_1$  এবং  $a_2$  এর x অক্ষের উপর অভিক্ষেপের (projection) ফলে উপাংশ দুইটির দৃষ্টি হইবে।  $a_1$  এবং  $a_2$  র্যাদ w বৃত্তীর কম্পাব্দ্ক নিয়া বুরিতে থাকে তবে ইহাদের লন্ধিও এই একই হাবে বুরিতে থাকিবে। আর ইহার ঐ একই অক্ষের উপর অভিক্ষেপের দৈর্ঘাওঃ  $a_1$  এবং  $a_2$  র মত সরলদোলগতিতেই পরিব্দিত হইতে থাকিবে।

বাদ দুইএর অধিক ভংশের লান্ধ নির্ণয় করিতে হয় তবে এই ভেটর পদ্ধতিতে ইহাও করা সন্তব এবং বাদ সংখ্যা বেশী হয় তবে এই পদ্ধতি বেশ সূবিধান্ধক হয়। আর তাছাড়া এই পদ্ধতিতে কি ব্যাপারটা ঘটিতেছে তাছারও একটি স্পন্ট চিন্র পাওয়া বায়। চিন্রে দেখানো হইরাছে এমন একটি সমস্যার সমাধান বেখানে সমান বিস্তার ৫ সম্পন্ন করেকটি সরল দোলগতির লান্ধ বাহির করিতে হইবে। ইহাদের প্রত্যেকেরই দখা পূর্ববর্তীর তুলনার একই মান  $\phi$  দারা বৃদ্ধি পাইতেছে। চিন্র নং ২.১(খ)এ OA, AB...EF ছর্মটি সমান বিস্তার ৫ ভেটরে; ইহাদের প্রত্যেকের ক্ষেত্রে পূর্ববর্তী ভেটরের তুলনার দখার  $\phi$  বৃদ্ধি হইরাছে। ইহাদের প্রত্যেকের প্রের পরিমাণ হইবে

OF, আর দশা হইবে  $\theta$ . এই অন্কনে অবশ্য প্রথম ভেক্টরটি x অন্কের সহিত মিলাইরা আকা হইরাছে ৷ পূর্বেই বলা হইরাছে বে বাদ কতকগূলি ভেক্টর লওরা হর তবে তাহাদের বে কোনও একটির দশা হিসাবের সুবিধার জন্য ইচ্ছামত পরিবর্তন করা চলিতে পারে; তবে সঙ্গে সঙ্গে অন্য



ভেক্টরগুলিও অনুরূপ পরিবর্তন করিতে হইবে। এই চিত্রে প্রথমটির দশ।  $\phi = 0$  ধরা হইরাছে। চিত্রটি দাড়াইরাছে একটি সুষম বহুভূজের (regular polygon) অংশ বাহার ছরটি বাহু সমান [ অবশা শেষ ভূজটি বাদ দিলে ] এবং এই অসমাপ্ত বহুভূজের শেষপ্রান্ত এবং প্রথম প্রান্ত বোগ করিলে লবি ভেক্টরের পরিমাণ এবং দশা পাওরা বাইবে।

বদি এই সমন্ত উপাংশ ভেক্টরের বিস্তার এবং দশার পার্থকা  $\phi$  অত্যন্ত কমিরা বার এবং একই সঙ্গে ইহার সংখ্যা অনুরূপভাবে বাড়িয়া বার তবে এই বহুভূকটি একটি বৃত্তাংশের আকার গ্রহণ করিবে। এই জাতীর চিত্রকে বলা হর কম্পনবৃত্ত (vibration circle). চিত্র নং ২.১(খ)এ এইর্প একটি কম্পনবৃত্তের অংশ দেখানো হইরাছে। এই কম্পনবৃত্তিট পূর্বের বহুভূজের সাদৃশ্যে আকা হইরাছে।

चरिन সংখ্যা ব্যবহার করিয়া লন্ধির নির্ণয় (Determination of the resultant by using complex quantities).

সমীকরণ 1.90 হইতে দেখা গিরাছে বে ত্রংশ জটিল সংখ্যা ব্যবহার করিরা বৃপারন করা ঘাইতে পারে। অতএব বদি কিছুসংখ্যক ত্রংশের লব্ধি বাহির করিতে হর তবে জটিল সংখ্যা ব্যবহার করিয়া এই লব্ধি নির্ণর করা বার

$$y_1 - A_1 e^{i(\omega t - kx)} \left(A_1 - a_1 e^{i\delta}\right).$$

সুভয়াং লব্বি এংশ Y লেখা বায় ( সমগুলিয়ই কপাণ্ক এক হইলে )

$$Y = y_{1} + y_{2} + y_{3} + \cdots = A_{1}e^{4}(\omega t - kx) + A_{2}e^{i(\omega t - kx)} + A_{3}e^{i(\omega t - kx)} + \cdots$$

$$= (A_{1} + A_{2} + A_{3} + \cdots)e^{i(\omega t - kx)}$$

$$= A e^{i(\omega t - kx)}$$

$$\left[A = (A_{1} + A_{2} + A_{3} + \cdots) = a_{1}e^{i\delta_{1}} + a_{2}e^{i\delta_{2}} + a_{3}e^{i\delta_{3}} + \cdots$$

$$= \Sigma A_{n}\right]$$

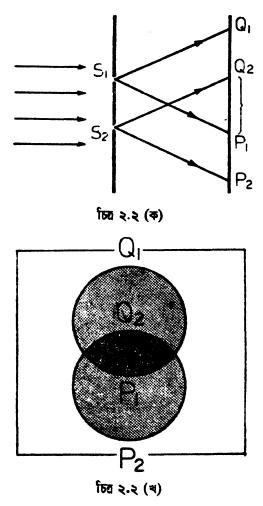
সূতরাং পাওরা বার বে লব্ধি ভ্রংশের জটিল বিভার সোজাসুজি আলাদ। ত্রুপার জটিল বিভারের বোগফলের সমান। ইহার পুব গুরুষপূর্ণ প্ররোগ পরে অনেক পাওরা বাইবে।

### আলোকের ব্যক্তিচার (Interference of light).

পূর্বেই বলা হইরাছে বে ৰখন কোনও স্থানে দূই বা ততোমিক তরঙ্গমালা একই সমরে উপস্থিত হয় তথন ঐ স্থানে উহাদের পরিণামিক তীরতা অধিস্থাপনের নিরমানুসারে নিদিষ্ঠ হইয়া থাকে। দুইটি শব্দতরুর যথন একই সমরে একস্থান দিয়া গমন করে দেখা যার উপবৃত্ত ক্ষেত্রে ঐ স্থানের কোন কোন বিন্দুতে নীরবতার সৃষ্ঠি হইতে পারে। জলতরঙ্গের বেলারও পরস্পর মিলিবার স্থানে একক তরক্ষালার সরণের পরিবর্তন হইরা থাকে। সুভরাং আলোকের তরঙ্গচিত্র যদি আমরা গ্রহণ করি তাহা হইলে এই ক্ষেত্রেও অনুরূপ ফলাফল স্বভাবতই আশা করা বাইতে পারে। বন্ধুত দেখা বার বে বখন দুই বা ততোধিক আলোক তরঙ্গমালা কোনও স্থান দিয়া গমন করে তখন বিশেষ বিশেষ ক্ষেত্রে (ক্ষেত্রের বৈশিষ্টা পরে আলোচনা করা হইবে) ঐ স্থানে আলোকের পরিণামিক তীব্রভা সংঘটক (component) তরঙ্গের তীব্রভা হইতে আলাদা হইবে। ঐ স্থানে সংঘটক তরঙ্গের তীব্রতার মধ্যে কোনওরূপ হ্রাসবৃদ্ধি বদি নাও থাকে তাহা হইলেও পরিপামিক তরঙ্গের তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি হইবে। কোথায়ও ভীৱতা একক তয়ঙ্গের ভীৱত। হইতে ব্যাড়বে আবার কোথারও কমিবে। এই তীব্রতার হ্রাসবৃদ্ধিকে বলা হইয়া থাকে আলোকের ব্যতিচার। আলোকের এই ব্যতিচারের নিরম অনুসারে নানারপ পরীক্ষা করা হইরা থাকে এবং এই পরীক্ষা সমূহ হইতে সুন্দর ও জ্ঞানদারক নানারপ ফল

পাওরা বার। এই সমন্ত পরীক্ষা হইতে আলোকের তরঙ্গচিতের নিশ্চিত প্রমাণও মিলে।

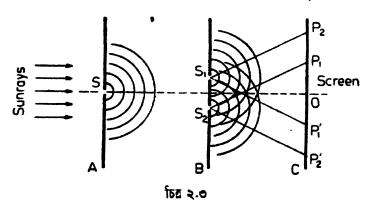
বিজ্ঞানীর। আলোকতরঙ্গের বর্প সবদ্ধে অনেকদিন হইতেই চিন্তা ভাবনা করিতেছিলেন। ১৮০১ সনে টমাস ইরং (Thomas Young) সর্বপ্রথম সাকল্যের সহিত দুইটি আলোকতরঙ্গমালার ব্যতিচারের পরীক্ষার বর্ণনা করেন। মনে হর ইহার পূর্বে গ্রিমলৃড়ি (Grimaldi) অনুরূপ পরীক্ষা করার চেন্টা করিরাছিলেন। একটি অবচ্ছ পর্ণায় কাছাকাছি দুইটি ছোট এবং গোল ছিদ্র



করিয়া তিনি একটি অন্ধকার ঘরের পদায় সূর্বোর আলোক ঐ ছিদ্র দুইটি দিয়া এমনভাবে প্রবেদ করান যাহাতে পদার খানিকটা অংশে ঐ আলোক প্রস্পরের উপর পড়ে। বে অংশে ঐ রন্ধির একারত হর ব্যক্তিচারের নীতি অনুবারী সেখানে আলোকের তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি আশা করা বাইতে পারে। কিন্তু গ্রিমল্ডি এইর্প কোনও হ্রাসবৃদ্ধি দেখিতে পান নাই মনে হর। ইহার পরিবর্তে তিনি পর্দার রিশ্বর চিত্রের বহিপ্রাত্তে তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি লক্ষ্য করেন। পরের আলোচনা হইতে দেখা যাইবে যে আলোক উৎস দুইটির দশার মধ্যে যদি পরস্পর সম্বন্ধ থাকিত তাহা হইলে গ্রিমলান্ডির পরীক্ষা আলোকের ব্যক্তিচার সাফলোর সহিত প্রদর্শন করিতে পারিত। কিন্তু তাহার পরীক্ষা ব্যবস্থার এর্প দশার সম্বন্ধ না থাকার ব্যক্তিচারের আশানুর্প ফলাফল দেখা যার নাই। ঐ পরীক্ষা বাহা দেখাইরাছে সেটা হইল আলোকের বাবর্তন।

চিত্র ২.২ (ক)এ একটি অবচ্ছ পর্ণায়  $S_1$  এবং  $S_2$  দুইটি কাছাকাছি ছোট এবং গোল ছিদ্র। ইহাদের মধ্য দিয়া সূর্ব্যের আলোকের দুইটি আলোকরিন্দ্র অন্ধনার ঘরের পর্ণায়  $P_1Q_2$  এবং  $P_2Q_3$  দুইটি গোলাকার আলোকচিত্রে আপতিত হয় এবং ইহারা  $P_1Q_2$  অংশে পরস্পরের সহিত মিলিত হয়। এই  $P_1Q_3$  অংশে ব্যতিচারের দর্গ আলোকের হ্রাসবৃদ্ধি আশা করা যায়। কিন্তু গ্রিমল্ডির পরীক্ষার আলোক উৎস দুইটির দশার সম্বন্ধ না থাকায় এই হ্রাসবৃদ্ধি দেখা বায় নাই। সে স্কায়গায় গোলাকার আলোকচিত্রের বাহিরের ধারের দিকে ব্যবর্তনের ফলে আলোকের হ্রাসবৃদ্ধি দেখা গিয়াছিল।

ইরং এর পরীক্ষা :—দুইটি আলোক উৎস হইতে নির্গত তরঙ্গমালার ব্যতিচারের পরীক্ষা ইরংই প্রথম সাফলোর সহিত সম্পন্ন করেন। ইরং আদিতে যে প্রণালীতে এই পরীক্ষার ব্যবস্থা করেন তাহা নিমন্ত্রপ।

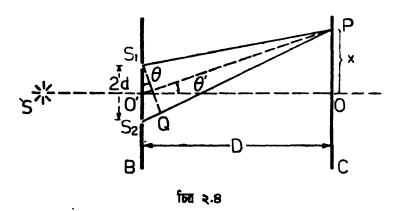


চিত্র ২.৩ এ ১ একটি কুন্ত গোলাকৃতি ছিন্ত বাহ। দিরা সূর্বোর আলোক প্রবেশ করির। পরবর্তী পর্দা B এর উপর পড়ে। এই পর্দা B তে S এর অনুর্প ছিদ্র আছে।  $S_1$  এবং  $S_2$  সাধারণত S হইতে সমান দ্রুছে অবিছিত। ছিদ্র দুইটি দিরা দুইটি আলোকরণা (light beam) B হইতে অনেকটা দ্রে অবস্থিত পর্দা C এর উপর পড়ে। এই রশ্মিমালা দুইটি C পর্দার উপরে কিছু অংশ  $P_1P_1$ ' এর উপর বুগপ্তং আপতিত হর এবং অধিছাপনের নিরমানুসারে এই অংশে আলোর তীরতার তারতম্য ঘটে। স্থোর আলোতে নানার্প কম্পান্দের তরঙ্গ বর্তমান থাকায় রঙ্গের তারতম্য রামধনুর বর্ণালীর কমানুসারে হইবে। একমাত্র পর্দা তিনটির অক্ষ যেখানে তৃতীর পর্দা C কে ছেদ করিয়াছে সেই O বিন্দুতে সাদা আলো দেখা যাইবে। O বিন্দু হইতে যত উপর বা নীচে  $P_1$  অথবা  $P_2$  এর দিকে যাওয়া যাইবে ততই এই বর্ণবিন্যাসের স্পন্ঠতা হ্রাস পাইবে এবং অবশেষে শুধুই সাদা আলোদেখা বাইবে।

এই পদ্ধতিতে পরীক্ষা ঢালাইলে ফল খুব ভাল পাওয়া যায় না। প্রথমত ছিদ্র তিনটি খুবই ছোট না হ**ইলে** ব্যক্তিচারের পরীক্ষা সফল হয় না। **অথচ** ছিদ্র ছোট হওয়ায় আলোর তীব্রতাও কম হয় এবং খুব সুস্পকর্পে দেখা যায় না। দ্বিতীয়তঃ সূর্য্যের আলো অসংখ্য কম্পান্কের তরঙ্গাবলীর সমষ্টি বলিয়া ধরিয়া লওয়া যায়। প্রতিটি কম্পাব্কের জন্য একটি ব্যতিচারের নমুনা (interference pattern) সৃষ্টি হয় এবং এই নমুনার প্রস্থের কম্পান্কের সহিত হ্লাসবৃদ্ধি হয়। অসংখ্য এইরূপ নমুনা পাশাপাশি বর্তমান থাকায় Oৃবিন্দু হইতে যতদৃরে যাওয়া যায় ততই পরস্পর মিশ্রনের পরিমাণ বাড়িতে থাকে এবং অম্প কিছুদূর গেলেই সমস্তটা মিশিয়া একাকার হইয়া যায় যাহার ফলে আলোকের তীব্রতার আর কোনও হ্রাসবৃদ্ধি লক্ষ্য করা যায় না। সেজন্য এই পরীক্ষাতে বর্তমানে ছিদ্র তিনটি গোলাকৃতি না হইয়া রেখাছিদ্রের আকারে ব্যবহৃত হয়। ফলে ইহার প্রতিটি বিন্দু হইতে বে আলোকরণ্মি নিগত হয় তাহার সমষ্টিকে বৃত্তীয় তরঙ্গ না বলিয়া বেলনাকার (cylindrical) তরঙ্গ বলিয়া ধরা যায়। ইহার ফলে আলোর তীৱতা অনেকটা বাড়ে। দ্বিতীয়তঃ স্ব্যালোকের স্থলে কোনও এক কম্পাব্কের আলোক ব্যবহার করা হইয়া থাকে। সোডিয়াম বা পারদের বাষ্পের বাতি সহস্থেই কিনিতে পাওয়া যায়। এইগুলি ঠিকমত ব্যবহার করিলে যে ব্যতিচারের নমুনা পাওয়া যায় তাহা ২৬ (খ) নং চিত্রে দেখান হইল । এই নমুনাতে পরপর সমান প্রস্থবিশিষ্ট এবং সমান দ্রদ্বে অবন্থিত কতকগুলি ঝালর দেখা যার যাহার প্রতিটির চেহার। পরীক্ষার ব্যবহৃত রেখাছিদ্রের অনুরূপ । *O* বিম্পুতে একটি উ**জ্জল ঝালর দেখা** বার । উহার উভর পার্যে সমান প্রস্থবিশিষ্ট দুইটি অন্ধকার ঝালর। এবং এই উচ্ছল এবং অন্তকার ঝালারের পরপর অবস্থান *O* বিন্দুর দুইদিকে অনেকদ্র পর্বাস্ত দেখা বার ।

দুইটি আলোকউৎস প্রস্ত ব্যতিচার-ঝালর—ইরংএর উপরোক্ত পরীক্ষার ফলে যে ব্যতিচার-ঝালর উৎপন্ন হর ভাহা গুণাস্ককভাবে (qualitative way) বালিত হইরাছে। কিন্তু ইহার ভাংপর্ব সমাকর্পে উপলব্ধি করিতে হইলে পার্য্যাপবাচক বর্ণনা (quantitative description) প্ররোক্ষন। এই পরিমাশ-বাচক বর্ণনার ক্ষনা C পর্দার যে কোনও বিন্দু P তে আলোকের ভীরভার একটি সমীকরণ বাহির করিতে হইবে।

২.৪ নং চিত্রে রেখাছিন্ন S হইতে আলোকতরঙ্গ B পর্ণার উপরে পড়িতেছে। এই B পর্ণার S হইতে সমান দ্রুছে দুইটি রেখাছিন্ন S, এবং S, অবস্থিত। S, এবং S, হইতে দুইটি রন্মিনালা C পর্ণার উপর আসিরা পড়িতেছে। পর্ণার কোনও বিন্দু P তে বন্দি ঐ দুই রন্মি একই সঙ্গে আর্পাতত হয় তবে ঐ বিন্দুর পরিণামিক বিস্তার অথবা তীরতা অধিকাপনের।



নিরমানুসারে বাহির করা বার । 2.11 হইতে দেখা বার বে অনুর্প ক্ষেচে আলোর তীরতা গণনা করিতে হইলে প্ররোজন হইবে দুইটি তরঙ্গের বিশুরার জন্য তাহাদের মধ্যে দশার পার্থকা জানা । এখানে হিসাবের সুবিধার জন্য আমরা ধরিরা লইতে পারি বে  $S_1$  এবং  $S_2$  হইতে নির্গত দুইটি তরঙ্গের বিশুরে সমান (দেখা বাইবে বে ইহারা সমান না হইলেও ফলাফল খুব তফাং হর না । শুমু অন্ধকার বালরগুলি সম্পূর্ণ অন্ধকার হইবে না ) । এমতাবহার সমীকরণ 2.13 তীরতা নির্গরে ব্যবহার করিতে হইবে । অবশ্য শেব পর্যন্ত দীড়াইবে এই বে তরঙ্গ দুইটির দশার পার্থকাই আলোকের তীরতার তারতম্য

ন্ধির করিবে বাদও এই ভারতম্য নির্ণীত হইবে একটি আপেন্দিক মাণ্ডমে (relative scale). সূতরাং চিত্রে বাঁগত জ্যামিতিক অবস্থান অনুসাঙ্কে আলোকরন্মি দুইটির দশার পার্থক্য গণনা করা হইবে।

P বিন্দুতে আলোকর িম দুইটির পথের পার্থকা (path difference) দাঁড়ার  $S_1P-S_1P$ . এখানে ধরা হইরাছে বে  $S_1$  এবং  $S_2$  হ ইতে সমান দূরণে অবন্ধিত। ফলে  $SS_1-SS_2$ .

সূতরাং ইহাদের দশার পার্থক্য 
$$\Delta \phi = \frac{2\pi}{\lambda} (S_1 P - S_1 P)$$
 (2·20)

দশার পার্থক্য পরীক্ষা ব্যবস্থার জ্যামিতিক অবস্থান হইতে নির্ণয় করিতে হইবে।

 $S_*P - S_*P = S_*Q$  [ এখানে PQ কে  $S_*P$  এর সমান করির। আঁকা ছ্ট্রাছছ ]

—  $2d \sin \theta$  [ এখানে দুইটি তল B এবং C এর মধ্যের দূরত্ব Dআলোকউংস দুইটির মধ্যের দূরত্ব 2d হইতে অনেক বড় হইরা
থাকে বাহার ফলে  $S_*QS_*$  কোণটি প্রার সমকোণ বালায়
ধরিরা লওরা বার ।

এবং  $\theta \simeq \theta'$ ; অধিকমু  $\theta$  এবং  $\theta'$  খুবই ছোট ছওরার লিখিতে পারি  $\sin \theta' = \tan \theta'$ .

$$S_x P - S_1 P = 2d \sin \theta = 2d \sin \theta' = 2d \frac{x}{O'P} = 2d \frac{x}{OO'} = 2d \frac{x}{D}$$

$$\text{अवादन } x \text{ } OP \text{ पृत्रध दुवाहेराङ्ग } 1$$

$$\therefore \text{ Intensity } -I - 4a^2 \cos^2 \frac{\Delta \phi}{2} - 4a^2 \cos^2 \left(\frac{2\pi}{\lambda} \frac{2d}{2} \frac{x}{D}\right)$$
$$-4a^2 \cos^2 \left(\frac{x\pi}{D} \frac{2d}{\lambda}\right) \qquad (2.21)$$

$$I = 4a^{\alpha}$$
 ব্যন  $\frac{x\pi}{D} \frac{2d}{\lambda} = m\pi$ ,  $[m = 0, \pm 1, \pm 2, \text{ etc}]$   
या  $x = \frac{D}{2d} m\lambda$  (2.22)

$$I = 0$$
 ব্যাস  $\frac{x\pi}{D} \frac{2d}{\lambda} = (2m+1) \frac{\pi}{2}$  at  $x = \frac{D}{2d} (2m+1) \frac{\lambda}{2}$  (2.23)

উপরোভ ব্যঞ্জক দুইটিতে m ব্যতিচার বালরের ক্রম ব্রুইতেছে।

দেখা বাইভেছে বে O কিন্দু হইডে একটি m ক্লমিক সংখ্যার উজ্জল ঝালরের দূরত্ব  $x_m = \frac{D}{2d} m \lambda$ .

(m + 1) क्रीमक সংখ্যाর উচ্ছল ঝালরের দূরদ

$$x_{m+1} = \frac{D}{2d}(m+1)\lambda.$$

সূতরাং একটি উল্লেল ঝালরের প্রস্থ দাঁড়াইবে

$$x_{m+1} - x_m = \frac{D}{2d}[(m+1) - m]\lambda = \frac{D}{2d}\lambda$$
 (2.24)  
 $\forall w = \frac{D}{2d}\lambda$ .

অনুর্পভাবে m ক্রমিক সংখ্যার অন্ধকার ঝালরের দূরত্ব

$$x_m = \frac{D}{2d}(m + \frac{1}{2})\lambda.$$

এবং m+1 ক্রমিক সংখ্যার অন্ধকার ঝালরের দূরত্ব

$$x_{m+1} = \frac{D}{2d}[m+1+\frac{1}{2}]\lambda.$$

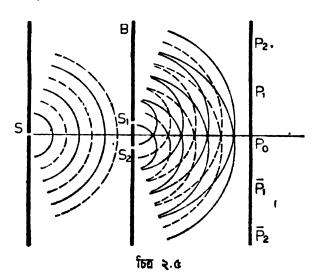
এবং এক্ষেত্রেও একটি ঝালরের প্রস্থ হিসাবে পাওয়া যাইতেছে

এখানে w একটি ৰালরের প্রস্থ বুবাইতেছে।

অতএব দেখা বাইতেছে বে ব্যাতিচার বালরগুলি সমান প্রস্থান্দার হইবে এবং তাহার। পরস্পর হইতে সমান দ্রদ্ধে অবস্থিত হইবে। একটি ঝালরের প্রস্থ রেখাছিদ্রের তল B হইতে ঝালরের তল C এর দ্রম্থ D এর এবং তরঙ্গান্দারি  $\lambda$  এর সমানুপাতিক। আবার এই দৈর্ঘ্য রেখাছিদ্র দুইটি  $S_1$  ও  $S_2$  এর মধ্যের দ্রম্থ 2d এর বান্তানুপাতিক। কান্সেই বিদ্য 2d বাড়ানো যায় তবে ঝালরের প্রস্থ সমানুপাতে কমিয়া আসিতে থাকে। আর D বাড়াইলে এই প্রস্থান্দাতি বাড়িয়া যায়। লাল আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য বেগুনী আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্যের প্রায় দিগুণ। সুতরাং বেগুনী আলোর বদলে লাল আলো ব্যবহার করিলে ঝালরের প্রস্থও প্রার দিগুণ হইয়া যাইবে। সমীকরণ 2.22 এবং 2.24 হুইতে যে তথ্য পাওয়া যায় তাহা ইরং এর পরীক্ষা দ্বারাও চাক্ষুষ প্রমাণ করা

বার। বাদ পরীক্ষার স্বারা ঝালরের গড় প্রস্থ w, এবং D ও 2d দ্রস্থ নির্ণর করা বার তবে উপরোক্ত সমীকরণ 2.22 অথবা 2.24 হইতে তরসদৈর্ঘ্য বাহির করা বার।

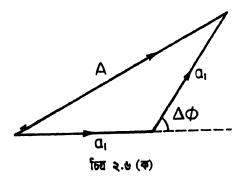
পরীক্ষাকালে C পর্দার উপরে কিছু সংখ্যক সমান প্রস্থ সন্পন্ন এবং সমান্তরাল ঝালর দেখা যাইবে। সৃক্ষাভাবে দেখিতে গোলে অবশ্য এই ঝালর-গুলি সরলরেখার আকৃতিবিশিন্ট হইবে না। কারণ পর্দার P এর অবস্থান যদি এমন স্থানে হর যে ইহা m উক্ষাল ক্রামক ঝালর সংখ্যা বুঝার তবে এই বিন্দুতে  $S_1$  এবং  $S_2$  হইতে নির্গত আলোকতরঙ্গের পথ দূরত্বের পার্থক্য হইবে  $m\lambda$ . আর এই  $m\lambda$  পথ-দূরত্ব যে যে স্থানে হইবে সেই স্থানেই m উক্ষাল ঝালরিটি বর্তমান থাকিবে। সৃতরাং এই পথ-দূরত্ব  $m\lambda$  এর বিন্দুপথ (locus) হইবে একটি পরাবৃত্ত (hyperbola). এখানে অবশ্য শুরু চিন্নতলের কথাই ভাবা হইতেছে। কিন্তু বিদি নির্মান্তিক স্থানে (three-dimensional space) এই ঝালরের অবস্থানের কথা চিন্তা করা যায় তাহা হইলে দেখা যাইবে যে P এর অবস্থান হইবে এমন একটি তলের উপর যাহা উপরোন্ত পরাবৃত্তকে  $S_1S_2$  অক্ষ হিসাবে ব্যবহার করিয়া ঘুরাইলে পাওয়া যায়। এই তল পর্দাকে মোটামুটি একটি সরলরেখার খণ্ডিত করিবে, বিশেষতঃ যদি পর্দাটি  $S_1S_2$  হইতে অনেকটা দূরে অবস্থিত হর কারণ সেক্ষেত্র পরাবৃত্তটির পর্দার নিকটের



অংশ প্রায় সরলরেখার আকৃতি গ্রহণ করিবে। তবে  $S_1S_2$  এর কাছে পর্দা আনিলে ঝালরগুলি আর পুরাপুরি এই আকৃতি মানিয়া চলিবে না।

উপরে বাঁণত ব্যক্তিচার কালর বে শুমু পর্ণার উপরই গঠিত হইবে তাহা নর। ৪ পর্ণা হইতে ১ এর অপর পার্থে ইহা অবেক বৃর ব্যাপিরা মাধ্যমেছ ভিতরও গঠিত হইবে এবং বে কোনও বিবর্ধনকারী অভিনেত্তের সাহাব্যেই পরিষার দেখা বাইবে। অবশা অভিনেত্তের সাহাব্য ছাড়াই খালি চোখেও এগুলি দেখা বাওরার কথা। কিন্তু সাধারণত ইহাদের আকৃতি এত সরু ও ক্ষীণ হর বে বিবর্ধন (magnification) ছাড়া খালি চোখে সাধারণত দেখা বার না। প্রকৃতপক্ষে পরীক্ষাগারে এই জাতীর পরীক্ষার এই বালবের প্রস্কৃত

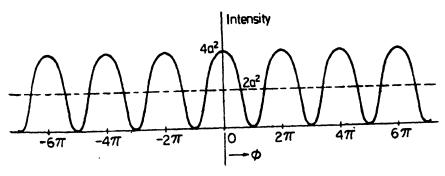
বালরের প্রেণীতে আলোর ভীত্রভার বিভাক্তম-সমীকরণ 2.22 এবং 2.23 হইতে দেখা গিয়াছে যে বালরের চরম আলোক তীব্রতা হইকে 4a° এবং অবন তীন্ততা হইবে শুনা। এই দুই প্রাত্তিক মূলোর মধ্যের স্থানে ভীৱতার মূল্য আমরা বিস্তারের সংযোজনে ভেটর প্রণালীর ব্যবহারের প্রয়োগ বারা নির্ণর করিতে পারি। চিত্র নং ২.৬ (ক) তে এই প্রণালী দেখানে। হইরাছে। ব্যতিচারী রশ্বি দুইটির বিস্তার এখানে সমান ধরা হইরাছে এবং প্রত্যেকের মান  $a_1$ . এই দুইটি রন্দির লব্ধি কিন্তার A. আর বিন্তার দুইটির মধ্যে দশা-পার্থক্য  $\Delta\phi$ . যখন  $\Delta\phi$  এর মান শূন্য অথবা  $2\pi n$  (n অথও भरका ) ज्यन a, विखान मुद्देषि अक्टे चिटक दक्तान देदारमंत्र में क दहेरव 2a এবং আলোক ভীব্রতা দাড়াইবে  $4a^{\circ}$ . আবার বখন  $\triangle \phi$  এর মান  $(2n+1)\pi$ তখন a বিভার দুইটি বিপরীত দিকে হওয়ার ইহাদের লব্ধি বিভার এবং আলোকতীব্রতা শূন্য দাড়াইবে । আর বংশ  $\Delta\phi$  এর মান এই দূই জাতীয় মান ছাড়া অন্য কিছু হইবে তখন আলোক তীৱত। 4a² এবং 0 এর মধ্যে থাকিবে । আলোক তীব্রতার মান  $\cos^2 rac{\Delta \phi}{2}$  রাশি অনুসারে পরিবর্তিত হইতে থাকিবে এবং পর্ণার বিভিন্ন স্থানে  $\Delta\phi$  এর মান অনুবারী এই তীব্রতার মান चाट्यात जीतजात करे विकासन, यादारज हेरा 4a° क्वर 0 क्रत मर्सा वारफ करम আরও একটি প্রশ্ন উষাপন করে। বে স্থানে আলোর তীরতা শুনা দাড়ার সেখানকার আলোকশান্ত কি হয় এবং উহা কোথার বায় এই প্রশ্নের উত্তর পেওরা প্ররোজন । শব্দির সংরক্ষণের সূত্র (principle of conservation of energy) जनुमारत कना यात्र त्व भवि नर्च इट्रेंट भारत ना । वालास्त्रत वसकात ज्ञानभूगि मूरेपि वारमाकर्ताच शरेएउरे वारमा भारा। कारकरे वारम করা বাইতে পারে বে এই স্থান কম বেশী আলোকিত হইবে, একেবারে অন্ধকার হইবে না। কিন্তু কাৰ্বতঃ দেখা বার বে এখানে সম্পূর্ণ অন্ধকার। এখানকার আলোকশব্তির কি কারণে সম্পূর্ণ লোপ হর ভাহার ব্যাখ্যা করা দরকার। একটিঃ



আলোকরণির বিদ্রার a হইলে দুইটি আলোকরণির প্রভাবে তীরতা 2a² হওরার কথা এবং এই তীরতা কালরশ্রেণীর সর্বন্ত অপরিবৃত্তিত হওরা উচিত। কিন্তু আমরা জানি বে ইছা 4a² এবং 0 এর মধ্যে পরিবৃত্তিত হর। ইছার কারণ এই বে সমীকরণ 2.13 ছইতে পাওরা গিরাছে

$$I=4a^2\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$$

যদি এই তীব্রভার গড়মান বাছির করিতে হয় তবে একটি সম্পূর্ণ চক্রে  $\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$  এর গড় জানিতে হইবে । মনে করা বাক এই গড়মান  $\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$ .



চিত্ৰ ২.৬ (খ)

বদি সংশ্লিষ্ট কোণ ৰ লেখা যার অর্থাৎ ধরা হয়  $\frac{\Delta \phi}{2} = a$  তবে  $\cos^2 \frac{\Delta \phi}{2}$  এর গড় নিয়লিখিতরূপে বাহিত্ত করা যায়

$$\frac{\int_{-\cos^{2}\alpha}^{2\pi} \cos^{2}\alpha \, d\alpha}{\int_{0}^{2\pi} d\alpha} = \frac{1}{2} \int_{0}^{2\pi} 2 \cos^{2}\alpha \, d\alpha = \frac{1}{2} \int_{0}^{2\pi} [\cos 2\alpha + 1] d\alpha$$

$$= \frac{1}{2} \left[ \int_{0}^{2\pi} \cos 2\alpha \, d\alpha + \int_{0}^{2\pi} d\alpha \right] = \frac{1}{2} \left[ \frac{\sin 2\alpha}{2} \right]_{0}^{2\pi} + \pi$$

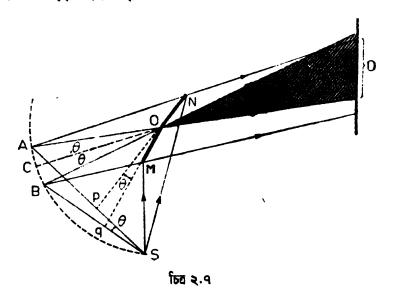
$$= \frac{1}{2} \left[ \frac{\sin 2\alpha}{2\pi} \right]_{0}^{2\pi} - \frac{\pi}{2\pi} = \frac{1}{2}$$
(2.26)

সূতরাং দেখা বাইতেছে বে একটি সম্পূর্ণ চক্রে  $\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$  এর গড়মান দাড়ার  $\frac{1}{2}$ . কাল্কেই আলোর গড় তীরভা এই ফলানুসারে হওয়া উচিত  $\overline{I} = 4a^2 \times \frac{1}{2} = 2a^2$ . ২.৬ নং চিত্রে বে অপরিবর্তিত তীরভা  $2a^2$  এর সরলরেখা দেখা বাইতেছে এইটি হওয়া উচিত আলোকের গড় তীরভা । বুঝা বাইতেছে যে মোট আলোর পরিমাণ একই থাকিতেছে গুধু ব্যাতিচারের দর্ণ ইহা  $4a^2$  এবং 0 এর মধ্যে পরিবর্তিত হইতেছে । আর এই ব্যাতিচারের প্রধান কারণ দুইটি রশ্বির মধ্যে দশা-সম্বন্ধ ৷ এই দশা-সম্বন্ধ (phase-relationship) না থাকিলে আলোর তীরভা সর্বন্তই  $2a^2$  হইবে ৷ অতএব এখানে আলোকশান্তর সংরক্ষণের সূত্রের কোনরূপ লম্বন হয় নাই ৷

ইয়ং যখন তাহার ব্যতিচারের পরীক্ষার বিবরণ প্রকাশ করেন, বিজ্ঞানীর। এই পরীক্ষাকে ব্যতিচারের প্রমাণ হিসাবে মানিরা। লইতে রাজী হন নাই। ইয়ং-এর পরীক্ষার পূর্বেই তাহাদের জ্ঞানা ছিল যে যদি একটি সরু ছিন্ত দিরা স্ব্যালোক ঘরের দেওরালে ফেলা যার তবে উৎপান আলোকবৃত্তের বাহিরের দিকে আলোর তীব্রতার তারতম্য ঘটে এবং ওখানে একপ্রকার আলোকের পটি (band) দেখিতে পাওরা যার। গ্রিমল্ডির পরীক্ষারও আলোকরশ্মি দুইটির ধারের দিকে এইরূপ পটি দেখা গিয়েছিল। আলোর তীব্রতার এই তারতম্য ঘটিবার কারণ হইল আলোর কোনওর্প বাধার ধার ঘেষিরা বাওরা, যেমন নাকি সরু রেখাছিদ্রের মধ্য দিরা যাইবার সমর আলো ঐ ছিদ্রের ধার ঘেষিরা যাইতে গিরা তীব্রতার পরিবর্তনের সম্মুখীন হয় এবং এক রক্ম আলোর পটির সৃষ্টিকরের। আলোর বাবর্তনের জন্য এই প্রক্রিয়ার সৃষ্টি হয়। সুতরাং ব্যতিচারের

অতির প্রমাণ করতে হইলে এমন পরীক্ষার ব্যবস্থা করিতে হইবে বাহাতে দুইটি কাছাকাছি আলোকউৎস পাওরা বার বেগুলি ছিদ্র অথবা অবচ্ছ বাধার সাহাব্য ছাড়াই উৎপন্ন হর। ঐ উদ্দেশ্যে শ্লেনেল করেকটি পরীক্ষার প্রবর্তন করেন বেগুলিতে উপরোক্ত আপত্তি দূর করা হইরাছে।

দ্রেনেলের প্রথম পরীক্ষা করা হয় দুইটি দর্পণের সাহাযো। দুইটি দর্পণ পরস্পরের সহিত প্রার সমান্তরাল অবস্থার রাখা হয় এবং তাহাদের তল দুইটি পরস্পরের সহিত প্রার 180° কোণে অবস্থান করে। কিছু দূরে একটি সরু আলোকউৎস হইতে দর্পণ দুইটিতে আলোক আসিয়া পড়ে এবং প্রতিফলনের পর দুইটি আলোকরিন্মর সৃষ্টি করে। এই আলোকরিন্ম দুইটি পরস্পরের প্রার সমান্তরাল ভাবে পর্দার দিকে গমন করে এবং ইহাদের মধ্যে অধিস্থাপন (superposition) হয়। বে অংশে এই অধিস্থাপন হয় সেখানে ইয়ং-এর পরীক্ষার নায়ে বাতিচার ঝালর উৎপার হইতে দেখা যায়। এই ব্যবস্থার অধিস্থাপিত অংশের আলোকরিন্ময়য় কোনওর্গ ছিদ্র বা বাধার সম্মুখীন না হইয়াই পর্দার পড়িতেছে। সুতরাং ইয়ং-এর পরীক্ষার ক্ষেত্রে যে আপত্তি উত্থাপন কয়া হইয়াছিল ভাহা এখানে আদৌ ওঠে না।



উপরের ২.৭ নং চিত্রে *OM* এবং *ON* দুইটি সমতল দর্শণ বাহাতে দর্শপের সামনের তলে (বেখানে আলোকরশি আপতিত হর ) পালিশ করা আছে। দর্শণে দুইটির তল চিত্রের তলের সহিত উল্লেখ্যনে অবস্থান করিতেছে

এবং এই তল দুইটি O বিন্দুর মধ্য দিয়া একটি উল্লেখ্ন সম্বলয়েশার ছেল করে। লগলের তলের মধ্যে খুব ছোট একটি কোণের সৃতি হর এবং এই কোণ  $\theta$  বিলায়া চিহ্নিত করা হইরাছে। S একটি আলোক উৎস ; ইহা হইতে নিগতি আলোকরণির দর্পণ দুইটির উপর পঞ্জিয়া প্রতিকলিত হয় আর দুইটি প্রতিকলিত রান্দর কিছুটা অংশ পরন্দর মিলিত হয়। এই অংশে ব্যতিচার ঝালরের সৃতি হইতে দেখা বায়। পর্দায় প্রতিকলিত আলোকরণির দুইটি দর্পণের পিছন দিকে A এবং B এই দুইটি বিন্দু হইতে আসিতেছে বিলায়া মনে হইবে। A এবং B দর্পণ দুইটিতে S এর প্রতিকৃতি। O বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া বাদ OS ব্যাসার্থ লইয়া একটি বৃত্ত অংকন করা বায় তবে A এবং B এই বৃত্তের উপর অবিহ্নিত হবৈ এবং ইহারা O বিন্দুতে  $2\theta$  কোণ উৎপায় করিবে। OA এবং OB দূরদ্ব বিদ্ a হয় তবে AB দূরদ্ব লেখা বায়  $2a \sin \theta = 2a\theta$  [ কায়ণ  $\theta$  কোণটি শুকট ছোট ]।

সূতরাং এর্প ক্ষেত্রে বাদ পর্দার অক্ষবিন্দু D হইতে O এর দ্রম b হয় তবে D হইতে একটি m ক্রমিক সংখ্যার উক্ষল বালরের দ্রম নির্মাদিখিত সমীকরণ হইতে পাওরা বাইবে।

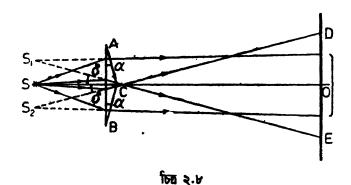
$$x_{m} = \frac{D}{2d} m\lambda = \frac{a+b}{2a\sin\theta} m\lambda \quad [AB = 2d]$$

$$= \frac{a+b}{2a\theta} m\lambda. \qquad (2.27)$$

এই পরীক্ষার সাফলোর জন্য সাধারণতঃ পালিশ করা কালো সমতল দর্পণ ব্যবহার করা হইয়া থাকে এবং এই পালিশ প্রথম তলে হওয়া দরকার। বিদ পিছনের তলে পালিশ করা হয় তবে সামনের তল হইতে প্রতিফলন ব্যতিচার বালরের উৎপাদন ব্যাহত করে।

## द्भारतात्र यूग्र-शिक्ष् म् (Fresnel's biprism).

এই পরীক্ষার একটি আলোকউৎস হইতে আলোকরণিম একটি যুগ্ধ-প্রিজ্মের উপর আসিরা পড়ে এবং প্রিজমের মধ্য দিয়া গমনের ফলে উদ্ধ আলোকউৎসের দুইটি অসদ্ প্রতিবিদ্ধ সৃষ্টি করে। প্রিজমের পরে এই অসদ্ আলোকউৎস দুইটি হইতে নিগতে রণিমন্বর বে অংশে পরস্পরের উপর অধিস্থাপিত হয় সেই অংশে ব্যতিচার কালরের সৃষ্টি হয়। এই প্রণালীতে আলোকরণিমর গমনকালে কোনও রেখানিয়ে বা অবচ্ছ ধার ইহার রান্তার পড়ে না। সূতরাং ইরংএর পরীক্ষার বিরুদ্ধে বে আগত্তি উত্থাপন করা হইরাছিল তাহা এই প্রণালীতে এড়ানো হইরাছে।



উপরের চিত্রে S একটি আলোকউংস ( সাধারণত একটি সর রেখাছিয় একটি জোরালো আলো দিরা আলোকিত করা হর ) এবং ইহা হইতে আলোক-রণিম বৃগ্ধ-প্রিজ্ম্ ACB এর উপরে আসিয়া পড়ে। বৃগ্ধ-প্রিজ্ম্ ACB এমনভাবে তৈরী হর যে ইহাকে মনে করা বাইতে পারে দুইটি খুব ছোট এবং সমান কোণ A এবং B এর প্রিক্তমের সমবার বাহারা পরস্পরের পীঠের (base) সঙ্গে সংযুক্ত আছে। S ছইতে বে আলোকরণ্মি প্রিক্তমের উপর আসিয়া পড়ে তাহাকে দুই অংশে ভাগ করা যার। প্রিজ্বরের উপর দিকে যে অংশ আপতিত হয় তাহা উহার ভিতর দিয়া গমনকালে নীচের দিকে বাকিবে এবং ইহার ফলে মনে হইবে বে এই রশ্মি অসদ উৎস ১, হইতে আসিতেছে। অনুরূপভাবে নীচের অংশ অসদ্ উৎস Saর সৃষ্টি করিবে। এই দুইটি আলোক-রণিম প্রিজ্ঞানের দক্ষিণ দিকে পরস্পারের সঙ্গে মিলিত হটবে এবং সপ্বিদ্ধনী চিহ্নিত অংশে ব্যতিচার ঝালর উৎপল্ল করিবে। এই যুগ্ম-প্রিজ্মের কোণ দুইটি A এবং B খুবই ছোট হয় এবং ইহারা বত ছোট হইবে S, এবং Sতত কাছাকাছি হইবে। আমরা ইয়ংএর পরীক্ষার দেখিয়াছি বে একটি বালরের প্রস্থ আলোকউৎস দুইটির দুরত্ব 2d-এর বান্তানুপাতিক হয়। ভালভাবে বাহাতে দেখা বায় এইর্প প্রশন্ত কালয়ের নমুনা পাইতে হইলে  $S_1S_2$  দুরম্ব যথাসম্ভব কমাইরা আনা দরকার। এইজন্য কোণ দুইটি A এবং B খুবই ছোট করা হর যাহাতে  $S_1S_2$  দুরম্ব খুবই কম হর। উৎস Sঅবং বৃগ্ধ-প্রিজ্ঞানের দূরত্ব কমাইরাও S<sub>1</sub>S<sub>2</sub> দূরত থানিকটা কমানো বাইতে भारत ।

বদি O হইতে একটি m ক্রমিক সংখ্যার উত্তল ঝালরের দূরত্ব  $x_n$  হর তকে

$$x_{m} = \frac{D}{2d} m\lambda$$

এখানে D = a + b যেখানে

a প্রিজ্ম এবং আলোকউৎস S এর দ্রম্ব এবং b প্রিজ্ম এবং পর্ণার মধ্যের দূরম্ব

A এবং B কোণ দুইটি খুবই ছোট এবং সমান হওরার লেখা বাইতে পারে  $SC = S_1 C = S_2 C = a$ .

সূতরাং  $SCS_1$  এবং  $SCS_2$  কোণ দুইটিকৈ যদি  $\delta$  এবং A ও B কোণকে  $\leftarrow$  ধরা বায় তবে লেখা বাইতে পারে

$$S_1 S_2 = 2a \sin \delta = 2a\delta = 2a(\mu - 1)$$
 (2.28)

কারণ আমর। জানি বে খুব ছোট ধ কোণের প্রিজ্ম্ একটি আপতিত রশ্মিকে  $(\mu-1)$ র কোণে বিচ্যুত (deviate) করে। এখানে  $\mu$  প্রিজ্মের মাধ্যমের (material of the prism) প্রতিসরাক্ত বুঝাইতেছে।

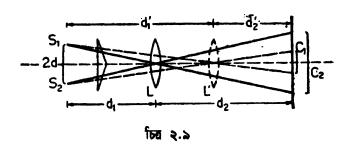
অভএব দাঁড়ার

$$x_{m} = \frac{a+b}{2a\delta} m\lambda = \frac{a+b}{2a(u-1)} m\lambda. \tag{2.29}$$

বৃশ্ধ-দর্পণের পরীক্ষার ক্ষেত্রে অনুর্প দ্রম্বের বে সমীকরণ 2.27 পাওয়া গিয়াছে তাহার সহিত তুলনা করিয়া বলা চলিতে পারে বে বৃশ্ধ-প্রিঞ্জের বাতিচার ঝালর এমন একটি বৃশ্ধ-দর্পণের ঝালরের সমানার্থক (equivalent) বাহালের মধ্যে উৎপার কোণের মান  $(\mu-1)$ <.

আলোকউৎস দুইতির মধ্যের দ্রন্থ  $S_1S_2 = 2d$  পরীক্ষাগারে সাধারণত নির্মালখিতবৃপে নির্ণর করা হর। ফ্রেনেলের পরীক্ষা অপটিকাল বেণ্ডের সাহারো সম্পন্ন করা খুব সূবিধান্ধনক। এই অপটিকাল বেণ্ডের বিভিন্ন করা খুব সূবিধান্ধনক। এই অপটিকাল বেণ্ডের বিভিন্ন করা থুব প্রথমনতার মাঝে একটি উত্তল লেন্দ্র বসানো হর (রেখাছির হইতে অভিনেত্রের দ্রন্থ লেলের ফোকাস দ্রন্থের চতুর্গুণের অপেক্ষা কিছু বেলী হওরা দরকার) তবে এই অবস্থার লেলটি সামনে পিছনে সরাইলে ইহার এমন দুইটি অবস্থান পাওরা বাইবে বেখানে অভিনেত্রে রেখাছিন্তের দুইটি সুম্পন্ট প্রতিবিশ্ব দেখা বাইবে। দুইক্ষেত্রেই প্রতিবিশ্বরের দূর্য অভিনেত্রের সাহাব্যে মাপা হর। এই দুই অবস্থার বিদ রেখাছিন্তের তল  $S_1S_2$  এবং অভিনেত্রের ফোকাস-ভল

হইতে লেখের পূর্ব বধারুমে  $d_1$ ,  $d_2$ ,  $d_1'$  ও  $d_3'$  হর তবে লেখা বাইতে পারে [চিয় নং ২.৯]।



 $\frac{1}{d_1} + \frac{1}{d_2} = \frac{1}{d_1} + \frac{1}{d_2} = \frac{1}{f}$  [ এখানে f জেলের ফোকাস-দূরছ ] (2.30) কিন্তু  $d_1 + d_2 = d_1' + d_2'$ .

$$d_1 - d_2$$
 are  $d_2 - d_1$  (2.31)

উপরোক্ত দুই অবস্থানে অভিনেত্রের ফোকাসতলে রেখাছিদ্রের প্রতিবিষদ্ধরের দূরত্ব বিদ্যান্ত বিদ্যান বিদ্যান্ত বিদ্যান বিদ্যান বিদ্যান বিদ্যান্ত বিদ্যান্ত বিদ্যান বিদ্যান বিদ্যান বিদ্যান বিদ্যান বিদ্যান

$$\frac{C_1}{d_2} = \frac{2d}{d_1}$$
 এবং  $\frac{C_2}{d_2} = \frac{2d}{d_1}$  
$$\frac{4d^2}{d_1d_1'} = \frac{C_1C_2}{d_2d_2'}$$
 বা  $\frac{4d^2}{d_1'd_2} = \frac{C_1C_2}{d_1'd_2}$  ( সমীকরণ 2.31 এর সাহাযো )

$$\therefore 2d = \sqrt{C_1 C_2} \tag{2.32}$$

এইর্পে অভিনেত্রের সাহাষ্যে  $C_1$  এবং  $C_2$  মাপিয়া 2d দূরত্ব নির্ণয় করা যায়।

জেলেনের যুখা-প্রিজ ্বের সাহায্যে ভরজদৈর্য্য নির্ণয়:— পরীক্ষাগারে ফ্রেনেলের বুণ্ম-প্রিজমের সাহাযো সহজেই এবং অনেক সমরেই ভরজদৈর্থ্য নির্ণর কর। বায় । এজন্য এই পরীক্ষাপ্রণালীর মোটামুটি ধাপগুলি এখানে বর্ণনা করা হইবে । এই পরীক্ষাটি সাধারণত ২ মিটার লঘা ভারী এবং সৃক্ষ (accurate) অপটিক্যাল বেণ্ডের সাহাযো কর। হইয়া থাকে । প্রথমে করেকটি বাক্সা ঘারা স্পত্ত এবং পরিমাপ্রোগ্য ব্যভিচার ঝালর উৎপান করিতৈ ইইবে। নির্মাণিখিত ক্রমে বাবছাগুলি গ্রহণ করা সুবিধাজনক।
অপটিক্যাল বেপ্নের চলাচলের তলটি (bed of the optical bench)
শিলারট লেভেলের সাহায্যে অনুভূমিক করা দরকার। ইহার পরে অভিনেটটি
ক্রসওয়্যারের (cross-wire) উপর কোকাস করিতে হইবে এবং ক্রসওয়্যারের
একটি তার উল্লেখ করিতে হইবে। এখন বৃশ্ম-প্রিজ্মটি রেখাছিল এবং
অভিনেত্রের মধ্যে বসাইতে হইবে। রেখাছিল হইতে প্রিজ্মের দ্রম খুব
বেশী হইলে পরীক্ষার অসুবিধা হয় এজন্য উপরোক্ত বাবছায় এই দ্রম্থ
10-30 cm. হওয়াই বাঞ্ছনীয়। রেখাছিলটি একটি সুবিধামত উৎস খায়া
(সোডিয়াম আলোই সুবিধাজনক) আলোকিত করিতে হইবে।

ञालांकिত রেখাছির বুণম-প্রিক্স এবং অভিনেত্রের ফোকাসতলের মধ্য-বিন্দুত্রর মোটামুটি এক সরলরেখার রাখিতে হইবে এবং এই সরলরেখা অনুভূমিক করা দরকার। অতঃপর রেখাছিদ্রটি উল্লঘ রেখায় স্থাপন করিতে হইবে। এটি করার জন্য প্রিজ্ম এবং অভিনেতের মধ্যে একটি উত্তল লেল বসাইলে অভিনেত্রের ফোকাসতলে রেখাছিদের প্রতিবিদ্ধ পাওয়া যাইবে। এই প্রতিবিদ্ধ যদি ক্রসওয়।ারের উল্লেখ তারের সহিত সমান্তরাল করা হয় তবে রেখাছিদ্রটি উল্লয়ভাবে অবস্থান করিবে। রেখাছিদ্রটি ইহার নিজের তলে একটি অনুভূমিক অক্ষে ঘুরাইয়া এই বাবস্থা করা যাইবে। এইবার দের্লাট সামনে পিছনে সরাইয়া দেখ। যাইবে যে লেব্সের দুইটি অবস্থানে রেখাছিদ্রের দুই জ্বোড়া সুস্পষ্ঠ প্রতিবিশ্ব পাওয়া যাইবে। অবশ্য এন্ধন্য অভিনেটটি রেখাছিদ্র হইতে এমন দুরুদ্বে রাখিতে হইবে যাহাতে রেখাছিদ্র এবং অভিনেত্রের মধ্যের দূরত্ব লেন্সের ফোকাস দূরত্বের চতুর্গুণের কিছু বেশী হয়। এছাড়া লেন্সের কেন্দ্রবিন্দু নিজের তলে সরাইয়া বাবস্থা করিতে হইবে বাহাতে এই বিন্দু রেখাছিদ্র ও অভিনেত্রের ফোকাস ক্ষেত্রের কেন্দ্রবিন্দু বোগ করিলে এক সরলরেখার থাকে এবং এই সরলরেখা অপটিক্যাল বেণ্ডে চলাচলের সরলরেখার সহিত সমান্তরাল হয়। এই ব্যবস্থার পর লেলের দুই অবস্থানে অভিনেত্রের মাইক্রেমিটার স্কুয়ের সাহায্যে রেখাছিদের প্রতিবিদ্ধ দুইটির দূরত্ব C, এবং C, মাপা হয়। দেশ সরাইয়া এই পর্যাবেক্ষণ অন্ততঃ তিনবায় নিতে হটবে। এই পর্ব্যবেক্ষণ হইতে  $S_1S_2$  দূরত্ব পাওয়া যাইবে  $\sqrt{C_1C_2} - 2d - S_1S_2$ 

... 2.32

এইবার লেকটি সন্নাইয়া নিয়া বুণ্ম-প্রিঞ্মটির দিকে অভিনেত্রের মধ্য দিয়া ভাকাইলে সাধারণত ব্যতিচার ঝালর দেখা যাইবে। প্রথমে এই ঝালর হয়তো পুৰ সুম্পৰ্ক হইবে না। ইহার ম্পৰ্কতা ৰাড়াইতে হইলে করেকটি ব্যক্তা লওরা দ**রকা**র। প্রথমতঃ যুশ্ম-প্রিজ্মটি ইহার নিজের তলে ট্যান্জেন্ট স্কু-এর (tangent-screw) সাহায্যে ঘুরাইয়া প্রিজ্ম দুইটি যে সরলরেখার পরস্পর ছেদ করে সেই সরলরেখাটি রেখাছিদের সমান্তরাল করিতে হইবে। এই অবস্থায় ঝালরের স্পষ্ঠতার লক্ষণীয় উন্নতি হইবে। এরপর রেখাছিদ্রের প্রস্থ নিয়ত্রণ করা দরকার। যদি ইহার প্রস্থ খুব বেশী হয় তবে অভিনেত্রের দৃষ্ঠি-ক্ষেত্র (field of view) খুব উজ্জল দেখাইবে কিন্তু ঝালরগুলি খুবই অস্পর্ত इट्रेंटर । अन्तिक यीम এই প্রস্থ খুব কম হয় তাহা হটলে ঝালরগুলির স্পষ্ঠত৷ বাড়িতে থাকিবে কিন্তু প্রস্থ হ্লাসের সঙ্গে সঙ্গে দৃষ্টিক্ষেত্রে আলোর উক্তলতাও কমিতে থাকিবে এবং এমন এক সময় আসিবে ধখন আলোর অভাবেই ঝালরগুলি দৃশামান হইবে না। সূতরাং রেখাছিদ্রের প্রস্তের এমন সমন্বয় সাধন করিতে হইবে বাহাতে ঝালরগুলি সুস্পষ্ঠভাবে দেখা যায়। সাধারণতঃ এই প্রস্থ 0.1 হইতে 0.2 mm এর মধ্যে রাখিলে সবথেকে ভাল ফল পাওয়া যায়। ইহার পরে প্রিজমুটি এবং অভিনেত্রটি ইহাদের নিজের তলে সরাইয়া এমন বাবস্থা করিতে হইবে বাহাতে অভিনেত্রটি সরাইলে ব্যতিচার ঝালরগুলির কোনও পার্দ্বীয় গতি (lateral movement) না হয়। এই অবস্থায় রেখাছিদ্র, যুশ্ম-প্রিজ্ম এবং অভিনেত্রের দৃষ্টি-ক্ষেত্রের মধাবিন্দুত্রয় যোগ করিয়া যে সরলরেখা পাওয়া যাইবে সেটি অপটিক্যাল বেণ্ডে চলাচলের সরলরেখার সহিত সমান্তরাল হইবে।

এই ব্যবস্থার পর অভিনেত্রটি একটি সুবিধামত দ্রত্বে রাখিয়া (রেখাছিদ্র হইতে 100 ও 150 cm দ্রত্বই প্রশস্ত ) ঝালরের প্রস্থ মাপিতে হইবে। প্রথমে ক্রসওয়ারের উল্লম্ব তারের প্রতিবিষটি ঝালর প্রেণীর ধারের দিকের একটির সহিত মিলাইয়া দিয়া অভিনেত্রের মাইক্রোমিটার দ্ব্রু-এর (micrometer screw) পাঠ দেখিতে হইবে। এরপর ক্রসওয়ারটি একটি ঝালরের প্রস্থ সরাইয়া আবার নৃতন পাঠ দেখিতে হইবে এবং এইভাবে ঝালরশ্রেণীর অনাধার পর্যান্ত অন্ততঃ 10-15টি পাঠ নিতে হইবে। আবার গতির দিক পরিবর্তন করিয়া এই পাঠ নিতে নিতে পূর্বস্থানে ফিরিয়া আসা দরকার। এইর্পে অন্ততঃ তিন প্রস্থ পাঠ নিতে হইবে। এই পর্যবেক্ষণগুলি হইতে একটি ঝালরের গড় প্রস্থ পাওয়া বাইবে। এখন যুগ্য-প্রিজ্ম হইতে রেখাছিদ্র এবং অভিনেত্রের ফোকাসতলের দ্রত্ব মারিক (stand) হুইতে এই দ্রুত্ব পাওয়া বাইবে। তবে অভিনেত্রের ফোকাসতলের ধারক (stand) হুইতে এই দ্রুত্ব পাওয়া বাইবে। তবে অভিনেত্রের ফোকাসতলের ধ্রুত্ব নির্গয়ে এই পাঠের কিছু সংশোধন করা দরকার। কারণ

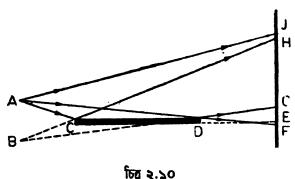
কোকাসতলের দূরত্ব অভিনেতের পাঠ হইতে সাধারণত পাওরা বার না । সূতরাং बृहेकारव धरे সংশোধন कहा बाहेरक भारत । প্रथमकः সূচক-সংশোধন (index correction) প্রণালীতে এই দূরদ মাপা বাইতে পারে। এই প্রণালীতে অভিনেত্র ছইতে ক্লস-ওরাারটি এবং অপটিক্যাল বেও ছইতে বৃণ্ম-প্রিজ্মটি সরাইরা ফোলতে হইবে। । লবার একটি সূচক দও নিরা সেটি রেখাছির এবং অভিনেক্তর মধ্যে এমনভাবে বসাইতে হইবে বাহাতে ইহার এক মাথ। রেখাছিদ্রটি স্পর্শ করে এবং অভিনেচটি সরাইরা দণ্ডের অন্য মাধা ফোকাস করিতে হইবে। এই অবস্থায় রেখাছিদ্র ও অভিনেত্রের পাঠ বাদি R, এবং  $R_{\bullet}$  হয় তবে সূচক সংশোধনের মান দাঁড়াইবে  $l-(R_1\sim R_s)$ . এই সূচক সংশোধনের সাহাব্যে প্রিজ্ञ হইতে অভিনেত্রের প্রকৃত দূরত্ব বাহির করা সম্ভব হইবে। বৃদি সূচক সংশোধন x এবং ঝালরের গড় প্রস্থ  $oldsymbol{eta}$  হয়, আর রেখাছিদ্র হইতে অভিনেত্রের দ্রন্থের পাঠ D হয় তবে তরসদৈর্ঘ্য দাঁড়াইবে  $\lambda = \frac{2d\beta}{D+r}$  ; এখানে 2d বুঝাইতেছে S,S পুরস্ব। অন্যভাবে এই সূচক-সংশোধন এবং আরও এই জাতীয় ভূল এড়ানো যাইতে পারে। অভিনেটের দুই বা তভোধিক অবস্থানে যদি ঝালরের গড় প্রস্থ মাপা বার এবং এই প্রস্কের মান হয়  $eta_1,\,eta_2,\,eta_3$  ইত্যাদি এবং রেখাছিদ্র হইতে অভিনেক্রের দূরদের পাঠ র্বাদ  $D_1,\,D_3,\,D_4$  ইত্যাদি হর তবে তরক-দৈর্ঘ্যের মান দাঁড়াইবে

$$\lambda = \frac{(\beta_1 \sim \beta_2)2d}{D_1 \sim D_2} \quad \text{ags} \quad \lambda = \frac{(\beta_1 \sim \beta_3)2d}{D_1 \sim D_3}$$
 (2.33)

এই দুইটি দৈর্ঘ্যের গড় নিয়। তরঙ্গদৈর্ঘ্য নির্ণয় করা হইলে অধিকতর নির্ভূল মান পাওয়া বাইবে। এই প্রণালীতে দুইপ্রস্থ পাঠের বিয়োগফল বাবহার করায় সূচক-সংশোধন স্বতই দূর হইয়া বায়। তবে এই প্রণালীতে  $D_1, D_2, D_3$  ইত্যাদি দূরত্ব খুব কাছাকাছি হইলে রালিটির হর এবং লব দুইটিই (বিশেষ করিয়া লব) ছোট হয়; ফলে নির্ণেয় তরঙ্গদৈর্ঘ্যের ভূলের পরিমাণ বেশ বাড়িয়। বায়। 2 metre দৈর্ঘ্যের অপটিক্যাল বেশু নিলে তিনটি দৈর্ঘ্যের একটি 50-75 cm, বিতীয়টি 100-125 cm এবং তৃতীয়টি 150-175 cm নিলে ভাল ফল পাওয়া বায়। এয়ুপ দৈর্ঘ্য নিতে গোলে অবল্য ঝালরপ্রোর সৃত্তি খুব ভাল এবং উজ্জল হওয়া দরকার অন্যথায় 150-175 cm দূরত্বের জন্য ঝালরগুলি এমন অন্পর্ভ হইবে বাছাতে ইহাদের প্রস্থের সৃক্ষ পরিমাণ সম্ভব হইবে না।

লারেডের কর্পণের পরীক্ষা (Lloyd's mirror experiment).

আপতিত এবং প্রতিফালত আলোকরন্ত্রির পরস্পরের বিক্রিয়া দারা ব্যতিচার-বালরের উৎপাদনের একটি সুন্দর পরীক্ষা লয়েডের দারা আবিষ্কৃত হয়। এই প্রণালীতে  $\Lambda$  একটি আলোকিত রেখাছির বাহার দৈর্ঘ্য চিন্ন তলের সহিত লম্বভাবে অবস্থিত।



এই আলোকউৎস হইতে আলোকরণা একটি পালিশকর৷ দর্পণ CD এর উপর আসিয়া পড়ে এবং দর্পণ হইতে প্রতিফলিত হয়। প্রতিফলনের ফলে মনে হয় বে এই প্রতিফালিত রন্ধি অসদ উৎস B হইতে আসিতেছে। সূতরাং যদি দর্পণের D প্রান্তের পরে একটি পর্দা রাখা যার তবে এই পর্ণার GH অংশ রেখাছিদ A হুইতে সুরাস্ত্রি আলোকর্মীন JF দার্ম আলোকিত হইবে। একই সময়ে এই অংশ প্রতিফলিত রশ্বি GH দারাও আলোকিত হইবে। অতএব এই GH অংশে ব্যতিচার-ঝালরের সৃষ্ঠি হইবে এখানে একই আলোকউৎস A হইতে আপতন এবং প্রতিফলনের সাহায্যে দুইটি উৎসের সৃষ্টি হইরাছে এবং এই উৎস দুইটি হইতে নির্গত আলোক-রশ্মিষর পরস্পরের উপর বিক্রিয়া দারা ব্যতিচার ঝালরের উৎপাদন করিতেছে। পর্বেই বলা হইরাছে যে উৎপন্ন ঝালরের প্রস্থ উৎস দুইটির মধ্যের দুরন্থ 2d এর বান্তানুপাতিক ; সূতরাং দৃষ্টিগোচর প্রশন্ত ঝালর উৎপন্ন করিতে হইলে এই দূরত্ব 2d খুবই কম হওয়া দরকার। এইজন্য আপতন কোণ  $90^\circ$  এর যথাসম্ভব কাছাকাছি করা হয় যাহাতে B এবং A খুব কাছাকাছি থাকে এবং 2d খুব কম হয়। এই প্রণালীতে ঝালরগুলির তীব্রতা ইয়ংএর বা ক্লেলের পরীক্ষার ঝালরের তীব্রতা হইতে আলাদা হইবে। এখানে ঝালরের চরম তীব্রতা যাহাই হোক না কেন, অবম তীব্রতা কখনও শুন্য হটবে না। কারণ সরাসরি পর্দার আপতিত রশির তীরতা দর্পণে প্রতিফলিত

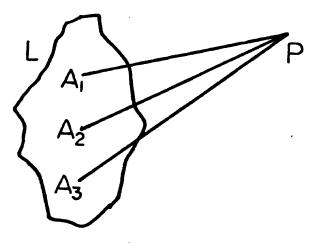
রন্দির তীরতার অপেকা অধিক হইবে এবং এই কারণে ঝালরপ্রেণীর তীরতার বৈষম্য হ্রাস পাইবার কথা। তবে আপতন কোন প্রায় 90° হওরার প্রতিফলনের পরিমাণ খুবই কেশী হয় এবং প্রতিফালত রন্দির তীরতা পর্ণার সরাসরি আপতিত রন্দির প্রায় সমান হওরার বাতিচার ঝালরের আলোর তীরতার বৈষম্যের খুব তারতম্য ঘটে না।

লয়েড-দর্শণের পরীক্ষায় আর একটি বৈশিষ্ট্য দেখা যায়। বদি পর্দাটি দর্শদের D প্রান্তে আনিয়া উহাকে স্পর্শ করানে। বার তবে দেখা যাইবে বে পর্দা এবং দর্শণের সংযোগস্থলে যে ঝালর উৎপন্ন হইবে তাহার আলাের তীব্রতা অবম হয়। এই বিন্দুতে সরাসরি আপিডিত এবং দর্শণে প্রতিফলিত রন্দিরের পথের দ্রম্ব একই। সূতরাং তাহাদের দশাও এক। এমতাবস্থায় এই বিন্দুতে ঝালবের আলাের তীব্রতা চরম হওয়ার কথা। কিন্তু ইহা অবম হওয়ার অর্থ এই যে উপরাের রন্দিরেরের দশার পার্থকা নালে সরাসরি আপিতিত রন্দির দশা পরিবর্তনের কোনও প্রশ্নই ওঠে না। সূতরাং তীব্রতার এই অবম মান এই ইন্দিত দেয় যে প্রতিফলিত রন্দির প্রতিফলনের ফলে ন্দশা-পরিবর্তন হইয়াছে এবং ফলে রন্দিরের বিপরীত দশাের D বিন্দুতে মিলিবার ফলে এখানকার তীব্রতা অবম হইয়াছে। প্রতিফলনের ফলে এইর্প না দশা-পরিবর্তনের উদাহরণ মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপকে, নিউটনের বলরসমৃত্ (Newton's rings) প্রভৃতির ক্ষেত্রেও দেখা যাইবে।

### ব্যক্তিচারের সর্ভাবলী (Conditions of interference).

বিভিন্ন প্রকারের ব্যতিচার ঝালর সুস্পত্টর্পে সৃষ্টি করিতে হইলে এই বালরপ্রেণীর আলোর তীরতার বৈষম্য যত বেশী হয় ততই ভাল । চরম তীরতার মান উচ্চ এবং অবম তীরতার মান শূন্য হইলে ঝালরগুলি সুস্পত্টর্পে দৃশামান হইবে । এইজন্য করেকটি সর্ত পূর্ণ করা দরকরে এবং নীচে ইহাদের প্রাধান্যের ক্ষানুসারে সর্তগুলি দেওরা হইল ।

ব্যতিচার ঝালরের আদৌ সৃতির প্রথম এবং সর্বপ্রধান সর্ত এই বে অসমবাঁতত (unpolarised) আলোর ক্ষেত্রে ব্যতিচার উৎপাদক আলোক উৎস দুইটি সংসত্ত (coherent) হওরা একান্ত আবশ্যক। দুইটি বা ততোধিক আলোকরশির তথনই সংসত্ত হর বখন ভাহাদের মধ্যে দশা-পার্থক্য সাধারণ পর্যবেক্ষণ কালের জন্য ধ্বুবক থাকে। এই ধুবক থাকার জন্য আলোকভরকের ক্ষেত্রে সর্বাপেক্ষা সহক্ষ উপার হইল এই বে তরস্ত্রেগীসূলি (wave trains) একই উৎর হইতে উৎপদ হইরা বিভিন্ন পথ অভিক্রম করিয়া আত্মর এক ক একাধিক কিন্দুতে অধিস্থাপিত হয়। একাধিক উৎস হইতে উৎপরে অনুসোক-তরক শ্রেণীর মধ্যে এই ধর্ম বর্তমান থাকে না। কারণ প্রতিটি উৎসের আলোক-তরক্ষের মশা-ধুবক গড়ে  $10^{-8}$  সেকেণ্ডে একবার অনিরমিতবুপে পরিবটিডছ হয়। ফলে দুইটি তরঙ্গগ্রেণীর দশা-পার্থকাও গড়ে সেকেওে 10° বার পরিবাতিত হয়। এইরপ আলোককে অসংসম্ভ আলো বলা হয়। এ পর্বন্ত ৰে সমন্ত পরীক্ষার কথা বর্ণনা করা হইরাছে এবং পরে ব্যতিচার প্রসঙ্গে বে সমস্ত পরীক্ষা বাঁণত হইবে ভাহার প্রত্যেকটিতেই একটি বিষয় খব আৰম্যিক-ভাবে দেখা গিয়াছে। বাতিচার-উৎপাদনকারী রশ্মিষ্য় একই রশ্মি হইতে উত্ত। ইরংরের পরীকা এবং ফ্রেনেলের পরীক্ষান্বরের কেত্রে রশ্মিনর একটি প্রাথমিক রশ্বি হইতে উৎপল্ল হইরাছে ; পরেডের পরীক্ষার ক্ষেত্রে এই উৎসদ্বয় একটি প্রাথমিক উৎস এবং তাহার প্রতিফ লিত রশ্বি হইতে সৃষ্ঠি হইরাছে। কিন্তু গ্রিমলুডির প্রীক্ষার ক্ষেত্রে উৎস দুইটি পৃথক এবং অসংসম্ভ। ফলে দেখা গিরাছে বে গ্রিমলুডির ক্ষেত্রে ব্যক্তিচার-বালরের সৃষ্টি হয় নাই। ব্যতিচারের যে সমস্ত পরীক্ষা এ পর্যন্ত বর্ণনা করা হইরাছে, তাহাতে আলোক উৎসটি একটি আলোকিত রেখাছিদ্রের আকারে ব্যবহৃত হইরাছে এবং ইহা S, ও Sু র সহিত প্রতিসমরূপে (symmetrically) বসানো হইরাছে। আলোক উৎসের প্রত্যেক বিন্দু হইতে যে আলোকরণ্মি নির্গত হয় তাহা  $S_1$  ও S. তে পৌছিলে এখানকার দশা-পার্থকা (phase-difference) সব সময়ে একই থাকে। ইহার ফলে যখন  $S_1$  এবং  $S_2$  হইতে আলোকরশ্বি আসিয়া P বিন্দুতে পড়ে, তখন এই বিন্দুতেও দখা-পার্থক্য সময়ের সঙ্গে পরিবৃত্তিত না হইয়া প্রবন্ধ থাকে ৷ দেখা গিয়াছে বে P বিন্দুতে আলোকের তীব্রতা প্রধানত: ঐ স্থানে দুইটি বাতিচারী আলোকরশ্বির দশা-পার্থকোর উপর নির্ভর করে। বেহেতু উৎস দুইটি ১. ও ১. একই উৎস ১ হইতে উৎপ্ৰম, ১এ দশার পরিবর্তন হইলেও ইহা  $S_1$  ও  $S_2$  র দশাকে সমভাবে প্রভাবিত করে ; সেজন্য S, ও S, র দশা-পার্থকা একই থাকে এবং ইহার ফলে P বিন্দুতেও দশা-পার্থক্য অপরিবর্তিত থাকে। ফলে এই স্থানের আলোর তীরতারও কোন পরিবর্তন হয় না এবং ব্যতিচার-ঝালর সমন্তক্ষণই দেখা বায়। আলোকসৃতির ধারণা অনুসারে বলা যায় যে একটি আলোক উৎস উত্তেজিত হওরার ফলে ইহ। হইতে আলোক নিৰ্গত হইতে থাকে ; কিন্তু নানার্প অবমন্দনের (damping) करन बहे छेरम द्वरम निरवक हहेए इहेए श्रीमहा बाह्र बनः बारमाक्य निर्भाउ হর না। আবার কিছুক্ষণ পর ইছা নতন করিয়া বহিঃশব্দির বারা উত্তেজিত হইরা আলোক উৎপন্ন করিতে থাকে। একবার উত্তেজনার ফলে উৎসটি গড়ে  $10^{-8}$  সেকেও গমর আলোক বিভরণ করিরা থাকে। এনভাবস্থার যদি আলোক উৎস দুইটি  $S_1$  ও  $S_2$  অসংসম্ভ (incoherent) হর ওবে P বিন্দুভে সেকেওে গড়ে  $10^8$  বার আলোর তীরতা পরিবর্তিত হইবে। দুধুমাত চকু নর, বে কোনও আলোক মাপিবার বছট এই দুভ পরিবর্তন অনুসরণ করিতে পারিবে না; গড় আলোকই ভাহার কাছে প্রতিভাত হইবে এবং প্রভাক বিন্দুতেই আলোর গড় তীরতা এক হওরার কোনওর্প ব্যতিচার ঝালর দেখা বাইবে না।



हित २.५५

ব্যাপারটিকে এইভাবেও দেখা বাইতে পারে। ধরা বাক বে L একটি আলোকিত বন্ধু এবং ইহা  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_3$  প্রভৃতি অসংসত্ত আলোক উংসের সমস্তি। এই সমস্ত আলোক উংস হইতে আলোকরিশা P বিন্দৃতে আসিরা পড়িতেছে। এই স্থানে আলোকের তীব্রতা নির্ণর করিতে হইলে পূর্বে ব্যবহৃত আলোকের অধিস্থাপনের নীতি (principle of superposition of light) প্রয়োগ করা বাইতে পারে। সেখানে দেখা গিরাছে বে বাদ  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_3$  ইত্যাদি হইতে আলোকরিশার বিস্তারের মান P বিন্দৃতে বথাক্রমে  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$  হর তবে P বিন্দৃতে আলোর তীব্রতা I দাঁড়াইবে

$$I - \left(\sum_{p=1}^{n} a_p \cos \vartheta_p\right)^2 + \left(\sum_{p=1}^{n} a_p \sin \vartheta_p\right)^2$$

এখানে  $\partial_{\rho} A_{\rho}$  বিন্দু হইতে নির্গত আলোকতরকের দশা-ধূবক ; বোগফল চিহ্ন বিভিন্ন উৎস $A_1 A_{\rho}$  ইত্যাদির মোট প্রভাব বুঝাইতেছে (ধরা হইরাছে বে মোট উৎসের সংখ্যা n)

$$I = \sum_{p=1}^{n} (a_p \cos \theta_p)^2 + \sum_{p=1}^{n} (a_p \sin \theta_p)^2$$

$$+ \sum_{p=1}^{n} \sum_{q=1}^{n} a_p a_q (\cos \theta_p \cos \theta_q + \sin \theta_p \sin \theta_q)$$

$$p \neq q \qquad \dots \qquad 2.34$$

এখানে তৃতীর পদটি (term) একটি বুগল-সমষ্টি (double-summation) বৃষাইতেছে। এখানে সাধারণত একটি গুণক 2 থাকিবার কথা। কিন্তু যোগের সময় প্রতিটি পদই দুইবার জাসিবার ফলে এই 2 গুণকটি এই তৃতীর পদে নিহিত আছে, নৃতন করিয়া ইহাকে অন্তর্ভুক্ত করিবার প্রয়োজন নাই। ইহা ছাড়া যে সমস্ত পদে p=q হইবে সেগুলি প্রথম ও দিতীর পদ-সমষ্টিতেই অন্তর্ভুক্ত করা আছে, সূতরাং সেই পদগুলি তৃতীর পদ-সমষ্টি হইতে বাদ দিতে হইবে। এই নির্দেশ বুঝাইবার জন্য লেখ্য হইরাছে  $p \neq q$ . ইহা হইতে লেখা বাইতে পারে

$$I = \sum_{p=1}^{n} a_{p}^{2} + \sum_{p=1}^{n} \sum_{q=1}^{n} a_{p} a_{q} \cos (\partial_{p} - \partial_{q}) \qquad \dots \quad 2.35$$

$$p \neq q$$

এখন পূর্বে বলা হইরাছে বে প্রতিটি আলোক উৎস সেকেণ্ডে গড়ে  $10^\circ$  বার উর্ব্রেজত হয় এবং প্রতিবারই ইহা হইতে নির্গত আলোকতরঙ্গের দশাধুবক ৪র মান পরিবর্তিত হয়। আলোক উৎসসমূহ  $A_1, A_2, A_3$  ইত্যাদি বাদ অসংসম্ভ হয় তবে তাহাদের দশাধুবকের মধ্যেও কোনওর্প সম্বন্ধ থাকিবে না। তাহাড়া এই পরিবর্তন প্রতি সেকেণ্ডে গড়ে  $10^\circ$  বার হইতেছে। সূতরাং তৃতীর পদ-সমন্তির মান দাড়াইবে শূন্য কারণ ইহার প্রতিটি পরা পদের (positive term) সহিত একটি সমম্লোর অপরা পদের (negative term) থাকিবার সম্ভাবনা সমান হইবে। ফলে তৃতীয় পদের সমন্তির মান দাড়াইবে শূন্য।

$$\therefore I = \sum_{n=1}^{\infty} a_n^2 \qquad \dots \quad 2.36$$

এই গণনা হইতে দেখা বাইতেছে বনি কোনও বিন্দু অসংসম্ভ উৎসসমূহ হইতে আলোক পার তবে সেন্থানের আলোর তীব্রতা দাড়াইবে প্রত্যেকটি বডর উৎসেরঃ ঐদ্ধানে আলোক তীব্রতার বোগফলের সমান। বনি a বিস্তার সম্পান দুইটি উৎস কোনও স্থানে আলোর তীব্রতা দাড়াইবে  $2a^{\circ}$ . কিন্তু বনি ঐ দুইটি উৎস সংসম্ভ হর তবে ঐ স্থানের আলোক-তীব্রতা সমান (uniform) হইবে না। ইহা  $(2a)^{\circ}$  এবং শ্নোর মধ্যে পরিবৃতিত হইবে। (সমীকরণ 2.26 প্রসঙ্গে আলোচনা দ্রকীরা)।

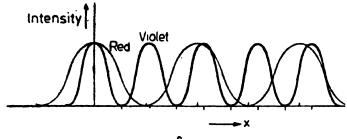
ষিভীরতঃ ব্যতিচারী আলোক উৎসগুলির তরঙ্গদৈর্ব্য এক হওরা আবশ্যক এবং ইহাদের বিভার সমান বা কাছাকাছি মানের হওরা প্রয়োজন। বিভার বন্ত কাছাকাছি হইবে ব্যতিচার কালরের আলোর তীব্রতার বৈবম্য তত বেশী হইবে ফলে কালরগুলি বেশী প্রকট (visible) হইবে। [অবশা পাতলা পরত (thin film) হইতে বহুল প্রতিফলনের (multiple reflection) এর ফলে বে ব্যতিচারের সৃত্তি হর ভাহাতে এই নিরম খাটে না।]

ভূতীরতঃ আলোক উৎস দুইটি একবর্ণীর (monochromatic) বা প্রার একবর্ণীর হওরা দরকার। আলো বত একবর্ণীর হইবে তত বেশীসংখ্যক ব্যতিচার বালার বেখা বাইবে। বিদি আলোক উৎসে অনেক রকম দৈর্ঘ্যের তরঙ্গ থাকে তবে মিশ্ররঙের অস্প করেকটি ঝালর দেখা বাইতে পারে এবং কোন কোন কেন্তে একেবারেই কোন ঝালর দেখা বাইবে না।

### সাদা আলোর বালর—(White light fringes).

সমীকরণ 2.25 হইতে দেখা বার যে একটি ব্যতিচার ঝালরের প্রস্থ হইবে  $\omega - \frac{D}{2d}\lambda$ ; এখানে  $\lambda$  আলোক তরঙ্গের দৈর্ঘ্য । D এবং 2d ( সাধারণতঃ ) একটি পরীক্ষাকালে অপরিবর্তিত থাকে । সূতরাং বিদ তরঙ্গালয়ের এক থাকে অর্থাং আলো একবর্ণের হয় তবে ঝালরের প্রস্থও একই থাকিবে এবং অনুকূল পরীক্ষা-ব্যবস্থার সমস্ত দৃষ্টিক্ষের জুড়িয়া অনেক ঝালর দেখা বাইবে । এই সমীকরণ হইতেই দেখা বার বে ঝালরের প্রস্থ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সমানুপাতিক । সূতরাং বিদ আলোক উৎসে লাল এবং বেগুনী দুইটি তরঙ্গ থাকে ভবে দুই রকম প্রস্থের ঝালর উৎপন্ন হইবে । লাল ঝালরের প্রস্থ বেগুনী ঝালরের প্রস্থের প্রায় বিগুণ দাড়াইবে । ফলে কেন্দ্রীর ঝালর হইতে বতই উক্তরুমের ঝালরের গিকে বাওয়া যাইবে ততই ইহাদের চরম যা অবম তীরতার মধ্যে অমিল বাড়িতে থাকিবে । কেন্দ্র হইতে করেন্দটি ঝালরের প্রস্থ দৃরেঃ

লাল কালরের চরম ভারতা এবং বেগুলী ঝালরের অবম ভারতা একই স্থানে সম্পান হইবে; ফলে ঝালরশ্রেণীর আলোর ভারতার বৈষমা ব্রমণ কমিরা আসিবে। আর এই ভারতার বৈষম্যের উপরই ঝালরের দৃশ্যমানতা (visibility) নির্ভর করে। চরম এবং অবম ভারতার পার্থকা বত বেশী হইবে ঝালরের স্পর্কভাও তত বৃদ্ধি পাইবে। সূত্রাং দেখা যাইতেছে বে আপতিত আলোক-রন্ধিতে একাধিক তরঙ্গ বর্তমান থাকার অর্থ ঝালরশ্রেণীর স্পর্কতা হ্রাস পাওরা। উপরের আলোচনার ধরা হইরাছে বে আলোকরন্মিতে মার দুই রকম তরঙ্গ-দৈর্থ্য বর্তমান। কিন্তু যদি সাদা আলো ব্যবহার করা হয় তবে অনেক রকম তরঙ্গদৈর্থ্য ভাহাতে থাকিবে। কারণ সাদা আলোকে একটি লাগাতার



च्चि २.১२

(continuous) তরঙ্গদৈর্ঘার বহুবর্ণ আলোক হিসাবে গণ্য করা বাইতে পারে। প্রতিটি তরঙ্গদৈর্ঘার আলোই একটি নিশিন্ট প্রস্কের ঝালরমালা সৃষ্টি করিবে এবং এই প্রস্থ বিভিন্ন বর্ণের পক্ষে বিভিন্ন হইবে। সূতরাং উপরের আলোচনা হইতে বৃঝা বার বে কেন্দ্রীয় ঝালর হইতে বত উক্ত ক্রমের ঝালরের দিকে বাওরা বাইবে ততই বিভিন্ন রঙের ঝালরের সংমিশ্রণ বাড়িতে থাকিবে। কেন্দ্রীয় ঝালরে অবশ্য সমন্ত তরঙ্গদৈর্ঘাই চরম (বা অবম) আলোক-তীব্রতা সৃষ্টি করিবে বার ফলে এই ঝালরটি সাদাই থাকিবে। কিন্তু কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে বিভিন্ন বর্ণের সংমিশ্রণের ফলে এই সব স্থানে একটি গড় বর্ণের সৃষ্টি হইবে। এই সব স্থানে কতকগুলি বর্ণ বর্তমান থাকিবে বে সব বর্ণের পক্ষে এই বিন্দৃতে 2.22 সমীকরণ অনুসারে চরম বা কাছাকাছি তীব্রতা হওরার কথা। এই একই বিন্দৃতে জন্য কতকগুলি বর্ণের অনুর্প সমীকরণ অনুসারে অবম বা কাছাকাছি তীব্রতা হতবে। ফলে গড় একটি মিশ্রিত রং দেখা বাইবে এবং পরপর অনেকগুলি বর্ণের উপন্থিতির জন্য এই বিন্দুর রং সাদা দেখা বাইবে। তবে এই অবন্ধা হইবে সাধারণত ক্ষেম্র হইতে ৫—১০টি ঝালর বাওয়ার পর। তবে এই অবন্ধা হইবে সাধারণত ক্ষেম্র হইতে ৫—১০টি ঝালর বাওয়ার পর। তাহার পূর্ব দেখা বাইবে বে কেন্দ্রের সাদা ঝালরের পর করেকটি রামধনু

अरध्य यामव र्जाचे हरेरव এवং यज উक्तस्यत यामरतत मिरक याध्या यारेरव ভতই তাহাদের স্পর্কতা কমিয়া আসিতে থাকিবে ; শেষে আর আলোর তীরতার হ্বাসবৃদ্ধি থাকিবে না এবং সেস্থানে সমান তীব্রতার আলো দেখা বাইবে। অবশ্য বদিও এই সব স্থানে সাদা চোখে ব্যতিচার বালর দেখা বাইবে না, তবুও মনে করিবার কারণ নাই যে এখানে আলোর ব্যতিচার হইতেছে না। ব্যতিচারের অভিদ্ব দেখাইবার জন্য বর্ণালি-বীক্ষণবন্তের (spectrometer) পরীক্ষা করা যাইতে পারে। যদি এই সমান তীব্রতার আলো পর্ণার ফেলিরা সেই পর্ণার কোনও এক জায়গায় একটি সত্ত্ব রেখাছিদ্র করিয়া আলো প্রেরণ করা হয় এবং এই প্রেরিড আলো বর্ণালি-বীক্ষণের রেখাছিদ্রকে আলোকিড করে তবে উহার অভিনেত্রের দৃতিক্ষেত্রে বর্ণালি দেখা বাইবে। এই ক্ষেত্রে দেখা বাইবে বে দৃষ্ঠিক্ষেত্রে পর পর অনেকগৃলি আলোকডরঙ্গের রেখা আছে এবং এই সব রেখার মাঝের স্থানে আলোর তীব্রতা শূন্য। পর্ণার রেখাছিদ্রের স্থানে বে সমন্ত আলোকতরক্ষের তীব্রতা চরম হইবার কথা, তাহারা বর্ণালি-বীক্ষণের পৃতিক্ষেত্রে রেখার সৃতি করিয়াছে ; অপর্যাদকে যে সমন্ত তরঙ্গের পর্ণার রেখা-ছিদ্রে তীব্রতা অবম হইবার কথা তাহারা দৃষ্ঠিক্ষেত্রে শূন্য আলোক তীব্রতার সৃষ্ঠি করিরাছে। অভিনেত্রের দৃষ্টিক্ষেত্রে দেখা ঘাইবে যে সাদা আলোর ব্যতিচারের ক্ষেত্রে রেখাগুলি পর পর প্রায় সমান দূরতে বর্তমান এবং ইহাদের সংখ্যাও অনেক। সূতরাং বর্ণালর সমন্ত বিদ্তার জুড়িয়া অনেকগুলি তরসলৈবাই পর্ণার ঐ স্থানে উজ্জ্ব কালবের সৃষ্ঠি করিয়াছে এবং ইহাদের মিশ্রণের ফলে দৃশ্যতঃ সাদা আলোর সৃষ্ঠি হইরাছে।

অবার্থ ব্যক্তিচার-কালরের উৎপাদন (Production of achromatic interference fringes).

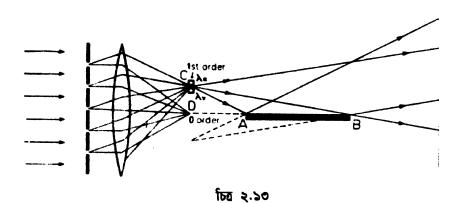
উপরের আলোচনা হইতে দেখা বাইতেছে বে সাদা আলো বাবহার করিলে শুধু কেন্দ্রীর ঝালরটি সাদা হইবে। বাকিগুলি রামধনু রঙের হইবে এবং এইর্প কয়েকটি ঝালরের পর আলোর তীরতা সমান (uniform) হইরা বাইবে। ইহার কারণ অবশ্য সমীকরণ 2.25 হইতে সহজেই বুঝা বার

$$\omega = \frac{D}{2d}\lambda$$

এখানে সমন্ত বর্ণের পক্ষেই D এবং 2d এক কিন্তু তরঙ্গলৈর্য্য ১ প্রত্যেক বর্ণের ক্ষেত্রেই আলাদা। সূত্রাং বিভিন্ন বর্ণের ঝালরের প্রস্থ আলাদা হওরার

ভাহার। মিশিরা একাকার হইরা বার (jumbled up) এবং সাদা আলোর সৃষ্ঠি করে। কিন্তু র্যাদ পরীক্ষার সমর এমন ব্যবস্থা করা বার বে  $\frac{\lambda}{2d}$  সংখ্যাটি ধ্রুবক হর তবে সমস্ত বর্ণের বালরের প্রস্থই সমান হইবে এবং সমস্ত স্থান জুড়িরা অবার্ণ (achromatic) ঝালরের সৃষ্ঠি হইবে। ইহার অর্থ এই যে প্রভিটি বর্ণের ক্ষেত্রেই উৎস দুইটির দূরত্ব 2d আলাদা হইবে এবং এই দূরত্বের তরঙ্গদৈর্ঘ্য  $\lambda$  এর সমানুপাতে হ্রাসবৃদ্ধি হইবে বাহার ফলে  $\frac{\lambda}{2d}$  সংখ্যাটি ধ্রুবক হইবে।

এইর্প পরীক্ষা বাবস্থা লয়েডের দর্পণ এবং ব্যবর্তন-ঝাঝরির (diffraction grating) সমন্বরে তৈরী করা বাইতে পারে। (ঝাঝরির আলোচনা পরের অধ্যারে দুর্ভব্য)।



২.১৩ নং চিত্রে AB একটি লয়েডের দর্পণ। ইহার আলোকউৎস C হিসাবে বাবহার করা হইরাছে একটি বাবর্তন-ঝার্ঝারর প্রথমক্রমের বর্ণালি (1st order spectrum). বাবর্তন ঝার্ঝারটি সমাস্তরাল সাদা আলোর রশ্মিদার। আলোকিত হইরাছে। (বাবর্তন-ঝার্ঝার দার। বর্ণালী উৎপাদনের আলোচনা বাবর্তনের অধ্যারে দ্রন্থর) এই বাবর্তন-ঝার্ঝারর প্রথম ক্রমের বর্ণালিতে বিভিন্ন বর্ণের প্রতিবিদ্ধ কেন্দ্রীয় বর্ণালী D হইতে বিভিন্ন দূরদে সৃষ্ঠ হইবে এবং এই দূরদ্ব  $2d_\lambda$  সংগত (corresponding) তরঙ্গদৈর্ঘ্য  $\lambda$  এর সমানুপাতিক হইবে। অর্থাৎ  $2d_\lambda \propto \lambda = K \lambda$   $\{K =$ শ্বেক  $\}$ ; এখানে  $2d_\lambda$  ব্যতিচারী দুইটি আলোক উৎসের মধ্যের দূরদ্ব । সূত্রাং বদি লাল এবং বেগুনী তরঙ্গদৈর্ঘ্যের

মূল্য হয়  $\lambda_R$  ও  $\lambda_V$  এবং সংগত দূরত লেখা হয়  $2d_R$  ও  $2d_V$ , তবে লাল এবং বেগুনী ঝালরের প্রস্থ দাঁড়াইবে বখান্তমে

$$w_R = \frac{D}{2d_R} \lambda_R = \frac{D\lambda_R}{K\lambda_R} = \frac{D}{K} = K'D$$
; ध्रापाल  $K' = \frac{1}{K} =$ ध्रुक । 
$$w_V = \frac{D}{2d_V} \lambda_V = \frac{D\lambda_V}{K\lambda_V} = \frac{D}{K} = K'D. \tag{2.37}$$

- এবং এই সমীকরণ সমস্ত তরঙ্গদৈর্ব্যের বেলারই প্রবোজ্য হইবে।

সূতরাং দেখা ষাইতেছে যে এই ব্যবস্থায় সমস্ত বর্ণের ঝালরের প্রস্থই এক হাইবে। কাজেই এখন আরু মিশ্রণের ফলে সমান রং উৎপত্র হওরার কারণ থাকিবে না। পর্দার যে কোনও বিস্দৃতে সমস্ত রঙের পথ-দূরস্থই তরঙ্গদৈর্ঘের একই গুণক হইবে। সূতরাং এই বিস্দৃ যদি একটি বর্ণের চরম তীব্রতার স্থান হয় তবে ইহা অনা সমস্ত বর্ণেরও অনুর্প তীব্রতার স্থান হাইবে এবং ফলে এই স্থান সাদা-আলোর চরম তীব্রতা সৃষ্ঠি করিবে। অবম তীব্রতার ক্ষেত্রেও অনুর্প ব্যাপারই ঘটিবে এবং পরিণামিক তীব্রতা দূন্য হইবে। সূতরাং এই ব্যবস্থায় অবার্ণ ঝালরগ্রেণী পাওয়া যাইবে।

ষেহেতৃ  $2d \propto \lambda$  এবং 2d কেন্দ্রীয় O-ক্রমের ব্যবর্তন বর্ণাল হইতে আলোকউৎসের দূরত্ব বুঝাইতেছে, এই পরীক্ষার লয়েডের দর্পণিট এমনভাবে স্থাপন করা দরকার যাহাতে ইহার প্রতিফলনকারী তলটি বাড়াইলে ব্যবর্তনের O-ক্রমের বর্ণালিটিকে ছেদ করে। একমাত্র তাহা হইলেই  $2d \propto \lambda$  এই সর্তপূর্ণ হইবে।

এই পরীক্ষায় বাবর্তন-ঝাঝরির পরিবর্তে প্রিজ্ম্ও বাবহার করা ধাইতে পারে। প্রিজ্মের বর্ণালি আলোক-উৎস হিসাবে এমনভাবে বাবহার করিতে হইবে বাহাতে  $\frac{\lambda}{2d}$  ধুবক হয়। তবে এই সর্ভটি প্রিজ্মের বর্ণালীদ্বারা সম্পূর্ণ-বৃশে প্রণ করা বায় না বলিয়া প্রিজ্মের সাহায্যে উৎপক্ষ ব্যতিচার-ঝালর বাবর্তন ঝালরের ন্যায় নিখুত্বপুশে অবার্গ হয় না।

আলোকউৎসের সংগত বিন্দুসমূহ (Corresponding points of the source).

ইয়ংএর পরীক্ষায় বাতিচারী আলোকউৎস দুইটি একটি আলোকউৎস হইতে উৎপদ্ম হয়। ফ্রেনেনের বুগা-প্রিজ্ম এবং বুগা-দর্পণের ক্ষেত্রে উৎসম্বয় একই উৎসের প্রতিবিশ্ব এবং সেজনা ভাহারা একইরকম। সুতরাং এখানে একই আলোকবিন্দু হইতে দুইটি সংস্তু বিন্দুর সৃষ্টি হয় বাহা ব্যতিচার ঝালয় সৃষ্টির পক্ষে অপরিহার্য। চিত্র ২.৪ এবং ২.৮ হইতে দেখা যায় যে ব্যতিচারী উৎস পুইটির পরস্পরের দক্ষিণ দিকের বিন্দুর্বয়ের মধ্যে সংগতি (correspondence) থাকে এবং একটি উৎসের বার্মাদকের বিন্দুর সহিত অনাটির বার্মা দিকের বিন্দুর সংগতি বর্তমান। কিন্তু লয়েডের দর্পণের ক্ষেত্রে এ ব্যাপারে কিছু পার্থক্য আছে। এখানে বেহেতু ব্যতিচারী আলোকউৎস দুইটির একটি অন্যটির দর্পণে প্রতিফলিত প্রতিবিদ্ধ, সেজনা একটি উৎসের বার্মাদকের বিন্দু অন্য উৎসটির ডানাদকের বিন্দুর সহিত সংগতি রক্ষা করে।

আর দুইটি সংগত বিস্পুর মধে।ই ব্যতিচারের ফলে ঝালরের সৃষ্টি হয়। কাজেই এখানে এই কারণে ঝালরের প্রস্থ এই দুই বিস্পুর সৃষ্ঠ ব্যতিচারের বেলার আলাদা হইবে। আমরা জানি ঝালরের প্রস্থ দাঁড়ায়

$$w = \frac{D}{2d}\lambda$$

যুগ্য-প্রিজ্ম্ এবং যুগ্য-দর্পণের ক্ষেত্রে যেহেতৃ উৎসন্বয়ের বামদিকের বিন্দু দুইটি সংগত কাজেই ইহাদের মধ্যের দ্রত্ব 2d উৎসের সমস্ত বিন্দুর ক্ষেত্রেই এক থাকে। তবে প্রতিটি বিন্দুর কেন্দ্রীয় ঝালরের অবস্থান আলাদা হয়। যদি সমস্ত রেখাছিদ্রকে একগৃছ্য সমান্তরাল সরলরেখার সমষ্টি বলিয়া ধরা হয় তবে ভাবা যাইতে পারে যে প্রতিটি সরলরেখার জনা একগৃছ্য ঝালরের উৎপত্তি হইবে। এই বিভিন্ন ঝালরগৃছ্য পরস্পারের পাশাপাশি কিছু সরিয়া অবস্থান করিবে যার ফলে ঝালরের চরম বা অবম আলোক-তীব্রতার প্রসার বাড়িয়া যাইবে। বলা যায় যে প্রতিটি ঝালরগুছ্য তাহার পাশের ঝালরগুছ্তের তুলনায় আপেক্ষিকভাবে সরিয়া যাইবে এবং ঝালরের প্রসার বাড়াইয়া দিবে। ইহার ফলে ঝালরের আলোর তীব্রতার বৈষম্য কমিয়া যাইবে এবং সঙ্গে সঙ্গে তাহাদের স্পন্টতাও হ্রাস পাইবে।

অপরপক্ষে লয়েডের দর্পণের ক্ষেত্রে একটি উৎসের বার্মাদকের বিন্দু অপর উৎসের ডার্নাদকের বিন্দুর সহিত সংগতি রক্ষা করে। এর ফলে প্রাথমিক উৎসের প্রতিটি বিন্দুর জন্য 2d আলাদা হয় এবং ঝালরের প্রস্থ এই কারণের জন্য আলাদা হয়। এই প্রস্থের পরিবর্তন উচ্চক্রমের ঝালরের স্পষ্টতা নষ্ট করে। যদি কেন্দ্র হইতে m ক্রমের ঝালরের দ্রম্ব হয়  $x_m$ , তবে

$$x_{+} = \frac{D}{2d}m\lambda$$

এবং প্রেছের পরিবর্তনের জন্য বলি এই দূরছের পরিবর্তন ধরা হয়  $\partial x$  তবে লেখা বার

$$\delta x = -\frac{D}{2} m\lambda \frac{\delta d}{d^2} = -\frac{D}{2d} m\lambda \frac{\delta d}{d}$$

$$w = \frac{D}{2d} \lambda$$
(2.38)

$$\therefore \quad \delta x = -mw \frac{\delta d}{d}$$

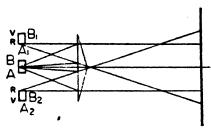
$$\exists 1 \quad \frac{dx}{w} = -m \frac{\delta d}{d}$$
(2.39)

Öx বারা একটি m ক্রমের ঝালরের দূরত্বের পরিবর্তন বুঝান হইরাছে। সুভরাং এই পরিবর্তন বত বেশী হইবে বালরের স্পষ্টতাও তত কমিবে ðx বৃদি w এর সমান হয় তবে সমন্ত দৃষ্টিক্ষেএই সমান আলোর ভরিয়। বাইবে এবং ঝালর সম্পূর্ণ অদৃশ্য হইবে। কান্দেই  $rac{\delta x}{w}$  যত কম হইবে তত বালরের স্পর্কতা ব্যাড়িতে থাকিবে । স্থাবার দেখা ঘাইতেছে বে  $rac{\delta x}{w}$  m এর সমানুপাতিক অর্থাৎ m বত বেশী হইবে  $rac{\delta x}{w}$  ও ততই বাড়িবে। সমীকরণ 2.39 হইতে দেখা যায়. যে যদি উচ্চক্রমের ঝালর স্পর্করণে দেখিতে হর তবে ঠd এর মান খুবই কম হওয়া দরকার। ইহার অর্থ ঠd এর মান বেশী হইলে বিশেষ কৰিয়া উচ্চৱমের ঝালরের স্পষ্ঠতা কমিয়া আসিতে থাকিবে। বলা বাহুলা ôd রেখাছিদের প্রস্কের সমানুপাতিক। তবে লয়েড-দর্শনের ঝালরগুলি শুনা-ক্রমের (Zero-order) পরিপ্রেক্ষিতে প্রতিসমর্পে (Symmetrically) সৃষ্ঠ হয়। সূতরাং শ্না-ক্রমের ঝালরের ক্ষেত্রে সমন্ত ৰালরই একই জারগার পড়িবে এবং রেখাছিদ্রের প্রস্থ এই ঝালরের স্পর্ষতা নর্ভ শুধু উচ্চতমের ঝালরের বেলার রেখাছিলের প্রস্থ ক্রমশ বেশী অসুবিধা সৃষ্ঠি क्रिंदि (वर्ष) वृश्च-शिक्ष्यात क्रिंदि क्रिंदि ना ; এवः नामा आलात क्रिंदि এই बानविं ठिक खवार्थ इटेंटर ना ।

কিন্তু বৃশ্ধ-প্রিজ্মের কেতে আলোর বিজুরণের জন্য অসুবিধার সৃষ্টি হইবে। যদি সাদা আলো ব্যবহার করা হর তবে প্রিজ্মের ভিতর দিরা যাইবার সমর বিজুরণের জন্য ব্যতিচারী আলোকউৎসগুলি আলাদা হইরা বাইবে। যদি লাল এবং বেগুনী আলোর কথা ধরা বায় তবে ইহাদের ক্ষেত্রে আলোর উৎস দুইটির দূরত্ব আলাদা হইবে। সূতরাং বদি কেন্দ্র হইতে m ক্রমের ঝালরের দূরত্ব xm হয় তবে লেখা বায়

$$x_{m}(\text{red}) = \frac{D}{2d \text{ red}} \lambda \text{ red} ; \quad x_{m}(\text{violet}) = \frac{D}{2d \text{ violet}} \lambda \text{ violet}$$
 (2.40)

 $\lambda_{
m red}$   $\lambda_{
m violet}$  হইতে বড় ; অন্যাদিকে 2d violet 2d red হইতে বড় 1 সূতরাং শুধু তরঙ্গদৈর্ঘার পরিবর্তনের জন্য  $x_m$  এর যতটা পরিবর্তন হইবে



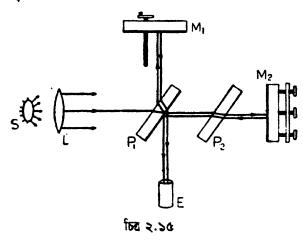
চিত্ৰ ২.১৪

2d এর প্রভাব সেই পরিবর্তনকে আরও বৃদ্ধি করিবে এবং ইহার ফঙ্গে সাদ। আলোর ক্ষেত্রে ঝালর শ্রেণীর স্পর্কতা আরও কমিয়া যাইবে ।

# মাইকেলসনের ব্যতিচার-মাপক (Michelson's Interferometer).

মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপক যত্র ব্যতিচারের প্রীক্ষার প্রয়োগের একটি অতি সুন্দর গুরুত্বপূর্ণ দৃষ্ঠান্ত। মাইকেলসনের মত খ্যাতিমান বৈজ্ঞানিকের দ্বারা আবিষ্কৃত এই যত্র অতি বিখ্যাত সব প্রীক্ষার প্রযুক্ত হইরাছে। এই যত্রে একটি আলোকর্রান্ম প্রতিফলন এবং প্রেরণ (transmission) দ্বারা দুইভাগে ভাগ হইরা বায় এবং দুটি দর্পণে প্রতিফালত হইয়া আবার আসিয়া একঠিত হয়। এর ফলে এই দুইটি সংসত্ত আলোকর্রান্মর মধ্যে ব্যতিচার হয় এবং ঝালরের সৃষ্টি হয়। এ পর্যন্ত যে সমন্ত ব্যতিচার উৎপাদক যত্ত্রের বর্ণনা দেওয়া হইয়াছে সে সমন্ত ক্ষেত্রেই তর্ত্তমূথের বিভাজন (division of wave front) দ্বারা ব্যতিচারী রান্মন্বরের উত্তব হইয়াছে। সূতরাং এইগুলিকে বলা যায় তর্ত্তমূখ-বিভাজন দ্বারা উৎপান ব্যতিচার ঝালর। কিন্তু মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপক যত্ত্রের ক্ষেত্রে দেখা যাইতেছে যে এই ক্ষেত্রে তরঙ্কের বিস্তার বিভাজনের (division of amplitude) দ্বারা ব্যতিচারী রান্মন্বয়ের সৃষ্ঠি

হইরাছে। কাজেই এই প্রণালীতে উৎপন্ন ঝালরকে বিস্তার-বিভাজন দারা উৎপন্ন ঝালরবৃপে শ্রেণীকদ্ধ করা যার।



এই যব্ধে একটি আলোকউৎস S হইতে নিগতৈ আলোকরশ্মি উত্তল লেন  $m{L}$  দ্বারা একগুচ্ছ সমান্তরাল আলোকরন্মিতে পরিণত হয় ; বলা বাহুলা Sউৎসটি লেন্স L এর ফোকাসতলে অবস্থিত। এইরূপ চওড়া ও সমান্তরাল আলোকরন্মির প্রয়োজন পরে ব্যাখ্যা করা হইবে। এই রশ্মি আসিয়া একটি সমতল ও সমান্তরাল কাচের প্লেট P, এর উপর আপতিত হয়। এই আলোকের একটি রশ্মির কথা যদি ধরা হয় তবে এই রশ্মিটি কাচের প্রেটে প্রতি ফলিত ও প্রেরিত হইবে। এই প্রক্রিরায় আলোকরশ্মির বিস্তারের বিভাজন হইবে। রশ্মিটির একাংশ সোজা কাচের প্রেট  $P_1$  এর মধ্য দিয়া প্রেরিত হট্রা একটি সমতল দর্পণ  $M_{z}$  এর উপর পড়ে এবং সেখানে প্রতিফ্লিত হইয়া আবার পূর্বপথে ফিরিয়া আসিয়া  $P_1$  এর উপর পড়ে ও সেখানে আবার প্রতিফলিত হইয়া অভিনেত্র E তে প্রবেশ করে। অপর অংশ  $P_1$  এর ভিতরে প্রবেশ করে এবং ইহার পিছনের তল হইতে প্রতিফালিত হইয়া P, হইতে বাহির হইয়া অন্য একটি সমতল দর্পণ M, এর উপর আপতিত হয়। এই দপণ  $M_1$  এ প্রতিফলিত হইয়া রশ্চিটি দ্বিতীয়বার কাচের প্লেট P, এর মধ্য দিয়া অভিনেত্রের ভিতরে প্রবেশ করে। এই দুইটি রশ্বি ভিন্ন প্রতিফলন দার। অন্যান্য রশ্বিরও সৃষ্ঠি হয় কিন্তু ইহাদের তীব্রতা খুব কম হওরার ভাহাদের সৃষ্ট ব্যতিচার বাস্তবে দৃষ্টিগোচর হয় না। মূল উপাংশ (component) রশ্বিষয়ের তীব্রতা বাহাতে মোটামূটি সমান হয় সেজন্য কাচের প্লেট  $P_1$  এর পিছনের তলে খুব পাতলা করিয়া একটি রূপার

ন্তর দেওকা থাকে। ইহা না হইলে অভিনেত্রে যে দুইটি প্রধান উপাংশ প্রবেশ করে তাছাদের তীব্রতা খুব কম হয় এবং ব্যতিচার ঝালর খুব অস্পন্টরূপে দেখা যার।  $P_{f 2}$   $P_{f 1}$  এর অনুরূপ আর একটি কাচের প্রেট, তবে ইহাতে রূপার প্রলেপ নাই। এই প্লেটটিকে পরিপ্রক (compensator) বলা হয়। ইহার কান্স হইল কাচের প্লেট  $P_1$  এর মধ্য দিয়া গমনকারী রশ্মি দুইটির আলোক পথ (optical path) ব্যাসম্ভব একরকম করা। চিত্র নং ২.১৫ হইতে দেখা যার যে রন্মিটি  $M_1$  দর্পণে যাইতেছে সেটি  $P_1$  প্লেটটি তিনবার অতিক্রম (traverse) করিতেছে ; সে জারগার যে রশ্বিটি  $M_2$  দর্পণে ঘাইতেছে সোঁট P, একবার অতিক্রম করিতেছে। সেইজন্য এই দ্বিতীয় বৃশ্চিট কাচের প্রেট P2 এর ভিতর দিয়া আরও দুইবার যায় যাহাতে আলোক পথ দুইটি মোটামুটি একরকম হয়। যে রশ্মিটি দুইটি ব্যতিচারী রশ্মিতে বিভক্ত হয় তাহার। একটি রন্মি হইতে উদ্বত বলিয়া পরস্পর সংসত্ত। সূতরাং ইহারা ব্যতিচার-উৎপাদনের প্রথম এবং প্রধান সর্ত পালন করিতেছে বলিয়া ইহাদের অধিস্থাপনের ফলে বাতিচার ঝালর উৎপত্ন হইবে। রশ্মি দুইটির আলোক পথ সমান বা প্রায় সমান হওয়া প্রয়োজন বলিয়া (বিশেষতঃ সাদা-আলোর ব্যতিচার-ঝালর সৃষ্টি করিতে হইলে ) P, প্লেটের পিছনদিকের তল হইতে দর্পণ দুইটি M, এবং  $M_2$  এর দূরত্ব মোটামুটি সমান করা দূরকার। ইহা করিবার জন্য  $M_1$ দর্পণটি একটি সূক্ষ 👺 এর সাহায়ে নিজের তলের সমান্তরালভাবে নড়ানো যায় এবং এই সরানোর পরিমাণ ঐ হ্র এর সঙ্গে সংলগ্ন স্কেল হইতে নির্ণয় করা যায়। ইহা ছাড়াও বৃত্তাকার (circular) ব্যতিচার ঝালর সৃষ্ঠির জন্য দর্পণ দুইটি পরস্পরের সহিত উল্লম্বভাবে অবস্থান করা আবশাক। এই ধাপটি সম্পন্ন করিবার জন্য দ্বিতীয় দর্পণ  $M_{\phi}$  বিভিন্ন তলে নড়াইবার তিনটি স্ক আছে যেগুলির সাহাযে। M কে M এর সহিত উল্লম্ব অবস্থানে আনা যায়। এবং এই স্কুর্গুলির সাহাযোই আবার প্রয়োজনমত ইহার অবস্থান এমনভাবে পরিবর্তন করা যায় যাহাতে ইহার তল  $M_1$  এর তলকে একটি সরলরেখায় খণ্ডিত করে।

মাইকেলসনের ব্যতিচার মাপকের সমঞ্জন করণ (adjustment of the Michelson interferometer).

প্রথমে  $M_1$  এবং  $M_3$  দর্পণ দুইটি হইতে  $P_1$  প্লেটের পিছনদিকের তল (রূপার প্রলেপ দেওয়া ) পর্যন্ত দূরত্ব প্রায় সমান করিতে হইবে এবং এই উদ্দেশ্যে ছু এর সাহাব্যে  $M_1$  দর্পণটি প্রয়োজনমত নড়াইতে হইবে। এই

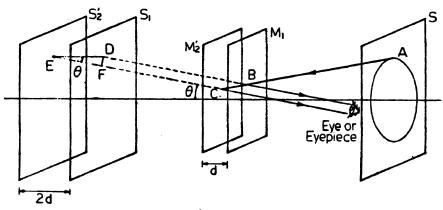
পুইটি দৃষ্য যেন 2-3 মিলিমিটারের কেনী তফাং না হয়। এই অবস্থায় চক্ষুর সাহায়ে  $M_1$  এবং  $M_2$  পরস্পরের সহিত মোটামুটি উল্লয় অবস্থানে আনিতে হইবে। ইহার পরে লেল L এবং অভিনেত্র E সরাইয়া S এর স্থানে একটি উক্ষণ ক্ষুত্র আলোকউৎস বসাইয়া অভিনেত্র E এর স্থান হইতে  $M_1$  দর্পণের দিকে সোজা ভাকাইতে হইবে যাহাতে ঐ দর্পণে আলোকউৎসটির প্রতিবিশ্ব দেখা যায়। সাধারণত  $M_1$  এবং  $M_2$  পরস্পরের সহিত সম্পূর্ণ উল্লয়ভাবে না অবস্থান করায়  $M_1$  দর্পণে দুইটি প্রতিবিশ্ব দেখা যাইবে। পূর্ববিশিত কারণে  $P_1$  এর বিভিন্ন তল হইতে প্রতিফলনের ফলে আরও প্রতিবিশ্ব দেখা যাইবে ক্ষেত্র  $P_1$  এর পিছনের তলে ঠিকমত রূপার প্রলেপ দেওয়া থাকিলে কেবলমাত্র দুইটি প্রতিবিশ্বই (চিত্রে যে দুইটি রশ্বি দেখান হইরাছে সেই দুইটি দ্বারা সৃষ্ঠ ) উক্ষেল দেখা যাইবে। এইবার  $M_2$  দর্পণের পিছনিদকের স্কুত্রর সাহাযো এই প্রতিবিশ্ব দুইটি পরস্পরের সহিত মিশাইয়া দিতে হইবে। যখন ইহারা মিশিয়া যাইবে তথন  $M_1$  এবং  $M_2$  দর্পণ দুইটি পরস্পরের সহিত উল্লয়ভাবে অর্বান্থত হয়।

সমগ্রনের এই ধাপের পর এইবার আলোকউৎস S এবং লেন L বসাইয়া আবার প্লেট  $P_1$  এর মধ্য দিয়া  $M_1$  দর্পণের দিকে দেখিতে হইবে। এই অবস্থার একবর্ণের (monochromatic) আলে। বাবহার করা প্রয়োজন। এইবার M, দর্পণে ব্যতিচার ঝালর দেখা ষাইবার কথা। কিন্তু ঝালরগুলি খুব সুস্পর্করূপে দৃষ্ঠ নাও হইতে পারে ।  $M_2$  দর্পণটি ইহার পিছনের স্ক্রএর সাহাব্যে সমঞ্জন করিয়া  $M_1$  এর সঙ্গে খুব সঠিকভাবে উল্লম্ব অবস্থানে আনিতে হ**ইবে। ইহা করা হইলে দৃতিক্ষেত্রে এককেন্দ্র**ীয় (concentric) বৃদ্রীয় ঝা**ল**র-শ্রেণী দেখা বাইবে। এই ঝালরশ্রেণীর প্রস্থ খুব কম হইতে পারে এবং **ইহাদের কেন্দ্র দৃষ্টিক্ষেতের** বাহিরে থাকিতে পারে।  $M_1$  দর্পণটি (এবং প্রয়োজন হইলে  $M_{
m s}$  দর্পণটিও ঘুরাইয়া ) আগে পিছনে আনিয়া এই ঝালরের প্রস্থ সুবিধামত বাড়াইতে হইবে এবং ঝালরের কেন্দ্র দৃষ্টিক্ষেত্রের মাঝামাঝি জারগার আনিতে হইবে। এই অবস্থায় চক্ষ উপরে নীচে ব। ডাইানে বায়ে সরাইলে হয়তো দেখা যাইবে যে ঝালরের ব্যাসের পরিবর্তন হইতেছে। **দর্শনের ভগুলি সমগুন করিয়া এই ব্যাসের পরিবর্তন দুর করা দরকার। এজন্য** অবশ্য M, দর্পণও  $M_2$  এর সঙ্গে পর্যায়ক্তমে নড়াইতে হইতে পারে। যদি সাদা আলোর বালর উৎপন্ন করিতে হয় তবে S এর স্থানে সাদা আলোর উৎস বসাইয়া নিলেই চলিবে। একবর্ণের ঝালর উৎপাদনের জন্য সোডিয়াম বান্দের বাতি ব্যবহার করা সুবিধাজনক। বিকম্প ব্যবস্থার পারদ্বান্দের

বাতি ব্যবহার করিয়া ফিলটারের সাহাষ্যে ইহার সবৃদ্ধ তরঙ্গ আলাদ। করিয়া নেওয়া বায়। সৃস্পর্য ঝালর উৎপাদনের পর পরিমাপের জন্য এইবার অভিনের E ঠিকমত জারগায় বসাইয়া নিতে হইবে।

# বৃত্তীয় কালবের উৎপাদন (Production of circular fringes).

মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপক যাে পরীক্ষার কাজে বৃত্তীর ঝালরই সর্বাধিক ব্যবহৃত হইয়৷ থাকে : এজন্য এই ঝালর ছভাবতই সর্বাপেক্ষা গুরুত্বপূর্ণ। এইগুলি উৎপন্ন করিতে হইলে একবর্ণের আলোকউৎস ব্যবহার করিতে হয় এবং পর্পণ দুইটির সমঞ্জন সঠিক হওয়৷ প্রয়োজন। বিশেষতঃ ইহাদের তল পরস্পরের সহিত উল্লয় অবস্থানে রাখিতে হইবে। সংগ্রিষ্ট চিত্র নং ২.১৬ হইতে ইহাদের উৎপত্তির কারণ বৃথিতে পারা ঘাইবে।



ठिय २.১७

কাচের প্লেট  $P_1$  এ প্রতিফলনের দর্গ ধরা যায় যে আলোকউংস S আভিনেত্র E এর পিছন দিকে অবস্থিত। এই উৎসের একটি বিন্দু A হইতে একটি আলোকরশ্বি দর্পণ  $M_1$  এ পড়িতেছে এবং প্রতিফলিত হইয়া অভিনেত্রের দিকে আসিতেছে এবং এই প্রক্রিয়ার উৎসের একটি অসদ্ প্রতিবিশ্ব  $S_1$  এর সৃষ্টি করিতেছে। আবার  $P_2$ এ প্রতিফলনের ফলে  $M_2$  দর্পণিটি  $M_2$  অবস্থানে থাকিবে বলিয়া ধরা যায়। যে আলোকরশ্বিটি  $M_1$  দর্পণে প্রতিফলিত হইয়াছে তাহার একাংশ  $M_2$  এও প্রতিফলনের ফলে রশ্বিটি আভিনেত্রের দিকে আসিবে। এই  $M_2$ এ প্রতিফলনের ফলে রশ্বিটি আলোকউৎস S এর একটি অসদ্ প্রতিবিশ্ব  $S_2$  উৎপার করিবে। সূতরাং মনে হইবে যে ঐ অসদ্ প্রতিবিশ্ব  $S_1$  ও  $S_2$  এর দুইটি বিন্দু D এবং E ( A

বিন্দুর সংগত বিন্দুবর ) হইতে দুইটি রন্ধি DB এবং EC অভিনেত্রের দিকে আসিতেছে।  $P_1$  প্রেটের তল হইতে  $M_1$  এবং  $M_2$  দর্গণের দূরদের পার্থক্য বিদ d হয় তবে  $S_1$  এবং  $S_2$  এর মধ্যের দূরদ্ব অভাবতই 2d হইবে। বিদ সমস্কন সঠিকমত করা হয় তবে  $M_1$  এবং  $M_2$  সমান্তরাল থাকিবে। ইহার ফলে অভিনেত্রগামী রন্ধিবরও সমান্তরাল হইবে। এই রন্ধি দুইটি সংসন্ত হওরার ফলে ব্যতিচার উৎপাম করিবে এবং চোখের রেটিনায় অথবা অভিনেত্রের ফোকাসতলে A বিন্দুর জন্য একটি ব্যতিচারী বিন্দুর সৃষ্টি হইবে। এই বিন্দুতে আলোর তীরতা নির্ভর করিবে ব্যতিচারী রন্ধি দুইটির আলোকস্পথের দূরদের পার্থক্যের উপর। উপরের চিত্র হইতে দেখা বায় যে সংসক্ত বিন্দু দুইটি E এবং D এর দূরদ্ব 2d. বিদ A হইতে আলোকরন্ধি দর্পণের উপর  $\theta$  কোণেও হয় তবে  $\theta$  এবং  $\theta$  এবং  $\theta$  কোনে আপতিত হয় তবে  $\theta$  এবং  $\theta$  এবং  $\theta$  কানে হয় তবে  $\theta$  হইবে।  $\theta$  বিন্দু হইতে বিদ  $\theta$  এবং  $\theta$  এবং  $\theta$  কানে ম্লোর ক্রাও বিহু হৈবে বাহার ফলে  $\theta$  এবং  $\theta$  বিন্দুতে দশার মূল্য এক হইবে।  $\theta$  এবং  $\theta$  হইতে অভিনেত্রের ফোকাসতল পর্যন্ত আলোকপথ সমান। সূত্রাং রিদ্ধি দুইটির পথ-দূরদ্বের পার্থক্য দাড়াইতেছে  $\theta$  ।

কিন্তু  $EF - ED \cos \theta - 2d \cos \theta$ .

এখন বদি  $2d \cos \theta - m\lambda$  হয় (2.41)

ভবে রশ্বিষয় অভিনেত্রের ফোকাসতলে একটি উজ্জল বিন্দুর সৃষ্টি করিবার কথা ( এই সম্বন্ধে পরের আলোচনা প্রক্তির )।

র্যাদ 2d, m এবং ম অপরিবর্তিত থাকে ( অর্থাং  $M_1M_2$  সমান্তরাল হয়, আলো একবর্ণের হয় এবং m ক্রমের একটি ঝালরের কথাই বিবেচনা করা হয় ) তবে এই ব্যক্তিরারী উজ্জল বিন্দুর সন্ধারপথ (locus) দাড়াইবে এমন একটি বৃত্ত বাহার কেন্দ্র হইবে চক্ষু হইতে দর্পদের উপর অন্তিকত একটি লবের মিলনস্থল। বিদি ও কোণের পরিবর্তন করা যার অর্থাং অন্য কোণে আপতিত একটি রন্ধির কথা চিন্তা করা যায় তবে একটি ভিন্ন ও মূলোর কোণের জন্য অন্য m এর ক্ষেত্রে আবার এই সমীকরণ সিদ্ধ হইবে এবং অন্য ব্যাসের আর একটি বৃত্ত পাওরা বাইবে। এইর্পে বৃত্তীর একশ্রেণী কালর উৎপন্ন হইবে এবং ইহাদের প্রত্যেকেরই কেন্দ্রবিন্দু একই হইবে।

পূর্বেই বলা হইরাছে বে এই যাে ব্যতিচারঝালর সূচুর্পে উৎপাদন করিতে হইলে একটি বিশ্বত আলোকউৎস বাবহার করা অত্যাবশাক। এই ব্যাপারটি ইরংএর, ক্লেনেলের বা লরেডের পরীক্ষার সম্পূর্ণ বিপরীত। ইহার কারণ চিত্র ২.৯৬ হইতে সহক্রেই বৃথিতে পারা বার।  $\Lambda$  বিন্দু হইতে যে আলোকরিনা  $\theta$  কোণে দর্পণের উপর পড়িতেছে সেইটিই কেবল m ক্রমের ঝালর উৎপান্ন করিতেছে এবং অন্য কোণে আপতিত রিন্দু ইহাতে অংশ গ্রহণ করিতেছে না। আর এই রিন্দা অভিনেত্রের ফোকাসতলে মাত্র একটি বিন্দুই উৎপান করিতেছে। এই ব্যাতিচারীবিন্দুর সঞ্চারপথ দেখা গিরাছে একটি বৃত্ত। এই বৃত্তের একটি বিন্দুই শুধু  $\Lambda$  হইতে নির্গতরন্মি দ্বারা সৃষ্ঠ হইবে। সমস্ত বৃত্তিটি সম্পূর্ণ করিতে হইলে  $\Lambda$ র মধ্য দিরা আলোকউৎসে একটি বৃত্ত আনিকলে তাহার পরিধির (circumference) বিভিন্ন অংশ হইতে রিন্দাসমূহ আসা প্রয়োজন। অন্য একটি বৃত্তীর ঝালর উৎপান হইবে আর একটি অনুরূপ কিছু ভিন্ন ব্যাসের বৃত্তের পরিধির বিন্দুসমূহ হইতে নির্গত আলোক দ্বারা। সুত্রাং দেখা বাইতেছে যে সুস্পর্ক এবং সম্পূর্ণ ঝালরশ্রেণী সৃষ্ঠি করিতে হইলে একটি প্রশন্ত আলোকউৎস দরকার অর্থাৎ ইহা হইতে নির্গত আলোকরিনা সমান্তরাল হইরা কাচের প্রেট  $P_1$  এর উপর পড়া প্রয়োজন।

• বদি কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে বৃত্তশ্রেণীর কোনও একটি ব্যাসার্ধ টানা যার তাহা হইলে এই সরলরেখার আলোর তীরভার হ্রাসবৃদ্ধি দেখা যাইবে এবং ইহা চরম ও অবম তীরভার মধ্য দিয়া গমন করিবে। কি নিয়মানুসারে এই তীরভার পরিবর্তন হইবে তাহা দশা পার্থক্যের রাগি হইতে নির্ণর করা যার। দেখা গিয়াছে বে রশ্মি দুইটির পথদূরদ্বের পার্থক্য △x হইতেছে

$$\wedge x = 2d \cos \theta$$
.

আবার দশা-পার্থক্য  $\triangle \phi = \frac{2\pi}{\lambda} \ 2d \cos \theta = \frac{4\pi d \cos \theta}{\lambda}$ .

 $I=4a^2\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$  [ বেখানে a তরকের বিভার ]

সূভরাং 
$$\frac{2d\cos\theta}{\lambda} = m$$
. (2.42)

অথবা 
$$\frac{2d\cos\theta}{\lambda} = (m + \frac{1}{2})$$
 (2.43)

এই পুইটি সমীকরণ বৃদ্তাকার ঝালরের ব্যাসার্ধের উপর আলোর তীব্রতার চরম এবং অবম অবস্থানের নির্ণয় করিবে ।

M, দর্পণটি সরাইরা বৃদি d দূরত্ব হ্রাসবৃদ্ধি করা বার তবে ঝালরের প্রস্থুও

অনুর্পভাবে পরিবর্তিভ হইবে। ইহার কারণ নির্মালিখিত বিক্রেনা বারা বুঝা বার।

$$2d \cos \theta_1 - m_1 \lambda$$
$$2d \cos \theta_2 - (m_1 - 1)\lambda$$

এই সমীকরণন্ধরে  $m_1$  ক্রমের ঝালর  $\theta_1$  কোণে উৎপার হইতেছে এবং ঠিক ইহার বাহিরের  $(m_1-1)$  ক্রমের ঝালর  $\theta_2$  কোণে উৎপার হইতেছে । এখানে  $\theta_2>\theta_1$ .

$$\therefore 2d(\cos\theta_1 - \cos\theta_2) = \lambda \qquad \dots \qquad 2.44$$

বিদ d দূরত্ব কমানো যায় তবে এই সমীকরণ সিদ্ধ করিতে  $(\cos\theta_1-\cos\theta_2)$  এই গুণকটি বাড়াইতে হইবে। বিদ  $\theta_1$  কোণ অপরিবৃতিত ধরা যায় তবে  $\theta_2$  এবং  $\theta_1$  এর পার্থক্য যত বাড়িবে  $(\cos\theta_1-\cos\theta_2)$  গুণকের মানও তত বাড়িবে। সূতরাং সমীকরণ বজায় রাখিবার কারণেই  $\theta_1$  এবং  $\theta_2$  কোণের মধ্যের পার্থক্য বৃদ্ধি পাইবে। আর এই কোণ দূইটির পার্থক্যের সহিত কালরের প্রস্থ সমানুপাতিকর্পে সংযুক্ত ; ইহাদের পার্থক্য বাড়িলে ঝালুরের প্রস্থ বাড়িবে এবং কমিলে ঝালুরের প্রস্থ কমিবে। সূতরাং আলোচা ক্ষেত্রে d দূরত্ব কমাইলে ঝালুরের প্রস্থ কমাইলে ঝালুরের প্রস্থ বাড়িবে। অনুরূপ কারণে d দূরত্ব বাড়াইলে ঝালুরের প্রস্থ কমিবে এবং এইগুলি বেশী ঘেষাঘেষি করিয়া সৃষ্ঠ হইবে।

এই একই কারণে d দূরত্ব ব্রুমাগত কমাইলে কেন্দ্রের নিকটতম বৃত্তীর কালরের বাাস কমিতে থাকিবে এবং ইহা কেন্দ্রন্থলে সম্কৃতিত হইতে হইতে শেবে অদৃশ্য হইবে। এই প্রক্রিরা চলার ফলে ক্রমশ বাহিরের দিকের ঝালর সম্কৃতিত হইরা কেন্দ্রে অদৃশ্য হইরা বাইবে। d দূরত্ব কতাট কমাইলে একটি ঝালরের কেন্দ্রে অবলুগ্রি ঘটিবে তাহা সহজেই বাহির করা বায়। কেন্দ্রের ক্রেরে কেন্দ্রে  $\theta=0$ . সূতরাং লেখা বায়

$$2d_1 = m_1 \lambda$$
;  $2d_2 = (m_1 - 1)\lambda$  ... 2.45

এই সমীকরণের প্রথমটি দেখাইতেছে বে  $m_1$  ক্রমের ঝালর কেন্দ্রে অবস্থিত ; বিতীরটি বুঝাইতেছে যে, পরবর্তী  $(m_1-1)$  ক্রমের ঝালরটি কেন্দ্রন্থলে আসিয়াছে, অর্থাৎ  $M_1$  দর্পণের  $d_1-d_2$  পরিবর্তনের জন্য একটি ঝালরের অবলুপ্তি বটিয়াছে ।

or 
$$d_1 - d_2 = \lambda$$
 ... 2.46

সূতরাং দেখা বাইতেছে বে  $M_1$  দর্পণটির বদি  $\frac{\lambda}{2}$  দূরত্ব ক্যানো বার তাহা হইলে কেন্দ্রে একটি ঝালরের অবলুপ্তি ঘটে। আবার ঐ একই দূরত্ব  $\frac{\lambda}{2}$  বাড়াইলে কেন্দ্রে একটি নৃতন ঝালরের আবির্ভাব ঘটে এবং কেন্দ্রের ঝালরটি আর্ফাততে বড় হইরা নৃতন ঝালরটির বহির্ভাগে অবস্থান করে। এই আলোচনা হইতে সহজেই বুঝা বার যে বদি  $M_1$  সরাইবার ফলে  $P_1$  হইতে ইহার এবং  $M_2$  এর দূরত্ব সমান হয় তবে ক্রমাগত ঝালরের প্রস্থ বাড়িতে বাড়িতে এমন অবস্থা আসিবে যে একটি কেন্দ্রীয় ঝালরই শেষ পর্যন্ত সমস্ত দৃষ্টিকেন্দ্র ফুড়িরা বাসবে। এই অবস্থার ব দূরত্ব শূন্য হইরা বাইবে, ফলে আলোকর্বান্ম দূইটির পথ-দূরত্ব আর মোটেই থাকিবে না এবং সমস্ত কোণেই এই শূন্য পথ দূরত্বের রান্দ্র্যুগল ব্যতিচারের সৃষ্টি করিবে। এই অবস্থার দৃষ্টিক্রেন্দ্রের আলোর উক্সলতা নির্ভর করিবে রান্দ্র দূইটির দশার উপরে। ইহারা সমদশা সম্পন্ন হইলে তীব্রতা চরম হইবে এবং দশার পার্থক্য থাকিলে তীব্রতাও অনুরূপভাবে হ্রাস পাইবে। ব দূরত্বের আবির্ভাব খুব স্ক্র দূরত্ব মাপিবার কাজে ব্যবহৃত হইরা থাকে।

এখানে মাইকেলসনের ব্যতিচারমাপক যব্রের ঝালরের একটি বৈশিক্টোর উল্লেখ করা প্রয়োজন। এই ঝালরশ্রোণী উৎপাদনের সর্ত হইল

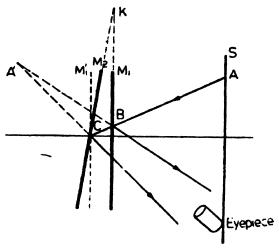
 $2d\cos\theta = m\lambda$ .

এই  $\cos\theta$  গুণকের জনা কেন্দ্র হইতে যত বাহিরের দিকে যাওয়া যায় ওড়ই m এর মান কমিতে থাকে। ফলে  $\theta_1$  কোণে বদি m রূমের ঝালর উৎপার হর তবে ঠিক ইহার বাহিরের দিকের  $\theta_2$  কোণে  $[\theta_2>\theta_1]$  (m-1) রূমের ঝালর উৎপার হইবে। এই জ্বায়গায় ঝালরশ্রেণী ক্লেনেলের যুগ্য-গ্রিজ্ম, বৃগ্ধ-দর্পণ, লয়েডের দর্পণ ইভাদিতে সৃষ্ট ঝালরশ্রেণী হইতে আলাদা এবং বিপরীত্যমী বলা যায়। শেষোর ঝালরশ্রেণীতে কেন্দ্রীয় ঝালর হইতে যত বাহিরের দিকে যাওয়া যায় ততই ঝালরের রুমিক সংখ্যা m এর মান বাড়িতে থাকে।

## খানীকৃত ঝালুর (Localised fringes).

এই জাতীর ঝালরের সৃষ্টি হয় যখন  $M_1$  এবং  $M_2$  দর্পণ দুইটি পরস্থারের সহিত উল্লেখভাবে অবস্থান না করিয়া  $90^\circ$  ডিগ্রী হইতে সামান্য

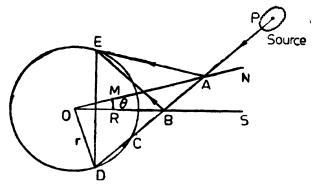
আলাদা কোণে থাকে। কোণটি যখন সম্পূর্ণরূপে 90° ডিগ্রী হর তখন বৃত্তীয় খালরের সৃষ্টি হর দেখা গিরাছে। কিন্তু বখন একটি দর্শণ এই অবস্থান হইতে সামান্য বিচ্যুত হর তখন সাধারণত বৃত্তাংশের আকারের ঝালরের উৎপত্তি হয়। এই ঝালরের উৎপত্তি হইতে হইলে অবশা ৫ দূরত্ব খুব বেশী হইলে চলিবে না। বড় জাের করেক মিলিমিটারের বেশী হইলে আর এই ঝালর দেখা যার না। এইগুলির উৎপত্তির কারণ সক্রের চিত্র নং ২.১৭ হইতে বৃঝা বার। বিদ দর্শণ দুইটি উল্লেখ্ব না হয় তবে ইহাদের তল দুইটি বাড়াইলে একটি সরল-বেখার মিলিত হইবে। চিত্রে ১ একটি আলোকউৎসের এবং  $M_1$   $M_2$ ' দপণ্ড



हिंह २.५१

পুইটির অবস্থান বুঝাইতেছে। ইহাদের তল চিত্রের তলের সহিত উল্লেখ্যার অবস্থান করিতেছে। এই অবস্থার দর্পণ দুইটি এমন একটি সরলরেখার মিলিবে বাহা চিত্রতলের সহিত উল্লেখ্য অবস্থানে থাকিবে। এটি K বিন্দুর মধ্য দিরা একটি উল্লেখ্য সরলরেখা খারা বুঝান বার। আলোকউৎসের একটি বিন্দু A হইতে একটি রিন্দা দর্পণ দুইটিতে প্রতিফলিত হইরা অভিনেত্রের দিকে খাইবে। কিন্তু  $M_1M_3$  সমান্তরাল না হওরার প্রতিফলিত রন্দির দুইটিও সমান্তরাল হইবে না এবং মনে হইবে যে ইহারা দর্পণ দুইটির নিকটস্থ কোনও বিন্দু A' হইতে আসিতেছে। এই A' বিন্দুর আলোর তীরতা অবশ্য রিন্দা দুইটির পথদূরক্ষের পার্থক্যের উপর নির্ভরশীল। পথদূরক্ষের মানের অনুসারে ইহার বে তীরতা হর, সেই তীরতাসম্পন্ন বিন্দুর সঞ্চারপথ এক্ষেত্রে নির্ভর করিবে প্রধানতঃ আপতন বিন্দুর নিকটে দর্পণ দুইটির দ্বক্ষের উপর ৮

আর এই দূরত্ব অপরিবাঁতিত থাকিবে এমন একটি সরলরেখার উপর বেটি Kবিন্দুর মধ্য দিয়া চিত্রতলের সহিত উল্লম্বভাবে অবস্থান করিতেছে। সূতরাং এই ব্যক্তিচারী বিন্দুর সঞ্চারপথও এই দৃষ্ঠিকোণ হইতে বিবেচনা করিলে একটি সরলরেখার আকার গ্রহণ করিবে। তবে বদি  $M_1 M_2 ^\prime$  দূরত্ব খুব কম না হয় তবে পূর্বোক্ত ক্ষেত্রের ন্যায় এই দ্রত্ব 2d এর প্রভাবও ব্যতিচার ঝালরের আকৃতিকে প্রভাবিত করিবে। ফলে ঝালরের আকৃতি নির্মামত হইবে এই উভয় কারণের ধারা যাহার ফলে ঝালরগুলি সম্পূর্ণ সরলরেখার আকার ধারণ করিবে না ; ইহাদের আকৃতি হইবে বৃত্তাংশের মত । উপরের আলোচনা হইতে সহজেই অনুমান করা যায় যে  $M_1M_2$ ' দূরত বাড়িলে ঝালরের বক্ততাও বাড়িবে। যখন  $M_1 M_2$  কে ছেদ করে তখন 2d দূরত্ব অবম হইবে এবং ইহার প্রভাবও অবম হইবে। এই অবস্থায় ঝালরগুলি সরলরেখার আকৃতি ধারণ করিবে।  $M_1 M_2$  দূরত্ব কমাইবার সঙ্গে সঙ্গে ঝালরের প্রস্থ পরিবর্তনের যে আলোচনা বৃত্তীয় ঝালরের ক্ষেত্রে করা হইয়াছে তাহা এই ক্ষেত্রেও প্রযোজ্য। আৰ এই ক্ষেত্ৰে ব্যতিচাৰী ৰশ্বি দুইটি সমান্তরাল না হওয়ায় মনে হইবে যেন ঝালরগুলি M, দর্পণের খুব নিকটে অবস্থিত। সূতরাং এই ঝালর চোখে দেখিতে হইলে চোখ অসীমের (infinity) দিকে ফোকাস না করিয়া  $M_1$ দর্শণের নিকটে ফোকাস করিতে হইবে এবং মনে হইবে বেন ইহা Mদুর্পণের গারে সৃষ্ঠ হইরাছে। এই ঝালরশ্রেণীর বেশ খানিকটা ফোকাসের গভীরতা (depth of focus) দেখা বার। ফোকাসের গভীরতার বিষয়ে নিছলিখিত বৰ্ণনাটি বিবেচনা কৰা যাইতে পাৰে।



চিত্ৰ ২.১৭ (a)

চিচ্চ নং ২.১৭ (a) তে দুইটি প্রতিফলক তলের সহিত চিত্রতলের সংযোগ-রেখা MN এবং RS সরলরেখার বারা চিহ্নিত হইরাছে, এই সরলরেখা দুইটি O বিন্দুতে মিলিয়াছে। একটি আলোকউৎসের P বিন্দু হইতে একটি আলোকরিনা MN এবং RS তল হইতে যথাক্রমে A এবং B বিন্দুতে প্রতিফলিত হইয়া E বিন্দুতে মিলিয়াছে। তাহা হইলে E বিন্দুর MN এবং RS তলে প্রতিবিদ্ধ হইবে যথাক্রমে C এবং D; আর এই বিন্দু দুইটি PAB রন্মির সরলরেখার উপর অবস্থান করিবে। যেহেতু MN EC সরলরেখার লম্ব বিশ্বন্ধক (perpendicular bisector) এবং RS এর সঙ্গেও ED এর অনুরূপ সম্বন্ধ বর্তমান, সূতরাং E, C এবং D O বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া অন্তিত একটি বৃত্তের উপর অবস্থান করিবে। E বিন্দুতে প্রতিফলিত রন্মি দুইটির পথ-পার্থক্য হইবে AB + BE - AE অর্থাং AD - AC এবং ইহা CD এর সমান। ফলক দুইটির মধ্যের কোণ যদি  $\theta$  হয় এবং বৃত্তের ব্যাসার্ধ বিদ্ধ  $\Gamma$  ধরা যায় তবে লেখা যায়

#### $CD = 2r \sin \theta$

কাজেই দেখা বাইতেছে যে উৎসের যে কোনও বিন্দু হইতে একটি রশ্মি দুইটি ফলকে প্রতিফলিত হইরা বৃত্তের কোনও বিন্দুতে মিলিত হইলে ইহাদের পথপার্থক্য সমান হইবে। এখন যদি E বিন্দুতে একটি অণুবীক্ষণ যা এমন অবস্থানে ফোকাস করা হর যাহাতে যােরর অক্ষ বৃত্তের E বিন্দুতে স্পর্শকের সমাস্তরাল হর তাহা হইলে ফোকাসের সসীম গভীরতার জন্য E বিন্দু ছাড়াও ইহার আন্দে পালে বৃত্তের উপর অবস্থিত বিভিন্ন বিন্দু হইতে দৃতিক্ষেত্রের ফোকাসে আলো আসিবে। এই সমন্ত আলোকরন্মিরই পথপার্থক্য সমান হইবে। সূত্রাং এই পথপার্থক্য যদি নিয়লিখিত সর্ত পালন করে

#### $2r \sin \theta = n\lambda$

ভাহা হইলে E একটি উচ্চল বিন্দু হিসাবে দেখা যাইবে। অণুবীক্ষণ বন্ধটিকে বিদ নিজ অক্ষের অভিলৱে সরানো হয় ( অর্থাং OE ব্যাসার্থের সমান্তরালে ) তবে ইহার দৃষ্টিক্ষেত্রে পরপর উচ্চল এবং অন্ধকার ঝালররাশি সরিয়া যাইতে থাকিবে।

মাইকেলসনের ব্যতিচার-মাপকের প্রয়োগ (Application of Michelson's Interferometer).

মাইকেলসন ব্যতিচার-মাপক ব্যারে নির্মালখিত ধরণের প্ররোগ করা বার। ১। তরঙ্গদৈর্ঘোর নির্ণর।

२। पृत्रतकत् वा निर्द्धात भविषाभ।

ত। বৰ্ণালিরেখার স্কাগঠন নির্ণয় (fine structure of spectral lines)।

৪। প্রতিসরাক্ত নির্ণয়।

এই প্রয়োগপদ্ধতি পরপর আলোচিত হইবে।

ভরক্তির্যের নির্ণয়—এই প্রণালীতে প্রথমতঃ বৃত্তীয়-ঝালরের সৃষ্টি করা হর এবং ইহার জন্য নির্ণের তরঙ্গদৈর্ঘাের আলাে ব্যবহার করা হয় ; ফলে মােটামুটি একবর্ণের ঝালরশ্রেণীই উৎপশ্ন হয় । এই অবস্থায় যদি  $M_1$  দর্পণিট (চিত্র ২.১৬ ) সরানাে যায় তবে ঝালরশ্রেণীর কেন্দ্রস্থলে ক্রমান্থয়ে একটি করিয়া নৃতন ঝালরের সৃষ্টি বা অবলুপ্তি ঘটে। দেখা গিয়াছে যে যদি কেন্দ্রের কথা বিবেচনা করা হয় তবে লেখা যাইতে পারে

$$2d_1 - m_1 \lambda \tag{2.47}$$

$$2d_2 - m_2\lambda \tag{2.48}$$

সূতরাং 
$$2(d_1-d_2)=(m_1-m_2)\lambda$$

অথবা 
$$(d_1 - d_2) = (m_1 - m_2) \frac{\lambda}{2}$$

অথবা 
$$\lambda = \frac{2(d_1 - d_2)}{m_1 - m_2}$$
 (2.49)

কান্ধেই উপরের সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে যখন  $M_1$  দর্পণিতি  $2(d_1-d_2)$  দূরত্ব সরানো বার, ঝালরশ্রেণীর কেন্দ্রের বিন্দু দিয়া  $m_1-m_2$  সংখ্যক ঝালর গমন করে। এই সংখ্যা খুব সহজেই নির্ণয় করা যায়, কারণ ইহাতে  $m_1$  এবং  $m_2$  এর মান স্বভন্তরূপে জানিবার প্রয়োজন হয় না শুধু যে কর্মটি ঝালর কেন্দ্রের ভিতর দিয়া গমন করে তাহা গণনা করিলেই  $(m_1-m_2)$  পাওয়া যায়। অনুরূপভাবে  $d_1$  এবং  $d_2$  এর বেলায়ও ইহাদের মান স্বভন্তরূপে জানিবার প্রয়োজন নাই, ইহাদের পার্থক্য  $(d_1 \sim d_2)$  জানিলেই চলে। এখন এই যদ্রের বর্ণনাপ্রসঙ্গে বলা হইয়াছে যে  $M_1$  দর্পণের গাঁতর পরিমাণ একটি সূক্ষ্ম স্কুএর সাহাযো খুব ঠিকভাবে মাপা যায়। সূতরাং  $d_1$  এবং  $d_2$  দাড়াইবে  $M_1$  দর্পাণের দুই অবস্থানে স্কুএর পাঠ এবং এই পাঠের বিয়োগফল হইতে  $(d_1-d_2)$  দূরত্বের পরিমাপ পাওয়া যাইবে। কাজেই 2.49 নং সমীকরণের সমন্ত ভানদিকের রাশিই নির্ণীত হওয়ায় ইহার সাহাযো নির্ণেয় তরঙ্গদৈর্ঘ্য বাহির করা যায়।  $M_1$  দর্পণের স্কুএর সাহাযো দূরত্ব  $10^1_{0.0}$ th mm. পর্যন্ত সাহজেই পাঠ করা যার বার ফলে তরঙ্গদৈর্ঘ্যও অনুরূপ সূক্ষ্মতায় পাওয়া যাইতে পারে। সাবধানতার সহিত পরীক্ষা করিলে  $(m_1-m_2)$  প্রায় সঠিকভাবে

মাপা বার এবং ইহাতে ষেটুকু সামান্য ভূল হর তালের পরিমাণ  $(m_1-m_2)$  এর মান বাড়াইরা আনুপাতিক ভাবে কমানো বার ।

দূরকের বা দৈর্যের সৃক্ষম পরিষাপ—সমীকরণ 2.49 হইতে দেখা যায় বে বাদ কোনও জানা তরঙ্গদৈর্ঘ্য ব্যবহার করিয়া উত্ত পরীক্ষা করা যায় তবে এই সমীকরণের সাহাব্যে  $(d_1-d_2)$  দূরত্ব মাপা বায়। সূতরাং কোনও দূরত্ব পূব সৃক্ষমাপে নির্ণয় করিতে হইলে  $M_1$  দর্পণের গতি হইতে ইহা বাহির করা বায়। এখানে সমীকরণিট লেখা বায়

$$(d_1 - d_2) = (m_1 - m_2) \frac{\lambda}{2}.$$

 $M_1$  দপ'ণের গতির দুইপ্রান্ডের পাঠ  $d_1$  এবং  $d_2$ .
বিদ একটি ঝালরের আবির্ভাব ব৷ অবলুপ্তি ঘটে তবে সোডিয়াম তরঙ্গের বেলায় সংক্লিন্ট দূরত্ব হইবে  $(d_1-d_3)=\frac{\lambda}{2}=\frac{5893}{2}\times 10^{-8}~{
m cm}$   $=2.947\times 10^{-8}~{
m cm}$ 

বদ্ধের সাহাব্যে একটি ঝালরের  $j_0^{\rm t}$ th পর্যন্ত গতি সহজেই মাপা বার । তাহা হুইলে মোটামুটি  $3\times 10^{-6}~{
m cm}$  পর্যায়ের দূরত্ব এই প্রণালী দ্বারা মাপা সম্ভব ।

দূরত্ব এবং তরঙ্গদৈর্ঘার মধ্যে এই যে সম্বন্ধ ইহার একটি খুব গুরুত্বপূর্ণ প্রয়োগ দেখা যায় মাইকেলসন এবং বেনোর (Michelson & Benoit) পরীক্ষার বাহা দ্বারা তরঙ্গদৈর্ঘার সঙ্গে প্রামাণ্য মিটারের দৈর্ঘ্য সংশ্লিষ্ট করা হইয়াছে। এই পরীক্ষা দ্বারা প্যারিসে (Paris) রাখা প্রামাণ্য মিটার দণ্ডের দুইটি দাণের মধ্যের দৈর্ঘ্য ক্যাড্যমিয়ামের (cadmium) তিনটি বর্ণালীরেখার তরঙ্গদৈর্ঘ্যের রাশিতে (terms) নির্ণাত হইয়াছে।

মাইকেলসন এবং বেনো কর্তৃক আলোকভরক্তের দৈর্ঘ্যের হিসাবে প্রামাণ্য মিটারের মূল্যায়ণ (Evalution of the standard metre in terms of wave length by Michelson and Benoit).

প্রামাণা মিটারের দৈর্ঘের আন্তর্জাতিক বাঁকৃত সংজ্ঞা হইতেছে পারিসের সনিকটে ইনটারনাাশনাল বারে। অব ওয়েট্স আত্ত ন্টানডারড্স্এ (International Bureau of weights and standards) রক্ষিত একটি ইরিডোপ্রাটিনাম (Irido-Platinum) দত্তের দুই প্রান্তে অন্কিত দুইটি সৃক্ষ রেখার মধ্যেকার দ্রত্ব। এই দূরত্ব কোনও পরম প্রমাণের (absolute standard) সাহাব্যে নির্পণের বাহ্নীয়তা অনেকদিন হইতেই বৈজ্ঞানিক মহলে চিত্তা করা

হইতেছিল বাহাতে কোনও কারণে ঐ মিটারদণ্ড নন্ট হইলেও আবার তৈরী করা বাইতে পারে। 1892 সনে মাইকেলসন এবং বেনো এই পরীক্ষা আরম্ভ করেন। উপরের আলোচনা হইতে সহজেই বুঝা বার বে  $M_1$  দপ্ণটি বদি মিটারদণ্ডের দুই প্রান্তের রেখার মধ্যের দূরত্ব সরাইয়া নিয়া ঝালরপ্রেণীর কেন্দ্রে অবলুগু বা আবিভূতি ঝালরের সংখ্যা গণনা করা হয় তবে বাবহৃত আলোকতরঙ্গ এবং মিটার দৈর্ঘোর মধ্যের সম্বন্ধ বাহির করা বায়। কিন্তু ইহাতে দুইটি অসুবিধা আছে। প্রথমত বদি একবারে এই প্রক্রিয়া সম্পন্ন করা হয় তাহা হইলে নৃতন ঝালরের সংখ্যা দাড়াইবে নিয়রূপ:

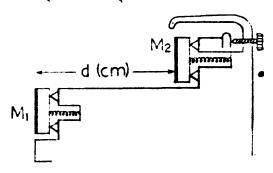
$$d_1 - d_2 = (m_1 - m_2) \frac{\lambda}{2}$$

$$m_1 - m_2 = \frac{2(d_1 - d_2)}{\lambda}$$

এখানে  $d_1-d_2=1$  metre ; এক্ষণে যদি  $\lambda$  এর মান ধরা যায়  $5\times 10^{-5}$  cm ভবে দাঁড়ায়  $m_1-m_2=\frac{2\times 10^2}{5\times 10^{-5}}=4\times 10^6$ 

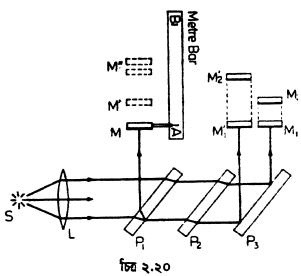
এই বিপুলসংখ্যক ঝালর গণনা কর। খুবই কন্ঠসাধ্য এবং ইহাতে ভূল হওয়ার সম্ভাবনাও খুবই বেশী।

অধিকন্তু  $d_1 - d_2$  এর মান এক মিটারের মত দীর্ঘ হইলে ঝালরের প্রস্থ এত কমিয়া থাইবে যে ইহা দেখাই যাইবে না। তাছাড়া দৃশ্যতার (visibility) আলোচনা ( পরের আলোচনা দুর্ফব্য ) হইতেও বুঝা যায় যে দর্পণের এত দীর্ঘ গতির ক্ষেত্রে এমন কোনও সম্পূর্ণ একবর্ণীয় বর্ণালিরেখা পাওয়া সম্ভব নয় যাহাতে সৃষ্ট ঝালরের দৃশ্যতা প্রায় শ্নোর কাছাকাছি হইবে না। এই সমস্ত



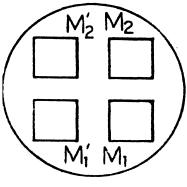
চিত্র ২.১৯

অসুবিধা দৃর করিবার জন্য দর্শটি মধ্যবর্তী প্রমাণ (intermediate standard) ব্যবহার করা হইরাছে। এইগুলিকে বলা হয় ইটালন (etalon). ইহাতে দুইটি সমতল দর্পণ  $M_1$  এবং  $M_2$  থাকে বাহার। চিত্রে প্রদাদত-ভাবে d দূরত্বে অর্থান্থত ।  $M_2$  দর্পণিটি ছু এর সাহাযো নড়াইর।  $M_1$  এর সমান্তরাল করা বার । পরীক্ষার ব্যবহৃত দীর্ঘতম ইটালনটির দর্পণ দুইটির দূরত্ব মোটামুটি 10 cm. এই দর্শটি ইটালন এমনভাবে তৈরী বে বিতীয়টির দৈর্ঘ্য প্রথমটির আনুমানিক অর্থেক এবং পর্যারক্তমে এইভাবে দশমটি প্রায় 0.02 cm. ইহার ফলে এই দূরত্বের জন্য কেন্দ্রে যে ঝালরের আবির্ভাব হইবে তাহার মোটামুটি সংখ্যা হইবে এক হাজারের মত এবং এই সংখ্যা সহজেই নির্ভূলভাবে গণনা করা বার । প্রথমে ক্ষুদ্রতম এবং তাহার পরের ইটালনটি দিরা পরীক্ষা আরম্ভ করা হয় । ২.২০ নং চিত্রে প্রদাশত একটি বিশেবভাবে তৈরী ব্যতিচারমাপক বরের সাহাযো এই পরীক্ষা করা হয় । এই বব্রে দৃত্তিক্ষের অপেক্ষাকৃত বৃহত্তর বাহাতে চারিটি দর্পণে সৃষ্ট ঝালরই ইহাতে একসঙ্গে দেখা বার ।



প্রথমে M এবং কুন্তম ইটালনের সামনের দর্পণ  $M_1$  দুইটি একটু হেলাইরা সাদা আলোর ঝালর সৃষ্ঠি করা হয়। এইবার সাদা আলোর ঝালর বদলে ক্যাডিমিরামের লাল বর্ণালিরেখা আলোক উৎস হিসাবে ব্যবহার করিয়া বৃত্তীর ঝালর উৎপন্ন করা হয় এবং  $P_1$  হইতে এই দর্পণ দুইটির দ্রম্ব সমান করা হয়। অনুরূপভাবে, সাদা আলোর সাহায্যে বিভীর ইটালনের সামনের দর্পণ  $M_1$  এর দ্রম্ব  $M_1$  এবং  $M_1$  এবং তলে অবস্থান করে এবং দৃষ্ঠিকেতে (চিত্ত নং ২.২১)  $M_1$  এবং

 $M'_1$  এ কালর দেখা যায়। ক্যাডিমিরামের লাল আলোর সাহাব্যে ঝালর সৃষ্ঠি করিরা এবার M দর্পণ ক্রমশঃ সরানো হর বাহাতে MM'  $M_1M_2$  র



हिंद २.२५

সমান হয় এবং এই প্রক্রিয়ায় ষত সংখ্যক নৃতন ঝালরের আবির্ভাব হয় তাহা সাবধানে গণন। করা হয়। এই সময় ঝালরের পূর্ণসংখ্যা এবং ভগ্নাংশও হিসাব করা দরকার। সাদা আলোর সাহাষ্যে দেখা হয় যাহাতে  $oldsymbol{M}'$  এবং  $M_2$  একই তলে আসে। এই সময় দৃষ্ঠিক্ষেত্রে  $M_2$  দর্পণে ঝালর দেখা যায়। এইবার কুনুতর ইটালনটি এতটা সরাইয়া নেওয়া হয় যাহাতে  $M_1$  দর্পণ পূর্বেকার  $M_2$  দর্পণের স্থান অধিকার করে ; এই ধাপে ঝালর গণনার প্রয়োজন নাই । এই ধাপ সম্পন্ন হইলে দৃষ্টিকেন্দ্রে আবার  $M_{_{
m I}}$ দর্পণে ঝালার দেখা যাইবে। ইহার পর M দর্পণটি M' পর্যন্ত সরাইতে হইবে বাহাতে M ু এর নৃতন দূরত্ব M' এর সমান হয়। এই সময়ও কালরের সংখ্যা গণনা করিবার প্রয়োজন নাই, কারণ ইহা পূর্বে নির্ণীত সংখ্যার এই সরানোর ফলে  $M_{\star}$  এর নৃতন অবস্থানে দৃষ্টিক্ষেত্রে ইহাতে ঝালরের আবিভাব হটবে। এরপর M কে আর সামানা একটু সরাইর। M'ু এ ঝালর উৎপান করিতে হইবে এবং এই সামান্য গতির জ্বন্য যে বাড়তি ঝালরের আবিভাব হইবে তাহা সাবধানে নির্ণয় করিতে হইবে। ক্ষুদ্রতম ইটালনের জন্য যদি নৃতন ঝালরের আবির্ভাব সংখ্যা হয়  $N_1+f_1 \,\,[N_1\,\,$ একটি পূর্ণসংখ্যা এবং f একটি ভন্নাংশ ] এবং অনুরূপভাবে M' এর বাড়তি গতির জন্য ঝালবের সংখ্যা যদি হয়  $N_s+f_s$  তবে বৃহত্তর ইটালনের সংগ্রিষ্ট বালরের সংখ্যা দাঁডাইবে

$$2(N_1 + f_1) + N_2 + f_3 \tag{2.50}$$

এই রাশিমালার মধ্যে  $N_1$ ,  $f_1$ ,  $N_2$  এবং  $f_2$  মাপা হইরাছে  $[N_2 < N_1]$  সূতরাং এই প্রণালীতে বৃহত্তর ইটালনে ঝালরের সংখ্যা নির্ণর করা সহজ্ব। এইভাবে বৃহত্তম ইটালনে ঝালরের সংখ্যা নর্নটি ধাপে বাহির করা হয়।

এইবার বৃহত্তম ইটালন (10 cm) ব্যবহার করিয়া দশ ধাপে মিটার দণ্ডের দৈর্ঘ্য মাপা বার । প্রথমে প্র দর্গনিটি মিটার দণ্ডের এক প্রান্তের দাগ এর সহিত মিলাইয়া দিয়া ইহার দূরত্ব প্র', এর সমান করিতে হয় । পরে প্র প্র প্র দ্বার করিতে হয় । পরে পরি পরি দুরে সরাইয়া পর্', এ কালর সৃত্তি করিতে হয় । এইভাবে দশটি ধাপে মিটার দণ্ডের শেব প্রান্তে আসিয়া পৌছান বায় । এই সময়ে ঝালরের সংখ্যা গালবার প্রয়োজন নাই কারণ প্রতিটি ধাপে ঝালরের সংখ্যা পূর্বেই নির্ণাত হইয়াছে । দশম ধাপের পর পর দর্গনিটি অন্য প্রান্তের দাগ ৪ এর সহিত মিলাইবার সময় বে বাড়তি ঝালরের আবিভাব হয় তাহা সাবধানে গণিতে হইবে । তাহা হইলেই মিটার দণ্ডের এক প্রান্তের দাগ হইতে অন্য প্রান্তের দাগ পর্যান্ত দৈর্ঘ্যের মধ্যে ঝালরের সংখ্যা সঠিকভাবে পাওয়া বাইবে এবং ইহা হইতে এই এক মিটার দৈর্ঘ্যের হিসাবে বাবহুত আলোক তরঙ্গের দৈর্ঘ্য নির্ণাত হইবে ।

মাইকেলসন এবং বেনো এইভাবে ক্যাডমিয়ামের তিনটি বর্ণালিরেখার ভরস্কদৈর্ঘ্য নির্ণয় করেন। ইহাদের মান নিয়ে দেওরা হইল

> লাল —  $\lambda_r = 6438.4722 \text{ Å}$ সবুজ —  $\lambda_n = 5085.8240 \text{ Å}$ নীল —  $\lambda_n = 4799.9107 \text{ Å}$

ইহাদের মধ্যে লাল রেখাটি বর্ণালিবীক্ষণ শাস্ত্রে (spectroscopy) প্রাথমিক প্রমাণ (primary standard) হিসাবে বর্তমানে খীকৃত হইয়াছে। ইহার পরেও এই আলোকভরক্ষের দৈর্ঘ্য আধুনিককালে ৩ বার পুননিগীত হইয়াছে। সবশৃদ্ধ চারিটি প্রধান নির্ণয়ের মান এইরূপ

মাইকেলসন এবং বেনো (1895) 6438·4691 Å
বেনো, ফেন্তি এবং পেরো (1906) 6438·4703 Å
ভরাতানাবে এবং ইমাইজুমি (1928) 6438·4682 Å
সিরার্স এবং ব্যারেল (1934) 6438·4708 Å

ทธ=6438:4696 Å

গড় মান হইতে ইহার বে কোনও একটির বিচ্যুতি এক কোচিতে 2.2

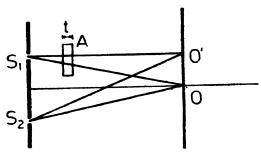
ভাগ মাত । ইহার ফলে আন্তর্জাতিক কেতে ধরিয়া লওয়া হইয়াছে যে ক্যাডমিরামের লাল রেখাটি শুদ্ধ আবহাওয়ায় এবং 15°C তাপমাত্রায় ও 76 cm পারদের চাপে মাইকেলসনের নির্দেশমত উৎপন্ন করা হইলে ইহার আলোক-তরকের দৈর্ঘের নিয়লিখিত মান হইবে :—

 $\lambda_{\text{red}} = 6438.4696 \text{ Å}.$ 

বর্ণালীরেখার সূক্ষ গঠন নির্ণয় (Determination of fine structure of lines):

মাইকেলসন  $M_1$  দর্পণ নড়ানোর সঙ্গে সঙ্গে ঝালর শ্রেণীর দৃশ্যতার পরিবর্তন পরীক্ষা করিয়া বিভিন্ন বর্ণালিরেখার সৃক্ষা গঠন অনুসন্ধান করেন। ফোর এবং পেরোর (Fabry & Perot) আবিষ্কৃত ব্যতিচার মাপক ষব্রের সাহায্যে এই অনুসন্ধান আরও অনেক সঠিকভাবে করা ষায়। সূতরাং ঐ প্রণালীই পরে বিশদভাবে আলোচিত হইবে বলিয়া মাইকেলসনের প্রণালীর আর বিক্তৃত বিবরণ দেওয়। হইল না।

প্রতিসরাক নির্ণায় । তরঙ্গ-মতবাদ এবং কণা-মতবাদ অনুসারে আলোর গতিবেগ ঘনতর মাধ্যমের ভিতর দিয়া যাইবার সময় যথাক্রমে কমে এবং বাড়ে। সূতরাং এই দুইটি সিদ্ধান্তের মধ্যে কোনটি সত্য তাহা যাচাই করিতে পারিলেভাল হয়। বাতিচারের সাহাযো এই উদ্দেশ্য সিদ্ধ করা সম্ভব।



क्ति २.२२

উপরের চিত্র নং ২.২২ হইতে দেখা যায় যে ব্যতিচার ঝালর শ্রেণীর কেন্দ্রীয় ঝালরটি O বিন্দুতে উৎপন্ন হয়, কারণ এই বিন্দু উৎস দুইটি  $S_1$  এবং  $S_2$  হইতে সমান দূরে অবস্থিত যেজনা ব্যতিচারী রশ্মি দুইটি  $S_1O$  এবং  $S_2O$  এই বিন্দুতে আসিতে একই সময় নেয়। কিন্তু যদি এখন  $S_1$  উৎস হইতে নিগত আলোর পথে কোনও বছু বনুর ফলক (plate) বসাইয়া দেওয়া হয়

ভবে দেখা বাইবে যে কেন্দ্রীয় ঝালরের অবস্থানের পরিবর্তন ঘটিবে এবং ইহা O বিন্দু হইতে উপর বা নীচে সরিয়া বাইবে। O বিন্দুর গতি কোন দিকে হইবে তাহা নির্ভর করিবে এই নবসামিবিক ফলকে আলোর গতি-বেগের উপর। গতিবেগ কম হইলে O উপরের দিকে সরিয়া ঘাইবে। সুভরাং এই গতির পরীক্ষা হইতে নির্নালিখিতর্পে প্লেটের প্রতিসরাক্ষ নির্ণয় করা বায়। আর এই সঙ্গে ভরঙ্গ ও কণা মতবাদের মধ্যে কোনটি সভ্য ভাহাও নির্ণীত হইয়া বায়। নৃতন প্লেটটি  $S_1O$  এর পথে সামিবিক করিবার ফলে ধরা বাক যে কেন্দ্রীয় কালর O বিন্দু হইতে সরিয়া O' বিন্দুতে আসিয়াছে। এই O' বিন্দুর অবস্থান এমন হইবে যাহাতে  $S_1$  এবং  $S_2$  হইতে আলোক O' পর্বান্ত আসিতে একই সময় লাগে। সুভরাং লেখা যাইতে পারে

$$\frac{S_2O'-S_1O'-t}{v} + \frac{t}{v'} \qquad ... (2.51)$$

এই সমীকরণে v এবং v' বথারুমে  $S_1S_2$  ও OO' এর মধ্যে ও প্লেটের মাধ্যমে আলোর গাতিবেগ এবং t প্লেটটির বেধ বুঝাইতেছে।

$$\therefore \frac{S_1O'-S_1O'+1}{v}-\frac{t}{v'}$$

অধবা  $S_2O'-S_1O'=\frac{vt}{v'}-t=t(u-1)$  :  $\frac{v}{v'}=\mu=$  প্লেটের প্রতিসরাক। এই প্লেট সামবেশের ফলে যদি কেন্দ্রবিন্দু O দিয়া m সংখ্যক ঝালর গমন করে তবে লেখা যায়

$$S_2O' - S_1O' = t(u-1) = m\lambda$$

$$\therefore \mu = \frac{m\lambda}{t} + 1 \qquad \dots (2.52)$$

ইহা হইতে দেখা যায় যে ঝালরের সংখ্যা গণনা করিরা এবং ১ ও । এর মূল্য জানা থাকিলে প্লেটের প্রতিসরাক্ষ বাহির করা যায়। পরীক্ষা হইতে দেখা যায় যে প্লেটিট যদি গভীরতর মাধ্যমের বন্ধু হয় তবে O' বিন্দু উপরের দিকে সরিরা যাইবে; এবং তরক্ষ মতবাদ এই বৃপই সিদ্ধান্ত করে। সূত্রাং প্রীকাফল তরক্ষ মতবাদকেই সমর্থন করে, কণা মতবাদকে নয়।

এই নীতি প্ররোগ করিয়া মাইকেলসন ব্যতিচার মাপক বত্তে রশ্বি দূইটির একটির পথে প্লেটটি সন্নিবিষ্ঠ করিলে ইহার প্রতিসরাক্ষ নিগর সন্তব হইবার কথা: কিন্তু ইহাতে কিছু অসুবিধা আছে। প্রথমত বদি এক বর্ণের আলো বাবহার করা বার তবে প্লেট সন্নিবেষের সময় ঝালরগুলির একটি অসম্ভত (discontinuous) গতি হয় বাহার ফলে ঝালরের ক্রমিক সংখ্যার পরিবর্তন নির্ণয় করা সম্ভব হয় না। আর ইহাতে কেন্দ্রীয় ঝালরের নৃতন অবস্থানের নির্পণেরও উপায় নাই। অন্য দিকে সাদা আলোর ক্ষেত্রে কেন্দ্রীয় ঝালর অবার্ণ হওয়ায় সাদা আলো দিয়া এই পরীক্ষা করা সম্ভব বলিয়া মনে হইতে পারে। কিন্তু এই প্রণালীতেও প্লেটে আলোর বিচ্চুরগের জন্য কেন্দ্রীয় ঝালরের কিছু অস্বাভাবিক স্থানান্তরণ (abnormal shift) ঘটে। ফলে উপরের সমীকরণ এই ক্ষেত্রে সম্পূর্ণরূপে প্রযোজ্য হয় না। এই অস্বাভাবিক স্থানান্তরণ নির্মালখিত রূপে নির্ণয় করা বায় ঃ—

ফলকটিতে বাদ আলোর বিচ্চুরণ না হইত তবে ইহাতে উৎপত্ন পথ পার্থকা সমন্ত তরঙ্গদৈর্ঘের বেলারই সমান হইত। ফলে পর্দার যে কোনও বিন্দৃতেই ঝালর শ্রেণীর সমান চ্যুতি হইত এবং কেন্দ্রীয় ঝালরটি সমন্ত তরঙ্গ-দৈর্ঘ্যের বেলারই একই দ্রুদ্ধে সরিয়া যাইত। অতএব স্থানচ্যুত কেন্দ্রীয় ঝালরটি অবার্ণ থাকিত। কিন্তু ফলকে আলোর বিচ্চুরণ হওয়ার এই সিদ্ধান্তের পরিষঠন করা প্ররোজন। বিচ্চুরণের ফলে দশা পার্থকা তরঙ্গদৈর্ঘ্যের উপর নির্ভর করিবে এবং বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যের দশা-পার্থকা বিভিন্ন হইবে। সূতরাং দীর্ঘতর তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোর ঝালরের হুষতর চ্যুতি হইবে। বিদ্  $\lambda$  তরঙ্গ-দৈর্ঘ্যের আলোর ঝালরের চ্যুতি হয়  $\Delta x$ , তবে লেখা যার

$$\triangle x = \frac{D\delta}{d}$$
 ; এখানে  $\delta = (\mu - 1)t = f(\lambda)$ 

 $\mu$  ফলকের প্রতিসরাব্ফ, t ফলকের বেধ এবং  $f(\lambda)$   $\lambda$ -এর অপেক্ষক

সূতরাং 
$$\triangle x = \frac{D}{d}f(\lambda)$$
.

আদি কেন্দ্ৰীয় ঝালৱ হইতে n ক্ৰমের ঝালৱের চুাতি হইবে x

$$x = \frac{D}{d} n\lambda + \Delta x = \frac{D}{d} [n\lambda + f(\lambda)].$$

যখন এই চুতি বর্ণালির উজ্জলতম অংশের জন্য বধাসন্তব তরক্রদৈর্ধোর উপর অনির্ভরশীল হইবে তথন x-এর এই অবস্থানে অবার্ণতার সৃষ্ঠি হইবে ! আর এই সর্তের অর্থ  $\frac{dx}{d\lambda} = 0$ . এই সর্ত প্রয়োগ করিয়া পাওয়া বার

$$\frac{dx}{d\lambda} = \frac{D}{d}[n+f'(\lambda)] = 0$$

$$\left[\frac{d}{d\lambda}f(\lambda) - f'(\lambda)\right]$$

$$\therefore \quad n = -f'(\lambda) = -\frac{d}{D}\frac{d(\triangle x)}{d\lambda}$$
সূতরাং পাওয়া বায়  $x = \frac{D}{d}$   $[f(\lambda) - \lambda f'(\lambda)].$ 

△.४-এর মান ব্যবহার করিরা পাওয়া বায়

$$x = \triangle x - \lambda \, \frac{d(\triangle x)}{d\lambda}$$

এই সমীকরণের  $\frac{d(\Delta x)}{d\lambda}$  পদটি ঋণাশ্বক ; কারণ তরঙ্গদৈর্ঘা  $\lambda$  বত বাড়িতে থাকিবে নালরের চ্যুতি  $\Delta x$  তত কমিতে থাকিবে । সূতরাং দিতীর পদটি ধনান্দক দাঁড়াইবে । অর্থাৎ বিচ্ছুরণের প্রভাব বাদ দিলে ঝালরের চ্যুতি বিদ হয়  $\Delta x$ , তবে বিচ্ছুরণের দরুণ এই চ্যুতি  $\lambda \frac{d(\Delta x)}{d\lambda}$ পরিমাণ বাড়িয়া বাইবে ।

মাইকেলসনের বাতিচার মাপকে উৎপান ঝালরকে দুইটি ছতত্ক ভাগে ভাগ করা বার । বৃত্তীয় ঝালরের ক্ষেত্রে উহার সৃষ্টি হর ( একটি m ক্রমের ঝালরের বেলার ) অক্ষরেখার সহিত একই কোণে আপতিত রশ্মিসমূহ ছারা । এই কারণে ইহাদের বলা বার সম-আনতির ঝালর (fringes of equal inclination). স্থানীকৃত ঝালরের বেলার ব্যতিচারী রশ্মি দুইটির পথ দ্রমের পার্থক্য প্রধানতঃ ব দ্রমের পরিবর্তনের উপর নির্ভর করে এবং একটি m ক্রমের ঝালরের বেলার এই দ্রম্ব ব অপরিবর্তিত থাকে । সূত্রাং এই ঝালরশ্রেণীকে বলা বার সম-বেধের ঝালর (fringes of equal thickness).

সাদা আলোর বালর (White light fringes).

মাইকেলসনের ব্যতিচার-মাপক যদ্ধে সাধারণতঃ এক-বর্ণের ঝালরই পরীক্ষার জন্য ব্যবহৃত হইয়। থাকে । যখন বৃত্তীর ঝালর উৎপার হয় তখন সাদা আলো ব্যবহার করিয়া ঝালর দেখা সম্ভব হয় না । ইহার কারণ ২.১২ নং চিত্রের সাহায্যে বুঝিতে পার। যায় । প্রতিটি বর্ণের আলোকের জনাই ঝালরের প্রস্থা আলাদা হইবে এবং ক্রমশঃ উক্তরুমের ঝালরের ক্ষেত্রে এইগুলির আমল বাড়িতে থাকিবে । ফলে এমন কতকগুলি অবস্থানের সৃষ্টি হইবে যেখানে একটি বর্ণের ঝালরের জন্য চরম আলোক-তীব্রতা এবং অপর বর্ণের ঝালরের আলোক-তীব্রতার অবম মান মিলিরা ঐ স্থানে আলোর তীব্রতার বৈষম্য খুক

কমাইর। দিবে। দুইটি বর্ণের জন্য বদি এই অরুপার সৃষ্ঠি হর তবে অসংখ্য বর্ণের একই সমরে উপস্থিতির ফল সহজেই অনুমান করা বার। সমন্ত বিস্পৃতেই কভকগুলি বর্ণের আলো চরম তীব্রতার বর্তমান থাকিবে বাহার ফলে একটি গড় বর্ণ দেখা বাইবে এবং সমন্ত বিস্পৃতেই গড়ে এই একই অরুপার সৃষ্ঠি হওরার সমন্ত বিস্পৃরই গড় রং একই হইবে আর এই বং মোটামুটি সাদা হইবে। শুধু কেন্দ্রীর ঝালরের ক্ষেত্রে সমন্ত বর্ণের আলোক-তীব্রতাই এক হইবে এবং এইটি অবার্ণ (achromatic) হইবে। কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে গেলেই অমিল বাড়িতে থাকিবে এবং ঝালরগুলি রামধনুরঙের হইবে। ৫—১০টি ঝালর গেলেই আর কোনও আলোক-বৈষম্য দেখা বাইবে না এবং ফলে ঝালরও দেখা বাইবে না।

সমীকরণ  $2d\cos\theta-m\lambda$  হইতে দেখা বায় বে বৃত্তীয় ঝালরের ক্ষেত্রে ঝালরিটের কম শ্লা নয়  $(m\neq 0)$ ; শ্লা ক্রমের ঝালর কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে অবস্থান করে। আর এই শ্লা ক্রমের ঝালরের আশেপাশেই a-b সাদা আলোর ঝালর দেখা বায়। সূতরাং বৃত্তীয় ঝালরের ক্ষেত্রে সাদা আলো ব্যবহার করিলে কোনও ঝালর দেখা বাইবে না, বিশেষতঃ বিদ  $M_1M_2$  দূরত্ব বেশী হয়।

সাদা আলোর ঝালর উৎপন্ন করিতে হইলে স্থানীকৃত ঝালর (localised fringes) প্রথার সাহায়া নিতে হয়। এক বর্ণের আলো দিয়া এই ঝালর প্রথমে সৃষ্টি করিয়া নিয়া  $M_1$  সরাইতে হয় যাহাতে ঝালরগুলি সরলরেখার আকার ধারণ করে। এইবার একবর্ণের আলোকের স্থানে সাদা আলো বসাইয়া  $M_1$  খুব ধীরে আগে পিছনে সরাইতে হয়। এক সময় সাদা আলোর ঝালর দৃষ্টি-ক্ষেত্রে আবিভূতি হয়। এই ঝালর শ্রেণীর মধাবর্তীটি অবার্ণ পাওয়া যায় এবং ইহার উভয় পার্থে করেকটি রামধনু রঙ্গের সরলরেখাকৃতি ঝালর দেখা বায়।  $M_1$  দর্পণিটি কয়েক মিলিমিটার সরাইলেই ইহারা অদৃশা হইয়া যায়।

উপরোক্ত আলোচনার বলা হইরাছে যে সমীকরণ  $2d\cos\theta=m\lambda$  অনুসারে দেখা যায় যে শ্না ক্রমের ঝালরের ক্ষেত্রে ব্যতিচারী আলোকরন্মিষর একই দখার অধিশ্বাপিত হওরায় এই খ্যানে আলোর তীরতা চরম হইবার কথা। কিন্তু চিত্র নং ২.১৫ হইতে দেখা যায় যে একটি রশ্মি  $P_1$  প্লেটের পিছনের তলের বহিন্তাগ হইতে প্রতিফালত হয়; অনাটি প্রতিফালত হয় ইহার অন্তর্ভাগ হইতে। সূত্রাং লয়েডের দর্পণের ক্ষেত্রে বের্প দেখা গিয়াছে সেইর্পে এই ক্ষেত্রে বহিন্তাগে প্রতিফালত রশ্মির  $\pi$  দশার পরিবর্তন হয়। সূত্রাং শ্ন্য

ক্রমের ঝালরের ক্ষেত্রে বে দুইটি রশ্বি বাতিচার উৎপাদন করে ভাছারা পরস্পর বিপরীত দশার হওয়ার কথা । অবশ্য এই দশার পরিবর্তন  $P_1$  এর তলের বৃপার প্রলেপের অবস্থার উপর থানিকটা নির্ভার করে বলিয়া শূন্য ক্রমের ঝালরের আলোর তীব্রতা অনুর্পভাবে চরম এবং অবমের মধ্যে পরিবৃতিত হয়।

### কালবের দুখাতা (Visibility of the fringes).

উপরের আলোচনা হইতে বুঝা বার বে বাদ  $M_1M_2'$  (চিত্র নং ২.১৬) দূরদ্ব বাড়িতে থাকে তবে কালরের প্রস্থান্ত বাস্তানুপাতে কমিতে থাকে : ফলে ঝালরের দৃশ্যতাও কমিতে থাকে (অবশ্য বাদ একই অভিনেত্র বাবহার করা হর : অভিনেত্রের বিবর্ধন ক্ষমতা বাড়াইলে সাধারণত দৃশ্যতাও বাড়িবে ) কিন্তু অন্য একটি কারণেও এই দৃশ্যতার পরিবর্তন হইরা থাকে । কারণটি হইল আলোক-উৎসের প্রকৃতি । এই বিবর্গটি ঠিকমত গণনা করিবার ক্ষমা মাইকেলসন দৃশ্যতার একটি গাণিতিক সংজ্ঞা উদ্ভাবন করেন । এই সংজ্ঞানুসারে

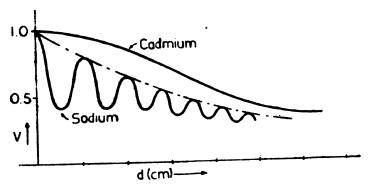
দুখাতা 
$$V = \frac{I_{max} - I_{min}}{I_{max} + I_{min}}$$
 (2.56)

এখানে  $I_{max}$  একটি কালরের আলোর চরম তীরতা এবং  $I_{min}$  পার্ববর্তী কালরের আলোর করম তীরতা বুবাইতেছে। বিদ আলোটি সম্পূর্ণ একবর্ণের হর তবে দৃশাতা এই সংক্ষানুসারে কালরের ( বৃত্তীর ) কৌণক বাাসের উপর নির্ভয় করে না। সরল দোলগতি সম্পন্ন একটি আলোকতরঙ্গ বাবহার করিলে  $I_{min}$  এর মান দাড়াইবে শ্না। সূত্রাং এই ক্ষেত্রে V-1. ইহার কারণ  $I-4a^2\cos^2\frac{\Delta\phi}{2}$  এই সমীকরণে করম তীরতার হানে  $\frac{\Delta\phi}{2}-(2m+1)\frac{\pi}{2}$  কিন্দু বিদ একবর্ণের পরিবর্তে দুইটি খুব কাছাকাছি মানের তরঙ্গ দৈর্ঘা  $\lambda_1$  এবং  $\lambda_2$  আলোকতংগে বর্তমান থাকে তবে প্রত্যেকের জনা একটি ঝালরশ্রেণী উৎপন্ন হইবে এবং কোনও কোনও  $M_1M_2$  দ্রদের জনা এমন অবস্থার সৃষ্টি হইবে বে একই বিন্দুতে  $\lambda_1$  তরঙ্গের চরম আলোক তীরতার সঙ্গে  $\lambda_2$  তরঙ্গের করম আলোক তীরতার সঙ্গে করা করম তীরতার স্থিত হওবের করম আলোক তীরতার সঙ্গে না। অতএব ঝালরশ্রেণীর আলোর তীরতার বৈষমা এবং সাথে সাথে দৃশাতাও কিম্মা বাইবে। চরম প্রতিকৃত্য ক্ষেত্রে প্রতি বিন্দুতেই একই আলোক তীরতার করিছা

হইবে এবং  $I_{max} = I_{min}$  দাড়াইবে। ফলে দৃশ্যতা V এর মান হইবে শ্ন্য। অবশ্য এখানে ধরিরা লওরা হইরাছে যে আলোকতরঙ্গ দুইটির বিস্তার সমান।

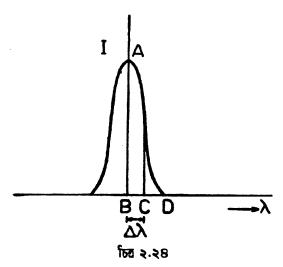
পরীক্ষাকালে দেখা যায় যে ঝালরশ্রেণীর দৃখ্যতা V এর মান সাধারণত কখনই । হয় না । ইহা হইতে বুঝিতে পারা যায় যে কোনও আলোকউৎসই সম্পূর্ণরূপে একবর্ণের নয় । অতএব এই দৃখ্যতার পরিমাপ হইতে একটি বর্ণাল রেখার (spectrum line) একবর্ণতার পরিমাণ (degree of monochromatism) বুঝিতে পারা যায় ।

সোডিরামের হলুদ আলোতে দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘ্য বর্তমান এবং ইহাদের পার্থকা 6A. এই আলো ব্যবহার করিলে M, দর্পণ সরাইবার সঙ্গে দেখা যার যে ঝালরপ্রেণীর দৃশ্যমানতা সাধারণভাবে কমিতে থাকে, কিন্তু এই হ্রাসও সমভাবে হর না। ইহা একবার কমে আবার বাড়ে। ইহা হইতে বুঝা যার যে ভরঙ্গ দুইটির জন্য যে দুইটি বতত্র ঝালরপ্রেণী উৎপন্ন হইরাছে তাহা দর্পণের গাভির সঙ্গে সঙ্গে পরস্পরের মধ্যে সংযোগ এবং বিসঙ্গতির (concordance and discordance) সৃষ্টি করার দৃশ্যমানতার এই হ্রাস বৃদ্ধি হইতেছে। প্রতি 1000 ক্রমের ঝালরের গাভির জন্য এই হ্রাস বৃদ্ধি একবার ঘটে বলিয়া বুঝা যার যে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্য আলোকভরঙ্গের 1000 ভাগের 1 ভাগ অর্থাং প্রায় 6A: কিন্তু সাধারণভাবে দৃশ্যমানতার ব্যাখ্যার জন্য একটি কারণও বিবেচনা করিতে হইবে। দেখা যার যে ক্যাডমিরামের লাল আলোর ক্ষেত্রে এই দৃশ্যমানতা নিরবিচ্ছিলভাবে কমিয়া যার।



চিত্ৰ ২.২৩

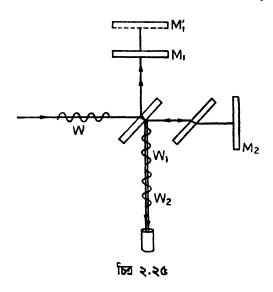
সুতরাং এখানে সোভিয়ামের হলুদ আলোর মত একাধিক তর্জদৈর্ঘ্য বর্তমান নাই। তবে অন্যান্য নানাদিক হইতে বিবেচনার ফলে ধরা বায় বে কোনও আলোকতরক্রই সম্পূর্ণ একবর্ণের নর ইহা একাধিক নিরবিচ্ছিত্র (continuous) তরক্রমালার সমষ্টি। এই তরক্রমালার তীব্রতা এবং তরক্রদৈর্ঘ্য নিরের চিত্র ঘারা (চিত্র ২.২৪) চিত্রিত করা বার। এই ধারণা অনুসারে



বর্ণাল রেখাটি কতকর্গুল নিরবচ্ছিন্ন তরঙ্গমালার সমষ্টি। এই চিটে  $BC = \triangle^{\lambda}$  দারা বৃঝার চরম ও ইহার অর্দ্ধেক আলোক তীব্রতার মধ্যে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থকা এবং এই পার্থক্যকে বলা হয় বর্ণালিরেখার অর্ধ-প্রস্থ (half-width). এই অর্ধ-প্রস্থ বত কম হইবে রেখাটিও তত বেশী একবর্ণের বিলয়া গণ্য করা হইবে।

এই মতানুসারে  $M_1$  দপণি সরাইলে বর্ণালিরেখার প্রতিটি তরঙ্গদৈর্ঘার উৎপার ঝালরই পরস্পরের সহিত ক্তমশ অধিক অস্ক্রতির (discordance) সৃষ্টি করিবে; ফলে দৃশামানতা ক্রমশই কমিতে থাকিবে। দপণির দৃরছ d এর সহিত এই দৃশামানতা V এর হ্বাস পর্ববেক্ষণ করিয়া বর্ণালিরেখার অর্থ-প্রস্থ নির্ণার করা বায় এবং ইহা হইতে রেখাটির একবর্ণদের (monochromatism) পরিমাণ নির্ণার করা বায়। ইহা হইতেই এটাও বুঝা বায় বে d দৃরছ বাড়াইবার জন্য এই কারণেই সোডিয়ামের হলুদ আলোর ঝালরের দৃশামানতার সাধারণভাবে হ্বাস ও বৃদ্ধি হইরাছে।

পৃশ্যমানতার এই নিরবচ্ছিম হ্রাস এবং পরিণামে অবলুপ্তি আর একটি দৃষ্টিকোণ হইতেও দেখা বাইতে পারে। তরঙ্গদৈর্ঘের বিস্তৃতির একটি প্রচলিত অর্থ এই বে উৎস হইতে সীমিড দৈর্ঘের তরঙ্গমালা (wave trains of finite length) নির্গত হইতেছে। এই তরঙ্গমালার দৈর্ঘ্য বলি  $d=M_1M_1'$  (চিত্র ২.২৫) এর অপেক্ষাক্ম হর তবে ইহার ফল দাড়াইবে বে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের দিকেবি দুইটি তরঙ্গমালা যাইবে তাহারা পরস্পরের উপর অধিস্থাপিত হইবে না

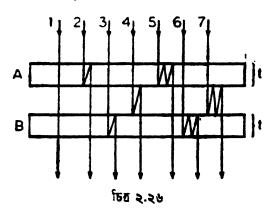


এবং ইহার অর্থ দাড়াইবে যেন ইহার। দুইটি পরস্পর অসংসম্ভ আলোকরশি ।
সূতরাং এই ক্ষেত্রে ব্যতিচারও উৎপন্ন হইবে না । ৫ দূরত্ব শূন্য হইতে বাড়িতে
থাকিলে এই কারণের জন্য অসংসন্তির প্রভাবও বাড়িতে থাকিবে যাহার ফলে
ঝালরের দৃশ্যমানতা বাস্তানুপাতে কমিতে থাকিবে ।

### ক্রম্বারের পটি (Brewster's Bands).

বৃদ একটি আলোকরশ্বি দুইটি বছ এবং অনতিক্ষীণ প্লেটে আসিয়া পড়ে তাহা হইলে এই রশ্বি প্লেটের মধ্য দিয়া বাইবার সময় বহুল-প্রতিফলনের ফলে একশ্রেণীর ব্যতিচার ঝালর সৃষ্টি করে। এই ঝালরগুলিকে বলা হয় বুষ্টারের পটি। এইগুলি প্রথমে রুষ্টার ১৮১৫ সনে পর্যাবেক্ষণ করেন। ইহালের উত্তবের কারণ নিয়ের চিত্র হইতে বুঝা বাইবে।

২.২৬ নং চিত্রে দেখা যায় যে আলোকের বিভিন্ন রশ্মি বিভিন্নর্পে প্রতিফলনের সৃষ্টি করে। ১ নং রশ্মি কোনও প্রতিফলনের মধ্য দিয়া নাঃ গিরা সোজাসুজিই চলিয়া যায়। ২ এবং ৩ নং রশ্মিদ্বয় প্লেট A এবং B তে বথাক্রমে ১ বার প্রতিফলিত হয়। এই রশ্মি দুইটি সদৃশ এবং সংসক্ত হওরার ২ ও ৩ নং রশ্মি একই আপতিত রশ্মির দুই অংশ; আপতিত রশ্মির একাংশ A ফলকে প্রতিফলিত হইরা ২ নং রশ্বি হিসাবে B ফলকের মধ্য দিরা সোজা চলিরা বাইতেছে। অন্য অংশ A ফলকের মধ্য দিরা সোজা গিরা রশ্বি হিসাবে B ফলকে প্রতিফলিত হইরা গমন করিতেছে। ইছাদের মধ্যে বাতিচারের সৃষ্টি হইবে। ৪ নং রশ্বিটি প্লেট দুইটির মধ্যের স্থানে একটি প্রতিফলনের সৃষ্টি করিবে। ১ নং রশ্বির মত ইহারও কোন



জুড়ি নাই, সূতরাং ১ ও ৪ নং রাশ্ব কোনও ব্যতিচারের সৃষ্টি করিবে না। আবার ৫ ও ৬ নং রাশ্ব দুইটি ২ ও ০ নং রাশ্বর ন্যার ব্যতিচারের সৃষ্টি করিবে। কিন্তু ইহাদের রাশ্বর ভীরতা ২ ও ০ নং রাশ্বর অপেক্ষা অনেক কম হওরার এইগুলি প্রার দেখাই যাইবে না। প্রেট দুইটি ৫ ও ৪ এর বেধ । বাদ সমান হর এবং তাহারা রাদ সমান্তরাল হর তবে ২ ও ০ নং রাশ্বর উৎপার প্রতিবিদ্ধ পরস্পরের সহিত মিলির। যাইবে এবং ইহাদের মধ্যে কোনও পথদূরদ্বের পার্থকা না থাকার ব্যতিচার ঝালরের উৎপাত্ত হইবে না। কিন্তু বাদ প্রেট দুইটি সমান্তরাল না হর এবং খুব ক্ষুদ্র কোনে অবস্থান করে তবে রাশ্বরমের মধ্যে কিছুটা পথ পার্থকা আসিবে। ফলে একপ্রেণীর ঝালর উৎপান হইবে বেগুলি সরল রেখাকৃতি এবং ইহাদের দৈর্ঘ্য প্লেট দুইটির তল বে সম্বলবেশার মিলিবে ভাহার সমান্তরাল হইবে। বাদ আলো ৫ এবং ৪ প্রেট দুইটিতে ০ এবং ৫ এরং ০ প্রেট দুইটিতে ০ প্রবি ৫ এবং ০ প্রবি ৪ প্রেট দুইটিতে ০ প্রবি ৫ প্রবি ৪ প্রবি ৪ প্রতিক্র প্রার্থকা । স্বান্তরার আলোচনা প্রতীর ) আপেক্ষিক মন্দন (relative retardation) ভোগ করে। সূতরাং ইহাদের পথদূরত্বের পার্থকা দাড়ার

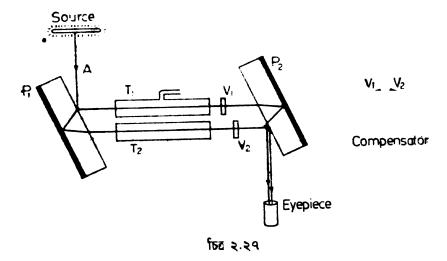
$$2\mu t \left(\cos r - \cos r'\right) \tag{2.57}$$

সূতরাং বণি ৮-৮ হর ( অর্থাৎ প্লেট পূইটি সমান্তরাল হর ) তবে এই

পথ-পার্থক্য শূন্য হইবে এবং কোনও ব্যতিচার ঝালর সূর্য্য হইবে না । অপরপক্ষে প্রেট দুইটি সমান্তরাল না হইলে  $r \neq r'$  এবং পথ-পার্থক্য উৎপক্ষ হওরার ঝালরও দেখা দিবে । এইগুলি হইবে সম-বেধের ঝালর (fringes of equal thickness). এই নীতির উপর নির্ভর করিয়া যামা (Jamin) একটি ব্যতিচারমাপক বন্ধ তৈরারী করেন । ইহার বর্ণনা এবং কার্যপ্রশালী এখানে দেওরা হইল:—

যামার ব্যতিচারমাপক (Jamin's Interferometer).

 $P_1$  এবং  $P_2$  দুইটি কাচের প্লেট ; ইহার। যথাসম্ভব একই বেধের এবং একই প্লেট হইতে কাটিয়া তৈরী। ইহাদের উভয়ের পশ্চাংদিকের তলে রূপার



পুরু প্রলেপ দেওয়া আছে। প্রথমে ইহাদের একটি অপটিক্যাল বেঞ্চে সমাস্তরাল করিয়া বসানো হয় এবং ইহাদের তল উল্লেছভাবে রাখা হয়। একটি আলোকউৎস হইতে একটি বিহুত এবং সমাস্তরাল রান্দাগৃচ্ছ  $P_1$  প্রেটের উপর আপতিত হয়। ইহার একটি রান্দা A বিবেচনা করিলে দেখা বাইবে বে এটি  $P_1$  প্রেটের দুইতল হইতে প্রতিফলিত হইয়া দুইভাগে ভাগ হইয়া বাইবে এবং  $P_2$  প্রেটের উপর আপতিত হইবে। যে ভাগটি  $P_1$  প্রেটের প্রথম তল হইতে প্রতিফলিত হইয়াছে সেটি এবার  $P_2$  প্রেটের নিতীয় তল হইতে প্রতিফলিত হইয়া আভনেত্রের নিকে বাইবে। অনাটি  $P_1$  সেটের বিভানির তল এবং  $P_2$  প্রেটের প্রথমতলে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের বিভানির তল এবং  $P_2$  প্রেটের প্রথমতলে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের বিভানির তল এবং  $P_3$  প্রেটের প্রথমতলে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের বিভানির তল এবং  $P_4$  সেটের প্রথমতলে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের বিভানির তল এবং  $P_4$  সেটের প্রথমতলে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের বিভানির তল এবং  $P_4$  সেটের প্রথমতলে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের বিভানির তল এবং  $P_4$  সেটের প্রথমতলে প্রতিফলনের পর অভিনেত্রের বিভানির হিছার। সূতরাং সমৃত্য এবং সংসক্ত হইবে ( চিত্র ২.২৬ এ

২ এবং ৩ নং রশ্বির নারে)। কাজেই তাহারা বাতিচার ঝালরের সৃষ্ঠি করিবে। অবশ্য এই এ রশ্বিটির অন্যান্য প্রতিফলনও হইবে; কিন্তু উপরোভ রশ্বিদুইটিই সর্বাপেকা উজ্জল এবং পরস্পর সদৃশ বলিয়া সর্বাধিক গুরুত্বপূর্ণ। তাই শুধু এই দুইটিকেই বিবেচনা করা হইয়াছে।

এই যা বার। কঠিন, ভরল ও বিভিন্ন চাপের বারবীর পদার্থের প্রতিসরাক্ষ
মাপা বার। আলোকরণির দুইটির পথে দুইটি নল বসাইরা ইহাদের একটির
মধ্যে বিভিন্ন চাপে বারবীর পদার্থ আন্তে আন্তে ঢোকান যাইতে পারে; ফলে
কালরগুলিও আন্তে আন্তে সরিতে থাকিবে এবং কোনও বিন্দু দিরা এই
অপস্রমান বালরের সংখ্যা সহজেই গণনা করা বাইবে।  $T_i$  নলের সঙ্গে
একটি চাপমাপক যার (manometer) লাগাইলে নলে পরীক্ষাধীন বারবীর
পদার্থের চাপও জানা যাইবে। এই ভাবে সমীকরণ হইতে বারবীর পদার্থের
ঐ চাপে প্রতিসরাক্ষ নির্ণীত হইবে। এই প্রণালীর পরীক্ষা হইতে গ্লাড়কোন
এবং ডেলের (Gladstone & Dale) নিম্নাক্ত নিরম সমর্থিত হর

$$\mu - 1 = \text{const} \times \rho \tag{2.59}$$

এখানে  $\rho$  এবং  $\mu$  বথাক্রমে সংক্লিউ চাপে গ্যাসের ঘনত্ব এবং প্রতিসরাক্ষ।

ইহার সাহায্যে লোরেঞ্জ এবং লোরেঞ্জের (Lorentz & Lorenz) এর নিম্নলিখিত নীতিও পরীক্ষা করিয়া সমর্থন করা যায়

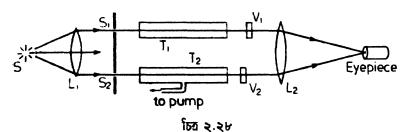
$$\frac{\mu^2 - 1}{\mu^2 + 2} = \rho \times \text{const}$$
 (2.60)

পরীক্ষার সূবিধার জন্য এই বব্রে একটি পরিপ্রক (compensator) ব্যবহার করা হর। একজোড়া সদৃশ কাচের প্রেট পরস্পরের সহিত সমঞ্জনীর (adjustable) কোণে অবস্থান করে। একটি কাচের প্রেটের মধ্য দিয়া বাতিচারী রিশা দুইটির একটি গমন করে; এই কারণে বদি এই পরিপ্রকটি ঘুরানো হয় তবে একটি রশার পথ বাড়িতে এবং অপরটির কমিতে থাকে ফলে রশা দুইটির পথ-পার্থক্য বাড়িতে থাকে। কাজেই এই রশা দুইটির  $T_1$  এবং  $T_2$  নলের মধ্য দিয়া ঘাইবার সময় যে পথ-পার্থক্যের উৎপত্তি হয়, পরিপ্রকটি প্রয়োজনমত ঘুরাইয়া ভাহা খণ্ডন করা যায় এবং ঝালরপ্রেণীর কেন্দ্র আবার আগের অবস্থানে ফিরাইয়া আনা যায়। বদি জানা প্রতিসরাক্ষের বন্ধুর সাহাব্যে এই পরিপ্রকটি আগে ছইতে অংশাক্ষন (calibrate) করা থাকে তবে কেন্দ্রীর ঝালরটি প্রস্থানে ফিরাইয়া আনিতে এই পরিপ্রকটি বতটা ঘুরাইতে হয় ভাহা হইতেই সরাসরি প্রতিসরাক্ষ বাহির করা যায়। সহজেই

অনুমান করা বার যে প্লেট পুইটির মধ্যের কোণ যত কম হইবে পরিপ্রকের সুবেদিতা (Sensitivity) ততই বাড়িবে।

র্যালের প্রতিসরাম্ব-মাপক (Rayleigh's Refractometer).

অনুরূপ আর একটি যা হইল রালের প্রতিসরাক্ত-মাপক (Rayleigh's Refractometer). ইহার নাম হইতেই বুঝা যায় যে পদার্থের প্রতিসরাক্ত মাপিবার জন্য এই যা বাবহার করা হয়। তবে প্রকৃতপক্ষে দুই বা ততােধিক তরল বা বায়বীয় পদার্থের প্রতিসরাক্তের মধ্যে সামান্য পার্থক্য মাপিবার পক্ষে এই যা খুবই উপযোগী। এখানে একটি আলোকউংস ১ হইতে উত্তল লেক



 $L_1$  দারা আলো সমাস্তরাল হইরা  $S_1$  এবং  $S_2$  দুইটি রেখাছিচের উপর পড়ে (চিচ নং ২.২৮)। এই উৎস হইতে রশ্মিদ্বর দুইটি নল  $T_1$  এবং  $T_2$  এর ভিতর দিয়া গিরা আবার উত্তল লেক  $L_2$  দারা অভিনেচের দৃষ্টিক্ষৈচে একচিত হয়। নল দুইটিতে পরীক্ষাধীন তরল বা বারবীয় পদার্থ রাখা যায়।  $V_1 V_2$  একটি পরিপুরক যাহা দারা প্রতিসরাক্ষ সরাসরি মাপা যায়।

রালে এবং বামা ব্যতিচারমাপক যদিও ব্যতিচারের পরিচ্ছেদেই একসঙ্গে বাঁণত হইয়াছে তবুও ইহাদের মধ্যে বিশেষ প্রকৃতিগত পার্থক্য বিদামান। রালে ব্যতিচারমাপকে যে ঝালরশ্রেণী সৃষ্ঠ হয় তাহা প্রকৃতপক্ষে ফ্রণহফার বাবর্তনের দর্গই হইয়া থাকে। এইগুলি বুগা রেখাছিদ্রে ফ্রণহফার বাবর্তনের ঝালর এবং রেখাছিদ্র দুইটির মধ্যের বাবধান বেশী হওয়ায় (প্রায় ১০ মিলিমিটারের মত) উৎপন্ন ঝালরগুলি খুবই সৃক্ষা হইয়া থাকে (চিত্র নং ৩.৩৯ দ্রুইবা)। এই সৃক্ষা ঝালরগুলি দেখিবার জন্য একটি কাচের দণ্ডকে (cylindrical) লেল হিসাবে বাবহার করা হয়। এই লেলের পরিবর্ধনক্ষাতা (magnification) সাধারণত ১৫০ এর মত হয়। ঝালরশ্রেণীর এই স্ক্ষাতার জন্য এই বদ্ধের সাহাব্যে পরিমাপও খুব নিভ্লের্পে করা বায়। অবশ্য স্থারী চিন্ন হিসাবে আর এক শ্রেণীর ঝালর পালাপালা ব্যবহার করিয়। পরিমাপের সৃক্ষাতাকে আরও বাড়ানো হইয়া থাকে।

ৰামা ব্যক্তিনরমাপকের ক্ষেত্রে বালরপ্রেণী ব্যক্তিনর প্রক্রিরার সৃষ্ঠ হইর। বাকে। এইগুলিকে বলা বাইতে পারে অধিস্থাপনজাত বালর (fringes of superposition), আর দুইটি রশ্বিগুচ্ছ হইতে উৎপান হর বলিরা ইহার। অন্যান্য ব্যক্তিনরবালরের ( বথা মাইকেলসন বা জেনেল বুগ্ধ-প্রিজ্ম্ বরের বালর ) মত প্রশ্বত হর রাালের ক্ষেত্রের ন্যার সৃষ্ক হর না। অতএব এই ব্যের সাহাব্যে পরিমাপও রাালে ব্যের মত অতটা নির্ভূল হয় না।

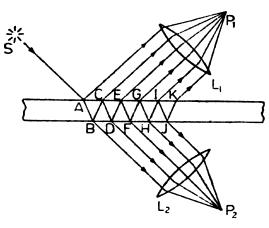
বছল-প্রতিকলনে প্রসূত ব্যক্তিচার (Interference produced by multiple reflections).

বহুল প্রতিফলনে উৎপন্ন ব্যতিচারের একটি দৃষ্ঠান্ত পূর্বেই বাঁগত হইয়াছে । এটি হইল যামার ব্যতিচারমাপক যত্ত (Jamin's Interferometer). এখানে ৰাদ্ভ বহুল প্ৰতিফলন হয় তবুও প্ৰধানত ২ ও ৩ নং (চিত্ৰ নং ২.২৬ ) এই রাম্ম দুইটিই ব্যাতিচারের ঝালর সৃষ্টি করিয়া থাকে। তাই ইহাদের বর্ণনা মাইকেলসন ব্যতিচারমাপকের পরেই দেওয়া হইয়াছে। এবার এই শ্রেণীর ৰ্যাতিচার সম্বন্ধে আরও বিশদভাবে আলোচন। করা হইবে। প্রথমে রাভাবিক-ভাবে উৎপন্ন (কোনও যদ্রের সাহাষ্য ছাড়াই) ব্যক্তিচারের বিষয় ধরা যাক। যখন কোনও খুব পাতলা ভেলের শুর রান্তায় বা জলের উপর ছড়াইয়া থাকে এবং সূর্ব্যালোক ইহার উপর আসিয়া পড়ে তখন এই শুরে বিভিন্নরকমের বংরের সৃষ্টি হইতে দেখা বায়। এইগুলি অনেক সময় একরণ্ডের হয়, আবার একই শুৱে আলোর নানারূপ পরিবর্তন হইতে দেখা যার। মনে হয় বে একই তেলের শুরুই বেন নানা রঙে রঙীন। অর্থাৎ এই ব্যতিচারী বিন্দুগুলি ন্তরের খুব নিকটেই অবস্থান করে। ক্ষেত্রবিশেষে এইগুলি দেখিতে হইলে চকু অসীমের দিকে ফোকাস করিতে হয়। এইরূপ বিচিত্র রঙের আর একটি পুব সাধারণ (common) ঝাপার দেখা যায় সাবান জল দিয়া ভৈয়ী পাতলা ন্তরে। ইহা দিয়া খুব সুন্দর একটি পরীক্ষা করা যায়। যদি এইরুপ একটি পুরু সাবান জলের ন্তর কোনও তারের ফ্রেমে তৈরী করা হয় তবে ইছা সাদা ব্রুরের দেখা যায়। এবার যদি এই স্তর্রাটকৈ খাড়া করিয়া দাড়া করানে। যায় ভবে ইহা ক্রমশঃ পাতলা হইয়া আসিবে এবং ক্রমে ইহাতে রঙের আবিভাব আর স্তরের বেখ পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে ইহার রঙেরও পরিবর্তন ঘটিতে থাকিবে। এই ধরণের বাতিচারের আর একপ্রকারের দৃষ্ঠান্ত দেখা বায় পাধীর পালকের বিভিন্ন এবং বিচিত্র রঙের উপস্থিতিতে। এখানেও ঐ একই প্রক্রিয়াতে রঙের উত্তব হর। মুক্তাতে বে সমন্ত সুন্দর রঙের খেল।

দেখিতে পাওয়া যায় তাহায় কায়ণও এই একই। ইহায় মধ্যে অন্তর্ভূত্ত সৃক্ষা ভিন্ন পদার্থের শুনাই এই রঙ দেখিতে পাওয়া যায়। এবং এই একই কায়ণে সদাপ্রকৃত ইস্পাতের প্রেট বা তারের গায়েও রং দেখা যায়, কায়ণ বায়ৣয় সংস্পর্শে আসিয়া এই প্রেট বা তারের উপর আয়য়ন অক্সাইডের (oxide of iron) সৃক্ষা শুরের সৃষ্টি হয়। এ পর্যন্ত যে সমন্ত দৃষ্টান্ত দেওয়া হইল তাহায় সবগুলিই সৃক্ষা শুরে বহুল প্রতিফলনের ফলে প্রসৃত বাতিচারের নমুনা। ইহাদিগকে বলা চলে পাতলা শুরের রং (colour of thin films) (যে বং বাতিচারের ফলে উৎপক্ষ হয়)। ইহা ভিন্ন অবশ্য পাতলা নয় এমন শুরে বহুল প্রতিফলনের ফলেও বাতিচার ঝালর সৃষ্টি হয় এবং এই নীতির উপর ভিত্তি করিয়া খুব গুরুত্বপূর্ণ এবং প্রয়োজনীয় ষয়েররও সৃষ্টি হইয়াছে। ইহার আলোচনায় ক্রমে আসা বাইবে। এই বিষয়টি ঠিকমত বুঝিবার জন্য সর্বপ্রথম একটি আদর্শ উদাহরণের (idealised case) বিবেচনা দিয়া আলোচনা আয়য় হইবে। এই আদর্শ উদাহরণ হইতেছে একটি সমতল, সমান্তরাল ও বচ্ছে ফলকে বা শুরে আলোর বহুল প্রতিফলনের প্রতিক্রিয়া।

## একটি সমতল ও সমান্তরাল ফলক হইতে আলোর বছল প্রতিফলন—

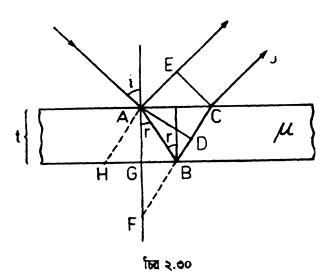
২ ২৯ নং চিত্রে আলোকউংস S হইতে আলো আসিয়া স্বচ্ছ সমতল ও সমান্তরাল ফলকের উপর পড়িতেছে। এই আলোকের একটি রশ্বির



विव २.२৯

কথা ধরা যাক। এই রন্দিটি ফলকের A বিন্দুর উপর আপতিত হইয়াছে। এখানে রন্দিটির একাংশ ফলকের উপরের তলে প্রতিফলিত হইবে অপরাংশ

ফলকের ভিতরে প্রতিসৃত হইবে। এই প্রতিসৃত র**ন্দির একাংশ** আবার ফলকের বিতীয় তলে প্রতিফলিত এবং প্রতিস্ত হইবে। এই প্রক্লিয়ার পুনরাবৃত্তির (repetition) ফলে A বিন্দৃতে আপতিত রুন্দিটি একগচ্চ প্রতিফালত সমান্তরাল রাশ্ম এবং অনুরপভাবে একগুচ্ছ সমান্তরাল প্রতিস্ত রাশ্মর সৃষ্ঠি করিবে। এই রন্দ্রিগুচ্ছ দুইটি ফলকের বিপরীত দিকে অবন্থিত হুইবে। এই অবস্থায় যদি ইহারা উত্তল লেখ  $L_1$  এবং  $L_2$  এর উপর পড়ে তবে ঐ লেনের ফোকাসতলে  $P_1$  এবং  $P_2$  বিন্দৃতে ফোকাসিত হইবে। বর্ণনা হইতে সহজেই বুঝা যায় বে একই রন্মিজাত বলিয়া এই প্রতিফলিত রশ্বিপুক্ত সংসম্ভ এবং প্রতিসূত রশ্মিগুক্তের বেলারও এই কথা খাটে। সূত্রাং  $P_1$  ও  $P_2$  বিন্দৃতে এই রশ্মিগুচ্ছ ব্যতিচারের সৃষ্টি করিবে। কাচ্চেই P, ও P, বিন্দুতে আলোর তীৱতা নির্ভর করিবে পাশাপাশি দুইটি রশিষর পথ-পার্থকে।র উপর । যদি এই পার্থকা সংগ্রিক তরঙ্গদৈর্ঘোর পূর্ণসংখ্যা হর তবে এই স্থানের তীব্রত। চরম হইবে বলিয়া মনে হয় (পরের আলোচনা দুষ্ঠব্য )। আর ইহাও দেখা ষাইবে পাশাপাশি যে কোনও দুইটি রুশ্মির পথ-পার্থক্যের মান একই হইবে । সূতরাং  $P_{\alpha}$  বা  $P_{\alpha}$  বিন্দুর আলোকের তীরতার মান নির্ণয় করিতে হইলে সর্বাগ্রে পাশাপাশি দুইটি রশ্মির পথ-পার্থক্য নির্ণর



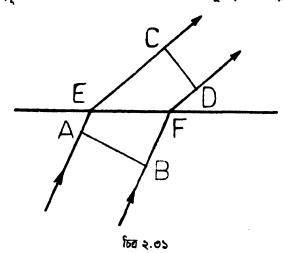
করা প্ররোজন। ইহা নিমের চিত্রের সাহাব্যে করা হইরাছে (চিত্র নং ২.৩০) ২.৩০ নং চিত্রে একটি । বোধের এবং ॥ প্রতিসরাক্ষের সমতল ও সমান্তরাল বছ ফলকের উপর এ বিন্দুতে একটি আলোকর্বনি । আপতন কোণে আসিরা পঞ্চিয়াছে। এই আপতিত রশার একাংশ AE রশা হিসাবে প্রতিফালিত হইয়াছে। অপর অংশ ফলকের r কোণে প্রতিস্ত হইয়া এবং ইহার বিতীয় তলে পুনরায় প্রতিফালিত হইয়া CJ রশা হিসাবে প্রথম তলে প্রতিস্ত ইইয়া বাহির হইয়াছে। আলোচা অবস্থায় AE এবং CJ সমাস্তরাল হইবে। এই রশা দুইটির পথ-পার্থকা বাহির করিতে হইবে। এজনা A এবং C বিন্দু হইতে যথাক্রমে BC এবং AEর উপর দুইটি লয় AD এবং CE টানা হইল। তাহা হইলে CE প্রতিফালিত রশািগুছের তরঙ্গমুখ এবং এজনা C এবং E বিন্দুর দশা একই হইবে। সূতরাং A বিন্দু হইতে একটি রশাি বায়ুতে AE পথ এবং অপর রশািটি ফলকের মধ্যে ABC পথ অতিক্রম করিবার ফলে ইহাদের মধ্যে যে পথ-পার্থকোর সৃষ্টি হইয়াছে তাহাই হইবে রশাি দুইটির পথ-পার্থকা। সূতরাং ইহাদের মধ্যে আলোকপথের দ্রুদের পার্থক্য

$$\triangle x = \mu \cdot ABC - AE. = \mu(AB + BC) - AE.$$

যদি A বিন্দু হইতে ফলকের দ্বিতীয় তলে একটি লম্ব AG অঞ্চন করিয়। ইহা বর্ধিত করা হয় এবং CB বর্ধিত করিয়া এই লম্বকে F বিন্দুতে ছেদ করানো হয় তবে GFB কোণটিও r এর সমান হটবে । সুতরাং ABF সমন্বিবাহু বিভুজে AB = FB

$$\therefore \triangle x = \mu \cdot FC - AE = \mu(FD + DC) - AE$$

এদিকে CE যেমন প্রথমতলের বাহিরে প্রতিফলিত রশ্মিদ্বয়ের তরক্সমুখ, ADG সেইরপ ঐ রশ্মিদ্বয়ের ফলকের ভিতরের তরক্সমুখ ( ঐ বাহিরের রশ্মিদ্ব





এবং CD আলোকপথ দুইটি সমান অর্থাৎ  $AE = \mu \cdot DC$ . ইহার কারণ একই রশিমমালার দুইটি তরঙ্গমুখের মধ্যে যে কোনও আলোকপথই সমান ।

২.৩১ নং চিচে AC এবং BD দুইটি আলোকরণিম। ইহারা EF তলে প্রতিপ্রত হইরাছে। প্রতিসরণের পূর্বে এবং পরে রণিম দুইটি সমান্তরাল। AB এবং CD প্রতিসরণের আগে এবং পরে দুইটি তরঙ্গমূথের অবস্থান। সূতরাং A ও Bতে এবং C ও Dতে দখা সমান। ধরা যাক যে এই দখা দ্বা। এবার পর পর শ্রা দখা সম্পন্ন কতকগুলি তরঙ্গমূধ আকা বার। এই দখা অনুসরণ করিয়া বদি AEC এবং BFD আলোকপথে যাওয়া যার তবে উভয় পূথেই সমসংখ্যক চক্ত (cycle) অতিক্রম করিতে হইবে। সূতরাং উভয় আলোকপথেই পথদূরত্ব সমান।

কাজেই লেখা যায় 
$$\triangle x = \mu \cdot FD + \mu \cdot DC - AE$$

$$= \mu \cdot FD + AE - AE$$

$$= \mu \cdot FD. \qquad = \mu \cdot AF \cos r$$

$$= 2\mu \cos r. \qquad (2.61)$$

পাশাপাশি দুইটি রশ্মির মধ্যে এই পথ-পার্থক্য এই রশ্মিগুচ্ছের যে কোনও পাশাপাশি দুইটির ক্ষেত্রেই প্রযোজ্য হইবে। সৃতরাং যদি নিয়োক্ত সর্ত পালিত হয়

$$\triangle \dot{x} = 2\mu t \cos r = m\lambda \tag{2.62}$$

তবে  $P_1$  বিন্দুর আলোর তীব্রত। এই ক্রম এবং তরঙ্গদৈর্ঘেরে বেলার চরম হওরার কথা। আবার যদি সর্ভ এইরূপ হয়

$$\Delta x = 2\mu t \cos r = (m + \frac{1}{2})\lambda \tag{2.63}$$

তবে এই বেলায়  $P_1$  বিন্দুতে আলোর তীব্রতা অবম হইবার কথা। এইস্থানে লক্ষ্য করিবার বিষয় যে সমীকরণে ফলকের প্রতিসরণ কোণটিই আসিতেছে, আপতন কোণ নয়।

কিন্তু পূর্ব অভিজ্ঞত। হইতে জ্ঞানা আছে যে ফলকের বাহিরের তল হইতে প্রতিফলনে আলোকতরঙ্গের দশার দ পরিবর্তন হর, কিন্তু অন্তর্ভাগে প্রতিফলনে এর্প কোনও দশার পরিবর্তন হয় না। সূতরাং একেতে আলোচ্য পাশাপাশি রশ্মি দুইটির মধ্যে বাড়তি একটি দ দশার পরিবর্তন হইবে। ফলে ব্যতিচারের পরিবর্তিত সর্ত দাড়াইবে

$$2\mu t \cos r = (m + \frac{1}{2})\lambda$$
 ···আলোক-ভীরভা চরম । (2.65)

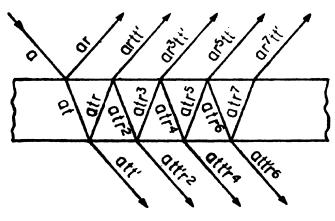
এই সৰ্ভ অবণ্য প্ৰথম দুইটি প্ৰতিফলিত রণিমর ক্ষেত্ৰেই শুৰু প্ৰবোজ্য।

সাধারণভাবে আলোর তীরতা উপরের সমীকরণ দারা নিরব্রিত হইবে। { ফেরি-পেরো ব্যতিচার-মাপকের আলোচনা দ্রক্তব্য ]

কিন্তু আরও বিশদভাবে তীব্রতার আলোচনা করিতে হইলে অন্যান্য রশ্মিগুলির পরস্পরের সম্বন্ধ বিবেচনা করিতে হইবে ।

প্রথমত যদি চরম তীরতার কথা ধরা যায় তবে প্রথম দুইটি রশ্মি দ্বিতীর সমীকরণ অনুসারে এই বিন্দু  $P_1$ এ চরম তীরতা সৃষ্টি করিবে। তৃতীর এবং চতুর্থ রশিমর ক্ষেত্রে পথদূরত্বের মান  $(m+\frac{1}{2})\lambda$ -ই হইবে। কিন্তু ইহার। উভয়েই ফলকের ভিতর হইতে প্রতিফলিত হওয়ায় তাহাদের বাড়তি  $\pi$  দশা-পরিবর্তন হইবে না। সূতরাং ইহারা পরস্পরের বিপরীত দশায় থাকিবে এবং পরস্পরেক ধ্বংস করিবার চেন্টা করিবে। কিন্তু তৃতীয় রশিমর বিস্তার চতুর্থ রশিমর অপেক্ষা বেশী হওয়ায় (প্রতিটি প্রতিফলনেই রশ্মির বিস্তার কিছুটা কমিতে থাকিবে) ইহাদের কিছু পরিণামিক বিস্তার বর্তমান থাকিবে। আর এই পরিণামিক বিস্তারের দশা প্রথম দুইটির পরিণামিক দশায় সদৃশ হওয়ায় ইহারা পরস্পরকে বৃদ্ধি করিবে। এইর্পে তৃতীয় ও চতুর্থ, পঞ্চম ও বর্চ রশ্মির জ্যোড়ায় জ্যোড়ায় নিলে ইহাদের পরিণামিক বিস্তারগুলি প্রথম ও দ্বিতীরের সহিত বৃদ্ধ হইয়া চরম তীরতার সৃষ্টি করিবে।

অপরাদিকে প্রথম সমীকরণ 2.64 অনুসারে দিতীর রাশ্যাটর দশা প্রথমটির বিপরীত হওয়ায় ইহা প্রথমটিকে ধ্বংস করিবার চেষ্টা করিবে, কিন্তু প্রথমটির



विव २.०२

বিস্তার অনেক বেদা হওরার সম্পূর্ণ সক্ষম হইবে না । আবার ভৃতীর, চতুর্ঘ এবং পরবর্তী সমস্ত রশিরই দশ্য দিতীয়টির সদৃশ হওরার ইহারা মিলিভভাবে প্রথমটির উপর ক্রিয়া করিবে। সূতরাং সমন্তর্গুলির বোগফল বাহির করিতে হইলে প্রথমটি বাদে অনাগুলির পরিণামিক বিন্তার নির্ণর করা প্ররোজন। এই পরিণামিক বিন্তার পূর্ববর্ণিত ভৌক্সের উদ্ভাবিত আলোকের প্রতিফলন ও প্রতিসরণের নিরুপণ অনুসারে (Stokes' treatment of reflection and refraction of light) বাহির করা যার। ঐ নীতি অনুসারে আপতিত রন্মির বিন্তার বদি a হয়, এবং ইহার r ভ্যাংশ (ফলকের প্রথম এবং দিতীয় তল হইতে প্রতিফলিত অংশ একই হইবে ইহা পরে দেখান হইয়াছে) বদি ফলকের উভয় তল হইতে প্রতিফলিত হয় আর া ও i ভ্যাংশ বদি বথাক্রমে প্রথমতলে ও দ্বিতীয়তলে প্রতিস্ত হয় তবে প্রতিফলিত ও প্রতিস্ত রন্মি-গুডের বিদ্তারের মান চিত্র নং ২.৩২ প্রদার্শতি রূপ হইবে। সুতরাং দিতীয়, তৃতীয় ইত্যাদি রন্মসমূহের পরিণামিক বিস্তার দাড়াইবে

$$Y = artt' + ar^3tt' + ar^5tt' + - \cdots$$
  
=  $artt'(1 + r^2 + r^4 + \cdots)$  (2.66)

বেহেতু r একটি ভগ্নাংশ বাহার মান এক হইতে কম, এই বোগফল দাড়াইবে  $Y = \frac{artt'}{1-r^2}$ . [ এখানে ধরিয়া লওয়া হইয়াছে যে ব্যতিচারী রশ্মির সংখ্যা অনস্ত ; প্রকৃতপক্ষে ইহা সভ্য না হইলেও রশ্মির সংখ্যা অনেক হওয়ায় এবং শেষেরগুলির বিস্তার দুত কমিয়া আসাতে এই রাশিমালা ব্যবহার করা চলিতে পারে ]

কিন্তু কৌক্সের নির্পণ অনুসারে পাওয়। যায় (এই বিষয়ে পূর্বের আলোচনা দুক্তী )  $t'=1-r^2$  (2.67)

সূতরাং 
$$Y = \frac{ar(1-r^2)}{1-r^2} = ar$$
. (2.68)

কাজেই দেখা বাইতেছে যে এই পরিণামিক বিস্তার প্রথম রশ্মিটির বিস্তারের সমান। আর আগেই বলা হইরাছে যে ইহাদের দশা প্রথম রশ্মিটির দশার বিপরীত। সূতরাং সকল রশ্মির সন্মিলিত পরিণামিক বিস্তার দাড়ার শৃনা। অর্থাৎ বাতিচারের ফলে অবম আলোক তীব্রতার মান শৃনা হইবে এবং ঝালর-শ্রেণীর স্পষ্টতা বৃদ্ধি পাইবে।

সূতরাং দেখা বাইতেছে বে যদি নীচের সমীকরণটি সিদ্ধ হয় অর্থাৎ  $2\mu \cos r = (m+\frac{1}{2})^{\lambda}$  তবে একটি আলোকরিনার জন্য অভিনেত্রের ফোকাস-তলে অথবা চোখের রেটিনাতে এক উজ্জ্ঞল আলোকবিন্দুর সৃষ্ঠি হইবে। এই উজ্জ্ঞল বিন্দুর সঞ্চারপথ (locus) ছইবে একটি বৃত্ত (এখানে একটি বৃত্তাংশ)

যাহার কেন্দ্র হইবে চক্ষু হইতে ফলকের উপর অন্কিত লাষের ছেদবিন্দু। ইহার কারণ একটি m ক্রমের ঝালরের ক্রেরে r কোণ অপরিবর্তিত থাকিবে। আর আলোচ্য ক্রেরে μ এবং 1ও অপরিবর্তিত ধরা হইয়াছে। আবার m এর মান পরিবর্তন করিলে r এর একটি ভিন্ন মান এর জন্য এই সমীকরণ আবার সিদ্ধ হইবে এবং আর একটি বৃত্তাকার সমকেন্দ্রিক ঝালর পাওয়া যাইবে। বেহেতু ব্যতিচারী রন্মিগুলি সমান্তরাল এবং একটি নির্দিষ্ট কোণে প্রতিফলিত, এই ঝালরগুলি সম-আনতির ঝালর (fringes of equal inclination) শ্রেণীতে পড়িবে।

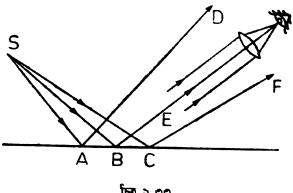
উপরের আলোচনার ধরা হইয়াছে যে আলোকউৎস হিসাবে একবর্ণের আলো ব্যবহার করা হইয়াছে এবং ঝালরশ্রেণী বৃত্তাকার হইবে আর দুইটি ঝালরের মাঝের স্থানের অবম তীব্রতা শূন্য দাড়াইবে। এখন যদি সাদা আলো ব্যবহার করা বায় তবে একই r কোণে 2t cos r এক হইলেও প্রতিবর্ণের আলাদা হইবে ষেজনা একটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের জন্য এই দিকে আলোর তীব্রতা চরম হইলেও অন্য তরঙ্গদৈর্ঘোর জন্য এই তীব্রতা হয়তো অবম। সাদ। আলো পরপর অনেক তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সমষ্টি হওয়ায় সমন্ত বর্ণালির অনেকগুলি তরঙ্গের জন্য এইদিকে চরম এবং অনেকগুলির পক্ষে অবম আলোক-তীব্রতা হইবে। সূতবাং ফলে দাড়াইবে একটি মিশ্রিত বর্ণের ঝালর। যদি এই ঝালরের একন্থান হইতে আলো নিয়া বর্ণালীবীক্ষণ বব্রে পরীক্ষা কর। হয় তবে দেখা যাইবে যে বর্ণালির মধ্যে অনেকগুলি কালো দাগ দেখা যাইতেছে। এই দাগগুলি সংশ্লিষ্ট ভরঙ্গদৈর্ঘাগুলির অনুপশ্খিত বুঝাইবে। অবশ্য বদি ফলকের বেধ বেশী হয় তবে এইগুলি খুব ঘনসন্মিবিষ্ট হইবে। ফলে অনেকগুলি রংয়ের অনুপন্থিতির ( এবং প্রায় সমসংখ্যক রঙের উপস্থিতি ) দরুণ মিশ্রিত রং সাদা মনে হইবে। সূতরাং ফলকের বেধ বেশী হইলে ব্যতিচার ঝালর দেখা যাইবে না, সমস্তটাই সাদা দেখাইবে, র্যাদও এই অবস্থাতেও ব্যতিচার ঠিকই ঘটিতেছে।

ফলকের বেধ বেশী ছইলে আরও একটি কারণে রং বা ঝালর দেখা বাইবে না। বাদ আলোর আপতন কোণ i বড় হয় তবে এই ক্ষেত্রে দুইটি প্রতিফলিত রশির দূরদও বেশী হইবে। চোথের তারারক্তের (pupil) ব্যাস মোটামুটি 3 mm এর মত ছইয়া থাকে। কাজেই খুব অস্প সংখ্যক রশিষ্ট এই তারারক্ত দিয়া চক্ষুতে প্রবেশ করিবে। বেহেতু এই শ্রেণীর ব্যতিচারের উৎপাদনে বহু সংখ্যক রশির অংশগ্রহণ আবশ্যিক, সূতরাং এই ক্ষেত্রে ব্যতিচার

वालत वा दर रम्था वाहेरव ना। जवना मृतवीकन वह वावहाद कितता वा আলো ফলকতলে অভিলব্ধণে আপতিত করিয়া কেশী বেধের ফলক হইতেও ব্যতিচার দেখা যার, কিন্তু ইহারও সীমা আছে।

এ পর্যন্ত যে আলোচনা করা হইয়াছে তাহাতে ধরিয়া লওয়া হইয়াছে বে বেধ সর্বত্র সমান । কিন্তু সাধারণত এইরূপ পাতলা ফলক বাস্তবে পাওয়া যার না । আপতন বিন্দর বেধের পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গেছানের আলোর তীব্রতাও সমীকরণ 2µt cos r = m\ অনুসারে পরিবর্তিত হর। যদি পরিবর্তনদীল বেধের ফলকে ব্যতিচার উৎপন্ন হয় তবে সাধারণত দেখা যার যে ইহাতে স্থানে স্থানে আলোর তীব্রতা বা রঙেরও পরিবর্তন হইতেছে।

আর একটি বিষয় এখানে লক্ষ্য করা প্রয়োজন। আলোকউংসটি এখানে যত প্রশন্ত হইবে ব্যতিচার-ঝালর বা রঙের উৎপত্তিও তত সুষ্ঠ হইবে। আলোকউৎস বদি একটি বিন্দু হয় তবে তাহা হইতে নানা কোণে রন্দ্রিসকল আপতিত হইবে।



००.५ ख्रो

২.০০ নং চিত্রে তিনটি এইরকম রশি দেখানো হইরাছে। ইহাদের প্রতিটির জনাই একগৃচ্ছ সমান্তরাল প্রতিকলিত রশ্বির সৃষ্টি হইবে এবং ইহাদের বে গুচ্ছটি  $2\mu t \cos r = (m + \frac{1}{4})\lambda$  সমীকরণ সিদ্ধ করিবে একমাত্র সেই গুচ্ছের জন্মই একটি উজ্জল বিন্দুর সৃষ্টি হইবে। সূতরাং বৃদ্তাংশের অন্যান্য বিস্ফুগুলির উৎপত্তির জন্য আলোকউৎসে S এর মড আরও অনেক विन्यु थाका श्राद्धाक्यन कर्थार कारणाक्छेर**र्जा**हे यथामस्य विद्युख इस्त्रा श्राद्धाक्यन । এই বিষয়টি মাইকেলসনের ব্যতিচার-মাপকেও দেখা গিয়াছে; অপরদিকে ফ্রেনেল বা লরেডের পরীক্ষার আলোকউৎস বধাসম্ভব সরু হওরা প্ররোজন।

পাতলা ফলকে উৎপন্ন ব্যতিচারের বেলার ফ্রেনেল এবং লরেডের দর্পনের ঝালরের সহিত আরও একটি বিষয়ে পার্থক্য আছে। এই পার্থক্যটির সৃষ্ঠি হয় ফলকের মধ্যে আলোকের বিচ্ছুরণের দর্শ (এখানে সাদা আলোর বা একাধিক বর্ণের আলোর কথা ধরা হইয়ছে) বেটি ফ্রেনেল বা লয়েডের দর্পণের ক্ষেত্র অনুপন্থিত। ফলকে বিচ্ছুরণের দর্শ বে দশা-পার্থক্যের সৃষ্ঠি হয় তাহা তরঙ্গদৈর্ঘার পরিবর্তনজাত দশা-পার্থক্যের সমানুপাতিক বা বাস্তানুপাতিক হইতে পারে। অতএব বিচ্ছুরণের ফলে রঙের উৎপত্তিও সঙ্গে বাড়িতে বা কমিতে পারে।

র্যাদ সাদা আলো একটি সমান্তরাল রণিমমালার আসিরা একটি সমতল সমান্তরাল ফলকে আপতিত হয় এবং প্রতিফলিত রণিম চোখ দিয়া দেখা বার তবে এই ক্ষেত্রে সমন্ত বর্ণের ক্ষেত্রেই আপতন কোণ এক হইলেও বিচ্ছুরণের দরুণ প্রতিসরণ কোণ বিভিন্ন তরঙ্গের আলাদা হইবে । কান্ডেই দশা-পার্থক্যের মানের রাশিটি  $\frac{2t\cos r}{\lambda}$  এর পরিবর্তন হর এবং লব উভর দিকেই হইবে । কান্ডেই  $\cos r$  এবং  $\lambda$  এর পরিবর্তন হর এবং লব উভর দিকেই হইবে । কান্ডেই  $\cos r$  এবং  $\lambda$  এর পরিবর্তন বদি একই দিকে হর অর্থাৎ ইহারা বদি সমানুপাতে পরিবর্তিত হইতে থাকে তবে  $\frac{2t\cos r}{\lambda}$  সমন্ত আলোর ক্ষেত্রেই এক থাকে । ফলে ব্যতিচারী ঝালর বা রঙ অবার্ণতার সৃষ্ঠি করে । সুতরাং এই ক্ষেত্রে অবার্ণতার সর্ত দাড়াইতেছে

এই আলোচনার ধরিরা লওরা হইরাছে বে t অপরিবর্তিত থান্কিবে অর্থাং শুরুটি সমতল ও সমান্তরাল হইবে । সম্পূর্ণ অবার্ণতা সৃষ্টির জন্য শুরের প্রতিসরাক্ষ এবং আলোকতরঙ্গের দৈর্ঘোর মধ্যে একটি বিশেষ সম্বন্ধ থাকা প্রয়োজন । এটি বাহির করা বার  $\frac{\cos r}{\lambda}$  – শ্বুবক এই সমীকরণ হইতে

এখানে 
$$\sqrt{1-\sin^2 r} = K\lambda$$
 [  $K = ध्वक$  ]

 $3 \sin^2 r = 1 - K^2 \lambda^2$ 

ন্তরের প্রতিসরাক্ষ যদি 🗸 হর তবে লেখা বাইতে পারে

$$\sin^2 i - 1 - K^2 \lambda^2$$

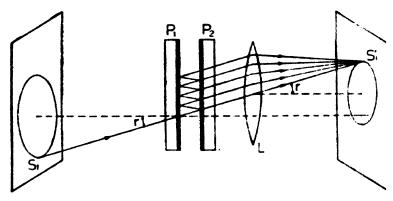
$$\mu^2 = \frac{\sin^2 i}{1 - K^2 \lambda^2} \tag{2.70}$$

দেখা বাইবে বে অবার্ণতার সৃষ্টি করিতে ফলকের প্রতিসরাক্ষ উপর এবং নীচের মাধ্যমের অপেক্ষা কম হওয়। প্ররোজন। একমাত্র তাহা ছইলেই আপতন মাধ্যম হইতে ফলকে প্রবেশের সমর প্রতিসৃত আলোক প্রতিসরণ কোণ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে কমিতে থাকিবে যাহার ফলে  $\cos r$  এবং ম এর পরিবর্তন একই দিকে হইবে। এই ক্ষেত্রে আপতন কোণ পরিবর্তন করিয়া গেলে এমন এক অবস্থা আসিবে যখন  $\cos r/\lambda$  সমস্ত তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বেলায়ই ধ্রবক হইবে এবং ঝালরের অবার্ণতার সৃষ্টি হইবে।

ফেব্রি-পেরো ব্যতিচার-মাপক (Fabry-Perot Interferometer).

ব্যতিচার ঝালরের সাহাব্যে যে সমস্ত পরীক্ষা এবং পরিমাপ করা হয় তাহাদের মধ্যে সর্বাপেক্ষা পুরুষপূর্ণ এবং নিভূলি ফলাফল পাওয়া বায় ফোরি-পেরো ব্যতিচার মাপকে। এই বরের সাহাব্যে তরঙ্গদৈর্ঘোর যে মান পাওয়া বায় তাহার নিভূলিতা অতিশয় উচ্চ পর্ব্যায়ের। ইহা ভিন্ন বর্ণালি-রেখার অতিস্কা গঠন অনুসন্ধানের ক্ষেত্রেও এই বরের বাবহার খুবই প্রশন্ত ইহার গঠন এবং কার্যপ্রশালী নিয়ে আলোচিত হইল:

এই ব্যান্ত দুইটি সমান্তরাল ও সমতল কাচ বা কোরাট্সের (Quartz) ফলক P,P, পাশাপাশি সমান্তরাল ও উল্লেখনেব স্থাপিত হয়। ইহাদের একটি



চিত্ৰ ২.৩৪

ফলক নিজতলের সমান্তরালে সরাইরা  $P_1P_2$  দূরত্ব হ্রাসবৃদ্ধি করা যায় (চিচ নং ২.০৪)। অন্য ফলকটির পিছনে অবস্থিত তিনটি স্কু এর সাহায্যে ইহার তল প্রয়োজনমত প্রথমটির তলের সঙ্গে নিভূলিরূপে সমান্তরাল করা বার । এই ফলক দুইটি নিজেদের মধ্যে একটি সমান্তরাল বায়ুন্তর আবদ্ধ করে ।  $P_2P_3$ র মুখোমুখি ভিতরদিক্টের তলে এমনভাবে পাড়লা রুপার

প্রবেশ দেওর। থাকে বাহাতে  $P_1$  প্লেটে বাহিরের দিক হইতে একটি আপতিত রশ্বি ইহার ভিতরে প্রবেশ করিতে পারে ( অবশ্য প্রলেপ থাকার ফলে এট প্রবেশকারী রশ্মির তীব্রতা খানিকটা কমিয়া ঘাইবে )। বায়ুন্তরে প্রবেশের পর এই রশ্মিটি  $P_1P_2$  তে বহুল প্রতিফলিত হইয়৷  $P_2$  ফলকের বাহির দিকে নির্গত একগুচ্ছ সমান্তরাল রশ্বির সৃষ্টি করিবে ৷ এই রশ্বিগুচ্ছ একটি উত্তল লেম্স L এর উপর আপতিত হইয়া লেন্সের ফোকাসতলে  $S_1$  বিন্দুতে ফোকাসিত হইবে ।  $S_1$  বিশ্বর ঔচ্চল্য নির্ভর করিবে সমান্তরাল রাশ্বগুলির পথ-পার্থক্যের উপর। এই বিস্দৃতে আলোকের তীব্রতা চিত্র নং ২.৩২ এর সাহায্যে নির্ণর কর। যার। এই চিত্তানুসারে উপরোক্ত রিশ্বগুচ্ছ নির্গত (transmitted) রান্দ হিসাবে পরিগণিত হইবে।  $S_1$  হইতে আপতিত রশ্বির বিস্তার যদি a ধরা বায় তবে (ফলক এবং বায়ুতে শোষণ অগ্রাহ্য করিয়া ) নিগতি রন্মির বিস্তার দাড়াইবে ait', ait'r ইত্যাদি। ইহাদের পরিণামিক মান বাহির করিতে চিকোণমিতিক প্রণালী (trigonometric method) অথবা কম্পিতের প্রণালী (method of imaginaries) ব্যবহার করা চলিতে পারে। ইহাদের মধ্যে শেষোক্ত প্রণালীটি অধিকতর পরিষ্কার (elegant) এবং হুৰতর (shorter) বলিয়া এটিই এখানে ব্যবহার করা হইবে। এই প্রণালী অনুসারে পূর্বেই বলা হইয়াছে যে a বিদ্তারের আপতিত রশির বিস্তার  $P_2$  ফলকের অপরদিকে নির্গমনের পর att',  $att'r^2$ ,  $att'r^4$ ইত্যাদি বিস্তারে বিভক্ত হইবে। সূতরাং ইহাদের ভ্রংশ (displacement) লেখা যায় যথাক্রমে  $att'e^{i\delta}$ ,  $att'r^*e^{2i\delta}$ ,  $att'r^*e^{3i\delta}$  ইত্যাদি। এখানে 🗿 সংখাটি রশ্বির দশা বুঝাইতেছে। প্রতিটি রশ্মির বেলায় তাহার পূর্ববর্তীটির অপেক্ষা ৪ দশা বন্ধি পাইতেছে আর  $\delta = 2\mu t \cos r = 2t \cos r$  কারণ µair ≈ 1 এवং । वायुख्यत्वेत्र (वंध । (2.70 a)

কিন্তু পরম্পর সংশ্লিষ্ট একগৃছ্ছ রশ্মির দশাকে প্ররোজনমত সুবিধাজনক রাশিতে পরিণত করিতে এই দশাগুলির সহিত কোনও একটি দশা যোগ বা বিয়োগ করা যাইতে পারে। সূতরাং এই দশাগুলি এমনভাবে পরিবাতিত করা হইবে যাহাতে প্রথম দশাটি শ্ন্য দাড়াইবে। তাহ। হইলে পরিণামিক তরঙ্গের প্রংশ হিসাবে লেখা যার

$$Ye^{i\theta} = att'e^{0} + att'r^{2}e^{i\delta} + att'r^{4}e^{2i\delta} + \cdots$$
$$= att'\left[1 + r^{2}e^{i\delta} + r^{4}e^{2i\delta} + \cdots\right]$$
(2.71)

বছনীর মধ্যে আছে একটি অসীম জ্যামিতিক রাশিমালা (infinite geometric series) বাহার পদগুলির মধ্যের সার্ব পার্থকা (common difference) দেখা বাইতেছে  $r^2e^{i\tilde{\partial}}$ . সূতরাং এই জ্যামিতিক রাশিমালার বোগফল হইবে (::r<1)

$$Ye^{i\theta} = att' \frac{1}{1 - r^2 e^{i\delta}}$$
 (2.72)

কিম্পতের নিয়মানুসারে এই পরিণামিক স্রংশ হইতে তীব্রতা বাহির করিতে এই রাশিটিকে ইহার জটিল বিপরীত (complex conjugate) সংখ্যা দারা গুণ করিতে হইবে। অর্থাৎ সংখ্যাটিকে অন্য এমন একটি সংখ্যা দারা গুণ করিতে হইবে বেটিতে কিম্পত সংখ্যা । বদল করা হইরাছে — । দারা। অভএব

$$|Y|^{2} = (att')^{2} \frac{1}{1 - r^{2}e^{i\delta}} \frac{1}{1 - r^{2}e^{-i\delta}}$$

$$= (att')^{2} \frac{1}{1 - r^{2}\left(e^{i\delta} + e^{-i\delta}\right) + r^{4}}$$

$$= (att')^{2} \frac{1}{1 - 2r^{2}\cos\delta + r^{4}}$$

$$= (att')^{2} \frac{1}{1 - 2r^{2} + r^{4} + 4r^{2}\sin^{2}\frac{\delta}{2}}$$

$$= (att')^{2} \frac{1}{(1 - r^{2})^{2} + 4r^{2}\sin^{2}\frac{\delta}{2}}$$

কিন্তু ভৌক্সের নির্পণ অনুসারে জানা আছে  $tt'=1-r^2$ 

$$|Y|^{2} = Intensity = \frac{a^{2}(1-r^{2})^{2}}{(1-r^{2})^{2} + 4r^{2} \sin^{2} \frac{\delta}{2}}$$

$$\frac{I_{0}}{4r^{2} \sin^{2} \frac{\delta}{2}}$$

$$\frac{1+\frac{(1-r^{2})^{2}}{(1-r^{2})^{2}}$$
(2.73)

কারণ  $a^3 - I_0$  – আপতিত রান্মর তীরতা

সুতরাং এই গণনা অনুসারে নিগত রশ্মির  $S_1'$  বিন্দুতে আলোর তীরত৷  $I_T$  সাড়াইতেছে  $I_T=\frac{I_0}{1+\frac{4r^2}{(1-r^2)^2}\sin^2\frac{\delta}{2}}-\frac{I_0}{1+F\sin^2\frac{\delta}{2}}$ 

বেখানে  $F=\frac{4r^2}{(1-r^2)^2}$  . ফেরি এই F সংখ্যাটিকে বলিয়াছেন 'স্কাতাণ্ক' (coefficient of finesse) কারণ ঝালরশ্রেণীর স্কাতা এই F সংখ্যাটির উপর নির্ভন করে।

এই সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে ইহার চরম মান দাড়াইবে  $I_0$  অর্থাৎ আপতিত রশ্মির তীব্রতার সমান আর এইটি হইবে যখন  $\sin^2\frac{\hat{\partial}}{3}=0$  এই সর্ভটি পালিত হইবে। এজন্য লেখা যাইতে পারে যে যখন

$$\frac{\hat{\delta}}{2} - m\pi$$
 বা  $\delta = 2m\pi$  তখন  $I_T = I_0$  (2.74)

কিন্তু আলোর অবম তীরতা সাধারণত শ্না হইবে না। এই মান শ্না হইতে সমীকরণ 2.73 হইতে দেখা যার যে r-1 হওয়া দরকার। r-1 হইতে হইলে রূপার প্রলেপটি খুব পূরু হওয়া প্রয়েজন যাহাতে সমন্ত আপতিত আলোই প্রতিফলিত হয়। কিন্তু প্রলেপ খুব পূরু হইলে আবার  $S_1$  হইতে আপতিত রন্মি  $P_1$  ফলকে প্রবেশ করিতে পারিবে না বা  $P_2$  ফলক হইতে নির্গত হইতে পারিবে না। এই বন্ধে সাধারণত r এর মান 0.8 হইতে নির্গত হইতে পারিবে না। এই বন্ধে সাধারণত r এর মান 0.8 হইতে 0.9 এর মধ্যে রাখা হয়। পূর্বেই দেখা গিয়াছে যে বছু পাতলা শুরের ক্ষেত্রে নির্গত রন্মিতে উৎপার ঝালারের ক্ষেত্রে আলোর তীরতার বৈষম্য খুবই কম হয়। ইহার কারণ এই বে এই বৈষম্য r এর মান এর উপর নির্ভর করে। r যত ছোট হইবে বৈষম্যও ততই কমিবে। বছু শুরে বিদ্ আপতন কোণ  $90^\circ$  র কাছাকাছি হয় তবে  $r^2 \simeq 0.04$ . এই r এর মূল্যে আলোর অবম তীরতা দাড়াইবে

$$I_T = \frac{I_o}{4 \times 0.04 \sin^2 \frac{\delta}{2}} - 0.8 \ I_o \text{ (approx)} \ \left(\sin^2 \frac{\delta}{2} - 1 \text{ sin}^2 \frac{\delta}{2}\right)$$

$$1 + \frac{4 \times 0.04 \sin^2 \frac{\delta}{2}}{\{1 - 0.04\}^2}$$

আর বদি 🕝 ০ ৭ হয় ভবে অবম তীব্রতা হইবে

$$I_T = \frac{I_0}{4 \times 0.81 \sin^2 \frac{\delta}{2}} - 0.013 I_0$$

$$1 + \frac{4 \times 0.81 \sin^2 \frac{\delta}{2}}{\{1 - 0.81\}^2}$$

এই হিসাব হইতে দেখা বাইতেছে বে  $r^2$  এর মান 0.04 হইতে 0.81 এ বাড়িলে ঝালরের অবম তীরতা  $80\%/_0$  হইতে  $1\%/_0$  এ আসিরা দাড়ার। ইহা হইতে সহজেই বৃঝিতে পার। বার বে ঝালরের আলোর তীরতার বৈষম্য বাড়াইতে হইলে r এর মান বাড়ানে। খুবই প্রয়োজন । তবে ইহারও সীমা আছে, কারণ r = 1 হইলে  $I_0 = 0$  হইবে এবং আলোর চরম তীরতাও শ্ন্য হইবে । অর্থাৎ এই অবস্থার  $P_1$  ফলকে আলো প্রবেশ করিতে না পারার কোন ঝালরের সৃষ্টি হইবে না ।

চিন্ত নং ২.৩৪ হইতে বুঝা যায় যে  $S_1$  হইতে r কোণে যে রশ্মিটি আপতিত হইতেছে তাহা বহুল প্রতিফলনের পর নিগত হইয়া লেশ L ঘার।  $S_1$  বিন্দুতে ফোকাসিত হইবে। যদি

21 cos  $r = m\lambda$  এই সর্ভ পালিত হয় তবে এই বিন্দৃটি উচ্ছল হইবে। তবে এই উচ্ছল বিন্দৃটির সপ্তারপথ হইবে একটি বৃত্ত বাহার কেন্দ্র লেন্দের অক্ষের সহিত অভিনেত্রের ফোকাসতলের ছেদবিন্দৃতে অবস্থান করিবে। এই উচ্ছল বৃত্তের একটি বিন্দৃই মাত্র  $S_1$  হইতে উৎপন্ন হইবে। সূত্রাং এই বৃত্তিটি সম্পূর্ণ করিতে উৎসের  $S_1$  এর মধা দিয়া একটি বৃত্তের প্রয়োজন হইবে আর এই জন্য আলোক উৎসটি বিস্তৃত হওয়া প্রয়োজন।

আগেই দেখা গিরাছে বে মাইকেলসনের ব্যতিচার মাপকেও সমান্তরাল দর্পদের ক্ষেত্রে ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপকের মত সমকেন্দ্রিক (concentric) বৃত্তাকার ঝালরশ্রেণীর সৃষ্টি হয়। কিন্তু দেখা বাইবে যে নির্ভূল পরিমাপের পক্ষে ফেরি-পেরোর ব্যতিচারমাপক মাইকেলসনের যত্ত্বের অপেক্ষা প্রেষ্ঠ। এই তথাটি বৃত্তিবার জন্য ঝালরগুলির তীক্ষতা (sharpness) বিবেচনা করিতে হুইবে।

ৰদি  $\delta=2m\pi$  হয় তবে m এর বিভিন্ন পূর্ণসংখ্যক মূলেয়ে জন্য আলোর তীব্রতা চরম পাওয়া যায়। কাজেই দুইটি এইরূপ পরপর উজ্জল ঝালরের মধ্যে দশার পার্থক্য  $2\pi$ . আর যদি এই দশা  $2m\pi$  হইতে মা $\delta=\frac{\pi}{10}$  অর্থাৎ  $18^\circ$  বাড়ে বা কমে তবে  $I_T$  এর মান গাড়ায়  $[r^*=0.81$  এর জনা ]

$$\frac{I_0}{1 + \frac{4 \times 0.81 \sin^2 9^\circ}{(1 - 0.81)^2}} = \frac{I_0}{1 + 82 \times 0.0244} = 0.33I_0 \text{ approx.}$$

সূতরাং দেখা বাইতেছে যে আলোর তীব্রতার চরম অবস্থা হইতে যদি কালরের প্রস্থের 🖈 ১ th দূরে সরিয়া আসা যায় তাহা হইলেই এই স্থানের তীরতা কমিয়া দাড়ায়। ফলে উজ্জল ঝালরের তীরতা খুব দুত হারে কমিতে থাকে এবং দুইট্টি উজ্জল ঝালরের মাঝের অধিকাংশ স্থানেই তীরতা খুব কম হয়। তীরতার এই তারতম্য চিত্র নং ২.০৪(৫)তে দেখানো হইরাছে। আর ইহার অর্থ এই বে উজ্জল ঝালরগুলির দৃশ্যমানতা অতিশন্ম বৃদ্ধি পায়। অপরপক্ষে মাইকেলসনের বয়ের ক্ষেত্রে উজ্জল ঝালরগুলির তীক্ষতা (sharpness) তুলনার অনেক কম বাহার ফলে এগুলির দৃশ্যমানতাও ফেরি-পেরোর অপেক্ষা অনেক কম। এই পার্থকার মূল কারণ হিসাবে বলা বাইতে পারে যে মাইকেলসন যয়ে যেখানে মাত্র দুইটি রিশ্মির মধ্যে ব্যতিচার ঘটে, ফেরি-পেরোর ক্ষেত্রে সেখানে ব্যতিচারী রিশ্মির মধ্যে ব্যতিচার ঘটে, ফেরি-পেরোর ক্ষেত্রে সেখানে ব্যতিচারী রিশ্মির সংখ্যা অনেক। বার্বর্তনের ক্ষেত্রেও অনুর্গভাবে দেখা যাইবে যে একটি রেখাছিদ্রের ঝালর বেখানে খুব প্রশন্ত হইবে, বার্বর্তন ঝার্ঝারতে অনেক রেখাছিত্র থাকার ইহাতে উৎপার ঝালরের তীক্ষতা আগের ক্ষেত্রের অপেক্ষা অনেক বেশী দাড়াইবে। ঝালরগ্রেণীর এই তীক্ষতাই ফেরি-পেরোর ব্যতিচারমাপক্ষের বৈশিষ্ট্য যেজনাইহা ধায়া অতিসক্ষ সব পরিমাপ করা যায়।

ফেরি-পেরোর ব্যতিচার-মাপক বার। প্রধানতঃ নিম্নলিখিত পরিমাপ করা হয়।

- ১ ৷ দুইটি কাছাকাছি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্য নির্ণয় (determination of difference of two close wave lengths)
- ২। তরঙ্গদৈর্ঘের নির্ভুল মান নির্ণর (accurate determination of wave length)
- ত। বর্ণালিরেখার অভিস্কা গঠন অনুসন্ধান (investigation of hyperfine structure of a spectral line)

দুইটি কাছাকাছি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থকা নির্ণয়।

এই প্রণালী দারা দুইটি কাছাকাছি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পার্থক্য নির্ণর করা যার এবং ইহাদের একটির তরঙ্গদৈর্ঘ্য জান। থাকিলে অনাটির মান বাহির করা যার। সোডিরামের হলুদ অথবা পারদের হলুদ বর্ণাল রেখাদ্বরের মধ্যের পার্থক্য সহজেই এই প্রণালীর দারা মাপা সম্ভব। ইহাতে ঝালর শ্রেণী দুইটির মধ্যে সংবোগ ও বিসঙ্গতির প্রণালী (method of coincidence and discordance) ব্যবহার করা হর। যখন ব্যতিচার মাপক ফলক দুইটির দ্রম্ব খুব কম থাকে তখন দুইটি তরঙ্গের দারা সৃষ্ঠ ঝালরগুলি পরস্পরের সহিত প্রার মিলিরা থাকে। একটি ফলক সরাইরা ইহাদের মধ্যের দ্রম্ব বাড়াইলে ঝালর-

শ্রেণীর দুইটির মধ্যেও আপেন্দিক গতি দেখা বাইবে এবং ফলকদরের একটি দ্রত্বে এই বালরশ্রেণীর মধ্যে বিসঙ্গতির (discordance) সৃষ্টি ছইবে ; ফলে একশ্রেণীর উজ্জল বালর অন্য শ্রেণীর অন্ধকার বালরের সহিত মিশিবে। এই অবস্থার কেন্দ্রের কথা বিবেচনা করিলে লেখা বার [ cos  $\theta = 1$  ]

$$2t_1=m_1\lambda_1=(m_1+\frac{1}{2})\;\lambda_2$$
 : এখানে অবস্য  $\lambda_1>\lambda_2$  (2.74a)  $t_1=P_1P_2$  ফলক দুইটির মধ্যের দূরত।

বদি ফলকটি আরও দূরে সরানো হইতে থাকে তবে ঝালরশ্রেণীর আপেক্ষিক গতির জন্য আবার ইহাদের মধ্যে সংযোগের (coincidence) এর সৃতি হইবে এবং ইহার পরে আবার বিসঙ্গতির উত্তব হইবে। এই দ্বিতীয় বিসঙ্গতির সময় লেখা বাইতে পারে

$$2t_{2} = m_{2}\lambda_{1} = (m_{2} + 1\frac{1}{2})\lambda_{2}$$
 (2.75)

$$\therefore 2(t_2 - t_1) = (m_2 - m_1) \lambda_1 = (m_2 - m_1) \lambda_2 + \lambda_2 \qquad (2.76)$$

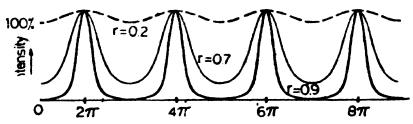
वा 
$$\lambda_1 - \lambda_3 = \frac{\lambda_2}{m_0 - m_0}$$
 (2.77)

কিন্তু 
$$m_s - m_1 = \frac{2(t_2 - t_1)}{\lambda_1}$$
, (সমীকরণ 2.76 হইতে)

$$\lambda_1 - \lambda_2 = \frac{\lambda_1 \lambda_2}{2(t_2 - t_1)} \simeq \frac{\lambda_1^*}{2(t_2 - t_1)} = \frac{\lambda_2^*}{2(t_2 - t_1)}$$

$$\begin{bmatrix} \lambda_1 \lambda_2 \simeq \lambda_1^* \simeq \lambda_2^* \end{bmatrix} \qquad (2.78)$$

ফলকের এই অবস্থানের মধ্যে ঝালরের ক্রম হইতে  $m_s-m_1$  এবং এই অবস্থান দুইটির পার্থক্য হইতে স্কু এর মান পাঠ করিয়া  $\ell_2-\ell_1$  পাওয়া যায় যাহ।  $\ell_2-\ell_2$  এর মান বাহির করা যাইবে।



r এর মানের সহিত ফোরি-পেরে। কালরের তীরতার তারতমা চিত্র ২.৩৪ (a)

এই পরীক্ষা পদ্ধতিটি খুব নির্ভূল নর । প্রথমতঃ বিসঙ্গতির নির্ভূল অবস্থান ঠিকমত বাহির করা শত্ত । বিতীয়তঃ  $t_2-t_1$  এর মান বে স্কু এর পাঠ হইতে বাহির করা হর তাহার পরিমাপের নির্ভূলতাও খুব উচ্চমানের নর । দেখা বার বে বদি এই স্কুরের পরিমাপে এক সেকিমিটারের হাজার ভাগের এক ভাগ ভূল হর তবে  $6000\text{\AA}$  তরঙ্গের ক্ষেত্র  $\lambda_1-\lambda_2$  এর মানের ভূল দাঁড়ার 0.02Å । এই হিসাবে  $t_2-t_1$  এর মূল্য ধরা হইরাছে 0.1~cm. অবশ্য ভূল আরও বেদী হর বিসঙ্গতির সঠিক অবস্থান নির্ণরে ।

তরঙ্গদৈর্ঘার নির্ভূল মান নির্ণর স্পর্টিক ভ্যাংশের পদ্ধতি (method of exact fractions).

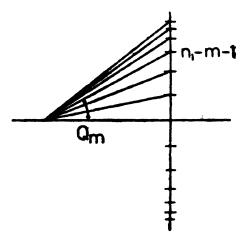
এই পদ্ধতিতে ফেরি-পেরো ইটালন (etalon) ব্যবহার করা হয়। যে ব্যবহার  $P_1P_2$  ফলক দুইটির মধোর দ্রন্ধ অপরিবর্ণিতত (fixed) থাকে তাহাকে ইটালন (etalon) বলা হয়। তিন বা ততোধিক জানা তরঙ্গদৈর্ঘের আলোক নিয়া ঝালর সৃষ্টি করা হয় এবং প্রিজ্ম ও সরু রেখাছিদ্রের সাহায্যে এই ঝালর প্রেণীকে আলাদা করিয়া ইহাদের ফোটোগ্রাফ নেওরা হয়। এই ফোটোগ্রাফ হইতে একই সঙ্গে সব কর্মাট আলোক তরঙ্গের দৈর্ঘাই পাওরা যায়। তবে এই পদ্ধতির প্রয়োগের জন্য তরঙ্গদৈর্ঘাগৃলি আগে হইতেই মোটামুটিভাবে ব্যবর্তন-ঝাঝরি দ্বারা জানিয়া নেওরা দরকার। এই পরিমাপ এমন হওয়া দরকার যাহাতে তরঙ্গদৈর্ঘা অন্তঃ পরিমাণ এমন হওয়া দরকার যাহাতে তরঙ্গদৈর্ঘা অন্তঃ পরিমাণ আরও বাড়ানো হয় মাত এবং উপবৃত্ত সাবধানতা সহকারে পরীক্ষা করিলে নির্ভূলতা বাড়াইয়া ০.০০1 ম পর্যায়ে আনা যায়।

বেনো (Benoit) প্রথমে এই পদ্ধতির আবিদ্ধার করেন। ইহাও একপ্রকার সংযোগের নীতিরই (principle of coincidence) প্রয়োগ। যদি তিনটি দোলকৈ দোলনকাল হয় 2, 3 এবং 5 সেকেও এবং তাহাদের একসঙ্গে দোলাইয়া দেওয়া হয় তবে ভাহাদের দোলনের সঙ্গতি হইবে প্রতি 30 সেকেও পর পর। ফোরি-পেরো ইটালনের প্রয়োগে ধরা বাক তিনটি ভরঙ্গদৈর্ঘার ঝালরের কেন্দ্রে ঝালরের রুম মাপা হইতেছে। এই রুমগুলি সাধারণত পূর্ণসংখ্যক হইবে না। এই ক্ষেত্রে ইহাদের কেন্দ্রে রুমিক সংখ্যা ধরা বাক  $n_1+x_1$ ,  $n_2+x_2$  এবং  $n_3+x_3$ ; এদের মধ্যে  $n_1$ ,  $n_2$  এবং  $n_3$  পূর্ণসংখ্যা আর  $x_1$ ,  $x_2$  ও  $x_3$  ভ্যাংশ। ব্যতিচার মাপকের একই ফলক দূরণে এই তিনটি পরিমাপ লওয়ার তিন ক্ষেত্রেই আলোক পথের দূরত্ব এক হইবে; অভেএব লেখা বায়

$$2d = (n_1 + x_1) \lambda_1 = (n_2 + x_3) \lambda_2 = (n_3 + x_3) \lambda_3 \qquad (2.79)$$

এই সমীকরণে ফলক দুইটির মধ্যের দ্রম d এবং তরস তিমটির দৈর্ঘ্য  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$  ও  $\lambda_2$ .

এই সমীকরণে d দূর্ঘ মাইক্রেমিটারের সাহাব্যে মোটামুটিভাবে জানা আছে  $(\pm 0.005 \text{ mm})$  পর্যন্ত নিপূঁল )। তাছাড়া এই নিপাঁত d এর সাহাব্যে  $n_1, n_2$  ও  $n_3$ র মানও মোটামুটি বাহির করা বার। কিন্তু ইহানের সঠিক মান জানিতে পারা যাইবে না।  $x_1, x_2$  ও  $x_3$  ভ্যাংজসুলি শতকরা 97-98 ভাগ নির্ভূলভাবে গণনা করা যার। এইবার সঙ্গতির নীভি প্ররোগ করিরা  $n_1, n_2$  ও  $n_3$ র সঠিক মান বাহির করা হয়। এই সঠিক মানের সাহাব্যে d এর মান অধিকতর নির্ভূলভাবে গণনা করিবার পর পরের ধাপে তরঙ্গলৈর্ঘের স্কাতর হিসাব করা সভব। এই প্রধালীতে জ্বলভাবে নিপাঁত তরঙ্গলৈর্ঘ্য অধিকতর স্কাভাবে বাহির করা বার। ভ্যাংশগুলি  $x_1, x_2$  এবং  $x_3$  কি করিরা নির্ণর করা হয় তাহা নিরে বাঁণত হইল।



क्ति २.०७

যে কোনও একটি ভরসদৈর্ঘ্য 🕹 । বার। উৎপন্ন ঝালরশ্রেণী নিয়লিখিত সর্ব্ত বারা নির্মানত হইবে

$$n_{1}\lambda_{1} = 2d\cos\theta_{1} - (n_{1} + x_{1})\lambda_{1}\cos\theta_{1}$$

$$(n_{1} - 1)\lambda_{1} = 2d\cos\theta_{2} - (n_{1} + x_{1})\lambda_{1}\cos\theta_{2}$$

$$(n_{1} - m - 1)\lambda_{1} = 2d\cos\theta_{m} - (n_{1} + x_{1})\lambda_{1}\cos\theta_{m}$$
(2.80)

র্যাদ পরীক্ষাধীন ঝালরটি কেন্দ্র হইতে খুব দূরে না হর তবে লেখা বার

$$\cos\theta_{m}=1-\frac{\theta_{m}^{2}}{2}$$

(2.82)

ৰণি ঝালরটির ব্যাস  $D_m$  হর, f এবং M লেলের ফোকাস-দূরত্ব ও বিবর্ধন-ক্ষতা হর তবে লেখা যাইতে পারে

$$D_{m} = 2\theta_{m} f M$$

$$\overline{q} = \frac{\theta_{m}^{8}}{2} = \frac{D_{m}^{8}}{8f^{8}M^{8}} \qquad (2.81)$$

$$\overline{q}$$

$$\overline{q}$$

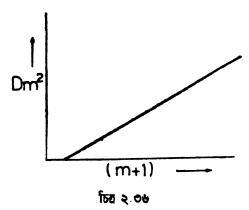
$$1 - \frac{D_{m}^{8}}{8f^{4}M^{8}} = \frac{(n_{1} - m_{1} - 1)\lambda_{1}}{2d} = \frac{(n_{1} - m_{1} - 1)\lambda_{1}}{(n_{1} + x_{1})\lambda_{1}}$$

$$= 1 - \frac{m_{1} + x_{1} + 1}{n_{1} + x_{1}}$$

$$\overline{q} = \frac{m_{1} + x_{1} + 1}{n_{1} + x_{1}} = \frac{m_{1} + x_{1} + 1}{2d}\lambda_{1}$$

$$\overline{q} = \frac{(m_{1} + x_{1} + 1)4f^{8}M^{8}\lambda_{1}}{d} \qquad (2.82)$$

ৰ্যান একটি লেখ অঞ্চন করা বার বাহার এক অক্ষে থাকিবে  $D_n$ ° অন্য অক্ষে সংশ্লিষ্ঠ (m+1) মানসমূহ, তাহা হইলে ইহা একটি সরলরেখা হইবে এবং অকে ইহার ছেদ হইতে  $x_1$  ভগ্নাংশের মান পাওয়া বাইবে।



এইর্পে ভ্যাংশসমূহ  $x_1, x_2$  ও  $x_3$  নির্ণয় করিবার পরের ধাপ হইবে নিমর্প ঃ

**এই প্রণালী**টি চাইলৃড্স এর বাণিত উদাহরণের দারা বুঝান হইবে : একটি ইটালনের পরীক্ষার নির্দ্লিখিত মানসমূহ পাওয়া গোল:

$$x_1 = 0.20 \pm .03$$
 $\lambda_1 = 6096.163 \text{Å}$  of each  $x_2 = 0.90 \pm .03$ 
 $\lambda_2 = 5852.488 \text{Å}$ 
 $\lambda_3 = 5015.675 \text{Å}$ 

ষাইক্রমিটারের সাহাব্যে পরিমাপ হইতে জানা বার বে d এর মান  $d=10.040\pm0.005~\mathrm{mm}$ . ইহাতে বে জনিক্রমতা আছে তাহার অর্থ হইল বে  $n_1$  এর মান 32922 এবং 32955 এর মধ্যে আবদ্ধ থাকিবে । ইহার কারণ  $32922.20\times6096.163\times10^{-8}-2\times1.0035~\mathrm{cm}$ .

[ সমীকরণ 2.79 হইতে ]

 $32955.20 \times (096.163 \times 10^{-8} - 2 \times 1.0045 \text{ cm}.$ 

ইহাদের মধ্যে কোনটি সঠিক মান তাহা বুঝাইতে হইলে এবার সঙ্গতির নীতির সাহাষ্য নিতে হইবে। উক্ত  $n_1$  এর মানের প্রভোকটির সহিত ভগ্নাংশ 0.20 বোগ করিয়া এবং পর্যায়ক্তমে অন্য দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘোর জন্য  $(n_2+x_2)$  এবং  $(n_3+x_3)$  এর মান হিসাব করিয়া একটি তালিকা তৈরী করা হয়। নিম্নে এই টেবিলটি দেওয়া হইল।

ভরঙ্গ দৈর্ঘা ১, এর ক্ষেত্রে	তরুক দৈখ্য ১ু ও ১ু জন। নির্ণীত সংশ্লিষ্ট ক্রম	
কাৰ্ন্দানক ক্ৰম		
$\lambda_1 = 6096.163 \text{\AA}$	$\lambda_2 = 5852.488$ Å	$\lambda_a = 5015.675$ Å
32922:20	34292·95	40014-37
32923:20	34293-99	40015.58
32924.20	34295.03	40016.80
•••	***	***
32944.20	<b>34315*87</b>	40041:11
32945.20	34316.91	40042:32
32946·20	34317-95	40043.54
•••	•••	***
32954.20	34326.28	40053-26
32955-20	34327·32	40054.47

নির্ণীত ভ্যাংশ  $x_1$ ,  $x_2$  ও  $x_3$ র সহিত তুলনা করিলে দেখা যার যে একমায়  $n_1=32945$  সংখ্যাটিই নির্ণীত ভ্যাংশ তিনটিকে মোটামুটি সিদ্ধ করে। হিসাব করিলে দেখা যাইবে যে  $32945\cdot20\times6096\cdot163=34316\cdot91\times5852\cdot488=40042\cdot32\times5015\cdot675$ . এই  $n_1$  এর মান  $n_2$  ও  $n_3$  এর মানকেও নির্ণর করে আর এইগুলির সাহাযো d এর নৃতন নির্ভূলতর মান দাঁড়ার  $10\cdot04197\pm0\cdot00001$  mm. কাজেই যেখানে মাইক্রোমিটারের সাহাযো d এর মান  $0\cdot005$  mm সীমার মধ্যে নির্ণীত হইরাছিল, সঠিক ভ্যাংশের নিরমের সাহাযো সেই সীমা  $0\cdot00001$  mm পর্যান্ত নিরম যাওরম সম্ভব হইল।

এইবৃপে অভান্ত সৃক্ষ মাপে d এর মান নির্পণ করিবার পর নির্ণের ভরক্ষের উপর এই পদ্ধতি প্ররোগ করা হয়। ইহার জন্য তরঙ্গ দৈর্ঘাটি প্রাথমিকভাবে ব্যবর্তন ঝার্থার দারা এমনভাবে নির্ণার করা আবশ্যক বাহাতে 10° ভাগে একভাগের বেশী ভূল না থাকে। এই নির্ভূলভার কেন্দ্রে ঝালরের ক্রমের পূর্ণসংখ্যা m ইটালনের সাহাব্যে দ্বার্থবিহীনভাবে বাহির করা যার। সংশ্লিষ্ট ভগ্নাংশ x এর মান উপরে বাণত উপারে হিসাব করিরা তরঙ্গের দৈর্ঘ্য পাওরা বাইবে।

এই পদ্ধতিতে তরঙ্গদৈর্ধার নির্ভূলতার সীমা  $\pm 0.05$ Å হইতে  $\pm 0.005$ Å এ নিয়া বাওয়া সম্ভব । এই সীমা আরও বাড়ানো সম্ভব বিদ্ব 100 mm এর ইটালন ব্যবহার করা যার । কিন্তু ইহা করিতে হইলে বর্ণালি রেখার একবর্ণত্ব পুবই পরিশুদ্ধ (exact) হওয়া দরকার ; দৃশ্যমানতার আলোচনা হইতে দেখা গিরাছে যে প্রায় কোন বর্ণালি রেখারই এই মানের পরিশুদ্ধতা বিদামান নাই ।

বর্ণালিরেখার অতিস্কা গঠন অনুসন্ধান—(Investigation of hyperfine structure of spectral lines).

কোন কোন বর্ণালিরেখার ক্ষেত্রে দেখা বার যে যদিও ইহ। আপাতদৃষ্ঠিতে একবর্ণের আলো বলিয়া মনে হয় প্রকৃতপক্ষে তাহা নয়। উচ্চ বিবর্ধন ক্ষমতার যর দিয়া পরীক্ষা করিলে দেখা যাইবে যে রেখাটি একাধিক ঘনসন্মিবিন্ঠ রেখার সমন্তি। ইহাদের মধ্যে তরক্রদৈর্ঘার পার্থক্য সাধারণত 0·1Å হইতে 0·001Å এর মধ্যে থাকে। এই তথাটি বুঝাইতে বলা হয় যে উক্ত বর্ণাল রেখার একটি অতি সৃক্ষা গঠন বিদ্যমান। ইহার কারণ প্রধানত দুইটি। বোরের (Bohr) প্রবাত্তিত সিদ্ধান্ত অনুসারে জানা যায় যে একটি বর্ণালিরেখার তরক্ষ সংখ্যা এর (wave number) মান

$$\nu = \frac{2\pi^2 \mu e^4 z^2}{ch^3} \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \tag{2.83}$$

এখানে e — ইলেকট্রনের আধান ; c — আলোর গতিবেগ ; h — প্ল্যান্কের ধুবক ; z — পারমাণবিক সংখ্যা (atomic number) ;  $\mu$  — পারমাণুর লঘুকৃত ভার (reduced mass of the atom) ; আর  $\mu$  —  $\frac{mM}{m+M}$  ;

এখানে m এব M বখান্তমে ইলেকট্রন এবং নিউক্লিয়াসের ভর ;  $n_1$ ,  $n_2$  বিভিন্ন কোরাভীয় সংখ্যা (quantum numbers).

ইহা হইতে দেখা বাইতেছে বে M এর মান আলাদা হইলে সংগ্লিষ্ট  $\nu$  এর মান আলাদা হইবে। এদিকে পরমাণ্যুর ক্ষেত্রে আইসোটোপ (isotope) থাকার জনা একই পরমাণ্যুত বিভিন্ন মানের M বর্তমান বাহার ফলে ইহার  $\nu$  এর মানও আলাদা হইবে। এইজন্য অনেক বর্ণালিরেখারই অতিস্ক্ষা সঠনের সৃতি হয়।

ষিতীরতঃ পাউলী (Pauli) এবং রাসেল (Russell) পৃথকভাবে বথান্তমে ১৯২৪ এবং ১৯২৭ সনে সিদ্ধান্ত করেন বে পরমাণ্রে নিউক্লিরাসের সামান্য চৌষক ভ্রামকের (magnetic moment) অন্তিম্বের জন্য বর্ণালিরেখার অভিসূক্ষর পরীক্ষালক ফলের সহিত নির্ভূপভাবে মিলিরা বার । অভএব বলা বার বে বর্ণালিরেখার অভিসূক্ষর গঠন পরমাণ্রে আইসোটোপ-গঠন অথবা চৌষক ভ্রামকের অন্তিম্ব ইহার বে কোনও কারণে অথবা কোন জোন কেনে একসঙ্গে উভর কারণেই উৎপান হর । পরমাণ্র কতকর্গুলি দান্তি-ন্তর (energy level) বর্তমান থাকে । এই বিভিন্ন দান্ত-ন্তরের মধ্যে ইলেকটনের কক্ষপথের পরিবর্তনের ফলেই একটি বর্ণালী-রেখার উৎপত্তি হর । এখন নিউক্লিয়াসের সামান্য চৌষক-ভ্রামক থাকার ফলে এই শক্তিন্তরের কোন কোনটি সামান্য পরিমাণ দ্রে আলাদা হইরা বার ; ইহার ফলে একটি বর্ণালিরেখার জারগায়ে একাধিক বর্ণালিরেখার উৎপত্তি হর ।

ফোর-পেরোর বাতিচার মাপকে একটি ফলক সাজাইরা বদি d দূরছ বাড়াইতে থাকা বার তাহা হইলে একসমর বর্ণালিরেখার অতিসৃষ্দ গঠনের জন্য প্রধান রেখার পাশে বে সমস্ত উপগ্রহ রেখা (satellite lines) থাকে তাহাদের ঝালরশ্রেণী পরস্পর হইতে পৃথক হইরা বাইবে। ফলে প্রতিটি রুমের ঝালরের জন্য একটি ঝালরশ্রেণী পাওরা বাইবে। ইহারা বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্য হইতে উৎপন্ন হর। একটি তরঙ্গদৈর্ঘ্য  $\lambda_1$  বিবেচনা করিলে বলা বার বে ইহার ল রুমের ঝালর নিয়োক্ত সর্ত মানিরা উৎপন্ন হইবে।

$$2d\cos\theta_1 = m\lambda_1 \tag{2.84}$$

এবং ইহার ঠিক বাহিরের ঝালরের ক্ষেত্রে নিমের সর্ভ প্রবোজা হইবে

$$2d\cos\theta_1 = (m-1)\lambda_1 \quad (\theta_2 > \theta_1) \tag{.285}$$

মনে করা বাক বে  $\lambda$ , এর খুব কাছে  $\lambda$ , আর একটি তরঙ্গলৈর্বা বিদামান আছে। এখন বিদা সংগতির পদ্ধতি (method of coincidences) প্রয়োগ করিরা একটি ফলক এমনভাবে সরানো হর বে  $\lambda$ , তরঙ্গের m রুমের বালর

 $\lambda_1$  ভরতের (m-1) ক্রমের ঝালরের সহিত মিশিরা বার তবে লেখা বাইভে পারে

$$2d \cos \theta_2 - m\lambda_2 - m(\lambda_1 - \Delta \lambda) - (m-1) \lambda_1 \qquad (2.86)$$

ইহাতে ধরা হইরাছে বে  $\lambda_1 - \lambda_2 + \triangle \lambda$  এবং  $\lambda_1 > \lambda_2$  এই সমীকরণ হইতে পাওয়া বার

$$m(\lambda_1 - \triangle \lambda) = (m-1) \lambda_1$$

$$\Delta \lambda = \frac{\lambda_1}{m}$$
(2.87)

কিন্তু 2.84 নং সমীকরণ হইতে লেখা যার

$$m = \frac{2d \cos \theta_1}{\lambda_1}$$

$$\therefore \quad \Delta \lambda = \frac{\lambda_1^8}{2d \cos \theta_1} \simeq \frac{\lambda_1^8}{2d}$$
( যদি কেন্দ্রের নিকটে পরিমাপ করা হয় ) (2.88)

দুইটি ঝালরপ্রেণী আপেক্ষিকভাবে একটি ঝালরের প্রস্থ দার। অপসারিত (displaced) হইলে ইহাদের তরঙ্গদৈর্ঘের পার্থক্য দাড়ার  $\frac{\lambda_1}{2d}$ . এই পরিমাপ আরও সৃক্ষতর পর্বারেও আনা যার। যদি আপেক্ষিক অপসারণ একটি ঝালরের প্রস্থের এক দশমাংশ হয় তবে  $\triangle\lambda$  এর মান এই ক্ষেত্রে দাড়াইবে

$$\Delta \lambda = \frac{{\lambda_1}^2}{2d \times 10}$$

কি ধরণের সৃক্ষ পরিমাপ এই ষদ্রের সাহাব্যে করা বার ভাহার উদাহরণ হিসাবে নিয়ের হিসাবটি কার্যাকরী হইবে। ধরা বাক  $d=10~{
m cm}$  এবং  $\lambda=6000{
m \AA}$ .

ভাহা হইলে 
$$\triangle \lambda = \frac{6 \times 6 \times 10^{-10}}{2 \times 10^2} = 18 \times 10^{-12} = 0.0018 \times 10^{-8}$$
 cm = 0.0018Å

সূতরাং উপরের উদাহরণ হইতে বুঝা যায় বে উপবৃক্ত d দৃরত্বে বর্ণালিরেখার এই অতিসৃক্ষ গঠন খুব নির্ভূলিভাবে নির্ণন্ন করা যায়।

উপরের আলোচনা হইতে দেখা বায় বে  $\triangle^{\lambda}$  এর মান m ক্রমের উপর নির্ভর করে না। কাজেই এই পরিমাপ বে কোনও সুবিধামত ক্রমের ঝালরের উপরেই করা চলে; অবশা এটি কেন্দ্রের নিকট না হইলে উপরের সমীকরণটি সিদ্ধ হইবে না।

এ হাড়া  $\sigma=\frac{1}{\lambda}$  (এথানে  $\sigma$  বুঝাইন্ডেছে একক দ্বতে ভরকের সংখ্যা ) সম্মটি বনি বাবহার করা যায় ভবে সাড়ার

$$\Delta \sigma = -\frac{\Delta \lambda}{\lambda^2} = -\frac{\lambda^2}{2d\lambda^2} = -\frac{1}{2d}$$
 (2.89)

সুতরাং দেখা যায় যে যদি এই তরঙ্গ দুইটির তরঙ্গ সংখ্যার পার্থক্য বিবেচনা করা হয় তবে এই রাশিটি শুধু m ক্রমই নর, তরঙ্গদৈর্ঘ্যের উপরও নির্ভরশীল নয়।

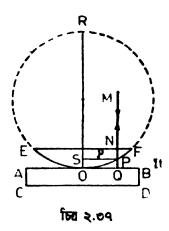
বর্ণালিরেখাটির বদি সৃক্ষ কোনও গঠন না থাকে এবং ইহা একবর্ণের হর তাহা হইলেও ইহার একটি গঠন থাকিবে। (মাইকেলসনের বাতিচারে বর্ণালিরেখার দৃশামানতার আলোচনা দুকীর)। এই গঠনের বিশদ জ্ঞানও ফেরি-পেরোর ব্যতিচার মাপক ধারা অর্জন করা সম্ভব। তবে ইহা করিতে হইলে ৫ দ্রম্বটি বেশ বড় করিবার ব্যবস্থা থাকা দৰকার এবং ব্যতিচার মাপকের গঠনপ্রণালীটি খুবই উচ্চমানের হওয়া প্ররোজন।

## निউট্रেनর বলরসমূহ (Newton's Rings).

বদি একটি কাচের সমতল ও সমান্তরাল ফলকের উপর একটি উত্তল লেজ রাখা বার তবে ইহাদের মধ্যে একটি বারুর স্তর আবদ্ধ হর। এই শ্ররের বেধ কাচের ফলক এবং লেজের সংযোগছলে শ্না এবং এই সংযোগবিন্দু হইতে বাহিরের দিকে অভ্নিত সরলরেখার ক্রমশ বাড়িতে থাকে। বারুত্রটির উপর বাহির হইতে আলো আসিয়া পড়িলে (উত্তল লেজের মধ্য দিয়া) একপ্রকার বাতিচার ঝালর দেখা বার। এই ঝালরগুলি বৃত্তাকার এবং সমকেন্দ্রিক এবং ফলক ও লেজের সংযোগছলকে কেন্দ্র করিয়া গঠিত হয়। এই ঝালরগ্রেণীকে কলা হয় নিউটনের বলরসমূহ (Newton's rings). নিউটনই প্রথমে এই বলরসমূহ বিশেশভাবে পরীক্ষা করেন যে জনা এই প্রকারের ঝালরের নাম নিউটনের নামানুসারে চিহ্নিত হইরাছে। তিনি এই বলরগুলির ব্যাস খুব সতর্কতার সহিত নির্ণর করেন। এই বলরসমূহ স্বভাবতই আলোর ব্যাতিচারের করুল সুকি হয় এবং ব্যতিচারের ঝালর সৃষ্টির উদাহরপের এইগুলি একটি অতি সহজসাধ্য উপার। বলি স্ক্যালোক বারা এই ফলক এবং লেজ সমবর আলোকিত করা বার তবে বলরগুলি রামধনুবর্ণের হইবে। ইহালের প্রস্কু ক্রিতে বাহিরের দিকে ক্রমণ্য করিতে ক্রিতে শেবে এক সত্ত্ব হইর।

বা**ইলে** বে আর দেখাই বাইবে না এবং ঐ স্থান সাদা আলো ধারা অধিকৃত হ**ই**বে।

এই বলরের উৎপত্তি নিম্নলিখিত চিন্ত হইতে বুবিতে পার। বাইবে।



চিত্র নং ২ ৩৭এ ABCD একটি কাচের ফলক এবং ইহার উপরে একটি কাচের উত্তল লেল EOF রাখা হইয়ছে; ইহাদের সংযোগস্থল O বিন্দু।

MN একটি আপতিত রান্দ্র; এই রান্দাটি বায়ুদ্ররের দুই প্রান্ত P এবং Q

হইতে প্রতিফালিত হইয়৷ QM দিকে ঘাইতেছে। যেহেতু এই রান্দ্র দুইটি
একই রান্দ্র হইতে উভ্ত, ইহায়৷ পরম্পর সংসক্ত এবং সেকারণে ব্যতিচার
সৃষ্টিতে সক্ষম। সূতরাং QM দিকে একটি ব্যতিচারী বিন্দুর সৃষ্টি হইবে।
আর এই বিন্দুর সন্ধারপথ হইবে এমন একটি বৃত্ত যাহায় ব্যাসার্দ্ধ PS

(SP = OQ). যদি SP = ρ হয় তবে ঢ়য় মান নিম্নালিখিত উপারে বাহিয় করা

যায়। EOF বৃত্তাংশকে বাড়াইয়৷ EOFR বৃত্তটি সম্পূর্ণ কর৷ হইল।

O বিন্দু হইতে এই বৃত্তের যে ব্যাস OR টান৷ হইয়ছে P বিন্দু হইতে তাহার
উপর একটি অভিলয় PS টানিতে হইবে। PS = ρ. এবং OS = 1

জ্যামিতির সৃত্র হইতে লেখা বায়

$$SP^2 = OS \times SR$$

ৰা 
$$\rho^* = t \times (D - t)$$
 এখাতে  $D =$ বুত্তের ব্যাস (2.90)

এই ধরণের পরীক্ষার সাধারণতঃ D>>t. সূতরাং দেখা বার  $\rho^*=tD$  (2.91)

এই ব্যতিচার এর্প দুইটি আলোকরণিমর মধ্যে হইতেছে বাহার। বারুতরের দুই প্রান্ত হইতে প্রতিফলিত হইরা উৎপন্ন হইরাছে। সূতরাং পূর্বের আলোচনা মতে ইহাদের সৃতির সূত্র হইবে

$$2t \cos r = (m + \frac{1}{\pi})\lambda$$

∙ দরম ভীরভা

 $2t \cos r = m\lambda$ 

··· অবম ভীব্রভা

অভএব সমীকরণ 2.91 এর সহিত প্ররোগ করিলে লেখা বার

$$\rho^{2} = \frac{D(m + \frac{1}{2})\lambda}{2 \cos r} = D \sec r \left(m + \frac{1}{2}\right) \frac{\lambda}{2}$$

বা 
$$\rho = \sqrt{D \sec r (m + \frac{1}{2}) \frac{\lambda}{2}}$$
 চরম উব্দেশতার বলরের ক্লেন্সে (2.92)

এবং 
$$\rho = \sqrt{D \sec r \frac{m\lambda}{2}}$$
 অবম উন্থালভার বলরের ক্ষেত্রে (2.93)

যদি লেলের বৃত্তের ব্যাসার্ছ R বিবেচনা করা বার তবে লেখা বার  $\left(R-\frac{D}{2}\right)$ 

$$\rho = \sqrt{R} \sec r \left( m + \frac{1}{2} \right) \lambda \qquad \cdots \quad 5 \pi A \qquad (2.94)$$

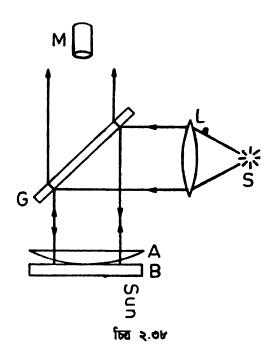
$$\rho = \sqrt{R \sec r \, m\lambda} \qquad \cdots \qquad \text{equa} \qquad (2.95)$$

এইর্পে উপরোক্ত সমীকরণ হইতে p, R, m এবং r এর মান নির্ণক্ত করিয়া বাবহৃত আলোকের তরঙ্গগৈর্ব্য  $\lambda$  বাহির করা বায়। অথবা  $\lambda$  জানা থাকিবে R বাহির করিতে পারা বার। এথানেও অবশ্য প্রতিফলনে একটি রুশ্মির  $\pi$  দশাপরিবর্তন হইবে এইটি ধরিয়া লইরাই উপরের সমীকরণগুলি লেখা হইরাছে। তাছাড়া r কোণটি পরীক্ষাকালে সাধারণতঃ  $0^\circ$ র কাছাকাছি থাকে বলিয়া sec r এর মান মোটামুটি 1 হয়।

## পরীক্ষাকালে নিমলিখিতরূপে এই পরীক্ষাটি করা হয়।

চিত্র ২.৩৮এ AB একটি কাচের ফলক এবং লেলের সমন্বর। লেলটি এমন নেওরা হর বাহাতে ইহার ফোকাসদ্রত্ব অন্ততঃ 50 cm. থাকে; ভাহা হইলে বলরগুলি বেশ ফাক ফাক হর এবং ভালভাবে দেখিতে এবং মাপিতে পারা বার। S একটি একবর্ণের আলোক উৎস। ইহা হইতে নির্গত আলোচ দেশে সমান্তরাল রন্মিতে পরিণত ছইনা 45° কোনে রক্ষিত

কাচের ফলক G এর উপর আপতিত হয়। এই ফলকে রশ্মির একাংশ প্রতিফলিত হইরা AB সমন্বরের উপর আসিয়া পড়ে এবং ঐ স্থানের বায়ুন্তরে যুগ্ধ প্রতিফলনের পর আবার আপতন পথেই ফিরিয়া বায়। ইহারা G এর



ভিতর দিয়া গিয়া ভাষামান অনুবীক্ষণ বন্ধ (Travelling microscope) M দারা সংগৃহীত হওরার ফলে ইহার ফোকাসতলে ব্যতিচার বলরের আবির্ভাব হয়। প্ররোজনীর সমজনের (adjustment) পর অনুবীক্ষণ বন্ধের সাহাযো
সুবিধামত (পণ্ডদশ বা দশম) বলরের একধার হইতে অন্যধার পর্যান্ত এই বলরসমূহের ব্যাস একাধিক বার মাপা হয়। এইবার সমীকরণ 2.94 এবং 2.95 এর সাহাযো তরঙ্গদের্ঘ্য বাহির করা বাইবে।

এই পরীক্ষার আলোকরণি AB সমন্বরের উপর অভিলন্ধভাবে আসিরা পড়ার  $r=0^\circ$ . সূতরাং বদি m ক্রমের বলরের ব্যাসার্ক  $\rho_m$  হয় তবে লেখা চলিতে পারে

$$ho_m^2 = Rm \lambda$$
 আলোর অবম তীরতা  $ho_m^2 = R(m+\frac{1}{2}) \lambda$  চরম তীরতা

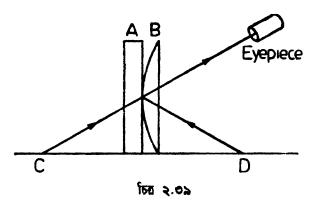
अरेड्र न र्याप m+p क्रम्ब कामत माना यात

$$\rho_{m+p}^{\,\,2} = R(m+p)\lambda$$
 অবম তীরতা
$$\rho_{m+p}^{\,\,2} = R(m+p+\frac{1}{2})\lambda$$
 চরম তীরতা
$$\therefore (\rho_{m+p}^{\,\,2} - \rho_m^{\,\,2}) = Rp\lambda$$
বা  $\lambda = \frac{\rho_{m+p}^{\,\,2} - \rho_m^{\,\,2}}{Rp}$  (উজা কেচেই) (2.96)

এইভাবে বলরের বাসে মাপিয়া আলোক উৎসের ভরঙ্গদৈর্ঘ সহজেই ব্যাহির করা বায়।

নিউটনের বলরের পরীক্ষার সাহাব্যে তরলের প্রতিসরাক্তও নির্পণ কর। বার ।

প্রতিফালত রন্মিতে বেমন বলর দেখা বার প্রতিসৃত রন্মিতেও অনুর্প বলর দেখা বাইবার কথা অনুমান করা বার। আর সভাই প্রতিসৃত রন্মিরাও একপ্রস্থ বলর সৃষ্ট হর। ইহাও বুঝা বার বে এই বলরগুলি প্রতিফলনের বলরের প্রক (complementary) হওরার কথা। মোট আলোক শক্তি অপরিবাতিত থাকার বাদ ধরিরা নেওরা হয় বে আলো ঐ ফলক ও লেল সমন্বরে শোষিত হয় না তবে প্রতিফালত ও প্রতিসৃত বলরের আলোক তীরতার বোগফল আপাতত আলোক তীরতার সমান হইবে। সূত্রাং প্রতিফালত বলয়ের কেন্দ্র তবে হইবে উজ্জল এবং এইর্প ভাবে তাহারা পরস্পরের প্রক হইবে। এই তথাটি আারাগোর (Arago) পরীক্ষা দ্বারাও প্রমাণ করা বার।



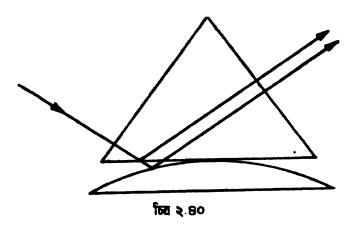
চিত্র নং ২.৩৯এ AB একটি বচ্ছ ফলক ও লেলের সমন্বর। এটি একটি সাল। এবং সর্বত্র সমানভাবে আলোকিত কাগজের উপর উল্লেখ্যাবে বসানো ছইরাছে, ইহার কারণ দুইটি বলরপ্রেণীই একসঙ্গে দেখিতে হইবে। ভাহা হইলে D বিন্দু হইতে আলো আসিয়া প্রতিফালিত এবং C বিন্দু হইতে আলো প্রতিস্ঠালত এবং C বিন্দু হইতে আলো প্রতিস্ঠালত এবং C বিন্দু হইতে আলো প্রতিস্ঠালত বলরপ্রেণীর সৃষ্টি করিবে এবং অভিনেত্রে ইহারা একসঙ্গে বর্তমান থাকিবে। বিদ কাগজটির সর্বগ্র সমান আলোকতীব্রতা হর তবে C এবং D বিন্দুর আলোকতীব্রতাও এক হইবে এবং ধরা বাইতে পারে যে একই বিন্দু হইতে আলোক দুই শ্রেণীর বলর সৃষ্টি করিরাছে। ইহাদের অধিস্থাপনের (Superposition) ফলে সর্বগ্র সমান আলো দেখা বাইবে বাহা হইতে এই সিদ্ধান্তে আসা বার যে প্রতিফালত ও প্রতিসৃত আলোতে সৃষ্ট নিউটনের বলরসমূহ পরস্পরের প্রক।

মাইকেলসন বাতিচারমাপকের এবং লয়েডের দর্গণের ক্ষেত্রে বলা হইয়াছে বে তনু (rarer) মাধাম হইতে ঘনতর (denser) মাধামে বাইবার সমর প্রতিফলনে আলোকরণির দ দশার পরিবর্তন হয় কিন্তু ইহার বিপরীত জিনিষ হয় না। নিউটনের বলয়ের ক্ষেত্রেও এই নীতি সমভাবেই প্রযোজা। একটি সুন্দর পরীক্ষার দ্বারা ইয়ং (Young) এই তথা প্রমাণ করেন। একটি ফ্লিন্ট কাচ (flint glass) ও আরেকটি ক্লাউন কাচের (crown glass) লেল সমবায়ের মধ্যের বায়ুত্তর ভেলের তর দ্বারা ভত্তি করা হয়। এই তেলের প্রতিসরাক্তের মান ক্লাউন ও ফ্লিন্ট কাচের প্রতিসরাক্তের মানের মাঝামাঝি। কাক্ষেই এই অবস্থায় ব্যতিচারী দুইটি আলোকরণির একই অবস্থায় প্রতিফলিত হয় (তনু হইতে ঘনতর মাধ্যমে অথবা ইহার বিপরীত); কাক্ষেই এখানে উভয়ের মধ্যে কোনও আপেক্ষিক দশার পরিবর্তন ঘটিবে না এবং বলয়শ্রেণীর কেন্দ্রটি উক্লল হইবে। দি বায়ুত্তরে প্রতিফলন হয় তবে বিপরীত অবস্থায় প্রতিফলন হওয়ায় দ দশার আপেক্ষিক পরিবর্তন হইবে এবং কেন্দ্রটি অন্ধকার হইবে। পরীক্ষার ফল এই সিদ্ধান্তই সমর্থন করে।

বৃহৎ ও উজ্জ্বল বলম্মের স্থান্তি—জবার্ণডার সর্ভ (Production of large and bright rings—condition of achromatism).

এই ফলক ও লেলের সমন্বরে যে বলরপ্রেণীর সৃষ্টি হয় ভাহাদের ব্যাস r কোণের উপর নির্ভর করে। এই কোণ বাড়িলে বলরের ব্যাসও বাড়ে (সমীকরণ 2.94 ও 2.95)। সূতরাং আলোর আপতন কোণ বাড়াইরা বলরের ব্যাস বাড়ানো বায়। কিন্তু আপতন কোণ বাড়াইলে লেলের উপরের তল হইতে প্রতিক্ষলিত রন্ধির তীরতার অনুপাত সঙ্গে বাড়িয়া বায়; ফলে ব্যাভিচারী রন্ধি দুইটির তীরতা অনুরপভাবে কমিয়া যাওয়ায় বলরের

উজ্জনাও কমিতে থাকে। বাদ ফলক ও লেল সমষরের বদলে একটি প্রিজ্ম ও লেলের সমন্বর ব্যবহার করা বার তবে বৃহৎ ও উজ্জল বলরের সৃতি করা বাইতে পারে।

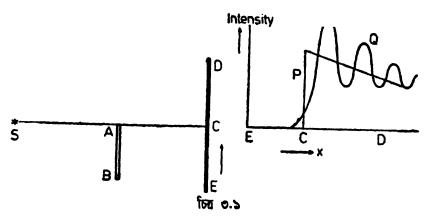


উপরের ২.৪০ নং চিত্রে দেখা বাইতেছে বে একটি আলোকরণি প্রিজ্মে উল্লেখ্যনে পড়িতেছে এবং ইহার ফলে এই তল হইতে প্রতিফলনের অনুপান্ত খুব কম। এই রণ্মি বারুক্তরের উপর বৃহৎ আপতন কোণে পড়ার প্রতিফলিত রণিমন্বরের পরিমাণ খুব বেশী হইবে এবং r কোণটি বেশী হওরার উৎপন কলরগুলি খুব উজ্জল ও বৃহৎ হইবে।

অধিকত্ব বাদ সাদা আলো ব্যবহার করা বার তবে আপতন কোণ প্ররোজনমত সমস্ত্রন করিলে বলরসমূহ মোটামুটি অবার্ণ হর। ইহার কারণ সাদা আলোর
বিচ্ছুরণ। বিচ্ছুরণের ফলে বেগুনী আলো বায়ুন্তরে লাল আলোর অপেক্ষা বড়
কোণে আপতিত হইবে বাহার ফলে ইহার বলরের ব্যাস লাল আলোর তুলনার
বৃদ্ধি পাইবে। অনাদিকে লাল আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য বেলী হওয়ার এই কারণে লাল
আলোর বলরের ব্যাস বেগুনী আলোর ব্যাসের অপেক্ষা বেলী হইবে। এই
দুই বিপরীতমুখী প্রবণতা একটি কোনও আপতন কোণে সমান হইবে এবং
পরস্পরকে প্রণ করিবে। ফলে এই আপতন কোণে বলয়গুলি মোটামুটি
অবার্ণ হইবে। এইভাবে সাদা আলো এবং প্রিক্তম্ব লেল সমন্তর ব্যবহার
করিয়া বৃহৎ উক্ষল ও অবার্ণ নিউটন-বলয় সৃত্তি কয়া বাইতে পারে।

## আলোকের ব্যবর্তন (Diffraction of light).

আলোকরণি বথন গতিপথে বাধা অতিক্রম করে তখন ইহার গতিপথের কিছু পরিবর্তন হয়। এই পরিবর্তন আলোকের কণাবাদ অনুসারে হইবার কথা নর। চিত্র নং ০.১এ ১ একটি কুমু আলোকউংস। ইহা হইতে নির্গত আলোক DCE পর্ণার উপর পড়িভেছে। আলোকের গতিপথে একটি অবছ বাধা AB রাখা হইরাছে; এই বাধা AB একটি আরতক্ষেতাকার (rectangular) ধাতুর পাত হইলেও চলিবে। এই অবস্থার কণাবাদ অনুসারে পর্ণার বে আলো পড়িবে ভাহার তীব্রতা এর্প হইবে যে C এর নীচের দিকে সম্পূর্ণ অক্ককার এবং C এর উপর দিকে অপরিবর্তিত তীব্রতা দেখা যাইবে।



ECD সরলরেখার যদি আলোর তীব্রতা মাপা যার এবং ইহা একটি লেখ বারা অব্দন করা যার তবে এই লেখ চিত্রের প্রদর্শিত রূপ নিবে। E হইতে C পর্যান্ত আলোকতীব্রতা শূন্য হইবে; C বিন্দুতে এই তীব্রতা হঠাং বাড়িরা বাইবে এবং C হইতে D এর দিকে এই তীব্রতা সামান্য কমিতে থাকিবে কিন্তু এই হ্রাস নিরবিজ্জা হইবে, ইহাতে কোনও ভেদ (variation) দেখা যাইবে না। ৩.১ চিত্রে P লেখ বারা এই বর্ণিত আলোক তীব্রতা বুঝান হইরাছে।

কিন্তু সৃক্ষভাবে লক্ষ্য করিলে দেখা যায় বে আলোকতীরতা উপরে বর্ণনার সহিত মিলে না । C হইতে E এর দিকে আলোকতীরতার খুব দুত হ্বাস হর আর C হইতে D এর দিকে আলোকতীরতার ভেদ দেখা বার। ফলে এক শ্রেণীর বালরের (fringe) উৎপত্তি হর। এই বালরের প্রস্থ এবং তীরতার বৈষমা C হইতে D এর দিকে ক্রমশ কমিতে থাকে এবং ক্রিয়ুদ্র বাওয়ার পর অপরিবর্তী তীরতা (uniform illumination) আসিয়া বায়। তবে এই বালরের উৎপত্তি খুব সৃক্ষ মাপের হয় বলিয়া খুব বয়সহকারে অথবা বরের সাহাব্য ছাড়া দেখা দুরর। অনাদিকে এই বালরগুলি সৃষ্টি করিতে কোনও বিশেষ পরীক্ষাব্যবহার প্রয়েজন হয় না বলিয়া ইছার উৎপত্তি একটি অতি সাধারণ ঘটনা। এইজনা বাতিচার-বালরের পরীক্ষার অনেক পূর্বেই এই জাতীয় বালরের অভিত্ব সরমে বিজ্ঞানীয়া অবহিত ছিলেন এবং ইহার কারণ অনুসন্ধান করিতেছিলেন।

আপাতদৃষ্ঠিতে বদিও মনে হইবে বে স্থুলমাপে দেখিলে এই আলোকতীব্রতা কণাবাদ দারাই সহজে ব্যাখ্যা করা বার (এই মতবাদ অনুসারে আলো
সরলরেখার গমন করে ) তবুও উপরের আলোচনা হইতে বুঝা যার বে সৃক্ষতর
মাপে কণাবাদের সিদ্ধান্ত পরীক্ষার ফলের সহিত মিলে না । অথচ তরঙ্গবাদের
দারাও এই পরীক্ষাফল ব্যাখ্যা করা সন্তব বলিয়া মনে হর না কারণ আলোকতরঙ্গ বাধা AB পার হইয়া চতুর্দিকে ছড়াইয়া পড়িবার কথা । সূতরাং এই
ধারণা অনুসারে পর্দার C বিন্দু হইতে তীব্রতার হ্রাস খুব মন্বর হওয়ার কথা ।
কিন্তু জ্বেনেলের (Fresnel) বন্ধে তরঙ্গবাদের দারা এই পরীক্ষাফলের শুধু
ব্যাখ্যাই পাওয়া বার নাই, তাহার প্রবর্তিত বৃত্তিধারা দিয়া এইসব ক্ষেত্রে
আলোক সীব্রতার সন্তাব্য মানও সঠিকভাবে নির্ণর করা সন্তব হইয়াছে ।

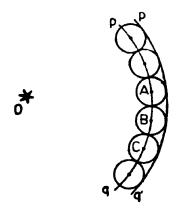
উপরের বর্ণনা মত আলোকরন্দি বধন কোনও ছিন্ন দিয়া বা বাধা ঘেসিরা গমন করে তথন ইহার গতিপথে সরলরেখা হইতে যে বিচ্যুতি (deviation) ঘটে তাহাকে বলা হর আলোর বাবর্তন। আলোর এই ব্যবর্তন অতি দীর্ঘকাল পূর্ব হইতে লক্ষিত হইরা আসিরাছে। প্রকৃতপক্ষে ইহা ব্যতিচারের পরীক্ষার মত বিশেব ব্যব্রিক কৌশলের সাহাব্য ছাড়াই উৎপার হয়। বিশেবত ইহা সৃত্তির জন্য আলোকউৎসের সংসন্ধির প্ররোজন না থাকার অতি সহজেই ইহা উৎপার হয়। অনুবৃপ বাবর্তন শক্তরক্ষের ক্ষেত্রেও খুব সহজেই দেখা বায়; সেখানে শক্তরক্ষের অনেকটা বিচ্যুতি ঘটে। কিন্তু আলোকতরক্ষের বৈধ্য শক্তরক্ষের ত্লনার অনেক কম হওরার পূর্বোন্ত ক্ষেত্রে বিচ্যুতির পরিমাণও আনুপাতিকভাবে অনেক কম হওরার পূর্বোন্ত ক্ষেত্রে বিচ্যুতির পরিমাণও আনুপাতিকভাবে অনেক কম আর এজনা ইহার বাবর্তন প্রত্যক্ষ করিতে হইলে অনেক সৃক্ষ পর্বাবেক্ষণের প্ররোজন হয়।

আলোকের ব্যতিচার প্রসঙ্গে গ্রিমল্ডির পরীক্ষার কথা উল্লেখ কর। হইরাছে। অৰচ্ছ আবরণে দুইটি অভিকৃদ্র ছিন্ত করিরা তাহা দিরা সুর্ব্যালোক প্রবেশ করাইয়া পর্ণার উপর এমনভাবে ফেলা হইয়াছে বাহাতে ঐ আলোকরণি পুইটির খানিক অংশ পরস্পরের উপর আপতিত হ**র**। ব্যভিচারের আলোচন। হইতে বৃথিতে পার। বায় যে আলোকউৎস দুইটি পরস্পর সংসম্ভ না হওরায় এক্ষেত্রে অধিস্থাপনের অংশে ব্যতিচার ঝালরের সৃত্তি হইবে না। কিন্তু দেখা যায় বে পর্দার উপরে অবস্থিত গোলাকার আলোকবিন্দুৰয়ের বাইরের ধার ঘেষিয়া বৃত্তাকার ঝালরের উন্তব হইয়াছে। সূতরাং এই পরীক্ষার ব্যতিচার ঝালরের সৃষ্টি না হইলেও বাবর্তন-ঝালরের ্র উৎপত্তি হইয়াছে (চিত্র নং ২.২ )। ইহার পরে নিউটন প্রমুখ বিজ্ঞানীর। এই ধরুণের ব্যাপারে পরীক্ষা নিরীক্ষা করেন। ইরাং (Young) এই শ্রেণীর ঝালরের উৎপত্তির কারণ ব্যাখ্যা করিবার চেষ্ঠা আরম্ভ করেন। স্বভাবতই তিনি ইহা তাহার প্রবাতিত আলোকতরঙ্গের ব্যতিচারের মতবাদ দিয়া ব্যাখা। করিবার প্রয়াস পান। তাহার মতে এই ঝালরের সৃষ্ঠি হয় দুইটি রশ্বির ব্যতিচারের দরুণ। ইহাদের একটি রশ্মি বাধা বা ছিদ্রের ধার ঘেষিয়া বায়. অনাটি ঐ বাধা বা ছিদ্রের ধারের তল হইতে প্রতিফালত হইরা গমন করে। এই দুইটি রশ্বি একই উৎস হইতে উৎপন্ন বলিয়া পরস্পর সংসম্ভ আর তাহাদের মধ্যে পথ-পার্থকাও বিদামান। সূতরাং ব্যতিচারের সমস্ত সর্ভই প্রণ করার রশ্মি-দুইটি ব্যতিচার ঝালরের সৃষ্টি করে। ফ্রেনেলের মতে এই ব্যাখ্যা ঠিক নয়। দেখা গিয়াছে বে দুইটি ক্ষুরের ধারালো দিক পাশাপাশি রাখিয়া একটি রেখাছিদ্র ভৈরী করিয়া সেই রেখাছিদ্রের সাহায্যে যদি একক্ষেত্রে ঝালর সৃষ্টি হয় আর অন্যক্ষেত্রে একটি ক্ষুরের ধারালো দিক অন্য একটি ক্ষুরের ভোতা দিকের পাশাপাশি রাখিয়া রেখাছিদ্র তৈরী করিয়া ঝালর সৃষ্টি করা হয় তবে উভয়ক্ষেত্রেই এই ঝালরের আকৃতি এবং ভীব্রতা সম্পূর্ণ একর্প হয়। কিন্তু ইয়াংয়ের ব্যাখ্যা অনুসারে যদি ইহার। প্রতিফলিত এবং সরাসরি প্রেরিত রশ্বিদ্বরের ব্যতিচারের দার৷ সৃষ্ঠ হর তবে এই পুইক্ষেত্রে তীব্রতার পার্থকা হওয়া উচিত, কারণ প্রতিফালত রন্মির তীব্রতা এই দুইক্ষেত্রে আলাদা হইবে। সূতরাং এই ধরণের পরীক্ষা হইতে ইয়াংয়ের ব্যাখ্যা বাতিল করা হয়। অবশ্য সমারফেক্টের ( Sommerfeld ) আলোচনামতে দেখা যায় ষে সোজা ধারে আলোর বাবর্তনকে এই ধরণের বুল্তি বারাও ব্যাখ্যা করা বার ].

ফেনেলের বৃত্তি অনুসারে এই ব্যবর্তন বালরের সৃষ্টি হয় একটি মৃল তর<del>ক</del> হইতে বে সমন্ত মাধ্যমিক কুদ্রতরঙ্গের (secondary wavelets) উদ্ভব হয় ইহাদের মধ্যে ব্যতিচারের ফলে। এই প্রকারের ব্যতিচারকেই বলা হর আলোকতরঙ্গের বাবর্তন। সূতরাং, দেখা বার বে বাবর্তনকে প্রকৃতপক্ষে একপ্রকার ব্যতিচারেও বলা বার ; একমার প্রভেদ এই বে ব্যতিচারের ক্ষেরে দুইটি সংসক্ত আলোকউৎস হইতে উৎপার আলোকরিছিম দুইটি অধিস্থাপনের ফলে ব্যতিচারের সৃষ্ঠি হয়। অপরাদিকে একই মূল তরঙ্গ হইতে উৎপার মাধ্যমিক ক্ষুদ্রতরঙ্গের মধ্যে ব্যতিচারের ফলে বে আলোক তীরতার ভেদ সৃষ্ঠি হর তাহাকে আলোকের বাবর্তন বলা হয়। এই প্রসঙ্গ পরে আরও বিশদর্পে আলোচিত হইবে।

শ্রেনেল আলোকতরক্রবাদের সাহাবে। বাবর্তনের ব্যাখ্যা করিতে চেন্টা করেন । তিনি বে শুধু ইহাতে সফল হন তাহাই নছে; তাহার হাতে এই ব্যাখ্যা এর্প পূর্ণতালাভ করে বে তিনি পরীক্ষালব্ধ ফলগুলি পূজ্যানুপূজ্বরূপে নির্ণর করেন এবং ইহার অনুমিত (predicted) ফলাফলও পরে পরীক্ষা দ্বারা পাওয়া বার ।

এই ব্যাখ্যা বর্ণনা করিতে হইলে সর্বপ্রথমে হাইগেন্সের নীতি (Huygens' Principle) আলোচনা করিতে হইবে। আলো কি করিরা বিস্তারলাভ করে বা উৎস হইতে চতুদিকে গমন করে তাহাই এই নীতির বন্ধর। ৩.২ নং চিত্রে দেখা যাইতেছে বে একটি আলোকউৎস ০ হইতে আলো

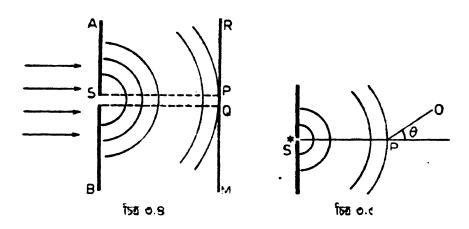


हिरा ७.२

চতুদিকে হড়াইরা পড়িতেহে। কোনও এক সমরে এই বৃত্তাকার তরঙ্গের ভরত্বমূখের একাংশ pq দারা বুদান হইরাহে। হাইগেন্সের নীতি অনুসারে এই ভরত্বমূখ pq র প্রতিটি বিশ্ব একটি মাধ্যমিক শুন্ত-ভরত্বের জন্ম দের।

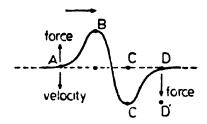
প্রতিটি মাধ্যমিক ক্ষুদ্রভরঙ্গ আবার বৃত্তাকারে ছড়াইয়া পড়ে। চিত্রে ABC প্রভৃতি বিন্দু হইতে এইবৃপ কতকগৃলি বৃত্তাকার কুন্ত তরঙ্গ দেখান হইয়াছে। এই বৃত্তের ব্যাস নির্ভর করিবে আলোকভরঙ্গের বেগ, মাধ্যমের প্রতিসরাক এবং বিবেচা সময়ের উপর । যদি ।' সময়ে ক্ষুদ্রভরক্ষের ব্যাস চিত্রে প্রদর্শিত বৃত্তসমূহ স্বারা বৃঝান হয় তবে হাইগোন্সের নীতি অনুসারে এই সময়ে তরকমুখ pq এর নৃতন অবস্থান হইবে p'q' . p'q' এর আকৃতি হইবে একটি বর্দ্ধিত ব্যাসের বৃত্ত এবং এই বৃত্তের কেন্দ্রও হইবে O. যদি ক্ষুদ্রতরক্ষের বৃত্তসমূহকে স্পূর্ণ করিয়া একটি আবরণ (envelope) p'q' টানা বায় তবে এই আবরণ p'q' ই হইবে  $\iota'$  সময় পরে pq তরঙ্গমুখের নৃতন অবস্থান । এই প্রণালীর পোনঃপুণিক প্ররোগ দারা আলোকের বিস্তার হইয়া থাকে ৷ হাইগেন্স এই ক্ষেত্রে অবশ্য বলেন যে, একটি কুদ্র তরঙ্গের কার্যাকরী অংশ একমাত্র সেই বিন্দুটি যেটিতে p'q' আবরণ ইহাকে স্পর্গ করে। কিন্তু স্বভাবতই এই বৃত্তাকার ক্ষুদ্র তরঙ্গগুলিকে স্পর্শ করিয়া pq এর ভিতরদিকেও একটি আবরণ অব্দন করা সন্তব হওয়া উচিত এবং এই আবরণটিও একটি নৃতন তরক্ষমুখের ্র উৎপত্তি করিবার কথা ষেটাকে বলা যাইতে পারে পশ্চাংগামী তরক (back wave). এইরূপ তরঙ্গ অবশ্য কার্ধ্যক্ষেত্রে দেখা যায় না। হাইগেন্স্ এই পশ্চাংগামী তরক্ষের অনুপস্থিতির কোনও কারণ দেখান নাই। তিনি শুধু আলো কি করিয়। সমুর্থাদকে গমন করে তাহার ব্যাখ্যাই করিয়াছেন। অর্থাৎ বলা যায় যে তিনি তাহার প্রয়োজনমত ধরিয়া লইয়াছেন যে মাধ্যমিক ক্ষুদ্র তরঙ্গের কার্যাকরী অংশ হইল সমূর্যদিকের তরঙ্গমূর্য p'q' ইহাকে যে বিন্দুতে স্পর্গ করে একমাত্র সেই বিন্দৃটিই আর এই বন্ধব্যের স্বপক্ষে তিনি কোনও যুদ্ধি দেখান নাই। তবে ভৌকুসের (Stokes) এর স্থিতিস্থাপক মাধ্যমের কম্পনের আলোচনা (vibration of elastic medium) হইতে এই কারণের ব্যাখ্যা পাওয়া যায়। ভৌকৃস্ এই আলোচনা হইতে সিদ্ধান্তে আসেন যে প্রাথমিক তরঙ্গের যে কোনও বাহিরের বিন্দৃতে এই তরঙ্গের ভ্রংশ  $(1+\cos\,\theta)$  অনুপাতে নির্মাত হইবে। এখানে heta কোণ উৎপন্ন হইরাছে আলোক তরক্ষের অভিলয় (wave normal) এবং মাধ্যমিক তরঙ্গের কেন্দ্র ও আলোচ্য বিন্দুর সংবোগকারী সরলরেখার মধ্যে (চিত্র নং ৩.৩)। এই সৰদ্ধ অনুযায়ী তরক্ষের ভ্রংশ  $heta^\circ = 0$  কোণে অর্থাৎ সমূর্যাদকে চরম হইবে আর পশ্চাৎ-দিকে ক্রমশ কমিতে কমিতে heta কোণ যখন  $\pi$  হইবে তখন শূন্য দাড়াইবে। কাজেই এই সৰজের দারা পশ্চাৎগামী ভরকের অনুপস্থিতি ব্যাখ্যা করা বাইতে পারে।

হাইগোন্সের সিদ্ধান্তের সভাত। একটি পরীক্ষার সাহাযো প্রমাণ করা বাইতে পারে। ৩.৪ নং চিত্রে একটি অবচ্ছ পর্দ। AB তে একটি অতি ক্ষুদ্র ছিন্ন S অবস্থিত। S এর আয়তন বাবহৃত তরঙ্গদৈর্ঘোর সহিত তুলনীয়। AB পর্দার উপরে একটি সমান্তরাল আলোকরশি আসিয়া পড়িতেছে। মনে হইতে



পারে যে RM পর্ণার উপরে আলোকের যে ভীরভা দেখা যাইবে তাহা PQ ক্ষেত্রেই সীমাবদ্ধ থাকিবে। কিন্তু বাস্তবক্ষেত্রে দেখা বায় যে S এর আয়তন আলোক তরঙ্গের দৈর্ঘের যত কাছাকাছি হইবে PQ এর আয়তনও ততই বাড়িতে থাকিবে এবং ইহা খুব কুদ্ৰ হইলে RM পৰ্ণাৰ প্ৰায় সমন্তটাই জুড়িয়া আলো বিশ্ৰত হইবে। এই ক্ষেত্ৰে প্ৰাথমিক আলোক ভরক্লের S অংশ হইতে হাইলেন্সের নীতি অনুসারে মাধ্যমিক ক্ষুদ্র ভরঙ্গসমূহের উৎপত্তি হওয়ার ফলে আলোকতরক অধবৃত্তাকারে বিশুত হইবে এবং RM পর্দার প্রায় সমস্তটাই ছাভিয়া থাকিবে। কিন্তু ১ এর আয়তন যদি বড় হয় তবে দেখা যায় যে পৰ্দায় যে প্ৰতিবিদ্ধ পড়ে তাহার আয়তন মোটামুটি জ্যামিতিক প্ৰতিবিদ্ধ PQ এর সমান। বাবর্তনের আলোচন। আরও অগ্রসর হইলে বঝা বাইবে বে প্রথম ক্ষেত্রে আপতিত তরঙ্গের অনেকটা কার্যাকরী অংশ AB পর্ণায় বাধা পাওয়ার ভরকের বাবর্তন হইভেছে, সূতরাং পারগত আলো জ্যামিতিক আলোক বিজ্ঞানের প্রচলিত নিরম মানিয়া চলিতেছে না। কিন্তু ছিতীয় ক্ষেত্রে যখন ছিদ্ৰ S এর আয়তন বড় হয় তখন তরঙ্গের সমন্ত কার্যাকরী অংশই ইছার মধ্য দিরা গমন করিবার ফলে ব্যবর্তনের প্রভাব এখানে পড়ে না। আর তার ফলে RM পর্ণায় যে প্রতিবিশ্ব পাওয়া বায় তাহার আয়তন মোটামুটি জ্যামিতিক আলোক বিজ্ঞানের নিরম অনুসারেই নিরম্ভিত হয়।

হাইগেন্সের নীতির আলোচনা প্রসঙ্গে প্রত্যাশিত পশ্চাংগামী তরঙ্গের (Back wave) অনুপন্থিতির কথার উল্লেখ করা হইরাছে। এই অনুপন্থিতির নিয়র্প ব্যাখ্যা দেওয়া বাইতে পারে। যদি কোনও মাধ্যমের একটি বিন্দু বে কোনও নিয়মানুসারে আন্দোলিত হয় তবে ইহা সামনে এবং পিছনে উভয় দিকেই তরঙ্গ প্রেরণ করিয়া থাকে। কিন্তু র্যাদ মাধ্যমের কোনও বিন্দু ইহার উপর আপতিত তরঙ্গের প্রভাবে আন্দোলিত হয় তবে ইহার সমূখ দিকের ( যে দিকে আপতিত তরঙ্গ গমন করিতেছে) তরঙ্গ এই বিন্দুর আন্দোলনের ফলে সৃত্ত হইতেছে বলিয়া ধরা বায়। কিন্তু এই ক্ষেত্রে বিন্দুটি হইতে শুধু সামনের দিকেই তরঙ্গ প্রেরিত হয় পিছনের দিকে নয় বদিও আলোচা দুই ক্ষেত্রেই মাধ্যমের বিন্দুটি সমভাবেই আন্দোলিত হইতেছে। দুই ক্ষেত্রে ইহাদের



চিত্ৰ ৩.৫

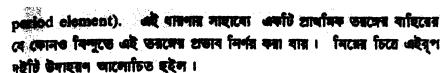
আচরণের পার্থকা আলোচিত কারণ হইতে বুঝা যাইবে। চিত্র নং ৩.৫ এ একটি তরক্ষশন্দন (Pulse) ডানদিকে গমন করিতেছে এবং আলোচা সমরে এই তরক্ষশন্দনের চেহারা দেখানো হইয়াছে। এই গতির বেলায় তরকটি ডানদিকে অপরিবাতিত আকারে ভ্রমণ করিবে এবং মাধ্যমের যে বিন্দু দিয়। ইহা গমন করিবে সেই বিন্দুটি আন্দোলিত হইবে; কিন্তু তরক্ষ স্পন্দনিট চলিয়া যাইবার পরই বিন্দুটি আবার স্থিতাবস্থায় আসিবে। অথচ যদি কোনও মাধ্যম এই তরক্ষশন্দনের আকারে বিকৃত (distort) করিয়। ছাড়িয়া দেওয়া হয় তবে এই অংশ আন্দোলিত হইতে থাকিবে এবং উভয় দিকেই তরক্ষ প্রেরণ করিবে। দুই ক্ষেত্রে আচরণের এই পার্থকা মাধ্যমের বিন্দুগুলির গতি এবং ভ্রংশের (velocity & displacement) কথা আলোচনা করিলে বুঝা যাইবে। গতিশীল আপতিত তরক্ষের কথা বিবেচনা করিয়া দেখা যায় যে এই ক্ষেত্রে ট বিন্দু নীচের দিকে মাধ্যমের বক্ষতার দরুণ একটি বল অনুভ্রব করিবে এবং এইং এইটিই বিন্দুটির উপর প্রযুক্ত একমাত্র বল হওয়ায় বিন্দুটি নীচের দিকে নাড়বে। করু

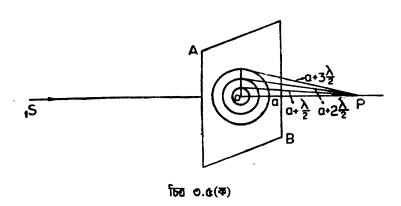
D বিশ্বতির মত ইহা এই সমর স্থিতাবস্থার ছিল না। তরজস্পদানিট ইহার মধ্য বিদ্যা গমন করিবার ফলে এ বিশ্বর আন্দোলন হইরাহে এবং আলোচা সমরে ইহা নিচের বিকে নামিতেহে। এ বিশ্বতে পূর্বোত বলের জন্য গতি এবং এই গতি সমান এবং বিপরীত হওরার বিশ্বতি প্রারম্ভিক অবস্থানে (original position)-এ আসার সঙ্গে সঙ্গে নিক্তল হইরা বার। বিতীর ক্ষেত্রে (অর্থাং বে রাম্মেটি তরঙ্গের আকারে বিকৃত করা হইরাছে) এ এবং এ বিশ্ব উভরেই গোড়ার স্থিতাবস্থার থাকার বখন ইহাদের ছাড়িরা দেওরা হইবে তখনই ইহারা আন্দোলিত হইতে থাকিবে এবং উভর দিকেই তরঙ্গ প্রেরণ করিবে।

এই আলোচনা হইতে D বিন্দু দিয়া একটি তরঙ্গ স্পান্দনের গমনের ফলে পানাংগামী তরঙ্গের অনুপদ্ধিতির কারণ বুঝা যাইতে পারে। পর্যায়ের (Period) এক চতুর্থাংশ সময় T/4-এ D বিন্দু D' অবস্থানে আসিবে এই সমরে C বিন্দু C' অবস্থানে চলিয়া যাইবে। D বিন্দুর গতির ফলে C বিন্দুর উপর যে বল প্রস্থার ইইবে ( এবং বাহার ফলে পানাংগামী তরঙ্গের সৃষ্টি হইবার কথা ) তাহা C বিন্দুর উর্ক্ক দিকের গতি হইতে উদ্ভূত বলের সমান এবং বিপরীত হওয়ায় C বিন্দু নিশ্চল অবস্থায় আসিয়া যাইবে। আর ইহার অর্থ এই যে তরঙ্গায় C বিন্দু নিশ্চল অবস্থায় আসিয়া যাওয়ার পর মাধামের বিন্দুগুলি আবার প্রারম্ভিক অবস্থায় অর্থাং নিশ্চল অবস্থায় আগিবে এবং কোনও পানাংগামী তরঙ্গের উন্তব হইবে না।

পরীক্ষা ব্যবস্থার (experimental set up) ভেদ অনুসারে ব্যবর্তনকে দুই ভাগে ভাগ করা যায়। এক ব্যবস্থার ব্যবর্তন উৎপাদনকারী বাধা বা ছিদ্র হইতে আলোক উৎস এবং পর্দা উভরের দৃরস্থই অম্প এবং সীমিত। এই প্রণালীতে বিশেষ কোনও যুরাদির প্রয়োজন হয় না বলিয়া এই জাতীয় ব্যবর্তন ঝালর খুবই সহজে দেখা যায়। জেনেলই (Fresnel) ইহার উৎপত্তির কায়ণ সন্তোষজনকর্শে ব্যাখ্যা করেন। এই জাতীয় ব্যবর্তনকে বলা হয় জেনেল-ব্যবর্তন (Fresnel diffraction). অন্যতিতে ব্যবর্তন উৎপাদনকারী ব্যবস্থা হতৈে আলোক উৎস এবং পর্দা উভরেই কার্যাতঃ (effectively) অসীম দ্রমে অবস্থান করে। এই জাতীয় ব্যবর্তন জনহোফার-বিবর্তন (Fraunhofer diffraction) নামে অভিহিত হইয়া থাকে। প্রথমে ক্লেনেল-ব্যবর্তন আলোচিত হইবে।

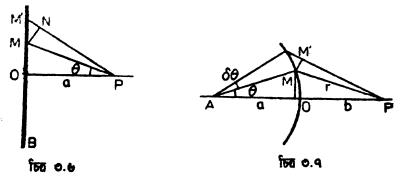
ফ্রেনেল এই জাতীর ব্যবর্তন ব্যাখ্যা করিতে হাইগেন্সের নীতির সাহায্য নেন তাহা পূর্বেই বলা হইরাছে। ইহা ছাড়া তিনি এইজন্য আরও একটি নৃতন ধারণার প্রবর্তন করেন। এইগুলিকে বলা হর অর্থ-প্রার অংশ (half-





চিত্র নং ৩.৫ (ক)-এ S একটি অতিদূরে অবস্থিত আলোকউৎস ; ইহা হইতে ডার্নাদকে আলে। আসিতেছে। P বিস্পৃতে আলোর তীব্রত। বাহির করিতে হইবে। S আলোকউৎসটি অনেক দূরে অবস্থিত বলিয়া ইহা হইতে আগত আলোকের তরঙ্গমুখকে P বিন্দুর নিকটে সমতল বলিয়া ধরিয়া লওয়া যায়। এই সমতল তরঙ্গমুখের একটি অংশ দেখা ঘাইতেছে AB. P বিন্দুতে এই তরকের প্রভাব নির্ণয় করিতে হইলে AB তরকমুখ হইতে যে সমন্ত মাধ্যমিক ক্ষুদ্রতরঙ্গ এই বিম্পুতে আসিয়া পড়িবে তাহাদের যোগফল বাহির করা প্রয়োজন। এই উদ্দেশ্যে প্রাথমিক তরঙ্গ AB এর উপর P বিষ্ণুর সংশ্লিষ্ট মের (pole) প্রথমে বাহির করিতে হইবে। এই মেরটি P বিন্দু হইতে তরঙ্গ-মুখের উপর অবম বা চরম দূরত্বে অবন্থিত [ফারমাটের নীতির (Fermat's Principle) সহিত সাদৃশ্য লক্ষ্যণীয় ] । আলোচ্য ক্ষেত্রে P হইতে AB তলের উপর অভিলয় অভ্নিত করিলে এই অভিলয় AB তলকে O বিন্দৃতে ছেদ করিবে। এই O বিন্দুই নির্ণের মেরু। এইবার O বিন্দুকে কে<del>রে</del> করিয়া বিভিন্ন ব্যাসার্দ্ধ নিয়া কতকগুলি বৃত্ত অব্দন করা হইল। এই সমন্ত বৃত্তের ব্যাস এমন হওয়৷ প্ৰয়োজন যেন প্ৰদৰ্শিত চিগ্ৰানুষায়ী Ο বিন্দু হইতে একটি ব্যাস টানিলে ইহা বিভিন্ন বৃত্তকে যে সমস্ত বিন্দুতে ছেদ করে সেই বিন্দুসমূহের প্রম P বিন্দু হইতে ক্রমান্বয়ে  $rac{\lambda}{2}$  দূরম নারা বাড়িতে থাকে। পরপর দুইটি বৃত্তের মধ্যে তরঙ্গের যে অংশ আবদ্ধ হর তাহাকে বলা হর ফেনেলের অর্দ্ধ-

পর্বায় অংশ (Fresnel's half-period element). এইরূপ সংজ্ঞা প্রবর্তনের কারণ পরের আলোচনা হইতে বৃদ্ধিতে পারা বাইবে। হাইগেনুসের নীতি অনুসারে প্রাথমিক ভরঙ্গের প্রতিটি বিম্পু হইতে বে মাধ্যমিক কুন্তু ভরঙ্গের উত্তৰ হয় তাহাদের সমষ্টিই *P* বিম্দৃতে আলোকের তীব্রতা নির্ণয় করিবে। সূতরাং ধরা বাইতে পারে যে এই অর্থপর্বার অংশের যে ক্ষেত্রফল হইবে, কুদ্র তরঙ্গের সৃষ্টিকারী উৎসের সংখ্যাও তাহার সমানুগাতিক দীড়াইবে। পরপর দুইটি বৃত্তের পরিধির উপর হইতে P বিন্দুর দূরত্ব  $rac{\lambda}{2}$  বার। বৃদ্ধি পাওয়ার সহজেই বুঝিতে পার৷ বার বে একটি অর্থ পর্যারের গড় প্রভাবের দলা তাহার পূর্ব বা পরবর্তীর গ্রড় প্রভাবের দলার বিপরীত হইবে অর্থাৎ ইহাদের দশা-পার্থকা হইবে ন. কাজেই যদি পরপর দুইটি অর্থ পর্যায় অংশের ক্ষেত্রফল একই হয় তবে ( দূরদের প্রশ্ন বাদ দিলে ) ইহাদের গড় বিস্তারও একই হইবে ; আর ইহাদের দশা বিপরীত হওয়ায় P বিম্পুতে ইহাদের পরিণামিক প্রভাব দাড়াইবে শুনা ৷ অতএব দেখা বাইতেছে বে P বিন্দুতে সম্পূর্ণ তরঙ্গের প্রভাব হিসাব করিতে হইলে ইহাকে বিভিন্ন অর্থ পর্বায় অংশে বিভক্ত করিরা এই সমষ্টিগুলির ক্ষেত্তফল বাহির করিতে হইবে। জিনিষ্টি এইভাবে দেখা বাইতে পারে। পরপর দুইটি অংশকে আবার অনেকগুলি সমান সংখ্যক কুদুতর বৃত্তাংশে ভাগ করিলে প্রথম অংশটির প্রথম কুদুতর বৃত্তের বিন্দুগুলি দিতীর অংশের সংখ্লিষ্ট (corresponding) ক্ষুত্রতর বৃত্তের তুলনার π দশা-পার্থক্য সৃষ্টি করিবে। এই বৃদ্ধি সমন্ত ক্ষুদ্রভর বৃত্তসমূহের ক্ষেতেই প্রযোজা। কাজেই ধরা যাইতে পারে যে একটি অর্দ্ধপর্যায় অংশের গড় বিস্তার ইহার আগের বা পরের অংশের গড় বিস্তারের অপেক। π দশা ধারা পৃথক হইবে।



চিন্ন ব ৩.৬-এ দেখান হইয়াছে যে P বিন্দু হইতে AB সমতল ক্ষেত্রের উপর অভিলয় ইহাকে O বিন্দুতে ছেক করিয়াছে । AB ভলটি পুরুকের

পৃঠার তলের সহিত লয়ভাবে অবস্থান করার OMM' সরলরেখা স্থারা ইহাকে চিন্তিত করা হইরাছে। PM এবং PM' O বিন্দু হইতে একটি আর্দ্ধ পর্যার অংশের দুইটি বৃত্তের পরিষির উপর অধ্কিত সরলরেখা। আর্দ্ধ পর্যার অংশটি MM' প্রস্থের একটি বলরাকার ক্ষেত্র এবং ইহার তল পুত্তকের পৃঠার সহিত অভিলয়ভাবে অবস্থান করিতেছে।

MN M বিন্দু হইতে PM' এর উপর অন্কিত অভিলয় । সাধারণতঃ a > MM'. এই অবস্থায় লেখা হাইতে পারে  $M'N = \frac{\lambda}{2} = \delta$ 

যদি O বিন্দু হইতে M এবং M' এর গড় দূরত্ব হর x হর আর PM এবং PM' দূরত্বের গড় হর r তবে অর্দ্ধ পর্যার অংশের ক্ষেত্রফল A লেখা বাইতে পারে

$$A = 2\pi x \cdot MM' \tag{3.1}$$

আবার OPM' এবং NMM' দুইটি সদৃশ চিভুক্ত বাহা হইতে পাওয়া যায়

$$r: x = MM': M'N$$

সূতরাং 
$$A = 2\pi r \hat{o} = 2\pi \frac{\Lambda}{2} r$$
 (3.3)

কাজেই এই হিসাব হইতে দেখা যাইতেছে থে O বিন্দু হইতে যত বাহিরের দিকে যাওয়া ঘাইবে r এর মান ততাই বাড়িতে থাকার সংগ্লিষ্ট অর্দ্ধ পর্যার অংশের ক্ষেত্রফল আনুপাতিকভাবে বৃদ্ধি পাইবে। অবশ্য এই হিসাবে কিছু স্থাতা (approximation) গ্রহণ করা হইয়াছে বলিয়া উপরের সমীকরণ সম্পূর্ণ নির্ভূল হইবে না ; তবুও মোটামুটিভাবে এই হিসাবের দ্বারা নির্ভরযোগ্য সিদ্ধান্তে উপনীত হওয়া যাইতে পারে।

উপরের ক্ষেত্রে আলোক উৎস অনেক দূরে অবস্থিত বলিয়া প্রাথমিক তরঙ্গন্ম AB কে সমতল বলিয়া ধরা হইয়াছে। কিন্তু যদি এই দূরত্ব বেশী না হয় তবে এই তরঙ্গমুখ বৃত্তের আকৃতি হইবে। এইক্ষেত্রে অর্ধপর্যায় অংশের ক্ষেত্রকল নিম্নোক্তর্পে বাহির করা যায়। চিচ্ন নং ৩.৭-এ আলোকউৎস A হইতে নির্গত তরঙ্গের P বিন্দুতে আলোর তীব্রতা বাহির করিতে হইবে। A এবং P বিন্দুর্যকে যদি একটি সরলরেখা বারা যোগ করা হয় তবে ইহা তরঙ্গমুখ M'MO কে O বিন্দুকে ছেল করিবে এবং P বিন্দুর ক্ষনা O হইবে মেরু। এক্ষেত্রে অবশ্য তরঙ্গিটে A বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া একটি বৃত্ত অক্ষন

করিবে বাহার চিত্রবৃপ M'MO বৃদ্ধাংশ। MM' একটি অর্থপর্ব্যার অংশের প্রস্থাইভেছে। A এবং P বিন্দুদরকে M এবং M' বিন্দুদরের সহিত বোগ করা হইরাছে; আর M হইডে PM' এর উপর অভিলয় অন্কন করা হইরাছে। দেখা বার বে অর্থপর্বার অংশের ক্ষেত্রফল

$$A = 2\pi a \sin \theta \cdot MM'$$
 (approx.) (3.4)

where OA-a; OP-b;  $\angle OAM-\theta$ .

MAP চিভূক হইতে পাওয়া বার

$$MP^3 = AM^3 + AP^3 - 2AM \cdot AP \cos \theta$$

ৰা 
$$r^2 = a^2 + (a+b)^2 - 2a(a+b) \cos \theta$$

वा 
$$r \delta r = a(a+b) \sin \theta \delta \theta$$
. [a अवर b धूवक विनन्ना]

িক্তু 
$$\delta\theta \simeq \frac{MM'}{a}$$

$$\therefore r \, \delta \, r = a(a+b) \sin \theta \cdot \frac{MM'}{a} = (a+b) \sin \theta \cdot MM'$$

বা 
$$\sin \theta \cdot MM' = \frac{r \, \delta r}{a + b}$$

$$\therefore A = \frac{2\pi a r \, \delta r}{a+b} = \frac{2\pi a}{a+b} \, \frac{\lambda}{2} \, r. \quad \left[ \begin{array}{cc} \ddots & \delta r = \frac{\lambda}{2} \end{array} \right] \quad (3.5)$$

সূতরাং পূর্বের মতই এক্ষেত্রেও দেখা যাইতেছে যে অর্থপর্যায় অংশের ক্ষেত্রফল বাহিরের দিকে r এর সমানুপাতে বাড়িবে।

সমীকরণ 3.5 এর বেলার যদি  $a=\infty$  বাবহার করা খার অর্থাৎ আলোক-উৎসটির দূরত পুব বেশী হয় তবে আলোকতরঙ্গটি কার্বাত সমতল হইবে। এই বেলায় ক্ষেত্রফল দাড়ার

$$A=2\pi\frac{\lambda}{2}r$$
 [কারণ  $a>>b$ ].

অতএব দেখা বাইতেছে বে P বিন্দুতে তরক্ষের প্রভাব ক্লেনেল প্রবাতিত অর্থপর্যার অংশের ধারণা দারা নির্ণর করা সম্ভব। এ পর্বন্ত বে আলোচনা করা হইরাছে তাহা হইতে বুঝা বার বে এই পরিণামিক ফল বাহির করিতে নিরোক্ত তিনটি বৃত্তি গণ্য করা আকশাক:

১। অর্থপর্বার অংশের ক্ষেত্রফল r দ্রন্ধের সমানুপাতে বাড়িতে থাকিবে এবং ইহার ফলে বাহিরের দিকের ক্ষেত্রফল ক্রমাগত বাডিরা বাইবে। আর

এই অংশগুলির গড় বিস্তার ক্ষেত্রফলের সমানুপাতিক বলির। ইহাও ঐ r এর সমানুপাতে বৃদ্ধি পাইবে। (অর্থাং  $I \propto r^*$ )

- ২। তীরতার বাত্তিবর্গের নিরমানুসারে (inverse square law) আলোর তীরতা দ্রম্বের ব্যক্তি-বর্গানুসারে পরিবর্তিত হয়। তীরতা বিস্তারের বর্গানুপাতে পরিবর্তিত হয়; সূত্রাং অর্ধপর্বার ক্ষেত্রের গড় আলোর বিস্তার আলোচ্য বিন্দু হইতে ইহার দ্রম্বের ব্যস্তানুপাতে পরিবর্তিত হয়। কাজেই দেখা বার বে এই ক্ষেত্রের প্রভাব পূর্বের প্রভাবের বিপরীত দিকে কাজ করে এবং ইহারা পরস্পরের প্রভাবকে সম্পূর্ণরূপে নন্ট করে। (অর্থাং /  $\propto \frac{1}{r^2}$ ).
- ৩। কৌক্সের স্তান্যারী একটি অর্ধপর্যার অংশের গড় প্রভাব ইহার বক্রতার উপর নির্ভর করে। এই বক্রতা (1 + cos  $\theta$ ) গুণক দ্বারা বুঝান হইর। থাকে।
- ০.০ নং চিত্রে ট কোণের মান হইতে সহজ্বেই দেখা যায় যে  $\theta$  বাড়িলে ( $1 + \cos \theta$ ) কমিতে থাকিবে বাহার ফলে বাহিরের দিকের অর্থপর্বায় অংশের প্রভাবও কমিতে থাকিবে। এই হ্রাসের হার প্রথমদিকে বেশী হইলেও ক্রমশ্র ইহা কমিয়া আসে। এই তিনটি ক্রিয়ার মোট ফল দাড়ায় এই যে O বিন্দূ হইতে যত বাহিরের দিকে যাওয়া যাইবে ততই অংশের বিস্তার কমিয়া আসিবে (চিত্র নং ০০৫ক)। প্রথমে ইহা দুত কমিতে থাকিবে আর পরে এই হ্রাসের হার ক্রমশ্র ক্রমিয়া আসিবে। অধিকন্তু এই গড় বিস্তারের দশা একান্তরভাবে (alternately) বিপরীত হইবে। বিদ P বিন্দুতে এই সমস্ত অর্থপর্বায় অংশের গড় বিস্তার ক্রমান্বরে  $q_1, q_2, q_3$  ইত্যাদি বারা এবং পরিণামিক বিস্তার Q বারা ব্রান হয় তবে লেখা বার

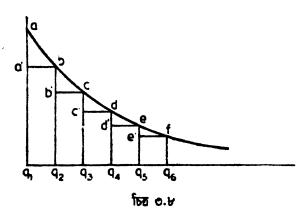
$$Q = q_1 - q_2 + q_3 - q_4 + \dots$$
(3.6)

এই অংশের সংখ্যা বিজ্ঞাড় বা জ্ঞোড় (odd or even) হইতে পারে। যদি ধরিয়া লওয়া হয় বে এই সংখ্যা n জ্ঞোড় তবে উপরোক্ত রাশিমালা নীচের দুইভাবে লেখা যায়

$$Q = q_1 - \frac{q_2}{2} - \left(\frac{q_3}{2} - q_3 + \frac{q_4}{2}\right) - \left(\frac{q_4}{2} - q_5 + \frac{q_6}{2}\right) \dots - \frac{q_n}{2}$$
 (3.7)  
=  $\frac{q_1}{2} + \left(\frac{q_1}{2} - q_2 + \frac{q_3}{2}\right) + \left(\frac{q_3}{2} - q_4 + \frac{q_5}{2}\right) + \dots + \frac{q_{n-1}}{2} - q_n$  (3.8)

র্যাদ একটি লেখ খারা এই রাশিমালাকে এমনভাবে চিগ্রিত করা বার

ষাহাতে q এর মান আনুপাতিক কোটি বারা সমান ভূজের প্রছে অব্দন করা হর এবং এই কোটিসমূহের শীর্ষবিন্দু যোগ করিয়া একটি রেখা টানা বার তাহা হইলে দেখিতে পাওয়া বাইবে যে এই রেখার হাসের হার ক্রমণ কমিয়া আসিতে



থাকিবে এবং ক্রমে ইহা ভূজের অক্ষের সমান্তরাল হইয়া এই অক্ষের সহিত মিলিয়া বাইবে ( চিত্র নং ৩.৮ )। অধিকন্তু বেহেতু aa'>bb'>cc', বন্ধনীর মধ্যের প্রতিটি রাশিমালার মানই ধনান্ধক। কারণ  $\left(\frac{q_1}{2}-\frac{q_2}{2}\right)>\left(\frac{q_2}{2}-\frac{q_3}{2}\right)$  ;

সূতরাং  $\left\{\left(\frac{q_1}{2}-\frac{q_2}{2}\right)-\left(\frac{q_2}{2}-\frac{q_3}{2}\right)\right\}$  সংখ্যাটি ধনাত্মক। আর এই সৰদ্ধটি প্রতিটি করনীর বেলারই খাটে। সূতরাং লেখা যায়

$$\frac{q_1 - q_2}{2} - \frac{q_n}{2} > Q > \frac{q_1}{2} + \frac{q_{n-1}}{2} - q_n.$$
 (3.9)

কিন্তু দুইটি পাশাপাশি q এর মানের পার্থক্য থুবই সামান্য । সুতরাং স্কুলভাবে লেখা বায় যে  $q_1 = q_2$  এবং  $q_{n-1} = q_n$ .

আর ইহার ফলে পাড়ার

$$\frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} > Q > \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2}$$

এই সৰক্ষি প্রণ হইবে একমাত তখনই বখন নিজের সমীকরণটি সিদ্ধ হইবে

$$\frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} = Q - \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} \tag{3.10}$$

্রিই আপাত পরস্পর বিরোধী সম্বন্ধের উদ্ভব হর উপরের **মূল সম্বন্ধ** ব্যবহার করার জন্য ]

সূতরাং দাড়াইতেছে বে জোড় সংখ্যক অর্ধপর্যার অংশের ক্ষেত্রে P বিন্দৃতে সমগ্র তরঙ্গের প্রভাব দাড়াইবে সর্বপ্রথম এবং সর্বশেষ অংশের প্রভাবের বিরোগফলের অর্থেক। অর্থাৎ

$$Q = \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2}. (3.11)$$

পূর্বেই দেখানো হইয়াছে যে বক্তার গুণক  $(1+\cos\theta)$  এর জন্য q সংখ্যাগুলির মান পুত কমিয়া আসিতে থাকিবে [ অবলা প্রতিটি অর্থপর্যারের জন্য  $\theta$  যদি সমান হারে বৃদ্ধি পাইত তবে  $(1+\cos\theta)$  গুণকের জন্য ৩.৮ চিত্রের বক্ততা বিপরীত হইত। কিন্তু এখানে  $\theta$  প্রথম দিকে খুব দুত হ্রাস পার ( চিত্র ৩.৬ ), সূতরাং অর্থপর্যার অংশের ক্ষেত্রফল q প্রথমে দুত এবং ক্রমে অপেক্ষাকৃত মন্দর্গতিতে হ্রাস পাইবে। এইজন্য রেখাচিত্রের আকার চিত্র নং ৩.৮ এর মত হইবে ]। যদি সমস্ত তরঙ্গটি P বিন্দুতে ক্রিয়া করে তাহা হইলে ইহার শেষ অংশ  $q_n$  এর মান শ্না হইবে বলিয়া ধরা বার। ইহার ফলে দাড়ায় যে সমগ্র তরঙ্গের প্রভাব প্রথম অর্থপর্যার অংশের অর্থেকের সমান হইবে।

অনুর্পভাবে দেখানো যায় যে অর্থপর্যায় অংশের সংখ্যা বিজ্ঞোড় হইলে দাড়াইবে

$$Q = \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} \tag{3.12}$$

উপরে প্রাপ্ত ফল ব্যবহার করির। বিভিন্ন প্রকারের পরীক্ষায় উৎপক্ষ ব্যবর্তনে আলোকের তীব্রতার ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে।

অবশ্য 3.11 নং সমীকরণ পাইবার জন্য রেখাটি চিত্র নং ৩.৮ এর মত প্রথমে দুত এবং পরে ধীরে ধীরে হ্রাস না পাইলেও চলে। যদি হ্রাসের হার ইহার বিপরীত প্রকৃতির হয় তবে বন্ধনীর মধ্যের প্রতিটি রাশিমালা ঋণাত্মক হইবে। তাহা হইলে লেখা যার

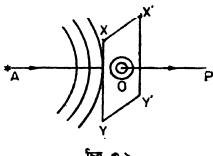
$$\frac{q_1}{2} + \frac{q_{n-1}}{2} - q_n > Q > q_1 - \frac{q_2}{2} - \frac{q_n}{2}$$

এবং ইহা হইতে আগের মত লেখা বার  $\frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} > Q > \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2}$ 

অর্থাৎ  $\frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2} - Q = \frac{q_1}{2} - \frac{q_n}{2}$ . সূতরাং দেখা যাইতেছে যে রেখার হ্লাসের

হার প্রথমদিকে বা শেবদিকে দ্রুত বাড়িলেও স্থল সম্বন্ধ (approximate) বাবহার করার ফলে উভয়ক্ষেত্রেই একই ফল পাওয়া যায়।

গোলাকার ছিল্পে ব্যবর্তন (diffraction at a circular hole).



চিত্ৰ ৩.৯

0.১ नः চিত্রে আলোকউংস A হইতে আলোক আসিয়া একটি অবচ্ছ সমতল বাধা XX'Y'Y এর উপরে পডিতেছে। এই বাধার কেন্দ্রন্তল O বিন্দুতে একটি ক্ষুদ্র গোল ছিদ্র আছে। A এবং O বিন্দু যোগকারী সরলরেখা অন্যাদকে বাডাইয়া দিলে ইহাতে অবস্থিত একটি বিশ্ব P এ আলোর ভীরতা নির্ণয় করিতে হটবে।

এখানে চিত্র হইতে দেখা যাইতেছে যে উৎস 🔏 হইতে আগত আলোক-তবঙ্গ XY' এ আসিয়া বাধাপ্ৰাপ্ত হইতেছে এবং অপৰদিকে ৰাইতে পারিতেছে ना। О विम्युट्ड य हिन्न आहि मधुमात ठाहात मधा मिताहे छत्रत्मत किहुते। অংশ গমন করিতেছে। P বিষ্ণতে তীব্রতা বাছির করিতে হইলে তর্জটিকে এমনভাগে কৃতকুগুলি অর্ধপর্যায় অংশে বিভক্ত করিতে হইবে বাছাতে ইহাদের প্রথমটি মের 🕖 বিশ্বটিকে কেন্দ্র করিয়া অবস্থান করিবে। এখন 🕖 বিশ্বতে অব্যস্তিত ছিদুটির আকার যদি এমন হয় বে শুধুমান প্রথম অর্থপর্যায় অংশটিই ইছার মধ্য দিয়া গমনে সক্ষম হয় তবে P বিন্দুতে কেবল এইটিই ক্রিয়া করিবে। ফলে এই বিন্দুতে তরঙ্গের বিস্তার দাড়াইবে

$$Q_1 - q_1$$

 $I_1 - q_1^2$ এবং ভীরতা

বাদ ছিদ্রের আকার বৃহত্তর হর বাহাতে প্রথম দুইটি অর্থপর্বার অংশ গমন ৰ্কাৰতে পাৰে তবে এই ক্ষেত্ৰে পাওয়া ৰাইবে

 $q_1$  এবং  $q_2$  প্রায় সমান হওরার ইহাদের বিরোগফল একটি ক্ষুদ্র সংখ্যা হইবে। কাজেই  $Q_2$  এর মান দাড়াইবে একটি ক্ষুদ্র সংখ্যা। ছিদ্রের আকার আরও বড় হওরার বদি তিনটি অর্থপর্বার অংশ ইহার মধ্য দিয়া গমন করে তবে পরিণামিক বিশুরে দাড়াইবে

$$Q_8 = q_1 - q_2 + q_3$$

এই ক্ষেত্রে আবার Q এর মান বাড়িবে বদিও ইহা  $Q_1$  এর অপেক্ষা কিণ্ডিং কম হইবে। এইভাবে ছিদ্রের আকার বাড়াইরা গেলে P বিন্দৃতে আলোর তীব্রভারও পর্যায়ক্তমে হ্রাসবৃদ্ধি হইবে। এই তীব্রভার মানগুলি সমগ্র তরঙ্গের তীব্রভার সহিত তুলনা করিলে ব্যবর্তন ঝালর সৃষ্ঠির কারণ ভারও স্পঠভাবে বৃথিতে পার। যাইবে। সমগ্র তরঙ্গের ক্ষেত্রে পাওয়া যাইবে

$$Q - \frac{q_1}{2} \pm \frac{q_n}{2} - \frac{q_1}{2}$$
, Fight  $q_n = 0$ .

চিত্র নং ৩.৬ হইতে দেখা যার যে সৃক্ষভাবে হিসাব করিলে অর্থপর্যার অংশের ক্ষেত্রফল r এর সমানুপাতিক হইবে না, r বৃদ্ধির সঙ্গে সংগ্রহার ক্ষেত্রফল কমিতে থাকিবে । সূতরাং  $\theta=90^\circ$  হইলে  $r=\infty$  হইতে থাকার এবং ক্ষেত্রফল কমিতে থাকার  $q_n=0$  লেখা যার । আর বৃত্তাকার তরঙ্গমুখের বেসার বক্ততা  $(1+\cos\theta)$  র জন্য  $q_n=0$  হইবে ।

$$\therefore I = \frac{q_1^2}{4}.$$

কাজেই দেখা বাইতেছে যে সমগ্র তরঙ্গের জনা ( অর্থাং XX'Y'Y না থাকিলে ) P বিন্দৃত্তে যে আলোকতীব্রতা হওয়ার কথা ছিদ্রের আকার ক্ষুদ্রতম ( যাহাতে ইহার মধ্য দিয়া শুধু একটি অর্ধপর্যার অংশ যাইতে পারে ) হইলে আলোকতীব্রতা তাহার চতুপূর্ণ হয় । ছিদ্রের আকার বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে P বিন্দৃতে আলোর তীব্রতার তারতম্য চিত্র নং ৩.১০ এ লেখ বারা দেখান হইয়াছে । এই আলোচনায় একটি বিশেষ তরঙ্গদৈর্ঘা এবং P বিন্দৃ ও XY' এর দূরত্ব ধরা হইয়াছে । কিন্তু ইহা সহজেই বুঝা যায় যে অর্ধপর্যায় অংশের আকার এই রাশিগুলির মানএর উপর নির্ভরশৌল । সূতরাং এই রাশিগুলি পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে আলোর তীব্রতাও অনুবৃশ্ভাবে পরিব্রতিত হইবে ।

অবচ্ছ গোলাকার চাকডিডে ব্যবর্তন (diffraction at an opaque circular disc).

অবচ্ছ গোলাকার চাকভিডে আলোর বাবর্ডনকে পূর্ববাঁগত ক্ষেত্রের পূরক

(complementary) হিসাবে গণ্য করা বাইতে পারে। সাধারণভাবে মনে হইবে বে এই কেন্তে অক্ষের উপর একটি বিন্দু P তে আলোর তীরভাও পূর্বের কেন্তের পূরক হইবে এবং এই বিন্দুতে তীরভার ভারতমাও ছিন্তের পূরক হইবে। কিন্তু প্রকৃতপক্ষে পরীক্ষা করিয়া দেখা বার বে এই সিদ্ধান্ত নর: এই বেলার আলোর তীরভার কোনও পর্যায়রুমে হ্রাসবৃদ্ধি হয় না। এখানে আলোর তীরভা চাকভির ব্যাস বাড়িবার সঙ্গে কমিতে থাকে কিন্তু এই হ্রাস নিরবজ্জিয় (continuous) হইয়া থাকে। বুলি গিয়া বিচার করিলেও এইর্প সিদ্ধান্তেই উপনীত হইতে হয়। ধয়া বাক বে চাকভির ব্যাস এর্প বে ইহা প্রথম অর্ধপর্বায় অংশটিকে সম্পূর্ণরূপে আবৃত করে বাহার ফলে এই প্রথমটি বাদে অন্য অংশগুলি প্রেরিত হইতে পারে এবং P বিন্দুতে তাহাদের প্রভাব বিস্তার করে। সূতরাং এই ক্ষেত্রে ধয়া বায় যে অংশগুলির পরিগামিক প্রভাব হিসাব করিতে যে য়াশিমালার যোগফল বাহির করিতে হয় তাহাতে প্রথম অংশ ব্র এর পরিবর্তে দ্বিতীরটি ব্র দিয়া আরম্ভ করিতে হয়। সূতরাং লেখা বায়

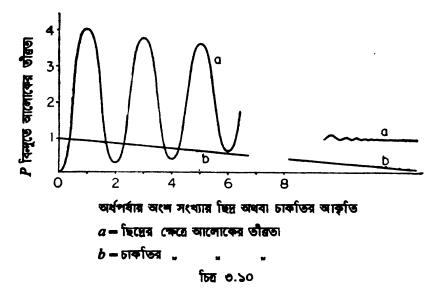
$$Q_1 = q_1 - q_3 + q_4 - \dots - q_n = \frac{q_n}{2} \pm \frac{q_n}{2} = \frac{q_n}{2}$$

ৰদি চাকতির ব্যাস বাড়াইয়। প্রথম দুইটি অর্থপর্বার অংশ কাটিয়া দেওর। বায় তবে এই ক্ষেত্রে রাশিমাল। আরম্ভ হইবে  $q_{s}$  দিয়া ; অতএব

$$Q_x = q_5 - q_6 + q_6 - q_6 + \cdots - q_n = \frac{q_8}{2} \pm \frac{q_n}{2} \simeq \frac{q_8}{2}$$

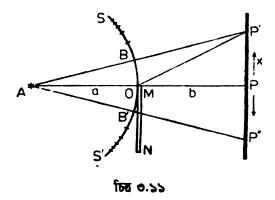
বেহেতু  $q_1 q_2$  হইতে সামানা ছোট, সূতরাং এইক্ষেত্রে  $Q_1$  এর মান  $Q_1$  অপেকা সামানা কম হইবে। এইরূপে চাকতির বাাস ক্রমাগত বাড়াইরা গেলে Q এর মানও আনুপাতিকভাবে কমিতে থাকিবে কিন্তু এই হ্রাস নির্বাচ্ছির হইবে. ইহার মধ্যে কোনও ভেদ দেখা বাইবে না। অর্থপর্বার অংশগুলির প্রভাব প্রথমদিকে খুব দুত এবং পরে আন্তে আন্তে কমিরা আসিতে থাকিবে (চিত্র নং ৩.৮ এর প্রসঙ্গে আলোচনা প্রত্থা)। ইহার ফলে কিছুসংখ্যক অংশের পরে ইহাদের প্রভাব খুবই নগণা হইরা ঘাইবে। সূতরাং বিদ্ চাকতির ব্যাস এত বড় হর বে ইহা সমন্ত কার্বাকরী (effective) অর্থপর্বার অংশই আবৃত করিরা ফেলে তাহা হইলে কার্বাকরী অংশের সম্পূর্ণ অনুপান্থতির জন্য P বিস্পৃতে পূর্ণ অন্ধ্বারের সৃত্তি হইবে। এই আলোচনা হইতে অন্তএব দেখা বাইতেছে বে গোল ছিন্তের এবং গোল অবচ্ছ চাকতির ক্ষেত্রে P বিস্পৃতে

আসোকের তীরতা পরস্পরের প্রক নহে। চিত্র নং ৩.১০ দারা এই তথ্য বুবান হইরাছে।



## খালু খারে ব্যবর্তন (diffraction at a straight edge).

ব্যবর্তনের আলোচনার গোড়াতেই (চিত্র ৩.১) বলা হইরাছে বে আলো ক্ষত্র ধার ঘেবিয়া যাওয়ার সময় বাবাতিত হওয়ার ফলে পর্দার ঝালরের সৃষ্টি করে। প্রাথমিক আলোচনা হইতে এই পরীক্ষালন্ধ ফলের ব্যাখ্যা করা যাইতে, পারে।



৩.১১ নং চিত্রে  $\Lambda$  আলোকউৎস হইতে আলো আসিরা  $^{7}P'P'$  পর্ণার পাড়বার পথে MN অবচ্ছ বাধার সমুখীন হইতেছে। P'P' পর্ণার, বিভিন্ন

অংশে আলোর তীব্রতা নির্ণায় করিতে হইবে। এইক্ষেত্রে তরঙ্গমুখ শুদ্রাকার (cylindrical) হইবে ; (ফ্রেনেলের সমাকলের আলোচনা দুর্ভবা )। ফ্রেনেলের অর্থপর্যায় অংশের ধারণা হইতে জানা যার বে P'P' পর্ণার উপরে SS' তরক্ষের প্রভাব পর্দার অবস্থিত বে কোনও বিন্দুর মেরুর চতুদিকে অপ্প করেকটি অর্থপর্যার অংশে সীমাবদ্ধ থাকিবে। কাজেই P'P" পর্দার অবন্থিত আলোচা বিশুর অবস্থান যদি এমন হয় যে সেখানে তরঙ্গের কোন কার্যাকরী অংশই পোছিতে পারে না তবে এই স্থান সম্পূর্ণ অন্ধকার হইবে। অপরদিকে বদি এই বিন্দুতে তরঙ্গের সমন্ত কার্যাকরী আংশই পৌছিতে পারে তবে এই স্থানের আলোক-তীব্রত। বাধাহীন সমগ্র তরঙ্গের প্রভাবের সমান হইবে। যদি পর্ণার P' বিন্দুটির কথা ধরা যায় তবে ইহার জন্য মেরু হইবে B. তরঙ্গটিকে এই মেরুবিন্দু দিয়া দুই ভাগে ভাগ করা ধার। তরকের উপরের অংশ P' বিন্দুতে নিরবচ্ছিন তীব্রতার সৃষ্টি করিবে। এই তীব্রতার সঙ্গে বৃত্ত হইবে তরঙ্গের নীচের যে অংশ পর্ণায় পড়িবে ভাছার প্রভাব। সূতরাং যদি OB খণ্ডে জোড় সংখ্যক অর্থপর্যায় অংশ বিদামান থাকে তবে তাহারা জোড়ায় জোড়ার পরস্পরের প্রভাবকে প্রায় খন্তন করিবে। ফলে এই ক্ষেত্রে OB খণ্ডের প্রভাব হইবে অবম। লেখা বাইতে পারে বদি OP'-BP'=2n .  $\frac{\Lambda}{\Omega}$  তাহা হইলে P' বিম্পুতে আলোর তীব্রতা দাড়াইবে অবম।

আবার যদি  $OP'-BP'=(2n+1)\frac{\lambda}{2}$  হয় তবে P' বিম্পুতে আলোর তীরতা দাড়াইবে চরম ।

এইর্পে একটি উজ্জল বা অন্ধকার বিন্দু P' এর সণ্ডারপথ হইবে এমন একটি পরাবৃত্ত বাহার ফোকাস দুইটির অবস্থান হইবে A এবং O বিন্দুতে ।

কারণ AP'-OP'=AB+BP'-OP'=AB-(OP'-BP')

আর AB – ধুবক

সূতরাং OP' – BP' – ধুবক। তবে এই পরাবৃত্তের বক্ততা এত কম বে ইহা প্রার অসীম পথের (asymptote) সহিত মিলিয়া বাইবে। (ব্যতিচার বালরের আলোচনা দুক্তবা)। কাজেই দেখা হইতেছে যে আলোক উৎসের জ্যামিতিক ছারা P বিন্দু হইতে উপরের P' এর দিকে গোলে আলোর তীব্রতার ভেল দেখা বাইবে। ইহার ফলে একপ্রেণীর ব্যবর্তন বালরের উৎপত্তি হইবে। ইহার বিভিন্ন স্থানে আলোর তীব্রতা সাধারণভাবে নিয়োকর্পে ৰাহির করা বার। বঁদি ধরা বার, OA = a, OP = b, PP' = x, তবে লেখা বার

$$AP'^{2} = AP^{2} + PP'^{2} = (a+b)^{2} + x^{2}$$

$$\therefore AP' = \{(a+b)^{2} + x^{2}\}^{\frac{1}{2}} = (a+b)\left\{1 + \frac{x^{2}}{(a+b)^{2}}\right\}^{\frac{1}{2}}$$

$$(a+b)\left\{1 + \frac{x^{2}}{2(a+b)^{2}}\right\}$$
(3.13)

ি পরীক্ষার a, b এবং x দূরত্ব যে অনুপাতে ব্যবহৃত হর তাহাতে (a+b) এর তুলনার x অনেক ক্ষুপ্রতর আর সেইজনা  $x^a$  এর বেশী ঘাতের (power) পদ অগ্রাহ্য করা হইরাছে ]

$$= a + b + \frac{1}{2(a+b)} \tag{3.14}$$

অনুর্পভাবে

$$OP' = b + \frac{x^3}{2b} {(3.15)}$$

সূতরাং বলি OP' - BP' = OP' - (AP' - AB)

$$\cdot \left[ b + \frac{x^{2}}{2b} \right] - \left[ a + b + \frac{x^{3}}{2(a+b)} - a \right] 
= b + \frac{x^{2}}{2b} - b - \frac{x^{2}}{2(a+b)} 
= \frac{x^{3}}{2} \left[ \frac{1}{b} - \frac{1}{a+b} \right] = (2n+1)\frac{\lambda}{2} \quad \text{Eff}$$
(3.16)

তবে P হইতে এই x প্রন্থের বিন্দুতে আলোর ভীরতা চরম হইবে। এই ক্ষেত্রে

$$x = \left\{ \frac{b(a+b)}{a} (2n+1)\lambda \right\}^{\frac{1}{8}}$$
 (3.17)

আর আলোর অবম তীব্রভার ক্ষেত্রে দূরণ হইবে

$$x - \left\{ \frac{b(a+b)}{a} \, 2n \, \lambda \right\}^{\frac{1}{4}} \tag{3.18}$$

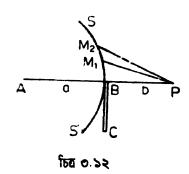
বাদ বিন্দুটি পর্ণায় জ্যামিতিক ছায়া P এর নীচের দিকে P' এ P হইতে এত দূরদে অবন্থিত হয় যে SS' তরক্ষের সমগ্র নীচের অর্ছেকাংশ ভো ঢাকিয়া বায়ই অধিকন্তু উপরের অর্ছেক B'S এর কার্য্যকরী অংশও P' বিন্দুতে আসিতে পারে না তাহা হইলে P' বিন্দু সম্পূর্ণ অন্ধকার হইবে। কিন্তু P' বিন্দুর প্রথ P বিন্দুর স্থাত কম হইলেও এদিকে আলোর তীরতার ভেদ দেখা বাইবে না কারণ P' বিন্দুর নীচের দিকে গমনের সঙ্গে সঙ্গে তরঙ্গের উপরের অর্কেকভাগে কার্যকরী অর্কপর্যার অংশের সংখ্যা একাদিস্তমে কমিতে থাকিবে। আর গোল চাকতির ক্ষেত্রে ব্যবর্তনের আলোচনা হইতে সহজেই বুঝা বার বে P হইতে নীচের দিকে আলোর তীরতা নিরবজ্জিকভাবে হ্রাস পাইবে।

উপরের আলোচনা হইতে দেখা বার বে কেন্দ্র হইতে বত বাহিরের দিকে বাবরা বার ততই অর্ক্পর্বার অংশের প্রভাব রুত কমিতে থাকে (চিচ ৩.৮)। আর প্রতিটি অর্কপর্বার অংশের ক্ষেত্রফল খুবই ছোট হওরার (আলোক তরক্ষের দৈর্বার সমানুপাতিক বলিয়া) মেরু (pole) হইতে অম্প ব্যাস বাড়াইলেই অনেকগুলি অর্ধপর্বার অংশ পাওরা বাইবে। ইহার তাংপর্ব এই বে তরঙ্গের কার্যাকরী অংশ মেরুর সন্মিকটে অতি সামান্য ক্ষেত্রফলে বা সামান্য ক্রেকটি অর্ধপর্বার অংশে আবদ্ধ থাকিবে। এই কার্যকরী অংশ বদি কোনও রক্ষমে বাধাপ্রাপ্ত হয় তবে আলোর প্রভাব বাধার অপর পার্ষে শৃন্য দাড়াইবে।

কর্ম সর্শিলরেখা (Cornu's spiral) ও ক্লেনেলের সমাকল (Fresnel's integrals).

সরলরেখাকৃতি বাধার উৎপন্ন বাবর্তনের সমসাশ্রেণী ফ্রেনেল এবং কর্ণ্ (Cornu) লেখচিতের পদ্ধতি দ্বারা (graphical method) সমাধান করেন। এই প্রেণীতে যে সমস্ত বাধার কথা ধরা হর তাহাদের মধ্যে আছে সরল ধার, রেখাছিদ্র প্রভৃতি। এই প্রেণীর বাধা দ্বারা উৎপন্ন বাবর্তনের ক্ষেত্রে আলোর তাঁরতার মান নির্ণয় করিতে কর্ণু যে পদ্ধতির প্রবর্তন করেন ভাহা নিয়ে দেওয়। হইজার নির্দিশ্ব সরলধারে বাবর্তনের যে আলোচনা করা হইয়াছে তাহাতে পুধু গুণাত্মকভাবে (qualitatively) তাঁরতার ভেল দেখান হইয়াছে। কর্ণু এবং ফ্রেনেলের পদ্ধতির সাহাযো এই তাঁরতার পরিমাণাত্মক (quantitative) ভেল ও [ অবশ্য আপেক্ষিক গ্রামে (relative scale) ] নির্ণর করা বার।

এই ধরণের পরীক্ষার আলোক উৎস হিসাবে একটি খুব কম প্রস্থের রেখাছিদ্র ব্যবহার করা হর আর ইহার দৈর্ঘ্য সরল ধারের সঙ্গে সমান্তরাল করিরা বসান হয়। এই ব্যবস্থার আলোকউৎস হইতে যে তরঙ্গ বাধার ধার ঘেবিয়া যার তাহার আর্কৃতি বৃত্তাকার না হইরা শুস্তকাকার (cylindrical) হইরা থাকে। যদিও বার্বর্ডন ঝালরের উৎপাদনে রেখাছিদ্রের এই বাবহার আর্বাশাক নহে তবুও এই প্রণালীতে কালরের উক্ষলা খুব বাড়ে। ৩.১২ নং চিত্রে রেখাছিদ্রের এবং ইহার সমাস্তরাল বাধার অভিলব একটি তল অব্দন করা হইরাছে। রেখাছিদ্রের দৈর্ঘ্য A বিন্দুর মধ্য দিরা চিত্রতলের অভিলবে আছে এবং অনুর্পভাবে বাধাটিও BC এর মধ্য দিয়া চিত্রতলের অভিলবে অবস্থিত। এই অবস্থার রেখাছিদ্র হইতে ব্যন্তকারার (cylindrical)



তরঙ্গ নির্গত হইয়া বাধা ঘেষিয়া যাইবে। বিদ ইহার ডানদিকে যে-কোনও বিন্দু P এর উপর ( P বিন্দু উপরোক্ত চিত্রতলে অবন্থিত ) আলোকের তীব্রতা নির্ণর করিতে হয় তবে এই বিন্দুর সম্পর্কে ফ্রেনেলের অর্ধপর্বার অংশের নীতি প্ররোগ করা যাইতে পারে। P বিন্দুতে স্তম্ভকাকার (cylindrical) তরঙ্গের অনাবৃত্ত অংশই শুধু প্রভাব বিস্তার করিবে। আর এই প্রভাবের মান বাহির করিতে SS' তরঙ্গমুখের কেবলমাত্র চিত্রতলের এবং তাহার খুব নিকটের অংশ বিবেচনা করিলেই চলিবে। ইহার কারণ পূর্বের আলোচনা হইতে দেখা গিয়াছে যে কোনও বিন্দুতে আলোকতরঙ্গের একমাত্র সেই অংশই কার্যকারী প্রভাব বিস্তার করে যে ভ্রংশ তরঙ্গের মেরু বা তাহার খুব নিকটে অবন্থিত। সূত্রাং তরঙ্গের মেরু B বিন্দুতে ভ্রংশ যদি লেখা যায় a sin ( $wt - \delta$ ) তবে হিসাবের সুবিধার জন্য ইহাকে নিয়োক্তাবে পরিবাহিতত করা বায়।

ভ্রমেন 
$$\sin wt - \sin 2\pi$$
  $T - ভরকের প্র্যার (3.19)$ 

এখানে বিস্তার a-1 এবং  $\delta-0$  ধরা হইরাছে। প্রথমতঃ ইহার ফলে আলোর তীরতা একটি আপেক্ষিক গ্রামে (relative scale) বাহির হইবে। বিতীয়তঃ দশা-ধুবক  $\delta$  কে সুবিধামত বে কোনও মানে পরিবাতিত করা বার (ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপকের আলোচনা দুক্তব্য)। SS' তরকের B বিন্দুর

সামাহত একটি ক্ষুদ্র অংশ ঠS এর P বিন্দুতে প্রেরিত ভ্রংশকে ভাহ। হইলে লেখা বার

$$\delta S \sin 2\pi \left(\frac{1}{T} - \frac{b}{\lambda}\right)$$
;  $b = BP -$  ৰাধা ছইতে  $P$  বিন্দুর প্রয় ।

সূতরাং B বিন্দু হইতে সামান্য কিছু দূরে  $M_1$  বিন্দুতে তরঙ্গের অনুরূপ অংশ  $\delta S$  হইতে তরঙ্গের স্রংশ হইবে  $\delta S \sin 2\pi \Big(\frac{t}{T} - \frac{b+\delta}{\lambda}\Big)$ .

এখানে  $PM_1 = b + \delta$ .

এইভাবে সমগ্র তরঙ্গের প্রভাব দাড়াইবে তরঙ্গের এইরূপ বিভিন্ন অংশের বোগফলের সমষ্টি এবং এই পরিণামিক শ্রংশ Y কে লেখা বায়

$$Y = \sum \sin 2\pi \left(\frac{t}{\bar{T}} - \frac{b+\delta}{\lambda}\right) dS. \tag{3.20}$$

অবশ্য এই রাশিমালা বক্ততা এবং দ্রন্থের জন্য  $\frac{1+\cos\theta}{r}$  এই গুণকটি দারা গুণ করা দরকার। কিন্তু এইটির মধ্যে লবটি কমার সঙ্গে সঙ্গে হরটি নির্বচ্ছিন্নভাবে বাড়িতে থাকিবে। অতএব গুণকটি নির্বচ্ছিন্নভাবে কমিতে থাকিবে। সৃত্রাং ইহাকে সমাকলনের বাহিরে রাখা চলিতে পারে। শুধু মনে রাখিতে হইবে যে ইহা সমাকলের আলোর তীব্রতার তারতমের উপত্তে একটি ক্ষীর্মান আবরণের (decreasing envelope)এর কাজ করিবে।

বদি ১১ সংখ্যাগুলি ক্রমাগত ক্ষুদ্রতর করা হয় তবে শেষ পর্বান্ত (in the limit) এই বোগফল একটি সমাকলনে পর্বাবেশিত হয়। সূতরাং লেখা বায়

$$Y = \int \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b + \delta}{\lambda}\right) dS. \tag{3.21}$$

এই সমাকলের উপরের এবং নীচের সীমা P বিন্দুর অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে।

कार्या 
$$Y = \int \sin \left[ 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda} \right) - \frac{2\pi\delta}{\lambda} \right] \delta S$$

$$= \int \left[ \sin 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda} \right) \cos 2\pi \frac{\delta}{\lambda} - \cos 2\pi \right] \left( \frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda} \right) \sin 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \right] \delta S$$

$$= \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right) \int \cos 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \delta S - \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right)$$
$$\int \sin 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \delta S.$$

( কারণ এই সমাকলনের চল (variable) ছইতেছে  $\delta S$  ).

ধরা বাক 
$$\int \cos 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \delta S = R \cos \theta$$
;  $\int \sin 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \delta S = R \sin \theta$ 

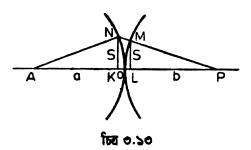
$$\therefore Y = R \cos \theta \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right) - R \sin \theta \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right)$$

$$= R \sin \left[2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{b}{\lambda}\right) - \theta\right] \qquad (3.22)$$

সূত্রাং তীরতা.  $I = R^2 = \left[ \int \sin 2\pi \frac{\delta}{\lambda} \delta S \right]^2 +$ 

$$\left[\int \cos 2\pi \, \frac{\delta}{\lambda} \, \delta S\right]^2 (3.23)$$

এইবার  $\partial$  সংখ্যাটির মান চিত্রের জ্যামিতি হইতে নির্ণয় করা আবশ্যক। এইজন্য ৩.১৩ নং চিত্র হইতে লেখা যায় ( 0 হইতে অনভিদ্রে অবিস্থত বিন্দুসমূহের জ্বনা )



$$\delta - NM - KL - KO + OL - \frac{S^2}{2a} + \frac{S^2}{2b} - \frac{S^2}{2} \left( \frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right) - S^2 \frac{a+b}{2ab}$$
 (3.24)

এখানে S ON এবং OM ( चून হিসাবে ) (approximately) বৃত্তাংশের সমান এবং ঐ ভাবে ইহা লক্ষর KN এবং ML এর সমান । আর ইহাদের

বেলার লেখা বার  $KN^2 = KO(2a - KO) \triangle KO \cdot 2a$  ( কারণ পরীক্ষাব্যবস্থার 2aর তুলনার KO খুবই ছোট বলিরা বাদ দেওরা বার )

অনুর্পভাবে 
$$OL \simeq \frac{S^3}{2b}$$
.

$$\therefore I = \left[ \int \sin \frac{2\pi S^{2} (a+b)}{\lambda} \delta S \right]^{2} + \left[ \int \cos \frac{2\pi S^{2} (a+b)}{\lambda} \delta S \right]^{2}$$

$$= \left[ \int \sin \frac{\pi (a+b)}{ab\lambda} S^{2} \delta S \right]^{2} + \left[ \int \cos \frac{\pi (a+b)}{ab\lambda} S^{2} \delta S \right]^{2}$$
(3.25)

এই সমাকল (integral) দুইটি a, b এবং  $\lambda$  এর মান এর উপর নির্ভর-দীল হওরার ইহালের মান পরীক্ষাকালীন ব্যবস্থার জ্যামিতিক অবস্থান এবং তরঙ্গ গৈর্বোর সঙ্গে সঙ্গে পরিবাঁশ্রিভ হইবে। এই অসুবিধা দূর করিবার জন্য ইহালের একটি নির্মাটিক চলে (dimensionless variable) পরিবাঁশ্রিভ করা করা হয়। অর্থাৎ ধরা হয়

$$\frac{\pi(a+b)}{ab\lambda}S^2 = \frac{\pi}{2}v^2. \quad [এখানে v একটি নির্মাচিক চল]$$
 (3.26)

তাহা হইলে পাওয়া বায় 
$$S=v\sqrt{\frac{ab\ \lambda}{2(a+b)}}$$
 ;  $\partial S=\sqrt{\frac{ab\ \lambda}{2(a+b)}}\partial v$ 

$$\therefore I = \left[ \int \sin \frac{\pi}{2} v^{2} \sqrt{\frac{ab \lambda}{2(a+b)}} \delta v \right]^{2} + \left[ \int \cos \frac{\pi}{2} v^{2} \sqrt{\frac{ab \lambda}{2(a+b)}} \delta v \right]^{2}$$

$$- \frac{ab \lambda}{2(a+b)} \left[ \left( \int \sin \frac{\pi}{2} v^{2} \delta v \right)^{2} + \left( \int \cos \frac{\pi}{2} v^{2} \delta v \right)^{2} \right] \qquad (3.27)$$

তরঙ্গের সমস্ত অংশের প্রভাব বিবেচনা করিলে

এই সমীকরণটি সম্পূর্ণ তরঙ্গের তীব্রতা নির্ণর করিবে । ইহা হইতে যদি  $\frac{ab\lambda}{2(a+b)}$  পূণকটি বাদ দেওরা বার তবে তীব্রতার মান একটি আপেক্ষিক গ্রামে পাওরা বাইবে । তাহাতে বিশেষ অসুবিধা নাই, কারণ আপেক্ষিক গ্রামে তীব্রতার মান নির্ণরই প্রধান উদ্দেশ্য । তাহাড়া এই হিসাবের গোড়ার দিকে বিস্তাবের মান 1 ধরিরা লওরার সেধানেই একটি আপেক্ষিক গ্রাম আসিরা গিরাছে । সূত্রাং তরঙ্গের বে কোনও একটি আকাক্ষিত (desired)

# ক্রেনেলের সমাকলের ভালিকা (Table of Fresnel's Integrals)

v	x .	у	ซ	x	у
0.00	0.0000	0.0000	 2·10	0.5815	0.3743
0·10	0.1000	0.0005	2·20	0.6363	0·4557
0.20	0.1999	0.0042	2·30	0-6266	0 <sup>.</sup> 5531
0.30	0.2994	0.0141	2.40	0.5550	0.6197
0.40	0.3975	0 0334	2·50	0.4574	0.6192
0.50	0.4923	0.0647	2 <sup>.</sup> 60	0.3890	0.5500
0.60	0.5811	0.1105	2·70	0.3925	0.4529
0.70	0.6597	0.1721	2.80	0.4675	0.3915
0.80	0.7230	0.2493	2.90	0 <sup>.</sup> 5624	0.4101
0-90	0.7648	0.3398	3.00	0.6058	0.4963
1.00	0.7799	0.4383	3·10	0.5616	0.5818
1.10	0.7638	0.5365	3.20	0.4664	0.5933
1.20	0.7154	0.6234	3.30	0.4058	0.5192
1.30	0.6386	0.6863	3·40	0.4385	0.4296
1.40	0.5431	0.7135	3.20	0.5326	0.4152
1.20	0.4453	0.6975	3.60	0.5880	0.4923
1.60	0.3655	0.6389	3.70	0.5420	0.5750
1.70	0.3238	0.5492	3.80	0.4481	0.5656
1.80	0.3336	0.4508	3.90	0.4223	0.4752
1.90	0.3944	0.3734	4.00	0.4984	0.4204
2.00	0.4882	0.3434	4·10	0.5738	0.4758

#### ভৌড আলোকবিজ্ঞান

v	x	у	v	x	у
4·20	0.5418	0.5633	5·70	0.5385	0.4595
4·30	0.4494	0.5540	5.80	0.5298	0.5461
4·40	0.4383	0.4622	5.90	0.4486	0.5163
4·50	0-5261	0.4342	6.00	0.4995	0.4470
4.60	0.5673	0.5162	6.10	0.5495	0.5165
4.70	0.4914	0.5672	6.30	0.4676	0.5398
4.80	0.4338	0.4968	6.30	0.4760	0.4555
4·90	0.5002	0.4350	6.40	0.5496	0.4965
5.00	0.5637	0.4992	6.20	0.4816	0.5454
5·10	0.4998	0.5624	6.60	0'4690	0.4631
5·20	0.4389	0·4969	6.70	0·5467	0.4915
5'30	0.5078	0.4405	6.80	0.4831	0.5436
5·40	0.5573	0.5140	6.90	0.4732	0.4624
5·50	0.4784	0.5537	7.00	0.5207	0.4591
5·60	0.4517	0.4700			

অংশের জন্য P বিন্দৃতে আলোকের আপেক্ষিক তীব্রতা পাওরা বাইবে নিয়োক্ত সমীকরণ হইতে

$$I = \left[ \int_{0}^{v} \sin \frac{\pi}{2} v^{*} dv \right]^{2} + \left[ \int_{0}^{v} \cos \frac{\pi}{2} v^{*} dv \right]^{2}$$
 (3.28)

এখানে সমাকলের সীমা v এবং 0 এর মান প্রকৃতপক্ষে নির্ভর করিবে আলোচা পরীক্ষার কালে a, b এবং  $\lambda$  এর মানের উপর । এই সংখ্যাগুলির মূল্য হইতে সংশ্লিক নির্মাতিক চল v এর মান 3.26 সমীকরণের সাহাব্যে বাহির করিয়া তীরতার হিসাব করা হয় ।

এই সমাকল দুইটিকে বলা হয় ক্লেনেলের সমাকল (Fresnel's integrals). ইহাদের মান ক্লেনেল নকেনহাওয়ের, কলি এবং গিলবার্ট (Fresnel, Knochenhauer, Cauchy, Gilbert) বিভিন্ন পদ্ধতিকে নির্ণয় করিয়াছেন । ইহা নিমের তালিকায় দেওয়া হইল । এই তালিকা হইতে দেখা যায় বে ৮ চলটির মান বাড়াইতে থাকিলে সমাকল দুইটির মান ক্রমান্তরে চরম এবং অবম মানের মধ্য দিয়া গমন করে এবং অবশেষে ইহারা উভয়েই একটি ধুবকে আসিয়া উপস্থিত হয়। এই ধুবকের মৃলা 🚦। ইহার কারণ এই ষে

$$\int_{0}^{\infty} \sin mx^{2}dx - \int_{0}^{\infty} \cos mx^{2}dx - \sqrt{\frac{\pi}{8m}}; \text{ এটি একটি প্রতিষ্ঠিত}$$

ফল

কাজেই এই ফলের সাহাযে।  $m=\frac{\pi}{2}$  এবং v=x বসাইরা পাওয়া যার

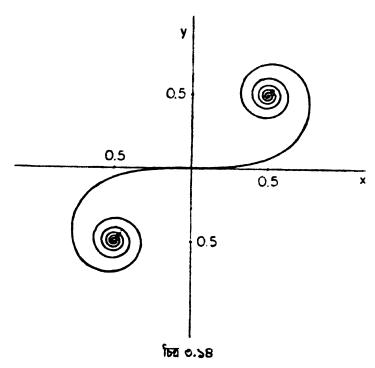
$$\int_{0} \sin \frac{\pi}{2} v^{2} dv - \int_{0} \cos \frac{\pi}{2} v^{2} dv - \sqrt{\frac{\pi}{8 \times \frac{\pi}{2}}} - \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{8}.$$

সূতরাং দেখা বার বে অর্ধেক তরঙ্গের প্রভাব এই হিসাবে আপেক্ষিক গ্রামে

माफ़ाইবে 
$$I = \left[ \int_{0}^{\infty} \sin \frac{\pi}{2} v^{2} dv \right]^{2} + \left[ \int_{0}^{\infty} \cos \frac{\pi}{2} v^{2} dv \right]^{2}$$
$$= \left(\frac{1}{2}\right)^{2} + \left(\frac{1}{2}\right)^{2} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{2}.$$

আলোর ভীরতা পাওর। বার দুইটি সমাকলের বর্গের সমাক হইতে। সূতরাং এই সমাকল দুইটি বাদ x এবং y ধরা বার তবে লেখা বাইতে পারে  $I = x^2 + y^2$ .

অতএব এই সমাকল দুইটি পরস্পর অভিলবে অবস্থিত অক্ষরের দিকে পরিণামিক বিস্তারের উপাংশ বলিরা গণা করা বাইতে পারে। কাজেই এই পরিণামিক বিস্তারের লেখ পাওয়া বাইবে এমন একটি বিন্দুর গতি হইতে বাহা সমাকল দুইটির মানের উপর নির্ভরশীল। অক্ষরের উৎস এই বিন্দুতে বোগ করিলে বে সরলরেখার সৃষ্টি হইবে সেইটিই হইবে পরিণামিক বিস্তার। এবং এই পরিণামিক বিস্তারের বর্গ আলোর তীব্রভা নির্ণর করিবে। এই লেখটি প্রথমে কর্ণু আলোচনা করেন বলিয়া ইহাকে কর্ণুর সর্পিলরেখা (Cornu's spiral) বলা হয়। চিত্র নং ৩.১৪এ এই সর্পিলরেখাটি দেখান হইয়াছে।



এই লেখ অনুসারে বাদ সমগ্র তরঙ্গই P বিন্দৃতে প্রভাব বিস্তার করে তাহা হুইলে পরিণামিক বিস্তার পাওয়া বাইবে

$$x=0.5+0.5=1$$
;  $y=0.5+0.5=1$ .  
 $I=x^2+y^2=1^2+1^2=2$ .

সূতরাং দেখা বাইতেছে যে অপেক্ষিক গ্রামে সমগ্র তরক্ষের প্রভাবে উৎপম আলোর তীবাতা 2 হইবে, আর এই গ্রামে অর্থেক তরক্ষের প্রভাব হইবে 🖟

কর্ণুর এই সর্গিলরেখা দারা বাবর্তনের সমস্যার সমাধান করা বার বলিরা ইহার বৈশিষ্ট্য আলোচনা করা বাস্থনীর। এই লেখে ৩ উৎসবিন্দু ও হইডে সর্গিলরেখার বরাবর আলোচ্যবিন্দুর দূরত্ব বোঝার। কাজেই

$$x = \int_{0}^{v} \sin \frac{\pi}{2} v^{2} dv \qquad y = \int_{0}^{v} \cos \frac{\pi}{2} v^{2} dv$$

হইতে সহজেই বোঝা যার যে ৩ এর মান শৃন্য হইলে সমাকল দুইটিও শৃন্য হইবে। অভএব সর্গিলরেখাটি উৎসবিন্দু 0 এর মধ্য দিয়া বাইবে। এছাড়া লেখটি কেন্দ্রবিন্দু 0 এর সহজে প্রতিসম ও (symmetrical about the origin) হইবে; কারণ ৩ এর মান ধনাত্মক হইতে ঋণাত্মক অথবা বিপরীভমুখী করিলে সমাকলের মানের কোন পরিবর্তন হইবে না শুধু ইহার চিচ্ছের (sign) পরিবর্তন ঘটিবে। তবে ৩ যখন ধনাত্মক হইবে তখন ৫ এবং ৬ উভরেই খনাত্মক হইবে। আবার ৩ ঋণাত্মক হইলে ৫ এবং ৬ উভরেই ঋণাত্মক দাড়াইবে। অতএব সর্গিলরেখাটি কেন্দ্রবিন্দু 0 এর সহজে প্রতিসম হইবে। ৫ এবং ৬ অক বারা যে চারিটি পাদের (quadrant) সৃষ্টি হইবে সর্গিলরেখাটি ভাহার প্রথম এবং তৃতীর পাদে আবদ্ধ থাকিবে। প্রথমপাদের অংশ তৃতীর পাদের সম্পূর্ণ অনুর্প; একমাত্র তফাৎ এই বে ইহারা কেন্দ্রবিন্দু 0 এর সহজে বিপরীতমুখী হইয়া অবন্থান করিবে (প্রতিসামোর ধর্ম জনুসারে এইর্পই হইবার কথা)।

ধরা বাক সপিলরেখাটির কোনও বিস্পৃতে ইহার নতি (slope)  $\psi$ . তাহা হইলে লেখা বার

$$\tan \psi = \frac{dy}{dx} = \frac{dy}{dv} \cdot \frac{dv}{dx} = \frac{dy}{dv} / \frac{dx}{dv}.$$

ফ্রেলেরে সমাকল হইতে লেখা বার

$$\tan \psi = \frac{\sin \frac{\pi v^2}{2}}{\cos \frac{\pi v^2}{2}}$$

$$-\tan\frac{\pi v^2}{2}$$

$$\therefore \quad \psi = \frac{\pi v^2}{2}.$$

সিপিলরেখার একটি ক্ষুদ্র অংশ di কে লেখা বার

$$(dl)^{2} = (dx)^{2} + (dy)^{2} = \cos^{2} \frac{\pi v^{2}}{2} (dv)^{2} + \sin^{2} \frac{\pi v^{2}}{2} (dv)^{2} = (dv)^{2}$$

$$\therefore dl = dv.$$

ভাষার dv cc ds. [ এখানে ds ভরঙ্গমুখের মেরু হইতে অনাবৃত অংশ বুঝার ]
∴ dl cc ds.

$$\rho = \frac{dl}{d\psi} - \frac{dv}{d\psi}$$

পূর্বেই দেখা গিয়াছে d\u00fc = #vdv

$$\therefore \quad \rho = \frac{dv}{\pi v dv} = \frac{1}{\pi v}$$

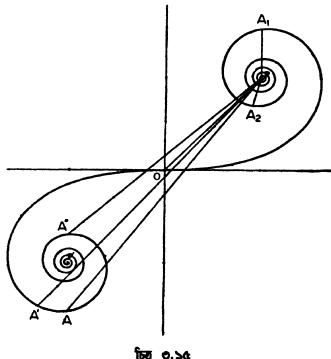
বেহেতু উৎসে v=0, সুভরাং  $\rho=\infty$ 

অভএব উৎস একটি নতিবিন্দু (point of inflection), ৩ এর বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে  $\rho$  এর মান কমিতে থাকে আর যখন ৩= ∞ হয় তখন  $\rho$ = 0 দাড়ায়। উৎসের উভয় দিকে  $\rho$  এর মান প্রতিসম।

আৰু খারে ব্যবভ'ন (diffraction by a straight edge).

এই প্রকারের বাবর্তন পূর্বে গুণাস্মকভাবে (qualitatively) আলোচিত হইরাছে। ফেনেলের সমাকলব এবং কর্ণুর সাঁপলরেখার সাহাব্যে পরিমাণাস্মকভাবে (quantitatively) ঝালরের আলোর তীব্রতা বাহির করা বার ( অবশ্য আপোক্ষক প্রামে )।

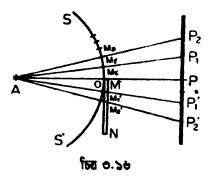
০.১৬ নং চিত্রে  $\Lambda$  আলোকউৎস হইন্ডে MN অবচ্ছ বাধার অন্ধৃধার ঘেবিরা। আলো  $P_*P_*$ ' পর্দার আসিরা। পড়িতেছে। পর্দার  $P_*P_*$  লামিতিক ছারার সীমার অবন্থিত। পর্দার বিভিন্ন বিন্দৃতে আলোকের তীব্রতা নির্ণর করিতে হইবে। যে পর্কাতিতে সাধারণত এই পরীক্ষা করা হর তাহাতে  $\Lambda$  একটি রেখাছিদ্র, ইহার দৈর্ঘ্যে চিন্ততলের সহিত অভিলব্ধে অবন্থিত; আর অন্ধু ধারটিও ইহার দৈর্ঘ্যের সহিত সমাস্তরাল। পূর্বেই দেখান হইরাছে যে এর্প ক্ষেত্রে রেখাছিদ্র হইতে স্কুডনাকৃতি তরঙ্গ নির্গত হইবে। আর পর্দার যে কোনও বিন্দু  $P'_*$  বা  $P_*$  এ আলোর তীব্রতা হিসাব করিতে হইলে তরঙ্গের একমান্ত সেই তলই কার্য্যকরী হইবে যেটি চিত্রে দেখান হইরাছে। এখানে চিন্ততল স্কুডনের অক্ষের সহিত অভিলব্ধে অবন্থিত আর  $\Lambda \in P'_*$  বা  $P_*$  বিন্দু এই তলেই অবন্থিত; উক্ত তল স্কুডনাকৃতি তরঙ্গকে SOS বৃত্তাংশে ছেদ করিতেছে।



100 0.30

পর্ণার বে কোনও বিন্দু P এ আলোর ভীরতা নির্ণর করিতে হইলে পূর্বের ন্যার ফ্রেনেলের অর্ধপর্বার অংশের ধারণার সাহায্য নিতে হইবে।

রেপাছিন্ন A হইতে বে ব্যক্তকাকৃতি ভয়স বাহির হইবে P বিন্দুতে তাহার কার্যাকরী অংশ SS' বৃত্তকে P বিন্দুর জন্য  $M_1$ ,  $M_2$ ,  $M_3$ ,  $M_1'$ ,  $M_2'$  ইত্যাদি অর্ধপর্যার অংশে বিভন্ত করা হইরাছে। P বিন্দুটি বদি আলোকের



জ্যামিতিক সীমার অর্থান্থত হর তবে ইহার মেরু হইবে O বিন্দু। এই বিন্দৃটি SS' কে এমন দুইটি সমানভাগে ভাগ করিতেছে বাহার নীচের অংশ বাধা  $M_N$  দারা সম্পূর্ণ ঢাকা পড়িরাছে আর উপরের সমন্ত অংশটাই প্রেরিত হইতেছে। এই অবস্থার কর্নুর সাঁপলরেখা O বিন্দু হইতে P পর্বান্ত সরলরেখা তরঙ্গের বিস্তার দিবে। সূতরাং তীরতার মান দাড়াইবে

$$I = (0.5)^2 + (0.5)^2 = 0.25 + 0.25 = 0.50$$

P বিন্দু যদি উপরদিকে সরির।  $P_1$  বিন্দুতে অবস্থান করে তবে  $P_1$  বিন্দুর মেরু হইবে  $M_1$ . ধরা বাক  $P_1$  এর অবস্থান এমন যে  $OM_1$  ক্লেনেলের প্রথম অর্থপর্বার অংশ বুকাইতেছে। তাহা হইলে তরঙ্গের সম্পূর্ণ উপরের অর্ধাংশ আর নীচের অর্ধাংশের প্রথম অর্থপর্বার অংশ পর্দার  $P_1$  বিন্দুতে পাড়িবে। এই ক্ষেত্রে সাঁপলরেখার P বিন্দুতে বালাকের পরিপামিক বিন্তার বুঝাইবে আর এই ক্ষেত্রে আলোরে তীরতা দাড়াইবে  $P_1\Lambda^2$  (এখানে  $O\Lambda$  একটি অর্থপর্বার অংশের প্রভাব বুঝাইতেছে)। এই তীরতা ফ্লেনেলের সমাকলের তালিকা হইতে বাহির করা বার। এস্থলে মুলভাবে লেখা বার

$$x = 0.5 + 0.54 = 1.04$$

$$y = 0.5 + 0.71 = 1.21$$

$$\therefore I = x^2 + y^2 = (1.04)^2 + (1.21)^2 = 2.549.$$

সূতরাং শেখা বাইতেছে বে এই তীব্রভার মান বাধাহীন সম্পূর্ণ তরঙ্গের মান 2 এর চেরেও অনেকটা বেশী। জার ছারার জ্যামিতিক সীমাস্ক P বিশূতে তীয়তার অপেকা ইহ। চতুর্গুণেরও বেশী। অবশ্য এটিই সর্বোচ্চ তীরতা নর, ইহার অপেকাও বেশী তীরতা পাওরা বাইবে  $P_1$  এর অবস্থান হইতে সামান্য নীচে।

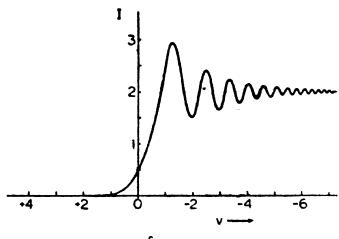
বদি একটি সরলরেখার একদিক P বিন্দুতে রাখিরা অন্যদিকে OP' সাঁপলরেখার এমনভাবে সরানো বার বাহাতে এই সরলরেখার দৈর্ঘ্য পরিবাভিত হইতে থাকে তবে দেখা বাইবে বে A' বিন্দুতে এই দৈর্ঘ্য বৃহত্তম হইবে, আর O হইতে A বিন্দুর কিছু আগেই A' বিন্দু পাওয়া বাইবে । ইহার মোটামুটি তীব্রতা দাড়াইবে

$$x_1 = 0.50 + 0.64$$
;  $y_1 = 0.50 + 0.68$   
= 1.14 = 1.18  
 $\therefore I = (1.14)^2 + (1.18)^2 = 2.692$ .

বদি এবার এমন একটি বিন্দু  $P_s$  ধরা বায় বে ইহার মেরু  $M_s$  O বিন্দু হইতে দুইটি অর্ধপর্বায় অংশ জুড়িয়া থাকে তবে বিস্তার পাওয়া ঘাইবে চিত্রে PA' সরলরেখা হইতে। আর ইহার দৈর্ঘ্য PA অথবা PA' হইতে অনেক কম। এইর্পে P বিন্দু হইতে যত উপরের দিকে যাওয়া যাইবে ততই বিস্তারের সরলরেখা সাঁপলরেখার O বিন্দু হইতে ক্রমশ P' বিন্দুর দিকে যাইতে থাকিবে। আর ইহার ফলে তীরতাও পর্বায়ক্তমে বাড়িতে এবং কমিতে থাকিবে। এইর্পে যখন P হইতে এত উপরে যাওয়া যাইবে যে তরঙ্গের কার্যাকরী অংশের সমস্তটাই প্রেরিত হওরার সুবোগ পাইবে তখন তীরতা একটি ধুবক মান 2 এ আসিয়া দাড়াইবে। অর্থাৎ এই ক্ষেত্রে ধরা যায় যে অস্বচ্ছ বাধাটি যেন উপস্থিত নাই।

অপরদিকে যদি  $P'_1$  বিন্দৃটি P এর নীচের দিকে অবস্থিত হয় এবং  $OM'_1$  একটি অর্ধপর্যায় অংশের সমান হয় তবে তরঙ্গের সমস্ত নীচের অর্ধাংশ এবং উপরের অর্ধাংশের প্রথম অর্ধপর্যায় অংশ কাটা পড়িবে। সূত্রাং সাঁপলরেখা হইতে বিস্তার পাওরা যাইবে এবার P বিন্দৃকে  $A_1$  বিন্দৃতে যোগ করিয়া। আর চিত্র হইতে দেখা যাইবে যে এই বিস্তার PA এর তুলনার অনেক কম। যদি  $P'_2$  আরও নীচে হয় এবং  $OM'_2$  দুইটি অর্ধপর্যায় অংশের সমান হয় তবে বিস্তার হইবে  $PA_2$ ; ইহা  $PA_1$  হইতে কম। কিন্তু লক্ষাণীর এই যে P' বিন্দৃগুলির অবস্থান যত নীচের দিকে যাইতে থাকিবে PA বৈশ্ব সমৃহও ওতই ক্রমাগত এবং নিরবজ্জিবরূপে ক্ষুত্রতর হইতে থাকিবে, P হইতে উপরের দিকের বিন্দৃসমূহের তীক্রজার মত ইহাতে

ভেদ দেখা যাইবে না। এই তীব্রতার বর্ণন নিমলিখিত চিচ্চদার। বুঝান যার।



চিত্ৰ ৩.১৭

ইহার একটি আপেক্ষিক মান নিমের তালিকা হইতে মোটামুটি পাওয়া বার। এই ক্ষেত্রে MP দূরত্ব 1 মিটার ধরা হইরাছে।

P বিন্দু হইতে	জ্যামিতিক ছায়৷ <i>P</i> হইতে	জ্যামিতিক ছায়া P হইতে
দূরত্ব (cm)	বাহির দিকে আলোর তীরতা	ভিতরদিকে আলোর তীব্রতা
0.060	2.7496	0.0596
0.094	1.5548	0.0280
0.117	2.3990	0.0182
0.136	1.6984	0.0134
0.155	2.3018	0.0106
0.170	1.7436	0.0088

এই তালিকা অনুসারে বাধাহীন সম্পূর্ণ তরঙ্গের তীরতা 2 ধর। ইইয়াছে। বালরশ্রেণীর প্রথমটির চরম তীরতা 2.7496 এবং ইহার পরের অবম তীরতা 1.5548. অপর্যাদকে ছারার মধ্যে এই দ্রন্ধে তীরতা যথাক্রমে 0.0596 ও 0.0280. সুতরাং 2 তীরতার তরঙ্গের সহিত 0.0596 এবং 0.0280 তীরতার তরঙ্গের বাতিচারের ফলে যথাক্রমে 2.7496 এবং 1.5548 তীরতা পাওরা উচিত। শেখা যার প্রথমক্ষেত্রে পরিগামিক বিভার হইবে

 $\sqrt{2.0} + \sqrt{0.0596} = 1.4140 + 0.2441 = 1.6581$ ভੀਜ਼ਰਮ  $I = (1.6581)^2 = 2.739$ 

### আবার দিতীয় ক্ষেত্রে পরিণামিক বিস্তার হইবে

$$\sqrt{2.0} - \sqrt{0.0280} = 1.4140 - 0.1643 = 1.2467$$

∴ তীব্যতা I = (1.2467)² = 1.555

সূতরাং দেখা যাইতেছে যে মোটামুটিভাবে নির্ণীত তীব্রতা পরীক্ষালন্ধ তীব্রভার সহিত মিলিয়া যাইতেছে যাহা হইতে এই হিসাব পদ্ধতির যথার্থতা সম্বন্ধে নিঃসন্দেহ হওয়া যায়।

উপরের হিসাবপদ্ধতির ব্যাখ্যা হিসাবে বলা যায় যে ছায়ার নীচের দিকে তরক্ষের এক অর্ধাংশ সম্পূর্ণরূপে রুদ্ধ হইয়াছে অপর অর্ধাংশের থানিকটাই শুধু প্রভাব বিস্তার করিতেছে। উপর্রদিকে অনুরূপ অংশ একবার সমদশা-সম্প্রহ হওয়ায় যুক্ত হইতেছে এবং দ্বিতীয় ক্ষেত্রে বিপরীত দশা-সম্প্রহ হওয়ায় ইহার প্রভাব বাদ দিতে হইতেছে।

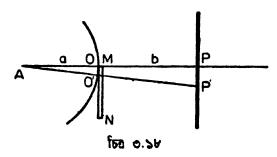
#### আলোর সরলরেখায় গমন (Rectilinear propagation of light).

সাধারণভাবে মনে হয় যে আলো সরলরেখায় গমন করে কারণ কোনও বাধার ধার ঘেষিয়া গোলে ইহা ছায়ার সৃষ্টি করে। কিন্তু এই সরলরেখায় গমন শুধু আপাতদৃষ্টিতে সতা; সৃক্ষভাবে দেখিলে বুঝা যাইবে যে ছায়ার সীমানার নিকটে আলোর তীব্রতার ভেদ সৃষ্টি হয়। ইহার ব্যাখ্যা করিতে হইলে মনে রাখা প্রয়োজন যে সমগ্র তরঙ্গের প্রভাব দাড়ায়

$$S=\frac{m_{\perp}}{2}\pm\frac{m_{\rm a}}{2}$$

এই সমীকরণে  $m_1$  এবং  $m_n$  যথাক্রমে প্রথম এবং শেষ অর্ক্রপর্যার অংশ ব্যাইতেছে। তাছাড়া দেখা গিয়াছে বে এই অর্ক্রপর্যার অংশসমূহের প্রভাব মেরু হইতে বাহিরের দিকে দুত কমিয়া আসে যাহার ফলে শেষের দিকের অংশগুলির প্রায় কোন প্রভাবই থাকে না (চিত্র নং ৩.৮)। সূতরাং বলা যায় যে প্রভাববিস্তারে মেরুর নিকটবর্তী কয়েকটি অর্ক্রপর্যার অংশই শুধু কার্বকরী হয় বাকীগুলি নয়। আর আলোর তরঙ্গদৈর্যা খুবই ক্ষুদ্র হওয়ার মেরু হইতে অম্প দ্রের মধোই বেশ কিছুসংখ্যক অর্ক্রপর্যার অংশ আবদ্ধ থাকে। সূতরাং যদি এই কার্যাকরী অংশগুলি কোনও বাধার দ্বারা ঢাকা পড়িয়া বার তবে আলোচা বিস্ফুতে আলোর তীব্রতা শ্রা দাড়াইবে। অর্থাৎ জ্বামিতিক ছায়ার ভিতর্ষাক্রে অম্প দ্রেই আলোর তীব্রতা খুব দুত কমিয়া যাইবে এই স্থানে কার্যাকরী অর্ক্রপর্যার অংশের অনুপান্থিতির দরুল। ইহাই হইল আলোর আগ্রেড

সরলরেখার গমনের ব্যাখা। ইহা নিরের উদাহরণ বার। আরও স্পর্কভাবে বুবান বার।



০.১৮ নং চিত্রে একটি ঋদু ধার বাধা MN ঘেবিয়া আলো উৎস A হইন্তে PP' পর্পার উপরে পড়িভেছে । স্থামিতিক ছায়া P হইতে নীচে P' বিন্দুতে বাদি আলোর পরিমাণাস্থক তীওতা নির্ণয় করিতে হয় তবে কর্ণ্,র সাপ্রবিষধার সাহাব্যে নেওয়া বাইতে পারে । ধরা বাক  $a-b=400~\mathrm{cm}$ ;  $\lambda=6000~\mathrm{Å}$ . তাহ। হইলে

$$\triangle v = \triangle s \sqrt{\frac{2(a+b)}{ab\lambda}} = \triangle s \times 1.30 \times 10 = 13.0 \times \triangle s$$

এক্ষেত্রে তরক্ষের সম্পূর্ণ নীচের অর্জাংশ এবং উপরের অর্জাংশের OO খণ্ড ঢাকা পড়িরাছে। সূতরাং পরিণামিক বিস্তার নির্ণয় করিতে হইলে কর্ণার সাঁপল-রেখার উপরের অর্জেক হইতে OO অংশের প্রভাব বাদ দিতে হইবে। আর এই OO অংশের মান নির্ভর করিবে P বিন্দুর অবস্থানের উপর। বিদ ধর। বার PP'=0.02 cm, ভবে  $\Delta s=\frac{a}{a+b}\times 0.02=0.01$ 

$$\Delta v = \Delta s \times 13.0 = 0.13.$$

দ্রেনেলের সমাকলের তালিকা হইতে দেখা যায় বে  $\triangle v$  এই মানের জন্য পাওয়া বার  $x_1 = 0.13$   $y_1 = 0.002$ 

পূর্বেই দেখা গিয়াছে যে তরঙ্গের অর্দ্ধাংশের দরুণ x এবং y এর মান  $\frac{1}{2}$ . একেত্রে এই বিস্তার হইতে  $x_1$  এবং  $y_2$  এর মান বাদ দিলে অনাবৃত তরঙ্গের প্রভাব বাহির হইবে। কাজেই তীরতা দাড়াইবে

$$I = (x - x_1)^2 + (y - y_1)^2$$

$$= (0.50 - 0.13)^2 + (0.50 - 0.002)^3$$

$$= (0.37)^2 + (0.498)^3 = 0.39.$$

সম্পূর্ণ তরদের তীব্রতা 2 এর সঙ্গে তুলনা করিলে দেখা বার বে জ্যামিতিক

ছারার মাত  $0.02~\mathrm{cm}$ , ভিতরদিকে আলোর ভীরতা ইহার  $0.39/2 = \frac{1}{6}$  দাড়ার। বদি PP'  $(0.6)~\mathrm{cm}$ . হয় তবে পাওয়া বায়

$$\triangle s = 0.3$$
;  $v = 3.9$ .

আর PP' এর এই মানের জন্য ভীরতা হইবে

I = (0.50 - 0.42) + (0.50 - 0.47) 
= (0.08) + (0.03) = 0.0064 + 0.0009 = 0.0073

কাজেই P বিন্দু হইতে এই দ্রম্বের তীব্রতা দাড়াইবে সম্পূর্ণ তরক্ষের তীব্রতার 0.0073 = 0.0037.

এই হিসাব হইতে দেখা বাইতেছে বে জ্যামিতিক ছারা P বিন্দু হইতে ভিতরদিকে আলোর তীব্রতা অতি দুত কমিতে থাকে বেজন্য আপাত দৃষ্টিতে মনে
হয় বে আলো সরলরেখার গমন করিতেছে। আর এজন্য P বিন্দুতে সম্পূর্ণ
অন্ধকারের সৃষ্টি হইরাছে। কিন্দু প্রকৃতপক্ষে P বিন্দুতে আলোর তীব্রতা
কিছুটা বর্তমান থাকে এবং এই তীব্রতা ছারার ভিতরের দিকে অতি পুত
কমিতে কমিতে অস্প দুরেই শুন্যে পরিণত হয়।

### মণ্ডল ফলক (Zone plate).

মণ্ডল ফলক ফ্রেনেলের অর্থপর্যার অংশের ধারণার একটি সমর্থক পরীক্ষা বলা যার। এই ধারণা অনুসারে সমগ্র তরঙ্গের প্রভাব নির্ণর করিতে ইহাকে কতকগুলি অর্থপর্যার অংশে বিভক্ত করা হইরাছে এবং ধরা হইরাছে পাশাপাশি দুইটি অংশ বিপরীত দশার থাকার জন্য পরস্পরকে প্রায় ধ্বংস করে। এইরুপে সমগ্র তরঙ্গের পরিণামিক প্রভাব হিসাব করা হয়। ইহা হইতে সহজেই ধরা যার যে প্রথম ও তৃতীর অংশ বা দিতীর ও চতুর্থ অংশ সমদশা-সম্পন্ন হইবে। সূতরাং যদি সমগ্র জ্যোড় বা সমস্ত বিজ্ঞোড় সংখ্যক অংশগুলি কোনওক্রমে আটকাইয়া দেওয়া যায় তবে বাকী প্রেরিত অংশগুলি সকলেই সমদশা-সম্পন্ন হইবে; আর ইহার ফলে ইহাদের পরিণামিক প্রভাব অনেক বাড়িয়া যাইবে। সমগ্র তরঙ্গ প্রেরিড হইলে দেখা গিয়াছে যে এই ক্ষেত্রে বিজ্ঞার হইবে

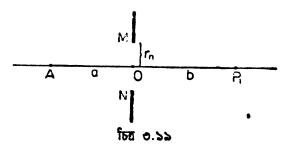
$$s = \frac{m_1}{2} \pm \frac{m_n}{2} = \frac{m_1}{2}$$
.

কিন্তু সমন্ত বিজ্ঞাড় অংশগুলি আটকাইয়া দিলে পরিণামিক বিস্তার দাড়াইবে  $s=m_a+m_a+\ldots m_{an}$ 

এবং জ্বোড় অংশগুলি বাদ দিলে দাডাইবে

$$s = m_1 + m_8 + m_8 + \dots m_{2n+1}$$

০.১৯ নং চিত্রে A উৎস হইতে আলোক MN বৃত্তাকার ছিন্ন দিয়া ডানদিকে বাইতেছে। ছিন্রের কেন্দ্র O এবং A বিন্দু যোগ করিয়া যে সরলরেখা পাওরা বার তাহাকে চিত্রের আক্ষ বলা যায়। এই অক্ষের উপর  $P_1$  বিন্দুতে বিদ আলোর তীব্রতা নির্ণর করা বায় তবে দেখা বাইবে যে O বিন্দু হইতে



 $P_1$  এর দূরদ্বের সঙ্গে আলোর তীব্রতারও হ্রাসবৃদ্ধি হইবে। A হইতে বে তরঙ্গ MN বাধার আসিয়া পড়ে তাহাকে  $P_1$  বিন্দুর জন্য কিছুসংখ্যক অর্দ্ধপর্যার অংশে ভাগ করা যায়। পূর্বে দেখা গিরাছে বে এই অর্দ্ধপর্যায় অংশের ক্ষেত্রফল স্থুলভাবে দাড়ায় ( সমীকরণ 3.5 )

$$\frac{\pi ah\lambda}{a+h}$$

এই রাশিমালার সমীকরণ 3.5 এর r = b ধরা হইরাছে; ছিদ্রের ব্যাস OP(=b) দূরদ্বের তুলনার খুবই ছোট হওয়ায় এইজনা ভূল খুব সামানাই হইবে। তবে এই রাশিমালা হইতে মনে হইবে যে সমস্ত অর্ধপর্বায় অংশের ক্ষেত্রফলই এক বাদও পূর্বের হিসাব হইতে দেখা গিয়াছে যে ইহা r এর সমানুপাতে বাড়ে। বাহা হোক মোটামুটিভাবে ধরা বায় যে ক্ষেত্রফল উপরোক্ত রাশিমালা বারা বুঝান বাইবে।  $P_1$  এর দূরত্ব যদি এমন হয় যে ছিদ্র দিয়া m সংখ্যক অর্ধপর্বায় অংশ গমন করে তবে লেখা যায় (বর্ডমান ক্ষেত্রে ছিদ্রের ব্যাস ধরা হইয়াছে  $r_m$ )

$$\pi r_{m}^{2} = \frac{m\pi ab\lambda}{a+b} \quad \boxed{1} \qquad r_{m}^{2} = \frac{mab\lambda}{a+b}.$$

$$\therefore b = \frac{ar_{m}^{2}}{ma\lambda - r_{m}^{2}} \qquad (3.29)$$

পূর্বের আলোচনা হইতে বুঝা ঘাইবে m এর জ্বোড় সংখ্যার জনা  $P_1$  বিস্পৃতে অবম আলোক তীব্রতা এবং m এর বিজ্ঞোড় সংখ্যার জনা চরম আলোক তীব্রতা পাওরা ঘাইবে। সুজরাং যদি অক্ষরেখা বরাবর  $P_1$  এর অবস্থান পরিবর্তন করা হয় তবে ইহা পর্বায়ক্তমে চরম এবং অবম তীব্রতার মধ্য

দিরা বাইবে। এই নীতির উপর নির্ভর করিরা মণ্ডলফলক তৈরী করা হর। একটি কাগজে কতকগুলি সমকেন্দ্রিক বৃত্ত আকা হয় এবং ইহাদের ব্যাসার্থ পরপর পূর্ণসংখ্যার বর্গমূলের সমান নেওয়া হয় (proportional to  $\sqrt{n}$ 



#### চিত্ৰ ৩.২০

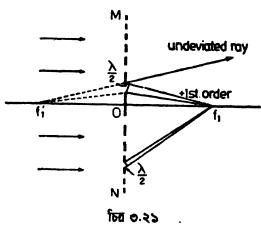
where n=1, 2, 3, 4---etc.). তাহা হইলে প্রতিটি ব্রের ক্ষেত্রফল এই পূর্ণসংখার সমানুপাতিক হইবে। ফলে পরপর দুইটি বৃত্তের মধ্যে যে ক্ষেত্রফল আবদ্ধ হইবে তাহা সমন্ত ক্ষে**ঠেই এক হইবে। অর্থাৎ এইরূপ অব্কনের ফলে** সুষ্ট অর্ধপর্যায় অংশগুলির ক্ষেত্রফল সমান দাড়াইবে। এইবার বদি প্রতিটি বিজ্ঞোড অথবা প্রতিটি জ্ঞোড সংখ্যক অর্ধপর্যায় অংশকে কালো রং করিয়া ফোটোগ্রাফিক প্লেটে ইহার একটি ছোট ছবি তোলা যায় তবে এই ছবিটির উপরের চিত্রে প্রদৰ্শিত চেহার। হইবে। এই প্লেটের মধ্যে কালো অংশগুলি দিয়। কোনও আলো যাইতে পারিবে না, শুধুমাত স্বচ্ছ অংশগুলি দিয়াই আলো যাইবে। এইবার যদি MN অবস্থানে প্লেটটি রাখা হয় তবে কোনও তরঙ্গ-দৈর্ঘার জন্য A এবং P, এর যে যে অবস্থানে ইহা অর্থপর্যায়ের কাজ করিবে সেই সমন্ত স্থানে আলোর তীব্রতা চরম হইবে। কারণ আগেই বলা হইয়াছে যে. এই সমন্ত ক্ষেত্রে একান্তর (alternate) অর্থপর্যায়গুলির আলো বন্ধ হওয়ায় যে সমন্ত অর্থপর্যায়ের মধ্য দিয়া আলো গমন করিবে তাহারা সমদশাসম্পন হওয়ায় পরস্পরকে বৃদ্ধি করিবে। অতএব এই ক্ষেত্রে ফলকটি উত্তল লেলের মত আলোকে ফোকাসিত করিবার ক্ষমতার অধিকারী হইবে। এইরূপ ফলককে বলা হয় মণ্ডল-ফলক (zone plate).

ষ্ণিও বলা হইয়াছে যে মণ্ডল-ফলক উত্তল লেলের মত আলো ফোকাসিত করিবার ক্ষমতা রাথে, তবুও লক্ষ্য করা দরকার যে উহাদের মধ্যে কিছুটা পার্থক্য আছে। প্রথমত উত্তল লেলের ক্ষেত্রে আলোকউংল হইতে ফোকাসতল পর্যান্ত সমস্ত আলোকরন্মিরই আলোকপথ সমান, কিন্তু মণ্ডলফলকের ক্ষেত্রে পরপর দুইটি অর্থপর্যায় হইতে ফোকাস বিন্দু পর্যন্ত আলোকপথের তফাং মন্ত্রাং বদিও মণ্ডলফলকের ক্ষেত্রে চরম আলোকভীরতার বিন্দুতে মিলিত রন্মিগুলির দশা একই, কিন্তু তাহাদের আলোকপথ বিভিন্ন। বিভীয়ত সাদা

আলোর ক্ষেত্রে লেলের জন্য বেগুনী আলোর ফোকাসলৈর্য্য লাল আলোর ফোকাসদৈর্ব্যের অপেকা কম। কিন্তু সমীকরণ 3.29 ছইতে দেখা বার যে মঙলফলকের বেলার লাল আলোর ফোকাসলৈর্ঘ্য বেগুনী আলোর ফোকাসলৈর্ঘ্যের অপেকা কম। এ ছাড়া একটি ভরঙ্গদৈর্ঘের জন্য উত্তল লেলের কেত্রে একটিই ফোকাসতল থাকিবে। কিন্তু অৰ্ধপৰ্বার আলের ক্ষেত্রফলের রাণিমালা  $\frac{\pi ab\lambda}{a+b}=\frac{\pi a\lambda}{\frac{a}{c}+1}$  হইতে দেখা যায় যে bএর মান যদি কমিতে থাকে তবে একটি অর্থপর্বায় অংশের জনা প্রয়োজনীয় ক্ষেত্রফলও ক্ষিতে থাকিবে। ধরা বাক bea এমন মান হইতে হিসাব আরম্ভ করা হইল বাহাতে ফলকের বচ্ছ অংশগুলি এই P, বিন্দুর জন্য অর্ধপর্যায় বুঝাইতেছে। এখন যদি b ক্রমাগত ক্মাইয়া বাওয়া হয় তবে এমন একটা সময় আসিবে যে পূর্বের একটি অর্ধপর্বায় অংশের ক্ষেত্রফল এখন তিনটি অর্কপর্যার অংশের ক্ষেত্রফলের সমান দাড়াইবে। এই অবস্থার পর পর অর্বাস্থ্ত ডিনটি অর্ধপর্যায়ের দুইটি পরস্পরকে কংস করিবে কিন্তু তৃতীর্মটি নিজের প্রভাব অক্সম রাখিবে । অতএব এই  $P_{1}$  বিন্দুর অবস্থানে অৰ্ছপৰ্বায় তিনটির জন্য খানিকটা আলোকতীব্রত। অর্থাশর্থ থাকিবে। প্রতিটি বছে অর্থপর্বার অংশের জন্মই এই সর্ত পালিত হওয়ার ফলে  $P_{\star}$ বিন্দুতে আলোকতীব্রতা আবার চরম হইবে । এইরূপ  $P_1$  বিন্দু যখন এমন সব অবস্থানে থাকিবে বে এই অবস্থানের জনা বছ অংশ পাঁচ, সাত ইত্যাদি অর্থপর্বার অংশ বুরাইবে তখনও এই সমন্ত বিন্দুতে আলোকতীরতা চরম হইবে। অবশা উপরের আলোচনা হইতে সহজেই বুঝা বার যে প্রথম ক্ষেত্র হইতে ফোকাসবিশু যত মঙলফলকের দিকে আসিতে থাকিবে ততই আলোক-তীব্রতা হ্রাস পাইবে। কারণ দিতীর ক্ষেত্রে তিনটি অর্ধপর্বারের একটির প্রভাব মাত্র অক্ষুম থাকিবে অথচ প্রথম ক্ষেত্রে সমন্ত বচ্ছ অংশের প্রভাবই কার্যাকরী হটবে। অপরদিকে যে সমন্ত বিশুর জন্য একটি বচ্ছ বৃত্ত দুই, চার, ছর ইত্যাদি অর্থপর্বার অংশের কাজ করিবে, সেই সমন্ত কেত্রে ইহা জোড়ায় জোড়ার পরস্পরকে ধ্বংস করায় সংগ্লিষ্ট বিন্দুর্গালতে অবম আলোকতীরত। দাড়াইবে। অভএৰ মণ্ডলফলককে বহু ফোকাস সম্পন্ন লেম্স বলা যায়।

মণ্ডসফলক শুধু অভিসারী (convergent) নর অপসারী (divergent) লেল হিসাবেও ক্রিয়া করিবে। চিত্ত নং ০.১৯ হইতে দেখা বার বে MON বিদ মণ্ডলফলকের একটি ছেদ (section) বুঝার তবে ইহার কেন্দ্র ০ বিন্দু হইতে বত বাহিরের দিকে বাওয়া বাইবে ততই বলরের প্রস্থ কমিতে থাকিবে। বার্মাকক হইতে বন্দি সমান্তরাল আলোর লম্বভাবে আগতন ধরা বার এবং একটি

ক্ষোকাসবিন্দু যথা  $f_1$  এর কথা বিবেচনা করা যার তবে একটি বলরের উভস প্রান্ত হইতে নির্গত আলোকরণার মধ্যে পথপার্থকা হইবে  $\frac{\lambda}{2}$  এবং সমস্ত অর্ধপর্যার অংশের ক্ষেত্রেই এই সর্ত পালিত হইবে। বেহেতু বাহিরের দিকে বলরের প্রস্থ রুমাগত কমিতে থাকিবে সেজনা এই সর্ত পালিত হইতে হইলে একটি বলরের প্রান্তিক রশ্মি দুইটির অক্ষের সহিত বক্ততাও (inclination) ব্যাড়িবে যাহাতে এই দুইটির পথপার্থকা  $\frac{\lambda}{2}$  হয়। আর এই সর্ত পালিত হওয়ার জনাই  $f_1$  বিন্দুতে একটি চরমতীরতা পাওয়া যার।

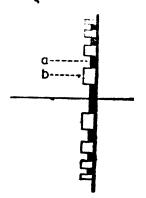


এখন অচ্যুত (undeviated) রন্ধির উপরের দিকে বে সমন্ত রন্ধি বাবতিত হইবে, তাহাদের প্রান্তিক রন্ধি দুইটিও এই সর্ভ পালন করিবে। সুতরাং তাহাদের বেলারও ফোকাসের ধর্ম পাওয়া যাইবে। এইগুলিকে বলা চলিতে পারে ঋণাত্মক ফোকাস (negative focus). ইহারা মওলফলকের ডার্নাদকে পরস্পরকে ছেদ করিবে না। বস্তুত অপসারী লেন্দের ন্যায় এই রন্ধি দুইটি বামদিকে বাড়াইলে  $f_1$  বিন্দুতে ছেদ করিবে বলিয়া মনে হইবে। এই  $f_1$  বিন্দুই হইবে মওলফলকের ঋণাত্মক ফোকাস। বভাবতই এই ক্ষেত্রেও একাধিক ঋণাত্মক ফোকাসবিন্দুর অন্তিম্ব থাকিবে।

## দশা-উৎক্ৰমণ মণ্ডলকলক (Phase-reversal zone plate).

এ পর্বান্ত মণ্ডলফলকের বে সব আলোচনা করা হইয়াছে তাহাতে দেখানো হইয়াছে বে পাশাপাশি অবন্থিত দুইটি অর্থপর্যায়ের একটিকে বন্ধ করিবার ফলে আলোকের চরম তীব্রভার উৎপত্তি হইয়াছে। কিন্তু এই প্রক্রিয়ায় আপত্তিত আলোর অর্ক্ষেক অংশই নক হইয়াছে। যদি কোনও প্রকারে সংলগ্ধ দুইটি

অর্থপর্যারের একটির দশা স বদলানো যাইত তবে দুইটিই একই দশার হইত। ফলে ইহাদের প্রভাব পরস্পরকে সাহাষ্য করার পরিণামিক বিভার বিগুণ এবং আলোকতীব্রতা চতুর্গুপ হইত । আর. ডব্লিউ. উড (R. W. Wood) এইবুপ **मञ्जयमक रेजरी करिएक व्यानकारम मध्य हन। जिन वाहेरहारम** व्यव পটাশ (bichromate of potash) মিগ্রিড জিলেটিনের প্রলেপ দেওয়া ফটোগ্রাফিক প্লেটের সাহায়ে মঞ্জফলকের একটি কাগজের নমুনার ছবি ভোলেন। জিলেটিনের যে অংশগুলিতে আলো পড়ে সেখানে রাসার্রানক বিক্রিয়া হয় ; ফলে সেই সমন্ত অংশের দ্রবণীরতা (solubility) কমিয়া বার । কাব্দেই যদি ফোটোগ্রাফিক প্লেট 'ডেভেলপ' করিবার প্রণালীতে প্লেটটি ঈষদুঞ্চ হলে খানিকক্ষণ ডুবাইয়। নাড়া হয় তবে বে অংশে আলে। পড়ে নাই তাহার। অন্য অংশের তুলনায় বেশী গলিয়৷ ষাইবে এবং এই সমন্ত বলয়াকৃতি অংশে জিলেটিনের প্রলেপের গভীরত। কম হইবে। ইহার অর্থ এই দাড়াইবে বে আলো যখন এই সমন্ত অর্থপর্যায় অংশ দিয়া গমন করিবে তখন তাহাদের আলোকপথ অনা অংশের তুলনায় অপেক্ষাকৃত কম হইবে। সূতরাং দুইটি পাশাপাশি অর্থপর্যার অংশের মধ্য দিয়া পারগত রশ্মির পথপার্থকা 🛪 এর অপেক্ষা কম হইয়া আসিবে। র্যাদ ঠিকমত গভীরতা নিয়ন্ত্রণ করা যায় তবে এই পথপার্থকোর মান শুন্যে পরিণত করা সন্তব। সেক্ষেত্রে পাশাপাশি দুইটি অর্ধপর্যায়ের আলোক রশ্বি একই দশার হওয়ায় ইহার৷ পরস্পরকে ধ্বংস করার বদলে পূর্ণ সাহায়। করিবে । এবং লব্ধি বিস্তার দ্বিগুণ ও আলোকতীব্রতা চতুগুণ দাড়াইবে। অবশা গভীরতা এইবুপ নিয়ব্রণ করিবার কোনও নিশ্চিত পদ্ধতি নাই। তবে বার বার চেষ্ঠা করিলে কোনওটি এই সর্ত পালন করিতে পারে। সেক্ষেত্রে আলোকতীব্রতা চতুর্গুণের কাছাকাছি বাড়িবে। চিচ্চ নং ৩.২১(a) এইরূপ একটি দশা-উৎক্রমণ মওলফলকের ছেদ দেখানো হইল।



- (a) অন্ধকার অংশ; এথানে ন্তরের গভীরতা আলোকিত অংশ হইতে কম। এই অংশ দিয়া পারগত আলোর পথ (b) অপেক্ষা কম।
- (b) আলোকিত অংশ, এখানে স্তরের গভীরতা অন্ধকার অংশ হইতে বেশী। এই অংশ দিয়া পারগত আলোর পথ (a) হইতে বেশী।

লেব্দ এবং মণ্ডল ফলকের মধ্যের সাদৃশ্য গাণিতিক সম্বন্ধ দ্বারাও দেখানো বার। মণ্ডল ফলকের আলোচনা হুইতে পাওয়া গিয়াছে

$$r_m^2 = \frac{mab \lambda}{a+b}$$
.

ইহা হইতে লেখা ৰায়

$$ar_m^2 + br_m^2 = mab \lambda$$
 অথব।  $\frac{1}{b} + \frac{1}{a} = \frac{m\lambda}{r_m^2}$ 

সূতরাং এই ক্ষেত্রে যদি চিত্র নং ৩.১৯ অনুসারে a বন্ধুদ্রত্ব এবং b প্রতিবিশ্ব দ্রত্ব বুঝার তবে  $\frac{1}{m\lambda}$  কে ফোকাস দ্রত্ব হিসাবে বাবহার করিয়া লেখা যাইতে পারে

$$\frac{1}{b} + \frac{1}{a} = \frac{1}{f}$$

এবং এইটি লেন্সের সঙ্কেত

$$\frac{1}{v} + \frac{1}{u} - \frac{1}{f}$$
 এর অনুরূপ।

আবার দেখানো যায় যে

$$r_m^2 = mr_1^2$$

সূতরাং লেখা যায়  $\frac{1}{b} + \frac{1}{a} = \frac{m\lambda}{mr_1} = \frac{\lambda}{r_1}$ 

এখানে  $r_1$  এবং  $r_m$  মধাক্রমে প্রথম এবং m ক্রমের অর্থপর্যায় অংশের বৃত্তের ব্যাসার্দ্ধ ।

ব্যাবিলেটের নীঙি (Babinet's Principle).

বাবর্তনের ফলে প্রতিবিশ্ব গঠনের জ্যামিতিক নীতির পরিবর্তন হইরা থাকে। উদাহরণ শ্বর্প বলা যায় বে যখন আলো আসিয়া এমন একটি অকচ্ছ বা গার উপরে পড়ে যাহার মধ্যে নাতিক্ষুদ্র আকারের একটি ছিদ্র থাকে তাহা হইলে বাধার অপরাদকে রাখা কোনও পর্দার উপর ঐ ছিদ্রের একটি প্রতিবিশ্বের সৃষ্টি হয়। এক্ষেত্রে ছিদ্রটি বড় হওয়ায় বাবর্তনের ভূমিকা গৌণ হইয়া থাকে। কিন্তু ছিদ্রটি বদি খুব ছোট হয় তবে বাবর্তনের প্রভাবে প্রতিবিশ্বের আকৃতির পরিবর্তন হইবে। জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞান অনুসারে প্রতিবিশ্বের যে আকৃতি

হওয়। উচিত তাহার অপেকা বড় জারগার আলো হড়াইয়া পড়ে। প্রতিকৃতিরী বাহিরে বে বিস্পুতে আলোকতীরতা শ্না সেখানে ছিয়ের এক অংশের প্রভাব নিকরই উহার বাকী অংশের প্রভাবের সমান এবং বিপরীত। অর্থাৎ  $S_1$  বিদ ছিয়ের এক অংশ এবং  $S_2$  ইহার বাকী অংশ হয় আর সম্পূর্ণ ছিয় হয়  $S_2$  তবে লেখা বার

$$S - S_1 + S_2$$
.

বে হেতু এই স্থানে আলোক তীন্ততা শ্না, অতএব এখানে পরিণামিক বিস্তারও শ্না হইতে হইবে। কান্সেই  $S_1$  অংশের জন্য এই বিন্দুতে বদি স্রংশ হয়  $y_1=a_1 \sin wt$  তবে  $S_2$  এর জন্য এই বিন্দুতে স্রংশ হইতে হইবে  $y_2=-a_1 \sin wt$  বাহাতে পরিণামিক স্রংশ দাড়ার

$$y = y_1 + y_2 = a_1 \sin wt - a_1 \sin wt = 0$$

সৃত্রাং দেখা যাইতেছে যে বৃদি কোনও ছিদ্রের এক অংশ  $S_s$  অবচ্ছ বৃদিরা ধরা বার এবং বাকী বৃদ্ধ অংশ  $S_s$  এর ভিতর দিরা আলো বাবতিত হইরা সমন করে তাহা হইলে পর্দার এই বিন্দুতে আলোক তীরতার জন্য লেখা যার

$$y_1 = a_1 \sin(wt + a_1)$$
;  $I_1 = a_1^2$ .

আবার যদি ইহার বদলে  $S_1$  অংশ অষচ্ছ হর এবং বাকী বচ্ছ অংশ  $S_2$  দিয়া আলো গমন করে তবে এইক্ষেত্রে অনুরূপভাবে লেখা যায়

$$y_2 = -a_1 \sin(wt + a_2)$$
;  $I_2 = a_1^2$ .

সূতরাং  $I_1 = I_2$ 

অর্থাং দেখা বাইতেছে বে বাদ এক ক্ষেত্রের বছ অংশ অন্যক্ষেত্রের অবছ আংশ পরিবাতিত হয় তবে আলোকতীরতা অপরিবাতিত থাকে। ইহাই ব্যাবিনেটের নীতি। কিন্তু এই নীতি প্রবৃত্ত হইবে এক্সাত্র সেই সব বিশ্বুতেই বেখানে আলোক তীরতা শূন্য কারণ ইহাতে উপনীত হইতে প্রথমেই বিশ্বুতির আলোকতীরতা শূন্য ধরা হইয়াছে ।

অন্যাদকে P বিন্দুর আলোকতীরত। যদি শ্ন্য না হয় তবে জিনিষটি এইভাবে দেখিতে হইবে। ছিদ্রের দুই অংশ  $S_1$  এবং  $S_2$  হইতে উৎপান সংশ্বদি বথান্তমে লেখা বার

$$y_1 - a_1 \sin(wt + \alpha_1)$$

$$y_s = a_s \sin(wt + \epsilon_s)$$

এবং সমগ্র ছিদ্র হইতে উৎপন্ন দ্রংশ লেখা যার

$$y = A \sin(wt + \theta)$$
.

বেহেতু  $y_1$  এবং  $y_2$  এর মধ্যে দশার সম্বন্ধ বর্ত্তমান, সেইজন্য লেখা বায় ( সমীকরণ 2.6 অনুসারে )

$$A^2 = a_1^2 + a_2^2 + 2a_1a_2 \cos(\alpha_1 - \alpha_2)$$

অতএব আলোকভীৱতা লেখা যায়

$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos(\alpha_1 - \alpha_2)$$

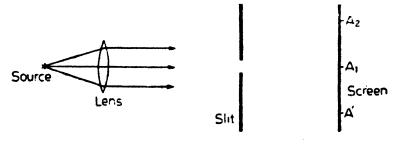
र्वाम ( $\alpha_1 - \alpha_2$ ) =  $\frac{\pi}{2}$  হর তবে দাড়ার

$$I \sim I_1 + I_2$$

সূতরাং একমাত্র এই ক্ষেত্রেই দুই অংশের আলোক তীব্রতা পূরক, (complementary) সবক্ষেত্রে নর।

## স্থান ব্যবর্তন (Fraunhofer Diffraction).

আলোকের ব্যবর্তনের আলোচনার প্রসঙ্গে এ পর্যান্ত যে সমন্ত ক্ষেত্রের কথা বিকেনা করা হইয়াছে সেগুলি ফ্রেনেল ব্যবর্তন বলিয়া অভিহিত করা হয়। দেখা গিয়াছে যে এই সমন্ত ক্ষেত্ৰে আলোকরশ্যি যে কোনও একটি বাধা যা ছিদ্ৰে আপতিত হওয়ার ফলে সংগ্লিষ্ট তরঙ্গমুখ প্রভাবিত এবং পরিবাঁতিত হয়। এই বাধা বা ছিন্তে পরিবর্তনের পর বে প্রতিকৃতির সৃষ্টি হর তাহা ঐ বাধা বা ছিদ্র স্বারা তরঙ্গমুখের পরিবর্তনের ফল। এই জ্বাতীয় পরীক্ষায় এ পর্যান্ত যে সমন্ত উদাহরণ বিকেন৷ কর৷ হইয়াছে তাহাতে কোনওর্প লেম্স বাবহার কর৷ হয় নাই। উৎস হইতে আলো আসিয়া বাধা বা ছিদ্ৰের উপর পড়িরাছে এবং ব্যবর্তনের পর অন্যদিকে প্রতিকৃতির সৃষ্টি করিরাছে। এই ধরণের ব্যবর্তনকে বলা হয় ফ্রেনেল ব্যবর্তন। আর এক শ্রেণীর ব্যবর্তনের পরীক্ষা করা চ্ইয়া থাকে যেখানে আলোক উৎস এবং পর্দ। (যেখানে প্রতিবিদ্ধের সৃষ্টি হয়) উভয়েই কার্যাতঃ (effectively) অসীম দূরত্বে অবন্থিত। প্রকৃতপক্ষে ইহারা অসীমে না থাকিলেও চলে। যদি উৎস হইতে নিগত আলো লেন্সের সাহাযে। সমান্তরাল রশ্মিমালায় পরিণত করিয়া বাধা বা ছিদ্রে আপতিত করা হয় এবং ইহা হইতে বাবতিত রশ্বিসমূহ আবার লেন্সের সাহাযো পর্দায় ফোকাসিত করা হয় তবেও ইহারা কার্যাতঃ অসীম দুরুছেই অবশ্বিত হয়। ফ্রনহফার প্রথমে ব্যবর্তন ঝাঝারির পরীক্ষার জন্য এই ব্যবস্থার প্রবর্তন করেন। তাহার পর হইতে এই জাতীয় ব্যবহনের পরীক্ষা, যাহাতে আলোকউংস এবং পর্দা উভয়েই কার্য্যতঃ অসীম দূরত্বে অবস্থিত থাকে ফুনহফার ব্যবর্তন বলিয়া অভিহিত হই:া থাকে। বলা হইয়া থাকে যে ফুনহফার বাবর্তনে তরঙ্গমুখ তলীয় আকৃতির (planar) হওয়া দরকার। আর এইটি বাধায় বা ছিদ্রে আপতনের পূর্বে এবং পরে উভয় ক্ষেত্রেই তলীয় হইতে হইবে। অন্যদিকে ফ্রেনেল বাবর্তনে সাধারণতঃ গোলকীয় অথবা অনুরূপ তরঙ্গমুখ উৎপক্ষ হয়। বিষয়টিকে নিমলিখিত রূপেও বিবেচনা করা যাইতে পারে।



চিত্ৰ নং ৩.২১(b)

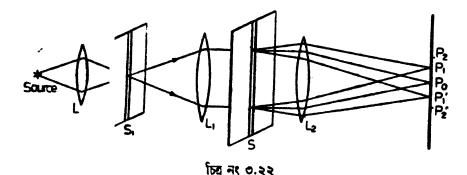
৩.২১(b) নং চিত্ৰে একটি আলোক উৎস হইতে নিৰ্গত আলো লেন্সের সাহায্যে সমান্তরাল করিয়া রেখাছিদের উপর আপতিত করা হইয়াছে। এই রেখাছিদের মধ্য দিয়া বাইবার সময় আলোকের ব্যবর্তন হইবে। ব্যবর্তনের পর এই আলোক পর্ণার উপর পড়িবে। রেখাছিদ্র এবং পর্ণার মধ্যে দুরত্বের উপর নির্ভর করিবে পর্দার উপরে বিভিন্ন বিন্দু  $A_1,\,A_2,\,A'$  ইত্যাদির আলোক তীব্রতা। বলি এই দূরত্ব খুব সামানা হয় তবে পর্দার রেখাছিদ্রের একটি অবিকৃত প্রতিবিশ্ব গঠিত হইবে এবং এই ক্ষেত্রে জ্যামিতিক আলোক বিজ্ঞানের সূত্রানুসারে প্রতিবিষের সৃষ্টি হইবে ; বাবর্তনের ভূমিক। হইবে এই ক্ষেত্রে খুবই নগণা। যদি দূরত্ব খানিকটা বাড়ানো হর তাহা হইলে জ্যামিতিক প্রতিবিশ্ব বর্ত্তমান থাকিবে বদিও ইহার ধারে আলোক তীব্রতার তারতমোর আবিভাবের দর্ণ ঝালরের উৎপত্তি দেখা দিবে। এখানে ফ্রেনেল বাবর্তন কার্যাকরী হইতে আরম্ভ হইয়াছে। দূরত্ব ক্রমাগত বাড়াইয়া যাইতে থাকিলে জ্যামিতিক প্রতিবিশ্ব ক্রমশঃ লোপ পাইবে এবং এই প্রতিবিষের স্থান দখল করিবে এক শ্রেণীর ঝালর (চিত্র নং ৩.২৩ দু**ষ্ট**র্যা)। এই ঝালর শ্রেণী হইবে রেখাছিদ্রে উৎপক্ষ ফ্রনহফার বাবর্তন ঝালর। সূত্রাং রেখাছিদ্র এবং পর্দার মধ্যে দূরত্ব খুব অপ্প পরিমাণ হইতে ক্রমাণত বাড়াইয়া গেলে পর্দার প্রতিবিদ্ধ জ্যামিতিক প্রতিবিদ্ধ হইতে ক্লেনেল ঝালরের মধ্য দিয়া শেষ পর্যান্ত ফ্রনহফার ঝালরে পরিণতি লাভ করিবে। অবশা এই তিন ক্ষেত্রের খুব নিদিষ্ট সীমারেখা নাই; তবুও মোটামুটিভাবে দুরম্বের উপর নির্ভর করিয়া তিনটি ক্ষেত্রকে আলাদাভাবে নাম দেওয়া যায়। ক্ষেনেল বাবর্তন পূর্বেই আলোচিত হইয়াছে ; এবার ফুনহফার ব্যবর্তনের কয়েকটি উদাহরণ আলোচনা করা হইবে।

একক রেখাছিত্তে ফ্রনহফার ব্যবর্তন (Fraunhofer diffraction at a single alit).

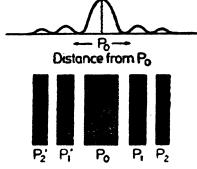
একক রেখাছিদ্রে আলোর বাবর্তন ইহার পূর্বে বাঁগত হইরাছে। কিন্তু সেখানে আলোর উৎস এবং প্রতিবিষের পদা উভয়েই সীমিত দূরত্বে অবস্থিত। এই বাবর্তন ফ্রেনেল বাবর্তন শ্রেণীর অশুভূতি। কিন্তু যদি আলোর উৎস এবং পদা উভরেই কার্যাতঃ অসীম দূরত্বে থাকে তবে যে বাবর্তন ঝালরের উৎপত্তি ইইবে তাহাকে বলা হইবে ফ্রনহফার বাবর্তন ঝালর (Fraunhofer diffraction pattern), এই ঝালরের সৃষ্টির জনা নিয়ে প্রদাশত পরীক্ষা বাবস্থা গ্রহণ করা যাইতে পারে।

ে ৩.২২ নং চিত্রে একটি জোরালো আলোক উৎস হইতে নিগত আলো  $S_{f 1}$ 

রেপাছিয়ে আসিয়া পড়িতেছে। উৎস হইতে নিগত আলো L লেন্স দারা  $S_1$ রেপাছিয়ের উপর দনীভূত করা হইরাছে বাহাতে তীব্রতা বৃদ্ধি পার।  $S_1$  একটি এমন আরতনের রেপাছিয় বাহাতে দৈর্ঘোর তুলনার প্রস্থ পুবই কম।



Intensity



চিত্ৰ নং ৩.২৩

ইহার কারণ পরে বিন্তৃত আলোচনা করা হইবে।  $S_1$  রেখাছিদ্র দিরা বাইবার পর আলো  $L_1$  লেশ্স দ্বারা সমান্তরাল আলোকরিশা মালার পরিবাতিত হইতেছে। এই সমান্তরাল আলোকরিশামালা S রেখাছিদ্রের অভিলব্ধে আপতিত হইরাছে। এই রেখাছিদ্র S ও  $S_1$  এর নাার লৈখোঁর তুলনার প্রস্থে সরু। আলো এই রেখাছিদ্র S এর মধ্য দিয়া বাইবার সমর ইহার ব্যবর্তন ঘটে। প্রতিটি বিন্দু হইতেই একগুছু রিশা নানা কোণে ছড়াইয়া পড়ে। সুতরাং একটি বিশেষ কোনও কোণে ব্যব্তিত রশ্মির কথা যদি চিন্তা করা বার তবে রেখাছিদ্রের প্রতি বিন্দু হইতেই এই দিকে একটি রশ্মি ব্যব্তিত হইবে। করে কোণে একটি সমান্তরাল রশিয়ালা পাওয়া বাইবে। এই সমান্তরাল

রবিমালা  $L_{
m s}$  লেলের মধ্য দিয়া বাইবার ফলে  $L_{
m s}$  লেলেসর ফোকাসতলে প্রতিবিশ্বিত হইবে এবং এই স্থানে S, রেখাছিয়ের একটি প্রতিবিদ্ধ পাওয়া যাইবে ( অবশ্য ঠিক কোন অবস্থানে প্রতিবিদ্ব পাওয়া বাইবে ভাহা নির্ভর করিবে করেকটি বিষয়ের উপর বাহ। সহছে শীপ্তই বিজ্তু আলোচনা করা হইবে )। ৩.২২ নং চিত্ৰে ধরা বাক এই প্রতিবিশ্বটি  $P_{
m o}$ . আর একটি কোনেও অনুরূপ সমান্তরাল ব্যবভিত আলোক রশিমালার উত্তব হইবে এবং ইহার৷  $L_{
m s}$  লেন্স দার৷ ফোকাসে ঘনীভূত হইর৷  $S_{
m 1}$  এর আর একটি প্রতিবিদের সৃষ্টি করিবে। এইরূপে বিভিন্ন কোণে  $S_1$  রেখাছিন্রের বিভিন্ন প্রতিবিষের উন্তব হইবে। অতএব  $L_{
m s}$  লেন্সের ফোকাসতলে একটি ব্যবর্তন ঝালরের সমষ্ঠির উৎপত্তি হইবে। এই স্থানে কোনও পর্দা রাখিলে সেই পর্দারও এই বাবর্তন বালর পাওয়া যাইবে। অনাধায় পর্দার স্থানে একটি কোনও অভিনেত্র রাখিলে ইহা দারা এই বাবর্তন ঝালর দেখা বায় এবং ইহাদের প্রস্তুও মাপা যাইতে পারে। এই বাবর্তনের উৎপত্তির কারণ সম্বন্ধে পরিমাণাত্মকরূপে (quantitatively) আলোচনা করিবার পূর্বে সাধারণভাবে বলা যার বৈ হাইগেনুসের নীতির কথা পূর্বে বাহা বিকেনা করা হইরাছে তাহা হইতে বুঝা যায় যে আলোকর শিমালা রেখাছিন S এর উপর আপতিত হইরা ইহার মধ্য দিয়া যাইৰায় সময় চতুদিকে ছড়াইয়া পড়ে। জ্যামিতিক আলোক বিজ্ঞানের স্তানুসারে পর্ণায় S, রেখাছিদ্রের একটি সুস্পর্ট প্রতিবিম্ব হওরার কথা। কিন্ত রেখাছিদ্র S এর মধ্য দিয়া বাইবার সময় আলোকের ব্যবর্তনের ফলে এই একটি প্রতিবিষের শুলে কয়েকটি প্রতিবিষের একটি ব্যবর্তন ঝালর উৎপদ্ম হয়। বাবর্তন ঝালর শ্রেণীর অবস্থান এবং তীব্রতা চিচ্র নং ৩.২৩ এ দেখানে। হইয়াছে। এখানে  $P_{o}$  কেন্দ্রীয় ঝালর ; ইহার দুইপাশে অন্যান্য ঝালরশ্রেণী প্রতিসমরূপে অবন্থিত আছে ৷ ইহাদের আর্পেক্ষিক প্রস্থ এবং আলোক তীব্রতার একটি ধারণাও উপরের লেখচিত্র হইতে মোটামুটি পাওয়া যাইবে ।

ব্যবর্তন ঝালরে আলোক-ভীত্রভার হিসাব (Calculation of intensity in the diffraction pattern).

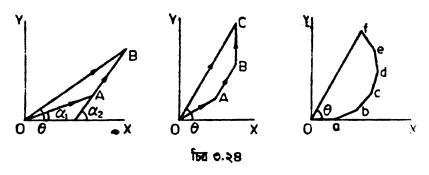
বাবর্তন ঝালরের প্রকৃতি সম্বন্ধে থুবই সাধারণভাবে বলা হইয়াছে । ইহাদের আপেক্ষিক আলোক তীরতার সম্বন্ধে পরিমাণাশ্মকর্পে কিছু বলিতে গোলে সেটি হিসাব করিয়। বাহির করিতে হইবে এই হিসাবের বিভিন্ন উপার আছে এবং সবগুলিই শভাবত একই ফল দেখার। এখানে দুই প্রণালীতে এই

ছিসাৰ করা হইবে। প্রথমটি লেখচিত্রীর (graphical) এবং বিভীরটি বীজগাণিতিক (algebraic).

আলোকভীন্তভার হিসাবের লেখচিত্রীয় পছতি (Calculation of intensity by the graphic method)

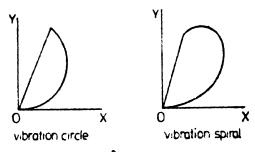
এই হিসাবের পদ্ধতিই প্রথমে বিবেচনা করা হইবে, কারণ ইহাতে অতিম ফল অন্যান্য পদ্ধতির মন্তই শুদ্ধরূপে পাওরা বাওরা ছাড়াও বাবর্তন ঝালর কিবুপে উৎপন্ন হইতেছে ভাহারও একটি সুন্দর ধারণা করা বার।

এটা পূর্বেই আলোচিত হইয়াছে বে বাদ কোনও বিন্দুতে দুইটি দ্রংশ একই সময়ে ক্রিয়া করে তবে ঐ বিন্দুর লব্ধি দ্রংশ লেখাচিগ্রীয় পদ্ধতিতে নির্ণয় কর। বায়। ইহার জন্য আপতিত দ্রংশ দুইচির বিস্তার এবং দশা জানা দরকার। এইগুলি জানা থাকিলে লব্ধি দ্রংশের বিস্তার এবং দশা সহজেই বাহির কর।



সন্তব হয়। ৩.২৪ নং চিত্রে এইর্প দুইটি দ্রংশের বিস্তার দেখানো হইরাছে OA এবং AB; ইহারা OX অক্ষের সহিত যথাঞ্জমে বা এবং বা কোণে অবস্থিত। এই বা এবং বা ইহাদের দশা। এই ক্ষেত্রে ইহাদের দশা। এই ক্ষেত্রে ইহাদের দশা। এই ক্ষেত্রে ইহাদের দশা। এই ক্ষেত্রে ইহাদের দশা হইবে ে৪. পরের চিত্রে এইর্প তিনটি দ্রংশ OA, AB এবং BC দেখানে। হইয়াছে; ইহারা বুগপং একটি বিস্পৃতে ক্রিয়া করিছেছে। এক্ষেত্রেও ইহাদের দলি দ্রংশের মান হইবে OC এবং দশা হইবে ৪. এই প্রশালীতে বে কোনও সংখ্যক দ্রংশের লিছ বাহির করা যায়। চিত্রে আরও একটি উদাহরণ দেখানো হইয়াছে। এখানে ০০, ০০, ০০, ০০, ০০, ০০ এই আলোচনা প্রসারিত করিয়া গিরাছে Of এবং ইহার দশা হইরাছে ৪. এই আলোচনা প্রসারিত করিয়া বলা বার বে যদি কতকগুলি সমান বিস্তারের দ্রংশ কোনও বিস্পৃর উপর একই সমরে ক্রিয়া করে, এবং এই হালেগুলির দশা একটি নিশিক্ট হারে সমানভাবে

পরিবৃত্তিত হর তবে ইহাদের লব্ধি বাহির করিতে বিদ্তারগুলি পর পর এমনভাবে আবিতে হইবে বেন বে কোনও সংলগ্ন দুইটি বিস্তারের মধ্যের দশা সমান
হয়। ভাহা হইলে প্রথম বিস্তারের প্রথম বিন্দু শেষ বিস্তারের শেষ বিন্দুর
সহিত যোগ করিলে যে সরলরেখা পাওয়া যায় তাহার দৈর্ঘ্য বিস্তারের পরিমাপ
দেখাইবে। আর সংশ্লিষ্ঠ অক্ষের সহিত এই সরলরেখার উৎপন্ন কোল লব্ধির
দশা বুঝাইবে। এইবার বিদ বিস্তারগুলি ক্রমশঃ ক্ষুদ্রতর করা হয় এবং সমান
রাখা হয় আর অনুর্পভাবে দশাগুলিও ক্ষুদ্রতর ভাগে বিভক্ত করা হয় এবং সমান
রাখা হয় আর অনুর্পভাবে দশাগুলিও ক্ষুদ্রতর ভাগে বিভক্ত করা হয় ওবে এই
প্রণালীর সীমার (in the limit) বিস্তারগুলি একটি বৃত্তাংশ অক্ষন করিবে আর
ইহার জ্যা (chord) লব্ধি বুঝাইবে। এই রেখাকে বলা হয় কম্পন-রেখা
(vibration curve). আলোচ্য ক্ষেত্রে এইটি বৃত্তাকার হওয়ার ইহাকে বলা হইবে
কম্পন-বৃত্ত (vibration circle). যদি কোনও ক্ষেত্রে বিস্তারগুলি ক্রমাগত
ছোট হইতে থাকে তবে এইক্ষেত্রে রেখাটি দাড়াইবে সম্পিল আকৃতির (spiral
shaped). এই রেখাকে বলা হইবে সম্পিল কম্পনরেখা (vibration spiral).
নিম্নে ইহাদের চিত্র দেওয়া হইল (চিত্র নং ৩.২৫)। বলা বাহুল্য বিস্তারের
সংখ্যা বেশী হইলে রেখাটি একটি পূর্ণ বৃত্ত অথবা তাহারও বেশী পথ অতিক্রম

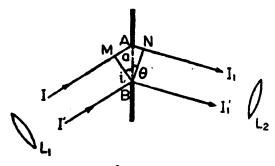


চিত্ৰ ৩.২৫

করিতে পারে। অনুরূপ**ভাবে সাঁপল কম্পন** রেখায়ও ইহা একাধিক মোড় নিতে পারে।

এই লেখাচিত্রীর পদ্ধতি ব্যবর্তন ঝালরের আলোক তীব্রতা হিসাব করিতে ব্যবহার করা যাইতে পারে। এই ক্ষেত্রে  $L_1$  লেল হইতে একগৃচ্ছ সমান্তরাল আলোকরণা আসিয়া S রেখাছিদ্রে পাড়িতেছে। রেখাছিদ্রিটির প্রস্থ a; এই প্রস্থার তুসনায় খুবই ছোট। S এর দৈর্ঘা চিত্রতলের অভিলবে অবস্থিত। একটি সমান্তরাল রন্মিমালা S এর উপরে এমনভাবে আপভিত হইতেছে বাহাতে ইহার বে কোনও রাশ্বি রেখাছিদ্রের তলের সহিত 90-। কোন উৎপক্ষ

করে। এখানে সাধারণ ক্ষেত্র বিবেচনার উদ্দেশ্যে আপাডন কোণ এইরুপ নেওরা হইরাছে। চিত্র ৩.২২ এর মত আপতন কোণ শূন্য ধরা হয় নাই। IA এবং I'B এই রশ্মিমালার ধারের রশ্মি দুইটি দেখাইতেছে। S এ ব্যবর্তনের



हिंग ०.२७

পর আলোকরশি অপরণিকে গমন করিতেছে। এই ব্যবতিত রশ্মিমাল। হইতে যদি  $I_1A$  এবং  $I_1B$  এমন দুইটি সমান্তরাল রশ্মি নেওয়া হয় যে ইহার। রেখাছিদ্রের তলের সহিত 90- $\theta$  কোণ উৎপন্ন করিতেছে তবে এই দুইটি রশ্মির মধ্যে দশা-পার্থক্য  $2\phi$  হইবে। আর এই  $2\phi$  এর মান চিত্র নং ৩.২৬ হইতে লেখা যায়

$$2\phi = \frac{2\pi}{\lambda} a \left( \sin i + \sin \theta \right) \tag{3.35}$$

150 O.29

এই ক্ষেত্রে কম্পন-বৃত্তের পদ্ধতি প্রবোজ্য হইবে ইহা সহজেই বুঝা বায়।

০.২৬ নং চিত্রে রেখাছিন্তের অভিলবে বে ছেদ দেখানো হইরাছে তাহাতে
দুইটি ধারের রাশ্বর দশা-পার্থকা হইবে 2 $\phi$ . ক্রেনেল বাবর্তনের আলোচনা
হইতে বলা বার বে এই ছেদে লেখের ফোকাসতলে বে আলোকতীব্রতা হইবে

তাহা সৃষ্টি করিতে AB সরলরেখার সনিকটবর্তী বিন্দু সকলই কার্যকরী হইবে। এই সরলরেখা AB হইতে দূরে বে সমন্ত আলোকবিন্দু অর্বান্থত ভাহারা এই তলে বিশেষ কোনও প্রভাব বিস্তার করিতে পারিবে না।

এখন দেখা বাইবে যে AB সরলরেখার যে সমস্ত বিন্দু হইতে গৌণ (secondary) তরঙ্গের সৃষ্টি হর  $L_2$  লেলের ফোকাস তলে ভাহাদের আলোক পথ প্রায় সমান হওরার ফলে সংশ্লিক বিন্তারগুলিও প্রায় সমান হইবে। তবে ইহাদের মধ্যের দশা-পার্থকোর উল্লেখযোগ্য পরিবর্তন হইবে। সূতরাং বিদ ইহাদের বহুসংখ্যক ক্ষুদ্র তরঙ্গে বিভক্ত করা যার তবে এই সমন্ত তরঙ্গের  $L_2$  লেলের ফোকাসতলে লন্ধি কম্পন-বৃত্তর পদ্ধতির সাহাযো নির্ণর করা যার। ৩.২৭ নং চিত্রে OA বৃত্তাংশ এই কম্পন-বৃত্ত বৃথাইতেছে এবং OA জ্যাটি সংশ্লিক লিন্ধ। আলোকভীরতা বাহির করিতে হইলে OA জ্যাএর মান নির্ণর করা আবশ্যক। O এবং A দুইটি ধারের রন্ধি  $IAI_1$  এবং  $I'BI'_1$  এর ভংশ বৃথাইতেছে। যদি এই দুই বিন্দুতে দুইটি ম্পর্ণক (tangent) টানা যার তবে  $AXB = LOCA = 2\phi$  হইবে। চিত্রে A বৃত্তাংশকে বাড়াইয়া সম্পূর্ণ বৃত্ত AY আকা হইরাছে।

ে বদি এই বৃত্তের কেন্দ্র হর এবং R ব্যাসার্দ্ধ হর তবে লেখা বাইতে পারে  $\{OAY$  কোণটি ব্যাসের উপর দাড়াইয়া পরিধির উপর উৎপন্ন হইয়াছে বলিয়া  $\angle OAY = 90^\circ\}$   $OA = 2R \sin OYA$ .

এখানে C হইতে OAর উপরে একটি লয় OD আকা হইরাছে বাহার ফলে  $\angle OCD = \angle ACD = \phi$ .

আবার একই বৃত্তাংশ OA এর উপর দাড়াইরা দুইটি কোণ OCA এবং OYA উৎপদ্ম হইয়াছে । ইহাদের একটি কেন্দ্রে এবং অপরটি পরিধির উপর অবিহিত । অতএব  $\angle OCA = 2 \angle OYA$ .

$$\therefore OA - 2R \sin \phi \tag{3.36}$$

আবার OA বৃত্তাংশের দৈর্ঘ্য নির্ভর করিবে বিস্তারের সংখ্যার এবং ইহাদের মানের উপর । আর এই সংখ্যা এবং মান আবার নির্ভর করিবে রেখাছিদ্র S এর প্রন্থের উপর ; ইহার প্রস্থ বাড়িলে OA বৃত্তাংশও অনুর্পভাবে বাড়িবে । সৃতরাং লেখা বাইতে পারে

I-OA বৃদ্ধাংশের বৈষ্ঠা ; k= মুবক ; a- রেখাছিয় S এর প্রস্থ আবার  $I-2R\phi$ 

OA লব্ধি ভ্রংশের বিস্তার বুঝাইতেছে। সূভরাং ইহার আলোকতীরতা
Int দাড়াইবে

$$Int \propto OA^2 = \frac{k^2a^2\sin^2\phi}{\phi^2} \tag{3.39}$$

বদি আনুপাতিক ধ্বক (constant of proportionality) k-1 ধর। হর তবে উপরের রাশিমালা কিছুটা সহজ্ঞতর হইরা আসে। অখচ ইহাতে ফলাফলের সভ্যভার কোনও ব্যতিক্রম হর না। শুধুমাত্র এই ধাপের ফলে একটি আনুপাতিক গুণক (scale factor) এই তীব্রভা মাপক রাশিমালার প্রকেশ করে। তবে ইহাতে কোন অসুবিধা নাই বাদও এই ধাপের ফলে ব্যবর্তন বালরের তীব্রভা পরম ক্রমে (absolute scale) না মাপিরা আপেকিক ক্রমে (relative scale) মাপা হইবে। ইহা ছাড়াও ধরা হইরাছে Int ∞ (Amp)². এখানেও একটি আনুপাতিক গুণক ঢোকানো হইরাছে। কাজেই এই সমন্ত আনুপাতিক গুণকের প্রভাব অগ্রাহ্য করিয়া লেখা বাইতে পারে

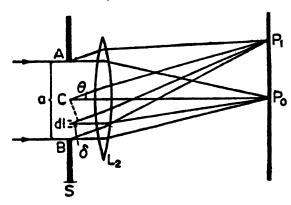
$$Int = \frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2} = \frac{a^3 \sin^2 \left[ \frac{\pi a}{\lambda} \left( \sin i + \sin \theta \right) \right]}{\left[ \frac{\pi a}{\lambda} \left( \sin i + \sin \theta \right) \right]^2}$$
(3.40)

আলো বদি রেখাছিদ্র S এর তলের অভিনৰে আপতিত হয় ভবে i=0'.

নে ক্ষেত্ৰ Int = 
$$\frac{a^{2} \sin^{2} \left[\frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta\right]}{\left[\frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta\right]^{2}}$$
 (3.41)

( এবার বীজগাণিতিক পদ্ধতিতে বাষর্তন কালরে আলোর তীরত। নির্ণর করা হুটবে।

৩.২৮ নং চিত্রে দেখানো হইরাছে একটি সমান্তরাল আলোকরশিমাল। রেখাছিন্ন S এর উপর আপতিত হইরাছে। হিসাবের সুবিধার জন্য এখানে ধরা **হইরাছে বে এই ক্ষে**ত্রে আপতন কোণ  $0^\circ$  (চিন্ন নং ০.২২ এর মত )। ইহার ব্যতিক্রম হইলে প্ররোজনীর সংশোধন সহজেই করিয়া নেওরা বাইতে পারে। রেখাছিয় S এর প্রস্থ AB সরলরেখার বিভিন্ন অংশে অবস্থিত



च्चि ०.२४

আলোকউংস হইতে যে সমন্ত রন্দির উত্তব হয় তাহারা  $L_2$  লেন্দের সাহায্যে ইহার ফোকাসতলে কেন্দ্রীভূত হয়। একপ্রস্থ সমান্তরাল রন্দ্রিমালা একটি বিন্দৃতে কেন্দ্রীভূত হইবে। চিত্রে এইরূপ দুই প্রস্থ রন্দ্রিমালা এবং ফোকাসতলে তাহাদের অবস্থান  $P_0$  এবং  $P_1$  দেখানে। হইরাছে। যদি এই ফোকাসতলে কোনও একটি বিন্দৃতে আলোকতীরতা নির্ণয় করিতে হয় তবে সেখানে এই সমান্তরাল আলোকরন্দ্রিমালার লব্ধি বাহির করিতে হইবে। AB সরলরেখার মধান্থানে C বিন্দৃর সংলগ্ন ক্ষুদ্র অংশে যে তরঙ্গের উত্তব হইবে তাহার বিশুর এই অংশের প্রস্থ d এর সমানুপাতিক এবং C হইতে  $P_1$  এর দূরত্ব x এর বান্তানুপাতিক হইবে। কাজেই  $P_1$  বিন্দৃতে এই তরঙ্গের ভংগ  $y_1$  লেখা যাইতে পারে ]

$$y_1 = \frac{Adl}{x}\cos(wt - kx) \tag{3.42}$$

এখানে A C বিম্পুতে উৎপল্ল তরঙ্গের বিস্তার, w = qত্তীর কম্পনসংখ্যা। C হইতে খানিকটা নীচে অনুরূপ একটি অংশ dl হইতে যে তরঙ্গ সৃষ্ঠ হইবে তাহার প্রভাব  $P_1$  বিম্পুতে খানিকটা অনারক্ষ হইবে। এই ক্ষেত্রে x এর কিছু পরিবর্তন হইতেছে; কিন্তু পরীক্ষা বাবস্থার x প্রছটি প্রস্থ a এর তুলনার এতই বেশী যে x এর এই পরিবর্তনের প্রভাব বিস্তারের ক্ষেত্রে ধর্তব্য নহে। কিন্তু দশার পরিবর্তনের বেলার এই ক্ষা খাটে না।  $\lambda$  দৈর্ঘের পথ পরিবর্তনের

ব্দা ( ব্যর্থাং 10<sup>-6</sup> cm ব্যাতীর পথের বান্য ) দশা একটি পূর্ণ চক্র (full cycle) পরিবর্ণিতত হর । সূত্রাং পথের এই পরিবর্তনের পরিমাণ বাদি ঠ হর তবে এই অংশ হইতে উক্ত তরকের  $P_1$  বিন্দুতে মান দাড়াইবে

$$y_2 = \frac{Adl}{x} \cos \left[ wt - k(x + \delta) \right]$$

বাদ আলোচ্য বিন্দু C হইতে / দূরত্ব নীচে অবন্থিত হয় তবে চিচ হইতে দেখা বাইবে

$$\delta = l \sin \theta$$
.

$$\therefore y_2 = \frac{Adl}{x} \cos \left[ wt - kx - kl \sin \theta \right]. \tag{3.43}$$

সূতরাং সমস্ক রেখাছিন্তে অর্বান্থত আলোকউৎসের মোট প্রভাব বাহির করিতে এই সমস্ত y গুলির বোগফল বাহির করা প্রয়োজন এবং সমাকলন বারা এই বোগফল পাওরা বাইতে পারে। হিসাবের সুবিধার জন্য AB র মধ্যবিন্দু C কে কেন্দ্র করিয়া ইহার উপরে এবং নীচে দুইটি খণ্ডের যোগফল বাহির করিলে ইহাদের মান দাড়াইবে

$$y = y_{+} + y_{-} = \frac{Adl}{x} \left[ \cos \left( wt - kx - kl \sin \theta \right) + \cos \left( wt - kx + kl \sin \theta \right) \right]$$
$$= \frac{2Adl}{x} \left[ \cos \left( wt - kx \right) \cos \left( kl \sin \theta \right) \right]. \tag{3.44}$$

এইবৃপ একজোড়া খণ্ডের বোগফল বাহির করিরা নিরা এইবার / এর মান
0 এবং a/2 সীমার (limit) মধ্যে সমাকলন করিলে সমন্ত রেখাছিন্তের প্রভাব
বাহির হইবে। এই লব্ধি ভংশ বলি Y হর তবে লেখা বাইতে পারে

$$Y = \frac{2A}{x} \int_{0}^{a/2} \cos(wt - kx) \cos(kt \sin \theta) dt$$

$$Y = \frac{2A}{x} \cos (wt - kx) \int_{0}^{a/2} \cos (kl \sin \theta) dl.$$

$$-\frac{2A}{x}\cos(wt-kx)\left[\frac{\sin(kl\sin\theta)}{k\sin\theta}\right]$$

$$\frac{2A}{x} \frac{\sin\left(\frac{ka}{2}\sin\theta\right)}{k\sin\theta} \cos\left(wt - kx\right)$$

$$\frac{Aa}{x} \frac{\sin\frac{1}{2}\left(ka\sin\theta\right)}{\frac{1}{2}\left(ka\sin\theta\right)} \cos\left(wt - kx\right) \tag{3.45}$$

সুতরাং দেখা বাইতেছে বে  $P_1$  বিন্দুতে সদ্ধি প্রংশ একটি সরল দোলগতি সন্দাম কন্দান এবং ইহার কন্সান্দে রেখাছিদ্রের আলোক উৎসগুলির কন্সান্দের সমান আর ইহার বিস্তার  $P_1$  বিন্দুর অবস্থানের উপর নির্ভর করে, কারণ  $P_1$  বিন্দুর অবস্থান  $\theta$  কোণের মান নির্ণর করিবে। বিদ্ লেখা বার

$$\frac{Aa}{x} = A_0 \; ; \; \frac{1}{4} \; ka \sin \theta = \phi$$

তাহা হইলে দাড়ার

$$Y = \frac{A_0 \sin \phi}{\cos (wt - kx)}$$
 (3.46)

পূর্বের লেখচিত্রীর পদ্ধতি হইতে দেখা গিরাছে বে রেখাছিদ্রের দুই প্রান্তের রিন্ম দুইটির মধ্যে দশা পার্থক্য 2 $\phi$ . এই দশা পার্থক্য

$$2\phi = \frac{2\pi a}{\lambda} \sin \theta.$$

কাজেই  $\theta$  কোণের পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে এই দশা পার্থকোরও পরিবর্তন হইতে থাকিবে এবং লব্ধি প্রংশের বিস্তারও অনুরূপভাবে পরিবর্তিত হইবে। আরও দেখা বার বে কোনও একটি পরীক্ষার বদি রেখাছিদ্রটি আলো ধারা সমভাবে আলোকিত করা হর তবে  $\frac{A}{x}$  এর মান প্রায় ধ্বক থাকিবে ( কারণ  $P_1$  এর বিভিন্ন অবস্থানের পক্ষে x এর মানের পরিবর্তন ধর্তব্য নর )। সুত্তরাং এখানেও বদি সেখা হর

$$\frac{Aa}{x} = ka = a (k-1)$$

তবে এখানেও শুধু একটি আনুপাতিক গুণক (scale factor) ঢোকানো হইবে। এবং ইহার ফলে আপেক্ষিক ক্রমে (relative scale) তীব্রভা মাপিতে কোনই অসুবিধা হইবে না। অভএব আলোর তীব্রতা *Int* লেখা চলে

$$Int = \frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}.$$
 (3,47)

$$Int = \frac{a^2 \sin^2 \left[ \frac{\pi a}{\lambda} (\sin \theta) \right]}{\left[ \frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta \right]^2}$$
 (3.48)

বনি আলো রেখাছিল্রের উপর *i* কোণে আপতিত হর তবে পথ পার্থক্যের মান হটবে

$$\delta - a (\sin i + \sin \theta)$$

এবং সহজেই দেখা ৰাইবে বে এক্ষেত্ৰে তীব্ৰতার মান হইবে

$$Int = \frac{a^2 \sin^2 \left[ \frac{\pi a}{\lambda} \left( \sin i + \sin \theta \right) \right]}{\left[ \frac{\pi a}{\lambda} \left( \sin i + \sin \theta \right) \right]^2} = \frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$$
(3.49)

এখানে 
$$\phi = \frac{\pi a}{\lambda} (\sin i + \sin \theta)$$

কান্ধেই দেখা বাইতেছে বে লেখাচিত্ৰীয় এবং বীৰগাণিতিক দুই পদ্ধতি দার। কভাৰতই একট ফলে উপনীত হওয়া গিয়াছে।

ব্যবর্ড ন ঝালরে আলোকভীত্রভার চরম এবং অবম অবস্থান নির্ণয় (Determination of positions of maximum and minimum intensity in the diffraction pattern).

পর্ণার বাদ  $P_0P_1$  দিকে বাওর। বার ( অর্থাৎ রেখাছিন্র S এর প্রস্থের সমান্তরালে ) তবে চিগ্র হইতে দেখা বার যে  $\theta$  কোণের পরিবর্তন হইতে থাকে । আর আলোকতীরতা এই  $\theta$  কোণের উপর নির্ভরশীল বলিরা ইহার পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে চরম এবং অবম মানের মধ্য দিরা বাইবে । ইহার ভারতম্য তীরতার বে রাশি পাওরা গিরাছে তাহ্য হইতে নির্ণর করা বার ।

অবম ভীত্ৰতা (Intensity minima).

এইগুলির অবস্থান অতি সহজেই বাহির করা বার । দেখা গিরাছে

$$Int = \frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$$

সূতরাং এখানে যে বে ক্ষেত্রে লবের (numerator) মান শৃন্য হইবে সেই সেই স্থানে তীব্রতাও শৃন্য দাড়াইবে। সূতরাং অবম তীব্রতার সর্ত দাড়াইবে

$$\varphi = n\pi$$

বা  $\frac{\pi a}{\lambda} (\sin i + \sin \theta) = n\pi$ 

বা  $a (\sin i + \sin \theta) = n\lambda$  (3.50)

এখানে n = অথও সংখ্যা, ধনাত্মক ও খণাস্থক = +1. ±2 ইত্যাদি :

এই সমন্ত অবস্থানে আলোর তীরতা শুনা হইবে।

## চরৰ ভীত্রডা (Intensity maxima).

কিন্তু এই শ্রেণীতে বখন n-0 হয় তখন লব ও হয় (numerator and denominator) উভয়েই শূন্য দাড়ায় এবং সংখ্যাটি অনিধার্ম (indeterminate) হইয়া দাড়ায়। এরূপ ক্ষেত্রে এই সংখ্যার মান নির্পণ করিবার জন্য sin $\phi$  কে একটি ঘাতশ্রেণী (power series) তে সম্প্রসারিত করিয়া ইহার মান নির্ণয় করিতে হয়। এইপ্রকার হিসাব করিকে পাওয়া যায়

$$\frac{\sin \phi}{\phi} = 1 \text{ for } n = 0$$

এইটি হইবে প্রধান (principal) অথবা কেন্দ্রীয় চরম তীব্রতার ঝালর ।

মনে হইতে পারে যে লব  $\sin\phi$  যে হে ছানে চরম হইবে আলোর তীরতাও সেই সমস্ত স্থানেই চরম হইবে। কিন্তু সেটা ঠিক নর, কারপ সঙ্গে সঙ্গে হর  $\phi$  ও পরিবৃতিত হইতে থাকিবে। সূতরাং  $\frac{\sin\phi}{\phi}$  রাশিটিকে অস্তরকলন করিয়া প্রাপ্ত রাশি যদি শ্নোর সমান ধরা যার তবে ঐ সমীকরণ হইতে চরম তীরতার অবস্থান নির্ণয় করা যাইবে।

$$\frac{d}{d\phi} \left( \frac{\sin \phi}{\phi} \right) = \frac{\phi \cos \phi - \sin \phi}{\phi^2} = 0.$$

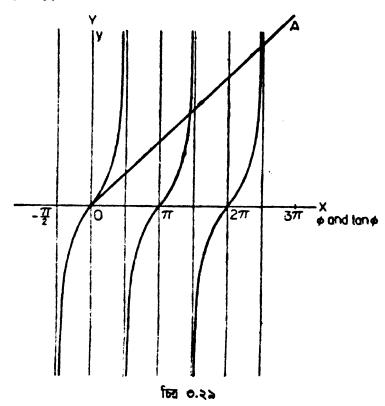
$$\boxed{41} \quad \phi \cos \phi = \sin \phi$$

$$\boxed{41} \quad \phi = \tan \phi. \tag{3.51}$$

লেখাচিত্রীর পদ্ধতিতে এই সমীকরণ সমাধান করিতে নিম্নলিখিত দুইটি লেখাচিত্র আকিতে হইবে।

এই দুইটি লেখাচিত্র বে সমন্ত বিন্দুতে ছেদ করিবে সেই সমন্ত বিন্দুতে  $\phi$  –  $\tan \phi$  এই সর্ভ পালিভ হইবে। সূতরাং ঐ সমন্ত বিন্দুই এই সমীকরণের সমাধান। ইহাদের প্রথম লেখাচিত্রটি হইবে অক্ষ দুইটির বে কোনও একটির সহিত 45° কোণ করিয়া একটি সরলরেখা। বিতীয় সমীকরণ হইতে অনস্ত সংখ্যক রেখা পাওয়া বার। ইহাদের প্রত্যেকেই  $\pi$  বিস্তারের মধ্যে সীমাবদ্ধ, কিন্তু

প্রত্যেক্টির এই সীমা আলাদা। ৩.২৯ চিত্রে এই দুই প্রকারের লেখাচিত্র কেখানো হইয়াছে।



প্রথমটি OA সরলরেখা OX অথবা OY এর সহিত  $45^\circ$  কোণে অবস্থিত এবং এইটির সমীকরণ  $y=\phi$ .

ষিতীর সমীকরণ  $y = \tan \phi$  এর জনা করেকটি রেখা (curve) অক্ষন করা হইরাছে। প্রথম রেখাটি  $\frac{-\pi}{2}$  এবং  $\frac{+\pi}{2}$  এর মধ্যে সীমাবদ্ধ এবং অক্ষরের মূল বিন্দু (origin of coordinates) O দিরা গমন করিতেছে। X অক্ষের ধনাত্মক দিকে খিতীর রেখাটি  $x = \frac{+\pi}{2}$  এবং  $\frac{+3\pi}{2}$  এই দুই সরলরেখার মধ্যে সীমাবদ্ধ। এইরূপ  $\pi$  বিস্তারের অনন্তসংখ্যক রেখা আকা বাইতে পারে। OA সরলরেখাটি প্রতিটি খিতীর প্রেণীর রেখাকে একটি কিন্দুতে ছেদ করিয়াছে; আর এই কিন্দুগুলিই আলোকতীরতার চরম অবস্থান হাইবে। সূত্রাং দেখা বাইতেছে বে খিতীর রেখাটি OA সরলরেখাকে বেখানে

ছেদ করিরাছে তাহার মান  $\frac{3\pi}{2}$  নর, ইহার চেরে সামান্য একটু কম। তৃতীয় রেখার বেলারও এই ছেদবিন্দু  $\frac{5\pi}{2}$  এর অপেক্ষা সামান্য কিছু কম। অভএব পূর্বে বে বলা হইরাছে বে  $\phi=(2n+1)\frac{\pi}{2}$  সমীকরণ দারা চরম তীব্রভার অবস্থান নির্ণীত হয় না তাহা এই লেখাচিত্র হইতে সমাধিত হয়। এই লেখাচিত্রের সাহাব্যে সমাধান হইতে চরম তীব্রভার বে অবস্থান পাওরা যার তাহা নিম্নের তালিকায় দেওয়া হইল। আবার এই সমাধান হইতে ঝালরগুলির আপেক্ষিক তীব্রভাও বাহির করা যায়। মোটামুটিভাবে (approximately) বদি হিসাব করা যায় তবে দেখিতে পাওয়া যাইবে বে দিতীয় চরম ভীব্রভা প্রথমটির তুলনার  $\frac{1}{\left(\frac{3\pi}{2}\right)^2}$  গুণ হইবে; তৃতীর্য়ি হইবে  $\frac{1}{\left(\frac{5\pi}{2}\right)^2}$  গুণ। এই

হিসাবে স্থূলভাবে (grossly) ধর। হইয়াছে যে চরম তীব্রতার অবস্থান নির্ণীত হইবে  $\phi = (2n+1)\frac{\pi}{2}$  এই সমীকরণ দ্বারা। এই সমীকরণ অবশ্য সম্পূর্ণ সত্য নয়। তবে ইহাতে প্রকৃত অবস্থা হইতে খুব সামানাই পার্থক্য হইবে যাহার ফলে মোটামুটি আলোকতীব্রতা এই সমীকরণের সাহায্যে হিসাব করিলে খুব ভূল হইবে না। তালিকায় 0 ক্রমের অর্থাৎ প্রধান ঝালরের তীব্রতা 1 ধরা হইয়াছে।

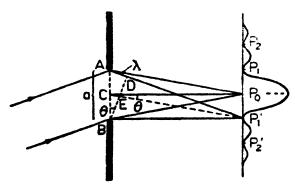
ঝালরের ক্রম	$oldsymbol{arphi}$ এর মান	ঝালরের আলোক তীব্রত।		
		$\phi$ এর মান $(2n+1) \frac{\pi}{2}$ ধরিয়া	<i>φ</i> এর	প্রকৃত মান ধরিরা
0	0	1		1
1	$1.4303\pi$	0.0489		0.0472
2	$2.4590\pi$	0.0176		0.0165
3	3.4709#	0.0090		0.0083
4	$4.4774\pi$	0.0054		0.0050

এখানে একটি জিনিষ লক্ষণীয়। চরম তীরতার ক্ষেত্রে  $\phi$  এর মান  $(2n+1)^n_{\overline{Q}}$  হইতে আলাদ। হইলেও ঝালরের ক্রম যত বাড়িতে থাকে তভই ইয়া  $(2n+1)^n_{\overline{Q}}$  এর নিকট্বর্তী হয়। ইহার কারণ লেখাচিত্র হইতে স্পর্ক

হইবে ।  $y = \tan \phi$  সমীকরণ দারা বে রেখাগুলি পাওরা বার তাহারা  $y = \phi$  সরলরেখাকে ছেদ করিবার ব্যাপারে দেখা বার ঝালরের ক্রম বত বাড়ে এই ছেদবিন্দুগুলিতেও y এর মান ততই বাড়িতে থাকে । ইহার ফলে সরলরেখাটি  $\tan \phi$  রেখাগুলিকে ক্রমশ বেশী উপরদিকে ছেদ করিতে থাকে ।  $\tan \phi$  রেখাগুলির উপরের দিক ক্রমশঃ  $(2n+1)\frac{\pi}{2}$  সরলরেখার দিকে অগুসর হর । সূতরাং ঝালরের ক্রম বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গেক একটি ব্যাপারের সৃষ্টি হয় । দুইটি পাশাপাশি ঝালরের শ্না তীরতার মধ্যের দূরত্ব সব ঝালরের ক্রম বাড়িবার সঙ্গের দূরত্ব সমান । ক্রিছু ইহাদের চরম তীরতার মধ্যের দূরত্ব সমান নহে ; ঝালরের ক্রম বাড়িবার সঙ্গে ইহা ক্রমতে থাকে এবং শেবে একটি ধ্বক মানে আসিরা বার ; এই ধ্বক দ্বত্ব শ্না তীরতার দ্বত্বের সমান ।

তালিকার আলোক তীরতার মান হইতে দেখা যার বে ঝালরের ক্রম বাড়িবার সঙ্গে তীরতা খুব দুত হ্রাস পাইতে থাকে। প্রথম ঝালরের তীরতা 1 ধরা হইলে দিতীয় ও তৃতীয়টি যথাক্রমে 0.047 এবং 0.0165 অর্থাং 5 এবং 1 ফুলতাংশের মত হইবে। ফলে সাধারণ পরীক্ষা ব্যবস্থায় এই জ্বাতীয় ব্যবস্তান খুব কম সংখ্যক ঝালর দেখা যায়।

একক রেখাছিদ্রে ফ্রনহফার ব্যবর্তন ঝালরের উৎপত্তির কারণ নিম্নলিখিত-বৃংপও বৃথিতে পারা বার। ৩.৩০ নং চিত্রে রেখাছিদ্রের প্রস্থ AB দেখানে। হইরাছে; ইহার উপর একটি সমান্তরাল রশিমালা আপতিত হইরাছে। এই



क्ति ०.००

ব্যবস্থার ব্যবহৃত লেলগুলি দেখানো হয় নাই।  $P_o$  বণি কেন্দ্রীয় ঝালর হয় তবে রেখাছিদের সমস্ত বিন্দু হইতে উত্তুত আলোকর্মানর পথই এই

Po বিশ্বু পর্বান্ত সমান হওয়ার তাহারা একই গণার এই স্থানে পোছার; ফলে এই ছানের আলোকভীব্রতা চরম হয়। পালে  $P_1^{\prime}$  কিন্দুর কথা ধরা বাক।  $P_1$ ' এর অবস্থান এরুপ বে A এবং B হইতে  $P_1$ ' এ আগত রশ্বি ছরের পথপার্থক্য  $\lambda$   $(AD - \lambda)$ . এই স্থানের তীব্রতা হইবে শূন্য। ইহার কারণ অনুসন্ধানের জনা AB প্রস্থকে দুই সমানভাগে যদি ভাগ করা যায় তবে এই দুই ভাগ হইতে নিগত রশ্বির  $P_1$  বিন্দুতে প্রভাব হিসাব করা ঘাইতে পারে। উপরের অর্ধেক অংশের প্রথম রশির এবং নীচের অর্ধেকের প্রথম রশিরত কথা যদি চিন্তা করা যায় তবে  $P_1$  কিন্দুতে ইহাদের পথপার্থক্য হইবে  $rac{\lambda}{c_1}.$ সুতরাং ইহারা উভয়ে মিলিয়া  $P_1$  বিন্দুতে শ্না তীরভার সৃষ্টি করিবে। এইরপে যদি দুই অধেকের বিভিন্ন স্থানের সংগ্লিক রশিক্ষয় ধরা হয় তবে তাহার। পরস্পরকে ধ্বংস করিবে। ফলে  $P_1$  বিন্দুতে মোট তীব্রতা দাড়াইবে শুনা। যদি  $P_a$  বিন্দুর কথা ধরা হর যাহাতে  $AP_a' - BP_a' = 2\lambda$ তবে এইক্ষেত্রে AB প্রস্থাকে সমান চারভাগে ভাগ করিয়া এই পদ্ধতি প্রয়োগ করিতে হইবে। প্রথম এবং দ্বিতীয় অংশ পরস্পরকে ধ্বংস করিবে এবং ততীয় অংশ চতুর্থকে ধ্বংস করিবে । ফলে এই স্থানেও শ্ন্য আলোকতীব্রতা হইবে । কিন্তু  $P_{\bullet}$ ' এবং  $P_{\bullet}$ ' এর মাঝে যদি এমন একটি বিন্দুর কথা ধরা বায় বেখানে A এবং B হইতে আগত রন্ধি দুইটির পথপার্থক্য  $\frac{3\lambda}{2}$ , তবে এইক্ষেত্রে AB প্রস্থ তিনটি সমান ভাগে বিভন্ত করিতে হইবে। ইহার পরপর অবস্থিত দুইটি অংশ পরস্পরকে ধ্বংস করিলেও তৃতীয়টি তাহার প্রভাব বিস্তার করিবে ; ফলে এই বিন্দুতে আলোর তীব্রতা শূন্য হইবে না। আর ইহা প্রায় চরম হইবে তাহা এর্মানতেই অনুমান কর। বায় । এইর্প যুক্তির সমর্থনে বলা বাইতে পারে যে এই পদ্ধতিতে প্রাপ্ত ফল পরীক্ষালব্ধ ফলের সহিত সুন্দরভাবে মিলিয়া যায়।

৩.৩০ নং চিত্র হইতে দেখা যায় যে অবম তীব্রতার ঝালরগুলির সমীকরণ লেখা যায়

$$a \sin \theta = n\lambda$$
  $n = 1, 2, \dots -1, -2 \dots$ 

এখানে আপতন কোণ 0° ধরা হইয়াছে। তাহা না হইলে প্রয়োজনীর পরিবর্তন সহজেই করিয়া লওয়া যায়।

সূতরাং  $a \sin \theta_1 - \lambda$  প্রথম অবম তীরতার ঝালর  $a \sin \theta_2 = 2\lambda$  ঘিতীর অবম তীরতার ঝালর  $\therefore \sin \theta_1 \sim \sin \theta_2 = \frac{\lambda}{a}$ 

বেভাবে এই পরীক্ষা করা হর তাহাতে  $\theta$  কোণের মান পুষই ছোট হইর। থাকে এবং  $\sin \theta - \theta$  লেখা যার । ফলে দাড়ার

$$\theta_1 - \theta_2 - \frac{\lambda}{a} \tag{3.52}$$

সূতরাং একটি ঝালরের কৌশিক (angular width) প্রস্থ ( অবম তীরতার মধ্যে ) দাড়ার  $\frac{\lambda}{a}$ .  $L_s$  লেলের ফোকাস দ্রস্থ ( চিচ নং ৩.২২ ) বদি f হয় তবে ঝালরের বৈশিক প্রস্থ w (linear width) হইবে

$$w = \frac{r_{\lambda}}{a} \tag{3.53}$$

এই সমীকরণ হইতে দেখা বার বে ঝালরের প্রস্থ তরঙ্গদৈর্বাের সমানুপাতিক এবং রেখাছিদ্রের প্রস্থের বাস্ত্যানুপাতিক। ইহা ভিন্ন এই প্রস্থ ফোকাস দ্রন্থেরও সমানুপাতিক। কাজেই সাদা আলাে ব্যবহার করিলে কেন্দ্রীয় ঝালর ছাড়া অন্যানাগুলি রঙীন হইবে এবং বিচ্ছুরণের জন্য কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে গেলে অধিস্থাপনের (overlapping) জন্য ঝালরের স্পন্টতা পুত কমিয়া আসিবে। একটি উদাহরণ নিলে দেখা বায় যে বদি S রেখাছিদ্রের প্রস্থ হয় 0.1 mm, এবং  $L_3$  লেন্দের ফোকাস দ্রস্থ হয় 100 cm তবে  $6000 \text{ A}^\circ$  তরঙ্গ দৈর্ঘের আলে৷ বাবহার করিলে ঝালরের রৈখিক প্রস্থ হইবে

$$w = \frac{100 \times 6 \times 10^{-8}}{1 \times 10^{-8}} = 6 \times 10^{-1} = 0.60 \text{ cm}.$$

এই পরীক্ষার  $S_1$  রেখাছিদ্রের প্রস্থেরও একটি গুরুষপূর্ণ ভূমিক। আছে।  $S_1$  এর প্রস্থ বিদ নগণা হর তবে ধরা বার বে ইহা হইতে একটি মাত্র সমান্তরাল রিশ্মালা S রেখাছিদ্রের উপর আপতিত হইবে। কিন্তু  $S_1$  এর বিদ পরিমিত (finite) প্রস্থ হর তবে ইহার প্রতিটি বেখার জন্য একগুছু সমান্তরাল রিশ্ম নিগত হইবে এবং ইহারা বিভিন্ন কোণে S এর উপর আপতিত হইবে আর ইহার ফলে প্রতিটি রেখার জন্য এক শ্রেণীর ঝালর উৎপন্ন হইবে। এই ঝালরশ্রেণী সমূহ পরস্পারের ভূলনার কিছু সরিরা অবস্থান করিবে বাহার ফলে ঝালরের স্পর্কতা কমিরা বাইবে। সুতরাং  $S_1$  রেখাছিদ্রের প্রস্থুও কম রাখা প্রয়োজন। অবস্থা এই প্রস্থু ক্মাইলে আর্পাতিকভাবে কমিরা বাইবে এবং ঝালরশ্রেণীর দৃশ্যতাও সঙ্গে সঙ্গে কমিরা। আনুপাতিকভাবে কমিরা বাইবে এবং ঝালরশ্রেণীর দৃশ্যতাও সঙ্গে সঙ্গে কমিরা।

বাছবে। সুভরাং এই প্রস্থ একটি অনুকূল (optimum) মানে রাখিতে হটবে।

এই প্রন্থের আলোচনা প্রসঙ্গে লক্ষণীর যে কেন্দ্রীর ঝালরটির প্রন্থ অন্যান্য ঝালরের প্রন্থের বিগুণ। ইহা হইতেই এই জাতীর ব্যবর্তন ঝালরকে ব্যতিচার ঝালর হইতে সহজেই আলাদা বলিয়া চেনা যার। এই বিগুণ প্রস্থের কারণ অনুসন্ধান করিলে দেখা যার যে প্রস্থের নির্ণর করা হর নির্মালখিত সমীকরণ হইতে

a sin  $\theta = n\lambda$  → অবম তীব্রতার ঝালব
এখানে n এর মান 1, 2, — 1, — 2··· প্রভৃতি
কিন্তু এই সমীকরণে n = 0 ক্ষেত্রে অবম তীব্রতার পরিবর্তে চরম তীব্রতা হয়।
সূতরাং এই স্থানে ঝালবের প্রস্থুও বিগুণ দাড়ার।

আয়তকার কুত্র ছিত্তে ক্রনহকার ব্যবর্তন (Fraunhofer diffraction at a smāll rectangular aperture).

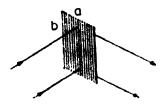
রেখাছিদ্রে ব্যবর্তন আলোচনা করিবার সময় ধরা হইরাছে বে ইহার দৈর্ঘ্য প্রদর্শন ভূলনার অনেকগুণ বড়, ফলে এই দৈর্ঘ্যের দিকে আপত্তিত ভরঙ্গমুখের সমস্তটাই পারগত হয় এবং এই জন্য এই মান্রায় (dimension) কোনও বাবর্তনের উৎপত্তি হয় না। এজন্য তীব্রতার হিসাব করিবার সময় রেখাছিদ্রের দৈর্ঘ্যের অভিলব্ধে একটি ছেদ নিয়া ধরা হইরাত্রে বে এই ছেদের উপর এবং অতান্ত নিকটে বে সমস্ত ভরঙ্গের উত্তব হয় তাহারাই লেলের ফোকাসতলে প্রভাব বিস্তার করে। কিন্তু যদি একটি আয়ভাকার ক্ষুদ্র ছিন্ত দিয়া ইহাতে ফ্রন্থফার বাবর্তনের কথা বিবেচনা করা হয় তবে সহজেই অনুমান কয়া যায় যে এই ক্ষেত্রে উভর মান্রায়ই আপত্তিত ভরঙ্গমুখ পারগমে বাধা পাইবে এবং ইহার ফলে উভর দিকেই বাবর্তনের সৃষ্টি হইবে। ধরা বাক বে আয়ভাকার এই ক্ষুদ্র ছিদ্রের দৈর্ঘ্য ৮ এবং প্রস্থ এবং ইহারা উভরেই ক্ষুদ্র (চিন্ত নং ৩.৩১)। আলোর তীব্রতার হিসাব করিতে সহজভাবে পূর্ববিত রেখাছিদ্রের বেলার বাবহৃত পদ্ধতি এখানেও কাজে লাগানো যাইতে পারে।

এই ক্ষুদ্র আরতাকার ছিপ্রটি লৈথাের সমান্তরাল রেখা থারা কিছু সংখাক রেখাছিদ্রে বিভৱ করা চলিতে পারে। এই বিভাগের ফলে ছিপ্রটি অনেকগুলি রেখাছিদ্রের সমন্তিতে পরিণত হইবে এবং এই রেখাছিদ্র প্রত্যেকটির লৈথ্য হইবে b এবং প্রস্থ অস্প হইবে (কভগুলি ভাগে ছিপ্রটিকে বিভর করা হইরাছে তাহার উপর প্রস্থ নির্ভর করিবে )। এইবার বদি একটি সমান্তরাল রশিমালা

এই ছিন্তের একটির দৈর্বেদর সহিত 90°— i কোণে আপতিত হয় এবং ব্যবর্তনের পর 90° – t কোণে নিগত হয় তবে লেন্সের ফোকাসতলে বে ভ্রংশের সৃষ্ঠি হইবে তাহার বিস্তার A দাড়াইবে

$$A = \frac{b \sin 4}{4} \tag{3.54}$$

এখানে  $2 - \frac{2\pi}{\lambda} b$  ( $\sin i + \sin \theta$ ). অর্থাৎ  $2 - \sin \theta$  সাধার প্রাত্তিক দুইটির মধ্যের দশা পার্থকা। ইহা রেখাছিদ্রের পূর্বের আলোচনা হইতে সরাসরি পারেরা যার ।



८०.० द्वरो

প্রতিটি রেখাছিন হইতে এইবৃপ বিভার এর একটি তরঙ্গের উত্তব হইবে। ইহারা পরস্পর সমান হইলেও ইহাদের দশা-পার্থকা বর্ত্তমান থাকিবে। কারণ ধরা বার বে আপতিত আলো ছিন্তের প্রস্থের সহিত 90°—i' কোণে আপতিত হইরা 90°—6' কোণে ব্যবভিত হইতেছে। ইহার ফলে প্রতিটি রেখাছিন্ত হইতে বে আলো ব্যবভিত হইতেছে তাহার দশার পরিবর্তন হইতেছে। সূতরাং ঐ পূর্বের ব্যবহৃত একই পছতির সাহাব্যে লেখা বার বে ইহারা লেশ্সের ফোকাসতলে বে লাছি ক্রংশের সৃতি করিবে তাহার বিস্তার এ' দাড়াইবে—

$$A' = \frac{Aa \sin \phi}{\phi} \tag{3.55}$$

এখানে  $2\phi = \frac{2\pi}{\lambda} a \left( \sin i' + \sin \theta' \right)$ 

অর্থাৎ ইহা রেখাছিদ্রগুলির প্রান্তিক দুইটি হইতে উৎপন্ন পুইটি তরঙ্গের দশা-পার্থক্য। কাজেই দাড়াইতেছে

$$A' = ab \frac{\sin < \sin \phi}{< \phi} \tag{3.56}$$

এবং আলোক তীৱতা / হইবে

$$I = a^{2}b^{2} \frac{\sin^{2} < \sin^{2} \phi}{4^{2}\phi^{2}}$$
 (3.57)

জালোক তীরতার এই রাশিমালা হইতে দেখা বাইতেছে বে ইহা দুইটি গুণকের উপর নির্ভরশীল । এই দুইটি গুণকের প্রতিটিই পূর্ববর্ণিত রেখাছিদ্রের ব্যবর্তন ঝালরের সৃষ্টি করিবে । কাজেই  $\frac{b \sin \alpha}{\alpha}$  যে ঝালরপ্রেণী সৃষ্টি করিবে তাহারা ছিদ্রের প্রস্থ এএর সমান্তরাল হইবে । আবার  $\frac{a \sin \phi}{\phi}$  গুণকের জন্য যে ঝালরপ্রণী উৎপান হইবে তাহারা দৈর্ঘ্য b এর সমান্তরাল হইবে । ইহার ফলে আরভাকার আকৃতির কতকগুলি ঝালরের উৎপত্তি হইবে ।

এই রাশিমালার মধ্যে  $\frac{b \sin a}{a}$  গুণকের জন্য যে ঝালরশ্রেণী উৎপন্ন হয় তাহার প্রস্থ  $w_1$  লেখা বাইবে

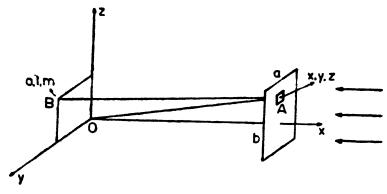
$$w_1 - \frac{\lambda}{h}$$

সূতরাং ইহাদের প্রস্থ b এর বাস্তান্পাতিক, অর্থাৎ ছিদ্রের দৈর্ঘোর বাস্ত্যান্পাতিক । আবার  $\frac{a \sin \phi}{\phi}$  গুণকের জনা যে ঝালরশ্রেণীর সৃষ্টি হয় তাহাদের প্রস্থ $w_a$  লেখা যায়

$$w_2 = \frac{\lambda}{a}$$

সূতরাং ইহাদের প্রস্থ ছিদ্রের প্রস্থ a এর বাস্তাানুপাতিক। অতএব আয়তাকার ঝালরগুলি ছিদ্রের আকৃতির হইবে। কিন্তু ইহাদের আপেক্ষিক দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থ ছিদ্রের দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থের সহিত 90° কোণ করিয়া অবস্থান করিবে। এই জাতীর ঝালর ঠিকমত উৎপন্ন করিতে হইলে  $S_1$  রেখাছিদ্রের স্থানে একটি উক্ষল বিন্দু উৎস বাবহার করা দরকার; রেখাছিদ্র বাবহার করিলে ইহার প্রতিটি বিন্দুর জন্য একটি পূর্ববাণিত ঝালরগ্রেণীর সৃষ্টি হয় এবং ইহারা পরস্পরের তুলনায় সরিয়া থাকায় ঝালরের স্পর্টতা নন্ধ ইইয়া যায়। রেখাছিদ্রের ঝালরের আলোচনায় বলা হইয়াছে যে ঝালর সৃষ্টি করিবার জন্য আলোকউৎস হিসাবে একটি বিন্দু ব্যবহার করিলেই চলে। তবে ইহাতে ঝালরের উক্ষলা খুব কম হয়। উক্ষলা বাড়াইবার জন্য রেখাছিদ্রের আকৃতির আলোক উৎস ব্যবহার করিতে হয় এবং এই উৎস ব্যবহার স্থাকারী উৎসের সমান্তরাল হওয়া দরকার। কিন্তু উপরোক্ত কারণের জন্য আরতাকার ছিদ্রের ক্ষেত্রে রেখাছিদ্রের আকৃতির উৎসের স্থানিছদ্রের আকৃতির উৎসের স্থানির জন্য আকৃতির উৎসের সমান্তরাল হওয়া দরকার। কিন্তু উপরোক্ত কারণের জন্য আরতাকার ছিদ্রের ক্ষেত্রের ব্যবহার করিতে হয়। সূতরাং উক্ষল ঝালর সৃষ্টির জন্য এই আলোক বিন্দুর উক্ষলা বথাসন্তব বেশী কয়া দরকার।

## এই ফল ৰীজগাণিভিক পদ্ধতিতেও পাওয়া বাইতে পারে।



চিত্ৰ ৩.৩২

০.০২ নং চিত্রে ab একটি আরতাকার ছিদ্র : ইহার দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থ ষথারুমে b এবং a. এই ছিদ্রের উপর একটি সমান্তরাল রন্ধিমালা অভিলবে আর্পাতত হইয়া বাবর্তনের পর  $L_2$  লেন্সের ফোকাসতলে একটিত হইতেছে।  $L_2$  লেন্সিটির ফোকাস দৈর্ঘ্য ছিদ্রের দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থের তুলনার খুবই বেলী এবং ছিদ্র হইতে স্থানাক্ষ অক্ষের উৎস O এর দূরন্থের সমান।  $L_2$  লেন্সের ফোকাস বিন্দৃকে স্থানাক্ষ অক্ষের উৎস ধরা হইরাছে। স্থানান্দ্র আক্ষার উৎস ধরা হইরাছে। স্থানান্দ্র আক্ষার টেকের সম্পাতী। ছিদ্রে বে সমান্তরাল আলোকরন্ধিমালা আপতিত হইতেছে ভাহার তরঙ্গমুখ তলীর আকৃতির : ছিদ্রে ব্যবর্তনের পর এই তরঙ্গমুখ  $L_3$  লেন্সের ফোকাসতলে একটিত হইতেছে। অতএব এই তরঙ্গমুখের আকৃতি হইবে গোলীর। কিন্তু পূর্বেই কলা হইয়াছে বে লেন্স হইতে ফোকাসতলের দূরত্ব ছিদ্রের দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থের অক্ষান্তরের দূরত্ব ছিদ্রের দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থের ত্বলাসতলের দূরত্ব ছিদ্রের দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থের ত্বলান অনেকগুণ বেলী। সূত্রাং এই গোলীর তরঙ্গমুখের যে অংশ ছিদ্রন্থান্ন নির্মান্ত হয় তাহাকে মোটামুটি তলীর বলিরা গণ্য করা বাইতে পারে।

ছিন্তের মধ্যে A বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া একটি ক্ষুদ্র অংশ নেওরা হইল । ইহার A বিন্দুর স্থানাক্ষ ধরা বাক x,y,z. তাহা হইলে এই ক্ষুদ্র অংশের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ধরা বাইতে পারে dz এবং dy ছিন্তের তলে A বিন্দুতে তরঙ্গের স্রংশে বন্দি ধরা বার  $\delta Y_A$  তবে লেখা বাইতে পারে

 $\delta Y_A = A \cos 2\pi vt$ . v = আপতিত ভালের কপাক ;

ভাহা হইলে  $L_{\star}$  লেন্সের ফোকাসভলের কোনও বিন্দু B এ এই স্রংশ লেখা যাইতে পারে

$$\delta Y_B = A \cos 2\pi \left( vt - \frac{d}{\lambda} \right) \tag{3.58}$$

এখানে দূরত এবং কৌণিক আনতির (angle of inclination) জন্য বিস্তারের যে পরিবর্তন হয় তাহা অগ্নাহ্য করা হইয়াছে। কারণ AB দূরত্বের তুলনায় এই পরিবর্তন খুবই সামান্য।

B বিন্দুর স্থানাব্দ ধরা বাইতে পারে o, l, m. আর OA দ্রম্ব D ধরা বাইতে পারে। তাহা হইলে পাওয়া বাইবে

$$D^{2} = x^{2} + y^{2} + z^{2}$$

$$d^{2} = x^{2} + (y - l)^{2} + (z - m)^{2}$$

$$= x^{2} + y^{2} + z^{2} + l^{2} + m^{2} - 2yl - 2zm$$

$$= D^{2} + l^{2} + m^{2} - 2(yl + zm)$$

$$\Rightarrow D^{2} - 2(yl + zm)$$
(3.60)

এইর্পে লেখার কারণ / এবং m D দ্রন্থের তুলনায় খুবই ছোট।

$$d^2 = D^2 \left[ 1 - \frac{2}{D^2} (yl + zm) \right]$$

$$d = D\left[1 - \frac{(yl + zm)}{D^2}\right]$$
 উচ্চতর ঘাতের রাশিগুলি অগ্রাহ্য করিয়া

$$D = \frac{(yl + zm)}{D} \tag{3.61}$$

কাঞ্জেই A বিন্দুতে অবন্থিত dydz আয়তক্ষেত্র হইতে যে স্রংশ B বিন্দুতে আসিতেছে ভাহাকে লেখা বাইতে পারে

$$\delta Y_B = A \cos 2\pi \left[ vt - \frac{1}{\lambda} \left( D - \frac{yl + zm}{D} \right) \right] dydz \qquad (3.62)$$

ইহার কারণ B বিন্দৃতে বে শ্রংশ আসিবে তাহা A বিন্দৃকে কেন্দ্র করির। বে অংশ হইতে এই শ্রংশ উত্ত হইবে সেই অংশের ক্ষেত্রফলের উপর নির্ভর করিবে। সুতরাং B কিন্দুতে সমন্ত ছিন্ন হইতে আগত তরঙ্গমুখের মোট প্রভাব নির্ণর করিতে হইলে এই প্রংশকে সমাকলন করিতে হইবে। এই মোট স্রংশ  $Y_{\scriptscriptstyle B}$ লেখা বার

$$Y_B = \int_{-\frac{a}{\lambda}}^{\frac{a}{\lambda}} \int_{-\frac{b}{\lambda}}^{\frac{b}{\lambda}} A \cos 2\pi \left[ vt - \frac{1}{\lambda} \left( D - \frac{yl + zm}{D} \right) \right] dydz \qquad (3.63)$$

হিসাবের সূবিধার জনা এখানে ধরা হইরাছে বে A বিন্দূটি ab আরতক্ষেত্রের মধান্তলে অবস্থিত ; অতএব সমাকলনের সীমা নেওরা হইরাছে  $\pm rac{a}{2}$  এবং  $\pm rac{b}{2}$ .

এবার ধরা যাক  $2\pi \left(vt - \frac{D}{\lambda}\right) = u$  এবং  $\frac{2\pi}{\lambda D} = v$ .

$$\therefore Y_B = \int_{\frac{-a}{3}}^{\frac{a}{3}} \int_{\frac{-b}{3}}^{\frac{b}{3}} A \cos \{u - v(yl + zm)\} dydz. \tag{3.64}$$

সমাকলনের সুবিধার জন্য কশ্পিত সংখ্যার পদ্ধতির (method of imaginary quantities) সাহাষ্য নেওরা যাইতে পারে । ধরা যাক লেখা বাইতে পারে

$$\cos \{u - v(yl + mz)\} = e^{i\{u - v(yl + zm)\}}$$
(3.65)

[ পরে প্রয়োজন মত বাড়তি অংশ বাদ দেওয়া বাইবে ]

তাহা হইলে দাড়ার

$$Y_{B} = \int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} \int_{-\frac{h}{4}}^{\frac{h}{4}} Ae^{i\{u - v(yl + zm)\}} dydz$$
 (3.66)

এই সমাকলনে uর সামান্য পরিবর্তনকে অগ্রাহ্য করিলে ইহাকে সমাকলন চিন্দের বাহিরে আনা বার । ফলে দাড়ার

$$Y_{B} = Ae^{i\omega} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} e^{-i\omega yl} dy \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} e^{-i\upsilon zm} dz$$

$$= Ae^{i\omega} \frac{1}{-i\upsilon l} \left\{ e^{-\frac{1}{2}ia\upsilon l} - e^{-\frac{1}{2}ia\upsilon l} \right\}$$

$$\times \frac{1}{-i\upsilon m} \left\{ e^{\frac{1}{2}ib\upsilon m} - e^{-\frac{1}{2}ib\upsilon m} \right\}$$

$$-Ae^{iu}\frac{1}{-ivl}2i\sin\frac{1}{2}avl\times\frac{1}{-ivm}2i\sin\frac{1}{2}bvm$$

$$-Ae^{iu}\frac{2}{vl}\sin\frac{1}{2}avl\frac{2}{vm}\sin\frac{1}{2}bvm \qquad (3.67)$$

এইবার ৩ এর মূল্য প্রয়োগ করিয়া লেখা যায়

$$Y_B = Ae^{iw} \frac{\sin \frac{\pi al}{\lambda D}}{\frac{\pi l}{\lambda D}} \cdot \frac{\pi m}{\frac{\pi m}{\lambda D}}$$

$$-Ae^{iu}ab \frac{\sin \frac{\pi al}{\lambda D} \sin \frac{\pi bm}{\lambda D}}{\frac{\pi al}{\lambda D} \frac{\pi bm}{\lambda D}}$$

এইবার কন্শিত রাশির কন্শিত অংশ বাদ দিয়া আবার পূর্বের অবস্থায় ফিরিয়া আসা প্রয়োজন । ইহা করিলে দাড়াইবে

$$Y_{B} = A \ ab \frac{\sin \frac{\pi al}{\lambda D} \sin \frac{\pi bm}{\lambda D}}{\frac{\pi al}{\lambda D} \cdot \pi bm} \cos 2\pi \left(\nu t - \frac{D}{\lambda}\right)$$
(3.68)

B বিন্দুতে আলোর তীব্রতা পাওরা বাইবে এই দ্রংশের বিস্তারের বর্গ হইতে। সূতরাং তীব্রতা Int. লেখা বার.

$$Int = A^{2} \left\{ a \frac{\sin \frac{\pi al}{\lambda D}}{\frac{\pi al}{\lambda D}} \right\}^{2} \left\{ b \frac{\sin \frac{\tau bm}{\lambda D}}{\frac{\pi bm}{\lambda D}} \right\}$$
(3.69)

বিদি ধরা বার, 
$$\frac{\pi al}{\lambda D} = \phi$$
  $\frac{\pi bm}{\lambda D} = 4$ 

তবে লেখা বায়

$$Int = A^2a^2b^2 \frac{\sin^2\phi}{\phi^2} \frac{\sin^2\alpha}{\alpha^2}$$

বলি A=1 ধরা বার ভবে দাড়ার

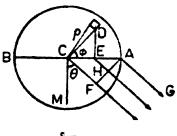
$$Int = a^{n}b^{n} \frac{\sin^{n} < \sin^{n} \phi}{\phi^{n}}$$
 (3.70)

লক্ষ্য করিলে দেখা বাইবে বে এই রাখিমালা লেখাচিত্রীর পদ্ধতিতে বে রাখি-মালা পূর্বে পাওরা গিরাছে ( সমীকরণ 3.57 ) তাহার সহিত সম্পূর্ণ অভিন্য । কাজেই ব্যবর্তন ঝালরশ্রেণী সহছে পূর্বে বাহা বলা হইরাছে এক্ষেত্রেও তাহা পূরাপুরিভাবে খাটিবে ।



বৃত্তাকার ছিত্তে ক্রমছকার ব্যবর্তন (Frannhofer diffraction at a circular aperture).

আলোকবিজ্ঞানে ব্যবহৃত অনেক ৰব্ৰে বৃত্তাকার ছিপ্তে ব্যবহৃন হইয়া থাকে। ইহার প্রকৃষ্ঠ উদাহরণ হিসাবে বলা যায় দূরবীক্ষণ যত্রে ভারক। বা গ্রহ জাতীয় খণোলীয় বনুর (celestial bodies) প্রতিবিধের সৃষ্ঠি। অথবা অণ্যবীক্ষণ বত্তে কুন্ত বন্ধু কর্তৃক প্রভিবিশ্ব সৃষ্ঠি। সূত্রাং এই বিষর্গি বিশদভাবে আলোচিত হইবে।



किंग 0.08

০.০৪ মং চিত্রে বৃদ্তাকার ছিদ্রের একটি আকৃতিতে কেন্দ্রবিন্দু C এবং C এর মধ্য দিরা গ্রনকারী ব্যাস ACB দেখানো হইরাছে। এই ছিদ্রের উপর সমান্তরাল আলোকরন্মিমালা চিত্রতলের পশ্চাংদিক হইতে ছিদ্রতলের অভিলবে আপভিত হইরাছে এবং ছিদ্রে ব্যবর্তনের পর সম্বুর্তাককে সমান্তরাল রন্মিমালা

ছিসাবে নিগত হইতেছে। এই রন্ধিমালা  $L_2$  লেল দ্বারা ইহার কোকাসতলে দ্বনীভূত হইবে; ফলে এই ফোকাসতলের কোনও বিন্দুতে আলোর তীপ্রতার রন্ধিগুলির দশা-পার্থকার উপর নির্ভর করিবে। ACB সরলরেখার মধ্য দিরা ছিম্রতলের অভিলবে বে তল অবন্থিত তাহাতে দুইটি বার্বতিত সমান্তরাল রন্ধি দেখানো হইরাছে CF এবং AG. ছিম্রতলে C বিন্দুর উপর লহু CM. বার্বতিত সমান্তরাল রন্ধিগুলি CF এবং AG এই লহু CM এর সহিত  $\theta$  কোণ উৎপার করিরাছে। সূতরাং এই দুইটি রন্ধির মধ্যে পথ-পার্থকা হইবে  $AC\sin\theta$ . এখানে A বিন্দু হইতে CF রন্ধির উপর লহুটি AF; ফলে এই সমান্তরাল রন্ধিমালার তরঙ্গমুখ দাড়াইতেছে AF. ছিম্রতলে যদি D বিন্দুকে ঘিরিরা একটি ক্ষুদ্র অংশ ধরা যায় এবং CA ও CD সরলরেখার মধ্যের কোণ ধরা যায়  $\phi$  তবে এই ক্ষুদ্র অংশের ক্ষেত্রফল

$$dA = \rho d\rho d\phi \tag{3.71}$$

[ atten p - CD yat ]

D হইতে ACB এর উপর অন্তিত লয় ইহাকে E বিন্দৃতে ছেদ করিয়াছে। এই অবস্থায় D এবং A হইতে নিগত সমান্তরাল রশ্মিদ্বয়ের দশা-পার্থকা দাড়াইবে A এবং E বিন্দু হইতে নিগত সমান্তরাল রশ্মিদ্বয়ের দশা-পার্থকার সমান। সূত্রাং এই দশা-পার্থকা  $\partial$  লেখা বায়

$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda} AE \sin \theta = \frac{2\pi}{\lambda} (a - \rho \cos \phi) \sin \theta = l(a - \rho \cos \phi) \quad (3.72)$$

এখানে a = ছিন্তের ব্যাসার্থ ;  $l = \frac{2\pi}{\lambda}$  া

সূতরাং A বিশ্ব হইতে নিগত জংশ যদি লেখা যায় sin wt
তবে D এর চতুদিকে অবস্থিত অংশ হইতে উৎপন্ন অংশের জংশ দাড়াইবে
sin [wt + I(a - p cos \phi)]pdpd\phi (3.73)

এবং সমস্ত ছিদ্র হইতে উৎপদ্ম স্রংখের  $L_{
m s}$  লেখের ফোকাসতলে লব্ধি লেখা বাইবে

$$\int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} \sin \left[wt + l(a - \rho \cos \phi)\right] \rho d\rho d\phi.$$

িএখানে একটি কোণ heta দিকে আলোকতীরতা হিসাব করা হইতেছে

ৰালয়া সমাকলনে ∂ অপরিবাতিত থাকিবে ; অভএব /ও অপরিবাতিত থাকিবে} সূতরাং লেখা বার

$$= \sin (wt + la) \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} \rho \cos (l\rho \cos \phi) d\rho d\phi - \cos (wt + la)$$

$$\int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} \rho \sin (l\rho \cos \phi) d\rho d\phi \qquad (3.74)$$

ইহাবের বিভীর রাশিমালার কথা যদি বিবেচনা করা হয় তবে দেখিতে পাওয়া বাইবে বে সমাকলনের পর ইহার মোট মূল্য দাড়াইবে শূন্য। কারণ ACB ব্যাসচি ছিদ্রতলকে প্রতিসমর্পে (symmetrically) দুই ভাগে বিভক্ত করিরাছে। কাকেই D এর মত এমন দুইটি সমান অংশ ACB সরলরেখার উপরে এবং নীচে প্রতিসমর্পে অবন্থিত থাকিবে বাহাতে ইহাদের প্রভাব সমাকলনে পরস্পরকে করেবে। আর দেখা বার বে সমন্ত ছিদ্রটিই এইর্প প্রতিসম জোড়ার বিভক্ত করা চলে। সুতরাং ইহাদের মোট ফল বিতীর রাশিমালার ক্রেটে দাড়াইবে শূন্য। অতএব ব্যব্তিত রন্ধির L, লেপের ফোকাসতলে মোট ভ্রংশ Y হইবে নিরর্প

$$Y = \sin (wt + la) \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} \rho \cos (l\rho \cos \phi) d\rho d\phi$$
 (3.75)

अवर θ कारन, वर्षार CF निक चालाकडी बडा इहेरव

$$Y^{2} = Int - \left[\int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} \rho \cos(l\rho \cos \phi) d\rho d\phi\right]^{2}$$
 (3.76)

এই সমাকলন দুই ধাপে করা হইবে; একটিতে পরিবর্তনীয় রাখি ho, অন্যটিতে  $\phi$ .

প্রথমটি হইবে 
$$\int_{0}^{a} \rho \cos (l\rho \cos \phi) d\rho$$

$$-\left[\frac{\rho}{l\cos\phi}\sin\left(l\rho\cos\phi\right)\right]_0^a - \frac{1}{l\cos\phi}\int_0^a\sin\left(l\rho\cos\phi\right)d\rho$$

$$= \frac{a}{l \cos \phi} \sin (la \cos \phi) + \frac{1}{l^2 \cos^2 \phi} \{\cos (la \cos \phi) - 1\}$$

$$= a^2 \frac{\sin (la \cos \phi)}{la \cos \phi} - \frac{1}{2} a^2 \frac{\sin^2 (\frac{1}{2} la \cos \phi)}{(\frac{1}{2} la \cos \phi)^2}$$
(3.77)

ৰিদ la - 2p লেখা বার তবে দাড়ার

$$Int = \left[ a^{2} \int_{0}^{2\pi} \frac{\sin(2p\cos\phi)}{2p\cos\phi} d\phi - \frac{1}{8} a^{2} \int_{0}^{2\pi} \frac{\sin^{2}(p\cos\phi)}{(p\cos\phi)^{2}} d\phi \right]^{2}$$
(3.78)

দ্বিতীর ধাপে  $\phi$  পরিবর্তনীয় রাশি ধরিয়া সমাকলন করিতে রাশিমালার সাহাব্যে সমাধানের (series solution) পদ্ধতি অবলম্বন করিতে হইবে। নির্মালিখিত রাশিমালার সাহাধ্য নেওয়া বাইতে পারে

$$\frac{\sin \alpha}{\alpha} = 1 - \frac{\alpha^{8}}{13} + \frac{\alpha^{4}}{15} - \frac{\alpha^{6}}{17}$$

$$\frac{\sin^{2} \alpha}{\alpha^{8}} = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2\alpha^{2}} = 1 - \frac{2^{8}\alpha^{8}}{14} + \frac{2^{6}\alpha^{4}}{16} - \frac{2^{7}\alpha^{6}}{18} + \frac{2^{6}\alpha^{4}}{16} = \frac{2^{7}\alpha^{6}}{18} + \frac{2^{6}\alpha^{4}}{16} = \frac{2^{7}\alpha^{6}}{18} + \frac{2^{6}\alpha^{4}}{16} = \frac{2^{7}\alpha^{6}}{18} + \frac{2^{6}\alpha^{4}}{18} = \frac{2^{6}\alpha^{4}}{18} + \frac{2^{6}\alpha^{4}}{18} = \frac{2^{6}\alpha^{4}}{18} + \frac{2^{6}\alpha^{4}}{18} = \frac{2^{6}\alpha^{4}}{18}$$

কাঞ্ছেই

$$\sqrt{Int} = a^2 \int_{0}^{2\pi} \left[1 - \frac{(2p\cos\phi)^2}{2} + \frac{(2p\cos\phi)^4}{2} - \frac{(2p\cos\phi)^6}{2} + \cdots\right] d\phi$$

$$-\frac{1}{2}a^{2}\int_{0}^{2\pi}\left[1-\frac{2^{3}(p\cos\phi)^{3}}{\lfloor 4}+\frac{2^{3}(p\cos\phi)^{4}}{\lfloor 6}-\frac{2^{7}(p\cos\phi)^{6}}{\lfloor 8}+\cdots\right]d\phi \qquad (3.79)$$

এইগুলি প্রতিটি আলাদ। পদ হিসাবে সমাকলন করা বার ; এইর্প সমাকলনে নিয়ের সংকেতটি ব্যবহার করা হইরাছে

$$\int_{0}^{2\pi} \cos^{2\pi} x \ dx = \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \cdots (2n-1)}{2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot \cdots \cdot 2n} 2\pi$$

এই সংকেড ব্যবহার করিয়া পদগুলি সমাকলন করিলে শেব পর্বন্ত দাড়ায়

$$\sqrt{Int} = \pi a^{2} \left\{ 1 - \frac{1}{3} \left( \frac{p}{1} \right)^{2} + \frac{1}{3} \left( \frac{p^{2}}{2} \right)^{2} - \frac{1}{3} \left( \frac{p^{2}}{13} \right)^{2} + \frac{1}{3} \left( \frac{p^{4}}{14} \right)^{2} - \cdots \right\}$$

$$= \pi a^{2} \left[ 1 - \frac{p^{2}}{2} + \frac{p^{4}}{3.4} - \frac{p^{6}}{4.6} + \frac{p^{8}}{5.24} - \right]$$

$$= \frac{\pi a^{2}}{p} \left[ \frac{2p}{1!2} - \frac{(2p)^{3}}{1!2!2^{3}} + \frac{(2p)^{4}}{2!3!2^{4}} + \cdots \right]$$

$$\therefore I = \pi^{2} a^{4} \left[ 2 \frac{J_{1}(2p)}{2p} \right]^{2} = \pi^{2} a^{4} P^{2}$$

এখানে  $J_1(2p)$  রাশিমালাকে প্রথম ক্রমের বেসেল রাশিমালা (Bessel's function of the first order ) বলা হইয়া থাকে ।

$$\therefore \sqrt{Int.} = \pi a^2 P. \tag{3.80}$$

এখানে বিতীয় বন্ধনীর মধ্যেকার রাশিষালার সমষ্টিকে  $m{P}$  বারা বুরানে। হইয়াছে ।

:. Int = 
$$\pi^{9}a^{4}P^{2}$$
.

P রাশিমালা paর সমন্ত ম্লোর জনাই অভিসারী (convergent) হয়, তবে paর ম্লা পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে ইহা ধনাত্মক এবং ধণাত্মক মানের মধ্য দিয়া যায়; p θ কোণের সহিত সম্পর্কিত বলিয়া θ কোণের পরিবর্তনের সঙ্গেও আলোর তীরতারও ভেদ হইবে। অতএব আলোর তীরতাও চরম এবং অবম মানের মধ্য দিয়া গমন করে। কারণ ধনাত্মক হইতে ঋণাত্মক মানে যাইতে ইহা শূন্য ম্লোর মধ্য দিরা বাইতে হইবে; আর এই সমন্ত কেন্দ্রে আলোর ভীরতা হইবে শূন্য। সূত্রাং আলোর চরম ও অবম (শূন্য) ভীরতা নির্ণর করিবে  $\frac{dP}{dp}$  এবং P=0 এই সমীকরণ দুইটি। নিয়ের দেওয়া টেবিলে বিভিন্ন চরম ভীরতার সংক্রিক paর মান ও ভীরতার পরিমাণ দেওয়া হইল

আলোক pএর মান বালবের ক্রম কালবের কম p এর মান তীক্তা তীৱতা O 1 ততীর অবম 1.619# 0 श्रथम ज्यम চতুৰ্ব চরম 0.0017 প্রথম অবম 0.610# 0 1.847# 5ভৰ্থ **অবম** 2·120<sub>m</sub> ষিতীর চরম 0·819# 0.0175 0 দিতীয় অবম 1:116# 0.0008 0 2:361# ততীর চরম 1.333# 2.621# 0 0.0042 পশ্বম অবম

এই টেবিল হইতে দেখা বাইতেছে বে প্রথম অবম তীব্রতা হইবে নির্মালখিতর্প

$$\frac{P}{\pi}$$
 = 0.610 ञथरा  $\frac{Ia}{2} = \frac{2\pi a}{2\lambda} \sin \theta = \frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta = 0.610\pi$ 

चारवा 
$$\sin \theta = \frac{0.610\lambda}{a}$$
 (3.81)

θ কোণ খুবই ছোট বলিয়া লেখা যায়

$$\theta = \frac{0.610\lambda}{a} = \frac{1.22\lambda}{d} \tag{3.82}$$

এখানে d - ছিদের ব্যাস - 2a

θ কোলে ব্যবর্তিত রশ্মি ছিন্নতলে অন্কিত অভিলয় CM এর সহিত এমন একটি শব্দু উৎপদ্ম করিবে যাহার অর্ধ্বশীর্বকোণ (semi-vertical angle) দাড়াইবে θ. সূতরাং, অবম তীরতার ঝালর হইবে বৃদ্তাকার আর এই বৃত্তের কেন্দ্র হইবে CM এবং L₂ লেলের ফোকাসতলের ছেদকিন্দু। অন্যান্য অবম এবং চরম-তীরতার হিসাব করিলে দেখা যাইবে যে বৃদ্তাকার ছিদ্রের বেলার ব্যবর্তন ঝালর হইবে এক প্রস্থ সমকেন্দ্রিক বৃদ্তাকার ঝালর। ইহাদের মধ্যে কেন্দ্রীর ঝালরটিই অন্যান্যদের তুলনার বহুগুণ উজ্জ্বল এবং ইহাকে বলা হয় এরারীর চাক্তি (Airy's disc). আলোক-উৎস খুব উজ্জ্বল না হইলে বা ফটোগ্রাফের এক্সপোজার বেশী না দিলে সাধারণত এই কেন্দ্রীর চাক্তিটিই শুধু পাওরা যায়। তবে বেশীক্ষণ এক্সপোজার দিলে বা উৎসের উজ্জ্বতা বেশী হইলে এই কেন্দ্রীর চাক্তির বাহিরেও দুই কি তিনটি চক্র দেখা যায়। এরারীর চক্র নাম হওয়ার কারণ এরারীই প্রথম এই সমস্যার সমাধান করেন।

এখানে লক্ষণীয় যে রেখাছিদ্রের বেলায়ও অনুরূপ সমীকরণ দারা বাবর্তন ঝালরের আলোক তীব্রতা নিণীত হয়। কিন্তু সেখানে সমীকরণটি একটু আলাদা

$$\theta = \frac{m\lambda}{a}$$
,  $m = \alpha$  or  $\alpha = \alpha$ ;  $\alpha = \alpha$  is  $\alpha = \alpha$ .

এখানে দেখা বার যে অবম তীব্রত। নির্ণর করে যে ক্রমিক সংখ্যা m, তাহারা সব অখণ্ড সংখ্যা।

অন্যদিকে বদি বৃত্তাকার ঝালরের বেলায় অনুরূপ সংকেত ব্যবহার করা বার

$$\theta = \frac{m'\lambda}{d}$$
;  $d =$  ছিলের ব্যাস

ভবে এখানে m' সংখ্যাগুলি অখও সংখ্যা নর । ইছারা প্রথম, খিতীর ও তৃতীর অবম তীব্রতার বেলায় দাড়াইবে যথাক্রমে 1.22, 2.232 এবং 3.238. ইছাদের মধ্যে প্রথমটিই সর্বাপেক্ষা গুরুত্বপূর্ণ কারণ এইটিই এরারীর চাক্তির আরতন নির্ণার করে আর এয়ারীর চাক্তি অন্য ঝালরের তুলনার অনেকগুণ উক্ষল ।

রেখাছিদ্রের বেলার ছিতীর ঝালরটির আলোকতীরতা প্রথমটির প্রার পাঁচ শতাংশ হইরা থাকে। কিন্তু বৃত্তাকার ছিদ্রের বেলার কেন্দ্রের তীরতা ছিতীর ঝালরের চরম তীরতার প্রার 60 গুণ! ইহার পরের ঝালরগুলির তীরতা আরও গুতভাবে কমিতে থাকে। সূতরাং সাধারণ ক্ষেত্রে কেন্দ্রীর ঝালর বা এরারীর চক্র ছাড়া বাহিরের ঝালরগুলি দেখা বার না।



চিত্ৰ ৩.৩৫



চিত্ৰ ৩.৩৬

কেন্দ্র হইতে যদি ইহার কোনও ব্যাসার্দ্ধের দিকে আলোর তীব্রতা মাপ। হয় তবে ৩.৩৬ নং চিত্রে প্রদশিত লেখাচিত্র পাওয়া যাইবে। চিত্র নং ৩.৩৫ এ বলরগুলির মোটামুটি চেহারা দেখানো হইল।

ৰুশ্ব রেখাছিতে ক্রনহফার ব্যবর্ড ন (Fraunhofer diffraction at a double slit).

এই জাতীর পরীকা বাতিচার ঝালরের উৎপত্তির বেলায় বাঁণত হইরাছে।
ইরং-এর বাতিচার ঝালরের পরীক্ষার অনুরূপ বাবস্থার সাহাব্যে ঝালর সৃষ্ঠি করা
হইরাছিল। কিন্তু বর্তমান পরীক্ষার সক্রে উত্ত পরীক্ষার কিছু পার্থকা বর্তমান।
প্রথমত বর্তমান পরীক্ষা ইতিপূর্বে আলোচিত একক রেখাছিদ্রের পরীক্ষারই
সম্প্রসারণ, সূতরাং এখানে আলোক উৎস এবং প্রতিবিশ্বতল উভরেই কার্বাতঃ
অসীম দূরত্বে অবন্থিত। এটি করা হইরাছে দূইটি লেন্স ব্যবহার করিয়া।
কিন্তু ইরংএর বাতিচারের পরীক্ষার আলোকউৎস এবং প্রতিবিশ্বতল উভরেই
সসীম দূরত্বে অবন্থিত এবং সেজনা এই পরীক্ষাতে কোনও লেন্সের প্রয়েজন
নাই। বিতীরত ইরংএর পরীক্ষার রেখাছিদ্র দূইটির প্রস্থ খুবই ছোট করা হর
যাহাতে ইহা ব্যবহত তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সহিত তুলনীর হয়। কিন্তু বর্তমান পরীক্ষার
রেখাছিদ্র দূইটির প্রস্থ অত ছোট নয়। ইহা সাধারণত 0.1mm হইতে

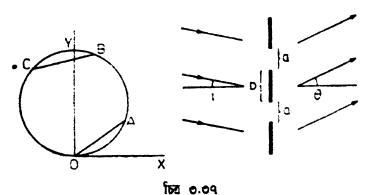
0.5 mm এর মধ্যে রাখা হয় এবং ইহাদের মধ্যে দূরত্বও কাছাকাছি মানের
হইয়া থাকে। এই ব্যবস্থার বে ব্যবর্তন ঝালরের সৃষ্ঠি হইবে তাহা ইরংয়ের
বাতিচার ঝালর হইতে স্বভাবতই কিছুটা আলাদা হইবে। এই দূইগ্রেণীর
মধ্যে কি এবং কতটা পার্থকা তাহা আলোচনা চলা কালে ক্রমণঃ স্পর্ট হইবে।

এই পরীক্ষার জন্য একক রেখাছিদ্রের পরীক্ষা ব্যবস্থাই ব্যবহার করা চলিবে। (চিন্ন নং ৩.২২)। একমান্ত একক রেখাছিদ্র ১ এর স্থানে এই বুগা রেখাছিদ্রটি বসাইতে হইবে। তাহা হইলেই ব্যবর্তন ঝালরশ্রেণীর আবির্ভাব হইবে। ইহারা অনেকাংশে ইরংরের বাতিচার ঝালরের মত কিন্তু তফাং এই যে ইরংরের পরীক্ষার সমান প্রস্থের কতকর্গুলি ঝালর ঘৃষ্টিক্ষেন্ত জুড়িয়া থাকে। ইহাদের তীব্রতা কেন্দ্রীর ঝালরের চরম মান হইতে ক্রমে কিন্তু খুব আন্তে ধারের দিকে কমিতে থাকে। আর ব্যবর্তন ঝালরের বেলায় র্যাদিও সমান প্রস্থের এক শ্রেণীর ঝালর পাওয়া যায় কেন্দ্র হইতে ধারের দিকে গোলে এইগুলির তীব্রতার খুব দুত পরিবর্তন ঘটে। কেন্দ্রীর ঝালরের দুই পাশে করেকটি উজ্জ্বল ঝালর, পরে খানিকটা স্থান অন্ধকার আবার অপেক্ষাকৃত কম তীব্রতার করেকটি ঝালর, তারপরে থানিকটা অন্ধকার পরে হয়তো আরও করেকটি ক্ষীণ তীব্রতার ঝালর। এইর্পে সমান প্রস্থের ঝালরগুলির মাঝে মাঝে অন্ধকার অংশ বর্তমান থাকিবে। আর ঝালরের প্রস্থ, অন্ধকারের অবস্থান প্রভূতি নির্ভর করিবে রেখাছিদ্র দুইটির এবং ইহাদের মাঝের অন্ধক্ষ স্থানের প্রস্থানের প্রস্থের উপর। তীব্রতার ব্যব্য বৃথিতে হইলে আলোক তীব্রতার মানের জন্য একটি রাশিমালা বাছির করা প্রয়োজন। নিরে তাহা করা হইল।

## আলোকডীপ্রভার মান (Intensity Expression).

একক রেখাছিদ্রের বেলার বে লেখাচিগ্রীর পদ্ধতির প্ররোগ করা হইরাছে তাহা এইক্ষেত্রেও সমভাবেই ব্যবহার করা বার।

০.০৭ নং চিত্রে একটি বৃশ্ধ রেখাছিদ্র দেখানো হইরাছে। হিসাবের সূবিধার জন্য ধরা হইরাছে বে দুইটি রেখাছিদ্রের প্রস্থই সমান এবং এই প্রস্থ ব বারা বৃঝানো হইরাছে। ইহারা মাঝের b প্রস্থের অবজ্ঞ অংশ বারা বিজ্ঞিন। সমান্তরাল আলোক রশিমালা i কোণে রেখাছিদ্রে আপতিত হইরা b কোণে বার্বাতিত হইতেছে। তাহা হইলে পূর্বের একক রেখাছিদ্রের আলোচনা অনুসারে বলা বার বে প্রতিটি ছিদ্রের জন্য প্রভাব একটি বৃত্তাংশ



দারা বুঝানো বাইতে পারে। চিত্রে এই বৃত্তাংশ দুইটি OA এবং BC. ইহার। সমান এবং যদি প্রত্যেককে  $2\phi$  কোণ থারা বুঝানো হয় তবে

$$2\phi = \frac{2\pi a}{\lambda} \left( \sin i + \sin \theta \right). \tag{3.84}$$

ইহার৷ বিচ্ছিন্ন হইরাছে বে অংশ b দার৷ তাহ৷ বুঝাইতেছে AB বৃত্তাংশ ; ইহার কোণিক পরিমাপ বদি  $2\beta$  হর তবে লেখ৷ বাইতে পারে

$$2\beta = \frac{2\pi b}{\lambda} (\sin i + \sin \theta). \tag{3.85}$$

a রেখাছিছের মধ্য দিয়া বে লব্ধি শ্রংশ বাইবে তাহার বিস্তার হইবে  $\frac{a\sin\phi}{\phi}$  এবং ইহার দখা হইবে  $\phi$  ( O বিস্পৃতে দলা শ্ব্য ধরিলে ) ; সূত্রাং এই শ্রংশ  $y_1$  লেখা বার

$$y_1 = \frac{a \sin \phi}{4} \sin (wt + \phi) \tag{3.86}$$

এখানে a রেখাছিদ্রে আপতিত প্রংশ ধরা হইরাছে sin wt. অন্য রেখাছিদ্রটি দিরা বাবতিত প্রংশ বদি y, হর তবে ইহাকে লেখা বার

$$y_2 = \frac{a \sin \phi}{\phi} \sin (wt + \phi + 2\phi + 2\beta) = \frac{a \sin \phi}{\phi} \sin (wt + 3\phi + 2\beta)$$
 (3.87)

দশার মান এইবৃপ দাড়াইবার কারণ এই যে  $\Lambda$  বিন্দুতে প্রংশের দশায়  $2\phi$  এবং B বিন্দুতে  $2\phi+2\beta$ . আর একক রেখাছিদ্রের আলোচনা হইতে দেখা বার বে  $O\Lambda$  ছিদ্রের লব্ভি দশা ইহার মধ্যবিন্দুর দশার সমান অর্থাৎ  $\phi$ . অনুর্পভাবে BC রেখাছিদ্রের লব্ভি দশাও  $\phi$ . সূতরাং O বিন্দুর তুলনার BC রেখাছিদ্রের দশা হইবে  $\phi+2\phi+2\beta$ .

সূতরাং  $y_2$  ভংশের দশা ধ্রক হইবে  $3\phi + 2\beta$ .

हेशामब উভয়ের मिक माज़ारेट y, এবং এই मिक रहेटव

$$y = y_1 + y_2 = \frac{a \sin \phi}{\phi} \{ \sin (wt + \phi) + \sin (wt + 3\phi + 2\beta) \}$$

$$= \frac{2a \sin \phi}{\phi} \{ \cos (\phi + \beta) \sin (wt + 2\phi + \beta) \}$$
 (3.88)

সুতরাং  $L_{2}$  লেন্সের ফোকাসতলে আলোর তীরতা Int দাড়াইবে

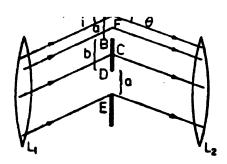
$$Int = \frac{4a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2} \cos^2 (\phi + \beta) = \frac{4a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2} \cos^2 \gamma \quad (3.89)$$

এখানে 
$$\phi + \beta = \frac{\pi}{\lambda} (a+b) (\sin i + \sin \theta) = \frac{\pi}{\lambda} W (\sin i + \sin \theta) = \gamma$$
(3.90)

W = a + b অর্থাৎ প্রথম রেখাছিদ্রের কেন্দ্র হইতে বিতীয় রেখাছিদ্রের কেন্দ্র পর্যান্ত দূরত্ব।

বীজগাণিতিক পদ্ধতিতেও ছভাবতই ঐ একই কল পাওয়া বাইবে। নিমলিখিতবৃপে এই ফল পাওয়া বাইতে পারে। ৩.০৮ নং চিত্রে AB এবং DE দুইটি রেখাছিদ্রের প্রস্থা। ইহাদের প্রত্যেককেই হিসাবের সুবিধার জন্য ধরা হইয়াছে a র সমান। মাঝে b প্রস্থের অবচ্ছ অংশ। একটি সমান্তরাল রশ্মিমালা এই রেখাছিদ্র দুইটির উপর i কোণে আপতিত হইরাছে এবং  $\theta$  কোণে বাবতিত হইরাছে। এই প্রক্রিয়ার দুইটি লেশ  $L_1$  এবং  $L_2$ 

ব্যবহার করা প্ররোজন ; b আবছ আংশের মধ্যভাগ C বিম্পুকে কেন্দ্র করিয়া বদি উভয়দিকে দূরণ যাপা হয় তবে C বিন্দু হইতে s দূরণে F বিন্দুর মধ্য



10.0 B

দিয়া বে আলোকরন্দি গমন করিতেছে তাহার ক্রপে সহজেই লেখা বার। বদি C কিন্দুর তুলনার লেখা বার তবে এই ক্রপে হইবে dy

$$dy = A \cos 2\pi \left( \nu t - \frac{\Delta}{\lambda} \right). \tag{3.91}$$

এখানে A রেখাছিদ্রে আগভিত রন্ধির বিস্তার, ৮ ইহার কম্পাক্ষ এবং
△ পথ পার্থকা। CF দূরত্ব বদি ১ হয় তবে লেখা হাইতে পারে:

$$\triangle - s (\sin i + \sin \theta) - s.\delta$$
  
 $\delta - (\sin i + \sin \theta).$ 

সূতরাং F কিপুর নিকটে ds অংশের জন্য শ্রংশ হইবে

$$dy = A \cos 2\pi \left( vt - \frac{s \cdot \delta}{\lambda} \right) ds = A \cos (wt - \epsilon s) ds;$$

$$w = 2\pi \qquad \epsilon = \frac{2\pi \delta}{\delta}$$

 $L_s$  লেলের ফোকাসতলে লভি স্রংশ পাওরা যাইবে এই রাশিমালাকে  ${b\choose 2}+a$ ) হইতে  ${b\choose 2}$  পর্বান্ত এবং  $-{b\choose 2}$  হইতে  $-{b\choose 2}+a$ ) পর্বান্ত সীমার মধ্যে স্বান্থনন করিয়া ।

ইভিপূৰ্বে ব্যবহৃত কম্পিন্ডের পদ্ধতি (method of imaginaries) অবস্থান কমিয়া সেখা বায়

$$\cos (wt - 4s) = R. P. of e^{-i(wt - 4s)}$$

সূতরাং লব্ধি দ্রংল Y দাড়াইবে [ R. P. of বারবার না লিখিয়া ]

$$Y = A \int_{\frac{b}{2}}^{\frac{b}{2}} e^{-i(wt - \alpha s)} ds + A \int_{\frac{b}{2}}^{\frac{b}{2}} e^{-i(wt - \alpha s)} ds.$$

$$-\left(\frac{b}{2} + a\right) \qquad (3.92)$$

$$-\frac{Ae^{-iwt}}{i\alpha} \left[ \left\{ e^{i\alpha} \left( \frac{b}{2} + a \right) - e^{-i\alpha} \left( \frac{b}{2} + a \right) \right\} + \left\{ e^{-\frac{i\alpha b}{2}} - e^{\frac{i\alpha b}{2}} \right\} \right]$$

$$-\frac{2Ae^{-iwt}}{i\alpha} \left\{ i \sin \alpha \left( \frac{b}{2} + a \right) - i \sin \frac{\alpha b}{2} \right\}$$

$$-\frac{2A}{\alpha} e^{-iwt} \left\{ \sin \alpha \left( \frac{b}{2} + a \right) - \sin \frac{\alpha b}{2} \right\}$$

$$-\frac{4A}{\alpha} \cos \frac{\alpha(a+b)}{2} \sin \frac{\alpha a}{2} e^{-iwt} \qquad (3.93)$$

সূতরাং ভ্রংশের বিস্তার দাড়াইতেছে

Amp 
$$=\frac{4A}{4}\cos\frac{4(a+b)}{2}\sin\frac{4a}{2}$$
.

বদি ধরা বার

$$\frac{\langle a \rangle}{2} = \frac{a}{2} \cdot \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \delta = \frac{\pi a}{\lambda} (\sin i + \sin \theta) = \phi.$$

$$\frac{\langle (a+b) \rangle}{2} = \frac{a+b}{2} \cdot \frac{2\pi}{\lambda} \delta = \frac{\pi (a+b)}{\lambda} (\sin i + \sin \theta) = \gamma$$

তাহা হইলে বিস্তার হইবে

Amp = 
$$\frac{4A}{4} \sin \phi \cdot \cos \gamma$$
.  
=  $2Aa \frac{\sin \phi}{\phi} \cos \gamma$  (3.94)

এই রাশিমালা লেখাচিত্রীর পদ্ধতিতে প্রাপ্ত রাশিমালার সহিত অভিন্ন ; শুধু এইমাত্র পরিবর্তন করা হইরাহে বে একটি বাড়তি সংখ্যা A আসিয়াছে। ইহার কারণ আগের ক্ষেত্রে বিভার ধরা হইরাহে 1 ; আর বর্তমান ক্ষেত্রে বিভার ধর। হইরাছে A. সূতরাং A গুণকটি পরের ক্ষেত্রে বাড়তি আসিরাছে। অতএব L, লেলের ফোকাসতলে আলোর ভীরতা গাড়াইবে

Int = 
$$4A^2a^2\frac{\sin^2\phi}{\phi^2}\cos^2\gamma$$
.  
=  $A^24a^2\frac{\sin^2\phi}{\phi^2}\cos^2\gamma$ . (3.95)

ব্যবর্জ স্বালারের অবস এবং চরম তীত্রভার বন্টন (Distribution of minima and maxima in the diffraction pattern).

উপরের আলোকভীরতার রাশিমালা হইতে দেখা যার যে আলোকতীরতা দুইটি গুণকের উপর নির্ভর করে। ইহাদের মধ্যে প্রথমটি  $\frac{a^2 \sin^2\phi}{\phi^2}$  পূর্বেই একক রেখাছিদ্রের ফুনহফার বাবর্তনের তীরতার রাশিমালা হিসাবে পাওয়া গিরাছে। দ্বিতীরটি  $\cos^2\gamma$  দেখা যাইবে বে দুইটি রেখাছিদ্র হইতে আগত আলোর মধ্যে বাতিচার ঝালরের আলোকতীরতার মান নির্পণ করিবে। আলোচনার প্রথমেই অনুমান করা সম্বব ছিল যে এই বাবর্তন ঝালর উভর প্রকার ঝালরেরই সমষ্টি হইবে: কারণ রেখাছিদ্র দুইটির প্রত্যোকটিতেই বাবর্তনের ফলে ঝালরের স্থিত হইবে। আবার ইহাদের দুইটির আলো অধিস্থাপনের (superposition) ফলে বাতিচার ঝালরেরও উংপত্তি হইবে।

আলোর তাঁরত। অবম এবং একেনে শুন। হইবে নিম্নের দুইটি ক্ষেনে

$$\gamma = (2n+1) \frac{\pi}{2}$$
;  $n = অথও সংখ্যা$ 

এবং  $\phi = m\pi$  m = অখও সংখ্যা (0 বাদে, পরের আলোচনা দুউবা)

প্রথমটি হইতে পাওয়া যার

$$\frac{\pi}{\lambda} (a+b) \left( \sin i + \sin \theta \right) - (2n+1) \frac{\pi}{2}$$
 (3.96)

ৰা 
$$(a+b)$$
 (sin  $i+\sin\theta$ ) =  $(2n+1)$   $\frac{\lambda}{2}$  ··· অবম (শ্না) আলোকতীওতা (3.97)

চিত্র হইতে দেখা বাইবে বে প্রথম রেখাছিন্তের কেন্দ্র হইতে খিতীর রেখাছিন্তের কেন্দ্র পর্বান্ত দূর্য (a+b); অর্থাৎ ইরংরের পদীকার দুইটি রেখা-ছিন্তের মধ্যের দূরদের সমান। সুত্রাং অবম তীব্রতার এই সর্ভ আসিতেতে : পুইটি রেখাছিয়ের মধ্যের আলোর সৃষ্ঠ ব্যতিচারের [ যদি (a+b)=W লেখা যার ] কেয়ে দাড়ার

$$W(\sin i + \sin \theta) = \frac{\Lambda}{2}, \frac{3\lambda}{2}, \frac{5\lambda}{2}$$
 অবম তীব্রতা (3.98)

ইহার অর্থ খুবই স্পর্ক।  $W(\sin i + \sin \theta)$  দুইটি রেখাছিদ্র হইতে আগত আলোর মধ্যের পথ পার্থকা। সুতরাং এই পথ পার্থকা যদি বিজ্ঞোড় সংখ্যক  $\frac{\lambda}{2}$  হয় তবে ইহারা বিপরীত দশায় থাকে বিলয়া পরস্পরকে ধ্বংস করে এবং ইহাদের মোট ফল দাঁড়োর শূন্য।

φ = mπ হটতে পাওয়া যায়

$$\frac{\pi a}{\lambda}(\sin i + \sin \theta) = m\pi$$

বা 
$$a(\sin i + \sin \theta) = m\lambda$$
  $\lambda$ ,  $2\lambda$ ,  $3\lambda$ ...(  $0\lambda$  বাদে  $)$  · (3.99) অবম আলোকতীরতা ।

এখানেও দেখা বার যে এই সংকেতিট একক রেখাছিদ্রের ক্ষেত্রের অবম তীরতার সহিত অভিন্ন । এই সংকেতিটি পালিত হইলে সংগ্লিক্ট কোণ  $\theta$  দিকে শূন্য আলোকতীরতা সৃষ্টি হইবে । একমাত্র তফাং এই যে এই কোণে উভর রেখাছিদ্রের বেলারই শূন্য আলোকতীরতা জন্মিবে । পূর্বেই দেখা গিয়াছে যে  $a(\sin i + \sin \theta)$  প্রত্যেকটি রেখাছিদ্রের দুই প্রান্তের রন্মির মধ্যের পথ-পার্থকা ; আর একক রেখাছিদ্রের ক্ষেত্রে দেখা গিয়াছে যে এই ক্ষেত্রে পথ পার্থক্য  $m\lambda$  হইলে  $\theta$  দিকে আলোকতীরতা শূন্য হয় (সমীকরণ 3.50) ঃ

আলোকতীরতার রাশিমালা দুইটি গুণকের গুণফল হওয়ার ফলে তীরতার চরম অবস্থান অবমের মত সহজে নির্ণয় করা যায় না। যদি কিছু স্থূলভাবে (approximately) হিসাব করা যায় তবে নির্মালিখিতর্পে এই আসম মান (approximate value) বাহির করা সম্ভব। এই পদ্ধতিতে  $\frac{\sin^2\phi}{\phi^2}$  এর পরিবর্তন অগ্রাহ্য করিলে লেখা যায়

 $\gamma = n\pi$ , n = অখও সংখ্যা→চরম তীব্রতা

ৰা 
$$\frac{\pi}{1}(a+b)$$
 (sin  $i+\sin\theta$ ) –  $n\pi$ 

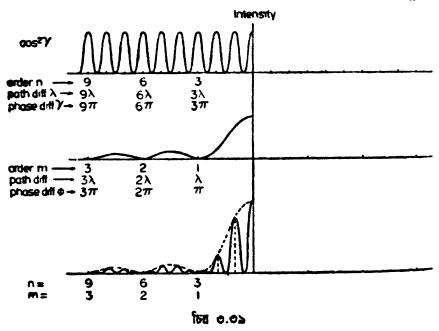
বা 
$$(a+b)$$
 (sin  $i+\sin\theta$ ) —  $n\lambda$  ···চরম তীব্রতা

$$\P W(\sin i + \sin \theta) = n\lambda \tag{3.100}$$

এখানেও সহজেই দেখা বার বে (a+b) ( $\sin i + \sin \theta$ ) দুইটি রেখাছিয়ের সংগ্রিক (corresponding) বিন্দু হইতে আগত আলোকরন্মির পথ দ্রস্থ।

কাজেই ব্যতিচারের নিরম অনুসারে ইহারা n\ হইলে রন্দি দুইটি একই দশার থাকে বাহার ফলে ভাহাদের লভি চরম হর । কিন্তু বে সর্ভ আরোপ করা হইরাছে ( অর্থাং  $\sin^2 \phi$  এর পরিবর্তন ধরা হর নাই ; কিন্তু সেটা সাধারণতঃ এই পরীক্ষার পালিত হর না ) একক রেখাছিল্লের প্রস্থ খুব কম হইলেই শুধু এই অবস্থার সৃত্তি হর । একক রেখাছিল্লের প্রস্থ বালরের প্রস্থ রেখাছিল্লের প্রস্থের ব্যব্ডানুপাতিক । সূত্রাং রেখাছিল্লের প্রস্থ বালরাটর আলোকভীরতার ব্যব্ডন ঝালরগুলিও খুব প্রশার ইইবে ফলে কেন্দ্রীর ঝালরটির আলোকভীরতার হাস ধারের দিকে খুবই ধীরে ধীরে হইতে থকিবে। এই অবস্থার ৮(sin i + sinθ) — n\ এই সর্ভ মোটামুটিভাবে পালিত হইবে এবং আলোক তীরতার চরম অবস্থানগুলি এই সম্বন্ধ হইতে স্কুলভাবে পাওরা বাইবে। ইরং এর প্রীক্ষার বেখাছিল দুইটির প্রস্থ খুব কম রাখা হর বলিরা এ ক্ষেত্রে চরম তীরভার ঝালর এই সম্বন্ধ হইতে পাওরা বার ইহা পূর্বেই দেখা গিরাছে।

আলোক তীব্ৰভাৱ যথাৰ্থ বন্ধন ৰাহিব কৰিতে হইলে প্ৰথমে দুইটি গুণকের কনাই আলাদা কৰিব। তীব্ৰভাৱ মান নিৰ্ণয় কৰিছে হইবে। পরে এই দুইটি



তীৱতার মান গুণ করিলে করি তীৱতা পাওয়া বাইবে। লেখাচিত্রীর প্রতিতে এই আলোকভীৱতা সহজেই বাহির করা বার। ০.০৯ নং চিত্রে এইবৃগ প্রতি শেখানো হইরাহে। প্রথমটি তেঃ পুণকের লেখাচিত। এইগুলি পরিচিত ব্যতিচার বালরের লেখাচিত বলিরা সহজেই চেনা বার। ইহাদের প্রস্থ সমান হইবে। চিত্রে অবশ্য সব বালরগুলিরই তীরতা সমান দেখানো হইরাছে বলিও প্রকৃতপক্ষে তীরতা কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে ক্রমশঃ কমিতে থাকিবে। চিত্রের নীচে বিভিন্ন তীরতার অবস্থানে সংগ্লিষ্ট বালরের ক্রম এবং পথ ও দশা পার্থক্য স্চিত হইরাছে।

ষিতীয় চিত্রে অনুর্পভাবে একক রেখাচিতের ব্যবর্তন ঝালর অভিকত হইয়াছে। এখানেও উপরোক্ত বিষয়গুলি পার্খে লিখিত আছে।

ভূতীরটিতে লব্ধি আলোক তীরতার মান দেখানো হইরাছে। এই লেখাচিন্ন পাঞ্জা গিরাছে প্রতিটি  $\theta$  কোণের জনা উপরের লেখাচিন্ন দুইটির
সংগ্লিক কোটি (ordinate) গুল করিরা। যদিও কেন্দ্রীর তীরতা তিনটি
চিন্নেই একই স্কেলে আকা হইরাছে, প্রকৃত ক্ষেত্রে ভূতীরটির কোটিগুলি 4
বারা গুল করা প্ররোজন কারণ তীরতার রাশিমালার একটি 4 গুণক বর্ত্তমান।
এই 4 গুণকটির অভিন্নের কারণ নিমর্প। দুইটি রেখাছিদ্রের যে কোনও
একটি বন্ধ করিলে অনাটি একই ছানে এবং একই প্রকারের বাবর্তন কালর
উৎপান করে। ইহার কারণ বালরগুলির কেন্দ্র  $L_s$  লেলের কেন্দ্রের সহিত
সক্ষাতী হইবে বলিরা দুই ক্ষেত্রেই একই জারগার বালর উৎপান্ধ হয়। কিন্তু
দুইটি একসঙ্গে খোলা থাকিলে বিগুণ তীরভার একটি ব্যভিচার বালরশ্রেণীর
সৃত্তি হয় না। চরম ভীরভার বেলার  $L_s$  লেলের ফোকাসতলে প্রতিটি বিন্দুতে
রেখাছিদ্র হইতে আগত প্রংশ বোগা হইরা বিগুণ বিস্তার হয়, কারণ এই প্রংশ
পরক্ষর সংসন্ত। ফলে লব্ধি তীরতা বিগুণের ছানে চতুগুণি হইরা থাকে।

আরও একটি জিনিষ লক্ষণীয়। লব্ধি ঝালরের মান দুইটি গুণকের গুণফলের সমান হওরার অর্থ এইভাবে ভাবা বার বে ব্যভিচার ঝালর যেটা সৃষ্ঠি হর, ব্যবর্তন ঝালরের তীন্তভার মান ভাহার আবরণ (envelope) হিসাবে কাজ করিয়া তীন্তভার মান নিরম্ভণ করে। কাজেই বে অংশে সমান তীন্তভার ঝালরগুলির কোটি (ordinates) ব্যবর্তন ঝালরের বর্জমান (increasing) কোটি বারা গুণ করা হর সেখানে লব্ধি তীন্তভার চরম মান কোটির বৃদ্ধির দিকে সরিয়া আসিবে। তীন্তভার অবস্থানের এইবৃপ স্থানচুতি চিন্ত নং ৩.৩৯ এ ( তৃতীর চিন্ত ) দেখানো হইরাছে। কেন্দ্রীর ব্যবর্তন ঝালরের কেন্দ্রে এই ব্যভিচার ঝালর কেন্দ্রের বিকে সরিয়া আসিয়াছে। ইহার পরের ব্যবর্তন ঝালরের মধ্যে অবন্ধিত ব্যভিচার ঝালরের ব্যবর্তন ঝালরের ব্যবর্তন ঝালরের ব্যবর্তন ঝালরের মধ্যে অবন্ধিত ব্যভিচার ঝালরগুলি এই বৃদ্ধি জনুস্যারে উভর বিকেই

সনিয়া বাইবে। তীরভার মান খুবই কম বলিয়া এইগুলি চিয়ে ঠিকমত আক্ষিত করা সম্ভব হয় নাই; শুধু কেন্দ্রীয় বাষর্তন ঝালরের বেলারই এই ছানচ্যুতি শেখানো হইয়াছে। ছানচ্যুতি না হইলে এই ঝালরগুলির চরম তীরভার অবস্থান জ্যারেখা বরাবর হওয়ার কথা।

০.০৯ নং চিত্রের তৃতীর অংশে বে লব্ধি ঝালর আকা হইরাছে তাহাতে রেখাছিদ্রের প্রস্থ এবং তাহাদের মধ্যেকার ব্যবধানের একটি বিশেষ সম্বন্ধ আছে। এই ঝালরগুলি আকা হইরাছে একটি  $\theta$  কোণের ক্ষেল অনুসারে। আবার এই  $\theta$  কোণের সহিত  $\phi$  এবং  $\gamma$  কোণেরও সম্বন্ধ আছে। চিত্র নং ০.০৮ হইতে এই সম্বন্ধ নির্ণর করা বাইতে পারে। হিসাবের সুবিধার জন্য বন্ধি ধরা হর বে আলো রেখাছিদ্রের উপর অভিলম্বভাবে আপতিত হইরাছে তবে বাবর্তন ঝালরের ক্ষেত্র লেখা বার

$$\frac{2\pi}{\lambda}$$
  $a \sin \theta = 2\phi$ 

ঐ একই কোণে উৎপদ্ধ ব্যতিচার ঝালরের ক্ষেত্রে লেখা যায়

$$\frac{2\pi}{\lambda} W \sin \theta = 2\gamma.$$

সূতরাং 
$$\frac{2\gamma}{2\phi} - \frac{W}{a}$$
.

কাজেই দেখা বাইতেছে যে একই কোণ  $\theta$  র জন্য

$$\frac{\gamma}{\phi} = \frac{W}{a} = \frac{a+b}{a}$$

চিত্র ৩.৩৯ বেভাবে আকা হইরাছে, ভাহাতে  $\frac{\gamma}{\phi} = 3$  ধরা হইরাছে ।

**चारुवा बचारन** a:b=1:2

ৰাহাতে পাওয়া বার 
$$\frac{a+b}{a}=3$$
.

বদি রেখাছিনের প্রস্থ এবং ইহাদের মধ্যের অবচ্ছ অংশের প্রস্থের অনুপাত আলাদ। হর তবে বালরগুলিতে আপেক্ষিক অবস্থান এবং প্রস্থেও অনুর্পভাবে পরিবর্তিত হইবে। বেমন বর্তমান ক্ষেত্রে কেন্দ্রীর বার্তন বালরের মধ্যে তিনটি ( একলিকে ) ব্যতিচার বালর অবস্থিত থাকিবে। বদি a:b=1:5 হর তবে এই ব্যতিচার বালরের সংখ্যা সাড়াইবে হর্মটি। ইরংরের পরীক্ষার এই অনুপাত খুব বড় করা হর 1:10 অথবা 1:15 রাভীর অথবা ইহার

অপেকাও বেশী ; সূতরাং সেইসব ক্ষেত্রে কেন্দ্রীর বাবর্তন ঝালরের মধ্যে দশ-পদেরোটি অথবা বেশী ব্যতিচার ঝালর বর্তমান থাকিবে।

## লুপ্ত ক্ৰের বালর (Missing order fringes).

০.০৯ নং চিটে তৃতীর, ষঠ, নবম ইত্যাদি ঝালর লক্ষ্য করিলে দেখা যাইবে যে এখানে যে চরম তীরতার ঝালরগুলি হইবার কথা সেগুলি প্রায় অনুপন্থিত বলিলেই চলে। ইহার পরিবর্তে ঐ অবস্থানের দুই পাশে খুব কম তীরতার দুইটি ঝালর দেখা যায়। এই ঝালরের অনুপন্থিতিকে লুগু রুমের (missing order) ঝালর বলা হয়। এই সব অবস্থানে সমীকরণ 3.100 অনুসারে যাতিচার ঝালরের চরম তীরতা হওরার কথা; কিন্তু একই সমরে বাবর্তন ঝালরের অবম (অর্থাং শ্না) তীরতাও এই একই কোণে উৎপল্ল হইবার কথা। কিন্তু লব্ধি তীরতা এই দুই স্বতম্ভ তীরতার গুণফল হওরার জন্য এইসব অবস্থানে শ্না দাড়াইবে। এই অবস্থান অবশ্য একটি বিন্দুর বেলারই প্রয়োজা; লেখাচিত্র ০.০৯ হইতে দেখা যায় যে ইহার দুইপাশে সামান্য তীরতা বর্তমান থাকার দুইটি সামান্য তীরতার ঝালর উৎপল্ল হইবে। লুপ্ত রুমের ঝালর সৃষ্টির সর্ত হইবে নিয়রপা

 $W \sin \theta = n\lambda$   $\rightarrow$  চরম তীরতার ব্যতিচার ঝালর  $a \sin \theta = m\lambda$   $\rightarrow$  অবম তীরতার ব্যবর্তন ঝালর

$$\therefore \frac{W \sin \theta}{a \sin \theta} = \frac{n\lambda}{m_A}$$

চিত্রে অন্তিত ক্ষেত্রে W: a=3:1

সূতরাং এই ক্ষেত্রে m=1, 2, 3 ইত্যাদির জন্য লুপ্ত ঝালরের ক্রম হইবে 3, 6, 9.

ৰ্ষদ W: a=2:1 হয় তবে

m=1, 2, 3 ইত্যাদির কেতে লুপ্ত ঝালরের কম হটবে 2, 4, 6.

তবে একটি জিনিষ বুঝা প্রয়োজন। m এবং n দুইটিই অখও সংখ্যা। কাজেই লুম্ভ ক্রমের ঝালর উৎপান হওরার জন্য W এবং a এর অনুপাতও দুইটি কুম্র অথও সংখ্যার অনুপাতের সমান হওরা প্রয়োজন। ফলে লুম্ভ ক্রমের ঝালর সাধারণত দেখা বার মা। অবশা W: a বাদ খুব বড় হর তাহা হইলেও

তাত্ত্বিক দিক হইতে পৃপ্ত ক্রমের ঝালর দেখা সম্ভব কিন্তু প্রকৃত পরীক্ষার ক্রেয়ে এই লুপ্ত ঝালর পাওয়া দুকর হইবে।

এই পৃপ্ত ঝালবগুলির সৃষ্টির কারণ সাধারণভাবেও বুঝা বার। চিত্রে অন্দিত ক্ষেত্রে তৃতীর রূমের ধ্যতিচার ঝালরটি পুপ্ত হইবে। এইটির ক্ষেত্রে সমীকরণ দাড়াইবে

## $W \sin \theta = 3\lambda$

ইহাতে দুইটি রেখাছিদ্রের সংশ্লিষ্ট বিন্দু হইতে নির্গন্ত রাশ্বর মধ্যে পথপার্থকা 3\u03b3. সুতরাং তাহারা একই দশার হওরার এই কোণে তীব্রতা চরম হওরার কথা। কিন্তু ঠিক এই একই কোণে নির্গত একটি রেখাছিদ্রের দুই প্রান্ত হইতে বাবর্তিত রাশ্বর পথপার্থকা \u03b3. সুতরাং এই রেখাছিদ্রের সমন্ত রাশ্বর এই কোণে লব্ধি তীব্রতা হইবে শূলা। অনাটির বেলারও এই কথাই প্রবোজ্য হইবে। কাজেই এই  $\theta$  কোণে দুইটি রেখাছিদ্রের প্রত্যেকটি হইতে নির্গত আলোকরাশ্বর মোট কল শূলা হওরার এই কোণের বাতিতার ঝালরটি লুপ্ত হইরা বাইবে।

বৃদ্ধ-রেখাছিদ্রের বালরশ্রেণীতে রেখাছিদ্রের প্রস্থ a এবং ইহাবের মধ্যের অবচ্ছ অংশের প্রস্থ b এর অনুপাতের উপর ঝালর নকসা অনেকাংশে নির্ভর করিবে একথা আগেই বলা হইরাছে। বাল ইহাবের মধ্যে a অপরিবর্তিত রাখিরা b এর মান বাড়ানো বার তবে বাবর্তন ঝালরের প্রস্থ অপরিবর্তিত থাকে, কিন্তু রেখাছিদ্র দুইটির মধ্যে দুরত্ব বাড়ার ইহাদের আলোতে উৎপন্ন বাতিচার ঝালরের প্রস্থ কমিতে থাকিবে। সূত্রাং কেন্দ্রীর ব্যবর্তন ঝালরের মধ্যে অবস্থিত বাতিচার ঝালরের সংখ্যাও বাড়িতে থাকিবে। আবার বাদ অবচ্ছ খংশ b এর প্রস্থ অপরিবর্তিত রাখিরা রেখাছিদ্রের প্রস্থ a কমানো হর তবে বাবর্তন ঝালরের প্রস্থ বাড়িয়া বাইবে বাদিও বাতিচার ঝালরের প্রস্থ পুব সামান্যই পরিবর্তিত হইবে। এক্ষেত্রেও কেন্দ্রীর ব্যবর্তন ঝালরের মধ্যে অবস্থিত ব্যতিচার ঝালরের সংখ্যা বাড়িরা বাইবে। অন্যাদকে b কমাইলে বা a বাড়াইলে স্থভাবতই ইহার বিপরীত ব্যাপার ঘটিবে।

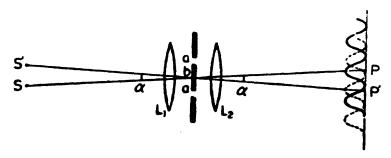
বৃশ্ব রেখাছিলের বে ঝালর নকসার আবিন্ডাব হর তাহার উৎপত্তি সবছে প্রদান উঠিতে পারে বে ইহা বাবর্তন না বাতিনার ঝালর ? এ পর্যন্ত বে আলোচনা করা হইরাছে তাহা হইতে দেখা বার বে এই ঝালরের উৎপত্তির কারণ বাবর্তন এবং ব্যতিনার পুইই হইতে পারে। ইরংএর পরীক্ষার রেখাছিলের মত এক্ষেত্রেও দুইটি রেখাছিল হইতে আলো আসিরা অধিস্থাপিত (superposed) হইতেছে; অভবন এখানে ব্যতিনার ঝালর হওরার কথা।

আবার একক রেখাছিয়ের বাবর্তন ঝালরের আলোচনা হইতে দেখা বায় কে প্রতিটি রেখাছিন্তই একপ্রন্থ ব্যবর্তন ঝালরের সৃষ্টি করে। আর দ্বিতীর লেসটি  $L_s$  ( চিচ্চ নং ৩.৩৮ ) থাকার জন্য এই দুইটি ঝালরশ্রেণী একই স্থানে পড়ে। তবে বাবর্তনের আধোচনার দেখা গিয়াছে যে ইহা প্রকৃতপক্ষে তরঙ্গমূখের বিভিন্ন অংশ হইতে উৎপন্ন মাধ্যমিক তরঙ্গসমূহের (secondary wavelets) ব্যতিচার ভিন্ন আর কিছুই নর। সৃতবাং এইদিক হইতে বিচার করিলে বুশ্ব রেখাছিদ্রের ঝালরশ্রেণীর উৎপত্তির কারণ সমস্তটাই ব্যতিচার বলিরা বলা চলে। আবার অন্য দিকে সমন্ত ব্যাপারটাকে শুধুমাত্র ব্যবর্তন্ত বলা চলিতে পারে। কারণ ঝালরের আলোকতীব্রতা পাওয়া গিয়াছে ( সমীকরণ ০.১৪ ) আপতিত আলোকরন্ধিমালার তরক্ষমুখের প্রভাব সমাকলন করিরা, যেরুপভাবে একক রেখাছিদের বাবর্তনের জন্য আলোকতীরতার রাশিমালা হিসাব স্বরা হইয়াছে। তবে প্রচলিত রীতি অনুসারে দুই বা ততোধিক আলোক রশ্বিমালার অধিস্থাপনের ফলে সৃষ্ট ঝালরকে বলা হয় আলোকের বাতিচার। আর আলোকের তরক্ষমুখের বিভিন্ন কিন্দু হইডে নিগত মাধ্যমিক তরঙ্গসমূহের বাতিচারকে বাবর্তন বলিয়া আখ্যা দেওরা হয়। সূতরাং এই দিক হইতে দেখিতে গেলে বুশ্বরেখাছিদ্রের ঝালরশ্রেণীর উৎপত্তিকে বুগপৎ বাৰ্ডন এবং ব্যাতিচারের দর্শ বলা বাইতে পারে। আরু বার্ডনও বাতিচারেরই নামান্তর এবং প্রকারভেদ মাত্র।

আলোকউৎসের পরিমিড প্রেমের প্রভাবে ঝালরের প্রকৃতির পরিবর্তন (The change in the nature of the fringe pattern due to the influence of finite width of the light source).

বালরের আলোচনার এ পর্যান্ত শুধু রেখাছির পুইটি এবং তাহাদের মধোকার অবছ অংশের আপোক্ষক প্রন্থের কথাই বিকেচনা করা হইরাছে এবং ঝালরের উপর ইহাদের প্রভাবই দেখা হইরাছে। আলোকউংস হিসাবে বে রেখাছির বাবহাত হইরাছে, তাহার প্রস্থ কোনওর্গ হিসাবের মধোই আনা হয় নাই। কিন্তু একটু ভাবিয়া দেখিলে বুঝা বাইবে বে এই রেখাছিরের প্রস্থও ঝালরের প্রকৃতি অনেকাংশে নিয়য়ণ করিবে। ঝালরের সৃত্তির বেলায় ধরা হইয়াছে বে রেখাছির পুইটিতে একটি মার সমান্তরাল আলোকরন্মিমালা আপাতিত হইয়াছে এবং এই রন্মিমালা  $L_s$  লেলের ফোকাসতলে বনীভূত হইয়াছে। কিন্তু এই সম্পনার অর্থ এই বে  $L_t$  লেলের ফোকাসতলে একটি সরলরেখাকৃতি উৎস্ব অর্থন্তে আছে এই সম্বলরেখার কোনও প্রস্থ বর্ডমান নাই। কিন্তু প্রকৃতপক্ষেত্র আছে এই সম্বলরেখার কোনও প্রস্থ বর্ডমান নাই। কিন্তু প্রকৃতপক্ষেত্র আছে এই সম্বলরেখার কোনও প্রস্থ বর্ডমান নাই। কিন্তু প্রকৃতপক্ষেত্র আছে এই সম্বলরেখার কোনও প্রস্থ বর্ডমান নাই। কিন্তু প্রকৃতপক্ষেত্র আছে এই সম্বলরেখার কোনও প্রস্থ বর্ডমান নাই। কিন্তু প্রকৃতপক্ষেত্র

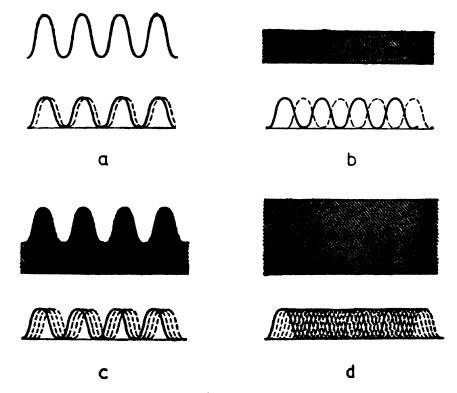
ব্যবহৃত রেখাছিপ্রটি এইরূপ অনেকগুলি সম্নলরেখার সমষ্টি বলিয়া মনে করা বার। ইহাদের প্রভোকেই একটি সমান্তরাল রশিমালার সৃতি করিবে এবং ইহারা প্রভোকেই আলাদা কোণে বুশ্ব রেখাছিয়ের উপর আপতিত হওয়ার L. লেক্ষার। ইহার ফোকাসভলে বিভিন্ন অবস্থানে ধনীভূত হইবে। ফলে একটি বালরশ্রেণীর পরিবর্তে পাশাপাশি অবস্থিত অনেকর্গুল ঝালরশ্রেণীর উদ্ভব হইবে এবং লব্ধি বালৱশ্ৰেণী পাওয়া বাইবে এই সমন্তগুলির সমন্তির সমান। ধরা বাক এইবুপ দুইটি আলোকিত সরলরেখা উৎস হিসাবে ব্যবহার করা হইরাছে এবং ইহাদের দশার মধ্যে কোনও সম্বন্ধ নাই ; অর্থাৎ এই উৎস গুইটি পরম্পর সংসক্ত নহে। তাহা হইলে এই দুইটি উৎস S এবং S' প্রভোকেই একটি সমান্তরাল রশিমালা বৃদ্ধ রেখাছিদের উপর আপতিত করিবে। ইহাদের আপতন কোণ আলাদা হওয়ায় প্রভাকেই  $L_z$  লেলের ফোকাসতলে একপ্রস্থ ঝালর সৃষ্টি করিবে। এই দুইপ্রস্থ ঝালর একসঙ্গে মিলিবে না, পাশাপাশি সরিরা অবস্থান করিবে। আলোকউৎস দুইটি বুশ্ব রেখাছিদ্রে বে কোণ উৎপর করে, ঝালর প্রস্থ দুইটিও বুশ্ব রেখাছিদ্রে সেই কোণই উৎপন্ন করিবে। আর উৎস দুইটি পরস্পর সংসক্ত নর বলিরা ৰ্শাৰ ঝালৱের আলোকভীব্ৰত৷ পাইভে হইলে ইহাদের পৃথক তীব্ৰত৷ যোগ করিতে হইবে। ৩.৪১ নং চিত্রে দেখা বাইতেছে অসংসত্ত আলোকউৎস SS' বন্ধ রেখাছিদ্রে ২ কোণ উৎপান করিতেছে। ইহাদের প্রত্যেকেই L, লেলের



हित 0.85

ফোকাসতলে একপ্রস্থ কালর উৎপন্ন করিরাছে। S এবং S'এর কালরের কেন্দ্রীর বালর বধান্তমে P এবং P' আর ইছারা রেখাছিন্রের তলে ২ কোণ উৎপন্ন করিরাছে। যে লব্ধি ঝালরশ্রেণী পাওরা বাইবে তাছা ছইবে এই পুইটি কালরশ্রেণীর ভীরতার যোগকল। যদি ২ কোণ পুরই ক্ষুদ্র হর তবে এই পুই প্রস্থ বালর প্রার মিলির। বাইবে এবং ইছাপের স্পর্ভতার হ্রাস ছইবে

না। চিয়ে শুধুমাত ব্যক্তিচার ঝালরই আকা হইরাছে; ব্যবর্তন ঝালরের প্রভাবে কেন্দ্র হইতে ধারের দিকে ইহাদের তীরতা কমিতে থাকিবে। কিন্তু মোটামুটিভাবে ব্যক্তিচার ঝালরের প্রভাবই বেশী গুরুত্বপূর্ণ হইবে বলিরা শুধু এইগুলিই আকা হইরাছে। S এবং S' বদি এত কাছাকাছি হয় যে P এবং P' এর মধ্যের প্রত্ব একটি ব্যক্তিচার ঝালরের প্রস্থের তুলনার খুবই কম তবে পুইটি ঝালরশ্রেণীর স্বতম্ব এবং লব্ধি তীরতা চিগ্রে দেখানো হইরাছে (চিত্র ৩.৪২০)। লব্ধি তীরতা কোথায়ও শ্না হইবে না আর চরম তীরতা প্রার



চিত্ৰ ৩.৪২

ষিগুণ হইয়া বাইবে। কিন্তু স্পষ্ঠতা বিশেষ কমিবে না। কিন্তু যদি ১ এবং ১ এর দ্রম্ব এমন হয় বে P এবং P এর দ্রম্ব ঝালরের প্রস্থের অর্থেক দাড়ায় তবে চিত্র হইতে দেখা যায় বে এখানে ফোকাসতলে সর্বত্র সমান তীরতা হইবে অর্থাৎ এই ক্ষেত্রে কোনও বাতিচার ঝালর দেখা যাইবে না। র্যালে মাপদত্ত (Rayleigh criterion) অনুসারে অবশা মনে হইতে পারে বে ব্যালক একটি ঝালরশ্রেণীর চরম তীরতা অন্যটির প্রথম অবম তীরতার সহিত মিলিরা বার তখন এই দুই শ্রেণীকে বতর বলিরা চিনিতে পারা বার, বলিও এইটিই সীমারেখা ; ইহা অপেকা নিকটবর্তী হইলে দুইচিকে আর বতর বলিরা চেনা বাইবে না । কিন্তু বর্তমান ক্ষেত্রে ইহাদের বতর বলিরা চেনা বাইবে না । ভাহার কারণ ব্যতিচার বালরের অবম তীরতার অবস্থান নির্ণীত হর নির্মালিখত সর্ভ বারা

$$\sin \theta = \theta = (n + \frac{1}{2}) \frac{\lambda}{a+b} \qquad n = 343 \text{ A(4)}$$
 (3.104)

বর্তমান ক্ষেত্রে  $\prec$  র্যাদ heta এর সমান হয় তবে এক শ্রেণীর ব্যাতিচার বালরের চরম ভীরতা অপর শ্রেণীর অবম ভীরতার সহিত্ত সম্পাতী হটবে। সেক্ষেত্রে  $L_z$  লেক্ষের কোকাসতলে বে কোনও বিশূতে আলোকতীরতা দাড়াইবে

Int = 
$$\cos^2\gamma_a + \cos^2\gamma_a$$
.

[ সমীকরণ 3.95 মুক্তবা ; বাবর্তনের প্রভাব অগ্নাহ্য করা হইরাছে ]

=  $\cos^2\left[\frac{\pi(a+b)\theta}{\lambda}\right] + \cos^2\left[\frac{\pi(a+b)(\theta+\kappa)}{\lambda}\right]$ 

[ সমীকরণ 3.90 ]

=  $\cos^2\delta + \cos^2\left[\delta + (n+\frac{1}{3})\pi\right]$ 

[ এখানে  $\delta = \frac{\pi(a+b)\theta}{\lambda}$  ধরিরা। এবং সমীকরণ 3.104

বাবহার করিরা। ]

=  $\cos^2\delta + \sin^2\delta$ 
= 1.

সূত্রাং এই ক্ষেত্রে বালরগুলি অনুশা হইরা তাহার স্থলে সমান ভীরতার সৃষ্ঠি হইবে । যখন এইবৃপ সমান তীরতা হইবে তথন  $\sim$  কোণের মান লাড়াইবে  $\sim -\frac{\lambda}{2(a+b)} - \frac{\lambda}{2W}$  কারণ একটি বাতিচার বালরের প্রস্থ  $\frac{\lambda}{a+b}$  এবং সমান ভীরতার ক্ষেত্রে দুইটি বালর শ্রেণী ইহার অর্জেক কোণে সরিরা থাকিবে । আবার বখন একশ্রেণীর বালরের কেন্দ্রীর চরম তীরতা ছিতীর শ্রেণীর বালরের বিত্তীর অবম তীরতার অবস্থানের সম্পাভী হইবে তখনও সমান ভীরতার সৃষ্ঠি হইবে । সূত্রাং  $L_{\circ}$  লেশের ফোকাসতলে বালরের অন্তর্ধানের সর্ভ হবৈ :

$$\leftarrow \frac{\lambda}{2W}, \frac{3\lambda}{2W}, \frac{5\lambda}{2W} = \frac{(2n+1)\lambda}{2W}$$
(3.105)

কিন্তু বণি S এবং S' পুইটি সম্পূর্ণ অসংসম্ভ আলাদা আলোক উৎস না হইয়। একটি পরিমিত প্রন্থের রেখাছিয়ের অংশ হয় তবে এই রেখাছিয়ে এইবৃপ ব্দেকগুলি উৎসের পাশাপাশি অবস্থান হইবে। তাহা হইলে বদি রেখাছিয়ের দুই প্রান্তে অবস্থিত রশ্বিদরের জন্য  $\alpha = \frac{\lambda}{2 \, W}$  সর্ত পালিত হয় তবে এক্ষেত্রে ঝালবের অন্তর্ধান ঘটিবে না। চিচ্চ নং ৩.৪২ c হইতে সহজেই ইহা দেখা বাইবে। এই বেলার তীব্রতার তারতম্য বর্তমান থাকিবে, কিন্তু ইহাদের পৃষ্ঠভূমিতে (background) আলোকের তীব্রতা বৃদ্ধি পাইবে। ঝালরের অন্তর্ধানের জন্য এই ক্ষেত্রে দুইটি প্রান্তিক আলোর নির্মালখিত সর্ত পালন করা আক্ষাক হইবে

$$\alpha = \frac{\lambda}{W}$$

কারণ এই সর্তের পালনের ফলে কালরের সর্বচই সমান সংখ্যক উপাংশ বর্তমান থাকিবে; ফলে লব্ধি তীরতা সর্বচই সমান হইবে (চিন্ত নং ৩.৪২ d)। অতএব পূর্বের আলোচনার পরিপ্রেক্ষিতে লেখা বার বে সীমিত প্রস্কের রেখাছির আলোক উৎসের বেলার ঝালরের অন্তর্ধানের সর্ত হইবে

$$\alpha = \frac{\lambda}{W}, \ \frac{2\lambda}{W}, \ \frac{3\lambda}{W}$$
 (3.106)

এই আলোচনা হইতে পরীক্ষা বাবস্থার আলোক উৎসের প্রস্থের সীমা সম্বন্ধে একটি ধারণা করা যার। বাদ এই প্রস্থ  $\frac{\lambda}{W}$  হর তবে বালরের সম্পূর্ণ অন্তর্ধান ঘটিবে। আবার যদি ইহা খুবই কম হর তবে প্রস্থের জন্য ঝালরের স্পর্কতা না কমিলেও আপাতিত আলোর স্থাপতার জন্য স্পর্কতার হ্রাস হইবে। সূতরাং এই দুইটি সীমার মধ্যে সামজস্য করিরা রেখাছিদ্রের প্রস্থ নিরন্ত্রণ করিতে হইবে। এটা অবশ্য খানিকটা ইচ্ছাধীন (arbitrary) এবং স্পর্কতার সজ্ঞার উপরও নির্ভর করিবে। যদি ধরা যার যে  $\alpha = \frac{\lambda}{2W}$  অবস্থার বে ঝালর সৃষ্ঠ হর তাহাই স্পর্কতার লেষ সীমা, আর যদি  $L_1$  লেন্দের ফোকাস দূর্ঘ হর f'তবে রেখাছিদ্রের প্রস্থ হষ্টবে

$$SS' = f'\alpha = \frac{f'\lambda}{2W}$$

কিন্তু বলি ধরা হয় বে স্পর্কতার সীমা হওয়া দরকার  $\alpha = \frac{\lambda}{4W}$ , তাহা হইলে বভাবতই এই ক্ষেত্রে রেখাছিয়ের প্রস্থ দাড়াইবে

$$SS' = \frac{f'\lambda}{4W}$$

সূতরাং বদি ইহাদের প্রথমটি নিরা হিসাব করা বার এবং সেজন্য নির্মালখিত রাশিগুলি ব্যবহার করা হয়

f' = 20 cm.,  $\lambda = 5000$  Å, W = 1 mm., তবে পাওয়া বার SS' = 0.05 mm.

মাইকেলসমের ভারকীয় ব্যক্তিচারমাপক (Michelson's Stellar Interferometer).

আলোকউংসের আকৃতির উপর নির্ভর করিয়া বাবর্তন ঝালরের তীরতার এই পরিবর্তন এবং কোনও কোনও কেনে ঝালরের অন্তর্ধান হইতে দুইটি ভারকার কৌণিক বিবান্ধন (angular separation) মাপা বায় । দুইটি তারকা বাদ দ্রবীক্ষণ বন্ধ দিয়া দেখা বায় এবং ইহায় সামনে বাদ একটি বৃগ্ধ রেখাছিদ্র রাখা হয় তবে প্রত্যেকটি তারকা একপ্রন্থ ঝালরের সৃষ্টি করিবে । বাদ তারকার কৌণিক বিবোন্ধন এমন হয় যে  $\alpha = \frac{\lambda}{2\,\mathrm{K}'}$  তাহা হইলে অভিনেতের দৃষ্টিক্ষেত্রে ঝালরগুলি অনুশা হইয়া শুযু সমান তীরতার আলো দেখা বাইবে । কিন্তু বৃগ্ধ তারকার বিবোন্ধন ডপ্লারের নীতির (Doppler's Principle) সাহাব্যে আরও সহজে নির্ণর করা বায় । বাদ একটি তারকার ব্যাস নির্ণর করিতে হয় তবে ইহার বেলায় ডপ্লারের নীতি প্রয়োগ সন্থব নয় । এই ব্যাসের নির্পণ প্রথম মাইকেলসন করেন বৃগ্ধ-রেখাছিদ্রের পরীক্ষার সাহাব্যে । এইক্ষেত্র অভিনেতের দৃষ্টিক্ষেত্র আলোকতীরতা নিয়লিখিতর্পে নির্ণর করা বায় ।

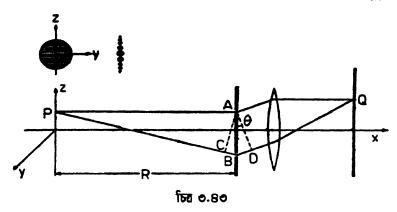
৩.৪০ নং চিত্রে একটি বৃদ্ধ রেখাছিদ্র দূরবীক্ষণ বরের সামনে রাখা হইরাছে। আলোকউংস একটি বৃত্তাকার ভারকা। তারকাটির সর্বা সমান আলোকভীরতা ধরা হইরাছে। এই ভারকার জনা অভিনেক্রের দৃষ্ঠিক্ষেত্রে ঝালরের সৃষ্ঠি হইবে। ইহার আলোক ভীরতা বাহির করিবার জনা বৃত্তাকার ভারকাটিকে y অক্ষের দিকে সরলরেখা ছারা অনেকগুলি সমান প্রস্তের খণ্ডে বিভক্ত করা হইরাছে। এই প্রতিটি খণ্ডকে কার্যাতঃ একটি অসংসম্ভ আলোকবিন্দু হিসাবে গণ্য করা হইবে আর ইহাদের প্রত্যেক বিন্দুর আলোক ভীরতা ঐ খণ্ডের ক্ষেত্রকলের সমানুপাতিক হইবে। সূত্ররাং ইহারা চিত্রে প্রদাশত আলোকবিন্দুর সারি হিসাবে গণ্য হইতে পারে। এইরুপ বিন্দু হিসাবে গণ্য করিবার স্বপক্ষে বৃদ্ধি এই বে বদি রেখাছিন্তের দৈর্ঘ্য এত বেশী না হর বাহাতে ঐ তারকার কৌণক ব্যাস বিভেদন সীমার (limit of resolution) অনেক

ৰাছিরে থাকে তবে প্রতিটি খণ্ডকে একটি কিন্দু উৎস হিসাবে ধরা বার। ভারকার চার্কতির কেন্দ্র হইতে z দূরে একটি খণ্ডের ক্ষেত্রফল da হইবে

$$da = ydz = (r^2 - z^2)^{\frac{1}{2}}dz$$
 (3.107)

এথানে ৮ – তারকার চাকতির ব্যাসার্ভ।

এই চিত্রে y অক্ষকে রেখাছিদ্রের গৈর্বোর সমান্তরাল বলিয়া ধরা হইয়াছে।



এইবার দূরবীক্ষণের অভিলক্ষের ফোকাসতলে কোনও বিন্দু Q তে আলোকতীব্রতার কথা বাদ ধরা যার তবে তারকার যে কোনও বিন্দু হইতে নিগত দুইটি আলোক রন্ধির, যাহারা রেখাছিদ্রের মধ্য দিরা গমন করিতেছে, পথপার্থকা নিগর করিতে হইবে। এইজনা A রেখাছিদ্র হইতে B এর ভিতর দিরা গমনকারী রাশ্মর উপর দুইটি লয় টানা হইরাছে এবং ইহারা C এবং D বিন্দুতে রাশ্মিটিকে ছেল করিরাছে। সূতরাং এই দুইটি রাশ্মি PAQ এবং PBQ এর মধ্যে পথ-পার্থক্য CB+BD. অভএব ইহাদের দশা-পার্থক্য 8 লেখা বার

$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda}(CB + BD)$$

কিন্তু চিত্ৰ হইতে দেখা বার

$$CB = \frac{W \cdot z}{R}$$
;  $BD = W \cdot \theta$ 

এখানে R — তারকা এবং কুম্ব-রেখাছিয়ের মধ্যের দূরস্ব ; W = দুইটি রেখাছিয়ের মধ্যের দূরস্ব

$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda} W \left( \frac{z}{R} + \theta \right) \tag{3.108}$$

এখানে দেখা বাইতেছে বে Q বিন্দুতে দুইটি সংসদ্ধ আলোকরণিম অধিস্থাপিত (superposed) হইতেছে। ইহাদের আলোকতীরতা da এর সমানুগাতিক আর ইহাদের মধ্যে দশা পার্থকা  $\delta$ . এইক্ষেত্রে লাভি তীরতা হয় 2da  $[1+\cos\delta]$  .

**১, এবং ১, দুইটি আলোকয়ন্দির বতর দশা ধুবক।** 

... তারকার এই বিশুর জন্য আলোক তীব্রতা dl লেখা বার

$$dI = 2(r^2 - z^2)^{\frac{1}{2}} \left[ 1 + \cos \frac{2\pi W}{\lambda} \left( \frac{z}{R} + \theta \right) \right] dz$$
 (3.109)

সূতরাং সমগ্র তারকার জন্য Q বিন্দুতে আলোকতীরতা বাহির করিতে হইলে চাকতির বিভিন্ন অংশ হইতে নিগত আলোকের তীরতার সমিতি বাহির করিতে হইবে। এইর্শ করিবার কারণ এই বে ভারকার বিভিন্ন বিন্দু পরস্পর সংসম্ভ নর। সেজন্য ক্রণে বোগ না করিরা আলোকতীরতা বোগ করিতে হইবে। বনি এই আলোকতীরতা Int হর তবে লেখা বাইবে

$$Int = 2 \int_{-\pi}^{\pi} (r^2 - z^2)^{\frac{1}{2}} \left[ 1 + \cos \frac{2\pi W}{\lambda} \left( \frac{z}{R} + \theta \right) \right] dz$$
 (3.110)

এইবার লেখা যাক  $\frac{z}{r} = Z$ ,

छार। हरेला गाफ़ात्र Z=+1 अवर -1 यथन यथाउरम z=r अवर z=-r. जात्र dz=rdZ.

$$Int = 2 \int_{-1}^{1} r^{2} (1 - Z^{2})^{\frac{1}{2}} \left[ 1 + \cos \frac{2\pi W}{\lambda} \left( \frac{rZ}{R} + \theta \right) \right] dZ.$$

$$= \pi r^{2} + 2r^{2} \int_{-1}^{1} (1 - Z^{2})^{\frac{1}{2}} \left[ \cos \frac{2\pi W rZ}{R\lambda} \cos \frac{2\pi W \theta}{\lambda} - \sin \frac{2\pi W rZ}{R\lambda} \sin \frac{2\pi W \theta}{\lambda} \right] dZ \quad (3.111)$$

বৃত্তীর ছিদ্র হইতে ফ্লনহফার বাবর্তনের ক্ষেত্রে বেরকম দেখা গিরাছে এখানেও সেইর্শ বিভীর সংখ্যাটি অর্থাং বাছাতে  $\sin$  আছে বিবম অপেকক (odd function) বালিরা এটির সমাকলনের ফল দাড়াইবে শূন্য। আর ভাছাড়া বে কোনও একটি বিন্দু Q এর ক্ষম্য  $\theta$  কোন ধ্রক। সূত্রাং দাড়ার

$$Int = \pi r^2 + 2r^3 \cos \frac{2\pi W\theta}{\lambda} \int_{-\infty}^{+\infty} (1 - Z^2)^{\frac{1}{2}} \cos \frac{2\pi Wr}{R\lambda} ZdZ.$$

এবার নিয়লিখিত মানক ফল্টি (standard result) ব্যবহার কর। বার

$$\int (1 - Z_2)^{\frac{1}{2}} \cos \frac{2\pi Wr}{R\lambda} Z dZ = \frac{\pi J_1 \left(\frac{2\pi Wr}{R\lambda}\right)}{\left(\frac{2\pi rW}{R\lambda}\right)}$$
(3.112)

এই রাশিমালার  $\frac{J_1(x)}{x} = 0$  বধন  $x = 1.22\pi$ .

ফলে Int রাশিমালার বিতীর পদটি শ্ল্য দাড়াইবে বখন

$$\frac{2\pi Wr}{R\lambda} = 1.22\pi.$$

$$\boxed{3.113}$$

এই সর্ত পালিত হইলে আলোকতীরতা হইবে  $\pi r^2$ ; অর্থাৎ ইহা Q বিন্দুর অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে না । সূতরাং এই অবস্থার ঝালরশ্রেণীর লোপ

**श्हेरव** ।

০.৪৩ নং চিত্র হইতে দেখা যার যে তারকার কোণিক ব্যাস  $\alpha = \frac{2r}{R}$ .

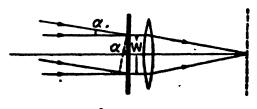
সূত্রাং 
$$\leftarrow = \frac{1.22\lambda}{W}$$
. (৩.১১০ সমীকরণের সাহাব্যে) (3.114)

এই হিসাবে অবশ্য বাবর্তনের জন্য কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে আলোক-তীব্রতার হ্রাস ধরা হয় নাই। ইহা মোটামুটি পালিত হইতে হইলে (অর্থাৎ হ্রাসের হার কম হইতে হইলে ) রেখাছিদ্রের প্রস্থ খুবই ছোট হওয়া দরকার।

এখানে বিশেবভাবে লক্ষণীয় এই বে পূর্বের আলোচনায় আলোকউংস রেখা-ছিদ্রের আকৃতির ধরিরা পাওরা গিরাছিল বে  $\alpha=\frac{\lambda}{W}$  হইলে ঝালরের প্রথম অন্তর্ধান ঘটে। আলোকউংস বৃদ্ধাকার ধরার  $1\cdot 22$  একটি বাড়তি রাশি আসিয়াছে। অর্থাং এরারীর চাকতির (Airy's disc) বেলার বে  $1\cdot 22$  পদটি পাওরা গিরাছিল এখানেও অনুরূপ একটি পদ পাওরা গিরাছে। রেখাছিদ্রাকার হইতে বৃদ্ধাকারে পরিবর্তনের কলে এই  $1\cdot 22$  গুগকের আবিতাবটি লক্ষণীর।

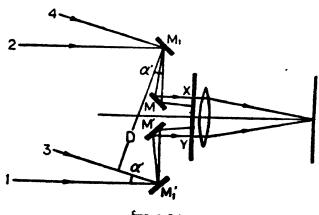
এই নীতি ( অর্থাৎ রেখাছিলের মধ্যে ব্যবধানের উপর নির্ভর করির। বালরের অন্তর্ধান ) ব্যবহার করিয়া মাইকেলসন তারকার ব্যাস নির্ণর করেন।

৩.৪৪ নং চিয়ে দেখা বাইতেছে বে একটি ভারকা হইতে সমান্তরাল আলো একটি বৃদ্ধ রেখাছিয়ে আসিরা পড়িতেছে এবং দূরবীক্ষণের অভিসক্ষের ফোকাসভলে ভারকার প্রতিবিধ সৃষ্টি করিতেছে। বলি ধরা বার বে ভারকার চাকভির (star disc) একপ্রাস্ত অক্ষের উপর অবস্থিত তবে এই প্রাস্ত হটতে আলো অক্ষের সমান্তরালে আসিরা বৃগ্ধ-রেখাছিয়ে পড়িতেছে। ভারকার



**ਇਹ 0**.88

চাকতির অপরপ্রান্ত হইতে আর একগুচ্ছ সমান্তরাল রন্দ্রি এই রন্দির সহিত ব কোণ করিয়া রেখাছিদ্রে পড়িতেছে। সূতরাং এই ক্ষেত্রে দুইটি প্রান্ত হইতে আগত রন্দির মধ্যে পথ পার্থক্য দাড়াইবে দ'ব আর উপরের আলোচনা হইতে দেখা গিরাছে যে যখন এই পথ-পার্থক্য 1.22 হইবে তথনই অভিনেত্রের



160 0.8a

দৃতিক্ষেত্র বালরের অন্তর্ধান ঘটিবে : সূতরাং দেখা বার বে বদি একটি দূরবীক্ষণ বন্ধ কোন ভারকার দিকে ফোকাস করা বার এবং দূরবীক্ষণের অভিলক্ষের সক্ষুথে একটি এমন বুগা রেখাছিল রাখা হর বাহাতে রেখাছিলের মধ্যের দূরত্ব প্ররোজনমত পরিবর্তন করা বার তবে ইছার সাহাবো ভারকার বাসিনির্ণর করা সক্ষম । রেখাছিলের মধ্যের দূরত্ব বাজাইবার সঙ্গে সঙ্গে বালরের স্পর্কভাও ক্ষিত্রে অধিবে এবং আত্তে আত্তে বাজারগুলি সম্পূর্ণ জদৃশা হইরা ভাহার ক্ষুলে দৃত্তিক্ষেত্রে সমান ভীরভার আবির্ভাব হুইবে। বাদ রেখাছিলের

মধ্যের দূরত্ব আরও বাড়ানো হর তবে আবার ঝালর দেখা যাইবে এবং দিগুণ দূরত্বে আবার ঝালরের অন্তর্ধান ঘটিবে। যদি তারকার কৌণিক ব্যাস 1 sec হর তবে W হইবে (ঝালরের প্রথম অবলুগ্তির জনা)

$$W = \frac{1.22\lambda}{4} = \frac{1.22 \times 5.5 \times 10^{-6}}{1} = 13.9 \text{ cm. approx. } (\lambda = 5.5 \times 10^{-6} \text{cm})$$
থরা হইরাছে )

সূতরাং এই ধরণের কোঁণক ব্যাসের তারকা মাপিতে অসুবিধা কিছু নাই। রেখাছিদ্রের মধ্যেকার দূরত্ব অতি সহজেই এই পরিমাণ করা যায় এবং মানমন্দিরের দূরবীক্ষণের অভিলক্ষ্যের ব্যাসও সাধারণত ইহার বেশী হইয়া থাকে। কিন্তু কার্ব্যক্ষেত্রে নিকটবর্তী বে সমন্ত তারকার ব্যাস মাপা হয় তাহার। সাধারণত ইহার অপেক্ষা অনেক ছোট ব্যাসের। র্যাদ ইহার একটির ব্যাস হয় 0.01 sec তবে ৰভাবতই দেখা যাইবে যে এই ক্ষেত্রে ঝালরের প্রথম অন্তৰ্থানের জনা W হওয়া দরকার 1390 cm অর্থাং 13'9 metre. ইহাতে অসুবিধা দুইটি। এত বড় ব্যাসের অভিনক্ষাের দূরবীক্ষণ বন্ধ অপ্রাপ্য। দ্বিভীরত রেখাছিদের মধ্যের এই দূরত্বের জনা ঝালরের প্রস্থ আনুপাতিক ভাবে এতই কমিয়া যাইবে এইগুলি প্রায় দেখাই যাইবে না। এইজন্য মাইকেলসন পরীক্ষা পদ্ধতিতে একটি পরিবর্তন সাধন করেন। তিনি একটি লোহার রেলিংএর (iron girder) উপর দুইটি ৬ ব্যাসের সমতল দর্পণ  $M_1M_1$  এমনভাবে বসান ধাহাতে ইহাদের মধোর দূরত্ব অক্ষের প্রতিসমর্পে (symmetrically) পরিবর্তন করা যায় ( চিচ নং ৩.৪৫ )। এই দর্পণ দুইটিতে তারকার দুইপ্রান্ত হইতে আলো আসিয়া পড়ে এবং প্রতিফলনের পর অন্য দুহটি সমতল দর্পণ MM'এ দিতীরবার প্রতিফালত হইয়া বুগ্ম-রেখাছিদ্রের উপর পড়ে। যদি তারকার দুইপ্রান্তের রশ্বির মধ্যের কোণ lpha' হয় এবং  $M_1M_1'$  দর্গণের দুরম্ব D হয় তবে প্রান্তিক রশিব দুইটির মধোর পথ-দূরম্ব দাড়াইবে  $D_{\mathbf{x}'}$  এবং যখন এই পথদূরত্ব  $1.22\lambda$  এর সমান হইবে তখন ঝালরের প্রথম অন্তর্ধান ঘটিবে।

চিত্র নং ৩.৪৫ হইতে দেখা বার যে রশ্মি দুইটি 1 এবং 2এর পথদূরত্ব বেমন সমান, তেমনই 3 এবং 4নং রশ্মি দুইটির পথদূরত্বও পরস্পর সমান 1 অভএব ব্যতিচারী রশ্মি দুইটির মধ্যে পথদূরত্ব দাড়াইবে 4D বাহা হইতে লেখা বার  $4C = \frac{1.22\lambda}{D}$ .

এখানে লক্ষ্য করিবার কথা বে প্রথম কেন্দ্রে ( অর্থাৎ  $M_1M_1$ ' দর্গণ দুইটি ছাড়া ) কৌণক ব্যাস দাঁড়াইয়াছিল  $<-\frac{1.22\lambda}{W}$  .

বিতীর ক্ষেত্রে অর্থাৎ  $M_1M_2$  দর্শণ বাবহার করিয়। যদি এই কৌণিক বাসে ধরা হয় 4 ভবে ইহার মান দীড়াইবে

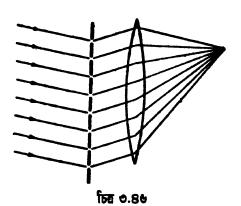
অর্থাং পরিমাপবোগ্য কৌণিক ব্যাসের অনুপাত পরের ক্ষেপ্র  $\frac{W}{D}$  এই অনুপাতে কমিরা বার । এইটিই মাইকেলসনের ভারকীর ব্যাতিচারমাপক বরের বিশেষয় । প্ররোজনমত  $M_1M_1$  পূরত্ব বাড়াইরা অতি ক্ষুদ্র কৌণিক ব্যাসের ভারকাও মাপা বার । এজনা অবশ্য ভারকার আলোর কার্যাকর ভরক্ষপৈর্ঘা নির্ণার করিতে হইবে । ইহা ছাড়া সমীকরণ 3.106 হইতে কেখা গিরাছে বে কালরের অন্তর্ধানের সর্ভ হইল

र = 1.22
$$\lambda$$
, 2 × 1.22 $\lambda$ , 3 × 1.22 $\lambda$ , (প্ররোজনীর পরিবর্তন  $D$ ) সাধন করিয়া নিরা) (3.116)

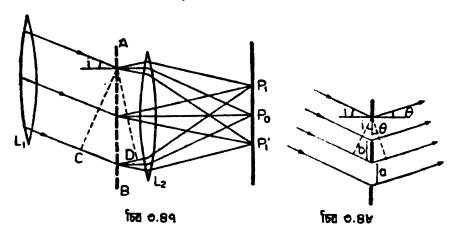
সূত্রাং  $M_1M_1$ ' দর্শন দুইতির দ্রন্থ পরিবর্তবের সঙ্গে সঙ্গে পর পর বালরের আবির্ভাব এবং অন্তর্থান বাটবে। তারকার প্রকৃত কৌণিক ব্যাস জানিতে হইলে সঙ্গে সঙ্গে জানিতে হইলে বে এই ফালরের অন্তর্থানটি কোন রুমের। ইহার জনা MM' দর্পণ হইতে  $M_1M_1$ ' দর্শণের দূরত্ব অন্প রাখিরা আন্তে আন্তে ইহা বাড়ানো চালতে পারে। প্রথম বখন ২' —  $\frac{1.22\lambda}{D}$  এই সর্ভ পালিত হর তখন প্রথমবার বালরের অন্তর্থান ঘটে। এইবুপে এইক্ষেত্রের জনিন্দরত। দূর করা বার। ইহা ছাড়া ঝালরের সন্পূর্ণ জন্তর্থান না ঘটিলেও এই পরীক্ষা চালানো বাইতে পারে। তারকার কৌণিক ব্যাস বাদ খুবই কুন্ত হর তবে  $M_1M_1$ ' দর্শণের মধ্যের দূরত্ব অন্তর্থান আর্থাং বালরের সন্পূর্ণ অন্তর্থান হইলে ঝালরের সন্পূর্ণ অন্তর্থান হইলে বালরের সম্পূর্ণ অন্তর্থান হইতে ভারকার কৌণিক ব্যাসের একটা ধারণা করা বাইতে পারে বাদও ইহা হইতে ব্যাসের দূরত্ব পরিষয়াপ করা সম্ভব নয়।

## बार्वाक कार्यात्र (Diffraction grating).

বর্ণালিবিজ্ঞানে (Spectroscopy) এই বর্ত্তার ভূমিকা খুবই গুরুত্বপূর্ণ। এই বার্যারর নানা প্রকারের মধ্যে একটি নিমিত হয় নিয়লিখিতর্পে। একটি বছে কাচের ফলকে হীরকথও নিমিত বাটালি বারা পর পর অনেকগুলি খুব সরু সরলরেখা টানা হয়। সরলরেখাগুলি সমান্তরাল, সমান প্রছের এবং পরস্পর হইতে সমান দ্রে অবস্থিত। সৃক্ষ কাজে বাবহাত একটি বাবর্তন বার্যারতে সাধারণত এক সেল্টিমিটারে 5 হইতে 10 হাজার এইর্প সরলরেখা থাকে এবং ইহা প্রার 10 হইতে 15 cm ছান জুড়িয়া অবস্থান করে। সূত্রাং মোট সরলরেখার সংখ্যা 50000 হইতে 150000 পর্যান্ত হইয়া থাকে। এই বার্যারতে বে বার্বন হয় ভাহা ফ্রনহফার প্রার্থার। সূত্রাং এই বার্যারর আগে ও পরে পুইটি লেল দিয়া আলোক উৎস ও প্রতিবিধের তল কার্যান্ত অসীম দ্রম্বে রাখা হয়। এই সমান্তরাল আলোকরিখা যখন বার্যারর উপর পড়ে তখন প্রতিটি সরলরেখা হইতে আলো বিক্ষেপণের ফলে চতুদিকে হড়াইয়া বারা, পারগত হইতে পারে না। প্রকৃতপক্ষে আলোর পারগম এই সরলরেখার অংশ দিয়া সম্পূর্ণ বন্ধ হয় না এবং হওয়ার প্রয়োজনও নাই, একমাত প্ররোজন পারগত আলোকে একটা ভারতমা এবং এই তারতম্যে একটা



আবর্তনও (periodicity) থাকা আবশ্যক । আর মসূন ও সমতল অংশ দিরা আলো বাধা না পাইরা পারগত হর। সূতরাং বাবর্তনের ফলে মোটামুটি বলা বার বে প্রভিটি মসূম ও সমতল অংশ একটি কুন্ত আলোক উৎস হিসাবে জিল্লা করে এবং এই উৎস ছইতে আলোকরণি বিভিন্ন কোণে ইড়াইরা পড়ে। সরলরেখার অংশগুলি কার্যান্ত অবচ্ছ বলিয়া ধরা মার। কার্বারর প্রাথমিক সিদ্ধান্ত (elementary theory) খুব সহজেই ব্যাথ্যা করা বাইডে পারে। ০.৪৭ নং চিত্রে  $L_1$  লেল হইডে একগৃন্ত সমান্তরাল রিম্মালা AB বার্বারতে i কোণে আপতিত হইডেছে। বার্বারর সরলরেখার্গুলি চিত্রডলের অভিলবে অবন্থিত; চিত্রে ইছার প্রস্থ কেখানো হইরাছে। প্রতিটি সরলরেখ্য প্রকৃত্তপক্ষে অভি কুর প্রন্থের একটি রেখাছির। এইগুলি অবছ বিলারা গল্য করা বার। অবলা আরও বিশাদ আলোচনা হইডে দেখা বার বে এইগুলি সম্পূর্ণ অবছ হওয়ার প্ররোজন নাই, কেবলমাত্র এই অংশ দিরা পারগত আলোর তীরতা বছ অংশের পারগত তীরভার অংশকা কম হইলেই চলে। প্রকৃতপক্ষে এই অংশে আলো সরাসরি পারগত না হইরা বিশ্বিস্ত হওয়ার তীরতা করিবা বার। ইছার সংলায় অংশ একটি কুর আলোক উৎস হিসাবে জিয়া করিবে এবং এই উৎস হইডে বিভিন্ন কোণে আলোকরিশ্ব বিশ্বিস্ত হইবে। ০.৪৮ নং চিত্রে এইবুপ দুইটি আলোক উৎস দেখানো হইরাছে।



এই চিত্রে অষদ্ধ অংশের প্রস্থ b এবং যদ্ধ অংশের প্রস্থ a. যদ্ধ অংশ হইতে নিগত  $\theta$  কোশে বাবাঁতত একগুদ্ধ সমান্তরাল রশ্বি L, লেল যার৷ ইহার কোকাাসতলে বনীভূত হইবে। চিত্র হইতে দেখা বার বে একটি যদ্ধ অংশের একপ্রান্ত দিরা এবং ঠিক পরের যদ্ধ অংশের সংশ্লিষ্ঠ বিন্দু দিরা গমনকারী রশ্বিদরের মধ্যে পথ-দূরত্ব বিদ্পু  $\Delta$  ধরা বার তবে লেখা বার

$$\Delta = (a+b)(\sin i + \sin \theta) \tag{3.117}$$

বৰি এই পথ-পূর্য একটি অবঙ সংখ্যার ভরস্কলৈর্ব্যের সমান হয় তবে  $L_s$  লেলের কোকাসভলে ইহার। একই দলার উপনীত হইবে ; কলে ইহার। পরস্কারকে বৃদ্ধি করিবে । আর ববি এই পথ-পূর্য বিজ্ঞান্তসংখ্যক  $\frac{\lambda}{2}$  হয় তবে

ইহারা বিপরীত দশার উপনীত হওরার দর্ন পরস্পরকে ধ্বংস করিবে। সূতরাং এই দুইটি পাশাপাশি অবন্থিত উৎসের সংগ্লিষ্ট রশ্বিষ্বয়ের ক্ষেত্রে আলোকতীরতার সর্ত দাড়াইবে

$$(a+b)(\sin i + \sin \theta) = n\lambda$$
 চরম আলোক তীরতা (3.118)

$$(a+b)(\sin i + \sin \theta) - (2n+1)\frac{\lambda}{2}$$
 অবম আলোক তীব্রতা (3.119)

প্রথম উৎসের বিতীর রশ্বি এবং বিতীর উৎসের সংগ্রিষ্ঠ বিতীর রশ্বিও এই একই সর্ত পালন করিবে। এইর্পে উৎস দুইটিকে কিছু সংখ্যেক সমান ভাগে বিভক্ত করিলে তাহাদের বিভক্ত অংশগুলিকে এইর্প সংগ্রিষ্ঠ জোড়ার জোড়ার নিরা সম্পূর্ণ বচ্ছ অংশ দুইটির প্রভাব বাহির করা যাইবে। অবশ্যই প্রথম বচ্ছ অংশ এবং বিতীর বচ্ছ অংশ সমান সংখ্যক ভাগে বিভক্ত করা হইবে কারণ ধরা হইরাছে যে সমন্ত বচ্ছ অংশের প্রস্থই সমান। কাজেই দেখা যাইতেছে প্রথম রশ্বি জোড়ার বেলার যে সর্ত পালিত হর বাকী সমন্ত জোড়ার বেলারও ঐ একই সর্ত পালিত হইবে। ফলে যদি কোনও কোণ  $\theta$ র জন্য উপরের একটি সর্ত (সমীকরণ 3.118 অথবা 3.119) পালিত হর তবে এই কোণে চরম অথবা অবম তীব্রতা হইবে।

আদর্শ ব্যবর্তন ঝার্বারতে সমন্ত বচ্ছ অংশই সমান প্রস্থের এবং ইহাদের মধ্যের অবচ্ছ অংশের বেলারও এই কথাই খাটে। ইহাদের প্রস্থ বধারুমে a এবং b ধরা হইরাছে। কাজেই তৃতীর ও চতুর্থ বচ্ছ অংশের বেলারও উপরের বুল্লি অনুসারে প্রথম ও বিতীর অংশের মতই আলোক তীরতা হইবে। এইর্পে ঝার্বারর সমন্ত বচ্ছ অংশকেই পাশাপাশি জোড়ার বিবেচনা করিরা দেখা বার বে প্রথম ও বিতীর অংশের জন্য b কোণে বে আলোক তীরতা হইবে সমন্ত ঝার্বাররও ঐ একই ধরণের আলোক তীরতা হইবে। শুধু চরম তীরতার ক্ষেত্রে একটি বচ্ছ অংশের জন্য লাক্তির বিদ্ধার বার a এবং বদি ঝার্বারতে N সংখ্যক এইর্প বচ্ছ অংশ থাকে, তবে সমন্ত ঝার্বারর জন্য মোটার্মুটি লব্ভিার দাড়াইবে Na এবং ইহার ফলে এই চরম তীরতা লেখা যাইতে পারে N°a°.

এইবার অন্য  $\theta$ , কোণে ব্যব্যিত সমান্তরাল রন্ধির কথা বিবেচনা করিলে দেখা বাইবে যে যদি ইছারা আবার নিয়লিখিত সত্পালন করে

$$(a+b) \left(\sin i + \sin \theta_1\right) = n_1 \lambda$$

$$\exists i \ (a+b) \ \left(\sin i + \sin \theta_1\right) = (2n_1 + 1)^{\lambda}_{\bar{2}}$$

তবে প্রথমক্ষেত্রে এই 0, কোপে আলোর তীব্রতা চরম হইবে; আর বিতীর সর্ভ পালিত হইলে এই কোপে আলোর তীব্রতা হইবে অবম। সূতরাং সাধারণভাবে বলা বার বে নির্মালিখিত সর্ভ পূইটি হইবে বিভিন্ন চরম ও অবম তীব্রতার বর্ণালির (spectrum) সমীকরণ

$$(a+b)$$
 ( $\sin i + \sin \theta_n$ )  $= n\lambda$  —চরম তীরতার বর্ণালি  $(a+b)$  ( $\sin i + \sin \theta_n$ )  $= (2n+1) - \frac{\lambda}{2}$  —অবম তীরতার বর্ণালি

এই সমীকরণে n অথওসংখ্যা । ইহা ধনাস্বক, ঋণাক্ষক অথবা শৃন্য হইতে পারে । n বর্ণালর ক্রম (order of the spectrum) বুঝাইবে । n=0 হইলে কেন্দ্রীর অথবা শৃন্য ক্রমের বর্ণাল পাওরা বাইবে । n=1, 2, 3 প্রভৃতি একদিকের প্রথম, বিভীর, তৃতীর ইভ্যাদি ক্রমের বর্ণাল উৎপন্ন করিবে । আবার n=-1, -2, -3 অনুরূপ ঋণাক্ষক ক্রমের বর্ণালির সৃষ্টি করিবে । কাজেই দেখা বাইভেছে বে কেন্দ্রীর বর্ণালী  $P_o$  এর উভর পার্শে দুইপ্রস্থ প্রতিসম (symmetrical) বর্ণালি হইবে ।

ব্যবর্তন বাবরির আলোকডীপ্রতার বন্টন (Intensity distribution for a diffraction grating).

এই ক্ষেত্রেও একক এবং বৃশ্ব রেখাছিন্তের ন্যার একাধিক পদ্ধতিতে আলোকতীরতার রাশিমালা বাহির করা বার । তবে কাশ্দানক রাশির পদ্ধতিই এক্ষেত্রে
সর্বাপেক্ষা সহজ ও প্রকৃষ্ট হইবে বলিরা এইটিই প্ররোগ করা হইবে । এখানে
ধরা হইবে বে রেখাছিন্রগুলির প্রন্থ সমান এবং ইহাদের মধ্যের অবছ অংশের
প্রন্থও সব সমান । অর্থাং ৫ এবং ৫ একটি বাবর্তান বাঝারির পক্ষে ধুবক ।
তাহা হইলে একক রেখাছিন্তের বেলার দেখা গিরাছে বে প্রতিটি রেখাছিন্ত হইতে
বার্বাতিত রন্দির বিস্তার হইবে ৫ এর সমানুপাতিক । আর দুইটি রেখাছিন্তের
মাবে ৫ প্রন্থের অবছ অংশ বর্ত্তমান থাকার পরপর দুইটি রেখাছিন্তের বিস্তারের
মধ্যে একটি দশাপার্থকা ও বিদ্যামান থাকিবে । ধরা বাক বাবর্তন বার্বারতে
রেখাছিন্তের মোট সংখ্যা N. তাহা হইলে এই N রেখাছিন্ত হইতে বার্বাতিত
আলোকরন্মিমালার লব্রি কটিল বিস্তার (complex amplitude) হইবে
(ক্যেন্তি-পেরো বাতিচার মাপকের আলোচনা প্রক্রির )

$$Ae^{i\theta} = a'e^{i\delta'} + a'e^{i(\delta' + \delta)} + a'e^{i(\delta' + 2\delta)} + \dots a'e^{i[\delta' + (N-1)\delta]}$$
(3.120)

a' - একক রেখাছিলের বিভার

বেহেতু এই দশাগুলির মধ্যে বে কোনও একটিকে সুবিধামত পরিবাঁতত করা বার ( অন্যানাগুলিও অনুরূপভাবে সঙ্গে সঙ্গে পরিবাঁতত হইবে ), প্রথম রেখা-ছিদ্র হইতে আগত বিস্তারের দশা ঠ' – ০ ধরা বাইতে পারে।

$$Ae^{i\theta} = a' + a'e^{i\hat{\delta}} + a'e^{2i\hat{\delta}} + \dots \quad a'e^{i(N-1)\hat{\delta}}$$

$$= a'[1 + e^{i\hat{\delta}} + e^{2i\hat{\delta}} + \dots \quad e^{i(N-1)\hat{\delta}}]$$

$$= a'\frac{1 - e^{iN\hat{\delta}}}{1 - e^{i\hat{\delta}}}$$
(3.121)

তীব্রতা Int পাইতে হইলে এই জটিল বিস্তারকে ইহার জটিল অনুবন্ধী (complex conjugate) দারা গুণ করিতে হইবে। এই প্রণালীতে পাওয়া বাইকে

Int = 
$$a'^{2} \frac{1 - e^{iN\hat{\delta}}}{1 - e^{i\hat{\delta}}} \cdot \frac{1 - e^{-iN\hat{\delta}}}{1 - e^{-i\hat{\delta}}} = a'^{2} \frac{1 + 1 - (e^{iN\hat{\delta}} + e^{-iN\hat{\delta}})}{1 + 1 - (e^{i\hat{\delta}} + e^{-i\hat{\delta}})}$$

$$= a'^{2} \frac{2 - 2\cos N\hat{\delta}}{2 - 2\cos \hat{\delta}} = a'^{2} \frac{1 - \cos N\hat{\delta}}{1 - \cos \hat{\delta}}$$

$$= a'^{2} \frac{1 - 1 + 2\sin^{2} \frac{N\hat{\delta}}{2}}{1 - 1 + 2\sin^{2} \frac{\delta}{2}} = a'^{2} \frac{\sin^{2} \frac{N\hat{\delta}}{2}}{\sin^{2} \frac{\delta}{2}}$$
(3.122)

এই তীরতার রাশিমালার a'—রেখাছিদ্রের প্রস্থ হইতে ব্যবাতিত রন্ধির বিস্তার এবং  $\delta = \frac{2\pi}{\lambda}(a+b)$  ( $\sin i + \sin \theta$ ) অর্থাৎ পর পর দুইটি রেখাছিদ্রের সংক্রিষ্ট বিন্দু হইতে নির্গত সমান্তরাল দুইটি রন্ধির মধ্যের দশা পার্থক্য। বুশ্বারেখাছিদ্রের বেলায় এই পদটিকে ধরা হইরাছিল  $2\gamma$  (সমীকরণ 3.90)। সুতরাং বদি অনুরূপভাবে লেখা বার

$$\frac{\delta}{2} - \gamma$$
, তবে আলোকভীগ্রভা দাড়াইবে 
$$Int = a^{*2} \frac{\sin^2 N\gamma}{\sin^2 \gamma}$$
 (3.123)

পূর্বে ধরা হইয়াছে যে একটি রেখাছিদ্রের ব্যবাভিত আলোকরন্মির বিস্তার a'. একক রেখাছিদ্রের আলোচনা হইতে দেখা গিয়াছে যে এই বিস্তার লেখা বার  $a'=\frac{a\sin\phi}{4}$  (সমীকরণ 3.39)

अथात्न 
$$a$$
 = द्विशांकितः शक् ;  $2\phi = \frac{2\pi}{\lambda}a$  (sin  $i+\sin\theta$ )

[ সমীকরণ 3.35 ]

সুভরাং আলোক ভীৱতার মান দাড়াইবে

$$Int = a^2 \frac{\sin^2 \phi}{\phi^2} \cdot \frac{\sin^2 N\gamma}{\sin^2 \gamma}$$
 (3.124)

এখানেও বৃশ্ব-রেখাছিন্তের বাবর্তনের নাার আলোক তীরতা দুইটি গুণকের সমস্তি। ইহাবের প্রথমটি একক রেখাছিন্তের বাবর্তনের পলের অনুরূপ। বিতীরটি সমস্ত রেখাছিন্ত হইতে আগত আলোকের প্রভাব দেখাইতেছে। এই রাশিমালার বিদ N=2 করা হর তবে ইহা বৃশ্ব-রেখাছিন্তের তীরতার রাশিমালার সমান হওয়া উচিত। দেখা বার N=2 এর ক্ষেঠে আলোক তীরতা দাড়ার

Int = 
$$a^2 \frac{\sin^2 \phi}{\phi^2} \cdot \frac{\sin^2 2\gamma}{\sin^2 \gamma} = a^2 \frac{\sin^2 \phi}{\phi^4} \cdot \frac{4 \sin^2 \gamma \cos^2 \gamma}{\sin^2 \gamma}$$
  
=  $4a^2 \frac{\sin^2 \phi}{\phi^2} \cos^4$ 

অর্থাৎ n = 2 এর ক্ষেত্রে বাবর্তন বার্বারর আলোক তীব্রভার রাশিমালা বৃশ্ব-রেখাছিন্তের তীব্রভার রাশিমালার সমান দাড়ার।

চরন এবং অবন তীব্রভার বর্ণালি (Maxima and minima of the spectrum).

আলোক ভীরভার রাশিমালা দুইটি গুণকের গুণফলের সমান। ইহাদের প্রথমটি একক রেখাছিদ্রের ধাবর্তনে বে আলোক তীরভা পাওরা বার ভাহার সহিত পুরবু মিলিরা বার। সূতরাং ইহার প্রভাব পূর্ব আলোচনা হইতে সহজেই অনুমান করা বার। বিতীর গুণকটির প্রভাব নির্ণর করিতে হইলে ইহার অন্তর্মকলন করিরা কলটিকে শুনের সমান ধরিতে হইবে। তাহা হইলে পাওরা বাইবে

$$\frac{d}{d\gamma} \frac{\sin^2 N\gamma}{\sin^2 \gamma} = \frac{2N \sin N\gamma \cos N\gamma \sin^2 \gamma - 2 \sin^2 N\gamma \sin \gamma \cos \gamma}{\sin^4 \gamma}$$
$$= \frac{2 \sin N\gamma}{\sin^2 \gamma} \left[ N \cos N\gamma \sin \gamma - \sin N\gamma \cos \gamma \right]$$
(3.125)

যদি এইটিকে 0 ধরা হর তবে দাড়াইবে

 $\mathbf{ER} \quad \text{(i)} \quad \frac{2\sin N\gamma}{\sin^2 \gamma} = 0 \quad \mathbf{ERR} \quad \text{(ii)} \quad N\cos N\gamma \sin \gamma - \sin N\gamma \cos \gamma = 0.$ 

প্রথম সর্ভ হইতে পাওরা বাইবে  $\sin N_{\gamma}=0$ 

(3.126)

ৰিভীয় সৰ্ভ হইতে পাওয়া বাইবে  $N\cos N_{\gamma}\sin \gamma = \sin N_{\gamma}\cos \gamma$ 

ৰা 
$$\frac{N \sin \gamma}{\cos \gamma} = \frac{\sin N\gamma}{\cos N\gamma}$$
  
ৰা  $N \tan \gamma = \tan N\gamma$  (3.127)

যদি  $\sin N_{Y}=0$  হয় তবে পাওয়া যাইবে

$$N_{\gamma} = m\pi$$
  $m = অখণ্ড সংখ্যা$ 

সূতরাং  $\frac{\sin^2 N_y}{\sin^2 y}$  পদে লব শূন্য হওয়ায় এই পদটির মান দাড়াইবে শূন্য ( অবশ্য পরের সমীকরণ 3.130 ক্ষেত্রগুলি বাদে )

সূতরাং 
$$N_{\gamma} = m\pi$$
 বা  $\gamma = \frac{m\pi}{N}$ 

ৰা 
$$\frac{\pi}{\lambda}(a+b)$$
 (sin  $i+\sin\theta$ ) =  $\frac{m\pi}{N}$ 

বা 
$$(a+b)$$
 ( $\sin i + \sin \theta$ )  $= \frac{m\lambda}{N}$  ... অবম (শ্না) আলোক তীব্ৰতা (3.128)

কিন্তু বধন  $m=0,\ N,\ 2N$  ইত্যাদি মানের হয় তখন সমীকরণটি দাড়ায়  $(a+b)\ (\sin\ i+\sin\ \theta)=0,\ \lambda,\ 2\lambda\ \dots\ n\lambda$  (3.129)

এই ক্ষেত্রে,  $\gamma=0$ ,  $\pi$ ,  $2\pi$ ,... $n\pi$  হওরার জন্য  $\frac{\sin^3 N\gamma}{\sin^3 \gamma}$  পদে লব ও হর উভরেই শূনা হইবে এবং পদটির মান অনির্ধার্থ্য (indeterminate) দাড়াইবে । তবে এই ক্ষেত্রে একক রেখাছিন্তের ভীরতার মত পদ্ধতি অবলম্বন করিয়া বাহির করা বার

$$\frac{\sin N\gamma}{\sin \gamma} = \pm N.$$

$$\lim_{N \to \infty} 1 + Nn\pi$$

সুভরাং ভীরভার মান দাড়াইবে এই ক্ষেত্রে  $N^2$  এর সমানুপাতিক। এই শ্রেণীর বর্ণালিগুলি হইবে মুখ্য চরম তীরভার বর্ণালি (principal maxima).

**এইগুলির ক্ষেত্রে** (मथा यात्र

$$\gamma - n\pi$$

$$\P \left( \frac{\pi}{\lambda} (a+b) \left( \sin i + \sin \theta \right) - n\pi \right)$$

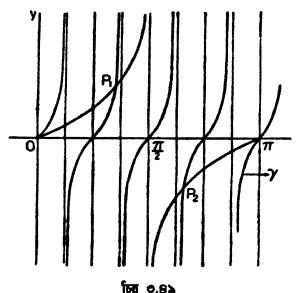
বা (a+b) (sin i+sin e) - nh ... মুখ্য চরম ভীরভার বর্ণালি (3.130)

এই সমীকরণে (a+b) ( $\sin i + \sin \theta$ ) দুইটি পরপর অবস্থিত রেখা-ছিন্তের সংগ্লিক বিন্দু দুইটি হইডে নিগত আলোকরণিকরের পথ পার্থকা। এই পথ-পার্থকা বাদ পৃথসংখ্যক তরঙ্গ-দৈর্ঘের সমান হর তবে তরঙ্গ দুইটি সম কথার থাকার জন্য  $L_s$  লেলের কোকাসতলে তাহারা পরস্পরকে বৃদ্ধি করিবে। এই বর্গালিগুলিই ধার্বরির প্রাথমিক সিদ্ধান্তের ক্ষেত্রে পাওরা গিরাছিল।

বিভীর সর্ভ N tan y = tan Ny হইছে আর এক শ্রেণীর বর্ণালির অবস্থানও পাওরা বাইবে। একক রেখাছিলের ক্ষেত্রের ন্যার এই সমীকরণের সমাধানও বাহির করা বার দুইটি রেখাচিত্র অক্ষম করিয়া

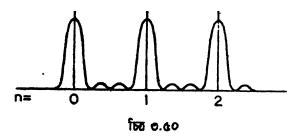
$$y = N \tan \gamma$$
  $y = \tan N\gamma$  (3.131)

প্রথম লেখাচিচটি হইবে একটি  $\tan \gamma$  লেখাচিচ এবং ইহা সীমাবদ্ধ থাকিবে  $\gamma=\pm\frac{\pi}{2}$  এর সীমার মধ্যে । দিভীরটিও ঐ একই প্রকৃতির লেখাচিচ্ট হইবে । কিন্তু ইহার প্রভোকটি শাখার বিস্তার প্রথমটির  $\frac{1}{N}$  গুণ হইবে । অর্থাং ইহার শাখারুলি  $\frac{\pi}{N}$  এই সীমার মধ্যে আবদ্ধ থাকিবে । এই দুই শ্রেণীর লেখাচিচ্চের ছেম-বিন্দুগুলি হইবে ভীরভার চরম মানের অবস্থান । এই ভীরভার বর্ণালি-



পুলিকে বলা হইবে গৌণ চরম ভীব্রতার বর্ণাল (secondary maxima). ৩.৪৯ নং চিত্রে এই দুই শ্রেণীর লেখাচিত্র এবং ভাহাদের ছেম্বিম্পু দেখানো

হইরাছে। অবশ্য ইহা খুবই ভূলভাবে আকা হইরাছে কারণ এই ক্ষেত্রে ধরা হইরাছে N=4. বিতীয় শ্রেণীর লেখাচিত্রে 0 এবং  $\pi$  সীমার মধ্যে N সংখ্যক রেখা হইবে। সভিাকারের ঝার্বরির ক্ষেত্রে এই সংখ্যা সূতরাং খুবই বড় হইবে। কিন্তু চিত্রে ইহা আকাও সম্ভব নর আর নীতিটি বুঝাইবার জন্য ইহার প্রয়োজনও



নাই। লেখাচিত হইতে দেখা ৰাইতেছে যে দুইটি মুখ্য চরম তীব্রতার বর্ণালির মধ্যে N-2 অর্থাং N=4 এর ক্ষেত্রে দুইটি গোণ চরম তীব্রতার বর্ণালির সৃষ্ঠি হইরাছে।

মুখা বর্ণালির ক্ষেত্রে বলা হইরাছে বে ইহাদের তাঁরতা দাড়াইবে  $N^2$  এর সমানুপাতিক। একটি বাবর্তন ঝার্ঝারর বেলার N সাধারণত খুবই বড় সংখ্যা হইরা থাকে! ইহা যদি  $10^4$  ও হর (প্রকৃতপক্ষে ইহা আরও অনেক বেশী) তবে  $N^2$  হর  $10^8$ . এইদিক হইতে বিচার করিলে মনে হইবার কথা যে মুখ্য বর্ণালিগুলির আলোক তাঁরতা অত্যন্ত বেশী। কিন্তু পরীক্ষাকালে দেখা বার যে বাবর্তন ঝার্ঝারর বর্ণালির আলোক তাঁরতা একক বা যুণ্ম রেখাছিন্তের বর্ণালির আলোক তাঁরতার অপেক্ষাও কম। ইহার কারণ অনুসন্ধান করিলে দেখা বাইবে যে আলোক তাঁরতার  $a^2$  একটি গুণক বর্তমান। বাবর্তন ঝার্ঝারর বেলার এই প্রন্থ ব খুবই ছোট হর। এক ইণ্ডিতে যদি  $10^4$  রেখাছির থাকে তবে ব হইবে  $\frac{2\cdot 5}{10^4} = 2\cdot 5 \times 10^{-4}$  cm. সূতরাং  $a^2$  দাড়াইবে  $6\cdot 25 \times 10^{-8}$  cm. তবে এই গুণকটি  $N^2$  গুণকটির ফলকে নিন্প্রভাবিত (neutralise) করিবে। ইহার উপর আছে ঝার্ঝার ফলকে আলোকের শোষণ, বিক্ষেপণ ইত্যাদি। এই সমন্ত কারণের ফলে বাবর্তন ঝার্ঝারর বর্ণালি একক অথবা যুখ্য

বখন  $\gamma = n\pi$  হর তখন মুখ্য বর্ণালিগুলি পাওয়া বার এবং তাহাদের তীরতা  $N^{\circ}$  এর সমানুপাতিক হর । আবার দেখানো বার বে

রেখাছিদের বালরের অপেকা কম তীরতা সম্পন্ন হইরা থাকে।

$$\frac{\sin^{2} N\gamma}{\sin^{2} \gamma} = \frac{N^{2}}{1 + (N^{2} - 1) \sin^{2} \gamma}$$
 (3.132)

সুভরাং গোণ এবং মুখা বর্ণালর অনুপাত হইবে

$$\frac{1}{1+(N^2-1)\sin^2\gamma}$$

 $\frac{\sin^2 N_\gamma}{\sin^2 \gamma}$  এই রাশিমালা পরীকা করিলে দেখা বার বে বখন  $N_\gamma = mn$  হর তখন  $\sin N_\gamma = 0$  পাওরা বার ৷ কিন্তু এই সমর  $\sin \gamma = 0$  হওর) আবশ্যিক নর ৷ সূত্রাং হর (denominator) বখন শূন্য না হইবে তখন রাশিমালাটির মান দাড়াইবে শূন্য ৷ এই গুলি গৌণ অবম তীব্রতার (secondary minima) বর্ণালির সমীকরণ ৷ এই সম্বন্ধ হইতে লেখা বার

$$(a+b)$$
 (sin  $i+\sin\theta$ ) =  $\frac{m\lambda}{N}$ 

$$= \left[\frac{\lambda}{N}, \frac{2\lambda}{N} ... \frac{(N-1)\lambda}{N}, \frac{(N+1)\lambda}{N} .....\right]$$
অবম তীব্রতা (3.131 $\dot{a}$ )

এখান হইতে সহজেই দেখা বার বে বখন m-pN হইবে (  $p-\gamma$ র্গসংখ্যা ) তখন সমীকরণটি দাড়াইবে

$$(a+b)(\sin i + \sin \theta) - n\lambda = \lambda$$
,  $2\lambda$ ,  $3\lambda$ ...etc.

কিন্তু সমীকরণ 3.130 অনুসারে দেখা গিরাছে বে এইগুলি মুখ্য চরম ভীরতার বর্ণালির অবস্থান বুঝাইবে। আর N সংখ্যক রেখাছিল্রের ঝার্থারর জন্য পরপর দুইটি চরম ভীরভার মুখ্য বর্ণালির মধ্যে (N-1) অবম ভীরভার অবস্থান বর্তমান থাকিবে। আর এটাও সহজেই বুঝা যার এই অবস্থার (N-2) চরম ভীরভার গৌণ বর্ণালি উৎপার হইবে।

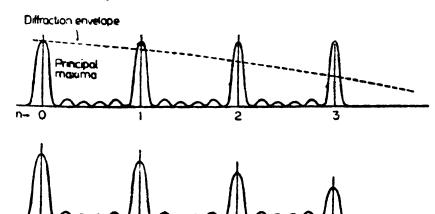
মুখ্য বর্ণালির আলোকতীব্রতার তুলনার গৌণ বর্ণালির আলোকতীব্রতা খুবই কম। আর মুখ্য বর্ণালি হইতে বত দূরে বাওয়া বার ততই ইহার ভীত্ততা কমে এবং N এর মান বড় হইলে পুইটি মুখ্য বর্ণালির মাধ্যমাধ্য জারগার গৌণ বর্ণালির আলোকতীত্রতা প্রায় শূন্য দাড়ার। কিন্তু মুখ্য বর্ণালির সংলগ্ন গৌণ বর্ণালির ক্ষেত্রে ইহা সভা নহে। বাদও এইক্ষেত্রে মুখ্য এবং গৌণ বর্ণালির আলোকতীত্রতার অনুপান্ত N এর মানের উপর অনেকটা নির্ভর করে তবুও এটা

লালা দরকার বে এই অনুপাত খুব বড় নর। নিরের তালিকা হইতে এ সবছে একটা ধারণা পাওয়া বার।

রেখাছিল্রের সংখ্যা <i>N</i>	মুখ্য এবং সংলয় গোণ তীব্রতার অনুপাত	বৰ্ণালৰ আলোক-
3	9	
4	13.5	
5	16.0	
15	20.6	
Infinite	21.2	

সূতরাং দেখা বাইতেছে বে N এর মান বড় হইলে ( বে কোনও সাধারণ বাঝরির ক্ষেচ্চে ইহার সংখ্যা অন্তড করেক হাজার ) গোণ বর্ণালির আলোকতীব্রতা সংলম মুখ্য বর্ণালির শতকরা পাচভাগের মত হইরা থাকে। কিন্তু
এই গোণ বর্ণালিগুলি সাধারণত দেখা বার না কারণ মুখ্য বর্ণালির আলোকতীব্রতাই বাঝরির বাবর্তন বালরের বেলার এত কম হর বে গোণ বর্ণালিগুলি
সে তুলনার খুবই অনুজ্বল হওরার দুশ্যমান হর না।

এ পর্যান্ত শুধু  $\frac{\sin^2 N_\gamma}{\sin^2 \gamma}$  এই গুণকের কথাই বিবেচিত হইরাছে এবং এই রাশি হইতে উভূত চরম ও অবম তীরতার বর্ণালির কথা আলোচিত হইরাছে।



Resultant Pattern

165 O.63

কিন্তু আলোকতীরতার রাশিমালার আরও একটি গুলক  $\frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$  বর্তমান আহে এবং দেখা গিরাছে বে ইহা একক রেখাছিন্রের ব্যবর্তনের রাশির সহিত অভিন্য । কালেই বুঝা বার বে বুখা রেখাছিন্রের বেলার বের্প দেখা গিরাছিল এখানেও  $\frac{\sin^2 N\gamma}{\sin^2 \gamma}$  রাশি হইতে উক্ত মুখ্য (ও গোণ) বর্ণালির আবরণ (envelope) হিসাবে কাজ করে  $\frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$  হইতে সৃষ্ঠ ঝালার । কালেই উপরের চিত্রের (চিত্র নং ৩.৫১) প্রদাশিত মতে মুখ্য বর্ণালিগুলির তীরতা  $\theta$  কোণ বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে হাস পাইবে । এইটি হইবে  $\frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$  গুশুকটির উপস্থিতির প্রধান কল । ইহা ছাড়াও লুস্ত রুমের ঝালরের উৎপত্তির কথা পরে বর্ণিত হটবে ।

## বিচ্ছুর্প (Dispersion).

উপরের আলোচনা হইতে দেখা গেল যে সাধারণত মুখ্য বর্ণালিই শুধু বিবেচনা করা প্রয়োজন; গোপ বর্ণালিগুলির তীব্রতা নগণ্য হওয়ার এইগুলি ধর্তবার মধ্যে নর। সূতরাং বিদি নিম্নলিখিত সমীকরণটি বিবেচনা করা হয়

$$(a+b)(\sin i + \sin \theta) = n\lambda$$

তাহা হইলে ইহাকে হিসাবের সুবিধার জন্য লেখা যায়

$$W \sin \theta - n\lambda \tag{3.133}$$

[W=(a+b) ঝাঝারর ফাক (grating space) এবং ধরা হইয়াছে বে আলো ঝাঝারতে  $0^\circ$  কোণে আপতিত হইয়াছে ]।

এই সমীকরণকে ঝাঝরির সমীকরণ বলা চলিতে পারে। ইহা হইতে দেখা বার যে যখন ব্যবতিত রুশি একটি বিশেষ কোণ  $\theta_0$  করিয়া ঝাঝরি ছইতে নিগতি হয় যাহাতে  $W \sin \theta_0 = 0 \times \lambda$  এই সর্ভ পালিত হয় তখন শ্না ক্রমের বর্ণালি পাওয়া বায়। এই কোণ বাড়িয়া বখন  $\theta_1$  হয় যাহাতে

 $W \sin \theta_1 = \lambda$  এই সর্ত পালিত হয় তখন প্রথম ক্রমের বর্ণালি পাওয়া বার । অনুর্পভাবে  $\theta_2$ ,  $\theta_3$  কোণে বাদ  $W \sin \theta_3 = 2\lambda$ ;  $W \sin \theta_3 = 3\lambda$  সর্ত পালিত হয় তবে দিতীয় ও ভৃতীয় ক্রমের বর্ণালি পাওয়া বাইবে । কেন্দ্রীয় বর্ণালির অপর দিকেও খণাম্বক n এর জন্য প্রতিসম বর্ণালি ক্রম পাওয়া বাইবে । কিন্তু ঝাঝরির সমীকরণ হাইতে এটাও দেখা বার বে প্রথম ক্রমের বে

বর্ণালির কথা বলা হইরাছে তাহা  $heta_{\lambda_1}$ কোণে উৎপদ্ম হইবে শুধু একটি ভরঙ্গ- দৈর্ঘোর  $\lambda_1$  এর জন্য অর্থাৎ  $W\sin\, heta_{\lambda_1} = \lambda_1$ .

কিন্তু বদি আপতিত আলোতে আর একটি তরঙ্গের অন্তিম্ব থাকে বাহার দৈর্ঘ্য  $\lambda_2=\lambda_1+\triangle\lambda$  তবে এখানে  $\lambda_2$  তরঙ্গের জন্য প্রথমরুমের বর্ণাল উৎপদ্ম হইবে  $\theta_{\lambda_0}$  কোণে এবং ইহার সর্ত হইবে

$$W \sin \theta_{\lambda_2} - \lambda_2$$

কাজেই দেখা যাইতেছে যে কোনও একটি ক্রমের বিভিন্ন ভরঙ্গদৈর্ব্যের বর্ণালির ব্যবর্তনকোণ (angle of diffraction) ভরঙ্গদৈর্ব্যের মানের উপর নির্ভন্ন করিবে। যদি দুইটি তরঙ্গদৈর্ব্যের মধ্যে পার্থক্য হয়  $\triangle \lambda$  এবং ইহার।  $\triangle \theta$  কোণে আলাদা হইয়া থাকে ভবে

 $\frac{\Delta \theta}{\Delta \lambda}$  হইবে সংশ্লিষ্ট কৌণিক বিচ্ছুরণ (angular dispersion).

ঝাঝারির সমীকরণ 3.133 হইতে পাওয়া বায়

$$\frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{n}{W\cos\theta} \tag{3.134}$$

এই সমীকরণ হইতে তিনটি জিনিষ দেখা ষাইতেছে :

- (i) দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘার তফাং d≥র জন্য কোণিক বিযোজন ঝালরের ক্রম nএর সমানুপাতিক হইবে। ইহার ফলে প্রথম ক্রমে যে কোণিক বিযোজন হইবে দ্বিতীয় এবং তৃতীয় ক্রমে ইহার দ্বিগুণ এবং তিনগুণ বিযোজন সৃষ্ঠি হইবে, এবং উচ্চতর ক্রমের জন্য ইহা সমানুপাতিক হারে বাড়িয়। যাইবে।
- (ii) কৌণিক বিচ্ছুরণ W অর্থাৎ ঝাঝারর ফাক (grating space) এর বাস্ত্যানুক্রমিক হইবে। সূতরাং W কমিতে থাকিলে কৌণিক বিচ্ছুরণ আনুপাতিকর্পে বাড়িতে থাকিবে। ঝাঝারতে একক প্রস্থে রেখাছিদ্রের সংখ্যা যত বেশী হইবে Wএর মানও ততই কমিবে এবং সঙ্গে সঙ্গে কৌণিক বিচ্ছুরণও বাড়িবে। কাজেই খুব কাছাকাছি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বর্ণালি আলাদা করিতে হইলে যথাসভব কম W এর ঝাঝার ব্যবহার করা প্রয়োজন।
- (iii) কৌণিক বিচ্ছুরণ  $\cos\theta$  পদের বাস্ত্যানুপাতিক হইবে। কাজেই  $\cos\theta$  এর মান বত কম হইবে কৌণিক বিচ্ছুরণও তত বেশী দাড়াইবে। অর্থাৎ ব্যালিগুলি কেন্দ্রীয় বর্ণালিয় সহিত বত বেশী কোণে উৎপন্ন হইতে ততই ইহার

কৌণক বিচ্ছরণ বাড়িবে। ৰভাবতই কেন্দ্রের সমিহিত বর্ণালির ক্ষেত্রে বিচ্ছুৰণ সৰ্বাপেকা কম হইবে এবং কোণ যত বাড়িতে থাকিবে ততই বিচ্ছুরণ বাড়িবে। অবশ্য ইহাও বুঝা প্রয়োজন বে cos θ এর উপর কৌণিক বিবোজনের এই নির্ভরশীলত। প্রকারান্তরে তরঙ্গদৈর্ঘ্য ১এর উপরেও নির্ভরশীলত। ৰটে। কাৰণ বৰ্ণালিৰ কোণ  $\theta$  নিৰ্ভৱ কৰে সংশ্লিষ্ঠ তরস্থলৈখ্য  $\lambda$ এৰ উপৰ  $\iota$ কেন্দ্রীর বর্ণালির নিকটে  $\theta = 6^\circ$  পর্যাম্ভ  $\cos \theta$  এর মানের পরিবর্তন খুবই সামান্য (1000 ভাগের 5 ভাগ মাত্র)। সুতরাং ক্লুলদৃষ্টিতে ইহাকে এই সীমার কাছাকাছির মধ্যে ধুবক ধরা চলে। ইহার অর্থ এই দাড়ায় বে এই কৌণিক অবস্থানের নিকট (near the normal)  $\Delta \theta$  দাড়াইবে  $\Delta \lambda$  এর সমানুপাতিক। অবশ্য এই সর্ত পালিত হইবে যখন n অপরিবর্তিত হইবে। এই ধরণের বর্ণালিকে অতএব বলা হয় নিয়মিত বর্ণাল (normal spectrum). নিয়মিত বর্ণালি ঝাঝরির বিশেষত্ব। প্রিজ্মের বর্ণালি সম্পূর্ণ অন্যরপ। ইহাতে বেগুনী আলোর দিকের বিচ্ছুরণ লাল আলোর দিকের বিচ্ছর্বের অপেক্ষা অনেক বেশী। ঝাঝরির বর্ণালির এই বিশেষদের জন্য কেন্দ্রীয় বর্ণালির নিকটে কৌণিক বিযোজন  $\Delta heta$  মাপিয়া সহজেই দুইটি তরঙ্গ-দৈৰ্ঘ্যের তফাৎ ∧ ম বাহির করা যায়। বৈথিক বিচ্ছুরণের (linear dispersion) সংজ্ঞা করা হইয়াছে  $\frac{\Delta I}{\wedge \lambda}$ ; অর্থাৎ তরঙ্গদৈর্ঘোর  $\Delta \lambda$  পার্থকোর জন্য কোনও ক্রমের ঐ দুইটি তরঙ্গের বর্ণালির মধ্যে রৈখিক দূরত্ব। এই সংজ্ঞাটি কাজে লাগে বৰ্ণাল-লেখীতে (spectrograph) তোলা বৰ্ণালির চিত্রে ভরঙ্গদৈর্ঘ্যের ছিসাবের জন্য। এই মানটি স্বভাবতই বর্ণালি ফোকাস করিবার লেলের ফোকাসদৈর্ঘা ʃ এর উপর নির্ভর করে। আর ইহা পাওয়া যায়  $\triangle l = f \triangle heta$  এই সম্বন্ধ ব্যবহার করিয়া। সূভরাং রৈখিক বিচ্ছুরণ দোখা যায়

$$\frac{\Delta l}{\Delta \lambda} = \frac{nf}{W \cos \theta}$$
  $f = লেলের ফোকাসলৈব্য$  (3.135)

অবল্য বর্ণালিলেখীর সহিত বে উপাত্ত (data) নির্মাতারা (manufacturers) সরবরাহ করিয়া থাকে তাহাতে এই রৈখিক বিচ্ছুরণের বিপরীত সংখ্যাই (inverse quantity) দেওরা হয়। এইটিকৈ বলা হয় ফলক গুণাল্ক (plate factor) এবং সাধারণভাবে এই ফলক গুণাল্ক হয়  $\frac{\Delta \lambda}{\Delta l}$  প্রতি মিলি-মিটারের জন্য এত জ্যাংক্রম (Å/mm).

এই আলোচনা হইতে বুৰা ৰায় যে যদি আপতিত আলো হিসাবে

সাদ। আলো ব্যবহার করা হর তবে কেন্দ্রীর ঝালরটি সাদা হইবে, কারণ সমন্ত তরঙ্গদৈর্ঘ্যই এই কোণে একই স্থানে উৎপন্ন হইবে। কিন্তু ৪ কোণ বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে লাল এবং বেগুনী আলোর বর্ণালি আলাদা হইরা বাইবে; প্রতিটি ক্রমের লাল কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে থাকিবে। আর ঝালরের ক্রম বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে লাল ও বেগুনীর বিষোজনও আনুপাতিকর্পে বাড়িবে। ফলে প্রত্যেকটি ক্রমের বর্ণালিই রামধনু রঙের চেহারা দেখাইবে। অবশ্য এটি হইবে খুব কম ক্ষমতার ঝাঝরির ক্ষেত্রে এবং সাদা আলো ব্যবহার করিলে। সাধারণ এবং উচ্চ ক্ষমতাসম্পন্ন ঝাঝরির বেলায় (৮ খুব কম হওরায়) বর্ণালি-গুলি সম্পূর্ণ আলাদা হইরা যাইবে (সাদা আলোর ক্ষেত্র বাদে)।

বর্ণালির ক্রমের অভিব্যাপন (Overlapping of orders in spectra).

ক্রমের পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে কৌণক বিচ্ছুরণের সমানুপাতিক পরিবর্তনের কল দাড়াইবে বিভিন্ন ক্রমের বর্ণালির অতিব্যাপন। ধরা বাক আপতিত রশ্বি হিসাবে দৃশ্যমান তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সমস্ত আলো ব্যবহার করা হইল এবং এই তরঙ্গদৈর্ঘ্যের উভর সীমা মোটামুটি 7200Å হইতে 3500Å পর্যান্ত এবং ধরা বাক যে কোনও একটি  $\theta$  কোণে 7200Å তরঙ্গদৈর্ঘ্যের জন্য বিতীয় ক্রমের বর্ণালি দেখা গেল। তাহা হইলে এই সর্ত হইবে

 $W \sin \theta = 2 \times 7200 \text{Å}.$ 

কিন্তু আপতিত আলোতে অবস্থিত আর একটি তরঙ্গ দৈর্ঘ্য  $4800 \text{\AA}$  এই একই heta কোণে তৃতীয় ক্রমের ঝালর উৎপদ্ম করিবে। কারণ এই একই কোণে নিম্নালিখিত সর্তটি পালিত হইবে

 $W \sin \theta = 3 \times 4800 \text{\AA}$ .

অনুর্পভাবে ঐ একই কোণে 3600Å তরঙ্গদৈর্ঘ্য চতুর্থ ক্রমের বর্ণালি সৃষ্ঠি করিবে কারণ

W sin  $\theta = 4 \times 3600$ Å.

আরও একটি জিনিষ লক্ষ্য করিবার মত। ধরা বাক এই আপতিত আলোতে শুধু দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘ্য 7000Å এবং 4000Å বর্তমান। তাহা হইলে আশা করা বায় বে 4000Å এর বর্ণালি 7000Å বর্ণালির অপেক্ষা ছোট কোণে অবিন্থিত থাকিবে। কিন্তু বিদ বর্ণালির ক্রম বেশী হয় অর্থাৎ পর্য্যবেক্ষণ বিদ ক্রে হইতে অনেকটা বাহিরের দিকে করা হয় তবে দেখা বাইবে বে 4000Å এর বর্ণালির অপেক্ষা ছোট কোণে 7000Å এর বর্ণালির দেখা বাইবে। তবে

সহজ্বেই বুকা যার বে এই ক্ষেত্রে এই দুইটি বর্ণালি একই ব্রুমের নহে। হরতো  $7000\text{\AA}$  এর বর্ণালিটি বিভীয় ব্রুমের এবং  $4000\text{\AA}$  এর বর্ণালিটি চতুর্থ ব্রুমের। কারণ এই ক্ষেত্রে  $2\times7000<4\times4000$  এবং এইজন্য  $4000\text{\AA}$  এর  $\theta$  স্টতে বেশী হওয়ার প্রথমোক্ত বর্ণালিটি বাহিরের দিকে থাকিবে।

কাবারিতে ভালোর অবম চ্যুতি (Minimum deviation of light in the grating).

আলো বখন প্রিজ্মের মধ্য দিরা প্রতিসৃত হর তখন ইহার খানিকটা চুতি (deviation) হয়। আর এই চুতি আপতন কোণের উপর নির্ভরশীল। কিন্তু এই চুতিরও একটি অবম মান আছে। এইরূপ অবম চুতি (minimum deviation) ঝাঝারতে আলোর ব্যবর্তনের ক্ষেত্রেও ঘটিয়া থাকে। একটি আলোকরাশা বাদ i কোণে আপতিত হর এবং  $\theta$  কোণে ব্যবর্তিত হর তবে এই আলোকরাশার চুতি D হইবে  $i+\theta$ . এই চুতির অবম মান বাহির করিতে হউলে উপরের সমীকরণটির অন্তর্রকলন করিয়া এই অন্তর্রকলনের ফল শ্নোর সমান করা দরকার।

$$D = i + \theta \tag{3.136}$$

আবার  $(a+b)(\sin i + \sin \theta) = n\lambda$ 

$$31 \quad \sin i + \sin \theta - \frac{n\lambda}{a+b}$$

কোনও একটি ক্রম এবং তরঙ্গদৈর্ঘোর জন্য  $\frac{n\lambda}{a+b}$  = ধূবক । সূতরাং দাড়ায়

 $\cos idi + \cos \theta d\theta = 0.$ 

বা cos idi – cos θdi = 0. ···সমীকরণ 3.137 ব্যবহার করিয়া

ৰা  $\cos i = \cos \theta$ .

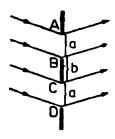
$$\therefore i = \theta. \tag{3.138}$$

সূতরাং অবম চ্যুতির বেলার আপতন কোণ i ব্যবর্তন কোণ  $\theta$ -র সমান হইবে। গ্রিজ্মের প্রতিসরণের মত এই ক্ষেত্রেও বর্ণালির স্পর্কতা বৃদ্ধি পাইবে। এই পরীক্ষার আপতিত এবং প্রতিকলিত রাশ্বর মধ্যের কোণ নির্পণ করিয়া i এর সান পাওয়া বার । স্যাসকার্ট (Mascart) এই পদ্ধতিতে ব্যব্ধরির সাহাব্যে

আলোকের তরঙ্গদৈর্ঘ্য নির্ণর করেন। তবে সাধারণত এই পদ্ধতির প্ররোগ্ধ করা হয় না। সচরাচর আলো ঝাঝরির তলের অভিলয়ে আপতিত করিয়াই পরীকা করা হয়।

বৰ্ণালির লুপ্ত ক্ৰেম (Absent orders of the spectrum).

বৃশ্ব-রেখাছিদ্রের বেলার বের্প দেখা গিরাছে, বাবর্তন ঝাঝরির বেলারও সেইবৃপ কিছু বর্ণালি বিশেষ অবস্থার লুপ্ত হইতে পারে । ৩.৫২ নং চিত্রে AB



চিত্ৰ ৩.৫২

এবং CD দুইটি পরপর রেখাছিদ্রের গ্রন্থ a এবং BC ইহার মধ্যেকার অংশ b. ধরা বাক a এবং b এর প্রন্থের অনুপাত দুইটি ছোট অখণ্ড সংখ্যা দারা বুঝানো যাইতে পারে। বর্তমান ক্ষেত্রে ধরা বাক a:b=1:2. তাহা হইলে বাদি কোনও  $\theta$  কোণে তৃতীয় ক্রমের কর্ণালি সৃষ্টির সর্ত পালিত হয় তবে লেখা বাইতে পারে

$$(a+b)(\sin i + \sin \theta) = 3\lambda$$
.

রেখাছিদ্র দুইটির সংগ্রিক বিন্দুদর হইতে নির্গত রণিমর পথ-পার্থক্য এখানে 3 $\lambda$  হওরার তাহারা সমদশার থাকিবে এবং চরম তীব্রতা সৃষ্ঠি করিবে। কিছু বে কোনও একটি রেখাছিদ্রের দুই প্রান্তের রণিমর মধ্যে এক্ষেত্রে পথ পার্থক্য হইবে  $\lambda$  বাহার ফলে এই রেখাছিদ্রের সমস্ত রণিমর লাভ্নি ফল দাড়াইবে  $\theta$  কোণে শূন্য। সূত্রাং এই কোণে পরিপামে কোনই আলোকতীব্রতা হইবে না। অনুর্পভাবে বর্চ, নবম প্রভৃতি বর্ণালি লুপ্ত হইরা বাইবে। কোন কোন ক্রমের বর্ণালি লুপ্ত হইবে তাহা নির্ভর করিবে  $\alpha$  এবং b প্রস্তের অনুপাতের উপর। ইহারা 1:2 হইলে তৃতীর, বর্চ, নবম ইত্যাদি ক্রমের বর্ণালি লুপ্ত হইবে। তবে ব্যবহৃত ঝাঝরির বেলার সাধারণত  $\alpha$  এবং b এর অনুপাত দুইটি ক্রম্র অখণ্ড সংখ্যা হর না এবং বর্ণালির এই কারণে লোপও অভএব ধটে না।

#### প্রতিফলিড আলোর বাবরি (Reflection gratings).

এতক্ষণ পারগত আলোর ঝাবরি সয়ছেই আলোচনা করা হইরাছে। ইহা ছাড়া আর এক শ্রেণীর ঝাবরি আছে বাহাতে আলো আপভিত হইরা প্রতিফালিড হর এবং এই ক্ষেত্রে প্রতিটি রাশ্মর আপতন বিন্দৃতে একটি আলোক-উংসের সৃষ্টি হইরা থাকে। এই উংসগুলি হইতে বিক্ষেপিত আলো বাবর্তন বর্ণালির সৃষ্টি করে। ধাতুর মসৃণ ও সমতল পৃষ্ঠে সমান্তরাল ও সমান দ্রছের সরলরেখা অন্তিভ করিলে এইবুপ ঝাবরি ভৈরী করা বার। ইহাতে আলো i কোণে আপতিত হইরা  $\theta$  কোণে প্রতিফালিত হইলে পরপর দুইটি সরলরেখার সংখ্যিক রান্দ্রের পথ-পার্থক্যের ব্যতিচারী সমীকরণ হইবে

$$(a+b)(\sin i \pm \sin \theta) = n\lambda \tag{3.139}$$

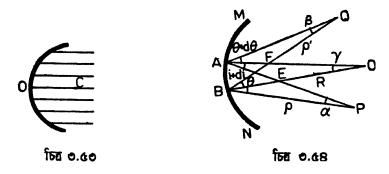
বাদ আপতন বিন্দুতে অন্কিত অভিলব্ধে দুইদিকে i এবং  $\theta$  কোণ অবস্থিত হয় তবে ঋণাশ্বক চিহ্ন বাবহার করিতে হইবে; ইহারা অভিলব্ধের একদিকে থাকিলে ধনাশ্বক চিহ্ন কার্যাকরী হইবে। এই ধরণের প্রতিফলন-ঝার্যার কোনও সমতল ধাতৃর কলকের উপর আচ্গুমিনিরমের তার জমাইরা পরে সরলরেখাগুলি বব্রের সাহাব্যে খোদাই করা হয়।

#### অবভল কাকরি (Concave grating).

সমতল পৃষ্ঠের বাঝরির পরীক্ষার জন্য দুইটি লেন্সের প্রয়োজন হয়। এই লেন্সের নানারকম অপেরণ (aberration) থাকে এবং এই অপেরণগুলি সম্পূর্ণরূপে দৃর করা খুবই কন্টকর। আর ভাছাড়া অতিবেগুনী (ultra violet) এবং অবলোহিত (infra-red) আলো নিয়া পরীক্ষার সময়ও লেন্স নিয়া অসুবিধা হয় কারণ লেন্স এই সমস্ত আলোর কোন কোন অংশের জন্য অবছ্র মাধ্যমের মত ব্যবহার করে। এই বাধা দৃর করিবার জন্য সমতল পৃষ্ঠের বদলে অবতল পৃষ্ঠের বাবারির উদ্ভাবন হইরাছে। একটি অবতল মসৃণ ধাতব পৃষ্ঠে বতকগুলি সমান্তরাল ও সমান প্রস্তের রেখা টানা হয় এগুলি পরস্পর হইতে মোটামুটি সমান দৃরত্বে অবন্থিত থাকে। এই রেখাগুলি সৃষ্ঠ হইবে সমান দৃরত্বে অবন্থিত কিছুসংখাক সমান্তরাল তলের সহিত ঝাঝরির অবতল পৃষ্ঠের ছেদের ফল। এই তলগুলির কেন্দ্রেরটি অবতল পৃষ্ঠের কেন্দ্র C এবং অবতল পৃষ্ঠের মধ্যবিন্দু O এর মধ্য দিয়া বে ব্যাস গমন করিবে তাহার সহিত সম্পাতী হইবে। অন্যান্য তলগুলি ইছার উল্কর পার্ছে সমান ব্যবধানে এবং সমান্তরালভাবে অবন্থিত থাকিবে [ ভিত্ত নং ৩.৫ ০ ]।

•

৩.৫৪ নং চিত্রে MN অবতল ঝাঝারির তলের একটি ছেদ এবং ইহাতে A, B পরপর দুইটি প্রতিফলন রেখা। P একটি আলোক বিন্দু। ইহা



 $\triangle - W(\sin i \pm \sin \theta)$ .

এই পথ-পার্থক্য যদি অখণ্ড সংখ্যক তরঙ্গদৈর্ঘার সমান হয় তবে Q বিন্দুর আলোকতীরতা এই দুইটি রশ্মির পক্ষে চরম হইবে। সূতরাং P বিন্দুর ফোকাস Q এর অবস্থান নির্ণায় করিতে হইলে নির্মালখিতরূপে অগ্রসর হওরা যায়। Q যদি P বিন্দুর ফোকাস হয় তবে P বিন্দু হইতে নির্গত রশ্মিসমূহের Q পর্যান্ত পথের পার্থক্য ধ্বক হইবে। এই সর্ভ হইতে পাওয়া যায়

 $\sin i - \sin \theta = \frac{n\lambda}{W}$  [ সমীকরণ 3.139 এর একটি ব্যবহার করিয়া ]

এবং ইহাকে অন্তর্নকলন করিয়া দাড়ায়

 $\cos i \, di - \cos \theta \, d\theta = 0.$ 

৩.৫৪ নং চিত্র হইতে পাওয়া বায়

 $a+i=\gamma+i+di$ 

E বিন্দুতে কোণ দুইটির সম্পূরক (supplement) হিসাবে ]  $\theta + \gamma = \beta + \theta + d\theta$  [ F বিন্দুতে কোণ দুইটির সম্পূরক হিসাবে ] সুতরাং  $di = \alpha - \gamma$   $d\theta = \gamma - \beta$ .

এগুলি প্রয়োগ করিরা পাওরা বাইবে

 $(\alpha - \gamma) \cos i - (\gamma - \beta) \cos \theta = 0.$ 

আবার চিত্র হইতে দেখানো বায় [ B এবং A হইতে বধারুমে AP এবং BQ এর উপরে লম্ব টানিয়া ]

$$\cos i - \frac{\rho \alpha}{W}$$
;  $\cos \theta - \frac{\rho' \beta}{W}$ ;  $\gamma - \frac{W}{R}$ .

সূতরাং লেখা বার

$$\cos i \left[ \frac{W \cos i}{\rho} - \frac{W}{R} \right] - \cos \theta \left[ \frac{W}{R} - \frac{W \cos \theta}{\rho'} \right] = 0$$

$$R \cos^2 i - \rho \cos i = \frac{\rho' \cos \theta - R \cos^2 \theta}{\rho' R}$$

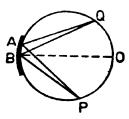
$$R \rho' = \frac{R\rho \cos^2 \theta}{\rho(\cos i + \cos \theta) - R \cos^2 i}$$
(3.140)

গ্রধানে P বিন্দুর মেরু-ছানাক্ষ (Polar coordinates) ধরা বার  $\rho$  এবং i; অনুর্পভাবে Q বিন্দুর মেরু ছানাক্ষ হইবে  $\rho'$  এবং  $\theta$ . ভাহা হইলে দেখা বাইতেছে যে P বিন্দুর সরণের সহিত Q বিন্দুর সরণ সংযুক্ত থাকিবে । আরু ভাহাদের দুইটির অবস্থান সংযুক্ত হইবে  $\rho$ , i এবং  $\rho'$ ,  $\theta$  এই মেরু ছানান্দের বারা । ফলে P বিন্দু হইতে নির্গত রন্মিসমূহ ইহার ফোকাস Q বিন্দুতে ঘনীভূত হইরা চরম তীব্রতার সৃষ্ঠি করিবে । অবতল ঝাঝরির এই ধর্ম সাধারণভাবে বাব্রতিত রন্মিকে ফোকাসে ঘনীভূত করে । কিন্তু যখন  $\rho = R$   $\cos i$  হর তথন দেখা বার

$$\rho = \frac{R \cos^2 \theta}{R \cos i (\cos i + \cos \theta) - R \cos^2 i}$$

$$-\frac{R^2 \cos i \cos^2 \theta}{R \cos^2 i + R \cos i \cos^2 \theta - R \cos^2 i}$$

$$= \frac{R^2 \cos i \cos^2 \theta}{R \cos^2 i + R \cos^2 \theta}$$
(3.141)



150 O.66

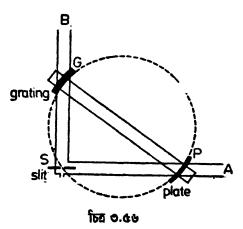
এইটি খুব তাৎপর্বাপূর্ণ সমন্ধ । ইহার অর্থ এই বে অবতল কাকরির ব্যাসার্ধ

মি কে বাসে করিয়া যদি একটি বৃত্ত অব্দান করা হর এবং P এই বৃত্তের পরিধির উপর অবস্থান করে তবে ইহার সংগ্রিষ্ট ফোকাস Q এই বৃত্তের পরিধির উপরই অবস্থিত হইবে। সূতরাং P হইতে যে আলোকরিশ্য ঝার্মরি AB তে আপতিত হইবে তাহাদের বাবর্তন বর্ণালিগুলি সকলই উক্ত বৃত্তের উপর সৃষ্ট (অর্থাং ফোকাসিত) হইবে। এই বৃত্তকে বলা হর রোল্যান্ডের বৃত্ত (Rowland circle) (চিত্র নং ০.৫৫)। উপরের আলোচনা হইতে দেখা যাইতেছে যে এই ব্যবর্তন ব্যবস্থার কোনও লেন্দের প্রয়োজন নাই। ঝার্মরির তল হইতে আপতিত রশ্মি প্রতিফ্লিত হইয়া অবতল পৃষ্ঠের ধর্মানুসারে লেন্দ ছাড়াই ফোকাসে ঘনীভূত হইবে। আর এই ফোকাস কোথার হইবে তাহাও আগে হইতেই জানা থাকে। তাহার ফলে সেই পূর্বনিশিষ্ট স্থানে ফোটোগ্রাফিক প্রেট রাখিলে বর্ণালির সুস্পন্ট ছবি তোলা যাইবে।

রোল্যাণ্ডের বৃত্তের পদ্ধতির উপর নির্ভর করিয়া অবতল ঝাঝারর বিভিন্ন: প্রকার আরোপণ (mounting) প্রচলিত হইয়াছে। নিয়ে ইহাদের একটি সংক্ষিপ্ত বর্ণনা দেওয়া হইল।

অবভল ঝাঝরির বিভিন্ন আরোপণ (Different mountings of concave grating).

রোল্যাণ্ড আরোপণ (Rowland mounting): অবতল ঝাঝারর এইটিই সর্বপ্রথম আবিষ্কৃত আরোপণ। রোল্যাণ্ড আরোপণে একটি শক্ত বীম GP র (beam) দুইপ্রান্তে থাকে ঝাঝার G এবং ফোটোগ্রাফিক প্লেটবাহক-



P; ইহাদের মধ্যের প্রত্ব সংখ্যিত রোল্যাও-বৃত্তের ব্যাসের সমান, অর্থাৎ অবতল পৃঠের ঝাঝরির বৃত্তের ব্যাসার্জের সমান। এই বিমটি পুইটি বিমের মধ্যে

চাকার সাহায্যে চলাফেরা করিতে পারে। শেবোন্ত বিম দুইটি SA এবং SB সমকোণে অবস্থিত। ইহাদের উপর GP বিমটি বিভিন্ন অবস্থানে থাকিলে S আলোক-উৎস হইতে ঝাঝরি G এর উপরে আপতিত আলোর আপতন কোণ পরিবঁতিত হয়। BSA কোণ  $90^\circ$  হওয়ায় আলোকউৎস S সবসময়েই রোল্যান্ড বৃত্তের উপর থাকিবে। আর ফোটোগ্রাফিক প্লেটও এই বৃত্তের ব্যাসের উপরই রাখা হয়। কাজেই বর্ণালিগুলি সবসময়েই প্লেটের উপর ফোকাস হইবে। তবে এই ব্যবস্থায় ব্যবর্তন কোণ  $0^\circ$  ডিগ্রী অথবা ইহার খুব কাছাকাছি মানের হইবে। সূতরাং ঝাঝরির সমীকরণ হইবে

$$W \sin i = n\lambda \tag{3.142}$$

চিত্র হইতে দেখা যায়

$$\sin i = \frac{SP}{GP}.$$

$$\therefore \quad \lambda = \frac{W \sin i}{n} = \frac{W}{n} \cdot \frac{SP}{GP}.$$

কোনও একটি ক্রমের বর্ণালির জন্য n=ধ্বুবক. আর W এবং GP ও ধ্বুবক। সূতরাং কোনও একটি ক্রমের বর্ণালির জন্য পাওয়া বাইবে

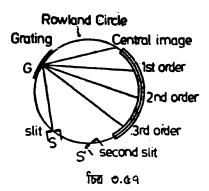
$$\lambda \propto SP$$
. (3.143)

SP কে অতএব তরঙ্গদৈর্ঘ্যে চিহ্নিত করা বাইতে পারে। বেহেতু  $\theta$  কোণ  $0^\circ$  অথবা ইহার খুব কাছাকাছি মানের হইবে, বর্ণালিটি সম্পূর্ণরূপে নির্মাত (normal) হইবে।

রোল্যাণ্ডের আরোপণে দৃষ্টি বৈষম্য (astigmatism) অভাস্ত প্রবল । এই দৃষ্টি বৈষম্যের ফলে আলোকউংসের একটি বিন্দুর প্রতিবিশ্ব বিন্দু না হইরা একটি সরলরেখা হয় । ইহার ফলে প্রতিবিশ্বের তীব্রতা খুব হ্রাস পায় । এই এবং অন্যান্য কারণে রোল্যাণ্ড আরোপণ বর্তমানে বিশেষ ব্যবহৃত হয় না ।

### প্যাপের আরোপণ (Paschen Mounting).

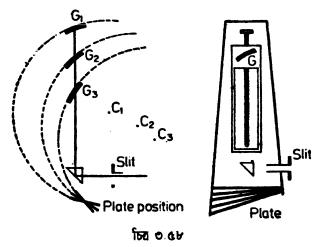
এই ধরণের আরোপণই সর্বাধিক ব্যবহার হয়। সাধারণ কাজের জন্য এই আরোপণ ব্যবহার করা খুবই সুবিধাজনক। ইহাতে একটি শক্ত বৃত্তাকার কাঠামো রোল্যাও বৃত্তের কাজ করে। এই বৃত্তের উপর চিত্রে প্রদাশত সুবিধাজনক অবস্থানে রেখাছিদ্র S এবং ঝার্কার বসানো হয়। রোল্যাতের বৃত্তের ধর্মের জন্য বিভিন্ন ক্রমের সমস্ত বর্ণালিই বুগপং এই বৃত্তের উপর ফোকাস হইরা থাকে। সূতরাং এই বৃত্তের আকারের ইস্পাতের কাঠামোতে বিদ ফোটোগ্রাফিক প্লেট লাগাইর। দেওরা বার তবে সমন্ত বর্ণালিরই একসঙ্গে ছবি ভোলা সন্তব হর। ইহাতে সমরের খুব সাশ্রর হর। প্ররোজন হইলে



অনা তলে দ্বিতীর একটি রেখাছিদ্র রাখিলে ঐ তলে ভিন্ন আপতন কোণ বাবহার করিরা দ্বিতীর প্রস্থু বর্ণালিরও একই সমরে ছবি তোলা বার (চিত্র নং ৩.৫৭)। এই আরোপণে দৃক্তিবৈষম্য (astigmatism) রোল্যাণ্ডের আরোপণের অপেক্ষা অনেক কম হওরার বর্ণালিগুলির আলোকতীরতা অনেক বেশী হর। প্যাশেন আরোপণে সর্বাপেক্ষা বড় অসুবিধা বৃত্তের মধ্যের তাপমাত্রা নিরম্ভণ করা। সাধারণত একটি হিটার (heater) এবং সপ্তারী পাখা (circulating fan) ব্যবহার করিরা এই তাপনিরম্ভণ করা হর। বিদ পরীক্ষাকালে তাপমাত্রার 1°C পরিবর্তন হর তবে ঝার্করির প্রসারণ বা সম্পোচনের জন্য বর্ণালি রেখাগুলি অনেক প্রশ্বীক্ষার সমরে অনেক পরীক্ষারীন বর্ণালিরেখার তীব্রতা এমনিতেই কম হর; তাপমাত্রা পরিবর্তনের ফলে ইহাদের তীব্রতা আরও কমিরা বাইবৈ। খ্ব সৃক্ষ পরীক্ষার সমরে অনেক পরীক্ষারীন বর্ণালিরেখার তীব্রতা এমনিতেই কম হর; তাপমাত্রা পরিবর্তনের ফলে ইহাদের তীব্রতা আরও কমিরা বাইবে। অনেক পরীক্ষার রোল্যাণ্ডের বৃত্তের ব্যাস 20 metre পরিমাণ হইরা থাকে আর ছবি তোলার সমর 24 বন্ধী পর্বান্ত করা দ্বকার হর। সৃত্তরাং এই অবস্থার বিদ্ তাপমাত্র। 0·1°C এর মধ্যের অপরিবর্তিত রাখিতে হয় তবে ইহার দূরহতা সহজেই অনুমের।

# ইগ্ৰু আরোপণ (Eagle Mounting)

এই আরোপণটি খুব সুসংহত (compact), আলো চুক্তিত পারে না এইবৃপ একটি লবা বাজের এক প্রান্তে কোটোগ্রাফিক প্লেট হোল্ডারটি এমনভাবে রাখা হর বাহাতে এইটি একটি উল্লব অক্সে বুরিতে পারে। এই বাজের অন্য প্রান্তে থাকে ঝাঝরিটি। এটির অবস্থানও একটি লয়া স্কুরের সাহাষ্ট্রে প্রয়োজনমন্ত বদলানো বার, অবস্থান বদলাইবার সঙ্গে সঙ্গে ইহাকেও উল্লয় অক্ষে ঘুরানো হয়। বাজের একধার হইতে রেখাছিদ্রের আলো প্রিজ্ঞানর

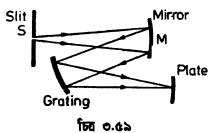


সাহাব্যে পূর্ণ প্রতিফলিত হইরা ঝাঝরিতে আপতিত হয়। ৩.৫৮ নং চিত্রে বের্প প্রদলিত হইরাছে, ঝাঝরির অবস্থান পরিবর্তন করিয়া আপতন কোণের ইচ্ছামত মান করা হয়। আর প্রয়োজনমত রোল্যাও বৃত্তের উপর রাখিবার জন্য ঝাঝরি এবং প্রেট হোজ্যার অনুর্প পরিমাণে ঘোরানো হয়। কাজেই বুঝা বায় বে বিভিন্ন কমের বর্ণালি পরিমাপ করিবার জন্য ঝাঝরির প্রয়োজনমত অবস্থানের পরিবর্তন করা হয়। এই আরোপণে বর্ণালির প্রথমক্রমে দৃষ্টিবৈষম্য (astigmatism) মোটে এক দশমাংশের মত হওয়ায় বর্ণালির উজ্জলতা খুবই বাড়ে। বর্ণালির তৃতীয়ক্রমে যেখানে রোল্যাও আরোপণে দৃষ্টিবৈষম্য বর্ণালির জন্য দৃষ্টিবৈষম্য বর্ণালির জন্য দৃষ্টিবৈষম্য মাত্র ০.47 গুণ হয়। অর্থাৎ দৃষ্টিবৈষম্যের জন্য বর্ণালিরেখার দৈর্ঘ্য ঝাজেবিক অপেক্ষা আরও ০.47 গুণ বাড়িয়া বায়। তাছাড়া বায়াটির আয়তন প্যালেন আরোপণের তুলনার অনেক কম হওয়ায় এইটিতে তাপমালা সহজেই নিয়ন্ত্রণ করা চলে। আবার প্রয়োজন হইলে বায়াটি বায়ুশুনা করা চলে বিলয়া বর্ণালির বিভিন্ন অংশ অর্থাৎ অভিবেগুনী ও অবলোহিত আলোও ইহা ধারা পরীক্ষা করা সন্তব হয়।

ওয়াত স্ওয়ার্ আরোপণ (Wadsworth mounting).

**এই আরোপণের প্রধান বিশেষর দুইটি। প্রথমত ইহা রোল্যাও বৃত্তের** 

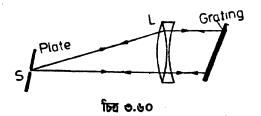
নীতির উপর ভিত্তি করিয়া ক্রিয়া করে না, বাহা উপরের তিনটি আরোপণে পালিত হইয়াছে। দ্বিতীয়ত এই ব্যবস্থায় দৃদ্বিবৈষম্য প্রায় নাই বলিলেই চলে। এই ব্যবস্থায় বে স্থানের প্রয়োজন হয় তাহা ঈগ্ল্ আরোপণের প্রায় অর্জেক। সুতরাং ইহাতে ভাপমান্তা নিয়ন্ত্রণ এবং বায়ুশ্ন্য করা খুবই সুবিধাজনক। ৩.৫৯ নং চিত্রে এই আরোপণের ছবি দেখানো হইল।



রেখাছিদ্র S হইতে নিগত আলো দর্শণ M এ প্রতিফলনের পর সমান্তরাল হইয়া ঝাঝরিতে আপতিত হর ; ফোটোগ্রাফিক প্লেট ঝাঝরির কেন্দ্র হইতে লব্দের উপর রাখা হর এবং ঝাঝরিতে আলোর আপতন কোণ প্ররোজনমত পরিবর্তন করিয়া বিভিন্ন ক্রমের বর্ণালি পরীক্ষা করা হর ।

निष्ट्रिया चारत्राथन (Littrow Mounting).

বড় আকারের সমতল পৃষ্ঠের ঝার্কারর বেলার এই আরোপণটি ব্যবহার

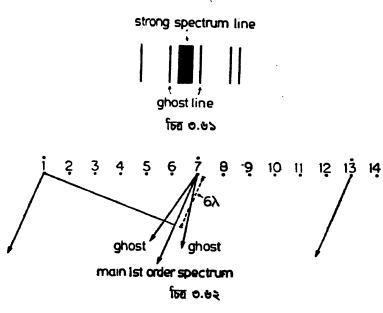


করা হর। ৩.৬০ নং চিত্রে একটি রেখাছিদ্র ১ হইতে আলো একটি অবার্ণ লেকদারা সমান্তরাল রশিমালার পরিণত হইরা সমতল ঝাঝরিতে পড়িতেছে। ঝাঝরি হইতে ব্যবর্তনের পর আবার আগমনপথেই ফিরিয়া গিয়া রেখাছিদ্রের ভলে ঘনীভূত হইতেছে এবং এইছানে ফোটোগ্রাফিক প্লেট রাখা হইলে ছবি ভোলা সম্ভব হইবে। এইখানে বিশেষত্ব হইল এই যে সাধারণ আরোপণের ক্ষেত্রে রেখাছিদ্র এবং প্লেটের মধ্যে বে দৈর্ঘ্য হয় লিট্রো আরোপণে ভাছার্ম অর্থেক দৈর্ঘ্যের প্ররোজন হয়। সেই জন্য বৃহদাকার বর্ণালীলেখীতে (Large spectrograph) এই ধরণের আরোপণ ব্যবহৃত হয়।

কাকরির বর্ণালিতে অশুদ্ধিজাত রেখা (Ghost lines in grating spectrum).

- এ পর্বান্ত আলোচনার ধরা হইরাছে যে বার্বারর রেখাছিপ্রগৃলি এবং তাহাদের মধ্যের স্থানের প্রস্থ বরাবর সমান থাকিবে। কিবু এই বহুসংখ্যকরেখার বেলার এই সর্ত পালন করা প্রার অসম্ভব এবং এই তৈরী করার সমর প্রস্থের কিছু তারতম্য ঘটিরা থাকে। এই তারতম্যের জন্য কিছু বাড়তি বর্ণালিরেখার উত্তব হয় এবং পশ্চাদৃপটের (back ground) আলোকতীব্রতাও বাড়ে। বার্বারর রেখাগুলির মধ্যে এই দ্রন্থের তারতম্য সাধারণত তিনপ্রকারের হইয়া থাকে:
- (i) যদৃচ্ছ ভূল (Random error). ইহার জন্য কোনও বাড়াত রেখার উৎপত্তি হয় না শুধু পশ্চাদপটের তীব্রতা বাড়িয়া যায়।
- (ii) ক্রমিক ভূল (Progressive error). এই ভূলের জন্যও কোন বাড়তি রেখার সৃষ্টি হর না। ইহাতে বর্ণাল রেখাগুলি লেলের ফোকাসতলে ঘনীভূত না হইরা সামান্য আলাদা তলে ঘনীভূত হইবে। ইহার কারণ রেখাগুলির এইরূপ ক্রমিক পরিবর্তনের ফল হইবে ইহাদের নিজৰ একটি ফোকাস করিবার ক্ষমতার সৃষ্টি। ফলে লেলের ফোকাস ক্ষমতার সহিত এই বাড়তি ফোকাসক্ষমতা বৃত্ত হইয়া ফোকাসতলের পরিবর্তনের সৃষ্টি করে।
- (iii) পর্যাবৃত্ত ভূল (Periodic error). এই ভূলের বিভিন্ন রকমের জন্য বিভিন্ন শ্রেণীর বাড়তি বর্ণালিরেখার উত্তব হইবে আর এই বাড়তি রেখাগুলিকে বলা হর অপুন্ধিজাত রেখা। প্রথম শ্রেণীর ভূল হইবে এমন (ghosts) বাহার পর্বার (Period) ক্কুএর থাকের (pitch of the screw) সমান। পূর্বেই বলা হইরাছে বে ঝাঝারতে সরলরেখাগুলি খোদিত করিতে হীরার একটি অতিসৃক্ষ বাটালির সাহাব্য নেওরা হর এবং একটি অতিসৃক্ষ ভূএর ঘারা এই বর্রাট থাপে থাপে আগাইরা নিরা বাওরা হর। এই ভূ খুব সৃক্ষমাপে তৈরী করিবার চেন্টা করিলেও ইহার গঠনে কিছু ভূল থাকিরা বার। ফলে হীরাক বাটালিটি সরাইবার সমর এই ভূলের একটি পর্বাক্তর প্রভাব পড়ে ঝাঝারর রেখাগুলির বন্টনে বাহার ফলে কিছুসংখাক রেখার পর ফাকের একটু পরিবর্তন হর এবং ফাকের সমবন্টনের পরিবর্তন হর। এই জাতীর ভূলের জন্য বে অপুন্ধিজাত রেখা (ghosts) জন্মার তাহা একটি উক্ষল প্রথান রেখার বর্ণালির উভর পালে প্রতিসমর্পে অবহান করে। সূতরাং ইহালের সহজেই চেনা বার। আর ভাছাড়া খুব উক্ষল প্রধান রেখার হারে প্রভিন্ন সহজেই চেনা বার। আর ভাছাড়া খুব উক্ষল প্রধান রেখার হারে সঠিক অবহান

নির্ণর করা কঠিন হর। সেক্ষেত্রে এই প্রতিসম রেখা দুইটি মাপিরা মুখ্য রেখার অবস্থান নির্ণর সম্ভব হর (চিচ্চ নং ৩.৬১)। এই জ্বাতীর রেখা নিরা প্রথম পরীক্ষা করেন কুইন্কে (Quincke) এবং এইগুলি এখন রোল্যাণ্ড অপুন্ধিক্রনিত রেখা (Rowland ghosts) বলিরা পরিচিত। ইহাদের উৎপত্তি নিমলিখিতভাবে দেখা বাইতে পারে।



চিত্র নং ৩.৬২এ 1 হুইতে 14 পর্যান্ত কতকগুলি সমদ্রদ্বের ঝাঝারের সরল-রেখার অবস্থান । ইহাদের মধ্যে 1 এবং 7এর জন্য প্রথম রুমের বর্ণালি দেখানো হুইরাছে । প্রথম এবং সপ্তম রেখা হুইতে নিগতি আলোর পথদূরত্ব  $6\lambda$ . মুখ্য বর্ণালির উভরপার্দ্ধে দুইটি বাড়তি রেখা দেখানো হুইরাছে । ইহাতে ধরা হুইরাছে বে নির্ভূল রেখার ঝাঝারের পক্ষে এই দিকে আলোর তীব্রতা দ্ন্য হুইবে এবং পথদূরত্ব হুইবে  $6\lambda \pm \frac{\lambda}{2}$  এখন ধরা বাক বে 1, 7, 13 ইত্যাদি অবস্থানে কিছু বুটি আছে বাহার ফলে এই দুইটি রান্দর পথদূরত্ব ঠিক  $6\lambda \pm \frac{\lambda}{2}$  না হুইরা একটু কমবেশী হুইবে । সূত্রাং ইহারা পরস্পারকে সম্পূর্ণ ধ্বংস করিছে পারিবে না এবং এই দিকে কিছু বিদ্যারের উৎপত্তি হুইবে ; ফলে এই দিকে বাড়তি রেখা দুইটির সৃত্তি হুইবে । ধরা বাক এই বিদ্তার  $\Lambda$ . সূত্রাং তীব্রতা হুইবে  $\Lambda^2$ . দিতীয় রুমের ক্ষেত্রে এই পথদূরত্ব ছিগুণ হুইবে । ফলে উত্তত

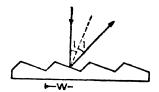
বিজ্ঞারও বিশুন্দ অর্থাৎ 2A হুইবে। বিজ্ঞার বিশুন্দ হওরার কারণ এইবুপ। প্রথম ক্রমের বাড়িত রেখার দিকে বিদ পথদূরত্ব হর  $6\lambda\pm\frac{\lambda}{2}\pm\delta$ , তবে ইহার বিত্তীর ক্রমে  $\delta$  এর স্থলে  $2\delta$  বাড়িত পথদূরত্ব দাড়াইবে। আর এই  $\delta$  বাড়িত পথদূরত্বর জন্মই লাজি বিস্তার শ্নোর বদলে A হুইবে। বিত্তীর ক্রমে এই বাড়িত পথদূরত্ব  $2\delta$  হওরার ধ্বংসাত্মক ব্যতিচার আরও অসম্পূর্ণ হুইবে। মলে লাজি বিস্তারও সমানুপাতিকভাবে বাড়িয়া গিয়া দাড়াইবে 2A. আর তাহার ফলে তীরতা এই ক্ষেন্তে দাড়াইবে  $4A^{\circ}$ , এবং অনুরূপভাবে তৃতীর ক্রমে  $9A^{\circ}$ . এইগুলি অবশ্য হুইবে বিভিন্ন ক্রমের অশুজিকানিত রেখার আনুপাতিক তীরতা। কিন্তু ইহারা প্রত্যেকেই তীরতার ব্যাপারে বুরু থাকিবে সংগ্লিষ্ঠ মুখ্য বর্ণালির তীরতার সহিত। ইহার অর্থ এই বে প্রথম, ক্রমের বর্ণালির জন্য মুখ্য এবং অশুজ্জিনিত রেখার তীরতার অনুপাত বদি 1000 হর তবে এই অনুপাত বিত্তীর এবং তৃতীর ক্রমের জন্য হুইবে বথাক্রমে 250 এবং 110. এই রেখাগুলির সৃষ্ঠির কারণ হুইতেই উক্ত মানের স্থপক্ষে এইর্প বুলি পাওরা বার। আর এই সিজ্ঞান্ত পরীক্ষালক্ষ ফলের সহিত ভালভাবে মিলিয়া বার।

ষিতীয় প্রকারের অশুন্ধিজনিত রেখাকে বলা হয় লাইমানের অশুন্ধিজনিত রেখা (Lyman Ghosts). ইহারাও রেখাছিদ্রের পর্যাবৃত্ত ভূলের জনাই উৎপন্ন হয় কিন্তু এইক্ষেত্রে ভূলের পর্যায় খুবই ছোট (6 to 8 lines). এই রেখাগুলি মূল বর্ণালি হইতে অনেক দ্রে এবং খুব ক্ষীণ হইয়া থাকে বলিয়া ইহাদের চেনা সহজ নহে। রেখাছিদ্রের এই ভূল হয় ঝাঝরির রেখার খোদাই যয়টি বে মোটর দিয়া চালানো হয় তাহার পুলির বেপ্টের (pulley belt) রুটির জন্য। প্রতিবার ঘুরিয়া আসিবার সময় এই বেপ্ট খোদাই বয়ে একটু বেশী চাপ দেয় বাহাতে বয়ের হীয়কের বাটালির মুখ সামান্য বাকিয়া বায় ; আর ইহার ফলে রেখাছিদ্রের খোদাইয়ের ফাকে কিছু ভূল প্রবেশ করে। এই পর্যাবৃত্ত ভূলই লাইম্যানের অশুন্ধিজনিত রেখার সৃষ্ঠি করে।

বর্ণালির ভীত্রতার উপর কাকরির সরল্রেখাগুলির খোদাইয়ের আকৃতির প্রভাব (Influence of the shape of grooves of grating rulings on the intensity of spectra).

উপরের আলোচনার বলা হইয়াছে বে  $\frac{\sin^2 N_\gamma}{\sin^2 \gamma}$  পদের জন্য বে মুখ্য বর্ণাল শ্রেণীর সৃষ্টি হইবে তাহাদের ভীরতা  $\frac{\sin^2 \phi}{\phi^2}$  পদ হইতে উৎপ্র

আবরণের (envelope) প্রভাবে কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে কমিতে থাকিবে। আর এই হাসের পরিমাণ নির্দারিত হটবে শেবোর পদ হটতে উৎপন বর্ণালির আকৃতির উপর। কিন্তু পরীক্ষাকালে দেখা যার বে মুখ্য বর্ণালির ভীরতার হাস ঠিক এই নিয়ম মানিয়া চলেনা। অনেক সময়ই দেখা বার বে দ্বিতীয় ক্রমের বর্ণালি প্রথম ক্রমের বর্ণালির অপেকা উচ্ছল হয় বা অনুরূপ ব্যতিক্রম ঘটে। ইহার কারণ এই যে পূর্বের আলোচনায় রেখাছিদ্র এবং ইহার সংলগ্ন অন্বচ্ছ অংশ আদর্শ বৃগ্ধ-রেখাছিদ্রের আকৃতির ধরা হইয়াছে। কিন্তু কার্যাক্ষেয়ে খোদাইয়ের অংশে যে আলো পড়ে তাহার বিক্ষেপণের উপর বাবতিত আলোর কৌণিক বন্টন অনেকাংশে নির্ভর করে: এই কোণিক বন্টনই পরিণামে মুখ্য বর্ণালিতে তীব্রতা নিয়ন্ত্রণ করে। সূতরাং বুঝা যায় যে যদি এই বাবতিত আলোর কৌণিক বণ্টন নিয়ন্ত্রণ করা সম্ভব হয় তবে ইচ্ছামত বে কোন ক্রমের বর্ণালির তীরতা প্রয়োজনমত হাসবৃদ্ধি করা সম্ভব হয়। আরু ডব্লিউ উড (R. W. Wood) এই প্রচেষ্টায় সর্বপ্রথম সফল হন। তিনি সোনার পাতলা শুর জমানো তামার পাতের উপর স্বভাবজ (natural) কারবোর্যাণ্ডাম কেলাসের ধার ব্যবহার করিয়া সরলরেখা খোদাই করেন এবং এই রেখাগুলির খোদাইয়ের আকৃতি চিত্র নং ৩.৬৩এ প্রদাশিতরূপে নিয়ন্ত্রণ করেন। এই চিত্র হইতে দেখা যায় যে যদি আলো এই খোদাইয়ের

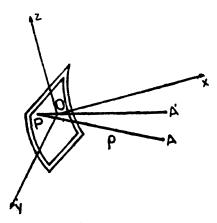


চিত্ৰ ৩.৬৩

তলের উপর i কোণে আপতিত হয় তবে i কোণে প্রতিফালিত রন্মির তীরতা সর্বাধিক হইবে। এই i কোণ হিসাবমত নিয়ান্তিক করিয়া ( অর্থাং খোদাইরের আকৃতি নিয়ন্ত্রণ করিয়া ) প্রয়োজনমত দিকে প্রতিফালিত আলোর ভীরতা এমনভাবে বাড়ানো বায় বাহাতে এই দিকে পরীক্ষাধীন বর্ণালিটির সৃষ্ঠি হয়। উড এই প্রণালীতে একটি বিশেষ ক্রমের বর্ণালিতে 90 শতাংশ আলো ঘনীভূত করিতে সক্ষম হন। অবশ্য ইহা মনে রাখিতে হইবে বে আপতন বিশ্বু হইতে আলো শুধু প্রতিফালিতই হয় না; এই বিশ্বু একটি আলোকউৎস হিসাবে ব্যব্তিত আলোকরশির উৎপত্তি করে। তবে এই ব্যব্তিত রশ্বির বর্তনে প্রতিফালিত রীশ্বর বর্তনে প্রতিফালিত রশ্বির বর্তনে প্রতিফালিত রাশ্বর উৎপত্তি করে। তবে এই ব্যব্তিত রশ্বির বর্তনে প্রতিফালিত রাশ্বর বিশ্বর স্থিম শিক্ষের

বাবারতে রেখার সংখ্যা ছিল মোটামুটি 1000/cm এবং ইহা অবলোহিত আলোর বেলার বাবহারের জনাও এইরুপ ঝার্বার তৈরী করেন এবং ইহাদের আলোর কেন্দ্রে বাবহারের জনাও এইরুপ ঝার্বার তৈরী করেন এবং ইহাদের রেখার সংখ্যা ছিল 6000/cm এর মতন। তিনি এই ধরণের ঝার্বারর নাম দেন ইশ্লেট্ ঝার্বার (echelette grating), ইহার কারণ এই যে এই ঝার্বার সাধারণ বার্বতন ঝার্বার এবং ইশ্লেন্ (echelon) ঝার্বারর (পরে বার্ণত হইরাছে) মাঝারাঝি প্রকৃতির বলিয়া মনে করা বার।

অবভল কাকরির উপর রুংগের মডবাদ (Runge's theory of concave grating).



8४.७ क्वो

উপরের ৩.৬৪ মং চিত্রে কার্ঝারর মেরু O স্থানান্দ্র অক্ষের উৎস (origin) হিসাবে ধরা হইরাছে। রেখাছিন্রগুলি Oz এর সমান্তরাল এবং Oy দিকে ইহারা সমান দূরত্বে অর্বাস্থিত। xyO তলে একটি আলোকউৎস A আছে বিলয়া ধরা বাক এবং ঐ একই তলে অন্য একটি বিন্দু A' এর উপর ঝাঝারর সমন্ত স্থান হইতে ব্যবাভিত রাশ্যর প্রভাব হিসাব করা যাক। ঝাঝারর তলে P একটি বিন্দু; ইহার স্থানান্দ্র ধরা হইরাছে x, y, z. ইহা ছাড়া A এবং A' এর স্থানান্দ্র বধান্তমে x'y'০ এবং x''y'০. বাদ AP এবং AP' আলোক্ষ্যানান্দ্র সমন্ত্রি  $\Delta$  হর তবে লেখা বাইতে পারে

$$\Delta = AP + A'P \tag{3.144}$$

 $AP^{2} = (x - x')^{2} + (y - y')^{2} + (z - z')^{2}$   $= x^{2} + y^{2} + z^{2} + x'^{2} + y'^{2} - 2xx' - 2yy' \text{ [Till $q$ $z' = 0$]}. (3.145)$ 

ঝাঝরির উৎস *O বে r ব্যাসার্জের গোলকে*র পৃঠের উপর অবস্থিত তাহার সমীকরণ লেখা যাইতে পারে

$$x^{2} + y^{2} + z^{2} - 2rx = 0$$

$$2x = \frac{1}{r}(x^{2} + y^{2} + z^{2})$$

$$AO^{2} = \rho^{2} = x'^{2} + y'^{2}$$

$$A'O^{2} = \rho'^{2} = x'^{2} + y'^{2}$$

$$\therefore AP^{2} = \rho^{2} - 2yy' + x^{2}\left(1 - \frac{x'}{r}\right) + y^{2}\left(1 - \frac{x'}{r}\right) + z^{2}\left(1 - \frac{x'}{r}\right)$$
(3.146)

সাধারণত অবতল ঝার্ঝারর বক্ততার ব্যাসার্গ্ধ (radius of curvature) বেশী হর যাহার ফলে ঝার্ঝারর তলকে অনেকটা সমতল পৃষ্ঠের মত মনে করা যাইতে পারে। কাজেই P বিন্দুর স্থানান্দের মধ্যে y এবং z এর তুলনার xকে অগ্রাহ্য করা চলে। এছাড়া r এর তুলনার y এবং z বেশ ছোট হওরার ইহাদের বর্গের বেশী ঘাতের পদগুলি অগ্রাহ্য করিরা লেখা যার

$$AP = \rho \left[ 1 + \frac{1}{2} \left\{ -\frac{2yy'}{\rho^2} + \frac{y^2}{\rho^2} \left( 1 - \frac{x'}{r} \right) + \frac{z^2}{\rho^2} \left( 1 - \frac{x'}{\rho} \right) \right\} - \frac{1}{8} \left\{ -\frac{2yy'}{\rho^2} + \cdots \right\}^2 \right]$$

$$= \rho \left[ 1 + \frac{1}{2} \left\{ -\frac{2yy'}{\rho^2} + \frac{y^2}{\rho^2} \left( 1 - \frac{x'}{r} \right) + \frac{z^2}{\rho^2} \left( 1 - \frac{x'}{r} \right) \right\} - \frac{1}{8} \left\{ \frac{4y^2}{\rho^4} \left( \rho^2 - x'^2 \right) + \right\} + \right]$$

$$= \rho - \frac{yy'}{\rho} + \frac{1}{2} \frac{x'}{\rho} \left( \frac{x'}{\rho^2} - \frac{1}{r} \right) y^2 + \frac{1}{2\rho} \left( 1 - \frac{x'}{r} \right) z^2 \dots$$
 (3.147)

অনুরূপভাবে দেখানো যায়

$$A'P = \rho' - \frac{yy''}{\rho'} + \frac{1}{3} \frac{x''}{\rho'} \left( \frac{x''}{\rho'^2} - \frac{1}{r} \right) y^2 + \frac{1}{2\rho'} \left( 1 - \frac{x'}{r} \right) z^2 \cdots$$

$$(3.148)$$

$$\therefore \triangle = AP + A'P = \rho + \rho' - \left( \frac{y'}{\rho} + \frac{y'}{\rho'} \right) y$$

$$+ \left[ \frac{x'}{2\rho} \left( \frac{x'}{\rho'^2} - \frac{1}{r} \right) + \frac{x'}{2\rho'} \left( \frac{x''}{\rho'^2} - \frac{1}{r} \right) \right] y^2$$

$$+ \left[ \frac{1}{2\rho} \left( 1 - \frac{x'}{r} \right) + \frac{1}{2\rho'} \left( 1 - \frac{x''}{r} \right) \right] z^2 \cdots$$

$$(3.149)$$

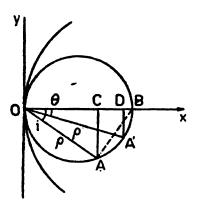
খুব সৃক্ষভাবে হিসাব না করিলে ঝাঝরির রেখাগুলির দৈর্ঘ্য  $\rho$  এবং r এর তুলনার অনেক ছোট হওরার  $z^2$  বে সমন্ত পদে আছে সেগুলিও অগ্নাহ্য করা চলিতে পারে। আর  $y^2$  যে সমন্ত পদে আছে সেইগুলি বাদ শৃন্য ধরা হয় ( ইহার তাৎপর্ব্য পরে স্পন্ট হইবে ) তবে লেখা বার

$$\left[\frac{x^{r'}}{2\rho}\left(\frac{x^{r'}}{\rho^{2}} - \frac{1}{r}\right) + \frac{x^{r'}}{2\rho'}\left(\frac{x^{r'}}{\rho'^{2}} - \frac{1}{r'}\right)\right] = 0$$
 (3.150).

ইহা হইতে পাওয়া বায় 
$$\frac{x'}{\rho^2} - \frac{1}{r} = 0$$
 বা  $\rho^2 = x'r$ . (3.151)-

$$\frac{x}{a^{1/2}} - \frac{1}{a} = 0$$
  $q_1 \rho^{1/2} = x^{2}r$  (3.152)

[कात्रण x' धवर x' भूना नत्र ]



চিত্ৰ নং ৩.৬৫

এই সম্বন্ধগুলির তাংপর্যা বৃঝিতে হইলে নিম্নোন্তরূপে অগ্রসর হওয়৷ যায় । OX অক্ষকে ব্যাস করিয়৷ OX, OY তলে একটি বৃত্ত অব্দন কয়৷ হইল ৷ ইহার ব্যাস অবতল ঝাঝরির ব্যাসার্কের সমান ৷ ইহার পরিধির উপর A এবং A' দুইটি বিশ্ব নেওয়৷ হইল ;  $OA - \rho$  ;  $OA' = \rho'$ .

ইহাদের স্থানাক ধরা হইল OA(x'y') এবং OA'(x'y').

A এবং A' হইতে OX এর উপর লব টানা হইলে ইহার৷ OX কে C এবং D বিন্দুতে ছেদ করিবে । A এবং B বিন্দুকে বোগ করা হইলে । তাহা হইলে OAC এবং OAB দুইটি সদৃশ গ্রিভুক্ত হইতে লেখা বার

$$\frac{OA}{OB} = \frac{OC}{OA}$$

বা 
$$OA^2 - OB \cdot OC$$
  
বা  $\rho^2 - x'r$   $[OB - r]$   
অনুরূপভাবে  $\rho'^2 - x''r$ 

A এবং A' বিন্দু এমন একটি বৃত্তের পরিধির উপর অবস্থিত বে বৃত্তের কেন্দ্র অবতল ঝাঝরির মুখ্য অক্ষের (Principal axis) উপর অবস্থিত এবং বাহার ব্যাস ঝাঝরির ব্যাসার্কের সমান। পূর্বের আলোচনার বলা হইরাছে বে এই বৃত্তকে রোল্যাণ্ডের বৃত্ত বলা হয়।

এই অবস্থার 3.149 নং সমীকরণ হইতে দাড়ার

$$\triangle=AP+A'P=(\rho+\rho')-\left(\frac{y'}{\rho}+\frac{y''}{\rho'}\right)y,\ y^2$$
 এবং  $z^2$  সংযুক্ত পদ-  
গুলিকে অগ্রাহ্য করিয়া ;

অবতল ঝাঝারতে আর একটি এমন বিন্দু P' বিদ নেওর। হর বাহাতে P এবং P' দুইটি পাশাপাশি সরলরেখার অবস্থিত, হর এবং রেখা দুইটির পরন্দর দ্রম্ব বিদ W হর ভাহা হইলে P' বিন্দুর y স্থানাক্ষ y+W' হইবে। P' বিন্দুর জন্য পথদৈর্ঘ্য বিদ  $\triangle'$  লেখা হর তবে দাড়ার

$$\Delta' = AP' + A'P' = (\rho + \rho') - (y + W) \left(\frac{y'}{\rho} + \frac{y'}{\rho'}\right)$$
 (3.154)

তাহা হইলে দুইটি পাশাপাশি অবস্থিত ঝাঝরির রেখার সংখ্রিক বিন্দুদ্ধর হইতে পথ-পার্থক্য দাড়াইবে

$$\triangle - \triangle' = W \left[ \frac{y'}{\rho} + \frac{y^*}{\rho'} \right] \tag{3.155}$$

অাবার চিত্র নং ৩.৬৪ হইতে দেখা যায়

$$\frac{y'}{\rho} - \sin i$$
  $\frac{y''}{\rho'} - \sin \theta$ .

 $\therefore \triangle - \triangle' - W (\sin i + \sin \theta).$ 

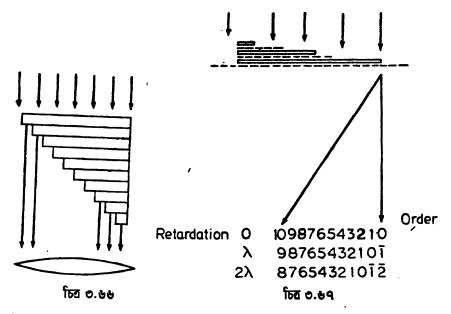
বদি এই পার্থক্য  $n\lambda$  হয় তবে A' বিন্দুতে আলোকতীব্রতা চরম হইবে

বা 
$$W(\sin i + \sin \theta) = n\lambda$$
, আলোকতীব্রতা চরম (3.156)

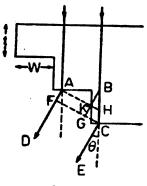
সূতরাং দেখা যাইতেছে যে যদি আলোক উৎস  $\Lambda$  বিন্দু রোল্যাণ্ডের বৃত্তের উপর অবস্থিত হয় তবে ইহার ফোকাস বিন্দু  $\Lambda'$ ও ঐ বৃত্তের উপরই থাকিবে। ইহাই রোল্যাণ্ড বৃত্তের ভাৎপর্য। ইশস্থ কাকরি (Echelon grating).

বাবৰ্তন বাব্যৱন্ত কেন্তে পৰে দেখা বাইবে বে বিভেদন ক্ষমতা (resolving power) এর মান হইবে Nn. এখানে N – ঝাঝারতে খোদাই করা মোট সরলরেখার সংখ্যা এবং n বর্ণালির ক্রম। সূতরাং বিভেদন ক্ষমতা বাড়াইতে হইলে এই দুইটি গুণকের একটি অথবা উভয়কেই বাড়াইতে হয়। মোট সরল-রেখার সংখ্যা বাড়াইবার অসুবিধা আছে ; কারণ ইহা বদি 10° অতিক্রম করিতে হর তবে হীরকের বরটি অক্ষত রাখা প্রায় অসমত । আর বর বদল করিলে সরলরেখার আর্কাত অবশাই বদলাইয়া যাইবে। তাছাড়া অন্যান্য ধরণের পার্থক্যও ঢ়কিয়া পড়িতে চাহিবে। ক্রমের বৃদ্ধিরও একই অসুবিধা। প্রথমত এই বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে বিবর্তন কোণ heta বাড়িতে থাকে ; আবার এই কোণ বৃদ্ধির সঙ্গে বর্ণালির তীব্রভাও কমিতে থাকে। শেষের দিকে তীব্রভার এই হাস দুত হারে হইতে থাকে। বিভীয়ত W কম এরূপ ঝাঝরির পক্ষে n এর মান 2 বা 3 এর বেশী পাওয়া বার না কারণ n ইছার বেশী হইলে ব্যবর্তন কোণ heta এর মান 90° এর বেশী হওরার বর্ণালিটি কাম্পনিক হইয়া বার বাস্তবে ইহার অন্তিম থাকে না। কাজেই দেখা যায় যে  $W = 10^{-6} \text{ cm}$  এর একটি ঝাঝরির ক্ষেত্রে সাধারণত বিভেদন ক্ষমতা 10° এর বেশী করা সম্ভব নর । এই সমস্ভ অসুবিধা দূর করিবার জন্য মাইকেলসন (Michelson) ১৮৯৮ সনে সর্বপ্রথম ইশলন ঝাৰারির উদ্ভাবন করেন। বিভেদন ক্ষমতা বাড়াইবার জন্য তিনি N (মোট সরলরেখার সংখ্যা ) এর বদলে বর্ণালির ক্রম বাড়াইবার বাবস্থা করেন। ঝাৰ্কবির বর্ণালিতে ক্রমের সংখ্যা সাধারণতঃ 10° এর মত হইরা থাকে। ৰাৰ্ণবিটি তৈরী হয় কতকগুলি (20 হইতে 40) আয়তাকার ভাল জাতের আলোকীর কাচের খণ্ড দারা। এই কাচের খণ্ডগুলি এমনভাবে পরপর সাজানো হয় বাহাতে ইহার চেহারাটা অনেকটা সিভির ধাপের মত দেখিতে লাগে। এই জনা এই ব্যৱের নাম হইরাছে ইশলন, যাহার অর্থ একসারি সিড়ির ধাপ। যুরটির চেহারা ৩.৬৬ নং চিত্রে দেখানো হইল। কাচের খণ্ডগুলির ধর্ম ধথাসম্ভব একরূপ হওয়া খুবই প্রয়োজন বলিয়া এইগুলি বড় একখণ্ড আলোকীয় কাচ হইতে কাটিয়া তৈরী করা হর । প্রতি খণ্ডের বেধ বধাসন্তব (🔭 Å সীমার মধ্যে ) এক করা হয়। এইগুলি পরপন্ন বসাইতে প্রত্যেকটি তাহার পূর্বেরটির তুলনায় খানিকটা (1 cm ধরণের দুরছে ) সরাইরা বসানো হয় । ফলে দেখিতে ইহা অনেকটা সিড়ির ধাপের মত হর। খণ্ডগুলি বসাইবার সমর গুইটি খণ্ডের মধ্যে বাহাতে এমন ফাক না থাকে বাহাতে বাতাস ঢুকিয়া বার সেদিকে বিশেষ নজর রাখা হয়। এইরূপ অবস্থানের ফলে বছটি একটি কার্কারর মতই ব্যবহার করে; তবে এই

ঝাঝরিতে বহু সংখ্যক সরলরেখার পরিবর্তে 20—40 সংখ্যক সরলরেখা বর্তমান বলিয়া ধরা বার। আর সাধারণ ঝাঝরিতে পরপর দুইটি সরলরেখা হইতে



নির্গত আলোর পথ পার্থক। অম্প সংখ্যক তরুঙ্গ দৈর্ঘোর সমান হয়। কিন্ত এই ক্ষেত্রে এরূপ রশ্মি দুইটির পথপার্থক্য 10 % জাতীয় হইয়া থাকে। বর্ণালীর ক্রমও অনুরূপভাবে 10 ধরণের দাড়ায়। কেন বর্ণালীর ক্রম এত উর্ধ-মানের হয় তাহা এই ভাবে বুঝা যায়। দশটি সরদ্রবেখার একটি ঝাঝার ৩.৬৭ নং চিত্রে দেখানে। হইয়াছে। ইহার জন্য উৎপত্ন বর্ণালগুলির ক্লেক্রে ক্রমও পাশে দেখানো হইয়াছে। এই ক্ষেত্রে প্রথম এবং দিতীয় সরলরেখা হইতে নিগত রশ্মির মধ্যে পথ পার্থকা প্রথম ক্রমের বর্ণালির জন্য হইবে ১, ষিতীয় ক্রমের জন্য 2ম ইত্যাদি। এখন যদি দশটি পাতলা বচ্ছ পাত ঝাঝরির ফাকা জায়গায় রাখা হয় এবং এই পাতগুলির বেধ এমনভাবে নির্য়ন্তিত করা হয় যে পরপর রাখা দুইটির মধ্য দিয়া পারগত রশ্ম দুইটির পথপার্থক্য ১, আর তাহাদের পরস্পরের সম্পর্কে একটি ছিদ্রের প্রস্থ সরাইরা বসানে। হয় তবে প্রথম ও দ্বিতীয় ছিদ্র দিয়া আগত রশ্মিরালার পথ পার্থক্য হইবে [  $heta = 0^\circ$ কোণে] λ এবং পরপর প্রত্যেক জোড়ার জন্যই এই সর্ত পালিত হইবে । শুধু ঝাঝরির ক্ষেত্রে  $\theta = 0^\circ$  কোণে কোনও পথপার্থক্য না থাকার এইদিকে 0 ক্রমের বর্ণালী সৃত্তি হইয়াছিল। কিন্তু এবার পাত দেওয়ার ফলে এই দিকে প্রথম ক্রমের বৰ্ণালির সৃষ্ঠি হইবে এবং শূন্য ক্রমের বর্ণালি আগেকার প্রথম ক্রমের বর্ণালির ছালে বসিবে। বদি বেধ এমন হর যে অনুরূপ দুইটি রন্ধির পথপার্থক্য  $2\lambda$  দাড়ার তবে বিত্তীর ক্রমের বর্ণালি আগেকার 0 ক্রমের বর্ণালির ছান নিবে এবং সমস্ত বর্ণালিশ্রেণী দুইটি বর্ণালির প্রছ সরিরা বাইবে। অভ এব বদি পাতগুলির বেধ বাড়াইরা এমন করা হর যে পরপর দুইটি অনুরূপ রন্ধির পথপার্থকা  $10^4\lambda$  হর তবে  $\theta-0^\circ$  কোণে বর্ণালির ক্রম হইবে  $10^4$ . ইললন্ ঝাঝরির কাচের ফলকগুলির বেধ সাধারণত  $\frac{1}{2}-1$  cm হর। সূতরাং এই ক্রেচে সংগ্লিষ্ট পথপার্থক্যও  $10^4\lambda$  গরণের হওয়ায়  $\theta-0^\circ$  কোণে বর্ণালীর ক্রম দাড়ায়  $10^4$  পর্ব্যারের এবং ফলে বিভেদন ক্রমতাও অনুরূপভাবে পুবই বাড়িয়া বায়। ইললন্



**च** ७.७४

বাৰবিতে পথপাৰ্থক্য নিৰ্ণন্ন কৰিতে হইলে নিম্নলিখিতবৃপে অগ্নসন্ন হওৱা বান । ৩.৬৮ নং চিত্ৰে বাৰ্যান্ত্ৰর করেকটি ধাপ দেখানো হইরাছে । একটি সমান্তরাল বিশ্বমালা বার্যান্ত্রর করেকটি ধাপ দেখানো হইরাছে । একটি সমান্তরাল হইতেছে । এইবৃপ দুইটি রান্দ্র পরপর দুইটি ধাপের সংশ্লিক বিন্দুষর A এবং C এর মধ্য দিরা গিরা বাবর্তনের পর নির্গত হইরা AD এবং CE রন্দ্রিতে পরিণত হইরাছে । অবশ্য A এবং C বিন্দু হইতে অনেক রন্দ্রিই নির্গত হইবে ; ইহাদের মধ্য হইতে বে কোনও  $\theta$  কোণে দুইটি সমান্তরাল রন্দ্রির কথা ধরা হইরাছে । প্রতিটি ধাপের প্রন্থ W এবং বেধ t ধরা বাক । তাহা হইলে দেখা বাইবে A এবং B বিন্দুতে রন্দ্রি দুইটির দশা একই ; আবার C এবং F বিন্দুতেও দশা একই কারণ FD, CE সমান্তরাল আলোক রন্দ্রিমালার FC একটি তরক্তমুখ । F বিন্দু পাওরা গিয়াছে C হইতে AD রন্দ্রির উপর অভিলয় অন্তিত করিরা । অতএব দুইটি রন্দ্রির পথ পার্থক্য হইবে  $\Delta$ , বেখানে A এবং বাবে

 $\triangle = \mu \cdot BC - AF$  ( $\mu = \phi$ ) ( $\mu = \phi$ ) ( $\mu = \phi$ )

B বিশু হইতে CF এর উপর লম্ব টানিলে দেখা যায় যে

$$AF = BG - BK = t \cos \theta - W \sin \theta$$
.

$$\therefore \quad \triangle = \mu t - t \cos \theta + W \sin \theta \tag{3.157}$$

এই পথ পার্থক্য যদি পূর্ণসংখ্যক তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের সমান হর তবে এই দিকে আলোর তীব্রতা চরম হইবে । সূতরাং লেখা যায়

$$\mu t - t \cos \theta + W \sin \theta - n\lambda$$
, আলোর তীরতা চরম। (3.158)

সম্মুখের দিকে অর্থাৎ যখন heta খুব ছোট হইবে, এই সর্ভ দেখা যায়

$$(\mu - 1)t + W\theta = n\lambda \tag{3.159}$$

সূতবাং যখন  $\theta = 0^\circ$  হয় তখন এইদিকে বর্ণালির ক্রমের জন্য লেখা যায়

$$\mu(t-1) = n\lambda$$
  $q \quad n = \frac{\mu(t-1)}{\lambda}$  (3.160)

এখানে লক্ষণীয় যে বর্ণালির ক্রমের ব্যাপারে খাপের প্রস্থ W এর কোনও প্রভাব নাই, একমাত্র বেধ t এবং প্রতিসরাক্ষ  $\mu$  এই ক্রমের মান নিয়ন্ত্রণ করে । একটি উদাহরণ হিসাবে নেওয়া যাক

$$\mu = 1.6$$
,  $t = 0.5$  cm;  $\lambda = 6 \times 10^{-6}$  cm.

$$\therefore n = \frac{1.6(0.5-1)}{6 \times 10^{-8}} = 13333$$

কাজেই দেখা বাইতেছে যে  $\theta = 0^\circ$  কোণে বর্ণালির ক্রম স্বভাবতই অতিশয় উচ্চ হইয়া থাকে । প্রয়োজনবোধে ইহা আরও বাড়ানো বায় ।

বে কোনও একটি ক্রমের জন্য অন্তরকলন করিলে পাওয়া যায়

$$nd\lambda = td\mu + t \sin \theta \ d\theta + W \cos \theta \ d\theta$$
.

$$d\theta = \frac{nd\lambda - td\mu}{t\sin\theta + W\cos\theta}$$
 (3.161)

অর্থাৎ একই ক্রমে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের  $d\lambda$  পরিবর্তনের জন্য বর্ণালির অবস্থান  $d\theta$  কোলে পরিবর্ণতিত হয় এবং এই  $d\theta$  এর মান সমীকরণ ৩.১৬১ হইতে পাওয়া বায়। আবার একই তরঙ্গের জন্য বর্ণালির ক্রম একটি বৃদ্ধির জন্য বন্ধি কোণের পরিবর্তন হয়  $\Delta\theta$  তবে ইহার মান পাওয়া বাইবে

$$(n+1) \lambda = \mu t + W \sin (\theta + \Delta \theta) - t \cos (\theta + \Delta \theta)$$

$$= \mu t + W (\sin \theta \cos \Delta \theta + \cos \theta \sin \Delta \theta)$$

$$- t (\cos \theta \cos \Delta \theta - \sin \theta \sin \Delta \theta)$$

ৰা 
$$\mu t + W \sin \theta - t \cos \theta + \lambda = \mu t + W \sin \theta + W \cos \theta \triangle \theta$$

$$-t \cos \theta - t \sin \theta \triangle \theta$$
[ সমীকরণ ৩.১৫৮ ব্যবহার করিয়া ]

[ সমীকরণ ৩.১৫৮ ব্যবহার করিয়া ]

$$= \frac{W \sin \theta + t \cos \theta}{\lambda} \frac{d\lambda}{\lambda} - t d\left(\frac{\mu}{\lambda}\right)$$

 $d\left(\frac{\mu}{\lambda}\right)$  কে মোটামুটি  $\frac{2d\lambda}{\lambda^2}$  ধরিলে লেখা যায়

$$\frac{d\theta}{\Delta \theta} = \frac{W \sin \theta + t (2 - \cos \theta)}{\lambda} \frac{d\lambda}{\lambda}$$
 (3.163)

বদি θ কোণ খুব ছোট হয় তবে স্থূপভাবে লেখা যায় :

$$\frac{d\theta}{\Delta\theta} = \frac{t}{\lambda} \frac{d\lambda}{\lambda}$$

উদাহরণ স্বর্প বাদ ধরা বার  $\lambda=6000 \text{\AA}$   $d\lambda=6 \text{\AA}$  (সোডিয়ামের হলুদ যুগ্ম বর্ণাল রেখা ), t=0.6 cm.

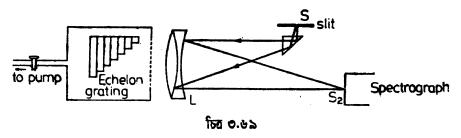
তাহা হইলে দেখা বার

$$d\theta = \frac{0.6 \times 6 \times 10^{-8}}{6 \times 6 \times 10^{-10}} \Delta\theta = 10 \Delta\theta$$

অর্থাৎ আলোকতরকের এই বাবধানের জন্য (6Å) পরপর দুইটি ক্রমের বর্ণালির বে কৌণিক বাবধান হইবে তাহা অপেকা একই ক্রমের দুইটি উপরোক্ত আলোকতরকের বর্ণালির কৌণিক বাবধান দশগুণের মত হইবে। অবশ্য তরক্রদৈর্ব্যের ব্যবধান কম বেশী হইলে এই কৌণিক ব্যবধানও অনুর্পভাবে কম বেশী দাড়াইবে।

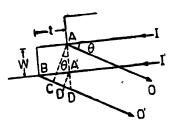
এই বন্ধে সমান্তরাল আলোক রশ্মিমালা বচ্ছ কলকের অভিলবে আপতিত হইতেছে। এখানে পারগত আলোর অধিকাংশই সামনের দিকে যাইবে ধারের দিকে বিক্ষেপণ খুব সামানাই হইবে, বিক্ষিপ্ত আলোর তীব্রতা  $\theta$  কোণের বৃদ্ধির সঙ্গে খুব দুত কমিয়া আসিবে। সূতরাং এই ব্যবস্থায় সমন্ত আলোই প্রার সামনের দিকে অর্থাৎ  $\theta$  কোণ খুবই ছোট মানে আবদ্ধ থাকিবে। ফলে সাধারগত দুইটির বেশী ক্রম একসঙ্গে দেখা যাইবে না। বর্ণালির অভিব্যাপন (overlapping) এড়াইবার জন্য দুইটি বাবস্থা নেওয়া দরকার। প্রথমত একটি ছোট বর্ণালিলেখী ব্যবহার করা প্রয়োজন এবং দ্বিতীয়ত পরীক্ষাধীন বর্ণালির প্রস্থা শুব কম হওয়া আবশ্যক। ছোট বর্ণালিলেখী ব্যবহার করিয়া প্রথমে পরীক্ষাধীন বর্ণালি তৈরী করিতে হয় এবং এই বর্ণালি হইতে প্রয়োজনীয় কিন্তু খুব সম্কীণ তরঙ্গসীমার আলো আপত্তিত রশ্মি হিসাবে ব্যবহার করা হয়।

এতক্ষণ পারগম-ইশ্লন্ (Transmission Echelon) ঝাঝারর বিষয় আলোচিত হইল। 1926 সনে উইলিয়ামৃস্ (Williams) প্রতিফলন-ইশ্লন্ ঝাঝার তৈরী করিতে সমর্থ হন। এই ব্যাহর পরীক্ষা ব্যবস্থা ৩.৬৯ নং চিত্রে দেখানো হইল। এই ব্যবস্থায় রেখাছিদ্র ১ হইতে আলো আসিয়া অবার্ণ



লেল L দ্বারা সমান্তরাল হইয়া ঝাঝারতে পড়ে এবং ব্যবর্তনের পর (প্রতিফলন দ্বারা ) আবার ঐ লেল L দ্বারা কেন্দ্রীভূত হইয়া একটি বর্ণালিলেখীর রেখাছিদ্রে  $S_2$  এর উপর পড়ে। রেখাছিদ্র S ব্রের একপার্থে অবস্থিত, আর  $S_2$  পিছনের দিকে অবস্থিত। ঝাঝারর প্রকোর্চটিতে প্রয়োজন হইলে বায়ুর চাপ প্রাস্বৃদ্ধি করা যায় এবং দরকার হইলে এটিকে সম্পূর্ণ বায়ুশুনাও করা চালতে পারে। ঝাঝারিটি তৈরী করা হয় কতকগুলি কোয়ার্ট্সের ফলক পালাপাশি জুড়িয়া আর এই ফলকগুলি একটি বড় গলানো কোয়ার্ট্স্ (fused quartz) খণ্ড হইতে কাটা হয়। ফলকগুলি ঘসিয়া সমান বেধের করা হয় (ফলকগুলির মধ্যে  $0.1\lambda$  র বেশী বেধের পার্থক্য যাহাতে না হয় )। ফলকগুলি পরপর সাজাইয়া বথোপবৃত্ত তাপমারায় গরম করা হইলে এগুলি

প্রস্থারের সঙ্গে জুড়ির। যায়। এরপর ঝাঝার বারুশ্না প্রকাঠে রাখিরা ইহার উপর পাতলা আলুমিনিয়ামের প্রতিফলনন্তর জমানো হইলে প্রতিফলন-ইশ্লন ৰাৰ্কার তৈরী হয়।



f50 0.90

প্রতিফলন ইশ্লনের সিদ্ধান্ত উপরের চিচ নং ৩.৭০ হইতে সহজেই বুরা বার। ইহাতে দুইটি পাশাপাশি ধাপ আৰু। হইয়াছে। প্রতিটি ধাপের গ্রন্থ W এবং বেধ ।. मुद्दे हि हाना IA এवং I'B धाल मूटे जिन अनुदूर्ण विन्मू एउ অভিনৰমূপে আপতিত হইয়াছে। A এবং A' হইতে BD এর উপর দুইটি অভিলয় AC এবং A'D' টানা হইয়াছে। এই বিন্দু দুইটি A এবং B হইতে বাবভিত রশিমালার দুইটি সমান্তরাল রশিম AO এবং BO' বিবেচনা করিলে দেখ। বার বে ইহাদের মধোর পথ-পার্থকা 🛆 হইবে

হালের মধ্যের প্র-পার্থক) 
$$\triangle$$
 =  $A'B + BC = \mu_{air} [t + BD' - CD']$ 

$$= \mu_{air} [t + t \cos \theta - W \sin \theta].$$

যদি ৴৹৽৽ ≏়া ধরা হর তবে দাড়ার

$$\simeq$$
 1 ধরা হর তবে দাড়ার  $\triangle = i + i \cos \theta - W \sin \theta$ 

কাণ বাদ পুব ছোট হয় তবে লেখা বায়

ভবে লেখা বাম 
$$(3.166)$$

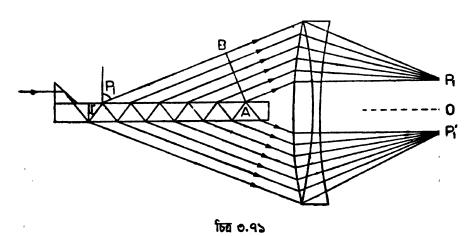
$$\Delta \simeq 2t - W\theta$$
 $\Lambda \simeq 2t - W\theta$ 

পারগম ইশ্লনের বেলার কাচের  $\mu$  বিদ 1.5 ধরা হর তবে 🛆 দাড়ার

ð কোণ খুব ছোট হওয়ার We অগ্নাহা করিলে দেখা বার বে প্রতিফলন এবং পার্গম ঝাঝারর পথ-পার্থকোর অনুপাত প্রার 4 : 1 ছর । অভএব বর্ণালির ক্রম এবং ইহার ফলে বিভেগন ক্রমতাও অনুবৃপভাবে বৃদ্ধি পার। এই বিভেশন ক্ষমতা সৰকে পরে বিশাদ আলোচনা করা হইবে। তবে এখানে এইটুকু বলা বার বে ঝালুরের স্তমের উপর সমানুগাতিকবৃপে নির্ভরশীল এই বিভেদন ক্ষমতা প্রতিফলন ইশ্লনে ঝালরের ক্রম বাড়িবার ফলে করেকগুণ বৃদ্ধি পার।

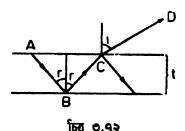
# নুমার-গেক্ কলক (Lummer-Gehrcke Plate).

বর্ণালির পরীক্ষার জন্য আর একটি উচ্চ বিভেদন-ক্ষমতা সম্পন্ন বন্ধ এই পুমার-গের্ক্ ফলক। এটি একটি অতি নিখুত আলোকীর কাচ অথবা কোয়াট্সের লয়া ফলক; ফলকের উভর তল অতীব স্ক্ষাভাবে সমান্তরাল এবং মসৃণ করা হয়। ফলকটির একপ্রান্তে একটি প্রিজ্ম জোড়া লাগানো থাকে। জোড়ার ফাকে বাহাতে বায়ুর শুর না থাকে সেদিকে বিশেষ লক্ষ্য রাখা হয়। বায়ুন্তর থাকিলে অভিবেগুনী আলোর জন্য যন্ত্রটির ব্যবহার সীমিত হইরা বার। এই প্রিজ্ম্টি ব্যবহার করা হয় বাহাতে বড় আপতন কোণের জন্য আপতিত রশ্মির প্রতিফলনে তীব্রতার হ্রাস না হয়।



০.৭১ নং চিত্রে একটি সমান্তরাল ফলক P দেখা বাইতেছে। ইহার বামপ্রান্তে একটি প্রিজ্ম সংযুক্ত আছে। একটি আলোকরিশ্ম প্রিজ্মের উপর অভিলবে আপতিত হইরা ইহার বিতীর তলে পূর্ণ প্রতিফলনের পর ফলকে তুকিতেছে। ফলকে আপতন কোণ সক্ষট কোণের (critical angle) খুব কাছাকাছি কিন্তু ইহার সামান্য কম হওরার এই রশ্মির অধিকাংশই প্রতিফলিত হইবে, সামান্য অংশ প্রতিস্ত হইরা বাহিরে চলিয়া বাইবে। প্রতিফলনের পর রশ্মিটি বিতীর তলেও ঐ একই প্রক্রিয়র পুনরাবৃত্তি করিবে। এইর্পে প্রিজ্মে আপতিত রশ্মিটির জন্য ফলকের উভর তলে একগুক্ত করিরা সমান্তরাল রশ্মির উত্তব হইবে। এই সমান্তরাল রশ্মির উত্তব হইবে। এই সমান্তরাল রশ্মির উত্তব হইবে। এই সমান্তরাল রশ্মির তলেও বারা ইহার

ফোকাস তলে খনীভূত হইয়া বর্ণালির সৃষ্টি করিবে। অনুরূপভাবে P ফলকের অপর পার্ষে প্রতিসৃত রশ্মিমালা দারা O বিস্পুর অপরদিকে  $\hat{P}_1$ ' বরাবর একপ্রস্থ প্রতিসম ঝালরের সৃষ্টি হইবে। ফলকের মধ্যে রশ্বির আপতন কোণ সক্ষট কোণের প্রায় সমান বলিয়া ইহার অধিকাংশই প্রতিফলিত হইবে এবং প্রতিটি প্রতিষ্কানে রশ্বির তীরতার হ্রাস খুব সামান্টে হইবে। সূতরাং প্রতিসূত রান্দ্র্যান্তেরও তীরত। খুব অম্প হারে কমিতে থাকিবে। ফেরি-পেরে। ৰ্যাতচারমাপকের সহিত তুলনা করিলে এই ফলকের শ্রেষ্ঠতা বুঝিতে পারা বার। ফেরি-পেরো বত্তে বর্ণালির প্রস্থ খুব কম হইবার কারণ রূপার প্রলেপে প্রতিফলিত হইয়া আলোকরশির বহুভাগে বিভব হওয়া ; আর এই বহুভাগে বিভৱ হওরার জন্য রূপার প্রলেপে প্রতিফলনাব্দ (coefficient of reflection) বেশী হওয়া দরকার। কিন্তু প্রতিফলনাক্ক বেশী হইলে আলোর পারগমও আনুপাতিকভাবে কমিয়া যায় যায় ফলে বর্ণালিগুলির তীব্রতা হ্রাস পায়। যদি রুপার প্রলেপের বদলে এমন কোনও বন্ধু পাওয়া বাইত বাহার প্রতিফলনাক ৰূব বেশী কিন্তু শোষণ পুব কম তবে বছটির কার্যাক্ষমতা অনেক বৃদ্ধি পাইত। ইহার বিকম্প বাবস্থা রহিয়াছে লুমার-গের্ক্ ফলকে। ইহাতে প্রতিটি প্রতিফলনে প্রায় সমন্ত অংশই প্রতিফলিত হয় ; বে সামান্য অংশ প্রতিসৃত ছইরা বাহির হইরা বার ভাহার শোষণ খুব সামান্যই ঘটে। সূতরাং শোষণের ফলে আলোর শণ্ডির হ্রাস প্রায় অগ্রাহাই কর। বার।



০.৭২ চিত্রে একটি রশ্বি AB B বিন্দৃতে ফলকের মধ্যে r কোণে আপতিত হইরা ঐ একই কোণে প্রতিফলনের পর ফলকের জন্য তলে C বিন্দৃতে দিতীরবার আপতিত হইরাছে। ইহার এক জংশ আবার প্রতিফলিত হইরাছে এবং অন্য অংশ প্রতিসৃত হইরা ফলকের বাহিরে CD রশ্বি হিসাবে গমন করিতেছে। প্রতিসরণ কোণ i. সূত্রাং এই ক্ষেত্রে পরপর দুইটি রশ্বির পথ-পার্থক্য দাড়াইবে △ বেখানে লেখা বার

t — ফলকের বেধ ;  $\mu$  — ফলকের প্রতিসরাক্ষ। বিদ এই পথ-দূরত্ব  $n\lambda$  হয় তবে আলোর তীব্রতা চরম হইবে।

$$2\mu t \cos r = n\lambda$$
 [ আলোর তীব্রতা চরম ] (3.167)

কিন্তু 
$$\frac{\sin i}{\mu} = \sin r$$
 বা  $\cos r = \sqrt{\frac{\mu^2 - \sin^2 i}{\mu^2}} = \frac{\sqrt{\mu^2 - \sin^2 i}}{\mu}$ 

$$\therefore 2t \sqrt{\mu^2 - \sin^2 i} = n\lambda. \tag{3.168}$$

একই তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পরপর দুইটি ব্রুমের বর্ণালির কোঁণিক বিষোজন বাহির করিতে হইলে (3.169) সমীকরণটির অন্তরকলন করিয়া dn=1 সম্বন্ধ প্ররোগ্য করিতে হইবে। এই অন্তরফলনে t এবং  $\mu$  ধ্রবক থাকিবে। সৃতরাং

$$-8t^2 \sin i \cos i \triangle i = 2 \lambda^2 n dn$$

বা 
$$\triangle i = -\frac{2 \lambda^{n} n dn}{8t^{n} \sin i \cos i} = -\frac{\lambda^{n} n}{2t^{n} \sin 2i}$$
 [  $dn=1$  বসাইয়া ].
$$= -\frac{\lambda \sqrt{\mu^{n} - \sin^{n} i}}{t \sin 2i}$$
 [ সমীকরণ 3.168 ব্যবহার করিয়া ] (3.170)

প্রথমত এই রাশিমালা হইতে দেখা যার যে  $\triangle i$  প্রতিসরাক্ষ  $\mu$  এর উপর নির্জর করে। বিতীয়ত নিক্রমণ কোণ যত বাড়িয়া 90° এর কাছাকাছি আসিতে থাকে  $\triangle i$  ততই দুত বাড়িয়া যায়। i কোণ 90° এর খুব কাছাকাছি হইলে  $\triangle i$  বিযোজনও অনুর্পভাবে খুবই বেশী হওয়ার কথা। ইহা ছাড়া রুমের এই কৌণিক বিযোজন ফলকের বেধেরও ব্যস্তানুপাতিক।

বিচ্ছুরণ  $\frac{di}{d\lambda}$  বাহির করিতেও 3.169 রাশিমালাকে অন্তর্নকলন করা প্রয়োজন । কিন্তু এই ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষ  $\mu$  ধুবক হইবে না ; এখানে ধুবক হইবে t এবং n. সূতরাং লেখা বায়

 $8t^{2}\mu d\mu - 8t^{2}\sin i \cos i di = 2n^{2}\lambda d\lambda$ .

বা 
$$\frac{di}{d\lambda} = \frac{4t^2\mu_s^i\frac{d\mu}{d\lambda} - n^2\lambda}{4t^2\sin i\cos i}$$

সমীকরণ 3.169 প্রয়োগ করিয়া লেখা যায়

$$\frac{di}{d\lambda} = \frac{4t^2\mu}{2t^2} \frac{d\mu}{d\lambda} - \frac{4t^2}{\lambda} (\mu^2 - \sin^2 i)$$

$$= \frac{2\lambda\mu \frac{d\mu}{d\lambda} - 2(\mu^2 - \sin^2 i)}{\lambda \sin 2i}$$
 (3.171)

কাজেই দেখা যাইতেছে যে বিচ্ছ্রণ ফলকের বেধের উপর নির্ভর করে না। ইহা নির্ভর করে তরঙ্গ দৈর্ঘা, প্রতিসরণ কোণ, প্রতিসরাক্ষ ও  $\frac{d\mu}{d\lambda}$  এই পদগুলির উপর। শেষোক্ত পুইটি অবশ্য ফলকের বন্ধুর আলোকীর ধর্মের (optical properties) উপর নির্ভরশীল।

যদি  $\triangle$  ম যাত্রর পরিসর (range) হয় অর্থাৎ একটি তরঙ্গ এবং ইহার সহকারীর মধ্যে দৈর্ঘোর তফাং যদি  $\triangle$  ম হয় এবং এই তফাং যদি এমন হয় যে সহকারী তরঙ্গের বর্ণাল মূল তরঙ্গের সংলগ্ন ক্রমের সহিত মিলিয়া বাইবে তাহা হইলে এই ক্ষেত্রে  $\triangle$  ম কে বলা হইবে যাত্রের পরিসর (range); আর এই পরিসরের মান যে সমস্ত রাশিমালা ইতিমধ্যেই পাওয়া তাহাদের সাহাব্যেই বাহির করা বাইবে। ইহার জন্য নিম্নলিখিত দুইটি সম্বন্ধ ব্যবহার করা চলিতে পারে

$$di = \frac{4t^2 \mu}{2t^2 \sin 2i} \frac{d\mu}{d\lambda} - n^2 \lambda$$
$$\Delta i = -\frac{n\lambda^2}{2t^2 \sin 2i}$$

পরিসর (range) এর সংজ্ঞানুসারে উপরের di এর মান দুইটি সমান হইবে। সূতরাং লেখা যায়

$$\frac{4t^2 \mu \frac{d\mu}{d\lambda} - n^3 \lambda}{2t^2 \sin 2i} d\lambda = -\frac{n\lambda^2}{2t^2 \sin 2i}$$

$$d\lambda = \frac{n\lambda^2}{n^2 \lambda - 4t^2 \mu \frac{d\mu}{d\lambda}} = \Delta\lambda$$
(3.172)

এই রাশিমালা যদ্রের পরিসর নির্ণর করিবে।

লুমার-গের্ক্ ব্যার আলোকউৎস প্রশন্ত হওরা দরকার, রেখাছিদ্রের আকৃতির নর। কারণ এই পরীক্ষার বর্ণালির উৎপত্তি হেইডিঙ্গার (Haidinger) শ্রেণীর অন্তর্গত বলির। ধরা বাইতে পারে। আর হেইডিঙ্গার শ্রেণীর ঝালরের উৎপাদনের জন্য প্রশন্ত আলোকউৎস প্রয়োজন বলিরা ফেরি-পেরো ব্যাতচার মাপক যদ্ভের আলোচনায় দেখা গিয়াছে। বদি এখানে রেখাছিদ্রের আকৃতির আলোকউৎস ব্যবহার করা হয় তবে বর্ণালির দৈর্ঘ্য রেখাছিদ্রের প্রস্থের সমান হইবে, অর্থাৎ রেখাছিদ্রটি খুব কম প্রস্থের হইলে বর্ণালিগুলি প্রায় বিন্দুর আকৃতির পাওয়া যাইবে।

আলোকীয় যন্ত্ৰের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of optical instruments).

র্ষাদ দূরবীক্ষণ যন্ত্র দিয়া দুইটি খুব কাছাকাছি অবস্থিত তারকা পর্যাবেক্ষণ করা যায় তবে অভিনেত্রের দৃষ্টিক্ষেত্রে দুইটি তারকার আলাদা প্রতিবিদ্ধ হইবার কথা। প্রতিটি তারকার প্রতিবিম্ব একটি বিন্দুর আকৃতি হইবে। সূতরাং জ্যামিতিক আলোক বিজ্ঞান অনুসারে বিন্দু দুইটি পরস্পর হইতে আলাদ। হইবে এবং দুইটি তারকার স্বতন্ত্র অন্তিত্ব অবশাই বৃঝা যাইবে। কিন্তু এটিও সঙ্গে সঙ্গে মনে রাখিতে হইবে যে বৃত্তাকার অভিলক্ষ্য দিয়া যাইবার ফলে আলোকের বাবর্তন ঘটিবে যার ফলে দূরবীক্ষণের দৃষ্টিক্ষেত্রে প্রতিবিদ্ধ শুধুমাত জ্যামিতিক আলোকবিজ্ঞান অনুসারে বিন্দুর আফৃতিই হইবে না। বাবর্তনের জন্য ইহার আলাদা একটি শ্রেণীর প্রতিবিম্ব সৃষ্ঠ হইবে যেগুলির কেন্দ্রীয় চাকতিকে বলা হয় এয়ারীর চাকতি (Airy's disc); এই এয়ারীর চাকতিকে ঘিরিয়া আরও কয়েকটি সমকেন্দ্রিক বৃত্তাকার ঝালর উৎপন্ন হইবে এবং এই দুইটি প্রতিবিষ মিলিয়া একটি লব্ধি আলোক-তীব্রতার সৃষ্টি হইবে। যদি প্রতিবিম্ব দুইটির দূরত্ব বেশী হয় তবে একটি অনাটিকে বিশেষ প্রভাবিত করিবে না। এক্ষেত্রে প্রতিবিম্ব দুইটি অনায়াদেই আলাদা বলিয়া চেনা যাইবে। এরপক্ষেত্রে বলা হইয়া থাকে যে তারকা দুইটির প্রতিবিম্ব বিভেদিত (resolved) হইয়াছে। আবার তা**রকা দুইটির কৌণিক বিষোজন যত কমিতে থাকিবে** প্রতিবিম্ব দুইটিও ততই পরস্পরের কাছাকাছি আসিবে এবং একটি অন্যটির আলোকতীব্রতাকে প্রভাবিত করিবে। এটা সহজেই বুঝা যায় যে কৌণিক বিযোজন একটা সীমা হইতেও কম হইলে দুইটি প্রতিবিশ্ব মিলিয়া এমন একটি লিজি নমুনার সৃষ্টি করিবে যে ইহাদের স্বতম্ভ অন্তিত্ব আর বুঝা যাইবে না। ইহার অর্থ এই যে তারকা দুইটির স্বতম অস্তিত্ব ধরা যাইবে না ; ফলে এক্ষেত্রে ৰলা যাইবে যে তারকা দুইটির প্রতিবিম্ব বিভেদিত হয় নাই। অনুবীক্ষণ যয়েও অনুরূপ ঘটে। আবার ব্যবর্তন ঝাঝারতে যে বর্ণান্তি উৎপন্ন হয় ভাহাতে প্রতিটি তরঙ্গ দৈর্ঘোর জনাই এক প্রস্থ বর্ণালি সৃষ্ট হয়। যদি আপতিত আলোতে দুইটি খুব কাছাকাছি দৈৰ্ঘ্যের তরঙ্গ থাকে তবে প্রত্যেকটির জন্য এক-

প্রস্থ বর্ণাল উৎপন্ন হইবে। এই বেলায়ও বলি তরঙ্গ দৈর্ঘ্য দুইটির খানিকটা মানের তফাৎ থাকে তবে বর্ণালির প্রস্থ দুইটিও এমনভাবে আলাদা হইবে বাহাতে ইহারা পরস্পরকে প্রভাবিত করিবে না এবং এই দুই প্রস্থ বর্ণালি সহজেই আলাদা বলিয়া চেনা ঘাইবে; অর্থাৎ তরঙ্গ দুইটির বর্ণালি বিভেদিত হইবে।

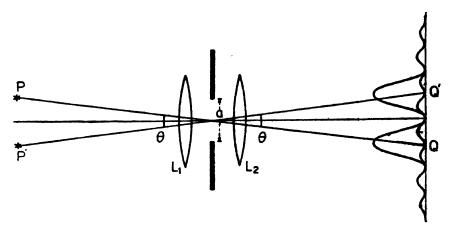
কান্দ্রেই দেখা বাইতেছে বে আলোকীয় যদ্রের বিভেদন ক্ষমতা দুই প্রকারের হইরা থাকে। প্রথমান্ত ক্ষেত্রে দুইটি বিন্দুর স্বভন্ত অন্তিম বিন্দু দুইটির বে নিকটতম দূরদ্বের জন্য উপলব্ধি করা যায় তাহাকে সংগ্লিষ্ট যদ্রের (যথা দূরবীক্ষণ বা অপুরীক্ষণ বন্ধ) বিভেদন ক্ষমতা বলা হয়। এই ক্ষেত্রের বিভেদন ক্ষমতাকে অবস্থানিক বিভেদন-ক্ষমতা (positional resolving power) বলা চলিতে পারে। দ্বিতীয় ক্ষেত্রে (যথা বাবর্তন ঝাঝরি, প্রিজ্ম্ বর্ণালিলেখী) বর্ণালিতে উপস্থিত দুইটি তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের বেলার ইহাদের বে ন্যুনতম দৈর্ঘ্যের পার্থক্যের জন্য তরঙ্গ দুইটিকে আলাদা বলিয়া চেনা যায় তাহাকে বলা চলিতে পারে বর্ণীর বিভেদন ক্ষমতা (chromatic resolving power).

উপরের আলোচনায় বলা চলিতে পারে যে বিন্দু দুইটির প্রতিবিশ্ব অথবা তরঙ্গ দুইটির বর্ণালির আপেক্ষিক অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে ইহারা বিভেদিত হইবে কি না। সূতরাং এই বিভেদনের একটা সীমা নিধারণ করা প্রয়োজন। কিন্তু ইহা করিতে গিয়া দেখা যায় যে এই সীমা খুব সৃক্ষভাবে নির্মারণ করা সম্ভব নয়। তবে কার্যাকরী প্রয়োগের জন্য র্য়ালে (Rayleigh) এই বিভেদন ক্ষমতার একটি সংজ্ঞা উদ্ভাবন করেন। র্য়ালের এই সংজ্ঞা র্য়ালের মানক (Rayleigh criterion) হিসাবে পরিচিত এবং বিভেদন ক্ষমতা নির্ণয়ে এই মানকের ব্যবহারই বিধি হিসাবে পরিগণিত হইয়ছে। এই মানক ব্যাখ্যা করিতে সর্বপ্রথম আয়তাকার ছিদ্রের (rectangular aperture) ক্ষেত্রে বিভেদন ক্ষমতা আলোচিত হইবে।

আয়তাকার ছিজের বিভেদন ক্ষতা (Resolving power of a rectangular aperture).

বদি ফ্রনহফার বাবস্থা অনুসারে একটি আয়ভাকার ছিন্ত পুইটি আলোক উৎস দ্বারা আলোকিত করা হয় তবে প্রতিটি উৎস একটি বাবর্তন ঝালরের সৃষ্টি করিবে। এই দুইটি উৎসের সৃষ্ট ঝালরের শ্রেণী দুইটি দৃষ্টি ক্ষেত্রে বা পর্ণায় পাশাপাশি অবস্থান করিবে। প্রতিটি ঝালরের তীব্রতা নির্ণীত হইবে পূর্বে আলোচিত রেখাছিল্লের বাবর্তন ঝালরের নিরমানুসারে। আলোচনার সুবিধার

জন্য বর্তমান ক্ষেত্রে আলোক উৎস দুইটি স্বতন্ত্র বলিয়া ধরা হইবে বাহার অর্থ এই যে ইহাদের প্রেরিত আলোক-তরঙ্গ অসংসম্ভ (incoherent). ৩.৭৩ নং



চিত্র ৩.৭৩

চিত্রে এইরূপ একটি পরীক্ষাব্যবস্থা দেখানো হইয়াছে। P এবং P' দুইটি অসংসম্ভ ক্ষুদ্রাকার আলোক উৎস। ইহাদের প্রেরিড আলোক আয়তাকার ছিদের মধ্য দিয়া গিয়া দুই প্রস্থ ব্যবর্তন ঝালরের সৃষ্ঠি করিতেছে। এখানে ধরা হইয়াছে বে ছিদুটি রেখাছিদের আকৃতির এবং ইহার প্রস্থ a; লম্বার বেশী হওয়ায় এই দিক গণ্য না করিলেও চলিবে। গোড়ায় ইহাকে আয়তাকার ছিদ্র ধরা হইয়াছে কিন্তু প্রস্থ দৈর্ঘোর তুলনায় খুব কম ধরিলেও নীতির দিক দিয়া অসুবিধা হইবে না। লেন্স দুইটি  $L_1$  এবং  $L_2$  দ্রুনহফার শ্রেণীর ঝালর সৃষ্ঠির ব্যবস্থা করিতেছে। প্রতিটি উৎসের জন্য এমন এক প্রস্থ ব্যবর্তন ঝালরের উৎপত্তি হইতেছে যাহার আকৃতি পূর্বে বাঁণত হইয়াছে। P উৎসের জন্য যে বালর শ্রেণী উৎপন্ন হইতেছে তাহার কেন্দ্রীয় ঝা**লরের অবস্থা**ন Q বিন্দতে এবং  $\,$  ইহার দুই পাশে এই শ্রেণীর অন্যান্য ঝালর অবস্থিত হইবে। অনুরপভাবে P' বিন্দুর জন্য Q' বিস্তুতে কেন্দ্রীয় ঝালর হইবে। এই দুইটি কেন্দ্রীয় ঝালর Q এবং Q' এর কৌণিক বিষোজন heta উৎস দুইটি P এবং P' এর কৌণিক বিষোজনের সমান হইবে। পৰ্দায় বা দৃষ্টিক্ষেত্ৰে যে লব্বি আলোক তীব্ৰভাৱ সৃষ্টি হইবে তাহা পাওয়া যাইবে দুইটি আলাদা ঝালরের আলোক-জীব্রতা যোগ করিয়া (বিস্তার নয় ), কারণ এখানে ধরা হইয়াছে বে আলোক উৎস দুইটি অসংসম্ভ। উপরের বর্ণনা হইতে স্বভাবতই বুঝা যায় যে লান্ধি আলোক তীব্রতার চেহার। নির্ভর করিবে ঝালরশ্রেণী দুইটির কৌণিক বিষোজনের উপর, অর্থাৎ উৎস দুইটি P এবং P' এর বিবোজনের উপর । নিয়ের ৩.৭৪ নং চিত্রে বিভিন্ন কৌণিক বিবোজনের ক্ষেত্রে লব্ধি আলোক তীব্রতা দেশনো হইয়াছে ।



প্রথম ক্ষেত্রে বিতীয় শ্রেণীর কেন্দ্রীয় ঝালর Q' প্রথম শ্রেণীর ঝালরের বিতীয় অবম তীব্রতার ঝালরের সহিত মিশিরাছে। লব্ধি আলোক তীব্রতা বাহির করিতে দুইটি স্বতন্ত্র ঝালরশ্রেণীর আলোক তীব্রতা সরাসরি বোগ করিতে হইবে। এই প্রক্রিয়ার ফলে বে লব্ধি তীব্রতা পাওয়া যাইবে তাহা চিত্রে একটানা (continuous) লেখাচিত্র ব্বারা বুঝান হইয়ছে। এখানে যহেতু Q শ্রেণীর ঝালরের কেন্দ্রীয় ঝালরের অবম তীব্রতা Q' শ্রেণীর ঝালরের কেন্দ্রীয় ঝালরের কেন্দ্রীয় ঝালরের সংলগ্ধ অবম তীব্রতার সহিত সম্পাতী হইবে, সূতরাং এই স্থানে লব্ধি আলোক তীব্রতাও অবম ( এক্ষেত্রে শূন্য ) দাড়াইবে। আর কেন্দ্রীয় ঝালরের তুলনায় অন্যান্য ঝালরগুলির তীব্রতা থুবই কম হওয়ায় ইহারা কেন্দ্রীয় ঝালর দুইটির লব্ধি তীব্রতা বিশেষ প্রভাবিত করিতে পারিবে না। ফলে দাড়াইবে এই যে অতি সামান্য পরিবত্তিত দুইটি কেন্দ্রীয় ঝালর Q এবং Q' পাশাপাশি অবন্থান করিবে, আর ইহাদের মধ্যবর্তী স্থানের আলোক তীব্রতা হইবে শূন্য। ইহাদের উভয় পার্শ্বেই কম তীব্রতার কয়েকটি ঝালর অবন্থিত পাকিবে বাহাদের প্রভাব সমগ্র চিত্রের উপর খবই সামান্য।

ষিতীয় চিত্রে উৎস দুইটি আরও কাছাকাছি আসিয়াছে এবং এই ক্ষেত্রে ইহাদের কৌণক বিয়োজন  $\theta$  এর্প মানের যে দ্বিতীয় কেন্দ্রীয় ঝালর Q' এর চরম তীব্রতা প্রথম কেন্দ্রীয় ঝালর Q এর অবম তীব্রতার সহিত সম্পাতী হইয়াছে। এই ক্ষেত্রে অবশ্য লাজি তীব্রতার দুইটি কেন্দ্রীয় ঝালরের মধ্যের স্থানে পূর্বের ন্যায় শৃন্য আলোক তীব্রতার সৃষ্টি হইবে না। প্রথমত দেখা যায় যে Q এবং Q' এর চরম তীব্রতার কোনও পরিবর্তন হইবে না কারণ ইহারা প্রত্যেকেই অপর শ্রেণীর ঝালরের শৃন্য তীব্রতার সহিত সম্পাতী হইয়াছে। সূতরাং প্রশ্ন হইতেছে যে এই দুইটি ঝালর Q এবং Q' এর মধ্যের আলোক-তীব্রতার মান কত দাড়ার। সেটি মোটামুটিভাবে হিসাব করা সহজেই সম্ভব।

ঝালর শ্রেণীর তীব্রতার রাশিমালা পাওয়া গিয়াছে  $\frac{a^2 \sin^2 \phi}{\phi^2}$  (সমীকরণ 3.49). আর এই রাশিমালার আলোচনা হইতে জানা যায় যে কেন্দ্রীয় ঝালরের অবম তীব্রতার অবস্থানে  $\phi$  এর মান হইবে

$$\phi = \pi$$

সূতরাং Q এবং Q' এর মাঝামাঝি জারগার  $\phi$  এর মান হইবে (Q এবং Q' সমান তীব্রতাসম্পন্ন ধরিয়া লইয়া; বিদ তাহা না হয় তবে এই বৃত্তির থানিকটা পরিবর্তন করিতে হইবে এবং পরে এই বিষয় আলোচিত হইয়াছে )

$$\phi = \frac{\pi}{2}.$$

সুতরাং এই ক্ষেত্রে একটি ঝালরের আলোক তীব্রতা হইবে  $a^2 \sin^2 rac{\pi}{2}$ 

$$=a^2\frac{4}{\pi^2}=0.4053a^2.$$

কাব্দেই এই স্থানে উভয় শ্রেণীর ঝালরের লব্ধি তীব্রতা দাড়াই বে  $0.8106a^2$ .

আর এই আপে ক্ষিক মানে Q এবং Q' এর আলোক তীব্রতা  $a^2$ . অতএব দেখা যাইতেছে যে লব্ধি আলোক তীব্রতার নক্সায় দুইটি চরম তীব্রতা  $a^2$  এর মাঝখানে  $0.81a^2$  তীব্রতা পাওয়া ষাইতেছে। ফলে চোখে দেখিরাই Q এবং Q' এর স্বতন্ত্র অস্তিত্ব বৃঝিতে পারা সম্ভব হইবে। এই ক্ষেত্রে অবশ্য P এবং P' এর কোণিক বিযোজন দাড়ায় (সমীকরণ 3.52)

$$\theta = \frac{\lambda}{a}$$
.

তৃতীয় চিত্রে P এবং P' আরও কাছে আসিয়াছে বাহার ফলে কৌণিক বিষোক্তন দাড়াইয়াছে

$$\theta < \frac{\lambda}{a}$$

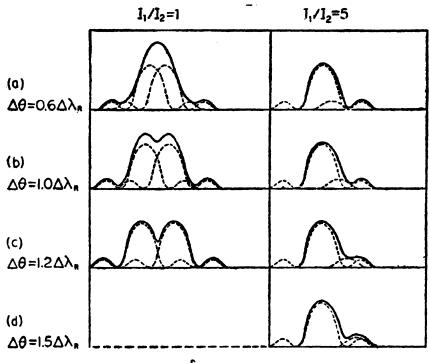
এইর্প ক্ষেত্রে দেখা যায় যে P এবং P' যত কাছাকাছি আসিতে থাকে Q এবং Q' এর তীরতার বৃদ্ধির তুলনায় ইহাদের মধ্যবর্তী স্থানের তীরতা বৃদ্ধির হার ক্রমণ বাড়িতে থাকে। ফলে এক সময় এই মধ্যবর্তী অবস্থানের আলোক তীরতার মান Q এবং Q' এর অপেক্ষা অধিক হইয়া যায় এবং দুইটি কেন্দ্রীয়

ঝালর মিলিয়া একটি মান্তই ঝালরের সৃষ্ঠি হয়। ইহার অর্থ এই যে P এবং P' এর খতর অন্তিম্ব আর ধরা ধার না। এরূপ অবস্থার বলিতে ছইবে যে P এবং P' এর প্রতিবিদ্ধ বিভেদিত ছইতেছে না এবং ইহাদের কৌণিক বিধোজন রেখাছিন্তের বিভেদন সীমার বাহিরে চলিয়া গিয়াছে।

উপরের আলোচনার একটি জিনিব লক্ষা করা দরকার। বিতীর ক্ষেত্রে  $\left(\theta=rac{\lambda}{a}
ight)$  দুইটি চরম তীব্রতা  $a^2$  এর মাঝে তীব্রতা কমিয়া  $0.81a^2$  হয় বলিরা ঝালর দুইটিকৈ আলাদা বলিরা সহজেই চেনা বার। ততীয় কেচে বলা হইয়াছে বে P এবং P ' এর কৌণিক বিবোজন  $rac{\lambda}{a}$  এর চেরে কম হইলে এক সময় দুইটি ঝালরশ্রেণী মিলিয়া এক হইয়া যায় যাহাতে ইহাদের অন্তিদ্ব আর ধরা বার না। কিন্তু এই পুই অবস্থার মধ্যে কিছুটা বিস্তৃতি বর্তমান। অর্থাৎ  $\theta = \frac{\lambda}{a}$  হইতে কম কোণিক বিবোজন হওয়া মাত্রই দুইটি বালর মিশিয়া এক হটরা যার না। দেখা গিয়াছে বে heta এর মান  $\frac{\lambda}{a}$  এর অপেকা 10% কম হইলেও সূক্ষ যত্ত্ব সাহাব্যে মাপিয়া ঝালরশ্রেণী দুইটির ৰত**র অভি**দ ধরা যায়। সূতরাং এই হিসাবে দেখিতে গেলে কৌণিক বিভেদন সীমা  $\, heta=rac{\lambda}{A}\,$  এর চেয়ে কম ধরা বাইতে পারে । কিন্তু এই সীমা তাহা ছইলে অনেকটা অস্পষ্ট এবং পরিবর্তনশীল অবস্থার উপর নির্ভরশীল হয়। সেজন্য Rayleigh ঠিক করেন যে  $\theta - \frac{\lambda}{a}$  এই সর্ভই বিভেগনের সীমা বলিয়া নির্দিষ্ট হওয়া সুবিধাজনক। এই রীতি অনুসারে বিভেদন সীমা (limit of resolution)  $\theta = \frac{\lambda}{a}$ . (3.173)

এইটি রাজের মানক (Rayleigh criterion) হিসাবে পরিগণিত হইরাছে এবং আলোকীর বরের বিভেদন ক্ষমতা নির্ণরে এইটিই মানক হিসাবে ব্যবহৃত হইরা আসিতেছে। সমীকরণ 3.173 বিভেদন সীমার মানক হিসাবে ব্যবহারের কারণ এই যে এইটি একটি সহজবোধা এবং পুনরুংপাদনবোগ্য (reproducible) সম্বন্ধ।

কিন্তু অনেক বরের ক্ষেত্রেই (বথা ফেরি-পেরে) ব্যক্তিচার মাপকের বেলার ) বর্ণালির গঠন ঠিক ব্যালের আলোচিত বর্ণালির গঠনের সহিত মিলে না। সূতরাং ব্যালের মানক এইসব ক্ষেত্রে পুরাপুরিভাবে প্রবোজ্য নর। ইহা জিন দেখা যার যে বর্ণালির বিভেদন বর্ণালি দুইটির আপেক্ষিক আলোকতীব্রতার উপরও খানিকটা নির্ভর করে। নিম্নের চিত্র নং ৩.৭৫ হইতে এই ব্যাপারটি বুঝা যাইবে।



চিত্ৰ ৩.৭৫

চিত্রে দুইটি বর্ণালিরেখার অধিস্থাপন দেখানো হইয়ছে। ইহাদের আলোকতীরতার অনুপাত 1 এবং 5. a, b, c, d ক্ষেত্রে বর্ণাল দুইটির বিভাজন  $\triangle \theta$  দেখানো হইয়ছে। এখানে  $\triangle \lambda_R$  বুঝাইতেছে র্য়ালের মানক অনুসারে বিভেদনের জন্য তরঙ্গদৈর্ঘ্যের ন্যানতম পার্থক্য। প্রথমক্ষেত্রে (a) দেখা যাইতেছে যে  $0.6 \triangle \lambda_R$  এর ক্ষেত্রে উভয় আলোকতীরতার অনুপাতেই লব্ধি তীরতা এমন হয় যে ইহাদের আলাদা বিলয়া চিনিবার প্রশ্নই ওঠে না। দ্বিতীয় ক্ষেত্রে (b) দেখা যায় যে সমান আলোকতীরতার তরঙ্গের ক্ষেত্রে লব্ধি আলোকতীরতা দুইটি চরমের মাঝখানে 20% কমিয়া যায়, কিন্তু 5 অনুপাতের ক্ষেত্রে এর্বৃপ হ্রাস হয় না। সুতরাং সমতীরতাসম্পন্ন বর্ণালির ক্ষেত্রে এই বেলায় আংশিক বিভেদন হইলেও বেশী মানের তীরতার অনুপাতের ক্ষেত্রে বিভেদন আদৌ হয় না। দেখা গিয়াছে যে  $\triangle \theta \sim 1.2 \triangle \lambda_R$  হইলে প্রথম ক্ষেত্রে দুইটি চরমতীরতার মধ্যের অবস্থানে 60% তীরতার হ্রাস পায় এবং এইটিকে

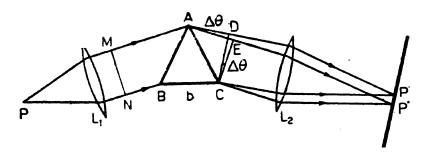
পূর্ণ বিভেদন বলা চলে । কিন্তু বিতীয় ক্ষেত্রে  $\left(\frac{I_1}{I_2} - 5\right)$  ক্ষীণ চরমতীরতার 60% হ্রাস হয় না ; ভবে দুইটি বর্ণালির উপস্থিতি বৃথিতে পারা যায় এবং এক্ষেত্রে আংশিক বিভেদন হইয়াছে বলা চলে । সূতরাং দেখা যাইতেছে যে অনুপাত 1 এর ক্ষেত্রে যেখানে  $\triangle\theta = 1.2 \triangle \lambda_R$  এর জন্য পূর্ণ বিভেদন হইতেছে সেখানে অনুপাত 5 এর ক্ষন্যে আংশিক বিভেদন হইতেছে মার । অনুপাত 5 এর ক্ষেত্রে পূর্ণ বিভেদন পাইতে হইলে  $\triangle\theta = 1.5 \triangle \lambda_R$  হওয়া প্রয়োজন । অর্থাৎ র্যালের মানক সমান তীব্রতার দুইটি বর্ণালির ক্ষেত্রেই প্রযোজ্য হয় । বর্ণালীর তীব্রতার অনুপাত এবং আফুতির পরিবর্তন হইলে এই মানকের মূলাও অনুবৃপভাবে পরিবর্ণতিত হইবে । কোন কোন ক্ষেত্রে এই অনুপাত 1000 এর মত হয় : সেক্ষেত্রে বিভেদনের জন্য  $\triangle\theta$ র মানও  $\triangle\lambda_R$  এর কয়েক গুণ পর্যান্ত হইয়া থাকে ।

প্রিজ্ম বর্ণালিবীক্ষণের বিভেদন ক্ষতা (Resolving power of a prism spectroscope).

রালের মানক (সমীকরণ 3.173) ব্যবহার করিয়া সর্বপ্রথম যে আলোকীয় বছটির বিভেদন ক্ষমতা নির্ণয় করা হইবে সেটি হইল প্রিজ্ম্ বর্ণালিবীক্ষণ। এই যত্ত্রে প্রতিটি তরঙ্গদৈর্ঘার আলোর জন্য একটি বর্ণালির সৃষ্টি হয়। যাদ আপতিত আলোতে একাধিক দৈর্ঘার তরঙ্গ বর্তমান থাকে তবে অভিনেত্রের দৃষ্টিক্ষেত্রেও সমসংখ্যক বর্ণালির সৃষ্টি হইবার কথা। কিন্তু পূর্বের আলোচনা হইতে বুঝা যায় যে পাশাপাশি অবস্থিত দুইটি তরঙ্গের দৈর্ঘার পার্থকা যদি খুব কম হয় তবে বর্ণালি দুইটির কৌণিক বিযোজনও অনুর্পভাবে এত কম হইতে পারে যে তাহাদের স্বতম্ভ অন্তিম্ব বুঝা নাও যাইতে পারে। এর্প ক্ষেত্রে তরঙ্গ দুইটির দৈর্ঘার তফাৎ বর্ণালিবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতার সীমার বাহিরে পজ্য়াছে বলা যায়। এই ক্ষেত্রে বিভেদন ক্ষমতার যান নির্মালিখিতর্পে নির্ণয় করা যায়।

০.৭৬ নং চিত্রে বর্ণালিবীক্ষণে বর্ণালির উৎপত্তির প্রণালী দেখানে। হইরাছে। P একটি আলোকউৎস, এক্ষেত্রে বর্ণালিবীক্ষণের আলোকউৎস হিসাবে ব্যবহৃত রেখাছিদ্র। ইহা হইতে নির্গত্ত আলো L, লেক দ্বারা সমাস্তরাল রিশ্বগুচ্ছে পরিণত হইরা ABC প্রিজ্মের AB তলে অবম বিচুতি কোপে (angle of minimum deviation) আপতিত হইতেছে। প্রিজ্মে

বিচ্ছুরণের ফলে AC তল হইতে প্রতিসৃত আলো  $L_s$  লেক দ্বারা বিভিন্ন বিম্পুতে ফোকাসিত হইবে। এখানে ধরা হইরাছে যে আপতিত রশ্যিতে দুইটি দৈর্ঘ্য  $\lambda_s$  এবং  $\lambda_s$  এর তরঙ্গ বর্তমান এবং ইহাদের জন্য দুইটি বর্ণালি P'



চিত্ৰ নং ৩.৭৬

P' এর উন্তব হইয়াছে । আপতিত সমান্তরাল আলোতে MN একটি তরঙ্গমুখ । অনুর্পভাবে প্রতিসৃত আলোরও তরঙ্গমুখ আকা হইয়াছে । কিন্তু এইক্ষেত্রে বিচ্ছুরণের জন্য  $\lambda_1$  এবং  $\lambda_2$  দৈর্ঘ্যের তরঙ্গের জন্য দুইটি বিভিন্ন সমান্তরাল রিশ্মমালার সৃষ্টি হইবে । সূতরাং তরঙ্গমুখও দুইটি আলাদা হইবে । এই দুইটির অবস্থান বুঝাইতেছে CD ও CE দ্বারা । বিচ্ছুরণের ফলে সমান্তরাল রিশ্মমালা দুইটির কোণিক বিয়োজন যদি হয়  $\Delta\theta$ , তবে CD এবং CE দুইটি তরঙ্গমুখের কোণিক বিয়োজনও হইবে  $\Delta\theta$ . প্রিজ্বমের ভূমির (base) দৈর্ঘ্য ধরা হইয়াছে b. আর প্রিজ্বমে  $\lambda$  এবং  $\lambda$ ' তরঙ্গদৈর্ঘ্যের প্রতিসরাক্ষ মথাক্রমে  $\mu$  এবং  $\mu$ '. তাহা হইলে বলা যায় যে যেহেতু P বিন্দু হইতে নির্গত আলোক রিশ্মমালা P' বিন্দুতে ( $\lambda$  তরঙ্গের জন্য) ফোকাসিত হইয়াছে, ফারমাটের নীতি (Fermat's principle) অনুসারে এই রিশ্মমালার প্রতিটি রিশ্মির আলোকপথ সমান । আবার P হইতে তরঙ্গমুখ MN পর্যান্ত প্রতিটি রিশ্মির আলোকপথ সমান । এবং এই কথা বলা চলে প্রতিস্তত রিশ্মমালান্তরের ক্ষেত্রেও; অর্থাৎ CD হইতে P' এবং CE হইতে P' পর্যান্ত বথাক্রমে আলোকপথ সমান । সূতরাং বাকী আলোকপথের সম্বন্ধে লেখা যার

 $MA+AD=NB+\mu\cdot BC \to \lambda$  আলোকতরকের ক্ষেত্রে  $MA+AE=NB+\mu'\cdot BC \to \lambda'$  আলোকতরকের ক্ষেত্রে সূতরাং দাড়ার

$$AE - AD = BC(\mu' - \mu) = b \cdot \Delta \mu = b(\lambda - \lambda')\lambda \frac{\Delta \mu}{\Delta \lambda}$$
 (3.174)

প্রিক্ষ্ ইইতে বে আলোক রন্ধিমালা নিগত হর তাহার উপর প্রিক্ষ্টি একটি আরতাকার রেখাছির হিসাবে জিরা করে। চিত্র নং ৩.৭৬এ ইহাদের প্রস্থ  $\lambda$  এবং  $\lambda'$  তরঙ্গদৈর্ঘার জন্য বধাক্রাম CD এবং CE হিসাবে দেখানো হইরাছে। সূতরাং ইহার বেলার র্য়ালের মানক (Rayleigh criterion) প্ররোগ করিরা বলা বাইতে পারে বে এই ক্ষেত্রে বিভেদনের সীমা হইবে  $\Delta\theta = \frac{\lambda}{a}$ . এখানে  $\alpha$  হইবে নিগত রন্ধিমালার প্রস্থ। চিত্রে এই প্রস্থের মান  $CD \Rightarrow CE$ . চিত্র হইতে আরও দেখা বার বে

$$\Delta \theta = \frac{AE - AD}{CE}$$
 ( $\Delta \theta$  খুবই ছোট বলিয়া)

অভএব লেখা ধার  $\Delta \theta \cdot CE = b \cdot \frac{\Delta \mu}{\Delta \lambda} \cdot \Delta \lambda$ 

কিন্তু পূর্বেই দেখা গিরাছে যে প্রিজ্বমের ক্ষেত্রে র্য়ালের মানক ব্যবহার করিয়া বিভেদন ক্ষমতার সীমা পাওয়া বায়

$$\Delta \theta = \frac{\lambda}{CE}$$

$$\therefore \quad \frac{\lambda}{CE} = \frac{b}{CE} \cdot \frac{\Delta \mu}{\Delta \lambda} \cdot \Delta \lambda.$$

$$\overline{q} \quad \frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{b}{\Delta \lambda} \frac{\Delta \mu}{\Delta \lambda} = \frac{b}{d\lambda} \frac{d\mu}{d\lambda}$$
(3.176)

পরে আলোচিত বাবর্তন ঝাঝরির বিভেদন ক্ষমতার আলোচনা হইতে দেখা বাইবে বে আলোকীয় বদ্ধের বর্ণীয় বিভেদন ক্ষমতার (chromatic resolving power) সংজ্ঞা করা হইরাছে  $\frac{\lambda}{\Delta\lambda}$  বেখানে  $\Delta^\lambda$  সংখ্লিষ্ঠ তরঙ্গদৈর্ঘ্য দুইটির তফাং বুঝার । সুতরাং এই হিসাব হইতে দেখা বাইতেছে বে প্রিজ্ম্ বর্ণালিবীক্ষণের বর্ণীয় বিভেদন ক্ষমতা দাড়ায়

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{b \ d\mu}{d \ \lambda} \tag{3.177}$$

এই সমীকরণে b দেখানো হইরাছে প্রিজ্মের ভূমির (base) দৈর্ঘ্য বলিরা আর ৩.৭৬ নং চিত্রে আপতিত রন্ধিমালা সমস্ত প্রিজ্মের মধ্য দিরাই প্রতিস্ত হইরাছে। কিন্তু যদি এই রন্ধিমালা প্রিজ্মের সমস্তটা ব্যবহার না করিরা

উপরে এবং নীচে থানিকটা অংশ থালি রাখে তবে রেখাছিদ্রের থানিকটা অংশও ব্যবর্তন সৃষ্ঠিতে বাদ পড়িবে এবং সেক্ষেত্রে রেখাছিদ্রের প্রস্থুও আনুপাতিকভাবে কম হইবে। সূতরাং এরুপ ক্ষেত্রে b এর মান দাড়াইবে প্রিক্তমের মধ্য দিয়া দুইটি প্রান্তিক রশ্বির পথদৈর্ঘ্যের বিয়োগফল। রাশিমালা 3.177 প্রিজ্ঞামের বিভেদন ক্ষমতা বলিয়াও অভিহিত হইয়া থাকে। কিন্ত এটা প্রকৃতপক্ষে বর্ণালি বীক্ষণেরই বিভেদন ক্ষমতা। ইহার কারণ এই যে চিত্র নং ৩.৭৩ হইতে দেখা গিয়াছে যে দুইটি লেন্স  $L_1$  এবং  $L_2$  এর দরকার হইয়াছে বিভেদন ক্ষমতা বাহির করিতে। আর বর্ণালিবীক্ষণ বছটি প্রিজ্ম এবং  $L_1$  ও  $L_2$  লেন্সেরই সমন্বয়। কাজেই দেখা যাইতেছে যে বর্ণালিবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমত। নির্ভর করে শেষ পর্যান্ত প্রিজ্মের ভূমির দৈর্ঘ্য এবং  $\frac{d\mu}{d\lambda}$  এর মানের উপর । অবশ্য এখানে ধরা হইয়াছে যে রেখাছিদ্র P এর প্রস্থ নানতম; এটি বেশী হইলে সমগ্র ব্যান্তর বিভেদনক্ষমতা কমিতে থাকিবে।  $\frac{d\mu}{d\lambda}$  প্রিজ্ম তৈরীর সামগ্রীর ধর্মের উপর নির্ভর করে। কোনও একটি প্রিন্ধ্রের বেলায়  $\frac{d\mu}{d\lambda}$  যদি 1000 হয় তবে তাত্ত্বিভাবে বলা যায় যে সোডিয়ামের হলুদ যুগলবর্ণালির ক্ষেত্রে ইহাদের বিভেদন করিতে যে ন্যুনতম ভূমিদৈৰ্ঘ্যের প্রিজ্ম লাগিবে তাহা নিম্নলিখিতরূপে হিসাব করিয়া বাহির করা যায়

$$\frac{\lambda}{\triangle \lambda} \simeq \frac{5893}{6} \simeq 1000 = b \times \frac{d\mu}{d\lambda} = b \times 1000$$

বা b=1 cm.

অবশ্য পরের আলোচনা হইতে দেখা ষাইবে যে পরীক্ষাকালে ঐ বর্ণালযুগলকে বিভেদিত করিতে নানাকারণে আরও বেশ খানিকটা বড় ভূমিদৈর্ঘের প্রিজ্মৃ দরকার হয়।

## দূরবীক্ষণ ব্যের বিভেগন ক্ষমতা (Resolving power of a telescope)

পূর্বের আলোচনায় (বিভেদন ক্ষমতার সংজ্ঞা ) বলা হইয়াছে যে বখন কোনও দ্রবীক্ষণ যাের সাহাযাে গ্রহ বা তারকাজাতীয় দ্রের বন্ধু নিরীক্ষণ করা হয় তখন দৃষ্টিক্ষেত্রে ঐ বন্ধুর একটি প্রতিবিদ্ধ গঠিত হয়; আর এই প্রতিবিদ্ধের আকৃতি শেষ পর্যান্ত নির্ণীত হয় বাবর্তনের প্রভাব দারা। ইহার ফলে একটি গোলাকৃতি চাকতির আকারের প্রতিবিদ্ধ সৃষ্ট হয় যাহাকে বলা হয় এয়ারীর

চাকতি । এই চাকতির বাহির দিকে আরও করেকটি সমকেন্দ্রিক গোলাকার ঝালর দেখা যায় । তবে কেন্দ্রীয় চাকতির তুলনার এইগুলির আলোকতীব্রতা খুবই কম হওয়ায় অধিকাংশ সময়েই ইহাদের প্রভাব খুবই সামান্য হইয়া থাকে । সুতরাং দেখা যাইতেছে যে যদি দুইটি খুব কাছাকাছি থাকা তারকা বা গ্রহের দিকে দ্রবীক্ষণ নির্দেশ করা যায় তবে তাহাদের সৃষ্ঠ ঝালরশ্রেণী বিভেদিত হইবে কিনা তাহা নির্ভর করিবে ঝালরশ্রেণী দুইটির কেন্দ্রের মধ্যেকার বাবধানের উপর । আর এটাও বুঝা বায় যে এই বিভেদন ক্ষমতা হিসাব করিতে রালের মানক বাবহার করা চলিতে পারে ।

এয়ারীর চাকতির যে কোঁণিক ব্যাসার্দ্ধ হইবে তাহা 3.82 হইতে দেখা গিয়াছে যে আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য এবং দূরবীক্ষণ যাের অভিলক্ষ্যের ব্যাসের উপর নির্ভর করিবে। অর্থাং যদি এয়ারীর চাকতির কোঁণিক ব্যাসার্দ্ধ হয়  $\theta$  এবং অভিলক্ষ্যের ব্যাস হয় d তবে  $\lambda$  তরঙ্গের আপতিত আলোর জন্য লেখা যায়

$$\theta = \frac{1.22\lambda}{d} \tag{3.82}$$

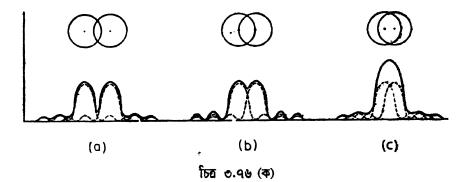
উপরের রাশিমালার 1·22 গুণকটি আসিয়াছে অভিলক্ষ্যের গোলাকার আকৃতির জন্য (বৃত্তাকার ছিদ্রে ফ্রনহফার ব্যবর্তনের আলোচনা দুষ্টব্য)। অনুরূপ ক্ষেত্রে আয়ত ক্ষেত্রাকার অভিলক্ষ্য হইলে এই গুণকটি দাড়াইত 1. কাজেই যদি একটি উদাহরণ ধরা যায় বেখানে দ্রবীক্ষণের অভিলক্ষ্যের ব্যাস 10 cm এবং আপতিত আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য 5000Å, তবে এই ক্ষেত্রে এয়ারীর চাকতির কৌণিক ব্যাসার্দ্ধ হইবে

$$\theta = \frac{1.22 \times 5 \times 10^{-6} \text{ radians}}{10}$$
=  $\frac{1.22 \times 5 \times 10^{-6} \times 57.4 \times 60 \times 60}{10}$  seconds
= 1.25 seconds.

এরারীর চাকতির প্রকৃত ব্যাসার্দ্ধ হিসাব করিতে অভিলক্ষ্যের ফোকাসদৈর্ঘ্য জানা প্রয়োজন হইবে। বর্তমান ক্ষেত্রে এই ফোকাসদৈর্ঘ্য যদি ধরা যায় 30 cm, তবে এই ব্যাসার্দ্ধ হইবে

$$\frac{1.22 \times 5 \times 10^{-6} \times 30}{10} = 0.0018 \text{ mm}.$$

উপরের হিসাব হইতে দেখা বাইতেছে বে প্রতিবিদ্ধে এরারীর চার্কাতর আকৃতি খুবই ক্ষুদ্র এবং প্রার বিন্দুর আকৃতি হইবে। এইবার বিভেদন ক্ষমতা হিসাব করিবার জ্বনা র্যালের মানক (Rayleigh criterion) ব্যবহার করা যাইতে পারে। যদি দুইটি বস্তুর জন্য দুইপ্রস্থ খালরের সৃষ্টি হয় তবে একটি ঝালরের জন্য এরারীর চাকতির কেন্দ্র যদি



দ্বিতীয় ঝালরের এরারীর চাক্তির সংলগ্ন অবম তীব্রতার স্থান অর্থাৎ বাহিরের ধারের সহিত সম্পাতী হয় তবে ঝালরশ্রেণী দুইটিকৈ আলাদা বলিয়া চেনা যাইবে ; আর তাহা হইলে বন্তু দুইটির স্বতম্ভ অন্তিম্বও বৃঝা যাইবে। ঝালরশ্রেণী দইটি ইহা হইতে বেশী কাছাকাছি হইলে ইহাদের শ্বতম্ন অন্তিম ধরা যাইবে না অর্থাৎ তাহার৷ দূরবীক্ষণ যন্ত্রের বিভেদন ক্ষমতার সীমার বাহিরে চিল্য়া যাইবে ৷ ৩.৭৬ক নং চিত্রে এইরূপ তিনটি অবস্থা দেখানো হইয়াছে ৷ প্রথমটিতে এয়ারীর চাকতি দুইটির কেন্দ্রের দূরত্ব ইহার ব্যাসার্দ্ধের চেয়ে বেশী এবং এই ক্ষেত্রে ঝালরশ্রেণী দুইটি সম্পূর্ণরূপে আলাদা বলিয়া চেনা যাইতেছে। দ্বিতীয় চিত্রে এই দূরত্ব এয়ারীর চাকতির ব্যাসার্দ্ধের সমান, অর্থাৎ র্যালের মানকের অনুমোদিত দূরত্বের সমান। এই ক্ষেত্রেও ইহারা আলাদা বলিয়া চেনা যায় যদিও প্রতিটি এয়ারীর চাকতির স্বতন্ত্র অস্তিত্ব বুঝা যাইতেছে না। তৃতীয়টিতে এই দূরত্ব এয়ারীর চাকতির ব্যাসার্দ্ধ হইতেও বেশ খানিকটা কম। এখানে দেখা যাইতেছে যে লব্ধি আলোকতীব্রতা এরপ দাড়াইয়াছে যে ঝালর নক্সা দুইটিকৈ আর আলাদা করিয়া চেনা যাইতেছে না। কাজেই দ্বিতীর ক্ষেত্রটিকে দূরবীক্ষণ যন্ত্রের বিভেদন ক্ষমতার সীমা বলিয়া ধরা যাইতে এই মানক বাবহার করিয়া বলা বাইতে পারে যে বর্তমান পারে । উদাহরণের ক্ষেত্রে

বিভেদন ক্ষমতার কৌণিক সীমা =  $\theta = \frac{1.22\lambda}{d} = 1.25$  seconds

অর্থাৎ দুইটি বন্ধুর কৌণিক বিবোজন 1.25 seconds পর্যান্ত হইলে ভাছারা

উপরোক্ত দ্রবীক্ষণ-বন্ধ ধারা বিভেদিত হইবে। এই আলোচনা হইতে আরও দেখা বাইতেছে বে বেহেতু বিভেদন ক্ষমতার কৌণিক সীমা অভিসক্ষোর বাাসের বাস্তানুপাতিক, অতএব উল্লিখিত তরসদৈর্ঘ্য ব্যবহার করিলে 1 cm ব্যাসের অভিসক্ষের জনা কৌণিক বিভেদনের সীমা হইবে 12.5 seconds.

আর d ব্যাসের অভিলক্ষ্যের জন্য কৌণিক বিভেদনের সীমা হইবে

$$\theta = \frac{12.5}{d} \text{ seconds} \tag{3.178}$$

এই হিসাবে তাত্ত্বিকদিক হইতে দেখা বার বে মানুষের চোখের তারারন্ত্রের (pupil of the eye) ব্যাস মোটামুটি 3 mm হওরার ফলে ইহার বিভেদন ক্ষমতার সীমা হইবে

$$\frac{12.5}{0.3}$$
 - 41.7 secs.

অবশ্য এই সীমা তরঙ্গদৈর্ঘ্যের উপরও নির্ভর করিবে এবং উপরের বিভেদন সীমা পাওয়া গিয়াছে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের মান 5000Å ব্যবহার করিয়া। তরঙ্গদৈর্ঘ্য আলাদা হইলে বিভেদন সীমাও সমানুপাতিকভাবে পরিবাতিত হইবে। আবার সকলের ক্ষেত্রে তারারক্ষের বাাসও সমান হয় না। এই বাাসের পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে বিভেদন সীমাও বাস্ত্যানুপাতিকভাবে পরিবাতিত হইবে।

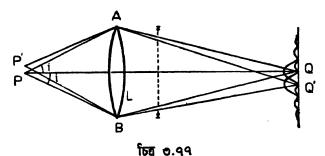
দূর্বীক্ষণ বরের বিভেদন ক্ষমতার প্রতিবিবের বিবর্ধনেরও একটি ভূমিক। আছে। কোনও প্রতিবিধ হরতো র্যালের মানক মানিবার ফলে বিভেদিত হইল। কিন্তু চোথের বিভেদন সীমার বাহিরে থাকার জনা এই প্রতিবিধ বিভেদিত বিলয়া নাও চেনা বাইতে পারে। চোথের বিভেদন ক্ষমতার সীমার আলোচনা হইতে দেখা গিয়াছে বে দুইটি বন্ধুর কৌণিক বিয়োজন মোটামুটি 42 sec. হইলে ভাহারা আলাদা বলিয়া চেনা বায়। অভিলক্ষের ফোকাসতলে বে প্রতিবিধের সৃষ্টি হয় ভাহা অভিনেত্রের সাহায্যে বিবর্ধিত করিয়া দেখা হইয়া থাকে। এই প্রতিবিধ সাধারণত অভিনেত্রে চোথের স্পন্টভার অবম দূর্ছ (least distance of distinct vision) 25 cm. দূরে গঠিত হইয়া থাকে। এই দিক হইতে দেখিলে আলোচাক্ষেত্রে দুইটি প্রতিবিধের মধ্যের দূর্য হইবে 0:01 cm.

সূতরাং ভালভাবে বিভেদিত হইতে হইলে অভিনেক্রের দৃষ্টিক্ষেত্রে প্রতিবিশ্ব দুইটিকে মোটার্মুটি 0.02 cm দ্রুকে অবস্থিত হইতে হইবে। এই পরিমাণ বিবর্ধনকে বলা বাইতে পারে লাভজনক বিবর্ধন (useful magnification).

ইহার বেশী বিবর্ধন করিয়া লাভ হর না কারণ প্রথমত বন্ধুতে (একেত্রে অভিলক্ষাের ফোকাসতলে সৃষ্ঠ প্রতিবিষ ) যে সৃষ্ম ছবি (details) বর্তমান নাই ভাহা বিবর্ধন ধারা প্রতিবিষ্কে সৃষ্ঠি করা বার না। বিভীয়ত বিবর্ধন বেশী হইলে বন্ধুর প্রতিটি বিন্দু একটি ব্যবর্তন নকসার সৃষ্ঠি করে। এই সমস্ট নক্সার লাজ আলোকভীরতা বন্ধুর অপেকাণ্ড অস্পষ্ঠ (বিদিও বিবর্ধিত) প্রতিবিশ্বের উৎপত্তি করে। এইরূপ বিবর্ধনকে বলা বাইতে পারে অসার বিবর্ধন (empty magnification) ঃ বলা বাহুল্য দূরবীক্ষণ ব্যার বিভেদন ক্ষমতা অবস্থানিক (positional) বিভেদন ক্ষমতা বুঝার।

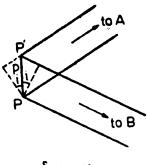
## অণুবীক্ষণ যন্ত্ৰের বিভেগন ক্ষমতা (Resolving power of a microscope).

অগুবীক্ষণ যত্ত্ব খুব ছোট এবং কাছের জিনিষের বিবাধিত প্রতিবিশ্ব দেখিবার জন্য ব্যবহার করা হইরা থাকে। এখানে বিভেদন ক্ষমতার অর্থ বন্ধুর খুব কাছার্কছি দুইটি বিন্দুর এমন স্বতম্ভ প্রতিবিশ্বের সৃষ্টি হওরা বাহাতে ইহারা আলাদা বলিয়া চেনা যায়। এই যত্ত্বেও অবশ্য বন্ধুর প্রতিটি বিন্দু ব্যবর্তনের ফলে একটি ঝালরশ্রেণীর সৃষ্টি করে এবং অগুবীক্ষণ বত্তের অভিলক্ষ্যের আকৃতি গোলাকার হওরায় এই ঝালরশ্রেণীতে এরারীর চাকতি এবং সংশ্লিষ্ট গোলাকার সমকেন্দ্রিক ঝালর থাকিবে। আর এই কারণে যত্ত্বের বিভেদন ক্ষমতা নির্ণর করিতে ব্যালের মানক ব্যবহার করা চলিবে। তবে দ্রবীক্ষণের সহিত অগুবীক্ষণের প্রতিবিশ্ব সৃষ্টিতে কিছু পার্থক্য আছে। দ্রবীক্ষণে যেখানে বিভেদনের বেলায় বন্ধু দুইটি অভিলক্ষ্যের ফোকাসতলে অতি ক্ষুদ্র কোণের সৃষ্টি করে, সেখানে অগুবীক্ষণের ক্ষেত্রে বন্ধুর শুভঙ্ক বিন্দু



দুইটির প্রত্যেকটি হইতে যে আলোকরণি অভিলক্ষ্যে আপতিত হয়, তাহার প্রান্তিক রণি দুইটির মধ্যে উৎপক্ষ কোণ মোটেই ক্ষুদ্র নহে। এইজন্য হিসাবের পদ্ধতিও একটু আলাদা রকমের হইয়া থাকে। ৩.৭৭ নং চিত্রে পুব কাছাকাছি দুইটি বিন্দুর অণুবীক্ষণে প্রতিবিবের সৃষ্টি দেখানে। হইরাছে।

P এবং P' বন্ধুতে অবন্থিত কাছাকাছি দুইটি বিন্দু। P হইতে বে রন্মিমালা
অভিলক্ষা L এর উপর আপতিত হইতেছে তাহারা লেলে প্রতিসরণ এবং
ব্যবর্তনের পর একটি বালর নক্সার সৃষ্টি করিরাছে। Q ইহাদের এরারীর
চাকতির আলোক তীরতা বুঝাইতেছে। অনুর্পভাবে P' বিন্দুর প্রতিবিবের



150 O.94

এরারীর চাকতি হইল Q'. মনে রাখিতে হইবে বে প্রতিটি বিন্দুর জনাই একপ্রস্থ বাবর্তন ঝালরের সৃষ্টি হইরাছে। অভিনেত্রের দৃষ্টিক্ষেত্রে দেখা যাইবে এই দুইপ্রস্থ ঝালরের লব্ধি আলোকতীরতা। এইবার রাালের মানকের নীতি প্ররোগ করিয়া অণুবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতা বাহির করা যাইতে পারে।

র্যালের মানক অনুসারে Q চাকতির চরম আলোক তীব্রতা যথন Q' চাকতির অবম তীব্রতার সহিত সম্পাতী হইবে, তথনই P এবং P' বিন্দু দুইটি বিভেদন ক্ষমতার সীমার অবন্ধিত হইবে। ইহার অর্থ এই যে P' বিন্দুর ক্ষনা Q অবন্ধানে একটি অবম তীব্রতার সৃষ্টি হইবে। সূতরাং P' বিন্দুর হইতে যে দুইটি রশ্মি P'AQ এবং P'BQ যাইবে তাহাদের পথদূর্থ এমন হওয়া আবশাক যাহাতে ইহার। Q বিন্দুতে অবম তীব্রতার সৃষ্টি করে। আর P বিন্দু হইতে Q বিন্দু পর্বান্ত সংশ্লিষ্ট রশ্মি দুইটির পথদূর্থ সমান বিলয়া এখানে P এর ক্ষনা চরম আলোক তীব্রতা উৎপক্ষ হইবে। চিত্র নং ৩.৭৮ হইতে দেখা বার যে P'AQ এবং P'BQ রশ্মি দুইটির পথদূর্থ  $2p \sin i$ . এখানে P বিন্দু দুইটি P এবং P' এর দূর্থ এবং i দুইটির বে কোন একটি রশ্মি এবং অন্ধের মধ্যের কোণ বুঝাইতেছে। ইহার কারণ P এবং P' হইতে যে রশ্মি দুইটি B এর দিকে বাইতেছে তাহাদের মধ্যে P' এর দূর্থ P এর অপেক্ষা P গান P বিন্দুর দিকে

যাইতেছে তাহাদের মধ্যে P' বিন্দুর দ্রম্ব P বিন্দুর দ্রম্ব হইতে  $p \sin i$  কম। কিন্তু PA এবং PB সমান। সূতরাং P'AQ এবং P'BQ এর মোট পথদূরম্ব দাড়ার

পথদূর্ম 
$$-2p \sin i$$
.

যেহেতু এই পথদূরদ্বের জন্য Q বিন্দুতে এরারীর চাকৃতির অবম আলোক তীরতার সৃষ্টি হর, সূতরাং গোলাকার ছিদ্রে আলোর ব্যবর্তনের আলোচনা হইতে বলা বার যে এই পথদূরত্ব  $1.22\lambda$  এর সমান [ P বিন্দু হইতে নির্গত অপসারী আলো লেলের সাহাব্যে Q বিন্দুতে ফোকাসিত হইতেছে; অভএব ফ্রনহফার ব্যবর্তনের সংজ্ঞানুসারে এই ক্ষেত্রে আলোর ফ্রনহফার ব্যবর্তন হইতেছে বেজ্বন্য সমীকরণ (3.179) প্রযোজ্য হইবে । ] সূতরাং পাওয়া বার

$$2 p \sin i = 1.22\lambda$$

$$q p = \frac{1.22\lambda}{2 \sin i}.$$
(3.179)

p বিন্দু দুইটির মধ্যের দ্রন্থ। আর হিসাবে ধরা হইরাছে বে p এর এই ন্যানতম দ্রন্থের জন্য বিন্দু দুইটিকে আলাদা বলিরা চেনা যাইবে। সূতরাং বলা যায় যে সমীকরণ 3.179 অণুবীক্ষণ থব্রের বিভেদন ক্ষমতার সীমার রাশিমালা। দান্তিশালী অণুবীক্ষণ যব্রে বন্ধু এবং অভিলক্ষাের মধ্যের স্থানটি কোনও একটি তেলজাতীয় জিনিষে পূর্ণ থাকে (oil immersion objective). ইহার ফলে i কোণটি আরও বড় করা সন্থব হয় যে জন্য বন্ধু হইতে আরও বেদী আলো লেলে পড়িয়া প্রতিবিশ্বের উজ্জ্লা বাড়াইয়া দেয়। আর এই ক্ষেত্রে পথদ্রত্ব দাড়ায় 2p μ sin i [ μ তেলের প্রতিসরাক্ষ ]। সূতরাং এইর্প লেন্সের ক্ষেত্রে পাওয়া যাইবে

$$-\frac{1\cdot22\lambda}{2\mu \sin i}.$$
 (3.180)

 $\mu \sin i$  কোনও একটি লেলের বৈশিষ্টা বলিয়া আবে (Abbe) এই সংখ্যাকে লেলের সংখ্যাত্মক উন্মেষ (numerical aperture) বলিয়া অভিহিত করেন। ইহা ছাড়া আবে আরও একটি প্রসঙ্গ এই ব্যাপারে আলোচনা করেন। এই হিসাবে ধরা হইরাছে বে P এবং P' বিন্দু স্বাধীনভাবে আলোক বিকীরণ করিতেছে, তাহাদের মধ্যে কোনও দশার সম্বন্ধ নাই। কিন্তু প্রকৃতপক্ষে সমগ্র বন্ধুটির উপর সাধারণত একটি আলোকউংস হইতে নির্গত আলো লেলের সাহাব্যে ফোকাস করা হর যাহাতে বন্ধুটির উক্ষণ্য বাড়ে। এই অবস্থার

বিভিন্ন বিন্দুগুলি স্বাধীন এবং অসংসক্তভাবে আলোক বিকীরণ করে না, ভাছাদের বিকীর্ণ আলোর মধ্যে খানিকটা দখার সহজ থাকিয়া বার। এই আলোচনা হইতে আবে অপুরীক্ষণে প্রতিবিধের সৃষ্টি সহজে তাহার বিখ্যাত মতবাদ প্রবর্তন কারণ (অধ্যায়ের শেষের আলোচনা দ্রকীর্য)। উপরোক্ত আলোচনায় তিনি সিদ্ধান্তে আসেন যে সংসক্ত বিকীর্ণ আলোর ক্ষেত্রে অপুরীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতা নিম্নলিখিত রাশিমালা দ্বারা বুঝান চলিতে পারে

$$p = \frac{\lambda}{2\mu \sin i}. \tag{3.181}$$

উদাহরণ শর্প বলি ধরা বার বে একটি অণুবীক্ষণের বেলার  $\mu=1.6$ ,  $i=60^\circ$  এবং  $\lambda=5500$  Å, তবে পাওয়া বার

$$p = \frac{5.5 \times 10^{-8}}{2 \times 1.6 \times 0.8660} = 1.986 \times 10^{-8} \text{ cm}.$$

তাত্ত্বিকভাবে বলা যায় যে এইটিই হইল বন্ধুর দুইটি বিন্দুর মধ্যে ন্।নতম দ্রত্ব যাহার অপেক্ষা কম দ্রত্বে অর্বান্থত হইলে বিন্দু দুইটির ব্বতম্ব অল্ডিম বৃথিতে পারা যাইবে না। অবশ্য নানা কারণে এই দ্রত্ব আরও বাড়িয়া যায়, অর্থাৎ অণুবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতা কমে।

3·181 রাশিমালার একটি জিনিষ লক্ষণীর । p আলোকতরঙ্গ দৈর্ঘ্য ম এর সমানুপাতিক । সূতরাং বাদ অতিবেগুনী আলো বাবহার করিরা ছবি তোলা বার তবে বিভেদন ক্ষমতা প্রার দিগুণ করা চালতে পারে । অবশ্য এই হিসাবে ইলেকট্রন অপুবীক্ষণ বন্ধ (electron microscope) আরও অনেক বেশী বিভেদনক্ষমতার অধিকারী । ডি রগ্লীর (De Broglie) সিদ্ধান্ত অনুসারে গতিশীল বন্ধুর সহিত নির্দিষ্ট দৈর্ঘের তরঙ্গ সংগ্লিষ্ট থাকে এবং এই জাতীর তরঙ্গ বিদৃষ্টেম্বকীর (electromagnetic) তরঙ্গ হইতে আলাদা । ইহাদের বন্ধু-তরঙ্গ (matter waves) বলা বাইতে পারে । গতিশীল ইলেকট্রন, প্রোটন, নিউট্রন জাতীর কণার ক্ষেত্রে এই সমন্ত তরঙ্গ বাবহার করিরা পরিমাপ বোগ্য পরীক্ষা করা বার । বিদ গতিশীল কণার সহিত তরঙ্গ সংগ্লিষ্ট থাকে তবে এই তরঙ্গ অবজাই তাহাদের ধর্ম প্রদর্শন করিবে । ক্লি. পি. থমসন (G. P. Thomson) এবং ডেভিসন ও জারমার (Davisson and Germer) আলাদাভাবে গতিশীল ইলেকট্রন হইতে সর্বপ্রথম এই বন্ধু-তরঙ্গের বাবর্তন পরীক্ষার দারা প্রকান করেন । তাহার পর জমে এই বন্ধু-তরঙ্গের বার্বর্তন পরীক্ষার দারা প্রকান করেন । তাহার পর জমে এই বন্ধু-তরঙ্গের বার্বর্তন পরীক্ষার

করিরা ইলেকট্রন-অণুবীক্ষণবদ্ধের সৃষ্ঠি হর। ইলেকট্রন অণুবীক্ষণ বদ্ধে বে তরসদৈর্ঘ্যের সৃষ্ঠি হর তাহা নিমলিখিত সমীকরণ দ্বারা নিমন্ত্রিত হর

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$
 [  $h =$ প্র্যান্ফের ধ্বুবক ;  $m$  এবং  $v$  ইলেকট্রনের ভর এবং গতিবেগ ] (3.182)

$$=\frac{12}{\sqrt{V}}$$
 Å approximately ( এখানে  $V$  প্রযুদ্ধ ভোল্টেন্ড) (3.183)

এই হিসাবে 14400 ভোপ্টে তরঙ্গদৈর্ঘ্য পাওরা যার 0.1 Å এবং 57600 ভোপ্টে তরঙ্গদৈর্ঘ্য 0.05 Å. এই যাে অনেক সময়ই 60000 volt ব্যবহার করা হয়। ফলে এই বিবেচনা হইতে পাওয়া বায়

$$-\frac{0.05\times 10^{-8}}{2\mu\,\sin\,i}$$
  $\frac{0.05\times 10^{-8}}{2\,\sin\,i}$  [  $\mu$  = 1 অণুবীক্ষণের ভিতরে বায়ুশূন্য স্থানে ]

অতএব যদি  $i=30^\circ$  হয় তবে p এর মান দাড়াইবে  $0.05\times10^{-8}$  cm. কিন্তু এই যরে i কোণটি সাধারণত খুবই ছোট। অতএব সংখ্যাত্মক উন্মেষ (numerical aperture) সাধারণ অণুবীক্ষণ যরের তুলনায় অনেকটাই কম। তা সত্ত্বেও ইলেকট্রন অণুবীক্ষণ যরের বিভেদন ক্ষমতা সাধারণ অণুবীক্ষণ যরের অপেক্ষা অনেক বেশী।

## ব্যবর্তন বাবরির বিভেগন ক্ষমতা ( Resolving power of a diffraction grating).

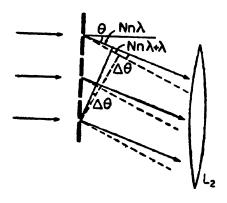
বার্তন ঝাঝারর ক্ষেত্রে যে বিভেদন ক্ষমতার কথা বলা হর তাহা অবশাই বর্ণীয় বিভেদন ক্ষমতা (chromatic resolving power). বার্বাতিত আলোতে যদি দুইটি খুব কাছাকাছি তরঙ্গ দৈর্ঘার আলো বর্ত্তমান থাকে তবে ইহাদের প্রত্যেকটি তরঙ্গ দৈর্ঘার জন্য এক প্রস্থ ঝালর উৎপন্ন হইবে। বিচ্ছ্রেরণের জন্য এই ঝালর প্রতিটি ক্রমেই স্বতন্ত দুইটি ঝালর হিসাবে অবস্থিত থাকিবে। কিন্তু তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের তফাং যদি খুব কম হয় তবে কোনও একটি ক্রমের ঝালর দুইটির মধ্যে অবস্থানের পার্থক্যও সামান্যই হইবে। এই অবস্থায় ঝালর দুইটি বিভেদিত হইবে কিনা তাহা প্রধানত নির্ভর করিবে ইহাদের প্রস্থের উপর। এই দিক হইতে দেখিলে বুঝা যাইবে যে ব্যবর্তন ঝাঝারের বিভেদন ক্ষমতা খুবই বেদা, কারণ এই যত্তে উৎপন্ন ঝালরগুলির প্রস্থ খুব কম। কেন এই প্রস্থ খুব কম এবং ইহার মান কি ধরণের তাহা নিম্নের আলোচনা হইতে বুঝা যাইবে।

ৰাবৰ্ডন ঝালৱের কেত্রে সমীকরণ 3.130 হইতে দেখা গিরাছে বে মুখ্য বর্ণালি-গুলির ক্ষেত্রে বে সক্ষ প্রযুক্ত হয় তাহা নিমর্প

$$\gamma = n\pi$$

বা (a+b) (sin  $i+\sin\theta$ ) =  $n\lambda$ .

বখন  $\gamma=n\pi+\frac{\pi}{\tilde{N}}$  হর তখন মুখ্য বর্ণালের আলোক তীব্রতা শ্ন্য হইর। বার ( N= ঝাঝরিতে রেখাছিদ্রের সংখ্যা ) । কেন এইরূপ হর তাহা নিমের চিত্র হইতে বুঝা বাইবে



চিত্ৰ ৩.৭১

৩.৭৯ নং চিত্রে ব্যবর্তন ঝাঝরিতে আপতিত আলো  $\theta$  কোণে ব্যবর্তনের পর nth রুমের বর্ণাল সৃষ্টি করিতেছে। ইহাতে দুইটি প্রান্তিক রাশ্বর পথ দূরত্ব  $Nn\lambda$ . সামান্য বেশী কোণ  $\theta + \triangle \theta$  দিকে একগুছে সমান্তরাল রাশ্বর কথা বিবেচনা করিতে বাইয়া  $\triangle \theta$  এর মান বাদ এমন নেওরা হর বাহাতে এই ক্ষেত্রে প্রান্তিক রাশ্ব দুইটির পথ-পার্থক্য হয়  $Nn\lambda + \lambda$ , তবে এই দিকে আলোক তীরতা কি দাড়াইবে তাহা হিসাব করিতে একক রেখাছিন্তের ক্ষেত্রে প্রবৃত্ত পছতি বাবহার করা চলিতে পারে।

এই উদ্দেশ্যে সমন্ত ব্যবর্তন ঝাঝরিকে দুইটি সমান ভাগে ভাগ করা বার । তাহা হইলে দেখা বাইবে বে প্রথম ভাগের প্রথম রিশ্ব এবং দ্বিতীর ভাগের প্রথম রিশ্ব দুইটির মধ্যে পথ-পার্থক্য হইবে  $\frac{1}{2}Nn\lambda + \frac{\lambda}{2}$  (এথানে N কে জ্যোড়-সংখ্যক ধরা হইরাছে ; বাঁদও বিজ্ঞোড় সংখ্যক হইলেও একই ফল পাওয়া বাইবে, কারণ N সংখ্যাটি সাধারণতঃ খুবই বড় )। সুতরাং ভাহারা বিপরীত দশার

থাকার পরস্পরকে ধ্বংস করিবে । এইরূপ ভাবে জ্যোড়ার জ্যোড়ার রান্দ্রগুলির কথা বিবেচনা করিলে দেখা যাইবে বে  $\theta + \Delta \theta$  কোণে আলোক তীব্রতা হইবে শ্না । সূতরাং দেখা যার বে দুইটি পরপর মুখ্য বর্ণালির মধ্যে পথ দূরত্ব বিদ হয়  $N\lambda$ , তবে একটি মুখ্য বর্ণালির চরম তীব্রতা এবং ইহার সংলগ্ন অবম তীব্রতার মধ্যে পথ পার্থক্য হইবে  $\lambda$ . সূতরাং দুইটি পাশাপ শি মুখ্য বর্ণালি এবং একটি মুখ্য বর্ণালির প্রস্থের অনুপাত হইবে N. ব্যবর্তন ঝার্ঝারতে N খুব বড় হওরার দেখা যার যে মুখ্য বর্ণালির প্রস্থও খুব কম হইবে । ৩.৭৯ নং চিত্র হইতে পাওয়া যার

$$\Delta \theta = \frac{\lambda}{\text{ব্যবাভিত আলোক রন্মিমালার প্রস্থ}}$$

$$= \frac{\lambda}{Nd \cos \theta}$$
(3.184)

এখানে  $\Delta \theta$  মূখ্য বর্ণালির কৌণিক বিস্তারের অর্জেক বুঝাইতেছে। d বাঝিরর পরপর দুইটি রেখাছিয়ের মধ্যের দূরত্ব।

উদাহরণ স্বর্প বলা বার বে বাদ একটি ঝাঝারর প্রস্থ  $5~{
m cm}$  এবং উৎপ্রম বর্ণালির ক্ষেত্রে  $\theta = 60^\circ$  হর, এবং  $\lambda = 5000$ Å হর তবে পাওয়া বাইবে

$$\triangle \theta = \frac{5 \times 10^{-6}}{2.5} = 2 \times 10^{-6}$$
 radians.

 $L_{2}$  লেন্দের ফোকাস দৈর্ঘ্য f যদি হয় 30 cm. তবে পাওয়া বাইবে

$$\triangle l = \triangle \theta \cdot f = 3 \times 10 \times 2 \times 10^{-5} = 6 \times 10^{-4} \text{ cm}.$$

এখানে △ । বুঝাইতেছে মুখ্য বর্ণালির রৈখিক প্রস্কের (linear width) আর্দ্ধেক। কাজেই ইহা হইতে সহজেই উপলব্ধি করা যায় যে বাবর্তন ঝাঝারর ক্ষেত্রে মুখ্য বর্ণালির প্রস্থ সাধারণত খুবই কম হইয়া থাকে। গোণ বর্ণালির আলোক তীব্রতা মুখ্য বর্ণালির তুলনার খুবই কম হওয়ায় বিভেদন ক্ষমতার ইহাদের প্রভাব গণা না করিলেও চলে।

উপরের আলোচনা হইতে সহজেই অনুমান করা বার যে ব্যবর্তন ঝাঝরিতে বিভেদন ক্ষমতা খুব বেশী হইবে। ঝাঝরির সরলরেখাগুলি রেখাছিদ্রের আকৃতির বলিয়া এই ক্ষেত্রে র্য়ালের মানক ব্যবহার করিয়া বিভেদন ক্ষমতা বাহির করা যাইতে পারে। ধরা যাক আপতিত আলোতে দুইটি দৈর্ঘ্যের তরক্ষ বর্তমান এবং ইহাদের মান  $\lambda$  এবং  $\lambda + \triangle \lambda$  তাহা হইলে প্রতিটি তরক দৈর্ঘ্য একটি ঝালর ক্রমের সৃষ্টি করিবে এবং  $\triangle \lambda$  কুন্ত হইলে ইহারা পাশাপাশি খুবই

নিকটে অবস্থিত হইবে । বিভেগিত হইতে হইলে র্য়ালের মানক অনুসারে কোনও একটি n রুমের ঝালর দুইটি এমন অবস্থানে থাকিতে হইবে বাহাতে  $\lambda$  তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের বর্গালর চরম তীব্রতার সহিত  $\lambda + \triangle \lambda$  তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের অবম তীব্রতার অবস্থান সম্পাতী হয় । এই সর্তে দুই ক্ষেত্রের পথ দূরত্ব হিসাব করিয়া লেখা বার

$$Nn\lambda = Nn(\lambda + \Delta\lambda) - \lambda$$

$$\sqrt[4]{\frac{\lambda}{\Delta\lambda}} = Nn.$$
(3.185)

 $\frac{\lambda}{\Delta\lambda}$  আলোকীর ব্যন্তের বর্ণীর বিভেদন ক্ষমতার সংজ্ঞা বালয়া ধরা যার । ইহার তাৎপর্যা এই বে এই সংখ্যাটি হইভে বুঝা যার যে একটি কোনও তরঙ্গ দৈর্ঘ্য  $\lambda$  এর ক্ষেত্রে  $\Delta\lambda$  পার্থকোর দুইটি তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের বিভেদন এই যােরর ( এক্ষেত্রে বাবর্তন ঝার্ঝারর ) পক্ষে করা সম্ভব । দেখা ঘাইভেছে যে এই সংখ্যা নির্ভর করে বর্ণালির ক্রম এবং ঝার্ঝারিতে মোট রেখাছিদ্রের সংখ্যার উপর । উপরের সমীকরণের অর্থ এই যে কোনও তরঙ্গ দৈর্ঘ্যে যদি  $\Delta\lambda$  পার্থকোর দুইটি তরঙ্গের বর্ণালি বিভেদন করিতে হয় তবে সংগ্লিষ্ট Nn এর মান  $\frac{\lambda}{\Delta\lambda}$  এর সমান অথবা বেশী হইতে হইবে । সৃক্ষা পরীক্ষার বাবহাত বাবর্তন ঝার্ঝারর ক্ষেত্রে N=90000 অনেক সমরেই হইরা থাকে ( প্রতি সেন্ডিমিটারে 6000 রেখা এবং ঝার্ঝারর প্রস্থ 15 cm. ). সেক্ষেত্রে যদি তৃতীর ক্রমের ঝালয় বাবহার করা সম্ভব হয় তবে দেখা বাইবে

$$\frac{\lambda}{\Delta \dot{\lambda}} = 90000 \times 3$$

বিদ  $\lambda = 5000$ Å হর তবে  $\Delta \lambda = \frac{5 \times 10^{-5}}{2.7 \times 10^5} = 1.9 \times 10^{-10} \, \mathrm{cm}, = 0.019$ Å. এইরূপ পরীক্ষা ব্যবস্থার 0.019Å পার্থকোর দুইটি তরঙ্গ দৈর্ঘোর বর্ণালিকে বিভেদিত করা সম্ভব । অবশ্য এই হিসাব পাওরা ঘাইতেছে তাত্ত্বিক মতে । পরীক্ষাকালে ইহার অনেক হেরফের হইরা থাকে । এই হিসাবমতে বিদ একটি ব্যবর্তন ব্যাথরিতে মাত্র 1000 এর মত মোট রেখা থাকে, তবে ইহা খারা সোভিরাজের হলুদ বর্ণালি দুইটিকে প্রথম ক্রমের বর্ণালিতেই বিভেদিত করা সম্ভব । কারণ এই ক্রেফের পাওরা বাইবে

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = nN \quad \exists 1 \quad \frac{5893}{6} \leqslant 1000 \times 1$$

এই সমীকরণে ডার্নাদকের সংখ্যা বাদিকেরটির অপেক্ষা বড় হওরার বিভেদনের সর্ত সম্পূর্ণ পালিত হইতেছে। কিন্তু পরীক্ষাকালে দেখা বার বে প্রথম ক্রমে তো দ্রের কথা দ্বিতীর বা তৃতীর ক্রমেও এই বর্ণালি দুইটি বিভেদিত হর না। ইহার নানা কারণ আছে। পরীক্ষাকালে ব্যের প্ররোজনীর সমগুন (adjustment) এর অভাবই ইহার মূল কারণ। সমগুনের অভাবে রন্মিমালা সম্পূর্ণ সমান্তরাল নাও হইতে পারে। ইহা ছাড়া আলোক উৎস হিসাবে বে রেখাছিল ব্যবহার করা হর তাহার প্রস্থ খুব কম হওরা দরকার। প্রস্থ বেশী হইলেও বিভেদন ক্ষমতার হ্রাস হইবে (অবশা ঝাঝারর সম্পূর্ণ প্রস্থ W অপরিবত্তিত রাখিলে, কারণ এই ক্ষেত্রে N কমিরা বাইবে)। সমীকরণ 3.185 এ ঝালরের ক্রমের মান বসাইলে পাওরা বার

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = (a+b)(\sin i + \sin \theta) \frac{N}{\lambda} = \frac{W}{\lambda} (\sin i + \sin \theta) \quad (3.185a)$$

এথানে (a+b)N=W= ঝাঝারের পূর্ণ প্রস্থ ।

সূতরাং বিভেদন ক্ষমতার চরম মান দাড়াইবে  $i=\theta=90^\circ$  এর বেলার । তখন দাড়াইবে  $\frac{\lambda}{\Delta\lambda} max=\frac{2W}{\lambda}$   $\cdot$  (3.185b)

এখানে লক্ষণীয় এই যে আপতন কোণ 0° হইতে বাৰ্ডিতে থাকিলে বিভেদন ক্ষমতাও সঙ্গে সঙ্গে বাডিতে থাকে।

তাত্ত্বিভাবে এই ফল পাওয়া গেলেও কার্যাত এই চরম মান পাওয়া যার না। কারণ যখন  $i = 90^\circ$  হইবার উপক্রম হয় তখন ব্যবতিত আলোর পরিমাণ খুব কম হইয়া যায়।

একটি ক্রমে বিভেদন ক্ষমতা N এর সমানুপাতিক হয় ; কিন্তু কোনও নির্দিষ্ট আপতন এবং ব্যবর্তন কোণে বিভেদন ক্ষমতা N এর উপর নির্ভরশীল নয় । কারণ উপরের 3.185a সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে  $\theta$  এবং i নির্দিষ্ট হইলে বিভেদন ক্ষমতা W এর সমানুপাতিক এবং  $\lambda$  এর ব্যস্ত্যানুপাতিক হয় ।

ইশ্লেল্ ঝাঝরির বিভেদন ক্ষতা (Resolving power of an echelon grating).

ইশ্লন্ ঝাঝারর আলোচনা হইতে দেখা গিরাছে যে ইহাতে উৎপন্ন ঝালর-শ্রেণী এবং বাবর্তন ঝাঝারতে উৎপন্ন ঝালরশ্রেণীর মূল নীতি একই। মূল পার্থক্য এই যে ইশ্লনে রেখাছিদ্রের সংখ্যা ব্যবর্তন ঝাঝারর তুলনার খুবই কম: অন্যাদিকে ইহাতে ঝালরের ক্রম একই কোণের জন্য ব্যবর্তন ঝাঝারর তুলনার অনুর্পভাবে অনেক বেশী। অতএব এই বন্ধের বেলারও বিভেদন ক্ষমতা নির্ণর করিতে রালের মানক ব্যবহার করা যার এবং ফলে ব্যবর্তন ঝাঝরির ক্ষেত্রে পাওরা বিভেদন ক্ষমতার রাশি ব্যবহার করা চলিতে পারে। সমীকরণ 3.160 হইতে দেখা গিরাছে যে পারগম ইশ্লনের (transmission echelon) বেলার ঝালরের ক্রম পাওরা যার নির্মালিখিত সম্বন্ধ হইতে

$$n=\frac{\mu(t-1)}{\lambda}$$

সেই আলোচনার উদাহরণে ছিল  $\mu = 1.6$ , t = 0.5 cm,  $\lambda = 6 \times 10^{-8}$  cm.

$$\therefore$$
  $n = 133333.$ 

এ অবস্থার ধাপের সংখ্যা বদি 30 হর তবে বর্ণীর বিভেদন ক্ষমতা দাড়াইবে

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = Nn = 30 \times 13333 = 399990$$

সূভরাং △৴ দাড়াইবে

$$\Delta \lambda = \frac{6 \times 10^{-6}}{399990} \simeq 1.5 \times 10^{-10} \text{ cm.} = 0.015 \text{Å}.$$

আবার প্রতিষ্ণান ইশ্লনের (reflection echelon) ক্ষেত্রে অনুর্প অবস্থার বালরের ক্রমের সংখ্যা প্রার চতুর্গুণ বৃদ্ধি পার (3.166). ফলে এই বরের বিভেদন ক্ষয়তাও সমানুপাতিকভাবে বাড়িয়া বার । অর্থাং উপরের আলোচ্য ক্রেত্রে মোটামুটি দাড়ার

$$\triangle \lambda \simeq \frac{6 \times 10^{-8}}{4 \times 10^{8} \times 4} \simeq 0.004 \text{ Å}.$$

লুমার-গেক্ কলকের বিভেদন ক্ষতা (Resolving power of Lummer-Gehrcke Plate).

লুমার-গেকৃ ফলকের বিভেদন ক্ষমতাও র্য়ালের মানক বাবহার করিরা বাহির করা বাইতে পারে। এখানে অসুবিধা এই যে বে সমন্ত সমান্তরাল রশ্মি মিলিরা লেলের ফোকাস তলে একটি ঝালরের সৃষ্টি করে তাহাদের আলোক তীব্রতা সমান নর আর তাহাদের সংখ্যাও সীমিত। সূতরাং বাবর্তন ঝাঝরির প্রণালী এখানে সম্পূর্ণরূপে প্রযোজ্য নর। তবে বদি ধরা বার যে বার্তে প্রতিসরণ কোল i 90° এর কাছাকাছি তাহা হইলে সমন্ত রশ্মিগুলিরই তীব্রতা প্রার এক ধরা বাইতে পারে। এই ক্ষেত্রে চিত্র নং ৩.৭১ হইতে দেখা বাইবে যে তরুসমুখ AB এর প্রস্থু হইবে l cos i [1—ফলকের দৈর্ঘা]। আর এই প্রস্থের রশ্মি-

মালার জন্য লেক L এর ফোকাসতলে বে ঝালরের উৎপত্তি হইবে তাহার অর্দ্ধ কৌণিক প্রস্থ হইবে  $\frac{\lambda}{l\cos i}$  [ চিচ নং ৩.৭৯ ব্যবর্তন ঝাঝরির বর্ণালির প্রস্থের আলোচনা দুর্ভব্য ] ।

এবার যদি র্যালের মানকের নীতি প্রয়োগ করা হর তবে লেখা চলিতে পারে যে  $\lambda$  এবং  $\lambda + \triangle \lambda$  দুইটি কাছাকাছি দৈর্ঘোর তরঙ্গের ঝালর দুইটি আলাদা করিয়া চেনা যাইবে যদি একটির চরম তীরতার সহিত অন্যটির একই রুমের ঝালরের অবম তীরতা সম্পাতী হয়। এই নীতি প্রয়োগ করিতে লুমার-গেক্ ফলকের বিচ্ছ্রেগের রাশিমালা (সমীকরণ 3.171) ব্যবহার করা যার। ঐ সমীকরণে  $\triangle \lambda$  তরঙ্গদর্ঘোর তফাতের জন্য যদি দুইটি ঝালর  $\triangle i$  কোণে বিযোজিত হয় তবে লেখা যাইতে পারে

$$\frac{\Delta i}{\Delta \lambda} = \frac{di}{d\lambda} = \frac{\frac{\lambda}{l \cos i}}{d\lambda} = \frac{2\lambda \mu \frac{d\mu}{d\lambda} - 2(\mu^2 - \sin^2 i)}{\lambda \sin 2i}$$

$$\frac{\lambda}{d\lambda} = \frac{2\lambda \mu \frac{d\mu}{d\lambda} - 2\mu^2 + 2\sin^2 i}{2\lambda \sin i \cos i}$$

$$= \frac{l}{\lambda \sin i} \left[ \lambda \mu \frac{d\mu}{d\lambda} + \sin^2 i - \mu^2 \right]. \tag{3.186}$$

এই রাশিমালা অবশ্য বিভেদন ক্ষমতার সর্বোচ্চ সীমা। পূর্বেই বলা হইরাছে যে  $i=90^\circ$  এর কাছাকাছিই ইহা প্রবোজ্য হর ; এই সর্ত পালিত না হইলে  $\triangle i=\frac{\lambda}{l\cos i}$  খাটিবে না। তাছাড়া l ধরা হইরাছে ফলকের দৈর্ঘ্য। কিন্তু প্রতিফলনে ফলকের প্রথম এবং শেষ দিকের খানিকটা বাদ পড়িবে। সাধারণত কার্য্যকরী দৈর্ঘ্য হয়  $\frac{2}{3}$  l. কার্য্যত  $\mu\lambda$   $\frac{d\mu}{d\lambda}$ সাধারণত  $(\sin^2 i - \mu^2)$  এর তুলনার অনেক ছোট হয় বলিয়া মোটামুটি হিসাবের বেলায় ইহাকে বাদ দেওয়া চলিতে পারে। এই সমস্ত বিবেচনা হইতে বিভেদন ক্ষমতা দাড়ায়

$$\frac{\lambda}{\wedge \lambda} \cdot \frac{2}{3} \frac{l}{\lambda} \left(1 - \mu^{2}\right) \tag{3.187}$$

উদাহরণ স্বর্প বলা যার যে যদি  $10~{
m cm} = I$  হর এবং  $\lambda = 5000~{
m \AA}$  এবং  $\mu = 1.6$  হয় তবে বিভেদন ক্ষমতা হইবে

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{2}{3} \frac{10}{5 \times 10^{-6}} (2.56 - 1) = 2 \times 10^{6}$$
 approximately.

বিভেদন ক্ষমতার এই স্থুল (gross) রাশিমালা আরও সহজ্জাবে পাওরা যার। বিদ বাবর্তন ঝাঝরির বিকেনা হইতে ধরা যার বে বিভেদন ক্ষমতা হইবে Nn তাহা হইলে N এবং n এর মান প্ররোগ করিরা বিভেদন ক্ষমতা বাহির করা বার। চিত্র নং ৩.৭১ হইতে দেখা যার বে

$$n = \frac{2\mu t \cos r}{\lambda}$$

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{1}{2t \tan r} \cdot \frac{2\mu t \cos r}{\lambda} = \frac{1}{\lambda} \cdot \frac{\mu \cos r}{\tan r}$$

$$= \frac{1}{\lambda} \cdot \frac{1 - \sin^2 r}{\sin r} \mu$$

र्यान i=90° इत उत्त r- मक्को कान

এবং 
$$\sin r = \frac{1}{\mu}$$
.

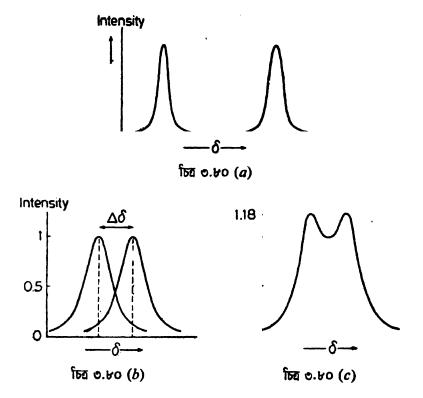
. 
$$\frac{\lambda}{\Delta\lambda} = \frac{l}{\lambda} (\mu^a - 1) = \frac{2}{3} \frac{l}{\lambda} (\mu^a - 1)$$
 [  $\mu > 1$  হওরার  $1 - \mu^a$  (ফলকের কার্যাকরী দৈর্ঘ্য ট্ট / ধরিরা) ঋণাত্মক দাড়ার ; কিন্তু ঋণাত্মক চিহের তাৎপর্ব্য এখানে না থাকার ইহাকে ধনাত্মক করিরা লেখা হইরাছে ]

এখানে লক্ষ্য করা দরকার বে লুমার ফলকের বেধ । এর উপরে বিভেদন ক্ষমতা নির্ভর করে না।

ক্ষেত্র-পেরো ব্যক্তিচার মাপকের বিভেদন ক্ষমতা (Resolving power of a Fabry-Perot Interferometer).

ফেরি-পেরে। ব্যতিচার মাপকের বিভেদন ক্ষমতা নিরুপণেও র্যালের মানকের নীতি প্ররোগ করা বার । কিন্তু রেখাছিদ্রের অথবা ব্যবর্তন ঝালরের ক্ষেত্রে প্ররোগের সহিত এক্ষেত্রের একটু পার্থকা আছে । ব্যবর্তন ঝার্মারর বেলার পেথা গিরাছে বে বখন একটি তরঙ্গলৈর্ব্যের ঝালরের চরম তীব্রতা অন্য তরঙ্গলৈর্ব্যের একই ক্রমের ঝালরের ক্ষমে তীব্রতার সহিত মিলিরা বার তখন লব্বি তীব্রতার ঝালর দুইটির তীব্রতার মান অপরিব্যক্তিত থাকে শুধু ইহাদের মাকথানে আলোক তীব্রতার মান ক্ষমিরা বাওরার ঝালর দুইটি আলাক। বলিরা

চেনা বার। কিন্তু ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপকের ক্ষেত্রে ঠিক সেইর্প হর না। ৩.৮০ নং চিত্র হইতে এই ক্ষেত্রে অবস্থাটা স্পর্ক বুঝিতে পারা বাইবে :



ফোর-পেরের ঝালরের ক্ষেত্রে অবম আলোক তীব্রতা চরম তীব্রতার পুর নিকটে অবস্থিত নয়; ইহার অবস্থান দূইটি ক্রমের ঝালরের মাঝামাঝি জায়গায় (চিত্র ৫)। ইহার ফলে লান্ধি আলোক তীব্রতার চেহারায় বাবর্তন ঝার্বারয় লান্ধি আলোক তীব্রতা হইতে কিছুটা পার্থক্য হয়। ফোর-পেরোয় ক্ষেত্রে যদি দুইটি তরঙ্গের দৈর্ঘের তফাং  $\triangle \lambda$  এমন হয় যে তাহাদের একই ক্রমের ঝালর পরস্পরকে চরম তীব্রতার অর্দ্ধেক মানে ছেদ করে তবে এই স্থানের লান্ধি তীব্রতা একটি ঝালরের চরম তীব্রতার সমান হইবে। (এই হিসাবে ঝালর দুইটির আলোক তীব্রতা সমান ধরা হইরাছে)। কিন্তু আলাদা আলাদা ঝালরের চরম তীব্রতা সমান ধরা হইরাছে)। কিন্তু আলাদা আলাদা ঝালরের চরম তীব্রতা আগের মানের অপেক্ষা বাড়িয়া বাইবে এবং এই বৃদ্ধি 15—20 শতাংশের মত হইবে। এর্প অবস্থার ঝালর দুইটির স্বতর অন্তিম্ব ধরিতে পারা যাইবে। অতএব এই অবস্থান ধরিয়া নিয়া ব্রন্তির বিভেদন ক্ষমজ্ঞা বাহির করা সম্ভব। যদি ঝালর দুইটি চরম তীব্রতার অর্দ্ধেক মানে পরস্পারকে

ছেদ করে তবে এই স্থানের আলোক তীব্রতার জন্য সমীকরণ 2.73 এর ক্ষেত্রে নিয়লিখিত সর্ত পালিত হওয়া দরকার

$$\frac{4r^{2} \sin^{2} \frac{\delta}{2}}{(1-r^{2})^{2}} = 1$$

$$\exists \sin^{2} \frac{\delta}{2} = \frac{(1-r^{2})^{2}}{4r^{2}}$$

$$\exists \sin \frac{\delta}{2} = \frac{1-r^{2}}{2r}.$$
(3.188)

এখানে  $\delta$  এর অর্থ সমীকরণ 2.73 পাইবার সমর ব্যাখ্যা করা হইরাছে। ফোর-পেরোর ঝালরের বিশেষত্ব এই যে ইহালের প্রস্থ থুব কম। সুতরাং চরম তীরতার মান হইতে ইহার অর্জেক তীরতার আসিতে দণার পরিবর্তন যদি ধরা হয়  $\frac{\Delta\delta}{2}$ , তবে এই  $\frac{\Delta\delta}{2}$  কোণটি খুবই ছোট হইবে। কাজেই লেখা বার

$$\sin \frac{1}{2} \left( \frac{\Delta \hat{o}}{2} \right) = \frac{1 - r^2}{2r}.$$

কিন্তু উপরের আলোচনা মতে  $\frac{\Delta\delta}{2}$  খুব ছোট হওয়ায় লেখা বার

$$\frac{\Delta \tilde{o}}{4} - \frac{1 - r^2}{2r}.\tag{3.189}$$

এই দশার পরিবর্তন  $\Delta \theta$  এর জনা সংখ্রিষ্ট কৌণিক পরিবর্তন  $\Delta \theta$  পাওয়া যাইবে সমীকরণ 2.70a এর সাহাষ্যে। সেখানে আছে পথ-দূরত্ব –  $2\mu t$   $\cos r$ 

আমরা জানি দশা-পার্থকা  $\delta = পথ-দূরম্ব imes rac{2\pi}{\lambda}$ 

$$\therefore \hat{o} = \frac{4\pi}{\lambda} \mu t \cos r$$

এই সমীকরণকে অন্তরকলন করিলে পাওয়া বায়

$$\Delta \delta = \frac{-4\pi}{\lambda} \mu t \sin r \Delta r.$$

$$= \frac{-4\pi}{\lambda} t \sin \theta \Delta \theta \left[ \mu - 1, r - \theta \right]$$
 (3.190)

আবার এই কৌণিক বিবোজন  $\triangle \theta$  বলি তরঙ্গ-লৈর্ঘ্যের পরিবর্তন  $\triangle \lambda$  এর জন্য কর্মা কর্মাং  $\lambda$  এবং  $\lambda + \triangle \lambda$  তরঙ্গ-লৈর্ঘ্যের একই ক্রমের ঝালর দুইটি বলি

উপরোক্ত অবস্থায় পরস্পরকে ছেদ করে তবে (2.70a) সমীকরণকে অন্তরকলন করিয়া লেখা যায়

এই সমীকরণ কর্মাটর সাহায্যে পাওয়া যায়

$$\Delta \delta = \frac{4(1-r^2)}{2r} = -\frac{4\pi}{\lambda} t \sin \theta \, \Delta \theta$$
বা  $\frac{1-r^2}{\lambda} = -\frac{\pi t}{\lambda} \cdot \frac{m \Delta \lambda}{2t}$  [সমীকরণ 3.191 ব্যবহার করিরা]

বা  $\frac{..}{\Delta \lambda} = m \frac{\pi r}{1-r^2}$  (3.192)

সূতরাং দেখা যাইতেছে যে বর্ণীয় বিভেদন ক্ষমতা  $\frac{\lambda}{\Delta\lambda}$  ঝালরের ক্রম এবং প্রতিফলন-ক্ষমতা (reflectance)  $r^2$  এর উপর নির্ভর করে (শেষের দিকের আলোচনা দুর্ভব্য )। যদি r এর মান 1 এর খুব কাছে হয় তবে  $1-r^2$  প্রায় শূন্যে পরিণত হয় ফলে  $\frac{r}{1-r^2}$  সংখ্যাটি খুব বাড়িয়া যায়। কিন্তু ফেরি-পেরো ব্যতিচার মাপকের আলোচনায় দেখা গিয়াছে যে r এর মান 1 এর খুব কাছাকাছি হইলে ঝালরের উজ্জ্পা অত্যন্ত হ্রাস পায়। সূতরাং r-1 করা চলে না ; তবে r=0.8 হইতে 0.95 সাধারণতই ব্যবহার করা হইয়া থাকে। আর ক্রম m এর মানও এই যার খুব বেশী। সূতরাং  $\theta$  কোণ ছোট হইলে লেখা যায়  $m=\frac{2t}{\lambda}$ . [সমীকরণ 2.70a হইতে ]

এর্প অবস্থায় r = 0.95 হইলে বিভেদন-ক্ষমতা দাড়ায়

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} = \frac{2t}{\lambda} \cdot \frac{\pi \times 0.95}{1 - (0.95)^2}$$

যদি  $t=1~{\rm cm}$  এবং  $\lambda=5000~{\rm \AA}$  হয় তবে পাওয়া যায়

$$\frac{\lambda}{\Delta \lambda} - \frac{2}{5 \times 10^{-5}} \times \frac{3.14 \times 0.95}{1 - (0.95)^8} - 1.24 \times 10^6$$
.

এথানে △১ দাড়ায়

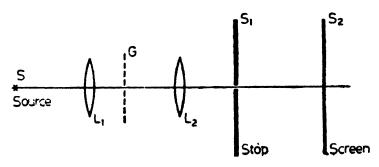
$$\Delta \lambda = \frac{5 \times 10^{-8}}{1.24 \times 10^{6}} = 4.033 \times 10^{-11} \text{ cm} = 0.0040 \times 10^{-8} \text{ cm}.$$

সূতরাং বনি দুইটি তরস-দৈর্ঘের তফাৎ 0'0040 Å হর ভাহা ছ্ইলেও ইহাদের আলাদা বলিয়া ধরা বাইবে।

লুমার-গের্ক ফলকের ক্ষেত্রে দেখা গিরাছে যে বিভেদন-ক্ষমতা ফলকের বেধ । এর উপর নির্ভর করে না। ফেরি-পেরো বাতিচার মাপকের ক্ষেত্রেও অনুর্পভাবে সমীকরণ 3 192 হইতে মনে হর যে বিভেদন ক্ষমতা ফলক দুইটির মধ্যের দূরত্ব । এর উপর নির্ভরগীল নহে। কিন্তু ইহা সত্য নহে। ঝালরের ক্রম m নির্ভর করে । এবং  $\lambda$  এর উপর । কাকেই এই ক্রনা বিভেদন ক্ষমতাও । এর সহিত সমানুপাতিক ভাবে এবং  $\lambda$  এর সহিত বাস্ত্যানুপাতে পরিবত্তিত হইতে থাকিবে। কাকেই ফেরি-পেরোর ব্যতিচার মাপকের বেলার ফলক দুইটির মধ্যের দূরত্ব । বাড়াইরা এই ব্যব্রের বিভেদন ক্ষমতা অনুর্পভাবে বাড়ানো বার ।

আধুবীক্ষণিক অবলোকন সম্বদ্ধে আবের মন্তবাদ (Abbe's Theory of Microscopic Vision).

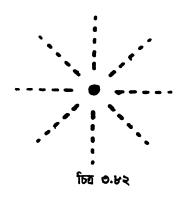
উনবিংশ শতাশীর শেষ ভাগে আন্ক্ আবে (Ernst Abbe) অণুবীক্ষণ ব্রে কি করিয়া বাভিচারের সাহাযো প্রতিবিষের সৃষ্ঠি হয় ভাহার সম্বন্ধে নিজের মন্ত প্রস্তাবিত করেন। সংক্ষেপে বালতে গোলে এই মতবাদ নির্মালখিতরূপ দাড়ায়। লেলের সাহারো আলোকিত কোনও ব্রুর নির্ভূল প্রতিবিম্ব বিদ্পৃতি করিতে হয় তবে ঐ লেলের উন্মেষ (aperture of the lens) অন্তত্ত-পক্ষে এত বড় হওয়া দরকার বাহাতে বন্ধু কর্ত্বক সৃষ্ঠ সমন্ত বার্বর্তন নকসাই ঐ লেলের মধ্য দিয়া বাইতে পারে। যদি বার্বর্তন নকসার একটি অংশ মাত্র বায় তবে প্রতিবিষ্ক বন্ধুর নির্ভূল আকৃতি দেখাইবে না। এই প্রতিবিষ্কের



চিত্ৰ ৩.৮১

আকৃতি হইবে এমন একটি বন্ধুর বাহায় বাবর্তন নকসা লেলের মধ্য দিরা পারগত (transmitted) বাবর্তন নকসার অনুর্প। বদি বন্ধু এত সৃক্ষ হয় অথবা লেন্দের উদ্যেষ এত ছোট হয় যে ব্যবর্তন নকসার কোনও অংশই লেন্দের মধ্য দিয়া গমন করে না তবে বস্তুর গঠন আদৌ দেখা বাইবে না, প্রতিবিষ্ণ যতই বিবর্ধন করা হোক না কেন। আবের এই মতবাদ নিয়া অনেক তর্ক-বিতর্ক হয়। তিনি এবং পরে এ. বি. পোর্টার (A. B. Porter) সুন্দর সুন্দর পরীক্ষার দ্বারা এই মতবাদের সত্যতা প্রমাণ করেন। পূর্বপৃষ্ঠার ৩.৮১ নং চিত্রে পোর্টারের পরীক্ষার ব্যবস্থা দেখানো হইল।

আলোক উৎস S হইতে আলো লেক  $L_1$  এর উপরে পড়িরাছে। সেখান হইতে ঝার্মার G এর মধ্যে বার্যান্তিন হইরা  $L_2$  লেন্সের দ্বারা উপ  $S_1$  এর উপর বার্যান্তন নকসার সৃষ্টি করিতেছে। এই উপ  $S_1$  এর উপর প্রয়োজন মত বিভিন্ন আকার এবং আকৃতির ছিদ্র করিয়া এই বার্যান্তন নকসার পারগমের বন্দোবস্ত করা হর যাহাতে এই সমস্ত বার্যান্তন নকসা গিয়া পর্দা  $S_2$  এর উপর প্রতিবিষের সৃষ্টি করিতে পারে। G এর স্থলে একটি খুব সরু তারের জাল (wire gauze) ব্যবহার করা হয় মাহার ফলে সাধারণ ঝার্মারর বদলে একটি দ্বিমান্তিক (two-dimensional) ঝার্মার বাবহারের ফল দাড়ায়। যে বার্যান্তন নকসা পাওয়া যাইবে তাহাতে একটি কেন্দ্রীয় প্রতিবিশ্ব এবং এই কেন্দ্র হইতে বহির্মুখী কতকর্গুলি ঝালর থাকিবে। এইটি চিন্ত ৩.৮২ এ দেখানো হইরাছে। পরস্পরের সমকোণে অর্বান্থন দুই প্রন্থ সমান্তরাল তারের জন্য দুই প্রন্থ বার্বান ঝালর পাওয়া যাইবে। ইহা ভিন্ন আরও দুইপ্রন্থ ঝালর পাওয়া যাইবে যাহারা পরস্পরের সমকোণে অর্বান্থন ; কিন্তু এই দ্বিতীয় শ্রেণীর ঝালর প্রথম শ্রেণীর ঝালরের সাহতে 45° কোণ করিয়া অবস্থান করিবে।



যদি  $S_1$  পর্দায় এমন একটি ছিদ্র করা হয় যাহাতে শুধু কেন্দ্রীয় ঝালরটি যাইতে পারে তবে  $S_2$  পর্দায় শুধু আলো পড়িবে কিন্তু তারের জাল দেখা যাইবে না । যদি ইহার সঙ্গে  $S_1$  পর্দায় একটি সরু রেখাছিদ্র কাটিয়া অনুভূমিক

বালরের পারগমের বন্দোবন্ত করা হয় তবে S. পর্ণায় শুধু উল্লেখ তারগুলি দেখা বাইবে। যদি রেখাছিদ্রটি 90° খুরাইয়া উল্লঘ্ন ঝালরগুলির পারগমের বন্দোবন্ত করা হর তবে এইক্ষেত্রে অনুভূমিক তারগুলি দেখা যাইবে। আবার বদি S, পর্দার এমন তিনটি ছোট ছিদ্র কাটা যার যাহাতে কেন্দ্রীর এবং ডাইনে বারে দিতীর ক্রমের ঝালর দুইটি যাইতে পারে তবে পর্ণার একটি সমান্তরাল উল্লঘ ভারের জালের ছবি পাড়বে। কিন্তু এই ছবির দুইটি পরপর তারের মধ্যের পুরত্ব হুইবে তারের জ্ঞালের সত্যিকাধের দুরত্বের অর্জেক। এই শেষোক্ত ব্যাপার হইতে আবের মতবাদের শেষভাগের সত্যতা বোঝা যায়। যেহেতু শূন্য এবং ৰিতীয় ক্রমের ঝালর প্রতিবিধ সৃষ্টি করিতেছে, অতএব এই প্রতিবিধ এমন হইবে বাহাতে বন্ধু হইতে উৎপত্ন বাবর্ডন নকসা এই পারগত নকসার অনুরূপ হর। যদি তারের প্রকৃত দুরন্ধের অর্জেক দুরন্ধের কোনও জাল ব্যবহার করিয়া বালর উৎপান করা হইত তবে শেষোক্ত নকসার প্রথম ক্রমের ঝালর প্রথমোক্ত নকসায় দিতীয় ক্রমের বালরের অবস্থানের সহিত সম্পাতী হইবে। আর এই বিতীর ক্রমের ( এবং শুন্য ক্রমের ঝালর যেটি সমস্ত দুরম্বের তারের জালের পকেই একই অবস্থানে থাকিবে) ঝালরই শুধু প্রতিবিদ্ধ সৃষ্ঠিতে ব্যবহৃত হওয়ার তারের জালের নির্ভুল প্রতিবিষের বদলে ইহার অর্থেক দূরত্বের একটি জালের প্রতিবিষের উৎপত্তি হইবে।  $S_{
m i}$  পর্দায় বিভিন্ন আকৃতির এবং অকছানের ছিদ্র কাটিরা বিভিন্ন চেহারার এবং অবস্থানের প্রতিবিদ্ধ সৃষ্ঠি করা সম্ভব। অতএব দেখা যাইতেছে বে লেন্সে সৃষ্ঠ প্রতিকৃতি শেষ পর্যান্ত নির্ভর করিতেছে উৎপদ্ম বার্বর্তন ঝালরের লেন্সের মধ্য দিয়া পারগমের উপর । অর্থাৎ ঝালরের কৌণিক ব্যাস এবং লেন্সের উন্মেষের উপর।

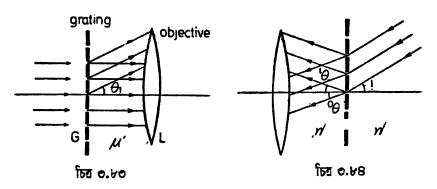
আবের মন্তবাদ অনুসারে অধুবীক্ষণ যন্তের বিভেদন ক্ষমন্তার সীমা নির্দারণ (Derivation of the limits of resolution of a microscope from Abbe theory).

আবের নীতি অনুসারে বলা যার বে ঝাঝারর প্রতিবিধের যাল কিছুটাও বিভেদন সৃষ্টি করিতে হর তবে অভিলক্ষ্যের মধ্য দিয়া অন্ততঃ ঝাঝারর শৃন্য এবং প্রথম ক্রমের ঝালরের পারগম হওয়া প্রয়োজন। এই নীতি অনুসারে কোনও বন্ধুর বিভেদন ক্ষমতার সীমাও ঝাঝারের বিভেদন ক্ষমতার সীমার সমার্থক বালরা ধরা যাইতে পারে।

০.৮০ নং চিত্রে বামদিক হইতে সমান্তরাল আলোকরণি কাঝরি G এর উপরে 0° আপতন কোপে আপতিত হইর। বাবতিত হইতেছে এবং ব্যবর্তন ঝালরের সৃষ্টি করিতেছে। তাহা হইলে ঝাঝরির সমীকরণের অনুসারে প্রথম ক্রমের ঝালরের জন্য লেখা যার

$$\mu'd\sin\theta_1 - \lambda$$

এখানে μ' ঝাঝার এবং লেব্দের মধ্যের মাধ্যমের প্রতিসরাক্ষ এবং d ঝাঝারর



পরপর দুইটি রেখাছিদের মধ্যের দূরত্ব। উপরে বাঁণত আবের নীতি অনুসারে বলা চলে ষে d এর যে মানের জন্য শূন্য এবং প্রথম ক্রমের ঝালর অভিলক্ষ্যের মধ্য দিয়া গুগমন করে সেটিই এই অভিলক্ষ্যের বিভেদন ক্ষমতার সীমা বলিয়া ধরা যায়। অতএব লেখা যায়

$$d = \frac{\lambda}{\mu' \sin \theta_1} = \frac{\lambda}{\text{Numerical Aperture}} = \frac{\lambda}{\pi (3.193)}$$

সাধারণত অণুবীক্ষণ যন্ত্রের বেলায় আলো 0° কোণে আপতিত হয় না। যদি ইহা i কোণে আপতিত হয় তবে উপরের ৩.৮৪ নং চিত্র হইতে লেখা যায়

 $d(\mu'\sin\theta_m-\mu\sin i)=m\lambda$  [ m ক্রমের ঝালরের জন্য ] (3.194) শূন্য ক্রমের ঝালরের ক্ষেত্রে এই সমীকরণ দাড়াইবে

$$\mu' \sin \theta_0 - \mu \sin i = 0 \tag{3.195}$$

এবং প্রথম ক্রমের ঝালরের জন্য লেখা যায়

$$d(\mu' \sin \theta_1 - \mu \sin i) = \lambda$$

$$d(\mu' \sin \theta_1 - \mu' \sin \theta_0) = \lambda$$

[ সমীকরণ 3.195 ব্যবহার করিয়া ]

আবের নীতি অনুসারে বিভেদিত হইবার জন্য বন্ধুর ব্যবর্তন ঝালরের অস্ততঃ শুন্য এবং প্রথম রুমের ঝালরের অভিলক্ষ্যের মধ্য দিয়া গমন করা প্রয়োজন। আর-ছিত্র নং ৩.৮৪ হইতে লেখা ষায় যে ৫ এর ক্ষুদ্রতম মান তখনই দাড়াইবে বখন শূন্য এবং প্রথম ক্রমের ঝালর অভিলক্ষ্যের দুই বিপরীত প্রান্তের মধ্য দিয়। গমন করিবে। এই অবস্থার লেখা বাইবে

$$\theta_{0} = -\theta_{1}$$
সূতরাং  $d(\mu' \sin \theta_{1} - \mu' \sin \theta_{0}) = \lambda$ 
বা  $d = \frac{\lambda}{\mu' \sin \theta_{1} + \mu' \sin \theta_{1}} = \frac{\lambda}{2\mu' \sin \theta_{1}}$ 

$$= \frac{\lambda}{3 + 2 \pi \sin \theta_{1}}$$
(3.196)

এই আলোচনা হইতে দেখা যায় যে যথন বস্তুটি লেন্সের সাহায্যে আলোকিত হয় তখন ইহার বিভিন্ন বিন্দু হইতে নির্গত আলোর মধ্যে দশার খানিকটা সম্বন্ধ বর্তমান থাকে। আর ইহার ফলে আবের নীতি অনুসারে এই ক্ষেত্রে অণুবীক্ষণের বিভেদন ক্ষমতার সীমা পাওয়া যায় সমীকরণ 3.196 হইতে। অথচ বস্তুটি যদি বাহিরের আলোকের সাহায়ে আলোকিত না হইয়া নিজেই আলোক বিকীরণ করে তবে দেখা গিয়াছে যে ইহার বিভেদন ক্ষমতা পাওয়া যায় সমীকরণ 3.180 হইতে। দ্বিতীয় ক্ষেত্রে একটি 1.22 গুণকের আবিভাব ঘটে।

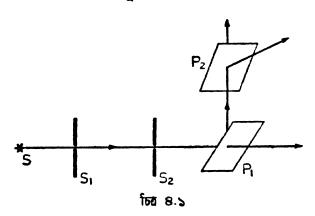
## আ(লাকের সমবর্তন (Polarisation of light).

আলোকের ব্যতিচার এবং ব্যবর্তনের আলোচনাকালে এ পর্যাস্ত স্কেলার তরঙ্গ মতবাদ (scalar-wave theory) ব্যবহার করা হইয়াছে। দেখা গিয়াছে যে ব্যবর্তন ও ব্যতিচারের ব্যাখ্যা করিবার জন্য স্কেলার-তরঙ্গ মতবাদই যথেক। আলোক-তরঙ্গে ভ্রংশের বিশদ প্রকৃতি সঠিকর্পে বর্ণনা না করিলেও চলে। বলা হইয়াছে যে আলোক তরঙ্গের গতির তিনটি বৈশিষ্টা বর্তমান:

- ১। প্রতি মুহুর্তে আলোক তরঙ্গের গতির মাধ্যমের যে কোনও বিন্দুতে তরঙ্গের একটি সুনিদিষ্ট এবং পরিমাপ-যোগ্য ভৌত-ধর্ম থাকে।
- ২। উক্ত বিন্দুতে এই ভৌত-ধর্মের একটি পর্যাবৃত্ত পরিবর্তন হইয়া থাকে।
- ৩। কোনও বিন্দুতে ভৌত-ধর্মের এই পর্যাবৃত্ত পরিবর্তন পরমুহুর্তে সংলগ্ন বিন্দুতে অনুরূপ পরিবর্তনের সৃষ্টি করিয়া থাকে। এইভাবে এক বিন্দু হইতে পরবর্তী বিন্দুতে গমনের ফলে আলোক-তরঙ্গের দ্রংশ মাধ্যমের ভিতর দিয়া অবিরতভাবে প্রবাহিত হয় এবং চলমান তরঙ্গের চিত্র এই তিনটি বৈশিষ্টোর সমন্বয়ে গড়িয়া ওঠে।

দেখা যাইতেছে যে আলোক-তরঙ্গের প্রংশের প্রকৃতি সম্বন্ধে উপরোক্ত বর্ণনার সঠিকভাবে কিছু বলা হয় নাই। এই তরঙ্গের প্রকৃতি তির্বক অথবা অনুদৈর্ঘ্য অথবা অন্য কোনওরূপ তাহাও স্পন্ধ করিয়া নির্দেশ করা হয় নাই। ইহার প্রধান কারণ এই যে প্রংশের সঠিক প্রকৃতি নির্ণয় করিবার এযাবং কোনও প্রয়োজন ছিল না। আলোকের বাবর্তন এবং ব্যতিচার আলোচনা করিবার সময় শুধুমাত্র সর্ত ছিল যে ব্যতিচারী আলোক রশ্মিন্ধরের প্রংশ একই সরল-রেখায় হইবে। তবে এই প্রংশ কোনও সুনির্দিন্ধ ভেল্টররাশি হওয়ার প্রয়োজন নাই। মাধ্যমের যে কোনও বিন্দুতে তরঙ্গের যে সুনির্দিন্ধ এবং পরিমাপ যোগ্য ভৌতধর্ম আছে (যাহার একটি পর্যাবৃত্ত পরিবর্তন হইয়া থাকে) সেই ভৌতধর্মের পর্যাবৃত্ত পরিবর্তন রশ্মিন্ধরে একই দিকে হওয়া প্রয়োজন [সমান্ডরাল অথবা প্রতি-সমান্ডরাল (parallel or antiparallel)]. সুতরাং এই প্রংশের প্রকৃতি ভেল্টররাশি না ধরিয়া স্কেলার রাশি ধরা হইয়াছে। অর্থাৎ ব্যতিচার এবং ব্যবর্তনের আলোচনায় স্কেলার রাশি ধরা হইয়াছে। অর্থাৎ ব্যবিহার করা

হইয়াছে। কিন্তু ভোত আলোক বিজ্ঞানে এক শ্রেণীর পরীক্ষার ব্যাখ্যার সময় দেখা যায় যে দেকলার তরঙ্গ মতবাদের সাহায্যে এই ব্যাখ্যা করা সমত্র হইয়া ওঠে না। এই সমস্ত পরীক্ষার ব্যাখ্যা ঠিকমত করিতে হইলে আলোক তরঙ্গের ভংশের সঠিক প্রকৃতি নির্ণয় করা অবশ্য প্রয়োজন হইয়া দাড়ায়। ফলে দেকলার তরঙ্গ মতবাদের স্থলে ভেক্টর তরঙ্গ মতবাদ ব্যবহার অপরিহার্য হইয়া ওঠে; অর্থাৎ তরঙ্গের প্রকৃতি তির্বক অথবা অনুদৈর্ঘ্য বা অনা কোনওরূপ তাহা স্পাইভাবে বিবৃত করা অত্যাবশাক। তরঙ্গের মধ্যে ভংশের সহিত তরঙ্গের গতিপথের দিকের সম্বন্ধ সুস্পাইরূপে না নির্ণয় করিলে এই শ্রেণীর পরীক্ষার ব্যাখ্যা সম্ভব হয় না। আলোকের সমবর্তনের (polarisation) যে সমস্ত পরীক্ষা করা হইয়া থাকে সেইগুলি এই শ্রেণীর পরীক্ষার অন্তর্গত। কি কারণে এই জাতীর পরীক্ষার ব্যাখ্যার জন্য ভংশের সঠিক প্রকৃতি বর্ণনা করা প্রয়োজন তাহা পরবর্তী আলোচনা হইতে বুঝা বাইবে।

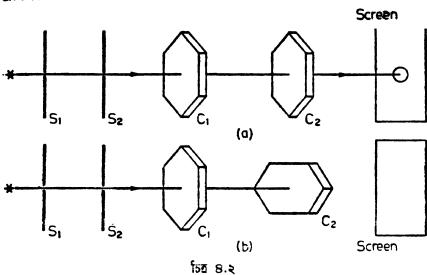


৪.১ নং চিত্রে S একটি আলোক উৎস ; ইহা হইতে নির্গত আলোক  $S_1$  এবং  $S_2$  দ্বারা নির্মান্ত হইয়া নাতিসৃক্ষা আলোকর্মান্য আকারে কাচের ফলক  $P_1$  এর উপর আপতিত হইতেছে। আপতিত রশ্মির একাংশ ফলক ভেদ করিয়া অপর দিকে চলিয়া বাইবে ; অনা অংশ প্রতিফলিত হইয়া দ্বিতীয় কাচের ফলক  $P_2$  এর উপর আপতিত হইবে। সাধারণতঃ দ্বিতীয় ফলকেও প্রথম ফলকের প্রতিফলন এবং প্রতিসরণের পুনরাবৃত্তি হইবে অর্থাং আপতিত রশ্মির একাংশ ফলক ভেদ করিয়া উপরের দিকে চলিয়া বাইবে এবং অনা ভাগ প্রতিফলিত হইয়া পাশের দিকে বাইবে। [ এখানে কাচের ফলকে আলোকের বে সামান্য শোবণ (absorption) এবং বিক্ষেপণ (scattering) হইবে তাহা গণ্য করা হইতেছে না ]।

দেখা যাইবে যে ফলক দুইটি  $P_1$  এবং  $P_2$  বখন সমান্তরাল অবস্থায় থাকে তখন দ্বিতীয় ফলক হইতে প্রতিফলিত রশ্বির তীব্রতার যে মান হর, দ্বিতীর ফলকটি ইহাতে আপতিত আলোকরন্দিকে জক্ষ হিসাবে ব্যবহার করিয়া ঘুরাইলে ঐ তীব্রতার মান কমিতে থাকে। আলোকরশিকে অক্ষ হিসাবে ব্যবহার করির। ফলকটি ঘুরাইবার তাৎপর্য্য এই যে এইভাবে ফলকটির উপর আলোকরশ্বির আপতন কোণ (angle of incidence) অপরিবতিত থাকে যদিও এই প্রক্রিয়ায় আপতন তল (plane of incidence) পরিবৃতিত হইতে থাকে। দ্বিতীয় ফলকটি প্রথম ফলকের সমান্তরাল অবস্থান হইতে বতই ঘোরানে। হইতে থাকে ততই ইহা হইতে প্রতিফলিত রশ্মির তীব্রতা কমিতে আরম্ভ করে এবং এই তীব্রতার হাস চরম হয় যখন ফলকটি 90° ঘোরানে। হয়। এই অবস্থায় ফলক দুইটি  $P_1$  এবং  $P_2$  এর উপর আলোকরশ্মির আপতন তল পরস্পরের সহিত 90° কোণ উৎপত্ন করিয়া অবস্থান করিবে । র্যাদ এই ঘোরানো আরও চালাইয়া ষাওয়া হয় তবে দেখা যাইবে যে 90° এর পর প্রতিফলিত বন্ধিতে তীব্রতা আবার বাড়িতে আরম্ভ করিবে এবং 180° অবস্থানে ইহা চরম তীব্রতা প্রাপ্ত হইবে। এই অবস্থায় অবশ্য ফলক দুইটির আপতন তল সমান্তরাল অবস্থানে পৌছিবে। এইরপে যদি পূর্ণ একটি চক্র ঘূরিয়া আসে তবে তীব্রতা 270° এবং 360° তে যথান্তমে অবম এবং চরম মান প্রাপ্ত হইবে।

ষণি দ্বিতীয় ও প্রথম ফলকের সমান্তরাল অবস্থান হইতে আরম্ভ করিয়া দ্বিতীয়টিকে স্থির রাখিয়া প্রথমটিকে দ্বোরানো হয় তবেও ঐ একইর্প আলোক-তীব্রতার বৈষম্য লক্ষ্য করা বায়। প্রথমটিকে 90° ঘোরাইলে প্রতিফলিত আলোকের তীব্রতা অবম হয়, এবং 180° ঘোরাইলে তীব্রতা আবার চরম হয়। সূতরাং দেখা যাইতেছে যে তীব্রতার বৈষম্য সৃষ্টির ব্যাপারে দুইটি ফলকের ভূমিকা গ্রহণ করিয়া থাকে। আর তীব্রতার মান নির্ভর করে এই দুইটি ফলকের আপতন তলের পারস্পরিক অবস্থানের উপর। আপতন তল দুইটি যদি পরস্পরের সহিত 90° অথবা 270° কোণ উৎপন্ন করে তবে প্রতিফলিত রাশ্যর তীব্রতা অবম হইবে আর 0° অথবা 180° কোণ উৎপন্ন করিলে তীব্রতা চরম হইবে। অন্যান্য মধ্যবর্তী কোণে তীব্রতা চরম ও অবমের মধ্যে থাকিবে। বিদি ফলক দুইটি একই দিকে একই পরিমাণ ঘোরানো হয় তবে প্রতিফলিত রাশ্যর তীব্রতার কোনও তারতম্য হইবে না।

প্রতিফলিত আলোর তীরতার এইর্প পরিবর্তন সাধারণতঃ আলোর প্রতিফলনের ক্ষেত্রে দেখা যায় না। বখন সূর্য্যের আলো কোনও কাচের ফলকে প্রতিফলিত হয়, প্রতিফলিত রশ্বির তীরতা নির্ভর করে প্রধানতঃ আপভন কোণের উপর । আপতন কোণ সমান রাখিয়া বলি ফলকটি বোরানো হর তবে প্রতিফালত রাশ্বর তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি হয় না, ইহাই সাধারণ অভিজ্ঞতা । কিন্তু এক্ষেত্রে দেখা বাইতেছে বে আলোকরশ্বি বলি দুইবার প্রতিফালত হয় তবে দুইটি প্রতিফলকের আপতন তলের পারস্পারিক অবস্থানের সম্বন্ধের উপর প্রতিফালত রশ্বির তীরতা নির্ভর করে ।



দ্বিতীর পরীক্ষার দুইটি একই রকম ( এই শব্দের তাৎপর্যা পরে বুঝা যাইবে ) টুরেম্যালিন (Tourmaline) কেলাস লওরা হইল । প্রথম পরীক্ষার ন্যার একটি আলোক উৎস ( একটি কার্বন আর্ক হইলে ভাল হয় ) হইতে নিগত আলোকরিশ্ব যথাক্রমে এই কেলাস দুইটি C ,এবং C এর উপরে আসিরা পাড়িতেছে এবং ইহাদের মধ্য দিয়া ঘাইবার পর পর্দার পাড়িতেছে । এখানে ধরা হইরাছে যে কেলাস দুইটি প্রথমে সমান্তরাল এবং সদৃশ অবস্থানে আছে [ চিত্র নং ৪.২(a) ] । এই অবস্থা হইতে যদি দ্বিতীর কেলাস C টি আলোকরিশ্বকে অক্ষ করিয়া নিজতলে ঘোরানো হয় তবে দেখা যায় যে পর্দার উপরের আলোকের প্রতিকৃতির তীরতা ক্রমশ কমিয়া আসিতেছে । C যথন সদৃশ অবস্থান হইতে 90° ঘুরিয়া আসে তথন পর্দার উপরের আলো সম্পূর্ণ অবস্থান হয় যায় [ ছিত্র নং ৪.২(b) ] । বলা যায় যে আলোর তীরতা ৩° অবস্থানে চয়ম মান হইতে 90° অবস্থানে অবমে ( এক্ষেত্রে শ্না ) পরিবাতিত হয় । দ্বিতীর কেলাস C কে আরও ঘুরাইতে থাকিলে পর্দার আলো আবার ফুটিয়া ওঠে এবং C বখন 180° ঘুরিয়া আসে আলোর তীরতা আবার চয়ম ফুটিয়া ওঠে এবং C বখন 180° ঘুরিয়া আসে আলোর তীরতা আবার চয়ম ফুটিয়া ওঠে এবং C বখন 180° ঘুরিয়া আসে আলোর তীরতা আবার চয়ম ফুটিয়া ওঠে এবং C বখন 180° ঘুরিয়া আসে আলোর তীরতা আবার চয়ম ফুটিয়া ওঠে এবং C বখন 180° ঘুরিয়া আসে আলোর তীরতা আবার চয়ম ফুটিয়া ওঠে এবং C বখন 180° ঘুরিয়া আসে আলোর তীরতা আবার চয়ম ফুটিয়া ওঠে এবং C বখন 180° ঘুরিয়া আসে আলোর তীরতা আবার চয়ম ফুটিয়া

হয়। অবশ্য  $C_s$  এর অবস্থান 0° এবং 90° এর মধ্যে থাকিলে আলোর তীরতাও চরম এবং অবমের মধ্যে থাকিবে এবং এই মান নির্ভর করিবে  $C_s$  এর অবস্থানের উপর [পরে বাঁণত ম্যালাসের সিদ্ধান্ত (Law of Malus) দুইটা]। যদি দ্বিতীয় কেলাসটি দ্বির রাখিয়া প্রথম কেলাস  $C_1$  পূর্বোন্তরূপে ঘোরানো হয় তবে দেখা যাইবে যে কেলাস দুইটির সদৃশ অবস্থা হইতে আরম্ভ করিয়া প্রথম কেলাসটি ঘোরানোর সঙ্গে সঙ্গে পর্দার উপরের আলোকের তীরতা কমিতে আরম্ভ করিবে এবং  $C_1$  এর 90° অবস্থানে ইহা অদৃশ্য হইয়া যাইবে। আবার  $C_1$  এর 180° অবস্থানে এই তীরতা চরমে পৌছিবে। 270° এবং 360° অবস্থানেও তীরতা যথাক্রমে অবম এবং চরম হইবে। তাহা হইলে দেখা যাইতেছে যে পর্দার উপরের আলোর তীরতার হ্লাসবৃদ্ধির ক্ষেত্রে এখানেও দুইটি কেলাসের পূর্বের ফলক দুইটির আপেক্ষিক অবস্থানের উপর। যদি দুইটি কেলাস একই দিকে একই পরিমাণ ঘোরানো হয় তবে আলোর তীরতার কোনও পরিবর্তন হয় না, কারণ এক্ষেত্রে কেলাস দুইটির আপেক্ষিক অবস্থান অবস্থান অপরিবর্তিত থাকে।

এখন যদি একটি কেলাস সরাইয়া লওয়া হয় তবে আলোকরশ্বি শুধুমাত্র একটি কেলাসের মধ্য দিয়া গিয়া পর্দায় পাঁড়বে। এইবার এই কেলাসটি আলোকরশ্বিকে অক্ষ করিয়া ঘোরানো হইলে দেখা যাইবে যে পর্দার উপরের আলোর তীব্রতার কোনও পরিবর্তন হইতেছে না। যদি কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে যে বিক্ষেপণ ও শোষণ হয় তাহা হিসাবের মধ্যে ধরা না হয় তবে পর্দার উপরের আলোর তীব্রতা আলোকরশ্বির কেলাসের মধ্য দিয়া যাইবার পূর্বে যে তীব্রতা থাকে তাহার অর্ধেক হইবে (ইহার কারণ দ্বৈধ-প্রতিসরণের আলোচনা হইতে বুঝা যাইবে)। আর কেলাসটি ঘুরাইলে এই তীব্রতা অপরিবর্তিত থাকিবে।

উপরোক্ত দুইটি পরীক্ষার ব্যাখ্যা করিতে গেলে দেখা ষাইবে যে আলোকতরঙ্গে ভ্রংশের প্রকৃতি সম্বন্ধে সঠিকভাবে কোনও নীতি বিবৃত না করিলে এই
ব্যাখ্যা করা সম্ভব হয় না। বায়ু মাধ্যমে শব্দ তরক্ষের সম্বন্ধে সঠিকর্পে জানা
আছে যে এই তরঙ্গে ভ্রংশের প্রকৃতি অনুদৈর্ঘা। আবার বেহালা বা এসরাজ্ঞের
তারে ছড়ের সাহায্যে যে তরঙ্গ সৃষ্টি করা হয় তাহাদের প্রকৃতি তির্বক।
সাধারণতঃ এই দুই প্রকারের তরঙ্গের সহিতই আমরা পরিচিত।

উপরের দুইটি পরীক্ষায় যে আলোকতরঙ্গ ব্যবহার করা হইয়াছে তাহাদের প্রকৃতি তির্থক কি অনুদৈর্ঘ্য বা অন্য কোনও প্রকারের তাহা বাঁণত দুইটি পরীক্ষার ফলাফলের সাহাব্যে নির্ণর করা বার । এ সহজে স্পন্টর্পে কিছু বলিবার পূর্বে নির্মালখিত পরীক্ষাটির কথা বিবেচনা করা বাক ।



हिन ८.०

একটি সরু ও লম্বা ধাতুর ভার  $oldsymbol{A}$  এবং  $oldsymbol{B}$  বিন্দুর মধ্যে টান করিয়া বাধা আছে। এই তারটি যদি লয়ালয়িভাবে সাময় চামড়া (chamois leather) षाता দুত ঘষা হয় তবে ইহা হইতে একটি তীক্ষ শব্দ বাহির হইবে। এই ক্ষেত্রে তারে অনুদৈর্ঘা তরঙ্গের সৃষ্টি হইতেছে। আবার যদি কোনও ছড়ের সাহাব্যে তারটিকে আড়াআড়িভাবে টানা হয় তবে ইহা হইতে অন্য কম্পান্কের সুর পাওয়া যাইবে। এই বেলায় তারে যে তরঙ্গের সৃষ্টি হইবে তাহার প্রকৃতি তিৰ্বক। P একটি পাতলা ধাতৰ ফলক। ইহাতে একটি সরু রেখাছিত্র S কাটা হইরাছে। এইবার তারটি রেখাছিদ্রের মধ্য দিয়া গলাইরা দিয়া টানিয়া বাধা হইল। ফলকের তলটি তারের দৈর্ঘের সহিত অভিলয়ভাবে অবস্থান করিতেছে এই অবস্থায় ভারটি লয়ালয়িভাবে টানিয়া বদি ইহাতে অনুদৈর্ঘা তরঙ্গের সৃষ্টি করা হয় এবং ফলকটি নিজের তলে ঘোরানো হয় তবে দেখা যাইবে যে কোন অবস্থানেই ইহা তারের মধোকার তরুঙ্গকে প্রভাবিত করিবে না অথবা থামাইরা দিবে না। কিন্ত যদি ছডের সাহাব্যে তারে তির্বক তরঙ্গের সৃষ্টি করা হর এবং তারপরে ফলকটি নিজ্বতলে ঘোরানো হর তবে ব্যাপারটা অনারপ দাড়াইবে। তারের বিভিন্ন অংশের ভ্রংশ একটি বিশেষ তলে হইতে থাকিবে এবং কম্পন থামিয়া না যাওয়া প্রযান্ত এই তলের অবস্থান অপরিবতিত থাকিবে। ফলকটি যদি এমনভাবে রাখা যায় যে রেখাছিদ্রের দৈর্ঘা এই কম্পনতলের সহিত মিলিয়া যায় তবে তারের কম্পন এই ফলকের বারা মোটেই প্রভাবিত হইবে না। কিন্তু ফলকটি নিজতলে ঘুরাইতে আরম্ভ করিবার সঙ্গে সঙ্গে তারের কম্পনও কমিতে সুত্ত করিবে। প্রথমে এই হ্রাসের পরিমাণ কম হইবে কিন্তু প্রারম্ভিক অবস্থান হইতে ফলকটি 90° ঘূরিয়া জাসিবার পর তারের কম্পন সম্পূর্ণ বন্ধ হইরা বাইবে। অবশ্য এখানে ধরা হট্য়াছে বে রেখাছিদুটির প্রস্থ তারের ব্যাসের অপেকা খুব সামানাই বেশী এবং ফলকটি এমনভাবে রাখা হইরাছে বে অকম্পিত অবস্থার তারটি রেখাছিয়ের

কোনও ধার স্পর্শ করিতেছে না ; আর রেখাছিদ্রের দৈর্ঘ্য তারের বিশুরের অকতঃ বিগুণ এবং এই দৈর্ঘ্যের মধ্যবিন্দু তারের অকস্পিত অবস্থানের সহিত্ত সম্পাতী (coincident). যদি ছড়ের দ্বারা তার্রাটতে তির্বক তরঙ্গের সৃষ্টির চেন্টা চালাইয়া খাওয়া হয় এবং সঙ্গে ফলকটি ঘোরানো হয় তবে দেখিতে পাওয়া যাইবে যে 90° অবস্থান হইতে আরও বেশী ঘূরাইলে আবার তারের কম্পন বাড়িতে থাকিবে এবং 180° অবস্থানে এই কম্পনের মান চরমে পৌছিবে। 270° এবং 360° অবস্থানে এই কম্পন যথাক্রমে শূন্য এবং চরমমান প্রাপ্ত হইবে।

এই পরীক্ষা হইতে সাদৃশোর (analogy) সাহায্যে পূর্বান্ত পরীক্ষার ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে। প্রথমে দ্বিতীয় পরীক্ষাটির কথা ধরা যাক। তারের মধ্যে যথন অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গ সৃষ্টি করা হয় তথন ইহার কম্পন এর্প প্রকৃতির হয় যে তারের অকন্পিত অবস্থানে ইহার দৈর্ঘ্যের মধ্য দিয়া যাওয়া যে কোনও তলের সম্পর্কে ইহা প্রতিসম (symmetrical). অর্থাৎ এই তলের সম্পর্কে কম্পন বিশেষ কোনও দিক গ্রহণ করে না, ফলে রেখাছিদ্রের দৈর্ঘ্য যে দিক্কেই থাকুক না কেন (ফলকের তল অপরিবাতিত রাখিয়া) তারের কম্পন ইহা দ্বারা প্রভাবিত হয় না। কিন্তু তির্যক তরঙ্গের বেলায় ইহা সত্য নহে। এই কম্পনের ক্ষেত্রে তারের বিস্তার এমনভাবে হইতে থাকে যাহাতে এই বিস্তারের তল একটি বিশেষ তল গ্রহণ করে। যদি রেখাছিদ্রের দৈর্ঘ্য এই তলের সমান্তরাল হয় (0°, 180° অথবা 360° অবস্থানে) তবে তারের কম্পন্ন অপরিবাতিত থাকে। কিন্তু এই দিক পরিবাতিত হওয়ার সঙ্গে সঙ্গে কম্পনের বিস্তারও কমিতে থাকে এবং ফলকের 90° ঘূরিবার ফলে কম্পন সম্পূর্ণ বন্ধ হইয়া যায়। 180° এবং 270° অবস্থানও অনুরূপভাবে সহক্ষেই ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে।

সূতরাং কেলাস দুইটির বে কোনও একটিকে আলোকরশ্মিকে অক্ষ করিয়া ঘুরাইলে পারগত (transmitted) আলোর তীরতার তারতম্য এই পরীক্ষা হইতে সাদৃশোর সাহায়ে বুঝিতে পারা যাইবে। আলোকতরঙ্গের ভ্রংশ বদি অনুদৈর্ঘ্য হয় তবে ইহা তরঙ্গের গতির দিকের সহিত সম্পাতী (coincident) হইবে। এক্ষেত্রে এই ভ্রংশ আলোকরশ্মির গতির সরলরেখার দিকে সংঘটিত হইবে। কেলাসের মধ্যের অণুর বিন্যাসের ফলে ধরা যাইতে পারে যে ইহার মধ্যে পূর্বোন্ধ ধাতব ফলকের রেখাছিদ্রের ন্যায় একটি (প্রকৃতপক্ষে দুইটি) দিক আছে। এই কেলাসটি যখন ঘোরানো হইবে তখন আলোকতরঙ্গের অনুদৈর্ঘ্য ভ্রংশ এই প্রক্রিয়ার দ্বারা মোটেই প্রভাবিত হইবে না। অপরপক্ষে বদি ভ্রংশ ভির্বক

হয় তবে প্রথম কেলাসের মধ্য দিয়া বাইবার সময় এই দ্রংশ রেখাছিলের দৈর্ঘোর সমান্তরাল হইবে। দিতীয় কেলাসের অবস্থান যদি প্রথমটির সমান্তরাল হর তবে ইহার মধ্য দিয়া বাইবার সময় আলোকতরঙ্গের দ্রংশ প্রভাবিত হইবে না এবং দ্বিতীয় কেলাসের মধ্য দিয়া পারগত (transmitted) আলোর তীরতা অপরিবাঁতত থাকিবে। কিন্তু এই সমান্তরাল অবস্থান হইতে দ্বিতীয় কেলাসটি যখনই ঘোরানো হইবে সঙ্গে সঙ্গে পারগত আলোর তীব্রতাও হ্রাস পাইতে থাকিবে। 90° ঘুরাইলে দ্রংশ সম্পূর্ণ বন্ধ হইয়া যাইবে এবং পারগত আলোর তীব্রতাও শুন্যে পরিণত হইবে। এই ঘোরানো চালাইয়া বাইতে থাকিলে 180° এবং 360° অবস্থানে আলোর তীব্রতা চরম এবং 270° অবস্থানে অবম হইবে আর ইহাদের মধাবর্তী অবস্থানে আলোর তীব্রতার মানও চরম ও অবমের মধ্যবর্তী হইবে। আর যদি দ্রংশের দিক ইহার মাঝামাঝি হয় অর্থাৎ যদি ইহা আলোর গতিপথের দিকের সঙ্গে 0° এবং 90° এর মাঝামাঝি কোনও কোণ উৎপন্ন করে তবে ইহাকে তির্থক এবং অনুদৈর্ঘ্য দুইটি উপাংশে (component) ভাগ করা যাইতে পারে। ইহাদের মধ্যে অনুদৈর্ঘ্য উপাংশের জন্য আলোর যে তীব্রভার সৃষ্টি হইবে তাহা কোনও একটি কেলাস ঘুরাইয়া শূনে। পরিণত 🛛 🖘 সম্ভব হইবে না। কিন্তু পরীক্ষা হইতে দেখা গিয়াছে যে কেলাসের 90° এবং 270° অবস্থানে আলোর তীব্রভার মান শুনা দাড়ায়। অতএব আলোকতরঙ্গের দ্রংশের সম্ভাব্য তিনটি বিকশ্পের মধ্যে তির্বক দ্রংশের মতবাদই পরীক্ষাফলের সহিত সামঞ্জসা রক্ষা করিতে পারে। আর ইহাও সহজেই বুঝিতে পার। যায় যে বেহেতু কেলাস দুইটির আপেক্ষিক অবস্থানই আলোকের তীব্রত। নির্ণয় করিবে, ইহাদের যে কোনও একটি স্থির রাখিয়া অপরটি ঘুরাইলে আলোক-তীব্রতার পূর্ববাণিত হ্রাসবৃদ্ধি হইবে।

উপরের বৃত্তি হইতে বুঝা যাইতেছে যে আলোক তরঙ্গে দ্রংশের প্রকৃতি তির্বক। কিন্তু এই দ্রংশ আলোকের গতির সহিত অভিলয় তলে হইবে এই পর্যান্তই বলা যাইতেছে। এই তলে দ্রংশের দিক সম্বন্ধে সঠিকভাবে কিছু এখনও বলা যাইতেছে না। আবার ইহাও দেখা যায় যে শুধু একটি কেলাস বাবহার করিয়া এইটি ঘুরাইলে আলোর তীব্রতা অপরিবর্তিত থাকে। কাব্লেই দেখা বাইতেছে যে আলোকরন্মির গতির অভিলয়তলে দ্রংশের বিশেষ কোনও অধিমানা দিক (preferred direction) নাই, যে কোনও দিকেই দ্রংশ হওয়া সম্বন। প্রথম কেলাসের ভিতর দিয়া যাইবার পর এই দ্রংশ একটি বিশেষ দিকে হইতে থাকে ( বাহা আলোচিত রেখাছিদ্রের সমান্তরাল দিকে অবন্ধিত)। ফলে আলোক তরজের তির্বক দ্রংশে একটি বিশেষ দিক আরোপিত হয়।

এইর্প আলোকরণ্ম যাহাতে তির্বক দ্রংশ একটি বিশেষ দিকে সম্পন্ন হইতেছে সাধারণ আলোক হইতে আলাদা প্রকৃতির হইবে। আলোকের এইর্প বৈশিষ্ট্যকে ( যাহাতে তির্বক দ্রংশের একটি বিশেষ অধিমান্য দিক থাকে ) আলোকের সমবর্ভন বলা হয়।

আলোকের প্রতিফলন সম্বন্ধে প্রথম পরীক্ষাও আলোক তরঙ্গে দ্রংশের উপরোক্ত চিটের সাহায্যেই একমাত্র ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে। তির্যক দ্রংশ প্রথম ফলকে প্রতিফলনের ফলে একটি বিশেষ দিক নিতে থাকে এবং প্রতিফালিত আলোকরিশ্য আংশিকরূপে সমর্বতিত হয়। দ্বিতীয় ফলকটি যদি প্রথমটির সমাস্তরালে অবস্থান করে তবে ইহা হইতে দ্বিতীয় প্রতিফলনে আলোকের তীব্রতা প্রথম প্রতিফলনের সমান ভ্রমাংশেই কমিবে। কিন্তু বখন দ্বিতীয়টি এমনভাবে ঘোরানো হইবে যাহাতে দুইটি ফলকে আলোকের আপতন তল পরস্পর অভিলম্ব অবস্থান গ্রহণ করিবে, তখন সমর্বতিত আলোকরিশ্যর প্রতিফলন অবম হইবে। [ফলক পুঞ্জের আলোচনা দ্রুকীয়]. এই পরীক্ষাটির খানিকটা এমনভাবে পরিবর্তন করা যাইতে পারে যাহাতে টুরম্যালিনের কেলাসের পরীক্ষার সহিত ইহার সাদৃশ্য স্পন্ধ হয় এবং ঐ ক্ষেত্রে প্রযুক্ত ব্যাখ্যা এই প্রতিফলনের ক্ষেত্রেও ব্যবহার করা যাইতে পারে।

আলোকরশিম প্রথম ফলক  $P_1$  হইতে প্রতিফলিত হইবার পর একটি ট্যুরম্যালিন কেলাসের ভিতর দিয়। পাঠানো হইল। এই কেলাসটি দ্বিতীয় ফলক  $P_{_2}$  এর বদলে বসানে। হইতেছে। এইবার কেলাসটি আলোর **অক্ষে** পূর্বিণিতরূপে ঘুরাইলে দেখা যাইবে যে পারগত (transmitted) আলোর তীব্রতার হ্রাসবৃদ্ধি হইতেছে এবং প্রতি 90° ঘুরানোর ফলে তীব্রতার মান একবার করিয়া চরম ও অবমের মধ্যে পরিবর্তিত হইতেছে। আবার যদি আলোকরিশ প্রথম ফলক P, এ প্রতিফলিত করার পরিবর্তে প্রথমেই একটি ট্রারম্যালিন কেলাসের মধ্য দিয়া পাঠানো হয় এবং পরে এই পারগত রশ্মি দ্বিতীয় ফলক Pু এ প্রতিফলিত করা হয় তাহা হইলেও দেখা যায় যে দ্বিতীয় ফলকটি পূর্ববাণিতরূপে ঘুরাইলে ইহা হইতে প্রতিফালত আলোর তীব্রতার চক্রাকারে (cyclically) হ্বাসবৃদ্ধি হইতে থাকে। সূতরাং এই পরীক্ষা হইতে দেখা যাইতেছে যে প্রতিফলনের ফলে আলোকের যে পরিবর্তন হইতেছে তাহার প্রকৃতি দুইটি ট্রারম্যালিনের পরীক্ষার মত একই প্রকারের। সূতরাং দুইটি টারম্যালিনের বেলায় এই হ্লাসবৃদ্ধির যে ব্যাখ্যা দেওয়া হইয়াছে দুইটি প্রতিফলনের বেলার তাহা সমভাবেই প্রযোজ্য। অর্থাৎ এই উভর পরীক্ষা এই তথাট প্রমাণ করিতেছে যে আলোকতরঙ্গের ভ্রংশ তির্যক এবং ইহা আলোর

গতির সহিত অভিলবে অবস্থিত তলে সংঘটিত হয় যদিও এই তলে সংশের কোনও বিশেষ দিক নাই, ইহা আলোকরন্মিকে অক্ষ করিয়া এই অভিলব তলের যে কোনও দিকে হইতে পারে।

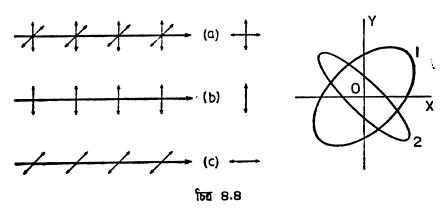
অতএব দেখা যাইতেছে যে এ যাবং ব্যতিচার এবং ব্যবর্তনের পরীক্ষা সম্হের জন্য আলোক তরঙ্গে ভংশের প্রকৃতি সঠিকভাবে বর্ণনা না করিরাও পরীক্ষালম্ভ ফলাফলের প্রয়োজনীর ব্যাখ্যা করা সন্তব হইরাছে। কিন্তু আলোকের সমবর্তনের বেলার ভংশের প্রকৃতি সম্বন্ধে এইরূপ অস্পর্কতা আর বজার রাখা সন্তব নহে এবং এই জনাই পূর্বোক্ত পরীক্ষা দুইটির ব্যাখ্যা করার জন্য ভংশের তির্বক প্রকৃতি সুস্পর্কর্পে বাক্ত করিতে হইরাছে। অতএব এবাবং ব্যবহৃত স্কেলার-তরঙ্গ মতবাদের পরিবর্তে ভেক্টর-তরঙ্গ মতবাদের প্রবর্তন করা আর্বাশাক হইরা পড়িরাছে এবং এই ভংশের প্রকৃতি তির্বক ও আলোক তরঙ্গের গতির অভিলম্বতলে সংঘটিত হর বলিরা বণিত পরীক্ষা দুইটির দ্বারা প্রমাণিত হইরাছে।

সাধারণ আলোতে কম্পনের প্রকৃতি (Nature of vibration in ordinary light).

উপরোক্ত পরীক্ষা দুইটি হইতে দেখা গিয়াছে যে প্রতিফলন অথবা কেলাসের মধ্য দিয়া পারগত (transmitted) হওয়ার ফলে সাধারণ আলোর দ্রংশের রূপান্তর (modification) হয় এবং ইহার ফলে প্রতিফলিত বা পারগত আলোর সমবর্তন হইয়া থাকে। বর্ণিত প্রক্রিয়ায় যে ধরণের সমবর্তন হয় তাহাতে দ্রংশ একটি বিশেষ তির্যক সরলরেখায় হইতে থাকে। কাজেই য়ভাবতই প্রশ্ন ওঠে যে সাধারণ আলোতে দ্রংশের প্রকৃত স্বরূপ কি; অর্থাৎ প্রতিফলন বা পারগতির (transmission) পূর্বে এই দ্রংশের প্রকৃতি জ্বানা প্রয়োজন হইয়া পাঁড়য়াছে। প্রচলিত ধারণা অনুসারে বলা যায় যে সাধারণ আলোকের ক্ষুদ্র উৎসর্গাল শক্তি শোষণের ফলে উত্তেজিত হইয়া আলোক বিকীরণ ক্ষারতে থাকে। এই বিকীণ আলোতে তরঙ্গের দ্রংশ তির্যক (কিম্বু কোন বিশেষ সরলরেখায় নহে) এবং ইহা প্রথম বিকীরণ আরম্ভ করিবার সময় বে কোন একটি এলোমেলো (random) দশা প্লুবক নিয়া সূরু হয় (ভরঙ্গ সমীকরণ 1.62 দুকর।)।

বিভিন্ন প্রকার অবমন্দনের (damping) ফলে ক্রমে এই বিকীরণ কমিরা আসিতে থাকে এবং কালে সম্পূর্ণ বন্ধ হইরা যার বে পর্বান্ত না নৃতন শক্তি শোষণের ফলে এই প্রক্রিয়ার পুনরাবৃত্তি হর। একবার উর্ত্তোক্তত হইবার ফলে একটি উৎস গড়ে  $10^{-8}$  sec. সময় আলোকবিকীরণ করিয়া থাকে এবং বিকীরণ আরম্ভ করিবার সময় প্রংশের দশাধুবক সম্পূর্ণ এলোমেলো (random) হইরা থাকে। আর এই প্রংশের প্রকৃতি সাধারণভাবে হইবে উপবৃত্তীয় (elliptical). উপবৃত্তীট আলোকের গতির অভিলয়তলে অবস্থিত থাকিবে এবং ইহার মুখা ও গোণ (major and minor) অক্ষন্ধর এই তলে যে কোনও অবস্থানে থাকিবে। প্রতিবার নৃতন করিয়া বিকীরণ আরম্ভ করিলে এই অক্ষন্ধরের অবস্থান পরিবর্তিত হইবে। যেহেতু প্রতি সেকেণ্ডে গড়ে  $10^8$  বার এই রকম নৃতন বিকীরণ আরম্ভ হইবে, সূতরাং বলা যার যে এই উপবৃত্তের অক্ষন্ধরের অবস্থান স্বাদকেই গড়ে সমান হইবে। আবার ক্ষেত্রবিশেষে (দশাধুবকের মানের উপর নির্ভর করিয়া) এই উপবৃত্ত সরলরেখা এবং বৃত্তেও পরিবর্তিত হইবে।

এই তিনপ্রকার দ্রংশকেই (উপবৃত্তীয়, বৃত্তীয় ও সরলরৈখিক) আলোক-তরঙ্গের অভিলম্বতলে বে কোনও দুইটি পরস্পর লম দিকে উপাংশে (components) বিভেদন (resolution) করা বায়।



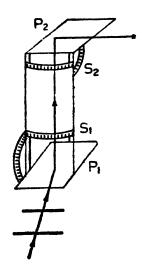
এই উপাংশ দুইটির বিশ্বার এবং দশা সরলরেখা ও উপবৃত্তের ক্ষেত্রে ইহাদের অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে । বৃত্তের ক্ষেত্রে অবশ্য এইগুলির বিশ্বার সমান হইবে আর দশা-পার্থক্য হইবে  $\frac{\pi}{2}$ . সূতরাং দেখা যাইতেছে যে প্রতি সেকেণ্ডে গড়ে যে  $10^8$  সংখ্যক নৃতনরূপের ভংশের সৃষ্ঠি হইবে তাহাদের যদি এই দুই পরস্পর লম্ব দিকে উপাংশে বিভেদন করা হয় এবং এই বিভক্ত উপাংশগুলি যোগ করা হয় তবে ইহাদের যোগফল গড়ে দুই দিকেই সমান দাড়াইবে । কাজেই ধরা যায় যে সাধারণ আলোতে ভংশের প্রকৃতি গতির অভিলম্বতলে যে কোন দুইটি পরস্পর লম্বদিকে তির্বক কম্পন হিসাবে কাজ করে আর এই দুইটি

কম্পনের বিস্তার সমান। তবে বে ভাবে দ্রংশগুলিকে উপাংশে বিভেদন করা ছইয়াছে তাহা হইতে স্পর্কট বুঝা যাইতেছে যে এই দুই দিকের কম্পনের মধ্যে দশার কোনও সম্বন্ধ নাই ; অর্থাৎ ইহাদের বিস্তার সমান হইলেও ইহারা পরস্পর সংসক্ত (coherent) নয়। ৪.৪ নং চিত্রে যে ১নং উপবৃত্তটি আকা ইইয়াছে সেটি ৰিদ কোনও যথেচ্ছ দুইটি পরস্পর লছদিকে OX এবং OY এ বিভাঞ্জন করা বার তবে এই উপাংশ দুইটির বিস্তার ও দশা আলাদা হইবে। এখন প্রতিবার উত্তেজিত হওয়ার ফলে আলোক উৎস সাধারণতঃ একটি নৃতন উপবৃত্তের সৃষ্ঠি করিবে। এইরপ আর একটির অবস্থান দেখানো হইরাছে ২নং উপবৃত্তের ইহাকে যদি OX এবং OY দিকে বিভাজন করা হয় তবে এই নৃতন উপাংশ্বয়ের বিস্তার ও দশা পূর্বোক্ত উপাংশ্বয় হুইতে আলাদা হুইবে। উপবৃত্তের বিশেষ ক্ষেত্র সরলরৈখিক ভ্রংশের বেলায়ও এই একই নীতি প্রযোজা হইবে। এইরূপে বহুসংখ্যক পূথক পূথক ভ্রংশকে বিভেদন করিয়া OX এবং OY এর দিকের উপাংশগুলি বোগ করিলে পূর্ববাঁণত ফল পাওয়া যাইবে। অতএব ( অসমবর্তিত ) আলোতে দ্রংশ গতির অভিলয় তলে যে কোন দুইটি পরস্পর লম্বদিকে পুইটি সমান বিশুরের কিন্তু অসংসক্ত তির্থক কম্পনের দ্বারা বর্ণনা কর। ষায়। ৪.৪ নং চিত্রে এইরূপ ভংশের প্রতীকরূপ আবা হইয়াছে। (a) চিত্রে সাধারণ ( অসমবর্তিত ) আলো এবং (b) ও (c) চিত্রে সমবর্তিত আলোর এংশ দেখানো হইয়াছে। বাম পাৰ্শ্বের চিত্রে আলোর গতির অভিলয় দিকে এবং দক্ষিণ পার্ষের চিত্রে আলোর গতির সরলরেখায় দেখিলে যেরপ দেখা যাইবে তাহাই আকা হইয়াছে। (a) র ক্ষেত্রে কম্পন উপ্লয় ও অনুভূমিক উভয় তলেই হইতেছে কিন্তু (b) এবং (c) এর ক্ষেত্রে ইহা বধারমে উল্লয় এবং অনুভূমিক তলেই শুধু হইতেছে। অতএব (b) ও (c) এর ক্ষেত্রে আলোর তলীয়-সমবর্তন (plane polarisation) হইরাছে বলা হয়।

ষধন আলোকরণি কোনও বছে কঠিন পদার্থের তলে আপতিত হয় ইহার কিছুটা প্রতিফলিত এবং বাকীটা প্রতিসৃত হয় এবং একটি প্রতিফলিত ও আরেকটি প্রতিসৃত আলোকরণি পাওয়া বায়। কিন্তু 1669 সনে ডেনমার্কের বৈজ্ঞানিক ইরাসমাস বার্থোলিনাস (Erasmus Bartholinus) একটি আইসলাও পার (Iceland spar—calcium carbonate crystal) কেলাসের মধ্য দিয়া আলোক পাঠাইয়া দেখিতে পাইলেন বে এইক্ষেত্রে দুইটি প্রতিসৃত রণিম পাওয়া গেল। তিনি এই প্রক্রিয়ার নাম দিলেন বৈধ-প্রতিসরণ (double-refraction). হাইগেন্স (Huygens) এই বৈধ-প্রতিসরণ নিয়া পরীক্ষা চালাইবার সময় আলোকের সমবর্তন আবিছার করেন। তিনি দেখিলেন বে প্রতিসৃত রণিমক্ষ

দুইটিতেই সাধারণ আলো হইতে পৃথক ধর্ম বর্তমান এবং এই ধর্মকেই পূর্ববর্ণিত আলোকের তলীর সমবর্তন বলা হর। দীর্ঘকাল ধরিরা ইহা নিরা আর কোনও পরীক্ষা চালানো হর নাই। পরে ম্যালাস (Malus) আবার এই ধরণের পরীক্ষা সূর্ করেন। লাজেমবুর্গ রাজপ্রাসাদের (Luxembourg Palace) জানালার কাচ হইতে প্রতিফলিত আলো তিনি ক্যালসাইট কেলাসের (calcite crystal) মধ্য দিরা পাঠাইরা কেলাসিট আলোকর্মার অক্ষে ঘুরাইরা পারগত আলোর তীরতা পর্যবেক্ষণ করিবার কালে দেখিতে পান যে কেলাসের বিজিম অবস্থানে আলোর তীরতার হাসবৃদ্ধি হইতে থাকে। এই পরীক্ষা তিনি দুইটি কাচের ফলক হইতে আলোর প্রতিফলনের সাহাযোও পুনরাবৃত্তি করেন। এই ক্ষেণ্ডেও একটি ফলক আলোর প্রতিফলনের সাহাযোও পুনরাবৃত্তি করেন। এই ক্ষেণ্ডেও একটি ফলক আলোর অক্ষি ধুরাইলে দুইবার প্রতিফলিত আলোর তীরতার অনুবৃপ তারতম্য লক্ষ্য করেন। এই পরীক্ষার ফলেই আলোর সমবর্তনের সম্বন্ধ স্পত্তীর উর্বের হর এবং দেখা যার যে উপরোক্ত পরীক্ষাগুলি ব্যাখ্যা করিবার জন্য ক্ষমেনর জ্বোরতরঙ্গ মন্তবাদের স্থলে ভেক্টর-তরঙ্গ মন্তবাদ ব্যবহার করা আর্বিশ্যক হইরা দাড়ার।

প্রতিফলনের ফলে আলোর সমবর্তন বিশদর্পে পরীক্ষা করিবার জন্য বে সমস্ত যব্র ব্যবহার করা হর Biot's Polariscope ভাহাদের অন্যতম ঃ



हिन्न 8.६

এই যাত্র একটি ধাতব নল থাকে। এই নলে দুইটি কাচের ফলক  $P_1$  এবং  $P_2$  এমনভাবে লাগানো থাকে যাহাতে প্রভোকটি ফলকই দুইটি সরলরেখাকে

অক করিয়। খুরিতে পারে। এই সরলরেখার একটি ধাতব নলের অক্ষের সহিত লবভাবে থাকে; এই রেখাকে অক করিয়। ফলক দুইটি খুরাইলে আলোকরিশার আপতন কোণের প্ররোজনমত পরিবর্তন করা বার। বিতীয় সরলরেখাটি ধাতব নলের অক্ষের সহিত সমান্তরালে অবস্থান করে। এই অক্ষেকক খুরাইলে আপতন কোণ ঠিক রাখিয়া আপতন তল ইচ্ছামত পরিবর্তন করা বার।

এই বত্তে পরীক্ষা করিরা দেখা বার বে প্রথম ফলকে বে কোনও কোণে আলোককে আপতিভ করিরা যদি বিভীর ফলকের সমাস্তরাল অবস্থানে এই चारना श्रीकर्मनिक क्या यात्र कारा इटेरन माधायनक राम भामिकते चारनाक তীব্রতা দেখা বার । এবার বিতীর ফলকটি ঘুরাইরা আপতন তল পরিবটিত করিতে থাকিলে ইহা হইতে প্রতিফলিত আলোর তীরতা হাস পার এবং বখন ফলক দুইটিতে আলোর আপতন তলের পারস্পরিক অবস্থান 90° এ আসিয়া দাড়ার আলোর তীব্রতা তখন অবম মান প্রাপ্ত হর। সাধারণত এই অবম মান শুনা হর না। কিন্তু কাচ, জল প্রভৃতি হইতে প্রতিফলনের ক্ষেয়ে এমন একটি আপতন কোণ আছে ৰাহার বেলার বিভীর ফলক হইতে প্রতিফলিত আলোর তীরতা শূন্য হয়। বুঝা বায় বে উক্ত কোণে প্রতিফলিত হইলে আলো সম্পূর্ণ সমর্বতিত হয় বাহার ফলে বিতীয় প্রতিফলনে আলোর তীরতা শুনো পরিণত হর। বে কোণে আপতিত হইলে প্রতিফলিত আলোর সম্পূর্ণ সমবর্তন হর সেই কোণকে সমবর্তক কোণ (Polarising angle) বলা হইরা থাকে। অবশ্য এটা স্পষ্ঠ করিয়া বুঝা দরকার যে সমন্ত পদার্থ হইতে প্রতিফলনেই আলোর সম্পূর্ণ সমবর্তন হর না। অনেক বন্ধুর ক্ষেত্রে এই সমবর্তনের পরিমাণ আপতন কোণ কুন্ত মান হইতে বাড়াইরা বাইতে থাকিলে প্রথমে ব্যাভিতে থাকে এবং একটি চরমমান প্রাপ্তির পর আবার কমিয়া আসে। এই সমন্ত ক্ষেত্রে যে আপতন কোণে সমবর্তন সর্বাধিক হয় সেই কোণকে সমবর্তক কোণ বলা হয়। এই সমবর্তক কোণ বন্ধুর প্রতিসরাক্ষের সহিত বুকারের সূত্র বারা (Brewster's Law—পরে আলোচা) সংবৃত্ত।

প্রতিফলনের পরীক্ষা এবং সমবর্তক কোণের সংজ্ঞা হইতে দেখা বার বে আলো প্রথম ফলকে সমবর্তক কোণে আপতিত হইরা বখন প্রতিফলিত হয় এই আলো বিতীর ফলকে প্রতিফলনের পর ইহার তীরতা দুইটি ফলকের আপেক্ষিক অবস্থানের উপর নির্ভয় করে। ইহারা পরশ্বর সমান্তরাল হইলে বিতীর প্রতিফলনের পর আলোর তীরতা চরম হয়। বিতীর ফলকের বে আপতন তলে আলোর তীরতা চরম লাভার সেই তলকে সমবর্তন তল (Plane

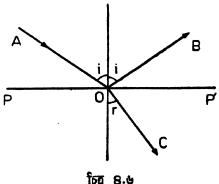
of polarisation) বলা হর। সূতরাং বুঝা বার বে এই সংজ্ঞানুসারে প্রতিফলিত আলোর ক্ষেত্রে সমবর্তন তল এবং প্রতিফলন তল সমার্থক এবং পরস্পর সমান্তরাল। আবার ক্ষেনেলের মতানুসারে তলীর সমবর্তনের বেলার কম্পনের দিক সমবর্তন তলের সহিত অভিলয়ে অবস্থিত। সূতরাং এই কম্পন ফলকের তলের সহিত সমান্তরালে অবস্থান করিবে।

# उन्होरत्रत्र गृज (Brewster's Law).

স্যার ডেভিড রুষ্টার (David Brewster) বিভিন্ন বন্ধূ হইতে প্রতিফলন প্রসৃত সমর্বাভিত আলোর সমবর্তক কোণের মান নিয়া অনেক পরীক্ষা করেন। ইহার ফলে তিনি বন্ধুর প্রতিসরাজ্কের সহিত প্রতিফলিত আলোর সমবর্তক কোণের সম্বন্ধ আবিষ্কার করেন। এই সূত্র অনুসারে

$$\tan i = \mu \tag{4.1}$$

এখানে i = সমবর্তক কোণ ;  $\mu$  = বন্ধুর প্রতিসরাক। এই সূচটিকে বলা হয় বুঝারের সূচ।



ৰচ্ছ বন্ধুর ক্ষেত্রে এই স্তাটির ফল দাড়ার এই যে প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত রিশা পরস্পরের সহিত অভিলবে অবস্থান করে। চিত্র নং ৪.৬ এ দেখা যাইতেছে যে একটি আলোকরিশা AO বচ্ছ বন্ধুর তল PP' এ O বিন্দৃতে আপতিত হইবার ফলে একটি প্রতিফলিত রিশা ও আর একটি প্রতিসৃত রিশা বথাব্রুমে OB এবং OC তে বিভক্ত হইরাছে। বিদ আপতন কোণ i সমবর্ডক কোণের সমান হয় তবে বুকারের স্তানুসারে

$$\tan i = \mu \qquad \exists \frac{\sin i}{\cos i} = \frac{\sin i}{\sin r}$$

$$\cos i = \sin r \qquad \exists i + r = 90^{\circ}$$

খন্য সম্ভাবনা বাদ দেওরা বার কারণ এখানে i এবং r উভরেই 90° অপেকা ছোট। কাজেই দেখা বাইভেছে বে আলো সমবর্ডক কোণে আপতিত হইলে প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত রন্ধি পরস্পর সমকোণে অবস্থান করে।

প্রতিসরাক্ষ  $\mu$  আলোর তরঙ্গদৈর্ঘের সহিত পরিবৃত্তিত হয়। সূতরাং আপতিত রন্ধি বদি সাদা অথবা একাধিক তরঙ্গদৈর্ঘের সমষ্টি হয় তবে রুঠারের সূত্র হইতে দেখা যার যে প্রতিটি তরঙ্গদৈর্ঘের জন্য সমবর্তক কোণ আলাদা হইবে। ফলে দিতীর প্রতিফলনে একমাত্র সেই আলোই বন্ধ করা বাইবে যাহার সমবর্তক কোণ আপতন কোণের সমান। অন্যান্য তরঙ্গের আলোর সমবর্তক কোণ আলাদা মানের হওয়ার এই আপতন কোণে প্রতিফলিত আলো সম্পূর্ণ সমব্যতিত হইবে না। ফলে দিতীয় প্রতিফলনে ইহাদের কম বেশী অংশ প্রতিফলিত হইবে এবং প্রতিফলিত আলো রন্তীন হইবে। তবে বিচ্ছুরণের পরিমাণ কম হওয়ার তরঙ্গদৈর্ঘার সহিত সমবর্তক কোণের পরিবর্তন পুব সামানাই হইরা থাকে, বেজনা দ্বিতীয় ফলক হইতে প্রতিফলিত আলোর তীব্রতা ফলক ঘুরাইয়া প্রার গ্রেম পরিবত করা সম্ভব হয়।

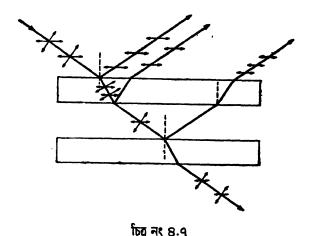
বুন্ধারের স্ত্রের প্রয়োগের একটি বাবহারিক সম্ভাবন। এই যে ইহার সাহাযো অবচ্ছ কঠিন বন্ধুর প্রতিসরাক্ষ নির্ণয় করা যাইতে পারে। অবচ্ছ হওয়ার এই পরীক্ষা প্রতিস্ত রশিষর সাহাযো সাধারণত করা সম্ভব হয় না। যদি ইহার মসৃণ করা তল হইতে আলো দুইবার প্রতিফলিত করিয়া সমবর্তক কোণ নির্ণয় করা হয় তবে ঐ কোণ হইতে রুন্ধারের স্ত্রের সাহাযো বন্ধুটির প্রতিসরাক্ষ পাওয়া যায়।

প্রতিকলনের খারা আলোর সমবর্তন; ফলকপুঞ্চ (Polarisation of light by reflection; Pile of plates).

দেখা গিরাছে বে আলোক বখন স্বচ্ছ কঠিন বন্ধুর সমানতলে আপতিত হয় তখন ইহা প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত দুইটি রন্মিতে বিভক্ত হয়। আর এই প্রক্রিয়ার আলোকের সমবর্তন ঘটে।

আলোক যখন সমবর্তক কোশে আপতিত হর তখন প্রতিফলিত আলোকের সমবর্তন চরম হয় এবং কাচজাতীয় কোন কোন বয়ৢয় ক্ষেত্রে এই সমবর্তন সম্পূর্ণ হইয়া থাকে। ধয়া বাক বে আলো কাচের ফলকে আপতিত হইতেছে। এই ক্ষেত্রে প্রতিফলিত আলো সম্পূর্ণ সমব্যতিত হইবে। কিন্তু বচ্ছ কাচের বেলার আপতিত রন্মির শতকরা ১৫ ভাগের মত প্রতিফলিত হইবে, বাকীটা প্রতিস্ত হইবে। বিদ্ আপতিত আলো অসমব্যতিত হয় তবে ইহাতে অভিলব্ধ

এবং সমান্তরাল (perpendicular and parallel) (চিত্র নং ৪.৪ রেণ্টব্য ) কম্পনের উপাংশ দুইটির তীরতা সমান হইবে। ইহাদের মধ্যে বে কম্পনের দিক আপতন তলের অভিলয়ে অবস্থিত শুধু সেই উপাংশই প্রতি-ফালত হইবে, অন্যটি সম্পূর্ণরূপে প্রতিসৃত হইবে। অবশ্য ইহার কারণও



সহজেই বুঝিতে পারা বায়। বুঝারের স্টানুসারে যখন আলো সমবর্তক কোণে আপতিত হয়, প্রতিফলিত এবং প্রতিস্ত রশিষ্ণয় পরস্পর সমকোণে অবস্থান করে। আর আলোর ভংশের দিক আলোর গতিপথের অভিলম্বতলে ইহাও দেখা গিয়াছে। প্রতিফলিত আলোর ভংশ যেখানে আপতন তলের অভিলম্বে হইবে, সেম্বলে প্রতিস্ত রশিতে ভংশের দিক আপতন তলে হইতে হইবে। সূতরাং এই দিক প্রতিফলিত রশ্মির সহিত সমান্তরাল দাড়াইবে। আলোর বিকীরণের প্রক্রিয়া এইর্প যে আলোক উৎসগুলির কম্পনের ফলে আলোকশন্তি বিকীর্ণ হয়। সূতরাং এই বিকীরণ কম্পনের রেখার অভিলম্বে চরম হইবে, আর ক্মিতে ক্মিতে কম্পনের সরলরেখার দিকে শ্না হইবে। কাজেই দেখা বাইতেছে যে এই বিশেষ ক্ষেত্রে ( যখন আলো সমবর্তক কোণে আপতিত হয় )

অতএব দাড়াইতেছে এই যে অসমবৃতিত আলে। আপতিত হইরা বে দুই ভাগে ভাগ হইবে তাহার মধ্যে প্রতিফলিত উপাংশ সম্পূর্ণ সমবৃতিত হইবে। আর প্রতিসৃত আলোতে দুই প্রকার কম্পনের আলোই বর্তমান থাকিবে। তবে ইহাতে সমান্তরাল কম্পনের উপাংশ সম্পূর্ণই থাকিলেও অভিলয় উপাংশের

উপাংশ দৃইটির মধ্যে যেটির কম্পন আপতন তলে ঘটিবে সেটি শুধুমাত

প্রতিস্তই হইবে, ইহার কোন অংশই প্রতিফলিত হইবে না।

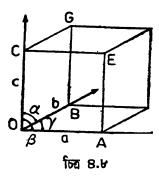
15% অনুপদ্তি থাকিবে কারণ এই অংশ প্রতিফলিত হইরাছে। কাজেই দেখা যাইতেছে বে ফলকতলে আপতনের পূর্বে দুই উপাংশের তীব্রতা এক হইলেও এখন প্রতিসৃত রশ্বিতে সমান্তরাল উপাংশের তীব্রতা অধিক হইবে। ফলকের বিতীর তলেও এই প্রক্রিয়ার পুনরাবৃত্তি ঘটিবে। এই আপতন প্রক্রিয়া প্রতিবার সংঘটনের ফলে প্রতিসৃত রশ্বি হইতে অভিলয় কম্পনের উপাংশ ক্রমশ্বঃ কমিয়া যাইতে থাকিবে। ফলে বংশেষ্ঠসংখ্যক ফলকের ভিতর দিরা পাঠাইলে প্রতিসৃত রশ্বির সমবর্তন প্রায় সম্পূর্ণ হইবে এবং এই প্রণালীতে আলোকরশ্বির সমবর্তন সৃষ্টি করা সম্ভব হইবে।

এইরূপ ফলকপুঞ্জের সাহাব্যে তলীর সমবর্তন সৃষ্টি করিরা এই সমবর্তনের পরিমাণ অনুর্প ফলকপুঞ্জের সাহাব্যেই পরীক্ষা করা বাইতে পারে। দুইটি কাচের ফলকপুঞ্জ বদি পর পর এমনভাবে রাখা বার যে ইহাদের ফলকপুঞ্জ সমান্তরাল হর তবে সমবর্তক কোণে আপতিত হইলে প্রথম ফলকপুঞ্জিটিতে সমবর্তিত আলো বিভীরটির মধ্য দিরা বাইবার ফলে সমবর্তনের পরিমাণ আরও বাড়িবে। কিন্তু এইবার বদি ফলকপুঞ্জ দুইটির একটিকে 90° ঘোরানো হর তবে ইহাদের মধ্যে আপতন তল পরস্পারের সহিত 90° কোণ করিরা থাকিবে। সূতরাং প্রথম ফলকপুঞ্জ হইতে নিগত সমব্তিত আলো বিতীর ফলকপুঞ্জের বারা সম্পূর্ণ প্রতিহত হইবে এবং ইহা হইতে পারগত আলোর ভীরতা শ্না অথবা অবম দাড়াইবে। বলা বাহুল্য এই ফলকপুঞ্জ দুইটির ফেলেনও একটির স্থলে টুরেম্যালিন জাতীর কেলাস ব্যবহার করিরাও উপরোক্ত পরীক্ষা করা বাইতে পারে।

#### বৈষ-প্রভিসরণ (Double-refraction).

আলোকের সমবঠনের আলোচনার সমর বলা হইরাছে যে 1669 খৃতান্দে ডেনমার্কের বৈজ্ঞানিক ইরাসমাস বার্থোলিনাস (Erasmus Bartholinus) আলোকের বৈধ-প্রতিসরণ আবিদ্ধার করেন। ক্যালসাইট (calcite-calcium carbonate) কেলাসের উপর আপতিত আলোকরণ্দি পরীক্ষা করিরা তিনি দেখিতে পান বে কাচজাতীর পদার্থে বেখানে একটি প্রতিসৃত রশ্মির সৃতি হর ক্যালসাইটের ক্ষেত্রে সেখানে সাধারণত দুইটি প্রতিসৃত রশ্মির উত্তব হইরা থাকে। প্রতিসরণে এইরূপ দুইটি রশ্মির সৃতিকে কলা হর বৈধ-প্রতিসরণ। পদার্থের এই ধর্ম সাধারণভাবে কেলাসের ক্ষেত্রেই প্রবোজা। দেখা গিরাছে বে যাবতীর কেলাসকে ভাছাদের বাহ্যিক ও আভ্যক্তরিক (external & internal) প্রতিসামের (symmetry) অনুসারে নির্মালখিত ৭টি ভাগে বিভক্ত করা বার চ

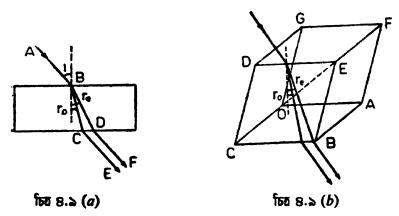
কেলাসের মধ্যে কোনও স্থানে কেন্দ্র করিরা বদি ভিনটি স্থানাক্ষ-অক্ষের (co-ordinate axes) সাহাব্যে বিভিন্ন অবস্থান বুঝান হয় তবে এই অক্ষ-সমূহের অবস্থান কেলাসের প্রতিসাম্যের সহিত সামঞ্জস্য রাখিয়া নির্বাচন করা প্রয়োজন কারণ একমাত্র এইর্প নির্বাচনেই কেলাসের পূর্ণ প্রতিসামোর চিত্র



পাওয়া বাইবে। উপরের চিত্রে O বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া বিদ তিনটি অক্ষ OA, OB এবং OC এমনভাবে টানা হয় বে A, B এবং C বিন্দুর পারিপার্শিকতা (environment) O বিন্দুর অনুরূপ এবং এইরূপ সমপারিপার্শিকতার
বিন্দুবৃগলের দ্রম্বের মধ্যে OA, OB এবং OC হুর্বতম তাহা হইলে এই
অক্ষ তিনটির সাহাযো একটি একক সেলের (unit cell) সৃষ্টি হইবে;
৪.৮ নং চিত্রে OADBGCEF এইরূপ একটি একক সেল। এই সেলটি
কেন্দ্রের তিনদিকে পুনরাবৃত্তি করিয়া সমগ্র কেলাসটি গঠন করা বাইবে। OA, OB এবং OC দ্রম্বরের একক দ্যানান্তরণ (unit translation) বলা হয়।
ইহাদের বথাক্রমে a, b এবং c ভেক্টর দ্বারা চিহ্নিত করা হইল। আর OAএবং OB ভেক্টরন্থরের মধ্যের কোণ  $\gamma$ , OA OCর মধ্যের কোণ  $\beta$  এবং OB ও OCর মধ্যের কোণ  $\alpha$  দ্বারা বুঝান হইল। এই চিত্রানুসারে কেলাসের
প্রতিসাম্যের উপর নির্ভর করিয়া সমস্ত কেলাসই নির্মাণিত সাতভাগে ভাগ
করা বায়।

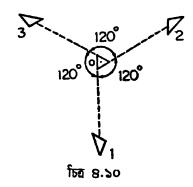
Cubic	a=b=c;	<b>«-β-γ-90°</b>
Tetragonal	$a-b\neq c$	$\alpha = \beta = \gamma = 90^{\circ}$
Orthorhombic	$a \neq b \neq c$	$< -\beta = \gamma = 90^{\circ}$
Hexagonal	$a = b \neq c$	$\alpha = \beta = 90^{\circ}$ ; $\gamma = 120^{\circ}$
Trigonal	a=b=c	$< -\beta = \gamma \neq 90^{\circ}$
Monoclinic	$a \neq b \neq c$	«-γ-90°; β≠90°
Triclinic	$a \neq b \neq c$	<≠β≠γ ≠90°

উপরের সংকেতনে (notation)  $a \neq b$  এর অর্থ a এবং b এর দৈর্ঘ্য সমান নছে।



উপরের চিগ্র ৪.৯ (a)তে দেখানো হইরাছে যে একটি আলোকরশ্মি AB একটি ক্যালসাইট কেলাসের তলে B বিন্দুতে আপতিত হইতেছে। এই রশ্মি সাধারণভাবে দুইটি প্রতিস্ত রশ্বি BC এবং BD হিসাবে কেলাসটির মধ্য দিরা बाहेर्स ( প্রতিফলিত রন্ধির কথা এখানে বিবেচনা করা হইতেছে না )। ইহাদের প্রতিসরণ কোণ হইবে যথান্তমে 🕝 এবং 🚜 দিতীয় তলে প্রতিসরণের পর নিগত হইরা রশ্বিষর পৃথক দুইটি রশ্বি CE এবং DF ছিসাবে গমন করিবে : আর ইহারা হইবে পরস্পরের সমান্তরাল। কিন্ত কেলাসের মধ্যে প্রতিসরণের সময় দেখা বাইবে যে রণি দুইটির মধ্যে একটি প্রতিসরণের সূত্র দুইটি মানিরা চলিলেও অপরটি এই সূত্র সাধারণত মানে না। যে রন্মিটি প্রতিসরণের সূত্র দুইটি মানিরা চলে ভাছাকে 'সাধারণ রশ্বি' (ordinary ray) বলা হর। অপরটি বেটি সাধারণত প্রতিসরণের কোন সূচই মানিরা চলে না 'অসাধাৰণ ৰাখা (extraordinary ray) বলিয়া অভিহিত হইয়া থাকে। অপর চিত্র ৪.১ (b)এ দেখানো হইরাছে একটি আদর্শ (ideal) ক্যালসাইট এই কেলাসটি ছরটি সামার্ডরিক (parallelogram) সমতল দারা अप्टे नामाखित्रत्कत त्कान नुदेशित मान 101°55' अवर 78°5'. ক্লোসের আটটি কোণের প্রতিটিভেই তিনটি সামান্তরিক আসিরা মিলিত হইতেছে। এই আটটির মধ্যে দুইটি বিপরীত বিন্দু O এবং E বিন্দুতে তিনটি কোণই সুলকোণ। অপর হরটি বিস্তৃতে মিলিড কোণগুলির তিনটির सर्था अकिं मुध् मुमरकाण वाकी मुद्देषि সৃत्यारकाण । विम विन्यु मुद्देषि O अवर E अर्की के कार्यातक मतलातका OE बाबा युक्त कहा इत छटन अहे मतलातकारि

OA, OC এবং OG এর সঙ্গে সমান কোণ উৎপন্ন করিবে। সুভরাং বদি OA, OC এবং OG সমান হয় তবে এই কেলাসটি একটি Trigonal system এর কেলাস বুঝাইবে। (ক্যালসাইট প্রকৃতপক্ষেও Trigonal system এরই অধীন)। সেক্ষেত্রে এই কাম্পনিক সরলরেখা OE একটি বিধা-ঘূর্ণন-অক্ষ (threefold axis of rotation) হইবে। অর্থাং এই সরলরেখাকে অক্ষ করিয়া ঘুরাইলে প্রতি 120° ঘূর্ণনের পর কেলাসটি একটি পূর্বের অনুরূপ অবস্থান প্রাপ্ত ইবৈ। অবশ্য ইহাতে ধরা হইরাছে বে কেলাসটি একটি আদর্শ কেলাস বাহাতে সর্বাদকের বৃদ্ধি সমান হওয়ার ফলে OA = OC = OG.



উপরের ৪.১০ নং চিত্রে পৃষ্ঠার অভিলয়ে O বিন্দু দিয়া একটি ত্রিধা-ঘূর্ণন-অক্ষ অবস্থিত। একটি বিষমবাহু ত্রিভুজ 1 অবস্থানে আছে। ত্রিধা-ঘূর্ণন-অক্ষের কার্যের ফলে  $120^\circ$  পর পর 2 এবং 3 অবস্থানে 1 এর অনুরূপ আরও দুইটি ত্রিভুজ পাওয়া যাইবে। সূতরাং বাদ কোনও কেলাসে ত্রিধা-ঘূর্ণন-অক্ষ বর্তমান থাকে তাহা হইলে যে কোনও বিন্দু অক্ষের চতুদকে  $120^\circ$  পর পর অনুরূপ বিন্দুর সৃষ্টি করিবে। ক্যালসাইট কেলাসটি যদি OE অক্ষে  $120^\circ$  করিয়া ঘুরানো হয় তবে প্রতিবার  $120^\circ$  ঘূর্ণনের পর ইহার অবস্থানে ঘূর্ণনের প্রের অবস্থানের সহিত সম্পূর্ণ অনুরূপ হইবে।

কালসাইট কেলাসের বৈশিষ্ট্য এই যে আপতিত কোণ পরিবর্তন করিয়া প্রতিসৃত আলো যদি এই অক্ষের দিকে পাঠানো হয় তবে এই ক্ষেত্রে আলোর ধৈ-প্রতিসরণ হয় না। এই অক্ষকে বলা হয় আলোক-অক্ষ (optic axis). প্রতিসরণের সময় 'সাধারণ' ও 'অসাধারণ' রশ্মিদ্বয়ের মধ্যে যে কৌণিক (angular) বাবধান হয় তাহার পরিমাণও নির্ভর করে আপতিত রশ্মির এবং আলোক-অক্ষের পারম্পরিক অবস্থানের উপর। আপতনের ফলে প্রতিসৃত রণিম বতাই আলোক-অক্ষের সমান্তরাল দিকে আসিতে থাকে রণি দুইটির মধ্যে কৌণিক ব্যবধানও ততাই কমিতে থাকে এবং বখন প্রতিসৃত রণি আলোক-অক্ষের সম্পূর্ণ সমান্তরাল হয় তখন আর ইহাদের কোনও ব্যবধান থাকে না, দুইটি রণিটে এক হইরা বার । ফলে এই দিকে গমনকারী প্রতিসৃত রণির ক্ষেত্রে আলোর বৈধ-প্রতিসরণ হয় না ।

পূর্বে বলা হইয়াছে বে সমন্ত কেলাসকেই প্রতিসামোর উপর নির্ভর করিয় সাতটি প্রেণীতে বিভক্ত করা যার। ইহার মধ্যে বে সমন্ত কেলাস ঘনীর প্রেণীতে (cubic class) পড়ে ভাহাদের ক্ষেত্রে অনেক ভৌত ধর্মই কেলাসের সমন্ত দিকে সমান হয়। সোডিয়াম ও পটালিয়াম ক্রোরাইড (Sodium and Potassium chloride) এবং হারক (diamond) এইর্প ঘনীয় কেলাসের প্রকৃষ্ঠ উদাহরণ। এই সমন্ত কেলাসে বৈদ্যুতিক রোধ, (electrical resistance) তাপ পরিবাহিতা (heat conductivity) প্রভৃতির মান স্বাদকেই সমান হয়। এইজনা এই শ্রেণীর কেলাসেক সমাদক (isotropic) কেলাসেও বলা হইয়া থাকে। এই জাতীয় কেলাসে আলোরও বৈধ-প্রতিসরণ হয় না। অপর বে ছয়িট শ্রেণীর কেলাস আছে তাহাদের দুইভাগে ভাগ কয়া যায়। বিদ্যন্ত্রতারা, Trigonal এবং Hexagonal গ্রেণীর কেলাসের বৈশিক্তা এই বে ইহাতে আলোর বৈধ-প্রতিসরণ বর্তমান; আর এই বৈধ-প্রতিসরণ একটি দিকে বন্ধ হইয়া যায়। পূর্বের আলোচনা হইতে সহজেই অনুমান কয়া যায় বে এই দিকটি আলোক-অক্ষের সমার্থক। এই সমন্ত কেলাসকে একাক (uniaxial) কেলাস বলা হয়।

কিন্তু বাকী বে তিনটি শ্রেণীর কেলাস আছে, বাহারা orthorhombic, monoclinic এবং triclinic শ্রেণীতে বিভন্ত, তাহাদের ক্ষেত্রেও বৈধ-প্রতিসরণ হইরা থাকে; আর ইহাদের বেলারও অনুরূপ আলোক-অক বর্তমান। শূর্ পার্থক্য এই বে ইহাদের মধ্যে দুইটি দিক থাকে বেদিকে প্রতিসৃত আলোর বৈধ-প্রতিসরণ হর না। এই জাতীর কেলাসকে অতএব দ্বাক্ত (bi-axial) বলা হর। এই দুইটি আলোক অক পরস্পরের মধ্যে বে কোল উৎপন্ন করে তাহার মান বিভিন্ন কেলাসে বিভিন্ন হর। বেমন অপ্রের (mica) বেলার এই কোণের মান 138° ডিগ্রী হইলেও turquoise এর ক্ষেত্রে এই কোল কমিয়া 40° হইরা থাকে; এই কোলের মান কোন কোন কোন ক্ষেত্রে আরও বেলী হইতে পারে। বলা বাহুল্য একাক এবং দ্বাক্ক কেলাসকে অসমদিক (anisotropic) কেলাস বলা হইরা থাকে কারণ ইহাদের রধ্যে অনেক ভৌত ধর্ম কেলাসের বিভিন্ন দিকে বিভিন্ন মানের হইরা থাকে। আলোকের প্রতিসরণ ইহার একটি উলাহরণ।

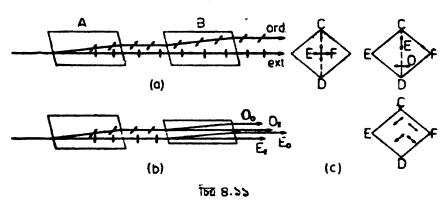
আলোক-অক্ষ (optic axis) সম্বন্ধে বলা হইরাছে বে এই সরলরেখার প্রতিসরণের বেলার আলোর বৈধ-প্রতিসরণ হয় না। তবে এটা স্পন্ধ হওরা প্রয়েজন বে এই আলোক-অক্ষ একটি কোনও নির্ধারিত (fixed) সরলরেখা নহে, ইহা একটি দিক মাত্র। এই দিকে আলো প্রতিসৃত হইলেই হৈধ-প্রতিসরণের অনুপন্থিতি ঘটে। কেলাদের প্রতিটি বিন্দু দিরাই এই দিকের সমান্তরাল একটি সরলরেখা টানা যার আর এইর্প প্রতিটি সরলরেখাই আলোক-অক্ষের দিক নির্দেশ করিবে। ৪.৯ (b) চিত্রে কেলাসের মধ্যে বে কোনও বিন্দু দিরা OE এর সমান্তরাল একটি সরলরেখা অন্কিত করিলে সেটি আলোক-অক্ষ বুঝাইবে; আর বিভিন্ন বিন্দু দিরা এইর্প অসংখ্য সরলরেখা আঁকা চলিতে পারে।

### মুখ্য-ডেম্ ও মুখ্য-ডম্ম (Principal Section and Principal Plane).

কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে আলোকের সমবর্তনের আলোচনা প্রসঙ্গে কেলাসের দুইপ্রকার তলের সংজ্ঞা নির্দেশ করা আবশাক। ইহাদের একটি হইল মুখা-ছেদ (Principal Section). আলোক-অক্ষের মধ্য দিয়া গমনকারী কোনও তল যদি কেলাসের প্রতিসারক (refracting) তলের অভিলবে অবন্থিত হয় তবে এই তলকে কেলাসের মুখ্য-ছেদ (Principal Section) বলা হয়। একটি ক্যালসাইট কেলাসে তিনজ্ঞোড়া পরস্পর সমান্তরাল প্রতিসারক তল আছে। সুতরাং কেলাসের মধ্যে যে কোনও বিন্দু দিয়া তিনটি এইর্প মুখ্য-ছেদ আকা চলে। আলোক অক্ষের বেলায় যে কথা বলা হইয়াছে, মুখ্য-ছেদের বেলায়ও দেই একই কথা প্রযোজ্য। মুখ্য-ছেদ একটি নির্ধারিত তল নহে, ইহা একটি তলের দিক মাত্র। কেলাসের মধ্যে কোনও বিন্দু দিয়া একটি মুখ্য-ছেদ আকিলে এই ছেদের সমান্তরাল সমস্ত তলই মুখ্য-ছেদ ছিসাবে গণ্য করা হইবে।

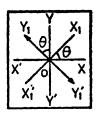
ইহা ছাড়াও আর এক শ্রেণীর তলের সংজ্ঞা স্থির করা প্ররোজন। কেলাসের মধ্যে সাধারণ রশ্মি (ordinary ray) ও আলোক-অক্ষ যে তলের মধ্যে অবস্থিত তাহাকে সাধারণ রশ্মির মুখ্য-তল (Principal plane of the ordinary ray) বলা হয়। অনুরূপভাবে অসাধারণ রশ্মি (extra-ordinary ray) ও আলোক-অক্ষ যে তলের মধ্যে অবস্থিত তাহাকে অসাধারণ রশ্মির মুখ্য-তল (Principal plane of the extra-ordinary ray) বলা হয়। সাধারণভাবে মুখ্য-ছেল ও মুখ্য-ছল সমান্তরাল হয় বা বলিও বিশেষ বিশেষ করে। এ সক্ষে বিশক্ষ আলোচনা পরে করা হইবে।

ইরাসমাস বার্থোলিনাস (Erasmus Bartholinus) সর্বপ্রথম কালসাইট কেলাসে বৈধ-প্রতিসরণ লক্ষ্য করেন। পরে পরীক্ষা করিরা দেখা বার বে দুইটি প্রতিস্ত রশ্মিই ( বাহাদের সাধারণ এবং অসাধারণ রশ্মি বলা হইরাছে ) সম্পূর্ণ সমর্বতিত হর। আর এই সমবর্তনের প্রকৃতি তলীর সমবর্তন (plane polarisation) বাহা এ পর্বান্ত আলোচিত হইরাছে। সূত্রাং আলো বদি নিম্নের ৪.১১(a) নং চিত্রে প্রদ্যাভিত্ত্বপে একটি ক্যালসাইট কেলাস এ এর উপর



আপতিত হয় তবে ইহা দুইটি প্রতিসূত রশিতে পরিণত হুইবে এবং রশি দুইটিই সম্পূর্ণ সমর্বতিত হইবে। কিন্তু এই রশ্মি দুইটির সমবর্তন তল এক ছটবে না। সাধারণ রশ্বির ক্ষেতে কম্পনের এংশ হটবে সাধারণ রশ্বির মূখ্য ভলের অভিলয়ে। আর অসাধারণ রশ্মির দ্রংশ অসাধারণ রশ্মির মুখা তলে ছইবে। মুখ্য ছেদ একটি কেলাসকে যে সামান্তরিকে (parallelogram) ছেদ করিবে তাহার আকার হইবে উপরের চিত্র ৪.১১ এ A এবং B এর ন্যায়। এই সামান্তরিকের কোণ দুইটির মান হইবে 109° এবং 71°. আবার কেলাসের এক প্রান্ত হইতে দেখিলে চেহার৷ দাড়াইবে চিচের শেষে আকা চিচ নং ৪.১১(c) সামান্তরিকের মত। আর ইহার মধ্যে খণ্ডিত (dotted) সরলরেখা CD হইবে মুখ্য ছেদের প্রতিনিধি। আলোর গতির সরলরেখার চোখ রাখিয়া বদি দেখা বার তবে অসাধারণ রশ্মির দ্রংশ CD তলে এবং সাধারণ রশ্মির দ্রংশ ইহার অভি-লয়তলে অর্থাং EF দিকে হইবে। প্রথম কেলাসের ভিতর দিয়া বাইবার ফলে রশিম দুইটি পৃথক হইরা বাইবে এবং রশিমব্যের বিবৃত্তি (separation) নির্ভর করিবে কেলাসের দৈর্ঘ্য ও আপতন দিকের সহিত আলোক অক্ষের অবস্থানের কেলাস হইতে নিৰ্গত হইবাৰ পৰ বল্মি দুইটি আপতিত বশ্মিৰ সমান্তরাল হইবে। এই অবছার বণি ইছারা অনুরূপ অবস্থানে রাখা একটি

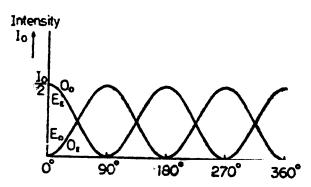
ষিতীর কেলাস B এর উপর আপতিত হয় তাহা হইলে এই রশ্মি দুইটির বিবৃদ্ধিই শুধু বাড়িবে। বদি দিতীয় কেলাসটির দৈর্ঘ্য প্রথমটির সমান হয় তবে দুইটি কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে মোট বিবৃদ্ধি প্রথমটিতে উৎপর বিবৃদ্ধির দ্বিগুণ হইবে। প্রসঙ্গতঃ বলা প্রয়োজন যে প্রথম ক্যালসাইট কেলাসের মধ্য দিয়া বাওয়ার ফলে উৎপন্ন সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মিদ্বরের আলোক-ভীব্রতা সমান হইবে। আপতিত রশ্মির তীব্রতা বদি  $I_{\rm o}$  হয় তবে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি প্রত্যেকটির তীব্রতা দাড়াইবে  $I_{\rm o}/2$  ( যদি প্রতিফলন ও বিক্ষেপনে নক্ট আলোর কথা উপেক্ষা করা বায় )। বলা বাহুল্য এই ক্ষেত্রে দ্বিতীয় কেলাসের মধ্য দিয়া বাইবার ফলে কম্পনের দিকের কোনও পরিবর্তন হইবে না।



চিত্ৰ ৪.১২

এবার দ্বিতীয় কেলাস B কে বিদ দৈর্ঘ্যের অক্ষে ঘুরানো বার তবে প্রতিটি রিশ্ম আবার দ্বিধা-বিভক্ত হইবে। সমবর্তনের ব্যাখ্যা করিতে বলা হইরাছে বে প্রতিটি কেলাসে দুইটি কম্পন-দিক (vibration-direction) আছে বাহা পরস্পরের অভিলব্ধে অবস্থিত। ৪.১২ নং চিত্রে এই দুইটি দিক ধরা বাক্ XX' এবং YY'. ইহারা প্রত্যেকেই টুারম্যালিনের পরীক্ষার রেখাছিদ্রের সহিত তুলনীয়। অসমবর্তিত আলো প্রথম কেলাসের মধ্য দিরা বাইবার ফলে ইহা দুইটি রশ্মিতে বিভক্ত হর বাহাদের কম্পন XX' এবং YY' দিকে হইতে থাকে। মনে করা বাক সাধারণ রশ্মির কম্পন XX' এবং YY' দিকে হইতে থাকে। মনে করা বাক সাধারণ রশ্মির কম্পন XX' কিলে হইতেছে। বখন দ্বিতীয় কেলাসটি প্রথমটির সমান্তরালে রাখা হর তখন ইহার কম্পন দিকও XX' এবং YY' এর সমান্তরালে হইবে। সূত্রাং প্রথম কেলাসে সমবর্তিত সাধারণ রশ্মির কম্পন দিক দ্বিতীয় কেলাসের কম্পন দিক ম্বিতীয় কেলাসিট প্রথমির বার ফলে সাধারণ রশ্মিটি প্রভাবিত না হইরা অপরিবর্তিত অবস্থায় দ্বিতীয় কেলাসটির মধ্য দিয়া অনুর্পভাবে গমন করিবে। অবার বদি দ্বিতীয় কেলাসটি দৈর্ঘ্যের অক্ষে  $\theta$ ° কোণে ঘুরানো হয় তাহা হইলে ইহাতে কম্পনের কম্পনের

দিক  $Y,Y_1$  প্রথমটির অনুরূপ কম্পন দিকে YY' এর সহিত  $heta^\circ$  কোণ উৎপ্রস করিবে। আর X, X, ' কম্পন দিকও XX' এর সঙ্গে ঐ একট কোণ  $\theta^\circ$  ডে অবস্থিত হটবে। প্রথম কেলাসে গমনের পর সাধারণ সমর্বার্ডত রাম্মর ৰুপন দিক যদি XX' দিক হয় এবং ইহার বিস্তার হয় A তবে দিতীয় কেলাসে এই বিস্তারকে দুই উপাংশে ভাগ করা যাইতে পারে।  $X_1X_1$  দিকে এবং  $Y, Y_1$ ' দিকে এই উপাংশবর দাড়াইবে বথাক্রমে  $A \cos \theta$  এবং  $A \sin \theta$ . ইহারা যথাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি হিসাবে বিতীয় কেলাসের মধ্য দিরা গমন করিবে। এখন বদি প্রথম কেলাসের ভিতর দিয়া পারগত (transmitted) সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি দুটিকে O এবং E বলা হয় তবে সাধারণ রশ্মিটি বিভীর কেলাসে যে দুইটি উপাংশে বিভন্ত হইবে ভাহাদের  $O_{
ho}$  এবং অসাধাৰণ (ordinary and extraordinary) দুইটি উপাংশে বিভৱ হইয়াছে। এই উপাংশ দুইটির তীব্রতা বভাবতই ৫° কোণের মানের উপর নির্ভর করিবে। ঘুরাইতে আরম্ভ করিবার গোড়ার দিকে 🕖 এর ভীরভা খুব সামানাই কমিবে এবং ফলে  $O_F$  এর তীরতা খুব কম হইবে।  $\psi^{\circ}$  কোণের মান বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে  $O_{
ho}$  এর ভীরভা কমিবে এবং  $O_{
ho}$  এর ভীরভা বাড়িতে থাকিবে ।  $heta_{
ho}$ কোণ ৰখন  $90^\circ$  হইবে তখন  $O_O$  এর তীব্রতা শূন্য হইবে আর  $O_E$  এর তীব্রতা চরম দাড়াইবে।  $heta^\circ$  কোণ আরও বাড়াইয়া গেলে এই দুইটি রশ্মির আপেক্ষিক



বিতীর কেলাসের ঘ্র্ণন কোশ ( অথবা দুই কেলাসের মধ্যে আপেক্ষিক কোশ )
চিন্ন ৪.১৩

ভীৱতার হাসবৃদ্ধির পুনরাবৃত্তি ঘটিবে। ফলে  $\theta$  কোণের  $0^\circ$ ,  $180^\circ$  এবং  $360^\circ$  মানে  $O_o$  এর তীব্রতা চরম এবং  $O_E$  এর তীব্রতা অবম হইবে। আবার  $90^\circ$ ,  $270^\circ$  কোণে  $O_B$  এর তীব্রতা চরম ও  $O_o$  এর তীব্রতা গ্না হইবে।

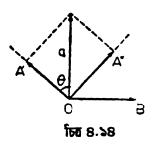
অসাধারণ রণ্মিকে বাদ অনুরূপ দুইটি উপাংশ  $E_B$  এবং  $E_O$  এ বিভন্ত করা বার তবে ইহার ক্ষেত্রেও পূর্ববর্ণিতরূপ আলোক-তীরতার তারতম্য ঘটিবে। সূত্রাং দেখা বাইতেছে বে কেলাস দুইটি যখন সমান্তরাল অথবা প্রতি-সমান্তরাল (parallel or antiparallel) বা অভিলয় অবস্থানে থাকিবে তখন দিতীর কেলাস হইতে দুইটি সমবর্তিত রণ্মি বাহির হইবে। অন্য সমন্ত অবস্থানে চারটি সমবর্তিত রণ্মি পাওয়া বাইবে। প্রথম কেলাসে আপতিত রণ্মির আলোর তীরতা বদি  $I_O$  হয় তবে দিতীর কেলাসে আপতিত রণ্মি দুইটির তীরতা সমান হইবে এবং প্রতিটির মান হইবে  $\frac{I_O}{2}$ . দিতীর কেলাসেটি ঘুরাইলে ( অথবা দিতীরটি স্থির রাখিয়া প্রথমটি ঘুরাইলে রাশ্মিসমূহের তীরতার বে তারতম্য ঘটে তাহা নিম্নলিখিত লেখাচিত্রের সাহায্যে বুঝানো বাইতে পারে।

### ম্যালাসের সূত্র (Law of Malus).

উপরোক্ত পরীক্ষায় এবং দুইটি দর্পণ বা ফলকপুঞ্জের মধ্য দিয়া পারগত আলোর তীব্রতা যে সূত্র প্রয়োগ করিয়া বাহির করা যায় তাহা প্রথমে ম্যালাস প্রবর্তন করেন। তিনি খানিকটা অনুমানের উপর নির্ভর করিয়া ইহা প্রবর্তন করিলেও আরাগো (Arago) বিভিন্ন পরীক্ষার সাহায্যে এই সূত্রের সভ্যতা প্রমাণ করেন। দুইটি ফলক হইতে প্রতিফলিত আলোর ক্ষেত্রে ম্যালাসের সূত্রানুসারে বলা যায় যে দ্বিতীয়বার প্রতিফলিত আলোর তীব্রতা প্রতিফলন তল পুইটির মধ্যে উৎপান কোণের cosine এর বর্গের সমানুপাতিক। অবশ্য এই প্রতিফলন জাতীয় পরীক্ষায় অথবা ফলকপুঞ্জের ক্ষেত্রে সূচটি প্রযোজ্য হইতে হইলে ধরিয়া লইতে হইবে যে আলো সম্পূর্ণরূপে সমর্বতিত হইরাছে। অর্থাৎ দুইটি ফলকেই আলো সমবর্তক কোণে (polarising angle) আপতিত হওয়া প্রয়োজন। এই অবস্থার আপতিত রশির এক অংশ ( যাহাতে কম্পনের দিক আপতন তলের অভিলবে অবস্থিত ) প্রতিফালত হইবে, বাকীটা প্রতিসত হটবে। অন্যাদকে বে অংশের কম্পন দিক আপতন তলের সহিত সমান্তরাল তাহার সবটাই প্রতিসূত হইবে। ফলে প্রতিফলিত রন্মিতে শুধু একজাতীর কম্পনট বর্তমান থাকিবে। এই কম্পনের বিস্তার বদি ধরা ধার a তবে দিতীর প্রতিফলনে ইহার মান সহজেই নির্ণয় করা সম্ভব। যদি দুইটি প্রতিফলন কোণের মধ্যে ( অথবা দুইটি আপতন কোণের মধ্যে) উৎপন্ন কোণ হয় ৪ তবে কম্পনের বিস্তার a দুইটি উপাংশে ভাগ করা বার। বিতীয় প্রতিফলন তলে এবং তাহার অভিলবে ইহাদের মান দাড়াইবে বথাক্রমে  $a \sin \theta$  এবং  $a \cos \theta$ .

এই বিতীয় উপাংশটিই প্রতিফালিত হইবে, প্রথমটি আলো প্রতিফালিত হইবে না। সূতরাং ইহার তীরতাও দাড়াইবে  $a^2 \cos^2 \theta$  আর a ধ্বক হওরার এই তীরতার তারতমা বে ম্যালাসের সূত্রের সম্পূর্ণ সমর্থক তাহা সহজ্ঞেই শেখা বার ।

বৈধ-প্রতিসরণের ক্ষেত্রেও ম্যালাসের সূত্র সমভাবেই প্রবোজ্য। পূর্ববাণিত ক্যালসাইট কেলাস দুইটির পরীক্ষা দারা ইহা সহজেই প্রমাণ করা বার। ৪.১৪ নং চিত্রে দেখানো হইরাছে বে প্রথম কেলাসের মধ্য দিরা বাইবার পর আলো দুইটি সমান তীরতা সম্পন্ন এবং সম্পূর্ণ সমবর্তিত (তলীর সমবর্তন) আলোকর্মান্তে পরিণত হইরাছে। ইহাদের একটির কম্পন OA দিকে হইতেছে এবং ইহার বিস্তার a, অনাটির বিস্তার OB দিকে। OA সরলরেখার মধ্য দিরা পৃষ্ঠার অভিলব্ধে বে তল অব্দন করা বাইবে তাহাকে বলা বার প্রথম কেলাসের পারগমন-তল (plane of transmission). সাধারণত কেলাসে বৈধ-প্রতিসরণের বেলার এইরূপ দুইটি তল থাকিবে. একটি সাধারণ রশির এবং



অপরটি অসাধারণ রান্দর জনা। চিচ্চে ইহাদের বে কোন্ও একটি রান্দি নেওর। হইরাছে; ধরা বাক ইছা অসাধারণ রান্দ্র। দিতীর কেলাসের অবস্থান বাদি প্রথমটির সাপেক্ষে  $\theta$  বোরানো থাকে তবে ইহার অনুরূপ পারগমন-তলও প্রথম কেলাসের পারগমন-তলের সহিত ঐ একই কোণ উৎপান করিবে। এই অবস্থার আপতিত অসাধারণ আলো দুইটি উপাংশে ভাগ হইবে। একটি  $a\cos\theta$  বাহার কম্পন OA' দিকে জনাটি  $a\sin\theta$  বাহার কম্পন OA'' দিকে কম্পনশীল রান্দিটিই অসাধারণ রান্দ্র হিসাবে পারগত হইবে, কারণ OA' দিকে কম্পনশীল রান্দিটিই অসাধারণ রান্দ্র হিসাবে পারগত হইবে, কারণ OA' দিকটিই গোড়াতে দিতীর কেলাসে অসাধারণ রান্দ্র কম্পনশিক ছিল। আর অনুরূপ উপাংশের তীব্রতা গণা করিলে দেখা বাইবে বে ইহা পাড়াইতেকে  $a^2\cos^2\theta$  বাহা হইতে ম্যালাসের স্ত্রের সভাতা প্রমাণিত হর।

এই পরীক্ষা হইতে আরও একটি জিনিব সহজেই লক্ষ্য করা বার । বিদ কেলাসে শোষণ এবং বিক্ষেপণ তুচ্ছ বলিরা ধরা হর তবে দিতীর কেলাসের মধ্য দিরা গমনকারী যে কোনও একটি রশ্বির উপাংশ দুইটির তীরভার যোগফল ধ্রুক এবং দিতীর কেলাসে আপতিত রশ্বির সমান । কারণ এই উপাংশ দুইটির তীরতা হইবে

$$a^2 \cos^2 \theta + a^2 \sin^2 \theta = a^2$$
 (4.2)

এই আলোচনা সাধারণ রশ্মির ক্ষেত্রেও সমভাবেই প্রযোজা।

একাক কেলাসে ভরঙ্গপৃষ্ঠের আকৃতি (Shape of wave surfaces in uniaxial crystals).

কেলাসের মধ্য দিয়া গমনকালে আলোর বৈধ-প্রতিসরণ সৰদ্ধে এ পর্বস্ত সাধারণভাবে আলোচনা করা হইয়াছে যে আলোচনায় আলোকরশির থিধা-বিভক্তিই প্রধানত উল্লেখ করা হইয়াছে। এবার এই দ্বৈধ-প্রতিসরণের সঠিক প্রকৃতি বৃথিতে হইলে প্রতিসূত রশ্মি দুইটির সম্বন্ধে আরও বিশদ আলোচনা করা প্রয়োজন। দ্বৈধ-প্রতিসরণ প্রথমে আবিষ্কার করেন ইরাসমাস বার্থোলিনাস্। এই আবিদ্ধারের পর হাইগেন্স্ সাধারণ এবং অসাধারণ রশ্মিদ্বরের সমক্ষ অনুসন্ধান আরম্ভ করেন। তিনি ইতিমধ্যেই সাধারণ আলোর প্রতিফলন এবং প্রতিসরণের নিরমাবলী নিয়া পরীক্ষা করিয়া দেখাইয়াছিলেন যে এই ক্ষেত্রে প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত তরঙ্গপৃঠের (wave surface) আকৃতি গোলকীয় (spherical) ; অবশ্য একই আপত্তিত রশ্মি হইতে উৎপন্ন প্রতিফলিত ও প্রতিসৃত গোলকীয় তরঙ্গপৃষ্ঠের ব্যাস আলাদা হইবে। দ্বৈধ-প্রতিসরণের আবিষ্কারের পর তিনি স্বভাবতই আলোকরশ্মি দুইটির প্রকৃতি নিয়া পরীকা আরম্ভ করেন। তিনি দেখিতে পাইলেন যে রশ্মি দুইটির মধ্যে একটি ( র্যেটিকে সাধারণ রশ্মি বলা হয় ) প্রতিসরণের দুইটি সূত্রই মানিয়া চলে। অতএব ইহা হাইগেন্স্ কর্তৃক পূর্ব-পরীক্ষিত সাধারণভাবে প্রতিসৃত আলোর সহিত সর্বসম (identical), আর সেজন্য এই সাধারণ রশ্মিটির একাক্ষ কেলাসে প্রতিসত আলোক পঠের আকৃতিও গোলকীয় হইবে। দ্বিতীয় রন্মিটির ক্ষেত্রে ( যেটিকে অসাধারণ রশ্মি বলা হইয়াছে ) কিন্তু দেখা গেল যে ইহা প্রতিসরণেক সূত্র দুইটির একটিও সাধারণত: মানিয়া চলে না । স্বভাবতই মনে করা ষাইতে পারে যে প্রতিসৃত তরঙ্গপৃষ্ঠ নিশ্চয়ই সাধারণ রশ্মির তরঙ্গপৃষ্ঠ হইতে জ্জিয় আকৃতির হইবে। হাইগেন্স্ ধরিয়া নিলেন যে এই ক্ষেত্রে তরঙ্গপুঠের আকৃতি হুইবে উপগোলকীয় (spheroidal) ; একটি উপবৃত্তকে (ellipse) ইহার মুখ্য অথবা গোণ অকে (major or minor axis) ঘুরাইলে বে পৃষ্ঠ পাওয়া যাইবে ভাছাই হইবে উপগোলকীর পৃষ্ঠ । গোলকীর পৃষ্ঠই ভরক্ষপৃষ্ঠের ক্ষেত্রে সর্বাপেকা প্রতিসম (symmetrical). প্রতিসামোর দিক দিরা ইছার পরেই আসে উপগোলকীর পৃষ্ঠ । সেজনাই হাইগেন্স্ অসাধারণ আলোকরন্দির প্রতিস্ত তরক্ষপৃষ্ঠের আকৃতি উপগোলকীর বলিয়া ধরিয়াছিলেন । এই সিদ্ধান্তের ভিত্তিতে পরীক্ষা চালাইয়া প্রমাণ করা হয় বে অসাধারণ রন্দির ক্ষেত্রে প্রতিস্ত তরক্ষপৃষ্ঠের আকৃতি সভাই উপগোলকীর । এই পরীক্ষার বর্ণনা পরে দেওয়া ছইবে ।

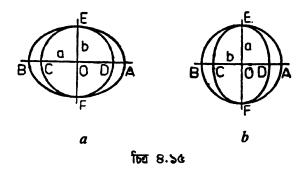
হাইসেন্সের মতানুসারে কেলাসের মধ্যে সাধারণ এবং অসাধারণ আলোক রন্ধির গাঁতবেগ এইর্শে নির্ণর করা বার। আলোকরন্ধি প্রতিসরণ তলে বে বিম্পৃতে আপতিত হয় সেই বিম্পৃকে কেন্দ্র করিয়া পূইটি তরঙ্গপৃষ্ঠ অকন করিতে হইবে। ইহাদের একটি গোলকীর অপরটি উপগোলকীর। এই পূইটি তরঙ্গ-পৃষ্ঠ এমন পূই বিম্পৃতে পরস্পারকে স্পর্শ করে বাহাদের বোগকারী সরলরেখা আলোক-অক্ষের সমান্তরাল। এই অক্ষনে আলোকরন্ধির আপতন বিম্পৃ হইতে প্রতিসৃত্ত সাধারণ ও অসাধারণ রন্ধির অক্ষন করিলে উক্ত রন্ধিররের গোলকীর ও উপগোলকীর তরঙ্গপৃষ্ঠে বে বাাসার্ক ডেক্টর (radius vector) পাওয়া বাইবে, ভাহাদের দৈর্ঘাই হইবে সংক্লিক্ট গাঁতবেগের আনুপাতিক মান। উপগোলকের মুখ্য ও গোণ অক্ষ এমনভাবে অক্ষন করিতে হইবে কেন ইহাদের অনুপাত এই কেলাসে অসাধারণ রান্ধির চরম ও অবম প্রতিসরাক্ষের অনুপাতের সমান হয়। আর গোলকীর তরঙ্গপৃষ্ঠের বাাস উপগোলকের মুখ্য অথবা গোণ অক্ষের সমান হইবে। উপরের বিবৃতিগুলি পরের আলোচনা হইতে আরও স্পর্গ হইবে।

সমদিক (isotropic) শ্রেণী ছাড়া আর সমন্ত কেলাসেই মোটামুটি আলোকের বৈধ-প্রতিসরণ হর। এই সমন্ত কেলাসকে দুইভাগে ভাগ করা বার। বাহাদের একটি আলোক-অক্ষ আছে তাহাদের একাক্ষ কেলাস বলা হর। আবার বাহাদের দুইটি আলোক-অক্ষ আছে তাহাদের বাক্ষ-কেলাস বলা হইরা থাকে। এই সবদ্ধে পূর্বে আলোচনা করা হইরাছে। হাইগেন্স্ বে মতবাদ সৃষ্টি করেন তাহা দুধু একাক্ষ কেলাসের বেলারই প্রবোজ্য । সাধারণভাবে সমন্ত বৈধ-প্রতিসরণকারী কেলাসের বেলার প্রবোজ্য মতবাদ উদ্ভাবন করেন ফ্রেনেল। এথানে একাক্ষ কেলাসের বেলার প্রবোজ্য নকরা হইবে।

জ্ঞাৰ ভ্ৰমেৰ উল্লেখ আপানন (Plane wave at normal incidence).

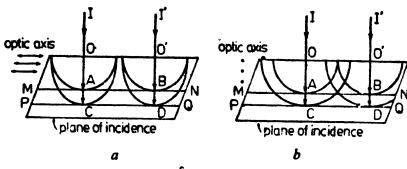
প্রথমে হাইগেন্সের অব্দাপ্রভিত্ত সহজ্জম উনাহরণ দির। আরম্ভ করা ব্যক্ত । বলা হইরাছে বে আলোকরণিরর আপতন বিন্দুকে কেন্দ্র করির। দুইটি

তবঙ্গপৃষ্ঠ অন্তিত করা হয় এবং ইহাদের একটির আকার গোলকীয়; অপরটির উপগোলকীয়। এই দুইটি তরঙ্গপৃষ্ঠ বে দুই বিন্দুতে পরস্পরকে স্পর্গ করে তাহাদের বোগকারী সরলরেখাই আলোক-অক্ষের দিক নির্দেশ করে। এইবার বিদ্ আপতন বিন্দুর মধ্য দিয়া আলোক-অক্ষের সমান্তরাল একটি তল অন্কন করা হয় তবে এই তল তরঙ্গপৃষ্ঠকে দুইটি রেখায় (curve) ছেদ করিবে। একটি রেখা হইবে বৃত্তাকার এবং অপরটি উপবৃত্তাকার। ইহাদের একটি ক্ষেত্রে [চিট্র ৪.১৫ (a)] বৃত্তটি সম্পূর্ণরূপে উপবৃত্তের ভিতরে থাকিবে। বে শ্রেণীর কেলাসে এইরূপ হয় তাহাদের বলা হইয়া থাকে ঋণাত্মক কেলাস। এই



শ্রেণীর সর্বাধিক পরিচিত দৃষ্ঠান্ত হইল ক্যালসাইট (calcite). দ্বিতীর শ্রেণীর কেলাসের ক্ষেত্রে বিপরীত ব্যাপার ঘটিয়া থাকে, এখানে উপবৃত্তটি সম্পূর্ণরূপে বৃত্তের মধ্যে অবস্থিত। এই শ্রেণীর কেলাসকে বলা হয় ধনাত্মক কেলাস, আর ইহার মধ্যে কোরার্ট্স্ই (quartz) সর্বাধিক পরিচিত এবং ব্যবহৃত। ত্বিশ্বার্ট্রের ক্ষেত্রে ছেল দুইটির দুই বিন্দু ঠিক স্পর্শ করে না বাহার ফলে আলোকীয় সক্রিয়তা (optical activity) নামক নৃতন প্রক্রিয়ার উত্তব হইরা থাকে; পরে এ সম্বন্ধে বিন্তারিত আলোচনা করা হইবে ] চিত্র ৪.১৫ (b)এ এইটি দেখানো হইয়াছে। প্রথম ক্ষেত্রে ৫ এবং ৫ ব্যাসার্জের একটি বৃত্ত E ও F বিন্দুতে পরস্পরকে স্পর্শ করিয়াছে এবং এখানে ৫>৫. দ্বিতীয় ক্ষেত্রে (ধনাত্মক কেলাসের বেলার) ৫ এবং ৫ ব্যাসার্জের উপবৃত্তি ৫ ব্যাসার্জের বৃত্তের সম্পূর্ণ ভিতরে অবস্থিত। আর এই ক্ষেত্রেও ৫ ১ উভয় ক্ষেত্রেই EF আলোক অক্ষের্ম দিক নির্দেশ করিতেছে।

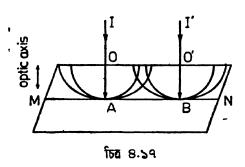
এই পরিপ্রেক্ষিতে আলোকরন্মির বিভিন্ন কোণে আপতনে প্রতিসৃত রশ্মিদ্বরের দিক নির্ণর করা হইবে। প্রথমে ধরা বাক একটি সমান্তরাল আলোকরন্মিয়ালা (light beam) উল্লয়ভাবে একটি ঋণাস্মক কেলাসের উপর আপতিত হইতেছে। প্রথমে ধরা হইবে বে কেলাসের আলোক-অক প্রতিসরণ তলের সমান্তরাল। এখানেও দুইটি পৃথক অবস্থা কম্পনা করা বাইতে পারে। একক্ষেত্রে আপতন তল আলোক-অক্ষের সমান্তরাল, বিতীর ক্ষেত্রে ইহা আলোক-অক্ষের সহিত অভিলব্ধে অবস্থিত। চিত্রে এই অবস্থা বধারুমে চিত্র ৪.১৬ (a) এবং ৪.১৬ (b)এ দেখানো হইরাছে।



চিব ৪.১৬

II' একটি সমান্তরাল আলোকরশিমালার দুইটি রশি এবং ইহারা একটি ক্ষণাক্ষক কেলাসের প্রতিসরণ তলে *OO'* বিন্দুতে 0° কোণে আপতিত ছইতেছে। প্রথমক্ষেত্রে OO' বিন্দুরয়কে কেন্দ্র করিয়া প্রতিক্ষেত্রে একটি বৃত্ত ও একটি উপবৃত্ত অন্কিত করা হইয়াছে ; ইহারা আলোক-অক্ষের সমান্তরাল বিন্দ্রয়ে পরস্পরকে স্পর্গ করিয়াছে। আলোক-অক্ষের দিক চিত্রের ধারে দেখানো হইরাছে। OA এবং O'B সাধারণ রশ্মির এবং OC ও O'D অসাধারণ রুশ্মির দিক নির্দেশ করিতেছে কারণ একেত্রে রুশ্মির দিক তরঙ্গমুখের অভিনৰে অবস্থিত। বৃত্ত দুইটির যদি একটি সার্ব-স্পর্শক (common tangent) টানা বার তাহা হইলে এইটি সাধারণ রশ্বির তরকমুখ বুঝাইবে। চিত্রে ইহা MN সরলরেখা দারা বুঝান হইতেছে। আবার উপবৃত্ত দুইটির সার্ব-স্পর্ক PQ অসাধারণ রশ্বির তরক্ষমুখ বুঝাইবে। দেখা যাইতেছে যে ভব্রুমুখের ও আলোকরন্দির গতিবেগ আলোচা ক্ষেত্রে সাধারণ ও অসাধারণ উচর রুশ্বির বেলারই সমান। আর এই প্রতিসরণে সাধারণ ও অসাধারণ রশির কোনও বিভাজন হয় না, ইহারা একই সরলরেখার গমন করে যদিও ইহাদের গতিবেগ আলাদা। চিত্র ৪.১৬ (b) এর ক্ষেত্রে আলোক-অক্ষের দিক চিত্রতলের অভিনৰে অবন্থিত। সুজরাং এখানে আপতন তল ভরঙ্গণ্<sup>চ</sup> দুইটিকৈ ছেদ করিবে দুইটি বৃত্তে। এখানেও আগের মত MN এবং PQসাধারণ এবং অসাধারণ রশ্বির দুইটি ভরক্ষমুখ এবং OA, OC সংগ্রিভ রশি বুঝাইবে। এক্ষেত্রেও রশির এবং তরঙ্গমূখের বেগ এক হইবে এবং সাধারণ ও অসাধারণ রশির বিভাজন হইবে না কিন্তু ভাহাদের গতিবেগ আলাদা হইবে।

তৃতীর উদাহরণ দেখানে। হইয়াছে ৪.১৭ নং চিত্রে । এখানে সমস্তই আগের দুটি ক্ষেত্রের মত শুধু আলোক-অক্ষের দিক প্রতিসরণ তলের অভিলবে



অর্বান্থত। সূতরাং এক্ষেত্রে ০০' বিন্দুষয়কে কেন্দ্র করিয়া যে তরঙ্গপৃষ্ঠ দুইটি অব্দন করা হইবে তাহারা প্রত্যেকে এমন দুই বিন্দুতে পরস্পরকে স্পর্শ করিবে যাহা যোগ করিলে আলোক-অক্ষের সমান্তরাল হইবে। কাজেই এই ক্ষেত্রে দুইটি সার্ব-স্পর্শকই সম্পাতী (coincident) হইবে। MN এই সম্পাতী সার্ব-স্পর্শক বুঝাইতেছে। এই ক্ষেত্রেও সাধারণ ও অসাধারণ রন্মির কোনও বিভাজন হইবে না (কারণ ইহারা আলোক-অক্ষের সমান্তরালেই যাইতেছে)। অতএব এই রিমা দুইটির গতিবেগও সমান হইবে। বলা বাহুলা রিমা এবং তরঙ্গমুখের গতিবেগও উভার রিমার ক্ষেত্রেই একই হইবে। বন্ধুতঃ কেলাসটি এই ক্ষেত্রে বৈধ-প্রতিসরণ আদৌ দেখাইবে না, সমাদক (isotropic) কেলাসের মতই আচরণ করিবে।

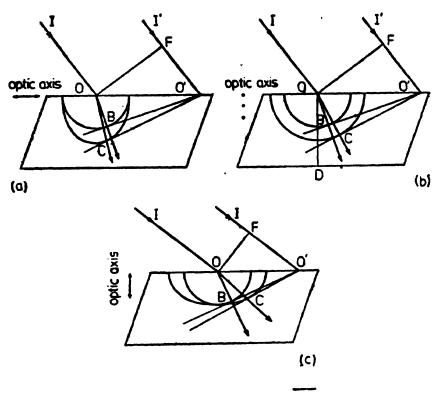
পূর্বেই বলা হইরাছে যে এই চিত্রসমূহ আকা হইরাছে একটি ঋণাত্মক কেলাসের জন্য ; আর ক্যালসাইট কেলাস এই শ্রেণীর সর্বোৎকৃষ্ঠ ও প্রখ্যাত উদাহরণ।

তলীয় ভরজের তির্যক আপতন (Plane wave at oblique incidence).

আলোকরণিমর তির্থক আপতনের ক্ষেত্রেও পূর্বের ন্যার তিন্টি অবস্থা নেওয়া যাইতে পারে। এগুলি হইল (a) আলোকঅক্ষ আপতন তলের সমান্তরালে অবন্থিত (b) আলোকঅক্ষ আপতন তলের অভিলৱে অবস্থিত এবং

## (c) আলোকজক প্রতিসরণ তলের অভিনৰে অবস্থিত।

প্রথম চিয়ে (৪.১৮ a) O বিম্পুকে কেন্দ্র করিরা একটি বৃত্ত ও একটি উপ-বৃত্ত অক্কন করা হইরাছে, ইহারা পরস্পরকে স্পর্ণ করিরাছে এমন দুইটি বিস্পৃতে বাহাদের বোগকারী সরলরেখা আলোক-অক্ষের সমান্তরাল। OF সমান্তরাল

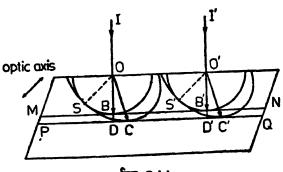


চিত্ৰ ৪.১৮

আলোকরন্মিলার তরঙ্গমুখ। O বিন্দু হইতে বৃত্ত এবং উপবৃত্তের (কেলাস) উপর বলি দুইটি স্পর্শক টানা বার তবে ইহারা হইবে এই তরঙ্গমুখের কেলাসে অবস্থান। আর এই স্পর্শক্ষর বেখানে বৃত্ত ও উপবৃত্তকে স্পর্শ করিরাছে সেই দুই বিন্দুকে O এর সহিত বৃত্ত করিলো ইহারা সাধারণ ও অসাধারণ রিন্দ দুইটির গাঁতর দিক নির্দেশ করিবে। চিত্রে O'B ও O'C এবং OB ও OC ব্যান্তরে সাধারণ ও অসাধারণ রিন্দর তরঙ্গমুখ ও রন্দির দিক বুঝাইতেছে। এখানে আলোক করে-প্রতিসরণ হইতেছে এবং বৈধ-প্রতিসরণের কারণ আপতিত রন্দি আলোক-অক্ষের সহিত একেক্রে তির্কক কোণে আপতিত হইরাছে। পরের দুইটি ক্ষেত্রেও অনুবৃগভাবেই সাধারণ ও অসাধারণ রন্দির দিক, গতিবেগ এবং

তরঙ্গমূখের অবস্থান সহজেই নির্ণর করা বার। চিত্র ৪.১৮ (b) ও (c)এ ইছাদের দেখানে। হইরাছে। এখানে একটি বিষয় লক্ষ্য করিবার আছে। কেলাসের মুখা-ছেদ এবং সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির মুখ্য-তলের সংজ্ঞা পূর্বে দেওরা হইরাছে। কোন কোন কেন্তে ইহারা সম্পাতী (coincident) হইডে পারে, কিন্তু সাধারণত সম্পাতী হইবে না। সংজ্ঞানুসারে দেখা ঘাইবে যে এ পর্যান্ত যে ছয়টি উদাহরণ আলোচিত হইয়াছে তাহাদের পাঁচটি ক্ষেত্রেই মুখ-ছেদ ও মুখা তল সম্পাতী। শুধুমাত্র একটি ক্ষেত্রে ইহারা সম্পূর্ণ পৃথক। এই ক্ষেত্রটি চিত্র ৪.১৮ (b)এ দেখানো হইয়াছে। এখানে কেলাসের মুখ্য ছেদ দাড়াইবে OD সরলরেখার মধ্য দিয়া চিত্রতলের অভিসং ম অভিকত একটি তল। কিন্তু সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বিদ্বয়ের মুখ্য-তল এখানে ব্যাক্তমে OB এবং OC সরলরেখার মধ্য দিয়া অন্কিত চিত্রতলের অভিলয়ে অন্কিত তল দুইটি। সূতরাং দেখা যাইতেছে যে এই ক্ষেত্রটিতেই শুধু ভিনটি তলের অবস্থানই পৃথক। এখানে আরও একটি বিষয় লক্ষ্য করা প্রয়োজন। আলোর তিৰ্বক আপতনের তিন্টি ক্ষেত্রের মধ্যে স্বগুলিতেই সাধারণ রশ্বির দিক সংগ্লিষ্ট তরঙ্গমুখের অভিনয়ে অবস্থিত। অতএব তরঙ্গমুখের গতির দিক আলোকরন্মির গতির দিকের সহিত সম্পাতী হটবে। কিন্ত অসাধারণ আলোর ক্ষেত্রে একমাত্র দ্বিতীয় চিত্রের বেলায়ই এটি ঘটিবে। প্রথম ও তৃতীয় চিত্রের বেলায় অসাধারণ রশ্মির দিক OC স্পর্ণক O'C এর অভিলবে থাকিবে না।

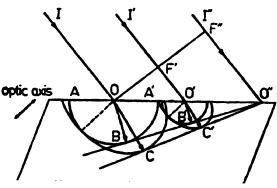
এবার বদি এমন একটি উদাহারণ নেওয় বার বেখানে আলোকরশ্বি প্রতিসরণ তলের অভিলবে আপতিত হইয়াছে এবং আলোক-অক্ষ প্রতিসরণ তলের সহিত তির্বকর্পে অবস্থিত তাহা হইলে দেখা বাইবে বে এইক্ষেত্রে অসাধারণ রশ্বির গতিবেগ সংশ্লিক্ট তরঙ্গমুখের গতিবেগ হইতে পৃথক হইবে। আর ইহাদের গতির দিকও আলাদা দাড়াইবে।



हिंच 8.55

উপরের চিত্রে সমান্তরাল আলোকরশিমালার দুইটি রশি  $II^\prime$  প্রতিসরণ

জলে OO' বিশ্বতে আপতিত হইয়াহে। আলোক-অক্ষ এখানে প্রতিসরণ ডলের সহিত ডির্মক অবস্থানে আছে। ০০' বিন্দু দুইটিকে কেন্দ্র করিয়া বস্ত ও উপয়ত্ত অক্ষম করিলে ইছারা SO এবং S'O' দিকে স্পর্ণ করিবে ; এই **দিক আলোক-অক্ষের সমান্তরাল**। এবার বৃত্ত গুইটিতে একটি সার্<del>ব-স্পর্ণক</del> MN আবিলে এইটি হইবে সাধারণ রশ্বির তরঙ্গমুখ। আর এই স্পর্ণক বে বিস্পুতে বৃত্তকে স্পর্শ করিরাছে তাহা O বিস্পুতে যোগ করিলে OB সাধারণ রশ্বির দিক নির্দেশ করিবে। হাইগোন্সের সংরচনার (Huygens' construction) নিরমানুসারে এইটিই প্রতিসৃত রশ্বির দিক বাহির করিবার প্রবালী। সাধারণ রশ্বির ক্ষেত্রে রশ্বির এবং তরঙ্গমুখের গতিবেগ ও দিক সম্পাতী হইবে। যদি উপবৃত্ত দুইটির সার্থ-ম্পর্ণক অধ্কন করা যায় ভাছা হ**ইলে এই**টি PQ অসাধারণ রশ্বির তরঙ্গমুখ বৃঝাইবে। যদি তরঙ্গমুখের উপর লক্ষর OD এবং O'D' টানা হয় তবে ইহার গাতিবেগ হইবে OD এবং O'D' ( আনুপাতিক )। কিন্তু এই সার্ব-স্পর্শক উপবৃত্তকে স্পর্শ করিবে C এবং C' বিম্মৃতে ; কাজেই OC এবং O'C' অসাধারণ রন্মির দিক বুঝাইবে । অভএব এই চিত্র হইতে দেখা বাইডেছে অসাধারণ রশ্বির ক্ষেত্রে রশ্বির এবং ভরসমুখের গতিবেগ ও দিক আলাদা হইবে।



हिरा 8.३०

এইবার হাইগেন্সের সংরচন। (Huygens' construction) অনুসারে সাধারণ একটি উদাহরণ বিবেচনা করা হইবে। ৪.২০ নং চিত্রে II' একটি সমাস্তরাল আলোকরন্মালা। ইহার ভিনটি রন্ধি IO, I'O' এবং I'O' খণাক্ষক কেলাসের প্রভিসরণ তলে বধাক্রমে O, O' এবং O' বিন্দৃতে ভির্বকভাবে আপতিত হইতেছে। পার্শ্বে আলোক-অক্ষের দিক দেখানো হইরাছে। আলোক-অক্ষ আপতন তলের সহিত সমাস্তরাল বলিরা এই ক্ষেত্রে ধরা হইরাছে।

বাদও ইহা নাও হইতে পারে। OF'F'' আপতিত আলোকরশ্মিষালার একটি তরক্ষমুখ। O বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া এবং  $OA = \frac{F^*O^*}{...}$  ব্যাসার্দ্ধ নিয়া একটি বৃত্তাংশ অধ্কন করা হইল। তাহা হইলে I'O'' রশ্মি বৃতক্ষণে F''O'' দূরত্ব অতিক্রম করিয়া  $O^*$  বিম্দুতে পৌছিবে ততক্ষণে O বিম্দুর স্রংশ OA ব্যাসের বৃদ্তাংশে বিস্তারলাভ করিবে। এইবার O বিন্দকে কেন্দ্র করিয়া একটি উপবৃত্ত অঞ্চন করিতে হইবে। এই উপবৃত্তের মুখ্য ও গোণ অক্ষন্তর যথাক্রমে  $F^*O^*$  এবং  $\frac{F^*O^*}{\mu_{ord}}$  এর সমান হটবে । আর বৃত্ত ও উপবৃত্ত আলোক-অক্ষের দিকে পরস্পরকে স্পর্শ করিবে। এই উপবৃত্তটি হইবে সংগ্লিষ্ট অসাধারণ রশ্মির তরঙ্গপৃষ্ঠের অবস্থান। অনুরূপভাবে O' বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া O'A' ব্যাসার্দ্ধ নিয়া একটি বৃত্ত আকা হইয়াছে । এখানে  $O'A' = \frac{F'O'}{\mu_{o-a}}$  আবার O' কে কেন্দ্র করিয়া একটি উপবৃত্তও আকা হইরাছে যাহাদের মুখ্য ও গৌণ অক্ষয় যথাক্রমে  $\frac{F'O'}{\mu_{oxt}}$  এবং  $\frac{F'O'}{\mu_{ord}}$  এর সমান। এবার যদি O' বিন্দু হইতে প্রথম বৃত্তের উপর একটি স্পর্শক আকা যায় তবে ইহা বৃত্তটিকে B বিন্দুতে স্পর্ণ করিবে। O বিন্দুতে বেভাবে বৃত্ত আকা হইয়াছে তাহাতে সহজেই প্রমাণ করা যায় যে O'B স্পর্শক এই বৃত্তকে B' বিন্দুতে স্পর্শ করিবে। সূতরাং OB ও O'B' সাধারণ রশ্বির দিক নির্দেশ করিবে। আর O'B'B হইবে সাধারণ রশ্মির তরঙ্গমুখের অবস্থান। এবং যেহেতু স্পর্শক O'B'B বৃত্ত দুইটিকে B ও B' বিন্দুতে স্পর্শ করিয়াছে, সাধারণ রশ্মি ও তরঙ্গমুখের গতির দিক সম্পাতী হইবে এবং ইহাদের গতিবেগও সমান হইবে।

এইবার পূর্বোক্ত পদ্ধতি অনুসারে উপবৃত্তের উপর O'C স্পর্ণক আকা হইল। এই স্পর্গক O' বিস্পুকে কেন্দ্র করিরা আকা উপবৃত্তকেও C' বিস্পুতে স্পর্শ করিবে দেখানো যায়। OC এবং O'C' অসাধারণ রশ্মির দিক বুঝাইবে। আর O'C'C অসাধারণ রশ্মির তরঙ্গমুখের অবস্থান হইবে। সহজেই দেখা যায় যে OC সরলরেখাটি O'C এর অভিসত্তে না হওয়ায় অসাধারণ রশ্মির গতির দিক ইহার তরঙ্গমুখের গতির দিকের সহিত সম্পাতী হইবে না; ইহাদের গতিবেগও আলাদা হইবে।

৪.২০ নং চিত্র হইতে দেখা যায় যে সাধারণ রশ্মি প্রতিফলনের দুইটি সূত্রই মানিয়া চলিবে, কিন্তু অসাধারণ রশ্মির ক্ষেত্রে ইহা সত্য নহে। ইহার কারণ এই যে সাধারণ আলোর তরঙ্গপৃষ্ঠের আকৃতি বৃত্তাকার হওয়ায় প্রতিসৃত রশ্মির

গতিবেগ সমন্ত আপতন কোন্দের জনাই এক থাকিবে; ফলে আপতন কোণ এবং প্রতিসরণ কোণের সাইনের (sine) অনুপাত ধ্রুবক হইবে – ( $\mu_{ord}$ ). আরও সহজ্জাবে বলা যায় যে দুই গতিবেগ ৩ এবং ৩' এর অনুপাত  $(v/v'-\mu_{ard})$  ধ্রবক হইবে । আর O' বিন্দু হইতে অন্কিত স্পর্ণক বৃত্তটিকে বে বিশু B তে স্পর্ণ করিবে সেটি আপতন তলেই অবন্থিত হইবে। সূতরাং প্রতিসরণের বিতীয় নিয়মও প্রতিপালিত হইবে। কিন্তু অসাধারণ রশ্মির বেলার প্রতিসৃত রশ্বির দৈর্ঘা C বিন্দুর অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে : অর্থাৎ বিভিন্ন আপতন কোণে প্রতিসূত রন্মির গতিবেগ আলাদা হইবে যাহার ফলে আপতন কোণ ও প্রতিসরণ কোণের সাইনের (sine) অনুপাত প্রবক ছইবে না। দিতীয়ত: আলোক-অক যদি আপতন তলের সহিত তির্বক অবস্থানে থাকে তবে O'C স্পর্ণকটি উপবৃত্তকে বে বিন্দৃতে স্পর্ণ করিবে সেই স্পর্শবিস্থা C আপতন তলে হইবে না। সূতরাং প্রতিসরণের দ্বিতীর নিয়মটি সাধারণত প্রতিপালিত হইবে না। অবশ্য চিত্রে যে অবস্থা দেখানো হইয়াছে সেই ক্ষেত্রে C বিন্দু আপতন তলে অবস্থিত হইবে এবং দিতীয় সূত্রটি প্রতিপালিত হইবে। আবার আলোক-অক বদি আপতন তলের অভিনয়ে অবন্থিত হর তবে দুইটি তরঙ্গপৃঠের ছেদই বৃত্তাকার হইবে। অতএব এই ক্ষেত্রে প্রতিসরণের উভর সূত্রই প্রতিপালিত হইবে।

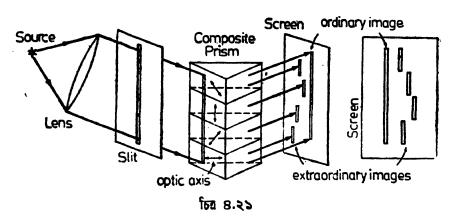
হাইগেন্সের সংরচনার প্রতিপাদন (Verification of Huygens' construction).

হাইগেন্সের সংরচনা অনুসারে আলোকরণি কেলাসের প্রতিসরণ ওলে কোনও বিন্দুতে আপতিত হইলে সেই বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়। দুইটি তরঙ্গ পৃঠের সৃষ্টি হয়। ইহাদের মধ্যে বেটি সাধারণ রশির তরঙ্গ-পৃঠ, তাহার আফৃতি গোলকীর (spherical). আর সংশ্লিষ্ট অসাধারণ রশির তরঙ্গ-পৃঠের আফৃতি উপগোলকীর (spheroidal). এই মতবাদের সভাতা নিম্নলিখিত রূপে প্রমাণ করা বার।

সাধারণ রশিমর ক্ষেত্রে তরঙ্গ-পৃঠের আফৃতি গোলকীর হইবে। সূতরাং কেলাসে আলোক-অক্ষের অবস্থান যে দিকেই হোক না কেন, আপতন তল বারা এই তরঙ্গ-পৃঠের ছেদের আফৃতি সর্বদাই বৃদ্ধাকার হইবে। শৃন্যে ( অথবা কার্বাতঃ বারুতে ) যদি আলোর গতিবেগ হয় v এবং কেলাসে হয়  $v'_{ord}$  তবে  $\frac{v}{v'_{ord}} = \mu_{ord} = \frac{\sin i}{\sin r_o}$ ; তরঙ্গপৃঠের ছেদ বৃদ্ধাকার হওরায় সাধারণ রশিমর

গতিবেগ OB ( চিন্ন ৪.২০ ) সমন্ত আপতন কোণেই এক হইবে। সূতরাং  $\mu_{ord}$  ধুবক দাড়াইবে। আর স্পর্ণবিন্দু B ও আপতন তলেই থাকিবে।

এই বৃত্তির সত্যতা পরীক্ষা করিতে হইলে একখণ্ড একাক্ষ কেলাস (uniaxial crystal) হইতে আলোক-অক্ষের বিভিন্ন অবস্থানে করেকটি প্রিজ্ম্ কাটিরা ঐগুলি জোড়া দিয়া একটি বড় প্রিজ্ম্ তৈয়ারী করা দরকার। ৪.২১ নং চিত্রে দেখানো হইয়াছে যে এইরূপ চারিটি প্রিজ্ম্ একটি বড় কেলাস হইতে এমনভাবে কাটা হইয়াছে বাহাতে প্রত্যেকটিতে আলোক-অক্ষের দিক আলাদা। এই চারিটি ক্ষুদ্র প্রিজ্ম্ জোড়া দিয়া একটি বৃহত্তর প্রিজ্ম্ তৈয়ারী করা হইয়াছে। এই প্রিজ্মের উপরে একটি আলোক-উৎস ১ হইতে লেন্স এবং রেখাছিদ্রের সাহাযো সমান্তরাল ও একবর্ণী (monochromatic) আলোক রিম্মমালা আপতিত করা হইল। প্রতিসরণের পর অন্যাদিকে যে প্রতিবিদ্ধ সৃষ্ট হইবে তাহা একটি না হইয়া একাধিক দাড়াইবে। ইহাদের মধ্যে একটি হইবে আপতিত রিম্মর দৈর্ঘ্যের সমান এবং নিরবিছ্মির। সেটি সাধারণ রিম্ম হায়া সৃষ্ট হইবে, সাধারণতঃ বিভিন্ন ভাগে বিভক্ত হইয়া যাইবে এবং মোটামুটি যে কয়টি ক্ষুদ্র প্রিজ্ম্ ছারা বৃহত্তর প্রিজ্ম্ম্টি গঠিত তত সংখ্যক বতর প্রতিবিষের সৃষ্টি করিবে। চিত্রে এই দুইশ্রেণীর প্রতিবিষ্ধ আলাদা করিয়া দেখানো হইয়াছে।

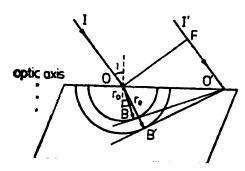


সাধারণ রশ্মি সবগুলি প্রিজ্মের মধ্য দিয়া একই নির্মানুসারে প্রতিসৃত হর বলিয়া (ধুবক µ) এই প্রতিবিষগুলি পর পর একই সরলরেখার পাড়িবে।

এই পরীক্ষা হইতে দেখা যাইতেছে যে সাধারণ রন্মির ক্ষেত্রে ইহার গতিবেগ কেলাসে আলোক-অক্ষের অবস্থানের উপর নির্ভর করে না। সূতরাং ইহার তরজপৃষ্ঠ গোলকীর। আর ইহার অর্থ পূর্বেই দেখা গিরাছে যে সাধারণ রণির প্রতিসরশের দুইটি সূচই মানিরা চলে।

অপরণিকে দেখা বাইতেছে বে অসাধারণ রশির ক্ষেত্রে গতিবেগ আলোক অক্ষের অবস্থানের উপর নির্ভরণীল । সূতরাং ইহার তরঙ্গ-পৃষ্ঠ গোলকীর হইতে পারে না । হাইগেন্সের মতে এই তরঙ্গ-পৃষ্ঠের আকৃতি উপগোলকীর । ইহার সভাতা বাচাই নির্মালিখিত পরীক্ষা দারা করা সম্ভব ।

(a) আলোক-অক প্রতিসরণ তলের সমান্তরাল, কিন্তু আপতন-তলের অভিলবে অবন্থিত (optic axis parallel to the refracting face but perpendicular to the plane of incidence). এর্প ক্ষেত্রে আপতন তল বারা তরক্ষ-পৃষ্ঠ দুইটি ছেদ করিলে যে দুইটি রেখা (curve) পাওয়া যাইবে, তাহারা উভরেই বৃত্তাকার হইবে। কারণ এই ক্ষেত্রে চিত্র নং ৪.২২ হইতে দেখা বার যে আপতন তল তরক্ষপৃষ্ঠ দুইটিকে ইহাদের যৌথ কেন্দ্রের মধ্য দিয়া আলোক-অক্ষের অভিলবে ছেদ করিতেছে; আর তিমাত্রিক (three-dimensional) তরক্ষপৃষ্ঠ পাওয়া যায় বৃত্ত এবং উপবৃত্তকে আলোক-অক্ষের চতুলিকে ঘুরাইলে। সূতরাং ৪.২২ নং চিত্রে দেখানো হইয়ছে 10, 1'0' দুইটি রিল



क्रि ८.२२

০, ০' বিন্দুতে আপভিত হইতেছে। আলোক-অক্ষ পালে বিন্দু দিয়া বুঝানো হইরাছে। ইহার অর্থ আলোক-অক্ষ চিত্রতলের অর্থাৎ আপতন তলের অভিনরে আর প্রতিসরণ তল ০০' এর সমান্তরালে অর্বান্থত। ইহার তরঙ্গ-পৃষ্ঠের দুইটি ছেদ পাওরা বাইবে; ইহাদের উভরেরই কেন্দ্র ০ বিন্দু আর উভরেরই আকৃতি বৃত্তাকার হইবে। ০' হইতে এই বৃত্ত দুইটির উপর স্পর্ণক আকিলে ইহারা বৃত্ত দুইটিকে B এবং B' বিন্দুতে স্পর্ণ করিবে। ০৪ ও ০৪' ব্যাক্তমে সাধারণ ও অসাধারণ রাশ্বর দিক ও আনুপাতিক গতিবেগ বুজাইবে। সহজেই বুঝা বার বে আলোকের গতিবেগ বাদি বারুতে ৮ হর এবং

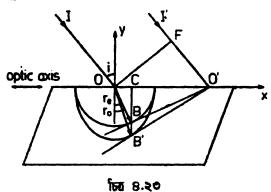
সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বির কেলাসে গতিবেগ বধারুমে  $v_o$  এবং  $v_o$  হর তবে  $\frac{v}{v_o} = \frac{\sin i}{\sin r_o} = \mu_{ord}$  এবং  $\frac{v}{v_o} = \frac{\sin i}{\sin r_o} = \mu_{ext}$  হটবে এবং উভর ক্ষেত্রেই  $\mu_{ord}$  এবং  $\mu_{oxt}$  ধুবক হটবে। এখানে i= আপতন কোণ;  $r_o$  এবং  $r_o$  বধারুমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বির প্রতিসরণ কোণ।  $\mu_{ord}$  এবং  $\mu_{oxt}$  বধারুমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বির প্রতিসরণক। আর B এবং B' বিন্দু আপতন তলে হওরার উভর রশ্বিই এক্ষেত্রে প্রতিসরণের দ্বিতীর সূত্র মানিরাচ চলিবে।

এই বৃদ্ধির সভাতা পরীক্ষা করিতে কেলাস হইতে এমন একটি প্রিজ্ম্ কাটা দরকার বাহাতে আলোক-অক্ষ প্রতিসরণ-তলের সমান্তরালে অবস্থিত। এই প্রিজ্মের উপর একটি একবর্গী আলোকরিন্দা এমনভাবে আপতিত করা হইল বাহাতে আপতন-তল আলোক-অক্ষের অভিলয়ে পড়ে। প্রতিসরণের পর প্রিজ্মের অপর দিকে দুইটি আলোকরিন্দা পাওয়া বাইবে; ইহাদের একটি সাধারণ ও অপরটি অসাধারণ রিন্দা। ইহাদের উভরেরই তলীয়-সমবর্তন হইবে আর তাহাদের সমবর্তন-তল পরস্পরের অভিলয়ে থাকিবে। আপতন কোণ পরিবর্তন করিয়া বিভিন্ন আপতন কোণের জন্য দুইটি রিন্দারই প্রতিসরাক্ষ নির্ণয় করা হইলে দেখা যাইবে যে ইহারা উভরেই ধ্বক ( বিদিও ইহাদের মান বিভিন্ন)। অতএব এই পরীক্ষা হইতে প্রমাণিত হয় যে সাধারণ ও অসাধারণ রিন্দার তরক্ষপৃষ্ঠ আলোক-অক্ষ ঘিরিয়া দুইটি আবর্তন-পৃষ্ঠ (surface of revolution) আর আলোক-অক্ষের অভিলয়-তল ইহাদের দুইটি বৃত্তে ছেদ করে। ইহার পরের ধাপ হইবে এই তরক্ষ-পৃষ্ঠের উৎপাদক রেখার (generating curve) আকৃতি নির্ণয় করা। এজন্য নির্মালিখিত পরীক্ষাটি করা দরকার।

(b) আলোক-অক্ষ আলোকরশিমর আপতন-তল ও কেলাসের প্রতিসরণ-তল উভয়ের সমান্তরাল (optic axis parallel to both the refracting face of the crystal and the plane of incidence).

এই ক্ষেত্রে যদি আলোকের তরঙ্গপৃষ্ঠ হাইগোন্সের মতানুসারে গোলকীয় এবং উপগোলকীয় বলিয়া ধরিয়া লওয়া হয় তবে আপতন তল দ্বারা ইহাদের ছেদ করিলে যে রেখা পাওয়া যাইবে, তাহাদের একটি হইবে বৃত্তাকার অপরটি উপবৃত্তাকার। প্রথমটি সাধারণ ও দ্বিতীয়টি অসাধারণ রশ্মির জন্য। ইহারা উভয়ে আলোক অক্ষের সমান্তরালে দুই বিন্দৃতে প্রস্পর স্পর্শ করিবে। পূর্বের আলোক। মত ৪.২৩ নং চিত্রে দেখানো হইয়াছে যে II' রশ্মিদর ০০'

বিন্দুতে আপতিত হইরাছে। O বিন্দু হইতে উম্ভূত তরক্ষ-পৃষ্ঠের উপর O বিন্দু হইতে বে দুইটি স্পর্শক আকা হইরাছে ভাহার৷ B এবং B' বিন্দুতে



যথাক্রমে বৃত্ত ও উপবৃত্তকে স্পর্শ করিয়াছে। OB ও OB সাধারণ এবং অসাধারণ রশ্মি।

এই বৃত্ত এবং উপবৃত্তের সমীকরণ লেখা বায়

$$x^2 + y^2 = a^2$$
 ( वृद्ध, वाजाई  $a$  ) (4.3)

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$
 (উপবৃত্ত, মুখা ও গৌণ ব্যাসার্ছ  $b$  এবং  $a$ ) (4.4)

মেরু এবং মেরুরেখার (Pole and Polar) সংজ্ঞানুসারে দেখা যার যে মেরু O' বিস্পুর মেরুরেখা বৃষ্টে এবং উপবৃত্তে যথাক্রমে BC এবং B'C. O' বিস্পুর স্থানাক্ক (coordinates) যদি  $x_1y_1$  হয় তবে উপবৃত্তের মেরুরেখার সমীকরণ হইবে

$$\frac{xx_1}{a^2} + \frac{yy_1}{b^2} = 1 \tag{4.5}$$

 $O^*$  বিম্পুকে বদি x অক্ষের উপর অর্থাস্থত বলিয়া ধরা বার, তবে এই সমীকরণ পাড়াইবে

$$\frac{xx_1}{a^2} = 1. \qquad \text{as } xx_1 = a^2 \tag{4.6}$$

অনুর্গভাবে বৃত্তের মেরুরেখার সমীকরণ হইবে

$$xx_1 + yy_1 = a^2 (4.7)$$

अरक्टा कर मधीकान नाकारेटन

$$xx_1 = a^2 \tag{4.8}$$

দেখা বাইতেছে যে দুইটি মেরুরেখাই একই সমীকরণ দারা বৃন্ধানো বাইতেছে; অর্থাং ইহারা সম্পাতী (coincident). সূতরাং B এবং B' একই সরলরেখা B'BC এর উপর অর্বান্থত এবং এই সরলরেখা OO' এর অভিসমে আছে বালিরা দেখানো বার ।

সূতরাং লেখা ৰাইতে পারে

$$\frac{\tan r_{\bullet}}{\tan r_{\bullet}} = \frac{OC}{BC} / \frac{OC}{BC} = \frac{B'C}{BC} = \frac{a}{b}$$
 (4.9)

এখন আলোর গতিবেগ যদি বায়ুতে v হয় এবং সাধারণ ও অসাধারণ রিশ্বর গতিবেগ কেলাসে যথান্তমে  $v_o$  এবং  $v_o$  হয় তবে পূর্বের চিত্র নং ৪.২২ হইতে দেখানো বায়  $\frac{v_o}{v_o} = \frac{b}{a} = \frac{\mu_{o.x.t.}}{\mu_{o.x.t.}}$  (4.10)

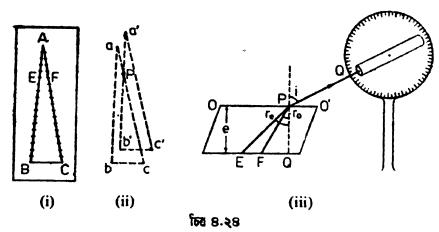
कारकरे माज़ारेरजस्

$$\frac{\tan r_o}{\tan r_e} = \frac{a}{b} = \frac{\mu_{ord}}{\mu_{ext}}.$$
 (4.11)

এই ফল পাওরা যাইতেছে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি দুইটির উৎপাদক রেখা (generating curve) দুইটিকে যথাক্রমে বৃত্ত ও উপবৃত্তাকার ধরিয়া নিয়া। এই কাম্পনিক তথ্যের (assumption) সত্যতা নিয়লিখিত পরীক্ষার দ্বারা যাচাই করা যাইতে পারে। এইটি ম্যালাসের (Malus) পরীক্ষা।

একটি ধাতব পাতের উপর দুইটি শেকল AB এবং AC সৃক্ষর্পে খোদাই করা হইরাছে। শেকল দুইটি পরস্পরের সহিত সরুকোণে তির্বকভাবে অবস্থিত। একটি ক্যালসাইট কেলাস এমনভাবে কাটা হইল যাহাতে আলোককক্ষ কেলাসের প্রতিসরণ তল OO' এর সমান্তরালে থাকে। এই প্রতিসরণ
তলটি OO' সরলরেখার মধ্য দিয়া চিত্রতলের অভিলয়ে আছে। এবার
প্রতিসরণ তল হইতে আলো প্রতিকলিত করিয়া এই তলকে নিখুতভাবে
অনুভূমিক করা হইল। শেকলের ধাতব পাতটি কেলাসের নীচে এমন
অবস্থানে বসানো হইল বাহাতে কেলাসের মুখ্য-ছেদ (principal section)
AB এর অভিলয়ে থাকে। কেলাসের উপর হইতে তাকাইলে ABC এর দুইটি
প্রতিবিশ্ব দেখা বাইবে; একটি সাধারণ রশ্মির এবং অপরটি অসাধারণ রশ্মির
কন্য। আর ইহারা পরস্পরের সহিত বিচ্ছিন্নভাবে অবস্থিত হইবে। ৪.২৪(ii)
নং চিত্রে ইহানের অবস্থান দেখানো হইয়াছে abc ও a'b'c' ছায়া। ইহায়া P
বিন্দুতে পরস্পরকৈ ছেদ করিবে। সূতরাং বিদ P বিন্দুতে দৃষ্টি নিবদ্ধ করা

বার ভাছা হইলে AB ন্ফেলের E বিন্দু হইতে একটি রণ্মি এবং AC ন্ফেলের F বিন্দু হইতে আর একটি রণিম কেলাসের মধ্য দিরা গমন করির। কেলাসের OO' তলে আসিরা মিলিত হইরাছে এবং সেখান হইতে একটি একক রণিম হিসাবে বারুতে গমন করিভেছে। কেলাসের মধ্যে EP এবং FP অসাধারণ ও সমধারণ রণিম দেখাইতেছে। কেলাসে গমনের পর রণিম দুইটি P বিন্দুতে



মিলিত হইয়া একক প্রতিসৃত রশ্মি হিসাবে বায়ুতে গমন করিবে। সূতরাং বিলতে পারা বার যে প্রতিবর্তিতার নীতি (principle of reversibility) অনুসারে একটি আলোকরশ্মি QP দিকে কেলাসের উপর আপতিত হইলে PE এবং PF দুইটি অসাধারণ ও সাধারণ রশ্মিতে কেলাসের মধ্যে প্রতিসৃত হইবে। সূতরাং সংক্রিক কোণগুলিকে ৪.২৪(iii) নং চিত্রে প্রদর্শিতর্পে নির্দিক করা হইল। এবার একটি দুরবীক্ষণ এবং কেলের সাহাবে। i কোণটি নির্ণর করা হইল। এবার একটি দুরবীক্ষণ এবং কেলের সাহাবে। i কোণটি নির্ণর করা হইল। E এবং F বিশ্বু দুইটিকে ক্ষেলের মধ্যে সনাভ করিয়। তাহাদের দূরত্বও মাপা হইল আর কেলাসের বেধ e বাহির করা হইল। এবার লেখা বার

$$EF = EQ - FQ = e(\tan r_o - \tan r_o).$$
 (4.12)  
আবার  $\frac{\sin i}{\sin r_o} = \mu_{ord}$  বা  $\sin r_o = \frac{\sin i}{\mu_{ord}}$ .

'।' কোপ মাপা হইরাছে এবং  $\mu_{ord}$  ও জানা আছে ( পূর্বের পরীক্ষা হইতে )। সূতরাং  $\sin r_o$  বাহির করা বার এবং তাহা হইতে  $\tan r_o$  এর মানও জানা বাইবে। কাজেই উপরের সমীকরণে একমান্ত অজানা রাশি  $\tan r_o$  এই পরীক্ষা হইতে নির্ণর করা বার ।

কাজেই  $tan\ r$ , এবং  $tan\ r$ , উভর রাশিই এই পরীক্ষা হইতে জানা গোলা। এখন  $\frac{tan\ r}{tan\ r}$  হিসাব করিয়া র্যাদ দেখা যায় যে এই অনুপাত  $\frac{\mu_{o\ r}a}{\mu_{o\ x}}$  এর সমান দাড়ায় তবে বলা যাইতে পারে যে সাধারণ ও অসাধারণ রশিমর তরঙ্গপৃষ্ঠের উৎপাদক রেখা (generating curve) যথান্তমে বৃত্ত ও উপবৃত্তের আফুতি বিশিষ্ট (কারণ এই দুইটি উৎপাদক রেখা বৃত্ত এবং উপবৃত্ত ধরিয়া নিয়া পাওয়া গিয়াছে  $\frac{tan\ r}{tan\ r}$  —  $\frac{\mu_{o\ r}a}{\mu_{o\ r}a}$ ) আর এই উৎপাদক রেখা দুইটিকে আলোক-অক্ষের চতুদিকে ঘুরাইলে তরঙ্গপৃষ্ঠের গ্রিমাণ্ডিক আক্রাত দাড়াইকে সাধারণ ও অসাধারণ রশিমর ক্ষেত্রে যথান্তমে গোলকীয় এবং উপগোলকীয়। সূত্রাং এই পরীক্ষা কর্মটির দ্বারা হাইগেন্সের সংরচনার (Huygens' construction) সত্যতা প্রমাণিত হইল।

## ভরজ-বেগ এবং রন্মি-বেগ (Wave velocity and ray velocity).

চিত্র নং ৪.২০ হইতে দেখা যার যে ০ বিন্দু হইতে যে দুইটি দ্রংশ কেলাসে ছড়াইর। পড়ে তাহাদের গাঁতবেগ সাধারণত সমান নহে। ইহাদের মধ্যে OB এবং OB' যথাক্তমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির গতিবেগ বুঝাইতেছে। কিন্তু সংগ্লিষ্ট তরঙ্গমুখ হইবে O'B এবং O'B', তরঙ্গের গতিবেগের এবং দিকের সংজ্ঞানুসারে  ${\it O}$  বিন্দু হইতে তরঙ্গমুখ দুইটির উপর লম্ব টানিলে যে দুইটি সরলরেখা পাওয়া বাইবে তাহারা সাধারণ ও অসাধারণ তরক্ষের গতির মান ও দিক বুঝাইবে। সহজ্বেই বুঝা যায় যেহেতু OB সাধারণ তরক্ষমুখ O'B এর অভিলয়ে অবস্থিত, সাধারণ রশ্মির বেলায় তরঙ্গবেগ এবং রশ্মিবেগ একই হইবে ; আর ইহাদের গতির দিকও সম্পাতী হইবে। কিন্তু OB' সাধারণত তরঙ্গমুখ O'B' এর অভিলয়ে অবস্থান করিবে না। অতএব এই ক্ষেত্রে রশ্মি ও তরক্ত একই দিকে গমন করিবে ন। এবং ইহাদের গতিবেগও এক হইবে না। এই ব্যাপারটি আরও স্পক্টভাবে দেখা যায় চিত্র নং ৪.১৯ হইতে। এখানে *OB* এবং *OC* বধাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির গতিবেগ ও গতির দিক বুঝাইতেছে। কিন্তু সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির বেলায় তরঙ্গমুখ বুঝাইতেছে MN এবং PQ. সূতরাং OBএবং OD যথাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ তরঙ্গের গতির মান ও দিক বুৰুাইতেছে। এই চিত্র হইতে স্পর্যবুপে দেখা যায় যে সাধারণ রশ্মির ক্ষেত্রে রশ্মি ও তরঙ্গের বেগ এবং দিক একই হইলেও অসাধারণ রণ্মির ক্ষেত্রে ইহা সতা নহে। জ্ঞসাধারণ রশ্মির বেগ এবং দিক তরক্ষের গতিবেগ ও দিক হইতে সাধারণতঃ জ্ঞির হইয়া থাকে।

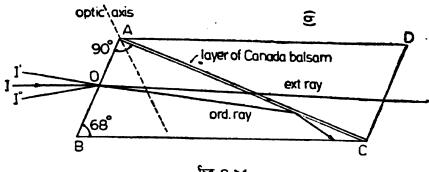
সমবর্তক প্রিক ব্সসূহ (Polarising Prisms).

পূর্বের আলোচনা হইতে দেখা গিরাছে যে আলো যখন টুরেম্যালিন কেলাসের মধ্য দিরা পাঠানো হর তখন পারগত রশ্বির তলীর সমবর্তন হইয়া থাকে। একেনে বদিও একটি রশিষ্ট পাওরা বার তবুও প্রকৃতপক্ষে এই কেলাসেও কৈয় প্রতিসরণ হইয়া থাকে, তবে অসাধারণ ও সাধারণ রশ্বির মধ্যে সাধারণ রশ্বি কেলাসে দ্রভ গোবিভ হয় বাহার ফলে মোটামুটি 1 mm পরিমাণ বেধের কেলাসেই ইহা সম্পূর্ণ শোবিত হইয়া যায়। কাল্লেই পারগত রন্মিটি অসাধারণ রশ্বি আর ইহা সম্পূর্ণরূপে ভলীর সমর্বতিত (plane-polarised). কোন কোন কেলাস সাধারণ আলোর আরতক্ষেত্রিক উপাংশ (rectangular components) দুইটির মধ্যে একটি বেশী শোষণ করিয়া থাকে। এই ধর্মকে বলা হইরা থাকে (dichroism) দিরাগদ। আলোচা টুারম্যালিন কেলাস দ্বিরাগদের একটি প্রকৃষ্ঠ উদাহরণ। কিন্তু টুারম্যাসিন কেলাস রঙীন বলিরা ইহার মধ্য দিয়া পারগত রশ্বিও রঙীন হয় এবং ইহার তীরতাও খুবই হ্লাস পার। কাজেই তলীয় সমবাতিত রশি সৃষ্টি করিবার উপায় হিসাবে होत्रमानित्वत वावरात भूव श्रमत नरह । चाला कालमारेहे किलास्मत मध দিরা পাঠানোও সাধারণভাবে তলীর সমর্বার্ডত রশ্মিমালা সৃষ্টি করিবার পক্ষে স্বিধান্তনক নহে, কারণ কেলাস খুব বড় না হইলে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি সম্পূর্ণ আলাদা হর না।

### নিকল প্রিজ্ম (Nicol Prism).

এই সমন্ত কারণে উইলিরাম নিকল (William Nicol) একরকম প্রিজ্ম্ তৈরী করেন বাহার সাহাধ্যে অতি সহজে বিশুদ্ধ তলীর-সমর্বার্তত আলোকরণিমর সৃষ্টি করা বার। তাহার নামানুসারে ইহাকে বলা হর নিকল প্রিজ্ম্ বা শুধু নিকল'। এইটি তৈরী করিতে একখণ্ড লয়া ধরণের (দৈর্ঘা সাধারণত প্রস্থের মোটামুটি তিনগুণের মত লওরা হইরা থাকে) ক্যালসাইট কেলাস লইরা প্রতিসরণ তল দুইটি এমনভাবে কাটা হর বাহাতে মুখা-ছেদের কোণ বাভাবিক বান 71° হইতে 68°তে কমিরা আসে। ইহার কারণ ৪.২৫ নং চিত্র দেখিলে বুবিতে পারা বাইবে। এই প্রসক্রের আলোচনার পরের দিক হইতে দেখা বাইবে যে এইবুপ কাটিবার ফলে কেলাসের আলোক-অক্ষের অবস্থান কেলাসে অসাধারণ রশিক্র পারগক্ষের সুবিধা করিরা দিবে।

এইবার কেলাসটিকে কাটিয়া সমান দুইভাগে ভাগ করা হয়। এই বিভাজনতল মুখা ছেদ এবং প্রতিসরল-তল উভয়েরই অভিলয়ে অবস্থিত।



छि ८.२६

কেলাসের দুইটি খণ্ডের কর্তিত তল পালিশ করিয়া আবার ক্যানাড়া বালসাম (Canada balsam) নামক একপ্রকার স্বচ্ছ আঠা দিয়া জুড়িয়া পূর্বের আকৃতি দেওয়া হয়। এখন যদি 10 আলোকর িম AB তলে আপতিত হয় তবে ইহা কেলাসের মধ্যে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মিতে বিভক্ত হইবে। ইহাদের গতিপথ ৪.২৫ নং চিত্রে দেখানো হইয়াছে। এই রশ্মি দুইটি সম্পূর্ণ তলীয় সমর্বতিত। ক্যানাডা বালসাম শুরে আপতিত হওয়ার ফলে ইহাদের মধ্যে অসাধারণ রশ্মি ঐ শুর ভেদ করিয়া চলিয়া বাইবে কিন্তু সাধারণ রশ্মি সম্পূর্ণ-রূপে প্রতিফলিত হইয়া প্রিজ্মের ধারের দিকে বাইবে এবং সেখানে কালে। শোষক শুরে শোষিত হইয়া লুপ্ত হইবে । সাধারণ রশ্মির এই পূর্ণ প্রতিফলনের কারণ নিম্নরূপ। যদি সোডিয়ামের হলুদ আলোর ( $\lambda=5893 {
m \AA}$ ) কথা ধরা যায় তবে ঐ তরঙ্গের জন্য ক্যালসাইট ও ক্যানাডা বালসামের প্রতিসরাক্ষ নীচে দেওয়া হটল :

ক্যালসাইটে সাধারণ আলোর প্রতিসরাক্ষ  $\mu_{ora}-1.66$ ক্যালসাইটে অসাধারণ আলোর প্রতিসরাধ্ক  $\mu_{ext}-1.49$ কানাডা বালসামের প্রতিসরাক

এই অবস্থায় দেখা যায় যে অসাধারণ আলোর বেলায় ক্যালসাইটের অপেক্ষা বালসামের প্রতিসরাক্ষ বেশী। সুতরাং এই অসাধারণ আলোর পূর্ণ প্রতিফলন (Total reflection) হইবার প্রশ্ন ওঠে না ; এই রশ্মিটি বালসামের স্তর ভেদ করিয়া চলিয়া বাইবে। অপরদিকে বদি সাধারণ রশ্মির বালসাম ভরের উপর আপত্তন কোণ সম্কট কোণের অপেক্ষা বড় হয় তবে এই রণ্মির পূর্ণ- প্रতিফলনের ফলে ইহা কেলাসের ধারের দিকে চলিরা বাইবে। এই সংকট

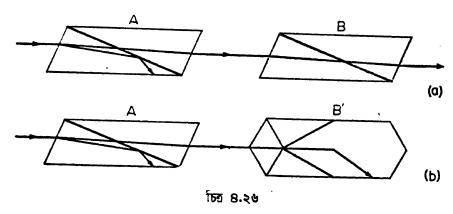
কোণ মোটামুটি 69° 
$$\left(\sin i_o = \frac{1}{\mu} = \frac{\frac{1}{\mu}ervstal}{\frac{1}{\mu balsam}} = \frac{\mu balsam}{\mu crystal} = \frac{1.56}{1.66}$$
. '.  $i_o = 69^\circ$ ).

বালসামের শুরে আপতন কোণ বাহাতে ইহার বেশী হয় সেইজনাই কেলাসের দৈর্ঘা প্রস্থের তুলনার প্রায় তিনগুণ করা হয়। কারণ চিচ্চ নং ৪.২৫ হইতে দেখা বাইবে যে এই দৈর্ঘার জন্য AC সরলরেখাটি AB তলের সহিত 90° এর মত কোণ উৎপন্ন করিবে বাহার ফলে সাধারণ রশ্মির বালসাম শুরের উপর আপতন কোণ 69° অপেক্ষা বেশী হইবে। এইভাবে দুইটি রশ্মির মধ্যে সাধারণটি আটকাইয়া বার এবং কেলাসের অপর তল CD দিরা অসাধারণ রশ্মিটি সম্পূর্ণ তলীর সমবর্তিত রশ্মি হিসাবে বাহির হয়। স্মরণ রাখিতে হুইবে যে অসাধারণ রশ্মিতে কম্পনের প্রংশ মুখা-ছেলের তলে হয়।

নিকল প্রিজ্ঞা অভিশর অভিসারী বা অপসারী (highly convergent or divergent) चालाकर्ताचामाला वावरात करा हत्न ना । यीम चात्नाक-বুলি I'O হিসাবে আপতিত হয় তবে কেলাসের মধ্যে সাধারণ বুলিও উপরের দিকে উঠিয়া বাইবে : ফলে বালসাম স্তরে সাধারণ আপতন কোণ 69 হইতে কম হইবে এবং সাধারণ রশ্মি পূর্ণ-প্রতিফলিত না হইয়া বালসাম শুরের ভিতর দিরা পারগত হইবে। IO রেখাকে BC বা AD তলের সমান্তরাল ধরিলে IOI' কোণ 15'র মত হয়। আবার I'O কোণে আপডিত রশ্মির ক্ষেত্রে দেখা বাইবে যে অসাধারণ রশ্বির দিক আলোক-অক্ষের দিকে ঘেষিয়া আসিতেছে। ইহার ফলে সহজেই বুঝা যায় যে এক্ষেতে অসাধারণ রশ্বির প্রতিসরাক্ষ বৃদ্ধি পাইতে থাকিবে। (অসাধারণ রুশ্বির ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষ ধুবক নহে, ইহার মান  $\mu_{ord}$  এবং  $\mu_{ext}$  এর মধ্যে পরিবতিত হয় ; আলোকরন্মি আলোক-অক্ষের দিকে প্রতিসূত হইলে প্রতিসরাক  $\mu_{ard}$  এর সমান এবং ইহার অভিনয়ে প্রতিসরণের ক্ষেত্রে  $\mu_{ext}$  এর সমান হয় )। একই সঙ্গে বালসাম ন্তরে আপত্তন কোণও বৃদ্ধি পাইতে থাকিবে। অতএব I'O! কোণ বাড়িতে থাকিলে একসময় অসাধারণ রশ্মির কেলাসে প্রতিসরাঞ্চ বালসামের প্রতিসরাংক হইতে বেশী হইবে আর বালসামে আপতন কোণও সংকট কোণ হইতে কেশী হইবে। কাজেই অসাধারণ রশ্বিরও পূর্ণ প্রভিফলন হুইবে। সূতরাং এই ক্ষেত্রে দুটি রশ্বিই পূর্ণ-প্রতিফলনের ফলে বালসাম তর পার হইতে পারিবে না। এইরপ অবস্থা হওয়া 1'01 কোণের মানের উপর নির্ভর করে। কেলাসটি এমনভাবে কাটা হয় যে এই কোণের মানও মোটামূটি

15° দাড়ার। সূতরাং অভিসারী বা অপসারী আলোকরশ্মির ক্ষেত্রে I'OI" কোণ মোটামুটি 30° এর বেশী হওয়া চলিবে না।

নিকল প্রিক্ত্ম্ যেমন আলোর সমবর্তক (polariser) হিসাবে ব্যবহার করা যায় তেমনি সমব্তিত আলোর বিশ্লেষক (analyser) হিসাবেও ব্যবহার করা যায়। নীচের ৪.২৬ (a) চিত্রে দেখা যাইতেছে যে দুইটি নিকল প্রিক্ত্ম্ A এবং B সমান্তরাল অবন্থানে আছে। একটি অসমব্তিত রশ্মি প্রথম কেলাস



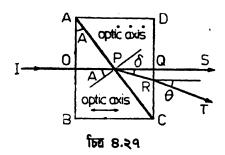
A এর উপর আপতিত হইলে পারগত রশ্মি একটি তুলীয় সমর্বতিত অসাধারণ রশ্ম হইবে। দ্বিতীয় কেলাস B এর ভিতর দিয়া ইহা বিনা বাধায় গমন করিবে ( অবশ্য সামান্য শোষণ এবং বিক্ষেপণ বাদ দিলে )। কেলাসের সমর্বতিত অসাধারণ রশ্মি দ্বিতীয় কেলাসেও অসাধারণ রশ্মি হিসাবেই প্রতিসূত হইবে অর্থাৎ দ্বিতীয় কেলাসে ভ্রংশ মুখ্য-ছেদের তলে হওয়ায় ইহা অসাধারণ রশ্মির মত বাবহার করিবে এবং বিনা বাধায় পারগত হইবে। কিন্তু দ্বিতীয় ক্ষেত্রে (b) B' নিকল্টি B নিকলের তুলনায় লয়৷ দিকে  $90^\circ$ ঘরানো আছে। স্তরাং এই ক্ষেত্রে মুখা-ছেদও 90° ঘুরিয়াছে যার ফলে আলোর ভ্রংশের দিক মুখা-ছেদের অভিলম্বে হইবে ; অর্থাৎ প্রথম কেলাসের অসাধারণ রশ্মি দ্বিতীয় কেলাসে সাধারণ রশ্মি হিসাবে আচরণ করিবে। দাডাইবে এই যে দ্বিতীয় নিকলে ইহা পূর্ণ-প্রতিফলনের দর্ণ আটকাইয়া যাইবে। নিকল দইটির প্রথম অবস্থানকে বলা হয় অনুকূল অবস্থান (parallel position) এবং দ্বিতীয়টিকে বলা হয় প্রতিকূল অবস্থান (crossed position). षिठीय निकल् ि यि 90° इटेंटि कम वा त्या घूताता इस उद मालारमद সূত্রানুসারে (চিত্র ৪.১৪) অসাধারণ রশ্মি দুই উপাংশে বিভক্ত হইবে। অনুকৃল অবস্থা হইতে এই ঘূর্ণনের কোণ যদি heta হয় তবে অসাধারণ উপাংশ হইবে  $A\cos\theta$  (A= বিভার কেলাসে আপতিত আলোকভরঙ্গের বিভার ) ; কাজেই বিভার নিকলে পারগত রশ্বির ভীরভা হইবে  $A^2\cos^2\theta$ .

সুকো প্রিজ্ম (Foucault Prism).

নিকল্ প্রিজ্মে বালসাম ন্তরে সাধারণ রন্ধির সংকটকোণ 69° এর মত। কাজেই বালসামন্তরে সাধারণ রশ্মি বাহাতে 69° এর বেশী কোণে আপতিত হর সেজনাই কেলাসের দৈর্ঘ। প্রস্তের তিনগুণের মত নিতে হয়। এত লয়। নিখুতি ক্যালসাইট কেলাস পাওয়া দুছর এবং ব্যয়সাধা। এজনা ফুকো একপ্রকার প্রিজ্ম তৈরারী করেন যাহাতে দৈর্ঘা অনেক কম নিলেও চলে। এইবুপ প্রিক্ষে বালসাম ভরের স্থলে একটি পাতলা বায়ুর শুর থাকে। সাধারণ রন্ধির বায়ুন্তরে সক্ষটকোণ অনেক কম (প্রায় 37° এর মত )। সূতরাং অপেকাকৃত কম লয়া ক্যালসাইট কেলাসে সাধারণ রশ্মি পূর্ণ প্রতিফলিত হর কারণ ৪.২৫ নং চিত্র হইতে শেখা বায় বে লঘা কম হওয়ায় AB এবং AC রেখার মধ্যের কোণ যদিও 90° হইতে কম হয় যাহার ফলে সাধারণ রশ্মির AC তলে আপতন কোণৰ কমিয়া বায় তবুৰ ইহা 37 অপেক্ষা বেশী হওয়ায় পূর্ণ-প্রতিফলনের অসুবিধা হয় না। এছাড়া ফুকো প্রিজ্ম অতিবেগুনী আলোর ক্ষেত্রেও বাবহার করা যায়। কিন্তু এই প্রিজ্বের দুইটি অসুবিধা আছে। প্রথমত অসাধারণ রশির কেলাসে এবং বারতে প্রতিসরাক্ষের পার্থকা খুব বেলী হওয়ায় বায়ুন্তরে ইহার অনেকাংলই প্রতিফলিত হইয়। নর্ভ হইয়। বার কারণ দুই মাধামের প্রতিসরাক্ষ বেশী হইলে প্রতিফলিত আলোর পরিমাণও অনুরপভাবে বেশী হইবে। দিতীয়ত এই ক্ষেত্রে I'OI' কোণ নিকল প্রিজ্মের অপেকাও ছোট হওয়া আবশ্যক। এইটির কারণও চিত্র নং ৪.২৫ এবং তংসংখ্লিষ্ট আলোচন। হইতে বুঝা বাইবে।

রোশন্ প্রিভ্ন্ (Rochon Prism)—এই জাতীর প্রিজ্ম বাবহার কর।
হর দুইটি সমবাতিত রশি সৃষ্টি করিরা ভাহাদের আলাদা করিবার জনা বাহাতে
পরে প্রয়োজন হইলে ইহাদের আলাের তীব্রতা মাপা যার। একটি কালিসাইট বা কােরাট্স্ কেলাস হইতে দুইটি সমান এবং সমকােণী প্রিভ্জাকৃতি
প্রিজ্ম্ কাটা হয় এবং ইহাদের এমনভাবে জুড়িরা দেওরা হয় বাহাতে ইহাদের
অভিভূজ (hypotenuse) দুইটি পরস্পর সংলগ্ন থাকে। এই প্রিজ্ম দুইটির
প্রথমটিতে আলােক অক প্রতিসরণ তলের অভিলবে এবং বিতীর্নিতিত
সমান্তরলৈ অবস্থিত থাকে (চিত্র নং ৪.২৭)। বিভীরক্ষেত্রে ইহা চিগ্রভলের
অভিলবেও অবস্থিত। এইবার বদি একটি আলােকরিল লবভাবে প্রথম তলে

আপতিত হয় তবে এই প্রথম প্রিজ্মে আলোর বৈধ প্রতিসরণ হইবে না। কিন্তু বিতীয় প্রিজ্ম ACD তে যখন এই রশ্মি অগপতিত হইবে তখন বৈধ প্রতিসরণের ফলে দুইটি রশ্মির সৃষ্টি হইবে। সাধারণ রশ্মিটির কোনওর্গ



দিক পরিবর্তন হইবে না এবং ইহা QS হিসাবে দ্বিতীয় তল হইতে নির্গত হইবে। কিন্তু কেলাসের চিন্দের উপর নির্ভর করিয়া (ধনাত্মক না ঋণাত্মক ) জসাধারণ রিশ্ম P বিন্দৃতে APCর উপর অভিলব্ধের দিকে অথবা ইহার বিপরীতে বাঁকিয়া ঘাইবে। R বিন্দৃতে ইহার আবার দিক পরিবর্তন হইবে এবং রিশ্মিট অভিলব্ধ হইতে আরও সরিয়া বাইবে। ফলে সাধারণ ও অসাধারণ রিশ্মির বিষোজন (separation) আরও ঝাঁড়য়া ঘাইবে। এখানে লক্ষণীয় যে সাধারণ রিশ্মির ক্ষেত্রে কোনও দিক পরিবর্তন না হওয়ায় সাদা আলো ব্যবহার করিলেও এই রিশ্মিট অবার্ণ (achromatic) হইবে; কিন্তু অসাধারণ রিশ্মিট তাহা হইবে না। প্রয়োজনমত প্রিজ্ম হইতে কিছু দ্বে দুইটি রিশ্মির যে কোনও একটিকে আটকাইয়া অন্যটি পরীক্ষা করা চলিতে পারে।

প্রিজ্মের ভিতর দিয়া যাইবার ফলে রশ্মি দুইটির যে কৌণিক বিবোজন (angular separation) হয় তাহা নির্মালখিতরূপে বাহির করা যায়। P বিন্দৃতে অসাধারণ রশ্মির চ্যুতি (deviation) যদি  $\delta$  হয় তবে ACD প্রিজ্মে ইহার প্রতিসরণ কোণ হইবে  $A+\delta$ . এখানে P বিন্দৃতে আলোর আপতন কোণ A. ( এই কোণ প্রথম প্রিজ্মের কোণ BAC এর সমান এবং ইহাকে A ধরা হইয়াছে )। সাধারণ এবং অসাধারণ রশ্মির গাতিবেগ ACD প্রিজ্মের বিদি  $v_{ord}$  এবং  $v_{ord}$  হয় তবে লেখা যাইতে পারে

$$\frac{\sin (A+\delta)}{\sin A} = \frac{v_{ext}}{v_{exd}}.$$
 (4.13)

ঁ কোণ সত্ত্ব হইলে এই সমীকরণকে লেখা যায়

$$1 + \delta \cot A = \frac{v_{ext}}{v_{ord}}$$
; [sin  $(A + \delta)$  কে সম্প্রসারণ করিয়া এবং

 $\sin \delta - \delta \in \cos \delta - 1$  4 [ 4 ]

$$\delta = \frac{v_{ext} - v_{ord}}{v_{ord}} \tan A. \tag{4.14}$$

R বিন্দুতে অসাধারণ রন্মির আপতন কোণ  $\hat{o}$  এবং প্রতিসরণ কোণ  $\theta$ . কালেই লেখা যায়

$$\frac{\sin \delta}{\sin \theta} = \frac{v_{ext}}{v_{out}} = v_{ext}$$
 ( ৰিদ বায়ুতে আলোর গতিবেগ  $1$  ধর্

বার ); সুতরাং 
$$\sin \delta = v_{ext} \sin \theta = \delta$$
 ( $\delta$  কুন্ত বলিয়া) (4.15)

সূতরাং 
$$\sin \theta = \frac{1}{v_{ext}} \left( \frac{v_{ext} - v_{ord}}{v_{ord}} \right) \tan A = \left( \frac{1}{v_{ord}} - \frac{1}{v_{ext}} \right) \tan A$$

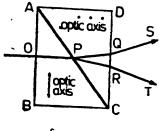
$$= (\mu_{0rd} - \mu_{ext}) \tan A. \tag{4.16}$$

μοτά এবং μοχε কেলাসে বথাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বির প্রতিসরাক্ষ বুঝাইতেছে।

এই সমীকরণ হইতে দেখা যাইতেছে যে কৌণিক বিষোজন নির্ভর করে ( $\mu_{ord} - \mu_{oxt}$ ) এবং  $\Lambda$  কোণের উপর । এই দুইটি বাড়িলে বিষোজন অনুর্পভাবে বাড়িয়া বায় ।

প্রসাস্টন প্রিজ্ম (Wollaston Prism). উপরের আলোচনা হইতে দেখা বার বে রন্দি দুইটির কৌণিক বিবোজন ( $u_{opd} - \mu_{oxd}$ ) এর উপর নির্ভর করে। সূতরাং এই প্রতিসরাক্ত দুইটির পার্যকা কম হইলে রন্দি দুইটির বিবোজনও অনুর্পভাবে কম হইবে। কোরাটসের বেলার এই পার্থকা কালসাইটের চেয়ে অনেক কম। অনেক কেলাসের বেলারই এইর্প কম পার্থকা হইরা থাকে। সূতরাং সেইসব ক্ষেত্রে বিদ সমর্বাত্তিত রন্দি দুইটির পরিমাপবোগ্যা বিবোজন সৃত্তি করিতে হয়, তবে উভর রন্দিরই চুটির হওয়া দরকার। প্রলাস্টনের প্রিজ্মে এই বাবস্থা করা হইয়াছে (চিত্র নং ৪.২৮)। এই ক্ষেত্রেও অনুর্প দুইটি প্রিজ্ম জুড়িয়া একটি প্রিজ্ম তৈরী করা হয়। কিছু এখানে তকাং এই বে প্রথম প্রিজ্মে রন্দি আলোক-ক্ষেত্রর অভিলবে আলাদা হইলেও কৌণিক বিবোজন হয় না (চিত্র নং ৪.১৬ দুক্তরা)। কিন্তু ছিতীর কেলাসে আপভিত হইলে প্রথম কেলাসের সাধারণ রন্দি অসাধারণ রন্দি

পরস্পরের অভিসবে অর্বান্থত। সূতরাং একটি রশ্মি P বিন্দুতে অভ্চিত অভিসবের দিকে সরিয়া আসে, অন্যটি বিপরীত দিকে সরিয়া যায়। ফলে সাধারণ ও অসাধারণ দুইটি রশ্মিরই প্রথম কেলাসে আপতিত রশ্মির তুলনায়



विव ८.२४

চুতি হয়। Q এবং R বিন্দুতে ইহাদের চুতি আরও বাড়ে। এখানে দুইটি রশ্মির প্রতিটির চুতিই Rochon Prism এ চুতির সমান। কাজেই মোট কৌণিক বিযোজন দ্বিগুণ হইয়া থাকে। এই প্রিজ্ম দ্বারা অতএব মৃদু দ্বৈধ-প্রতিসরণও নিরীক্ষণ করা যায়। অবশ্য এ ক্ষেত্রে সাদা-আলো ব্যবহার করিলে উভয় রশ্মিরই বিচ্ছুরণ হইবে।

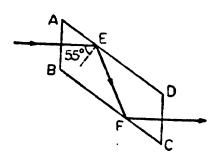
#### পোলারয়েড (Polaroid).

উপরে আলোচিত সমস্ত প্রিক্মেরই বড় অসুবিধা এই বে ইহাদের তৈরী করিতে নিপুত কালসাইট বা কোরার্ট্স্ কেলাসের প্রয়েজন হয়। যদি কোনও পরীক্ষায় দৃষ্টিক্ষেত্র বড় রাখিতে হয় তবে ব্যবহৃত প্রিজ্মৃত্ত বড় দরকার। এইরূপ বড় নিখুত প্রিজ্ম্ দৃষ্প্রাপা ও বায়সাধা। এইজন্য হেরাপাথ (Herapath) কৃত্রিম উপারে সমবর্তক সৃষ্টি করিতে চেকা করেন। তিনি দেখিতে পান বে কুইনাইনের আরোডোসালফেট (iodosulphate of quinine) দৈধ-প্রতিসরণ সৃষ্টি করিতে সমর্থ। 1932 সনে ল্যাণ্ড (Land) পোলারয়েড ফিল্ম্ (Polaroid film) আবিদ্ধার করেন। এই ফিল্মে পাতলা নাইট্রো-সেলুলোজ স্তরে অতি ক্ষুদ্র সমবর্তক কেলাস সন্নিবিষ্ঠ করা হয়। এই সমস্ত কেলাস পরহুপর সমান্তরালে অবস্থান করে। ফলে তাহারা মিলিয়া ঐ অবস্থানের একটি বৃহৎ কেলাসের কাজ করে। ম-পোলারয়েডের বেলায় পোলিভিনাইল আ্যালকোহলের (polyvinyl alcohol) পাতলা ফিল্ম্ টানা দিয়া ইহাদের অব্যুক্তি পরহুপরের সমান্তরাল করা হয়; পরে ইহার মধ্যে আইওডিনের ক্ষুদ্র কেলাস সন্নিবিষ্ঠ করিলে দেখা যায় যে এই ক্ষুদ্র কেলাসগুলি সমস্তই একটি বিশেষ অবস্থানে থাকে। ফলে ইহারা মিলিয়া একটি বড় কিম্বু স্বছ্ব আইওডিন

কেলাসের মত ব্যবহার করিয়া আলোকর নির সমবর্তন সৃষ্টি করে। বর্তমান-কালে এই জাতীয় পোলারয়েড ফিল্মের বহুল ব্যবহার হইয়া থাকে।

#### ক্রেলের সমাস্তর পটফলক (Fresnel's rhomb).

বিভিন্ন প্রকারের সমবর্তিত আলোকরণি সৃষ্টির আর একটি উপার এই সমান্তর পটফলক বাবহার করা। এইটি ফ্রেনেল কর্তৃক উণ্ডাবিত হইরাছিল বিলিয়া ভাহার নামানুসারে ইহাকে ফ্রেনেলের সমান্তর পটফলক বলা হয়। সমব্রিত আলোর প্রতিফলন ও প্রতিসরণ সম্বন্ধে ফ্রেনেলের মতবাদ হইতে জানাযার বে যথন একটি তলীর সমব্রিত রশ্মি কোনও কাচ জাতীর বয়ুর ভিতরের তলে সম্পূর্ণ প্রতিফলিত হয় (totally reflected internally) তথন এই রশ্মিকে পরস্পরের অভিলবে দুইটি উপাংশে বিভন্ত করা সম্ভব বলিয়া ধরা হয়। আর এই রশ্মির উপাংশ দুইটির মধ্যে দশার পরিবর্তন ঘটে; এই দশার পরিবর্তন নির্ভন্ন করে কাচের ভিতরে আপতন কোণ এবং ইহার প্রতিসরাক্ষের উপরে। এই মতবাদ পরীক্ষা করিয়া দেখিবার জন্য ফ্রেনেল একটি কাচের সমান্তর পটফলক নির্মাণ করেন [চিচ্ছ নং ৪.২৯(i)]। ইহার দৈর্ঘা, প্রস্থ এবং কোণগুলি এরুপভাবে করা হইয়াছে যাহাতে প্রথম তলে একটি রশ্মি অভিলবে আপতিত



ਰਿਫ਼ 8.੨১ (i)

হইরা প্রতিসরণের পর AD তলে E বিন্দুতে  $55^\circ$  কোণে আপতিত হয় (কাচের প্রতিসরাক্ষ 1.5 এর মত হওয়া দরকার )। এই কোণটি সক্ষট কোণের অপেকা বড় হওয়ার আলোর সন্দূর্ণ প্রতিফলন হইবে। অনুরূপভাবে বিতীর বিন্দু F এও সন্পূর্ণ প্রতিফলনের পর আলো DC তল দিয়া নিগত হইবে। প্রতিটি প্রতিফলনে  $\frac{\pi}{4}$  দশা-পার্থক্যের সৃষ্টি হওয়ার মোট  $\frac{\pi}{3}$  দশা-পার্থক্য উৎপর হইবে। সৃত্তরাং বদি একটি তলীর সমর্বতিত রশি এমনভাবে AB তলের

অভিলয়ে আপতিত হয় বাহাতে আপতিত রশ্মির কম্পনের দিক আপতন তলের সহিত 45° কোণে অবন্থিত হয় তবে ইহা আপতন তল এবং ইহার অভিলয়ে দুইটি সমান বিস্তারের উপাংশে বিভক্ত হইবে; প্রতিফলনের ফলে এই দুইটি সংশের মধ্যে  $\frac{\pi}{2}$  দশা-পার্থকারও সৃষ্টি হইবে। সূতরাং দ্বিতীয় তল DC হইতে নির্গমনের পর এই রশ্মির বৃত্তাকার-সমবর্তন উৎপন্ন হইকে ( ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রকের আলোচনা দ্রন্টবা )। আর যদি আপতিত তলীর সমবর্তিত রশ্মির কম্পনের দিক আপতন তলের সহিত 45° কোণে না থাকে তবে উপাংশ দুইটির বিস্তার সমান হইবে না। ফলে নির্গত আলোর সমবর্তন ছইবে সাধারণতঃ উপবৃত্তাকার এবং বিশেষ বিশেষ ক্ষেত্রে তলীয়, কিন্তু কোনক্রমেই বৃত্তাকার নয়।

সমবর্তিভ আলোর বিশ্লেষণ (Analysis of polarised light).

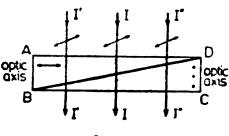
( এই আলোচনা পড়িবার পূর্বে সমীকরণ 4.32 হইতে 4.37 পর্যান্ত আলোচনা। পড়িয়া নিলে ভাল হয় )।

তলীয় সমবর্তিত আলোর সৃষ্টি এবং বিশ্লেষণের সর্বাপেক্ষা সহজ্ব উপায় নিকল প্রিজ্ঞ মের ব্যবহার। অসমবর্তিত আলো নিকলের মধ্য দিয়া গেলে একটি তলীর সমবতিত রশ্মির সৃষ্টি হয় ; এটি অসাধারণ রশ্ম। এই রশ্মি বিশ্লেষক নিকলের মধ্য দিয়া পাঠাইলে নিকলটি ঘুরাইবার সঙ্গে সঙ্গে পারগত আলোর তীব্রতার হ্রাসবৃদ্ধি হয়। নিকল দুইটির প্রতিকূল অবস্থানে বিশ্লেষক নিকলে আলোর পারগম সম্পূর্ণ বন্ধ হইয়া বায় : অন্যান্য অবস্থানে তীরতা ৰ  $\cos^2\theta$  হয় (  $\theta$  – deviation from parallel position). কিন্তু এখানে প্রতিবিষের তীব্রতার হ্রাসবৃদ্ধির উপর বিশ্লেষণ নির্ভর করে। এই হ্রাসবৃদ্ধি খুব সৃক্ষভাবে নির্ণয় করা খালিচোখে সম্ভব নয় বলিয়া এই প্রণালীর সৃক্ষতাও বেশী নয়। বরং সমবর্তিত আলো একটি পাতলা কেলাসের এবং পরে নিকলের মধ্য দিয়া গেলে যে ব্যতিচার নক্সার সৃষ্টি হয় তাহা আরও সৃক্ষ পদ্ধতি। যদি আপতিত আলোতে কিছুমান্তও সমবর্তন উপস্থিত থাকে তবে বাতিচার নক্সাতে রঙের সৃষ্টি হইবে। এই পরীক্ষা এত সূবেদী (sensitive) যে আলোতে সামান্যতম সমবর্তনের উপস্থিতিও ইহাতে ধরা পড়ে। কোনও কাচের খণ্ডে যাল নির্মাণের দোষে টান (strain) বর্তমান থাকে **ওবে ইহা সমবর্তক কেলাসের মত আচরণ করিবে। আলোক-বিজ্ঞানী**র (optical) কাচ তৈরী করিবার সময় এই টান বথাসাধ্য এড়াইবার চেন্ডা করা হর। তাহা সম্বেও কেখা বার বে দুইটি নিকলের মধ্যে রাখিরা পরীক্ষা করিলে সাধারণতই ইহাতে টানের অন্তিম্বের প্রমাণ পাওয়া বার।

ব্যাবিনেটের প্রতিপূর্ক (Babinet's Compensator).

ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রকের সাহাযে। বিভিন্ন প্রকারের সমর্বতিত আলোর সৃক্ষ পরিমাপ করা বার। ইহা ব্যতিচারের ঝালরের সৃতি দারা পরিমাপ করিরা থাকে বলিয়া খুবই সুবেদী। সমর্বতিত আলো সমান্তরাল হইলেও এই বঙ্ক দারা পরীক্ষা করা চলে।

দুইটি সরু সমকোণী কোরাট্সের তিভুজকে জুড়িরা এই প্রতিপ্রকৃতি তৈরী হয় (চিত্র নং ৪.৩০)। তিভুজ দুইটির অতিভুজ (hypotenuse) দুইটি একতে থাকার উভরে মিলিরা একটি আরতক্ষেত্রাকার ফলক সৃষ্টি হয়। তিভুজ দুইটি ABD এবং BCD এমনভাবে কাটা হইয়াছে যে ইহাদের আলোক অক্ষের



कि 8.00

দিক পরস্পরের অভিলবে অবস্থিত। ABD তিভুক্তে আলোক অক্ষ প্রতিসরণ তল AD তে আর চিত্রভলের সমান্তরাল দিকে আছে। কিন্তু BCD তিভুক্তে ইহা প্রতিসরণ তল BC তে থাকিলেও চিত্রভলের অভিসবে অবস্থিত। কাজেই আলো বথন ইহার উপর পড়ে তখন থৈ প্রতিসরণের ফলে দুইটি রশ্মিতে বিভক্ত হইয়া বার। কিন্তু তিভুক্ত দুইটি সরু হওরার ইহাদের বিযোজন (separation) খুবই সামান্য হর। ফলে ইহারা খাতিচার সৃষ্টি করিতে পারে। উপর হইতে দেখিলে একটি তিভুক্তে আলোক অক্ষ AD দিকে আছে অন্যতিতে AD দিকের অভিলবে আছে। কাজেই বদি ভলীর সমর্বাত্তিত আলো প্রতিপ্রকের উপর অভিলবে আপতিত হয় তবে সাধারণত ইহা দুইটি উপাবেদ বিভক্ত হইয়া বাইবে; একটি সাধারণ এবং অন্যতি অসাধারণ রশিম। একটি উপাবেদ্য কম্পন দিক হইবে AD এর সমান্তরাল, অন্যতি ইহার অভিলবে। ইহারা বখন বিভীর তিভুক্তে প্রবেশ করিবে তখন ইহাদের গতির

দিক একই থাকিবে, কিন্তু প্রথম গ্রিভুজের সাধারণ রশ্মি দ্বিতীর গ্রিভুজের অসাধারণ রশ্মিতে পরিবর্তিত হইবে। কারণ প্রথম এবং দ্বিতীর গ্রিভুজের মুখ্য ছেদ পরস্পারের অভিসামে অবস্থিত। ফলে এই রশ্মির গতিবেগও পরিবর্তিত হইবে। প্রথম গ্রিভুজের অসাধারণ রশ্মির বেলারও এইরূপ হইবে।

বে কোনও একটি আপতিত রশ্মির কথা যদি ধরা হয় তবে দেখা যাইবে বে প্রথম কেলাসে ইহার উপাংশ দুইটি যদি বেধ d অতিক্রম করে তবে ইহাদের আপেক্ষিক পথ-পার্থক্য  $\triangle$  দাড়াইবে

$$\triangle' = d(\mu_{ord} - \mu_{ext}) \tag{4.17}$$

এই উপাংশ দুইটি দ্বিতীয় চিভুজে গতিবেগ বদল করার ফলে ইহাদের পথ-পার্থক্য ∆িদাড়াইবে

$$\Delta' = d'(\mu_{ext} - \mu_{ord}) = -d'(\mu_{ord} - \mu_{ext})$$
 (4.18)

এখানে দ্বিতীয় বিভূজে অতিক্রান্ত দূরত্ব d'.

সূতরাং মোট পথ পার্থকা 🛆 হইবে

$$\triangle = \triangle' + \triangle'' = (d - d')(\mu_{ard} - \mu_{axt}) \tag{4.19}$$

কাজেই এই সমীকরণ হইতে দেখা যাইতেছে যে আপতিত রণিমমালার বিভিন্ন র্মির জন্য বিভিন্ন পথ-পার্থক্য উৎপন্ন হইবে, কারণ (d-d') এর মান বিভিন্ন রুশ্মির পক্ষে বিভিন্ন হইবে। যে কোনও একটি রুশ্মি দুইটি পরস্পরের অভিলয় উপাংশে বিভক্ত হইয়াছে এবং ইহাদের মধ্যে পথ-পার্থক্য বর্তমান। সূতরাং তাহার। সাধারণত উপবৃত্তাকার সমবর্তনের সৃষ্টি করিবে। প্রতিপূরকের মাঝের র্মিমটি II এর জন্য d=d' : অর্থাৎ এই র্মিম দুইটির কোনও পথ-পার্থক্যের সৃষ্টি হইবে না। কাজেই ইহারা মিলিয়া এমন একটি তলীয় সমবর্তন উৎপন্ন করিবে যাহার কম্পনদিক আপতিত রশ্মির কম্পনদিকের সম্পাতী। BC সরল-রেখা ধরিয়া প্রিস্থামের উভয় দিকে গেলেই  $(d-d^\prime)$  এর মানপরিবাঁতিত হইতে থাকিবে, ফলে রশ্মি দুইটির পথ-পার্থক্যও সঙ্গে সঙ্গে পরিবর্তিত হইবে। কেন্দ্রীয় রশ্মি // হইতে একটি দূরত্ব 25 অতিক্রম করিলে রশ্মি দুইটির পথ-পার্থক্য  $\lambda$  হইবে এবং এখানে তলীয় সমবর্তনের উদ্ভব হইবে। প্রতিবার 2Sদ্রদ্বের পর এইরূপ \lambda পথ-পার্থক্য বাড়িবে বা কমিবে এবং এই বিন্দুতে নির্গত রশ্যির তলীয় সমবর্তন হইবে। এই সমস্ত বিন্দুতে আলোর কম্পন দিক আপতিত সমর্বতিত রশ্মির কম্পন দিকের সম্পাতী। আবার (2n+1)S দূরত্ব অতিক্রম করিলে রশ্মি দুইটির পথ দুর্ছ হইবে  $(2n+1)rac{\lambda}{2}$ . এই সমস্ত বিন্দুতেও তলীর সমবর্তনের সৃষ্ঠি হইবে। কিন্তু ইহাদের কম্পনদিক আপতিত সমবর্তিত রশ্মির কম্পনদিকের সহিত  $2\theta$  কোণ উৎপান করিবে ( $\tan \theta = \frac{b}{a}$ ; b এবং a উপাংশ দুইটির বিস্তার )।

এই দুই শ্রেণীর বিন্দু বাদে অন্যান্য স্থানে পথ-পার্থক্য  $n\lambda$  অথবা  $(2n+1)\frac{\lambda}{2}$  ছাড়া অন্য মানের হইবে । অভএব এই সমস্ত বিন্দুতে উপবৃত্তাকার সমবর্তনের সৃষ্টি হইবে । অভএব দাড়াইতেছে : যে সমস্ত বিন্দুতে তলীর সমবর্তন বর্তমান তাহাদের সমীকরণ হইবে

$$(d-d')(\mu_{\bullet \tau d} - \mu_{\bullet x t}) = n \cdot \frac{\lambda}{2}$$
 (4.20)

ইহাতে n জ্যোড়সংখ্যা হইলে নির্গত সমবর্তিত রশ্মির কম্পনদিক আপতিত সমবর্তিত রশ্মির কম্পনদিকের সম্পাতী হইবে। আবার n বিজ্ঞোড় হইলেও তলীর সমবর্তন হইবে, কিন্তু এখানে আপতিত এবং নির্গত রশ্মির কম্পনদিক পরস্পরের সহিত 20 কোণ উৎপল্ল করিয়া থাকিবে। এই দুই শ্রেণীর তলীর সমবর্তনের মাঝের বিন্দুতে বিভিন্ন অবস্থানের এবং আকৃতির উপবৃত্যাকার সমবর্তন উৎপল্ল হইবে।

লক্ষ্য করিয়া দেখিলে বুঝা যাইবে যদি আপতিত রণিমর সাপেক্ষে প্রতিপ্রকৃতি এমন ভাবে রাথা হয় যে আপতিত রণিমর কম্পন্দিক প্রতিপ্রকের আলোক অক্ষের সহিত  $45^\circ$  কোণ উৎপর করে তবে রণিমর উপাংশ দুইটির বিস্তার সমান হইবে। এই ক্ষেত্রে যে সমন্ত বিম্পুতে পথ-পার্থক্য  $\frac{\lambda}{4}$  হইবে সেই সমন্ত স্থানে বুৱাকার সমবর্তনের সৃতি হইবে।

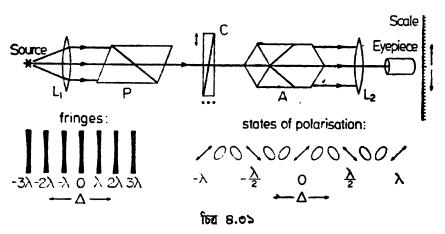
প্রতিপ্রকের মধ্যবিন্দু হইতে x দ্রদে পথ-পার্থক্য বদি  $\Delta$  হয় তবে

$$\frac{\Delta}{\frac{\lambda}{2}} = \frac{x}{S} \qquad \text{as} \quad \Delta = \frac{x}{S} \cdot \frac{\lambda}{2}. \tag{4.21}$$

সূভরাং 
$$(d-d')(\mu_{\bullet\tau d} - \mu_{\bullet x t}) = \frac{x}{S} \cdot \frac{\lambda}{2}$$
. (4.22)

এবার বদি প্রতিপ্রকের পরে একটি বিশ্লেষক নিকল বসানে। হর তবে নিকলটি ঘূরাইলে এক অবস্থানে উপরে বর্ণিত দুই প্রকার কম্পন্দিকের তলীর সমবর্তিত আলোর একটি এই নিকলে আটকাইরা বাইবে। বখন নিকলের পারগম দিক (transmission direction) ইহাতে আপতিত আলোর কম্পন্দিকের

অভিলয়ে থাকিবে তখনই এইরূপ ঘটিবে। সূতরাং এই বিন্দুশ্রেণী বরাবর শূন্য তীব্রতার ঝালরের একটি সারি পাওয়া যাইবে। বিশ্লেষক নিকলটি ঘূরাইলে আর এক অবস্থানে অন্য শ্রেণীর সমর্বার্তত আলোকে আটকানো যাইবে এবং নিকলের এই অবস্থানেও আর এক শ্রেণীর শূন্য তীব্রতার ঝালর পাওয়া যাইবে। অবশ্য এই দূই শ্রেণীর ঝালর একই সময়ে বর্তমান থাকিবে না. নিকলের বিশেষ অবস্থানে এক সময়ে শুধু এক শ্রেণীর শূন্য তীব্রতার ঝালরই পাওয়া যাইবে। এই ঝালরশ্রেণীর মধ্যে আলোর তীব্রতা ক্রমশঃ বাড়িতে থাকিবে এবং একটি চরম মানের মধ্য দিয়া যাইয়া আবার শূন্য তীব্রতার দিকে যাইতে থাকিবে যে পর্যান্ত না ইহা শূন্য তীব্রতার পর্যবসিত হয়। এই পরীক্ষার জনা ৪.০১ নং চিত্রে প্রদর্শিত ব্যবস্থা কয়া যাইতে পারে।



একটি আলোক উৎস হইতে নিগতি আলোক  $L_1$  লেলের সাহাষ্যে সমান্তরাল আলোক রশ্মিমালার পরিবর্তিত করিয়া P সমবর্তক নিকলে আপতিত করা হইয়াছে। P হইতে তলীয় সমবর্তিত রশ্মি প্রতিপ্রক 'C' ফলকের মধ্য দিয়া গমন করিয়া বিশ্লেষক নিকল A র উপর পড়িয়াছে। A হইতে নিগতি রশ্মি আবার  $L_2$  লেলের সাহাষ্যে ফোকাস করিয়া অভিনেতের সাহা্য্যে দেখা হইতেছে। এখানে একশ্রেণীর ঝালর দেখানো হইয়াছে। পালের চিত্রে বিভিন্ন প্রকারের ভংশের ছবিও দেখানো হইয়াছে। কোনও বিন্দৃতে পথ-পার্থক্যের মান যদি জানিতে হয় তবে অভিনেত্রটি সেই বিন্দৃতে নিয়া ইহা যে দ্বাম্ব অতিক্রম করিল ন্কেল হইতে তাহা নির্ণার করা হইবে। যদি এই দ্বাম্ব হয় x তবে পথ-পার্থক্য হইবে

$$\Delta = \frac{x}{S} \cdot \frac{\lambda}{2}.$$

কাজেই দেখা বাইতেছে যে এই পথ পার্থকা তরসদৈর্ঘ্যের উপর নির্ভরশীল বালরা বিভিন্ন তরসের ক্ষেত্রে আলাদা হইবে। সূতরাং দুইটি শূন্য তীরতার ঝালরের মধ্যের দূরত্ব 2.5 ও প্রতিটি তরসদৈর্ঘ্যের ক্ষেত্রে আলাদা হইবে। ফলে সাদা আলো ব্যবহার করিলে ব্যক্তিচার নক্সা রঙীন হইবে। শুধু কেন্দ্রীর ঝালরের বেলারই সমস্ত তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলো একই জারগার পড়িবে যার ফলে এই ঝালরটি অবার্ণ হইবে। কেন্দ্র হইতে বত বাহিরের বা ভিতরের দিকে বাওয়া যাইবে ততই মিশ্রণের ফলে রঙের সৃষ্টি হইবে এবং ঝালরের স্পর্কতা কমিতে থাকিবে। এই পরীক্ষা পন্ধতির দ্বারা তলীর সমর্বতিত আলো পর্যবেক্ষণ করা বার। এই আলোতে কম্পর্নাদকও বিশ্লোবক নিকলের পারগম দিক হইতে জ্বানা বার।

ব্যাবিনেট-প্রতিপ্রকের সর্বাপেক্ষা গুরুষপূর্ণ প্রয়োগের দৃষ্টান্ত হিসাবে বলা বাইতে পারে উপবৃত্তাকার সমর্বাতত আলোর পরীক্ষা পদ্ধতির ক্ষেত্র। (Jamin) এই পরীক্ষার উদ্দেশ্যে প্রতিপুরকটির খানিকটা পরিবর্তন করেন। ব্যাবিনেটের যব্তে চিভূজ দুইটি একতে লাগানো থাকে আর অভিনেত্র সরাইয়া দৃষ্ঠিক্ষেত্রে বিভিন্ন পথ-পার্থকোর বিন্দৃতে নিরা যাওয়া হয়। এই ক্ষেত্রে x দূরত্ব অভিক্রম করিলে একটি চিভূজের বেধ d বাড়ে অন্যটির বেধ d' কমে। সূতরাং (d-d') পরিবর্তনে উভয় গ্রিভুক্তই অংশগ্রহণ করে। যামার পরিবর্তনে একটি চিতৃক্ত স্থির রাখিয়া অনাটি নিম্বতলের সমান্তরালে সরানো হয়। কিন্ত অভিনেত্রটি এইক্ষেত্রে স্থির রাখা হয়। সূতরাং দৃষ্টিক্ষেত্রে যে কোনও বিন্দৃতে একটি চিতৃক্ত সরাইবার ফলে রশ্বি পুইটির মধোর পথ-পার্থক৷ (d-d')পরিবতিত হয় এবং এই পরিবর্তন গ্রিভুজটি সরাইয়া ইচ্ছামত নিয়ন্ত্রণ করা বায়। তবে ইহা সহজেই বুঝা বায় যে পূর্বের ক্ষেত্রে একটি ঝালর দূরত্ব অতিক্রম করিতে অভিনেত্রটি বতটা সরাইতে হয় (2S) পরের ক্ষেত্রে ত্রিভূকটি ভাহার দিগুণ সরাইতে হয়। কারণ আগের ক্ষেত্রে অভিনেত্রটী BC দিকে সন্নাইলে d কমে কিন্তু সঙ্গে সঙ্গে d' বাড়ে ; ফলে riangle পুইটি চিভুজের বেধের পরিবর্তনের জনাই পরিবর্তিত হর। কিন্তু পরের ক্ষেত্রে একটি গ্রিভূক সরাইলে দৃষ্ঠিক্ষেত্রের কোনও বিম্পুতে d স্থির থাকে শুধু d' পরিবর্তিত হর। ফলে এই ক্ষেত্রে পূর্বের অপেক্ষা অর্থেক হারে (d-d') পরিবর্তিত হইবে। এই পার্থকোর তাংপর্ব্য এই যে পরীক্ষা ব্যবস্থাটি এইক্ষেত্রে অধিকতর সূবেদী হয়। এইবার বামার পরিবর্তিত বাকছা দারা উপবৃত্তাকার সমবতিত আলোর বিশ্লেষণের পরীক্ষা বর্ণনা করা হইবে।

একটি আলোকরশ্মিমালায় যদি উপবৃত্তাকার সমবর্তন বিদামান থাকে তবে এই ক্ষেত্রে ঐ উপবৃত্তের তিনটি বৈশিষ্ট্য (characteristics) জানা প্রয়োজন। এই তিনটি বৈশিষ্ট্য নির্ণয় করিতে পারিলেই উক্ত উপবৃত্তাকার সমবর্তন সমকে পূর্ণ জ্ঞাতব্য তথা জানা হইয়া যায়। এই তিনটি বৈশিষ্ট্য হইল:

- (a) দুইটি উপাংশের মধ্যে দশা-পার্থক্য।
- (b) উপবৃত্তের অক্ষ দুইটির অবস্থান।
- (c) উপবৃত্তের অক্ষ দুইটির মানের অনুপাত।

চিত্র নং ৪.৩৮ হইতে দেখা যায় যে সাধারণ সমবর্তনের ক্ষেত্রে উপবৃত্তের আক্ষ দুইটি C কেলাসের কম্পন দিক দুইটির সহিত সম্পাতী নহে। আর এইজনা ইহাদের অবস্থান নির্ণয় করিতে হয়।

(a) দুইটি উপাংশের মধ্যে দশা-পার্থক্য নির্ণয় ঃ

আপতিত রশ্মি থাদ উপবৃত্তাকার সমবর্তিত হয় তবে আপতিত রশ্মিকে প্রতিপ্রকে এমন দুইটি উপাংশে বিভক্ত করা যায় যাহারা প্রতিপ্রকের আলোক অক্ষ দুইটির সহিত সম্পাতী হইবে এবং ইহাদের বিস্তার ও দশাও আলাদা হইবে। ফলে ইহাদের মধ্যে একটি দশা-পার্থক্যের উদ্ভব হইবে। এই দুইটি উপাংশকে লেখা যায়

$$\begin{cases} ox & \text{ figs} \quad A \cos (wt - \alpha_1) \\ oy & \text{ figs} \quad B \cos (wt - \alpha_2) \end{cases}$$
 (4.23)

সূতরাং ইহাদের মধ্যে দশা-পার্থক্য হইবে (४, – ४,). প্রতিপ্রকের মধ্য দিয়া বাইবার ফলে ইহাদের মধ্যে বাড়তি দশা-পার্থক্য BC সরলরেখার প্রতিবিন্দৃতে আলাদা হইবে। এই দশা-পার্থক্য  $\hat{\sigma}$  লেখা যায়

$$\tilde{o} = \frac{2\pi}{\lambda} \left( (d - d')(\mu_{ord} - \mu_{oxt}) \right) \tag{4.24}$$

যে বিন্দুতে এই দশা-পার্থক্য  $\hat{\theta}$  এর মান  $(\kappa_1 - \kappa_2)$  এর সমান,কিন্তু বিপরীত হইবে সেখানে মোট দশা-পার্থক্য শ্না হইবে। সূতরাং এখানে তলীয় সমবর্তনের সৃষ্টি হইবে; ইহা বিশ্লেষক নিকলে একটি শ্না আলোক তীরতার ঝালর উৎপন্ন করিবে।

সূতরাং প্রথমে তলীয় সমবঁতিত আলো দারা একটি ঝালরশ্রেণীর সৃষ্ঠি করা হয়। অভিনেত্রের তির্বক্তার (cross-wire) ইহাদের কেন্দ্রীয় ঝালরের সহিত মিলাইয়া দেওয়া হয়। এইবার যদি পরীক্ষাধীন উপবৃত্তাকার সমবঁতিত আলো আপতিত হয় তবে এই কেন্দ্রীয় বিন্দুতে দশা পার্থক্য শৃন্য থাকে না। সূতরাং কেন্দ্রীর বালরটি একদিকে সরিয়া যার। কেন্দ্রীর বালরের এই নৃতন অবস্থানে দশা পার্থকা শূন্য। অর্থাং এখানে  $\delta = -(\alpha_1 - \alpha_2)$ . এইবার আভিনেত্রটি সরাইয়া তির্থক-ভার আবার কেন্দ্রীর বালরের নৃতন অবস্থানের সহিত মেলানো হর। যদি অভিনেত্রের সরণ (displacement) x হর তবে লেখা বার

$$\frac{x}{2s} = \frac{\delta}{2\pi} \quad \text{al} \quad \delta = \frac{\pi}{s} - x = -\left( <_1 - <_2 \right) \tag{4.25}$$

s এর মান পূর্বেই নির্পণ করা হইরা থাকে। বিদ দ সংখ্যক ঝালরের মধ্যের দূরত্ব অভিনেত্র সরাইরা তেলের সাহাযো মাপা হয় তবে এই দূরত্ব X হইবে 2ns এর সমান। সূতরাং

$$2s - \frac{X}{n}$$

এইভাবে উপাংল পুইটির মধ্যে দলা-পার্থক্য নির্ণর করা যার, কারণ

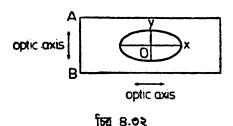
$$\delta = -(4, -4)$$

#### (b) উপবৃত্তের অক গৃইটির অবস্থান নির্ণর :--

পরের আলোচনার চিত্র নং ৪.০৮ হইতে দেখা যাইবে যে যখন উপবৃত্তের মুখা এবং গোণ অক দুইটি কেলাসের কল্পনদিক দুইটির সহিত সম্পাতী হয় তখন উপবৃত্তের ক্লোসের কল্পনদিকে বিভক্ত উপাংশ দুইটির মধ্যে দশা পার্থক্য দুই তথাটির সাহাযো উপবৃত্তের আক দুইটির অবস্থান নির্ণয় করা যায়। আগের ক্লেনের ন্যার তলীর সমর্বার্ডত আলোর সাহাযো বাতিচার কালরপ্রেণীর সৃষ্টি করিরা অভিনেত্রের তির্বক তার (cross-wire) ইহাদের কেন্দ্রীর কালরের সহিত মিলাইরা দেওরা হয়। এরপর এই প্রতিপ্রকের একটি চিত্তুক এতটা সরানো হর বাহাতে ঝালরপ্রেণীর তুঁ দ্রান্থের সরণ হর। ইহার অর্থ দাড়াইবে এই যে তির্বকতারের বিম্পুতে দুঁ দলা পার্থক্য বিদামান থাকিবে।

এইবার তলীর সমবতিত আলোর স্থানে পরীক্ষাধীন উপবৃত্তাকার সমবতিত আলো দেওরা হইল। সাধারণত দেখা বাইবে বে কেন্দ্রীর ঝালর তির্বকভারে ফিরিয়া আসিবে না। প্রতিপ্রকৃতি ইহার নিজের তলে ঘুরাইলে [ অর্থাং AD তলের অভিনয়কে অক্ষ করিয়া ঘুরাইলে (চিন্ত নং ৪.০০)] ঝালরপ্রেণীরও সরণ হইতে থাকিবে এবং একসমর কেন্দ্রীর ঝালরতি অভিনেন্তের তির্বকভারের সহিত মিলিয়া বাইবে। এই অবস্থানে উপবৃত্তের অক্ষম প্রতিপ্রকের আলোক-

অক্ষের দিক দুইটির সহিত সম্পাতী হইবে। ইহার কারণ এই যে উপবৃত্তের অক্ষ দুইটি প্রতিপ্রকের আলোক অক্ষের সম্পাতী হইলে যথন আপতিত আলো এই দুই আলোক অক্ষের দিকে উপাংশে বিভক্ত হইবে ইহাদের মধ্যে দশা পার্থকা হইবে  $\frac{\pi}{2}$  অভিনেত্রের তির্থকতারের নীচে পূর্ব হইতেই  $\frac{\pi}{2}$  দশা পার্থক্য সৃষ্টি করিয়া রাখা হইয়াছে। প্রতিপ্রকের উপরোক্ত অবস্থানে এই দুইটি দশা-পার্থক্য সমান কিন্তু বিপরীত হইবে; ফলে এই তির্থক তারের নীচে দশা-পার্থক্য শ্ন্য দাড়াইবে আর তদীয় সমর্বার্ডত আলোর দ্বার। সৃষ্ট কেন্দ্রীয়



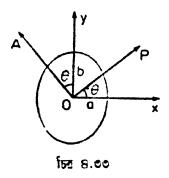
ঝালর তির্থক তারের সহিত মিলিয়া বাইবে। প্রতিপ্রকের আলোক অক্ষের দিক দুইটি জানা আছে; ৪.৩২ নং চিত্রে ইহা দেখানো হইরাছে। এই পরীক্ষার সাহাযে। উপবৃত্তাকার সমবর্তিত আলোর অক্ষর্প্ত এই দুইটি দিকের সম্পাতী হইবে।

# (c) উপবৃত্তের অক্ষ দুইটির মানের অনুপাত নির্ণর :

আগের পরীক্ষার মত প্রতিপ্রকটি যদি এমনভাবে রাখা হয় যে ইহার আলোক অক্ষের দুইদিক উপবৃত্তের দুই অক্ষের সম্পাতী হয় তবে কেন্দ্রীয় রশ্মির দশা পার্থক্য শ্না হইবে এবং ইহার তলীয় সমবর্তন উৎপন্ন হইবে। বিশ্লেষক নিকলের পারগম দিক যখন সমবর্তিত রশ্মির কম্পন দিকের অভিলম্বে স্থাপন করা যায় তখন একটি শ্না তীরতার ঝালর কেন্দ্রস্থলে উৎপন্ন হয়। 2s দ্রে দ্রেও অনুর্প ঝালর হইবে।

৪.৩৩ নং চিটে ox এবং oy প্রতিপৃরকে আলোক অক্ষের দিক। এই দুই দিকে বিভক্ত উপবৃত্তের উপাংশের মধ্যে প্রতিপ্রকের উপরোক্ত অবস্থানে দখা-পার্থক্য হইবে  $\frac{\pi}{2}$  এই দখা-পার্থক্য যখন পূর্বপরিকিশ্পতর্পে শ্ন্যে পরিষত করা হয় তখন আলোর তলীয় সমবর্তন হইয়া থাকে। কেন্দ্রীয় রশ্মির ক্ষেত্রে ক্ষ্পন দিক OP. ইহা ox এর সঙ্গে  $\theta$  কোণ উৎপত্র করিয়া আছে এবং এখানে

 $an heta = rac{b}{a}, \ b$  এবং a উপবৃত্তের অক্ষ দুইটি । বদি বিশ্লেষক নিকলের পারগম দিক OA হয় তবে ইহাও o এর সহিত heta কোণ উৎপত্ন করিবে । সূতরাং



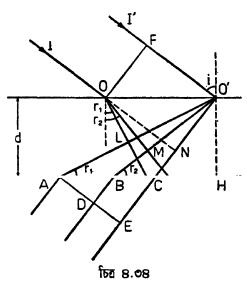
এই অবস্থানে বিশ্লেষক নিকলের পারগম দিক আলোক অক্ষের সহিত  $\theta$  কোণ উৎপন্ন করিবে এবং অক্ষ দুইটির অনুপাত হইবে  $\tan \theta = \frac{b}{a}$ .

অক্স দুইটির মধ্যে কোনদিকে মুখ্য এবং কোনদিকে গোণ অক্ষটি থাকিবে তাহা সহজেই বাহির করা যার । b বদি মুখ্য অক্ষ হয় তবে ০০ উপাংশ ০০০ উপাংশ অপেক্ষা বড় হইবে । সুতরাং বিশ্লেষক নিকলে পরীক্ষা করিলে দেখা যাইবে যে যখন ইহার পারগম দিক ০০ এর সমান্তরালে থাকে তখন পারগত আলোর তীব্রতা বৃদ্ধি পার : ০০০ এর সমান্তরালে থাকিলে হ্রাস পায় । এইর্প হ্রাসবৃদ্ধি হইবে যখন উপবৃদ্ধাকার সমর্বতিত আলো সরাসরি বিশ্লেষক নিকলে আপতিত হইবে ।

## ভরজ-চতুর্থাংশ কলক (Quarter wave plate).

৪.৩৪ নং চিত্রে II' একটি সমান্তরাল আলোকরশি ; ইহা একটি একাক কেলাসের তল OO' এ i কোণে আপতিত হইয়াছে। প্রতিসরণের ফলে ইহা কেলাসের মধ্যে দুইটি রশ্বিতে বিভব হইয়াছে। এই দুইটি রশ্বি OL এবং OM. OF আপতিত রশ্বিমালার তরঙ্গমুখ। O' বিন্দু হইতে প্রতিস্ত রশ্বি দুইটির উপর অভিলয় টানিলে কেলাসের মধ্যে তরঙ্গমুথের অবস্থান হইবে এই দুইটি অভিলয় O'L এবং O'M. এই দুইটি রেখা কেলাসের ছিতীর তলকে A এবং B বিন্দুতে ছেল করিয়াছে। এই কেটে ধরিয়া লওয়া হইয়াছে যে কেলাসের দুইটি প্রতিসরণ তল সমান্তরাল এবং আলোকষক প্রতিস্ত রশ্বির দিকে নছে। যিল কেলাসে প্রতিসরণের ফলে

পতিবেগ পরিবাঁতিত না হইত, তবে IO রাশ্মিটি কেলাসের মধ্য দিয়া ON রান্তায় গমন করিত এবং ইহার তরঙ্গমুখ হইত O'N (O'N এবং ON পরস্পরের অভিলয়ে অবন্থিত )। কেলাসের দ্বিতীয় তলে প্রতিসরণের পর নির্গত রাশ্মি দুইটি আপতিত রাশ্মি IO এর সমান্তরাল হইবে। সূতরাং ইহাদের তরঙ্গমুখ হইবে A, B এবং C এর মধ্য দিয়া OF এর সমান্তরাল



রেখা তিনটি। C বিন্দুটিও A এবং B এর প্রণালীতেই আকা হইরাছে। যদি কেলাসে প্রতিসরণের কোনও প্রভাব না পড়িত তবে CE হইত নিগতে রিশার তরক্ষমুখ। A বিন্দু হইতে যদি একটি লয় অন্য তরক্ষমুখ দুইটির উপর আকা হয় তবে আপতিত রশার তুলনায় প্রতিসৃত রশা দুইটি AE এবং DE পথ পিছাইয়া পড়িবে। সূতরাং এই প্রতিসৃত রশা দুইটির মধ্যে পথপার্থক্য (retardation) হইবে AE - DE = AD.

O' বিন্দু হইতে AC তলের উপর লম্ব ইহাকে H বিন্দুতে ছেদ করিয়াছে। কান্দেই  $AH=d\cot r_1$  এবং  $BH=d\cot r_2$  (4.27)

এখানে কেলাসের বেধ=d এবং কেলাসে প্রতিসরণ কোণ  $r_1$  এবং  $r_2$ .

সূতরাং  $AD = AB \sin i = (AH - BH) \sin i = d (\cot r_1 - \cot r_2) \sin i$ 

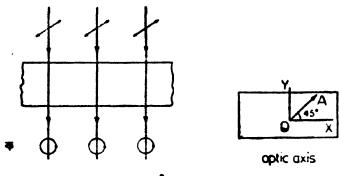
$$= d \left( \frac{\sin i}{\sin r_1} \cos r_1 - \frac{\sin i}{\sin r_2} \cos r_2 \right)$$

$$= d \left( \mu_1 \cos r_1 - \mu_2 \cos r_2 \right) \qquad (4.28)$$

$$-d (\mu_{ord} \cos r_1 - \mu_{ext} \cos r_2)$$
 (4.29)

এখানে  $\mu_{ord}$  এবং  $\mu_{oxt}$  বখান্তমে কেলাসে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বির প্রতিসরাক্ষ । তবে  $\mu_{oxt}$  একেনে একটি শ্বুবক নর ; ইহার মান অসাধারণ রশ্বির সহিত আলোকসক্ষের সৃষ্ঠ কোণের উপর নির্ভর করে ।

এই নীতির প্ররোগ করিরা তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলক (quarter-wave plate) তৈরী করা হয়। এই ফলকের কার্যাপদ্ধতির চিত্র নীচে দেখানো হইল (চিত্র ৪.৩৫)। সাধারণত ইহা অন্তের (mica) পাতলা তর দারা প্রকৃত



कि 8.06

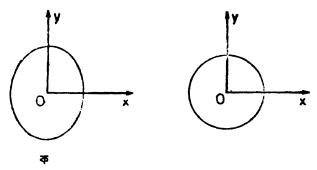
হর। কোরাট্সের পাতলা পাতও ব্যবহার করা চলিতে পারে। এই ক্ষেত্রে আলোকঅক্ষের দিক ফলকের প্রথম প্রতিসরণ তলে একটি ধারের সমান্তরালে অর্বান্থত থাকে [৪.০৫ (খ)]। এবার বলি তলীর সমবাতত আলোফলকের উপর অভিলবে আপতিত হর এবং ফলকের অবস্থান এমনভাবে পরিবর্তন করা হর বে আপতিত সমবাতত রান্ধর কম্পনদিক ফলকের কম্পনদিকের সহিত 45° কোণ উৎপার করে তবে এই রান্ধি দুইটি উপাংশে বিভর হইবে। ইহারো পরস্পারের অভিলবে থাকিবে এবং ইহালের বিভার সমান হইবে। ইহালের মধ্যে দখা-পার্থকা ট = (২, - ২, ) নির্ভর করিবে সমীকরণ 4.29 অনুসারে ফলকের বেধ d এর উপর। অভিলবে আপতনের জন্য এই দখা পার্থকা হইবে

$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda} d \left( \mu_{ord} - \mu_{ext} \right) \tag{4.30}$$

ফলকের বেধ এর্পভাবে নির্মান্ত করা হর যাহাতে  $\delta = \frac{\pi}{3}$  হয়। তাহা হইলে পরস্পরের অভিলবে সমান দুইটি সংশের মধ্যে দশা-পার্থকা  $\frac{\pi}{3}$  হওয়ায় ইহারা একটি বৃত্তাকার সমবর্তনের সৃত্তি করিবে [ ৪.৩৫ (ক) ]। এই তলীয় সমবাতিত আলোর স্রংশ OA দুইটি উপাংশ OA  $\sin 45^\circ$  এবং OA  $\cos 45^\circ$  এ বিভব হইবে । ইহারা  $\frac{\pi}{2}$  দশা-পার্থক্যের ফলে . নিগমের পর বৃত্তাকার সমবর্তনে পর্যবসিত হইবে [ 8.0৫ (খ) ] । সূতরাং এইটি বৃত্তাকার সমবর্তন সৃষ্টির সহজ্ঞতম উপায় । OA এবং OX এর মধ্যের কোণ  $45^\circ$  ছাড়া অন্য কিছু হইলে উপাংশ দুইটির বিস্তার আলাদ। হইবে এবং সমবর্তন উপবৃত্তাকার এবং ক্ষেত্রবিশেষে তলীয় হইবে ।

একটি ব্যাপার এইখানে লক্ষ্য করিতে হইবে।  $\delta$ , অর্থাং দশা-পার্থক্য তরঙ্গদৈর্ঘ্য  $\lambda$  এর উপর নির্ভরশীল। কাজেই এই  $\delta$  যে কোনও একটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বেলার  $\frac{\pi}{2}$  করা হইলে (d এর মান নিয়ন্ত্রণ করিয়া) সোটি শুধু এই তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বেলারই প্রধান্ত্য হইবে, তরঙ্গদৈর্ঘ্য পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে  $\delta$  এর মানও পরিবর্তিত হইবে। সূতরাং তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলক (quarterwave plate) শুধু একটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বেলারই বৃত্তাকার সমবর্তন সৃষ্টি করিতে সক্ষম হইবে, ইহার আশোপাশের তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোর ক্ষেত্রে বৃত্তাকারের বদলে সাধারণতঃ উপবৃত্তাকার সমবর্তন উৎপন্ন হইবে।

কোন কোন প্রয়োজনে ১ এর মান দ করা হইরা থাকে। এইরূপ ফলককে তরঙ্গার্থ ফলক (half-wave plate) বলা হয়। পূর্ববর্ণিত ব্যবস্থায় ইহাতে তলীয় সমর্বতিত আলো উৎপন্ন হইবে।



हित 8.0७

উপরের আলোচনা হইতে দেখা ষায় যে উপবৃত্তাকার সমর্বাতিতার উৎপাদন অতি সহজেই করা যায়। যদি কোনও সমবর্তক কেলাসের মধ্য দিয়া তলীর সমর্বাতিত আলো এমনভাবে পাঠানো যায় যাহাতে আপতিত রাশ্বর প্রধ্বের দিক ঐ কেলাসে কম্পনের দিকের সহিত সমকোণে বা সমান্তরালে না থাকে তবে আপতিত রশি দুইটি আরতাকার প্রংশের রশিতে বিভক্ত হইবে। এই দুইটি রশির বিজ্ঞার এবং দলা-পার্থকা সাধারণ ক্ষেত্রে এমন হইবে যে ইহারা মিলিয়া একটি উপবৃত্তাকার প্রংশের সৃষ্টি করিবে। উপাংশ দুইটির বিজ্ঞার এবং দলা পরিবর্তনের সঙ্গে সঙ্গে অবশ্য এই উপবৃত্তেরও আকৃতি এবং অবস্থানের পরিবর্তন হইবে এবং এই পরিবর্তন সমৃহের মধ্যে বৃত্তাকার এবং তলীয় সমবর্তনও অন্তর্ভুক্ত থাকিবে। উদাহরণস্বর্থপ বলা বার যে দুইটি নিকলের মধ্যে পাতলা কেলাস দিয়া সাদা আলাের যে বাতিচার উৎপান করা হয় তাহাতে বদি বিশ্লেষক নিকলের পরে একটি প্রিজ্ঞ্ম দিয়া বিভিন্ন রস্তের আলােকে আলাদা করা হয় এবং এই আলাদা রন্তর্গুলিয় সমবর্তনের অবস্থা পরীক্ষা করা হয় তবে দেখা যাইবে যে ইহাতে সর্বপ্রকারের সমবর্তনের বর্তমান। নিয়ের চিত্রে ইহাদের একটি সন্তার্গ্য সমবর্তনের খসড়া কেলা হইল।

/000\000/000\000/000/000/

152 8.09 (Gross representation)

উপরের চিত্র ৪.০৬ (ক) তে একটি উপবৃত্তীর স্রংশ দেখানো হইরাছে। চিত্র ৪.০৫ (খ) এর স্রংশ OA বাদ  $45^\circ$  ভিন্ন অন্য কোণে অবস্থিত হর তবে উপাশে দুইটি অসমান হইবে। এই অবস্থার বাদ পারগমের ফলে ইহাদের মধ্যে বিজ্ঞাড় সংখ্যক  $\frac{\pi}{3}$  দা্দা-পার্থকোর সৃষ্টি হর তবে লান্ধি স্রংশ হইবে উপবৃত্তাকার এবং এই উপবৃত্তার অক্ষর OX এবং OY এর সহিত সম্পাতী হইবে। আবার বাদ OA  $45^\circ$  কোণ উৎপাস করে তবে উপাংশ দুইটি সমান হইবে। এই অবস্থার  $\frac{\pi}{3}$  (বিজ্ঞোড় সংখ্যক) দা্দার পার্থকা উপাংশ দুইটির মধ্যে উৎপাস হইলে লান্ধি স্রংশ হইবে বৃত্তাকার। এইটি চিত্র ৪.৩৬(খ) এ দেখানো হইরাছে।

ভরজ-চতুর্থাংশ কলকের সাহাত্য্যে বিদ্নোবণ ( Analysis by quarter wave plate).

ভরঙ্গ-চতুর্থাণে ফলকের কাজ দেখা গিরাছে দুইটি উপাংশের মধ্যে শুন্ধা-পার্থক্যের সৃত্তি বরা। কাজেই বলি উপবৃত্তাকার সমবর্তিত আলো ইহাতে আপতিত করা হয় এবং এই ফলক নিজতলে ঘোরানো হয় তবে উপবৃত্তের দুইটি অক্ষ যখন ফলকের আলোক অক্ষ এবং ইহার অভিলয়ের সহিত সম্পাতী হইবে তখন আলোক অক্ষ এবং অভিলয়ের দিকের উপাংশ দুইটির মধ্যে  $\frac{\pi}{2}$  দশা পার্থকোর সৃষ্টি হইবে। এই দশা-পার্থকোর উন্তব হইবে ফলকের মধ্য দিয়া গমনের ফলে। কিন্তু এই দুইটি পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থিত উপাংশে এমনিতেই  $\frac{\pi}{2}$  দশা পার্থকা বর্তমান উপবৃত্তাকার ভ্রংশকে পরস্পরের অভিলয়ে দুইটি উপাংশে বিভাজনের দর্শ। সূতরাং ফলক হইতে নির্গমের পর মোট দশা-পার্থক্য দাড়াইবে  $\pi$ ; ফলে উপাংশ দুইটি একগ্রিত হইয়া তলীয় সমবর্তনের সৃষ্টি করিবে। এই তলীয় সমবর্তিত আলো বিশ্লেষক নিকলের সাহায়ে আটকাইয়া দেওয়া যায়।

সূতরাং প্রথমে উপবৃত্তাকার সমর্বতিত আলে। ফলকের অভিলম্বে আপতিত করা হয় এবং ফলকটি নিজতলে আন্তে আন্তে দেখানো হয় । প্রতিটি অবস্থানের জন্য ফলক হইতে নিগত আলে। বিশ্লেষক নিকল ঘুরাইয়া আটকানো যায় কিনা পরীক্ষা করা হয় । ফলকের যে অবস্থানে নিকল্ ঘুরাইয়া আলো সম্পূর্ণ বন্ধ হয় সেই অবস্থানে উপবৃত্তের অক্ষম্বয়ের অবস্থান ফলকের আলোক অক্ষ এবং ইহার অভিলম্বের সহিত সম্পাতী । আবার এটাও সহজেই বুঝা যায় যে নিকলের যে অবস্থানে আলো সম্পূর্ণ কাট। পড়িয়া যায় সেই অবস্থানে নিকলের পারগম দিক ফলকের আলোক অক্ষের সহিত  $\theta$  কোণ উৎপন্ন করিবে এবং এই  $\theta$ র মান হইবে  $\tan \theta = \frac{b}{a}$  এই সমীকরণে b এবং a উপবৃত্তের দুইটি অক্ষ ।

পূর্বেই বলা হইয়াছে তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলকে শুধু একটিমাত্র নিদিষ্ট তরঙ্গ-লৈর্ঘ্যের জন্যই শুলা পাথকার সৃষ্টি হইবে। সুতরাং ইহা ঐ নিদিষ্ট তরঙ্গের জন্যই ব্যবহার করা চলিতে পারে। কিন্তু ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রক সমস্ত তরঙ্গানিধিটি প্রবোজ্য।

এই ফলকের সাহায্যে বৃত্তাকার সমবর্তিত আলোও বিশ্লেষণ করা যায়। এই আলো ফলকে অভিলম্বরূপে আপতিত হইলে ইহা আলোক অক্ষ এবং অভিলম্বে এমন দুইটি উপাংশে বিভক্ত হইবে যাহাদের মধ্যে দশা পার্থক্য  $\frac{\pi}{2}$ .

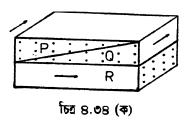
ফলকের মধ্য দিয়া বাইবার ফলে ইহাদের মধ্যে বাড়তি  $\frac{\pi}{2}$  দশা-

পার্থকার সৃষ্টি হইবে। ফলে নির্গত উপাংশের মধ্যে মোট দ দশা-পার্থকোর উত্তব হইবে এবং আলোর ভলীর সমবর্তন হইবে। এই আলো বিশ্লেষক নিকল্ ঘুরাইয়া বন্ধ করা সন্তব। সূতরাং আলো ফলকের তলের অভিলবে আপতিত করিয়া অনা তল হইতে নির্গত আলো বিশ্লেষক নিকল ঘুরাইয়া পরীক্ষা করা হয়। বনি নিকলের কোনও অবস্থানে এই আলো সম্পূর্ণ বন্ধ হইয়া বায় তবে ইহা বৃত্তাকার সমব্যতিত আলো। অবশা আর একটি পরীক্ষাও এই সঙ্গে করিতে হইবে। শুধু বিশ্লেষক নিকলে আলো আপতিত করিয়া নিকলটি ঘুরাইলে পারগত আলোর কোনও তীব্রতার তারতমা হইবে না। কিন্তু অসমব্যতিত আলোর কেনেও এইবুপই হইবে। তফাং এই বে ফলকটি বাবহার করিলে বৃত্তাকার সমবর্তনের ক্ষেত্রে কথনই আলো বন্ধ করা যাইবে না। এইবুপে অসমব্যতিত আলোর ক্ষেত্রে কথনই আলো বন্ধ করা যাইবে না। এইবুপে অসমব্যতিত এবং বৃত্তাকার সমব্যতিত আলোর মধ্যে তরঙ্গ-ততুর্থাংশ ফলকের সাহায়ে প্রভেদ ধরা বাইবে।

ফ্রেনেলের সমান্তর পটফলক—ইহাতে দুইটি সম্পূর্ণ প্রতিফলনে  $\frac{\pi}{2}$  দশাপার্থকার সৃষ্ঠি হয় দেখা গিরাছে। সূতরাং তলীর সমর্বাতত আলোর
কল্পনাদক যদি আপতন তলের সহিত  $\frac{\pi}{4}$  কোণ উৎপত্ন করে তবে নির্গত
আলো বৃত্তাকার সমর্বাতত হইবে এবং ইহা তরঙ্গ চতুর্থাংশ ফলক ও
নিকল বারা সম্পূর্ণ নির্বাপিত করা সম্ভব হইবে। আবার যদি আপতিত
আলো বৃত্তাকার হর তবে বাড়তি  $\frac{\pi}{2}$  দশা-পার্থকোর জন্য নির্গত রাশ্মর
তলীর সমর্বতন হইবে এবং ইহা নিকল বারা নির্বাপিত করা করিবে। আলো
বাদ উপবৃত্তাকারে সমর্বাতত হয় তবে এই উপবৃত্তের অক্ষ দুইটি আপতন তল
এবং ইহার অভিলয়ে থাকিলে নির্গত রাশ্মর মোট দশা-পার্থক্য হইবে  $\pi$ সূত্রাং ইহার তলীর সমর্বতন হইবে এবং আলো নিকল বারা সম্পূর্ণ নির্বাপিত
করা চলিবে। কাজেই দেখা যাইতেছে যে ফ্রেনেলের সমান্তর পটফলক বারা
সর্বপ্রকার সমর্বাতত আলোর বিজ্ঞাবন করা চলে।

## সঙ্গিল প্রতিপূর্ক (Soleil Compensator).

এই প্রতিপ্রকটিও ব্যাবিনেটো প্রতিপ্রকের মত কোরাট্সের চিত্তের সাহাব্যে তৈরারী করা হর বণিও এখানে পুইটি চিত্তের সঙ্গে একটি আরতাকার কোরাট্স্ও বুর বাকে। চিত্র নং ৪.৩৪ (ক) তে পুইটি কোরার্ট্,সৃ ত্রিভূজ P এবং Q পাশাপাশি বসাইরা একটি আরতাকার আঞ্চিত্র সৃষ্টি করা হইরাছে। এই ত্রিভূজ পুইটিতে আলোক অক্ষের দিক পরস্পরের সমান্তরালে অবস্থিত (ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রকের বিপরীত)। ইহাদের তলায় একটি আয়তাকার কোরার্ট্,স্ R এর



সঙ্গে Q বিভূজটি সংযুক্ত থাকে। R এর আলোকঅক্ষের দিক P এবং Q এর আলোকঅক্ষের দিকে P এবং Q এর আলোকঅক্ষের দিকের অভিলয়ে অবস্থিত। তিনটিতে এই দিক তীর চিক্ষের এবং বিন্দুশ্রেণীর দ্বারা দেখানে। হইয়াছে। P বিভূজটি একটি মাইক্রোমিটার স্কু এর সাহায্যে সরানে। যায় (ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রকের মত)।

 $P,\ Q$  এবং R এর মধ্য দিয়। যাইবার পর একটি আলোকরিশার দশা নির্ভর করিবে  $R,-(P_t+Q_t)$  এর মানের উপর। এখানে  $R_t,\ P_t$  এবং  $Q_t$  তিনটি ফলকে আলোকপথের দ্রম্থ বুঝাইতেছে। যেহেডু P এবং Q তিভুজে আলোকঅক্ষের দিক সমান্তরাল এবং P এবং Q এর মধ্যে সব আলোকরিশার পথই সমান সেজনা  $R_t-(P_t+Q_t)$  এর মান সমস্ত আলোকরিশার ক্ষেতেই সমান হইবে। অবশ্য P তিভুজকে সরাইয়া  $P_t+Q_t$  এর মান পরিবর্তন করা যায়। অতএব  $R_t-(P_t+Q_t)$  এর মান অর্থাৎ আলোকরিশার দশাও ইচ্ছামত পরিবর্তন করা চলে। ব্যাবিনেটের প্রতিপ্রকের সঙ্গে সালিল প্রতিপ্রকের মূল পার্থক্য এই যে প্রথমটাতে বিভিন্ন পারগত রিশার দশা বিভিন্ন হয়; কিন্তু দ্বিতীয়টিতে সমন্ত পারগত রিশার দশাই এক এবং এই দশা P তিভুজটি সরাইয়া ইচ্ছামত নিয়ন্ত্রণ করা যায়।

সমবর্ডিত আলোর বিশ্লেষণ (Analysis of polarised light).

আলোকর শিমালাকে নিমলিখিত ৭টি শ্রেণীতে ভাগ করা ধায়

- (a) অসমবাতত আ**লো**
- (b) তলীয়-সমব্যতিত আলো
- (c) বৃত্তাকার সমর্বতিত আলো
- (d) উপবৃত্তাকার সমবাতিত আলো

- (c) অসমবাতিত ও তলীর সমবাতিত আলোর সংমিশ্রণ
- (f) অসমবাতিত ও বৃত্তাকার সমবাতিত আলোর সংমিশ্রণ
- (g) অসমবাতিত ও উপবৃত্তাকার সমবাতিত আলোর সংমিশ্রণ

দুইএর অধিকপ্রকার আলোর সংমিশ্রণও থাকিতে পারে। কিন্তু ভৌকৃস্ (Stokes) দেখাইরাছেন যে এই সাতটি শ্রেণীতেই সমন্ত প্রকার সংমিশ্রণ অন্তর্ভুক্ত থাকিবে। উদাহরণ স্বর্গ বলা বার বে অসমব্যতিত, তলীর এবং উপবৃত্তাকার সমব্যতিত আলোর সংমিশ্রণ অসমব্যতিত ও উপবৃত্তাকার সমব্যতিত আলোর সংমিশ্রণ সমব্যতিত ও উপবৃত্তাকার সমব্যতিত আলোর সংমিশ্রণ

নিম্নলিখিত পদ্ধতিতে সমবঁতিত আলোর গুণাত্মক (qualitative) পরীক্ষা করা বাইতে পারে।

প্রথম ধাপ—আলোকরশ্বিমালার পথে একটি নিকল্ বসাইয়া নিকল্টি ঘুরানো হইল:

> যদি নিকলের এক অবস্থানে আলো নির্বাপিত হয় তবে ইহ। তলীয় সমর্বতিত আলো।

> যদি নিকল্ ঘুরাইলে পারগত আলোর তীরতার কোনও তারতম। ন। হয় তবে ইহা নিয়লিখিত তিনশ্রেণীর একটি হইবে

- (a) অসমবৃতিত আলো
- (b) বৃদ্তাকার সমবাতত আলো
- (c) অসমবভিত e বৃত্তাকার সমবভিত আলোর সংমিশ্রণ

দিতীর ধাপ-এইবার নিকলের আগে একটি তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলক বসাইয়া নিকলটি ঘরানে। হইল ।

> বিদ নিকলের একটি অবস্থানে আলো নির্বাপিত হয় তবে ইহা ব্যুক্তার সমর্বতিত আলো ।

> বৃদ্ধি নিকলের ঘূরানোর ফলে আলোর তীরতার কোনও ভারতমা না হয় তবে আলো অসমবর্তিত ।

> ৰণি নিকল খুৱানোর সঙ্গে সঙ্গে আলোর তীরতাও বাড়ে কমে. কিন্তু নিকলের কোনও অবস্থানেই সম্পূর্ণ নির্বাপিত হয় না তবে আলো অসমবৃতিত ও বৃত্তাকার আলোর সংমিশ্রণ।

তৃতীর ধাপ—আলোতে শুধু নিকল বসাইরা ঘুরাইলে বনি আলোর তীরতার হ্যাসবৃদ্ধি হর কিন্তু কোনও অবস্থানেই সম্পূর্ণ নির্বাপিত হর না তবে ইহা নিম্মলিখিত তিন প্রকারের যে কোনও একটি হইতে পারে:

- (a) উপবৃত্তাকার সমর্বতিত আলো
- (b) অসমবাতত ও তলীয় সমবাতত আলোর সংমিশ্রণ
- (c) অসমবাঁতত ও উপবৃত্তাকার সমবাঁতত আলোর সংমিশ্রণ

এইবার আলোতে একটি তরঙ্গ-চতুর্থাংশ ফলক ও পরে নিকল্ বসাইয়া ইহাদের প্রত্যেককে আলাদাভাবে ঘুরানো হইল। যদি ইহাদের কোনও এক অবস্থানে আলো সম্পূর্ণ নির্বাপিত হয় তবে বৃথিতে হইবে আলো উপবৃত্তাকার সমর্বাতিত এবং এই অবস্থানে উপবৃত্তের অক্ষদ্বয় ফলকের আলোক অক্ষ এবং ইহার অভিলয়ের সম্পাতী। নিকলের অবস্থান হইতে উপবৃত্তের অক্ষদ্বয়ের অনুপাতও বাহির করা ধায়।

ষক্রাংশ দুইটি ঘ্রাইলে যদি আলোর তীরতার হ্রাসবৃদ্ধি হয় কিন্তু কোন অবস্থানেই ইহা সম্পূর্ণ নির্বাপিত ন। হয় তবে বুঝিতে হইবে যে আলো অসমবৃতিত ও উপবৃত্তাকার সমবৃতিত আলোর সংমিশ্রণ। আলোর অবম তীরতার ক্ষেত্রে উপবৃত্তাকার সমবৃতিত অংশের উপবৃত্তের অক্ষন্ধয় ফলকের আলোক-অক্ষ এবং ইহার অভিলম্বের সম্পাতী হইবে এবং নিকলের অবস্থান হইতে অক্ষন্ধয়ের অনুপাতও বাহির করা যাইবে।

অবম তীরতার ক্ষেত্রে নিকল্ বদি ফলকের আলোক আক্ষ বা ইহার আভিলম্বের সম্পাতী হয় তবে আলো অসমবতিত ও তলীয়-সমবতিত আলোর সংমিশ্রণ।

সমবর্তিত আলোর উৎপাদন এবং বিশ্লেষণ (Production and analysis of polarised light).

ভলীর সমর্বতিত আলোর উৎপাদন পূর্বেই আলোচিত হইরাছে। দেখা গিরাছে যে কোনও একাক্ষ কেলাসের মধ্য দিয়া আলো পাঠাইলে বৈধ-প্রতিসরণের ফলে সাধারণত দুইটি তলীর সমর্বার্তত রাশ্মর সৃষ্টি হয়। ইহা ভিন্ন প্রতিফলনের দ্বারাও তলীয় সমর্বার্তত আলোকরশ্ম পাওরা যায়। স্বাধিক প্রচলিত উপার নিকল্ প্রিজ্ম বা পোলারয়েড ব্যবহার করা। কিন্তু এই ভলীর সমর্বর্তন ভিন্ন আলোর জন্য প্রকারের সমর্বর্তনও হইতে পারে; বথা বৃত্তাকার এবং উপবৃত্তাকার (circular and elliptic) সমর্বর্তন। এই প্রসঙ্গে বিভিন্ন প্রকারের সমর্বর্তন বলিতে কি বৃক্কায় তাহা আলোচনা করা উচিত।

## কোনও আলোকতরক বলি নিমলিখিত সমীকরণ বারা বুঝান হর

$$y = a \sin(wt + \hat{o}) \tag{4.31}$$

ভাষা হইলে ইয়ার অর্থ হইবে বে এই স্রংশ y একটি বিশেব দিকে হইতেছে এবং ইয়া সরল দোলগতি (simple harmonic motion) প্রকৃতিসম্পান। আর এই সমীকরণ আরও বুঝাইতেছে একটি অন্তর্থীন তরঙ্গরাশি বাহার প্রকৃতি সমরের সহিত অপরিবর্তিত থাকিবে। সমব্তিত আলোর ক্ষেত্রে এ পর্বান্ত বে আলোচনা হইয়াছে ভাষাতে বলা বার বে বখন এই স্রংশ ( বাহা বৈদ্যুতিক ভেক্টরের সমার্থক বলিরা ধরা বার ) আলোর গতির দিকের অভিলব তলে একটি সূনিদিক এবং অপরিবর্তিত দিকে হইতে থাকে তখন এই আলোকে তলীর সমব্তিত আলো বলা হয়। আর সমব্তনের আর একটি সর্ত হইল এই বে তরঙ্গমুখে সমন্ত বিন্দৃতেই স্রংশ একই প্রকৃতির এবং দিকের হইবে। সূত্রাং সহক্রেই বুঝা বার বে বদি বৈদ্যুতিক ভেক্টরের শেব বিশ্বু আলোকের গতির অভিলব্ধতে আলো বলা বায়। অনুর্পভাবে বিশ্বুটি উপ্রাকার পথে গমন করে তবে সেই আলোকে বৃত্তাকার সমব্তিত আলো হইবে উপবৃত্তাকার সমব্তিত আলো। অবশা এই দুইটি ক্ষেত্রেও তরঙ্গমুখের সমন্ত বিন্দৃতেই একই প্রকৃতির এবং অবজ্যানের বৃত্তাকার বা উপবৃত্তাকার পথের সৃষ্টি হইবে।

বিভিন্ন প্রকারের সমবর্ডিভ আলোর উৎপাদন (Production of different types of polarised light).

তিন প্রকারের সমর্যতিত আলোর উৎপাদন সম্বন্ধে আলোচনা করা হইবে।
ইহার মধ্যে তলীর সমর্যতিত আলো সম্বন্ধে পূর্বেই বিশদর্পে বলা হইরাছে,
সূতরাং অন্য দুইপ্রকার সমর্যতন সম্বন্ধেই প্রধানত এখানে আলোচনা করা হইবে:
তলীর সমর্যতনের আলোচনাও এই প্রসঙ্গে আসিবে। একই কম্পনসংখারে
দুইটি বিভিন্ন বিস্তার এবং দখার আয়তাকার তির্থক কম্পন যদি একই সময়ে
একটি বিন্দুর উপর আপতিত হয় তবে এই বিন্দুর লব্ধি শ্রংশ নিম্নলিখিতর্পে
বাহির কয়া বায়। বিদ্ধ পরস্পরের অভিলব্ধে শ্রংশ দুইটি লেখা বায়

$$x = a \cos(wt - \epsilon_1) \qquad y = b \cos(wt - \epsilon_2) \qquad (4.32)$$

ভবে এখানে x এর দিকে বিস্তার এবং দশা-ধুবক a এবং  $a_1$ ; অনুর্পভাবে y আন্দের দিকে বিস্তার এবং দশা-ধুবক b এবং  $a_2$ .

এই দুইটি সমীকাণ হইতে যদি সময় '৷' এর অপসারণ করা হর তবে লব্ধ সমীকাণ বিশ্বটির গতিপথ বুঝাইবে এবং বিশ্বটির গতির প্রাচলিক সমীকরণ (parametral equation) পাওরা যাইবে। 't' এর অপসারণের জন্য নির্মালখিত পদ্ধতি গ্রহণ করা যাইতে পারে। সমীকরণ 4.32 হইতে লেখা বায়:

$$\frac{x}{a} = \cos wt \cos \alpha_1 + \sin wt \sin \alpha_1$$

$$\frac{y}{h} = \cos wt \cos \alpha_2 + \sin wt \sin \alpha_2$$

$$\frac{x \sin 4_2}{a} = \cos wt \sin 4_2 \cos 4_1 + \sin wt \sin 4_1 \sin 4_2$$

$$\frac{y \sin \alpha_1}{b} = \cos wt \sin \alpha_1 \cos \alpha_2 + \sin wt \sin \alpha_1 \sin \alpha_2$$

$$\frac{x \sin \lambda_2}{a} - \frac{y \sin \lambda_1}{b} = (\cos \lambda_1 \sin \lambda_2 - \cos \lambda_2 \sin \lambda_1) \cos wt$$

$$= \sin (\lambda_2 - \lambda_1) \cos wt$$

$$\frac{x \cos \lambda_2}{a} = \cos \lambda_1 \cos \lambda_2 \cos wt + \sin \lambda_1 \cos \lambda_2 \sin wt$$

$$\frac{y \cos \lambda_1}{b} = \cos \lambda_1 \cos \lambda_2 \cos wt + \sin \lambda_2 \cos \lambda_1 \sin wt$$

$$\frac{y \cos \lambda_1}{b} = \frac{x \cos \lambda_2}{a} = (\sin \lambda_2 \cos \lambda_1 - \sin \lambda_1 \cos \lambda_2) \sin wt$$
$$= \sin (\lambda_2 - \lambda_1) \sin wt$$

$$\frac{x^2}{a^2} \sin^2 \alpha_2 + \frac{y^2 \sin^2 \alpha_1}{b^2} - \frac{2xy}{ab} \sin \alpha_1 \sin \alpha_2$$

$$= \sin^2 (\alpha_2 - \alpha_1) \cos^2 wt.$$

$$\frac{x}{2\cos^{2} + \frac{y^{2}}{b^{2}}\cos^{2} + \frac{2xy}{ab}\cos^{2} \cos^{2} \cos^{2}$$

$$\frac{x^{2}}{a^{2}}\left(\sin^{2} \ll_{2} + \cos^{2} \ll_{2}\right) + \frac{y^{2}}{b^{2}}\left(\sin^{2} \ll_{1} + \cos^{2} \ll_{1}\right) - \frac{2xy}{ab}$$

 $(\sin \mathbf{L}_1 \sin \mathbf{L}_2 + \cos \mathbf{L}_1 \cos \mathbf{L}_2) = \sin^2 (\mathbf{L}_2 - \mathbf{L}_1)(\sin^2 wt + \cos^2 wt)$ 

এই সমীকরণটি দুইটি আয়তাকার দ্রংশের বুক্স প্রভাবের ফলে বিন্দুটির গাঁভ বুঝাইবে। এইটি একটি উপবৃত্তের সমীকরণ। সূতরাং সাধারণভাবে বিন্দুটি ( অর্থাৎ আলোর ক্ষেত্রে বৈদুর্গিতক ভেস্টরের প্রান্তবিন্দু ) একটি উপবৃত্ত উৎপক্স করিবে। এইভাবে কোনও বিন্দুতে বদি পরস্পরের অভিনরে এক কপান্ফের কিন্তু ভিন্ন বিস্তার এবং দশার দুইটি শ্রংশ আরোপিত করা হর তবে লব্বি শ্রংশ হইবে উপবৃত্তাকার। এইটিই উপবৃত্তাকার সমর্বতিত আলোকরণ্মি সৃষ্ঠির স্বাপেকা সহক উপায়।

ক্ষেত্র বিশেষে বিশুর এবং দশা-ধুবকের পরিবর্তনে শ্রংশের প্রকৃতিরও সঙ্গে পরিবর্তন হইয়া থাকে । উদাহরণম্বরূপ দেখা যার যে যদি দশা-পার্থক্য  $(L_2-L_1)=2n\pi$  (n= অথও সংখ্যা, শ্নাকেও ধরিয়া ) তবে 4.33 নং সমীকরণটি দাড়াইবে

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b_a} - \frac{2xy}{ab} = 0 \quad \text{al} \quad \frac{x}{a} - \frac{y}{b} = 0 \quad \text{al} \quad y = \frac{b}{a}x \tag{4.34}$$

এইটি একটি সরলরেখার সমীকরণ। এই সরলরেখাটি x অক্ষের সহিত একটি  $\theta$  কোণ উৎপদ্ম করিরাছে যেখানে  $\tan \theta = \frac{b}{a}$  এবং ইহা স্থানাক্ষ অক্ষের (axes of coordinates) উৎসবিন্দু দিয়া যাইতেছে।

আবার যদি (८3 - ব1) = (2n + 1) n হয় তবে সমীকরণটি দাড়াইবে

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{2xy}{ab} = 0 \quad \text{al} \quad \frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 0 \quad \text{al} \quad y = -\frac{b}{a}x. \tag{4.35}$$

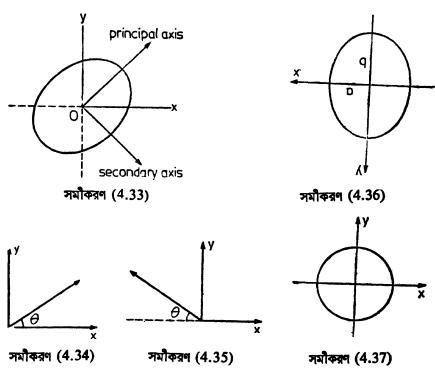
এটিও অনুরূপ একটি সম্বলরেখার সমীকরণ ; শুধু ইহা x অক্ষের খণায়ক দিকের সহিত  $\theta$  কোণ উৎপশ্ন করিবে  $\left(\tan\theta+\frac{b}{a}\right)$ .

বদি  $(\mathcal{L}_2 - \mathcal{L}_1) = (2n+1)\frac{\pi}{2}$  হয় তবে সমীকরণটির পরিবর্তিত রূপ হইবে  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^3}{b^2} = 1$  (4.36)

এই চিও একটি উপবৃত্তের সমীকরণ; এই উপবৃত্তের মুখা ও গোণ অক্ষয় হইবে a এবং b. সমীকরণ 4.33 দারা যে উপবৃত্ত বুঝাইতেছে তাহাতে মুখা ও গোণ অক্ষয়র স্থানাক্ত অক্ষয়র x এবং y এর সহিত সম্পাতী হইবে না । কিন্তু সমীকরণ 4.36 এর দারা স্চীত উপবৃত্তের মুখা ও গোণ অক্ষয়র স্থানাক্ত অক্ষয়ের সহিত সম্পাতী হইবে । অথবা বলা চলে বে মুখা ও গোণ অক্ষয়র উপাংশ দুইটির কম্পনদিকের সহিত সম্পাতী হইবে । এই দশা-পার্থক্য  $(L_2-L_1)=(2n+1)\frac{\pi}{2}$  এর সঙ্গে বিদ্ উপাংশ দুইটি বিদ্যারও সমান হর তবে সমীকরণ দাভাইবে

$$x^2 + y^2 = a^4 = b^2 (4.37)$$

এটি একটি বৃত্তের সমীকরণ। কাজেই দেখা বাইতেছে বে এইক্ষেত্রে আলো বৃত্তাকার সমবর্তন উৎপন্ন করিবে।

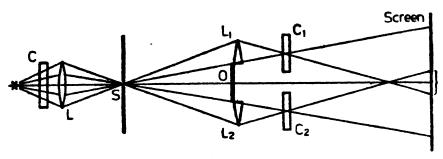


চিত্র নং ৪.০৮—বিভিন্ন সমীকরণের জন্য চিত্র দেখানো হইয়াছে।

## সমবর্ভিড আলোর ব্যভিচার (Interference of polarised light).

সাধারণ আলোর বাতিচার সম্বন্ধে পূর্বে আলোচনা করা হইরাছে। কোনও একাক্ষ বা দ্বাক্ষ কেলাসের মধ্য দিয়া সাধারণ আলো গমন করিলে সাধারণত এই আলোর দ্বৈধ প্রতিসরণ হয় এবং দুইটি তলীর সমর্বার্তত আলোকরিশ্বি পাওয়া বায়। এই দুইটি রশ্বিই অনেকাংশে সাধারণ আলোর মতই ব্যবহার করে; কাজেই স্বভাবতই প্রশ্ন ওঠে বে ইহাদের ব্যতিচারও হয় কিনা। ফ্রেনেল এবং আরোগো (Fresnel and Arago) এই বিষয়ে অনেক পরীক্ষা করেন। অন্যান্য নানা রকমের পরীক্ষার মধ্যে নিম্নলিখিত পরীক্ষাটি করা বাইতে পারে। ৪.৩৯ নং চিত্রে একটি আলোকউৎস হইতে নির্গত আলো ে কেলাসের মধ্য দিয়া পাঠাইয়া একটি তলীয় সমর্বার্তত আলোকর্মশ্বর সৃষ্ঠি করা হইল। ে কেলাসিটি একটি নিকল্ বা টুারম্যালিন বা অনুর্প ব্যবস্থা হইতে পারে,

বাহাতে শুধু একটি সমবর্তিত রণিমমালা পাওরা বার। L লেশ দারা ইহাকে S রেখাছিয়ের মধ্য দিরা পাঠাইরা O বাধার সাহাব্যে দুইটি আলোকরণিমতে বিভব করা হইরাছে। এই রণিম দুইটি আবার দুইটি খণ্ডিত লেশ  $L_1$  ও  $L_2$  দারা অভিসারী করা হইল। এইবুপ খণ্ডিত লেশ বিলেট



८०.८ क्वो

(Billet) তাহার বাতিচারের পরীক্ষার বাবহার করিরাছিলেন। অভিসারী রশ্মিষ্টরের সৃক্ষাত্ম অবস্থানে দুইটি সমবর্তক কেলাসের ( $C_1$  এবং  $C_2$ ) সামিবেশ করা হইরাছে। এই কেলাসের মধ্য দিরা যাইবার পর আলোকরশিম আবার অপসারী হইরা পর্দার পড়িয়াছে এবং পরস্পরের উপর অধিস্থাপিত (superposed) হইরাছে। এই অধিস্থাপিত অংশে দুইটি আলোকরশিমর ব্যতিচার হওরা সম্ভব। দেখা যাইবে বে  $C_1$   $C_2$  যদি টুরেম্যালিন কেলাস হয় তবে তাহাদের মুখা-ছেদ সমান্তরাল হইলে পর্দার ব্যতিচার ঝালর সৃষ্টি হইবে। কিন্তু মুখা-ছেদ দুইটি পরস্পরের অভিলয়ে থাকিলে ব্যতিচার-ঝালর দেখা বার না। এইরূপ হওয়াই স্বাভাবিক কারণ প্রথম ক্ষেত্রে আলোক রশ্মি দুইটির কম্পনের প্রংশের দিক সমান্তরাল, কিন্তু দ্বিতীর ক্ষেত্রে ভাহারা পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থিত; ফলে লব্ধি কম্পনের প্রংশ উপবৃত্তীর আকৃতির হইবে।

 $C_1$  বিদ কালসাইট কেলাস হয় এবং সমর্বার্ডত আলোর কম্পনের প্রধের দিক বৃদি ইহার মুখা-ছেদের সমান্তরাল অথবা অভিলবে থাকে তবে  $C_1$  এবং  $C_2$  হইতে একটি করিয়া রশ্মিই পাওরা বাইবে। ইহাদের প্রশেপরের সমান্তরাল হওয়ার ভাহারা বাতিচার বালর উৎপান করিবে। কিন্তু সমর্বান্ডত আলোর প্রংশ অন্য কোনও অবস্থানে থাকিলে উভয় কেলাস হইতেই পুইটি (সাধারণ ও অসাধারণ) রশ্মি পাওয়া বাইবে। ইহাদের মধ্যে সাধারণ বৃশ্বিটির প্রংশ সমান্তরাল হওয়ার ভাহারা একপ্রস্থ বাতিচার বালর সৃতি করিবে; আর অনুর্গভাবে অসাধারণ রশ্মি দুইটি আরেক প্রস্থ বালর

সৃষ্টি করিবে। সাধারণ ও অসাধারণ রশ্বির মধ্যে কোনও ঝালর উৎপ্রহ হইবে না।

এইবার যদি  $C_1$  বা  $C_2$  কোনও একটিকে 90° ঘুরাইরা প্রতিকৃল অবস্থানে আনা হয় তবে  $C_1$  হইতে নিসৃত সাধারণ রশ্মির স্রংশ  $C_2$  এর অসাধারণ রশ্মির সংশের সমাস্তরাল হইবে। ফলে  $C_1$  এর সাধারণ রশ্মি  $C_2$  এর অসাধারণ রশ্মির সহিত ব্যতিচার ঝালর উৎপাদন করিবে; এবং  $C_1$  এর অসাধারণ রশ্মি  $C_2$  এর সাধারণ রশ্মির সহিত ক্রিয়া করিরা অন্য প্রস্থ ব্যতিচার ঝালর সৃষ্টি করিবে।

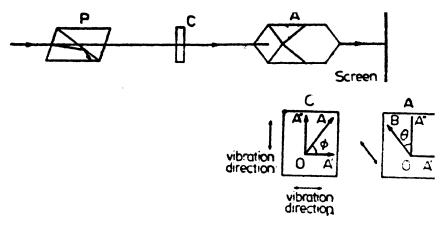
অতএব দেখা যাইতেছে যে অনুকূল অক্ছায় দুইটি তলীয় সমবর্তিত রশি ব্যাতিচারের সৃষ্টি করিবে। ফ্রেনেল এবং অ্যারাগোর পরীক্ষা হইতে তাঁহার। নিম্নলিখিত নিদ্ধান্তে উপনীত হন।

- ১। সমান্তরাল তলে সমবর্তিত দুইটি আলোকরশ্বি সাধারণ আলোর মতই ব্যতিচার সৃষ্টি করে; কিন্তু ইহারা পরস্পরের অভিলয় তলে সমবর্তিত হইলে ব্যতিচারের উন্তব হয় না।
- ২। ব্যতিচারী আলোকরশি দুইটি আদিতে একই আলোকরশ্মি হইতে উদ্ভূত হওয়া প্রয়োজন।
- ৩। যদি দ্বিতীয় সর্ত পালিত হয় তবে পরস্পরের অভিলয়ে স্রংশযুক্ত দুইটি সমর্বতিত আলোকরশ্মির স্রংশ সমান্তরাল দিকে আনিলে ইহাদের মধ্যে ব্যতিচার সৃষ্টি হয়।

স্বভাবতই দেখা যাইবে ষে এই সূত্যগুলি একমাত্র আলোকের তির্থক কম্পনের মতবাদের সাহায্যেই ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে।

এতক্ষণ তলীয় সমর্বতিত আলোর ব্যতিচার সম্বন্ধে সাধারণভাবে পরীক্ষার বর্ণনা করা হইরাছে। এইবার এক শ্রেণীর ব্যতিচারের আলোচনা করা হইবে যাহাতে সমর্বর্তক ও বিশ্লেষক ব্যবস্থার মধ্যে একটি পাতলা কেলাসের খণ্ড দেওয়া হয় এবং ব্যতিচারের ফলে ঐ কেলাসখণ্ডে বিভিন্ন রং এর উৎপত্তি হয় (অবশ্য সাদা আলো ব্যবহার করিলে)। প্রথমে যে পরীক্ষাটি বর্ণনা করা হইবে তাহাতে দুইটি নিকল্ প্রিজ্ম P এবং Aর মধ্যে একটি কুদ্র বেধের একাক্ষ কেলাস C রাখা হইল (চিত্র নং ৪.৪০)। P এবং A বিদ প্রতিকৃল অবস্থানে (crossed position) রাখা হয় তবে A র ভিতর দিয়া কোন আলো যাইতে পারে না এবং পর্দায় কোনও আলো পড়ে না। এইবার বিদ C কেলাসটি আলোকরিশার পথে ঢোকানো হয় (P এবং A র মধ্যে হওয়া চাই) তবে

দেখা বাইবে বে আলো আবার A র ভিতর দিয়া গিরা পর্ণার পড়িতেছে। এই ধরণের পরীক্ষা সর্বপ্রথম করেন আরাগো ১৮১১ সনে। আকাশের বিক্ষিপ্ত (scattered) আলো অনেকাংশে সমবাতিত থাকে। জ্ঞারাগো এই আলো প্রথমে একটি অন্তের পাতলা শুরের ভিতর দিয়া পাঠাইরা পারগত রশ্মি একটি



कित 8.80

ক্যালসাইট কেলাসের সাহায্যে বিশ্লেষণ করেন। তিনি দেখিতে পান যে ক্যালসাইট কেলাস হইতে নির্গত উভয় রশ্বিই রঙীন দেখা যায়। আর অত্রের ন্তরটি নিজতলে ঘুরাইলে উভর রশিরই রঙের পরিবর্তন হয়। পাশের চিত্র হইতে বুঝা যার। P নিকল হইতে একটি অসাধারণ রশি ধরা বাক ইহার কম্পনের দিক OA. এই অসাধারণ রশি বাহির হইতেছে: C কেলাসে আপতিত হইরাছে। 'C' কেলাস্টির দুইটি পরস্পর অভিলয় কম্পন দিক আছে, এইগুলি চিত্রে দেখানে। হইয়াছে। OA কম্পনটি এইবার मुद्देषि উপাংশে এই मुद्दे मिटक विस्ता इहेट्य । OA व विद्याद योग A इस अवर ইহা C কেলাসের কম্পনের একটি দিকের সহিত  $\phi$  কোণ করিরা থাকে তবে উপাংশ দুইটির মান হইবে  $A \cos \phi$  এবং  $A \sin \phi$ . চিয়ে  $OA' = A \cos \phi$ ;  $OA' = A \sin \phi$ . এই দুইটি সমবাতিত উপাংশ এবার বিশ্লেবক নিকল A র উপর আপজিত হইতেছে। পূর্বেই বলা হইরাছে বে নিকল দুইটি প্রতিকৃল অবস্থানে রাখা আছে। সূতরাং এ নিকলে পারগত রশ্বির কম্পনের দিক হুইবে O'B (OA এবং O'B পরস্পরের অভিনৱে অবন্থিত )। এই দিক যদি OA' as ncr heta apply a significant and oA' and oA' and oA' and oA' and oA' and oA' and oA'OA" প্রভাকেই দুইটি উপাংশে বিভক্ত হইবে, O'B এবং ইহার অভিলবে। ইহাদের মধ্যে O'B দিকের উপাংশ দুইটিই A কেলাসের মধ্য দিয়া গমন করিবে। এই দুইটি উপাংশের মান দাড়াইবে

 $A \cos \phi \sin \theta$  এবং  $A \sin \phi \cos \theta$ 

কিন্তু ৪.৪০ নং চিত্র হইতে দেখা যায় যে  $heta=\phi$ .

সুতরাং উপাংশ দুইটি লেখা যায়

 $A \sin \theta \cos \theta$  and  $A \sin \theta \cos \theta$ .

কান্দেই দেখা যাইতেছে যে ইহাদের মান সমান এবং কম্পনের দিক একই ।
ইহারা একই রশ্মি বিভন্ত হইরা সৃষ্ট হইয়াছে সৃতরাং ইহাদের দশা সংসক্ত .
(coherent). আবার ইহারা সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মি হওয়ায় C কেলাসে
ইহাদের গতিবেগও আলাদা। ফলে এই দুইটি রশ্মির মধ্যে C এর মধ্য দিয়া
যাইবার সময় একটি দশা-পার্থক্যের সৃষ্টি হইবে। এই দশা পার্থক্য নির্ভর
করিবে C কেলাসে দুইটি রশ্মির আলোক পথের উপর। ইহাদের পথ-পার্থক্য  $\triangle$  (path difference) হইবে

$$\Delta = (\mu_{ord} - \mu_{ext})d$$

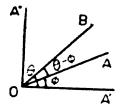
এখানে d=C কেলাসের বেধ ;  $\mu_{ord}$  এবং  $\mu_{ex}$  যথাক্রমে সাধারণ ও অসাধারণ রশ্মির প্রতিসরাক্ষ । ইহা হইতে পাওয়া যায় দশা-পার্থক্য  $\delta$ 

$$\hat{o} = \frac{2\pi}{\lambda} d \left( \mu_{ord} - \mu_{ext} \right) \tag{4.38}$$

কাজেই দেখা যাইতেছে যে ব্যতিচারের সমস্ত সর্তই এই দুইটি উপাংশ O'B প্রণ করিতেছে। অতএব তাহাদের মধ্যে ব্যতিচার হইবে। দশা-পার্থক্য তরঙ্গদৈর্ঘ্য  $\lambda$  র উপর নির্ভরশীল বলিয়া বিভিন্ন তরঙ্গের ক্ষেত্রে আলাদা হইবে এবং ইহার ফলে সাদা আলো ব্যবহার করিলে ইহার সমস্ত বর্ণালীর মধ্যে অনেকগুলি তরঙ্গই ব্যতিচারের দর্গ অনুপস্থিত থাকিবে। কাজেই পর্ণার আলোর চেহারা রঙীন দেখা যাইবে। এই রঙ অবশ্য কেলাস C এর অবস্থান এবং P ও A এর আপেক্ষিক অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে। এই তথ্যটি ভালভাবে বুঝিতে হইলে আলোক-তীরতার একটি রাশিমালা বাহির করা প্রয়োজন। নিয়ে একটি সমাস্তরাল অপতিত রশ্মিমালার জন্য এই রাশি বাহির করা হইল।

সমান্তরাল আলোর ক্ষেত্রে কোনও বিন্দুতে পারগত আলোর তীত্রতা (Intensity of illumination at a point of transmitted light for a parallel beam).

উপরের আলোচনা হইতে বুঝা বার বে C কেলাসটি P এবং A র মধ্যে থাকার জনাই দুইটি উপাংশের মধ্যে দশা-পার্থকোর উত্তব হয়; আবার A নিকল্টির কাজ হইতেছে দুইটি রশ্মির প্রংশকে সমান্তরাল দিকে আনা। সূতরাং বাতিচার সৃষ্টির জনা এই দুইটি অপরিহার্য। P নিকল্টিও সমবর্তন সৃষ্টির জন্য আবশ্যক। আলোক-তীব্রতা বাহির করিবার পর দেখা বাইবে যে আলো বাদ সমব্যতিত না হইরা সরাসরি C কেলাসে আপতিত হয় সেক্ষেত্রে পারগত আলোকর্মাত্রত রঙের সৃষ্টি হইবে না। অতএব ব্যতিচারের ফলে রঙের সৃষ্টির জন্য এই PCA সংবোগ (combination) অভ্যাবশ্যক। তবে এই PCA সংবোগে P এবং A কেলাস প্রতিকূল অবস্থানে না থাকিয়া পরশ্বর বে কোনও অবস্থানে থাকিলেও সাধারণত এই রঙের সৃষ্টি হইবে। সূতরাং ইহাদের অবস্থান সাধারণ ধরিরা নিরা কোনও বিস্ফুতে আলোর তীব্রতা হিসাব করা হইল।



हित 8.85

উপরের ৪.৪১ নং চিত্রে বিভিন্ন কেলাসে কম্পনের দিকগুলি দেখানে। হইরাছে। এক্ষেত্রে ধরিরা নেওয়া হইরাছে বে C কেলাসে কম্পনের দিক OA' এবং OA'; ইহারা পরস্পরের অভিলবে আছে। C কেলাসে আলোক অক্ষপ্রতিসরণ তলে অর্বাস্থিত এবং আলোক এই তলের অভিলবে আপতিত হইরাছে। প্রথম নিকলে আপতিত আলোর অসাধারণ রান্ধি C কেলাসে আপতিত হইতেছে, আর এই সমর্বাত্রত রাম্মির কম্পন দিক OA, OA' দিকের সহিত φ কোণে অর্বাস্থত। ফলে ইহা OA' এবং OA" দিকে ধথারুমে দুইটি উপাংল A cos φ এবং A sin φ এ বিভক্ত হইতেছে। এখানে C কেলাসে আপতিত রাশ্মির বিশ্বার A. সৃতরাং বদি আপতিত রাশ্মির সমীকরণ হয়

 $x = A \cos 2\pi vt$ , ভবে উপাংশ দুইটি লেখা বায়

 $x_1 = A \cos \phi \cos 2\pi vt$   $y_1 = A \sin \phi \cos 2\pi vt$ 

C কেলাসে ইহাদের গাঁতবেগ ভিন্ন হওরার পারগমের পর ইহাদের মধ্যে দশা– পার্থক্য  $\delta$  হইবে। সূতরাং A নিকলে আপতিত রশ্মি দুইটি হইবে

 $x_1 = A \cos \phi \cos 2\pi vt$   $y_1 = A \sin \phi \cos (2\pi vt - \delta)$  (4.40) A নিকলে আসিয়া এই দুই রশ্মির প্রত্যেকেই CB এবং ইহার অভিলয়দিকে উপাংশে বিভক্ত হইবে । ধরিয়া লওয়া হইয়াছে যে A নিকলে পারগমের দিক OB. সূতরাং OB দিকে যে উপাংশ দুইটি পাওয়া যাইবে তাছাদের কথাই বিবেচনা করা হইবে । OB, OA' এর সহিত  $\theta$  কোণে অবন্থিত । OA' হইতে OB দিকে প্রাপ্ত উপাংশ হইবে

$$x_2 = A \cos \phi \cos \theta \cos 2\pi vt. \tag{4.41}$$

অনুরূপভাবে OA'' হইতে OB দিকে প্রাপ্ত উপাংশ হইবে

$$x_3' = A \sin \phi \sin \theta \cos (2\pi vt - \delta) \tag{4.42}$$

এই দুইটি উপাংশ A নিকলের মধ্য দিয়া ষাইবে। ইহাদের কম্পনের দিক একই হওয়ার এবং ইহাদের মধ্যে দশা-পার্থক্য থাকার ইহারা ব্যতিচারের সৃষ্ঠি করিবে। ইহাদের সম্মিলিত প্রংশ হইবে X.

 $X = A \cos \phi \cos \theta \cos 2\pi \nu t + A \sin \phi \sin \theta \cos (2\pi \nu t - \delta)$ 

O বিন্দুতে আলোর তীব্রতা I<sub>a</sub> হইবে (সমীকরণ 2.6 দু<del>ত</del>ব্য)

 $I_{\theta} = A^{2} \cos^{2} \phi \cos^{2} \theta + A^{2} \sin^{2} \phi \sin^{2} \theta + 2A^{2} \sin \phi \sin \theta$  $\cos \phi \cos \theta \cos \delta$ 

 $-A^{2} \left[\cos^{2} \phi \cos^{2} \theta + \sin^{2} \phi \sin^{2} \theta + 2 \sin \phi \sin \theta \right]$  $\cos \phi \cos \theta \left(1 - 2 \sin^{2} \frac{\delta}{2}\right)$ 

 $-A^{2}[(\cos\phi\cos\theta+\sin\phi\sin\theta)^{2}-4\sin\phi\sin\theta\cos\phi$   $\cos\theta\sin^{2}\frac{\partial}{2}].$ 

$$=A^{2}\left[\cos^{2}(\theta-\phi)-\sin 2\phi \sin 2\theta \sin^{2}\frac{\delta}{2}\right] \tag{4.43}$$

আর বিদ A নিকলের স্থলে ক্যান্সসাইট কেলাস ব্যবহার করা হয় তবে সাধারণ এবং অসাধারণ দুইটি রন্মিই পারগত হইবে। অসাধারণ রন্মির তীরতা  $I_*$  উপরে হিসাব করা হইরাছে। সাধারণ রন্মির তীরতা হইবে

$$I_0 = A^2 \left[ \sin^2(\theta - \phi) + \sin 2\phi \sin 2\theta \sin^2 \frac{\delta}{2} \right].$$
 (4.44)

পুইটি ব্লব্দি একসাৰে মিলিলে তাহাদের বুদ্ধ ভীৱতা হইবে

$$I = I_0 + I_0 = A^2 [\sin^2(\theta - \phi) + \cos^2(\theta - \phi)] = A^2$$
 (4.45)

অর্থাৎ এই দুইটি রন্ধির তীব্রতা পরস্পরের প্রক (complementary) হইবে। উপরের হিসাবে একবর্ণী আলোকের কথা ধরা হইরাছে। বনি আলোতে একাধিক তরঙ্গদৈর্ঘ্য বর্তমান থাকে তবে প্রভাবতির জনা ও এবং A আলাদা হইবে, সূতরাং একেন্দ্রে লেখা দরকার

$$I_{\bullet} = \cos^{\alpha} (\theta - \phi) \sum_{\alpha} A^{\alpha} - \sin 2\theta \sin 2\phi \sum_{\alpha} A^{\alpha} \sin^{\alpha} \frac{\delta}{2}$$
 (4.46)

A কেলাসটি নিকল্ প্রিঞ্ম হইলে শুধু অসাধারণ রশ্মিই পাওরা বাইবে ; কাকেই এই রশ্মির তীব্রতা /, এর তারভমাই এখানে আলোচিত হইবে ।

এই সমীকরণ 4.46 হইতে দেখা বাইতেছে বে তীরতা নির্ভর করিবে দুইটি রাশির উপর । প্রথমটি তরঙ্গের বিদ্রার A এবং বিভীরটি দশা-পার্থক্য  $\delta$ . যদি সাদা আলো ব্যবহার করা হয় তবে বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘার A র অনুপাত একই থাকিবে; কাজেই এই রাশির জন্য রঙের সৃষ্টি হইবে না । কিন্তু সমীকরণ 4.38 হইতে দেখা বার বে দশা-পার্থক্য  $\delta$  তরঙ্গদৈর্ঘার উপর নির্ভর করে । সুতরাং কোন কোন তরঙ্গের জন্য এই  $\delta$  এমন হইবে বে  $\sin\frac{\delta}{2}$  শ্না দাড়াইবে ইহার অর্থ এই বে ঐ সমন্ত তরঙ্গের বর্ণালী অপেক্ষাকৃত কম তীরতার হওয়ার ইহাদের অনুপাত কম হইবে এবং সাদা আলো রঙীন হইবে । সুতরাং এই দুইটি রাশিকে বধান্তমে সাদা-আলোর রাশি (white term) এবং রঙীন আলোর

$$cos2(θ-φ) \sum A2 → সাদা আলোর রাখি (4.47)$$

$$\sin 2\theta \sin 2\phi \sum A^a \sin^a \frac{\delta}{2} \rightarrow a \sin^a \frac{\partial}{\partial a}$$
 (4.48)

এই পুইটি রাশির মধ্যে বিদ প্রথমটি শ্না হর তবে রঙ সর্বাপেক। অধিক প্রকট হইবে; আর বিদ প্রথমটির মান চরম হর তবে ইহা রঙকে ফিকা করিরা। দিবে অভএব রঙ সর্বাপেকা কম প্রকট হইবে।

वयन এই অবস্থার সৃত্তি হইবে তখন আলোর তীব্রতা দাড়াইবে

রাশি (colour term) বলা বাইতে পারে ।

$$I_{\bullet} = \sum A^2 \sin^2 2\theta \sin^2 \frac{\delta}{2} \rightarrow রভের দৃশামানতা চরম (4.49)$$

$$I_s = \sum A_s \left(1 - \sin^s 2\theta \sin^s \frac{\delta}{2}\right) -$$
 বঙ্গের দৃশ্যমানতা অবম (4.50)

প্রথম ক্ষেত্রে  $\theta-\phi=90^\circ$  এবং দ্বিতীয় ক্ষেত্রে  $\theta-\phi=0^\circ$ . অর্থাৎ যখন নিকল্ দুইটি প্রতিকৃল অবস্থানে রাখা থাকিবে তখন রঙ চরম প্রকট হইবে। পূর্বেই বলা হইয়াছে যে নিকলের এই অবস্থানে C কেলাসের অনুপদ্খিতিতে আলো A নিকল্ পার হইতে পারিবে না। 'C' কেলাস P এবং A নিকলের মধ্যে রাখাই আলো আবার A র মধ্য দিয়া যাওয়ার কারণ। দ্বিতীয় ক্ষেত্রে নিকল্ দুইটি অনুকৃল অবস্থানে রাখা হইয়াছে।

দুই অবস্থারই দেখা যায় যে  $\theta=45^\circ$  অবস্থানে ফল চরম হইবে কারণ এই ক্লেন্তে  $\sin 2\theta=1$ .

যদি প্রথম নিকল্টি বাবহার করা না হয় তবে 'C' কেলাসের উপর অসমবাঁতত আলো আপতিত হইবে। ইহার ফলে C কেলাসে OA দিকের একটি কম্পন যদি ধরা যায় তবে এই কম্পনের জন্য একটি অসাধারণ রশ্বি A নিকলের ভিতর দিয়া যাইবে। ইহার তীব্রতা হইবে (পূর্বের আলোচনা মত)

$$I_e = A^2 \cos^2(\theta - \phi) - A^2 \sin 2\theta \sin 2\phi \sin^2 \frac{\delta}{2}$$

একই সময়ে OA দিকের অভিলম্বে আর একটি কম্পন C কেলাসের উপর আপতিত হইবে। ইহার যে অংশ A নিকলের ভিতর দিয়া যাইবে তাহা হইবে সাধারণ রশ্মি (এইটি এবং পূর্বোক্ত অসাধারণ রশ্মিটি হইল C কেলাসে প্রতিস্ত রশ্মিদ্বর ) এবং ইহার তীব্রতা হইবে ( পূর্বের আলোচনা মত )

$$I_0 = A^2 \sin^2(\theta - \phi) + A^2 \sin 2\theta \sin 2\phi \sin^2 \frac{\delta}{2}$$

'C' কেলাসটির বেধ খুবই কম হওয়ায় এই রশ্মি দুইটির বিযোজন (separation) খুব সামান্য হইবে। ইহাদের লব্ধি দাড়াইবে

$$I = I_0 + I_a = A^2 \cos^2(\theta - \phi) + A^2 \sin^2(\theta - \phi) = A^2$$
.

সূতরাং এই লব্ধি তীব্রতা ধুবক হইবে এবং ইহা C কেলাসে আপতিত রিশ্মির সমান হইবে। অতএব সাদা আলো ব্যবহার করিলেও কোন রঙ্কের উদ্ভব হইবে না।

নিকল দুইটির অবস্থান অপরিবর্তিত রাখিয়া যদি C কেলাসটি নিজতলে দুরানো হয় তবে আলোর তীব্রতার পরিবর্তন হইবে। ইহার মধ্যে রঙীন

আলোর রাশি  $\sin 2\theta \sin 2\phi$  বখন শ্না হইবে তখন পারগত আলোতে কোনও রঙের সৃত্তি হইবে না। ইহার অর্থ

$$\theta = 0^{\circ}$$
 বা  $90^{\circ}$  } ভাষবা  $\phi = 0^{\circ}$  বা  $90^{\circ}$  }

এই চার অবস্থানের জন্য পারগত রশ্মি অবার্গ হৈবে। এই অবস্থায়

C কেলাসের মুখ্য ছেদ নিকল P অথবা নিকল Aর মুখ্য ছেদের সমান্তরালে অথবা অভিলবে অবস্থিত হইবে। তখন তীরতার মান দাঁড়াইবে

$$I_A = A^2 \cos^2 (\theta - \phi) \tag{4.52}$$

এই অবস্থার যদি  $\theta - \phi$  হর অর্থাৎ নিকল্ দুইটি সমান্তরাল অবস্থানে থাকে তবে তীব্রতা চরম হইবে।

অর্থাৎ তীব্রতার মান হইবে

$$I - A^2$$

আবার যখন  $\theta - \phi = 90^\circ$  হইতে তখন আলোর তীরত। হইবে শ্না : I=0 চিত্র ৪.৪১ হইতে দেখা বার বে বখন

$$\phi = 0^{\circ} \quad \text{an} \quad 90^{\circ}$$

তথন OA কম্পনদিক OA' অথবা OA' এর সহিত সমান্তরাল হওয়ার আলো বিনা বাধার C কেলাসের মধা দিরা বাইবে। ইহার পর A কেলাসেও এই আলোর কম্পনদিক OB দিকের সহিত সমান্তরাল হওয়ার এই কেলাসেও কোন বাধা পাইবে না। সুতরাং আলো এই অবস্থার বিনা বাধার PCA এই সংবোগের মধা দিরা গমন করিবে এবং ইহার তীব্রতা C কেলাসে আপতিত রন্মির সমান হইবে। অনুরূপভাবে শ্না তীব্রতার ব্যাখ্যাও চিত্র ৪.৪১ হইতে সহজেই বুঝা যার!

এই আলোচনার যে কোনও একটি বিশ্বুতে আলোর ভীরতা নির্ধারণ কর।
হইরাছে। এই তীরভার রাশি হইতে সহজেই দেখা বার যে যদি C কেলাসের
সব জারগারই বেধ এক হর তবে পারগত আলোর সমস্ত বিশ্বুতেই তীরভাও
এক হইবে। সূতরাং আপতিত আলোক রাশ্মমালা যদি সমাস্তরাল হর
ইহার প্রতিটি রাশ্মর আলোকপথই এক হইবে। ফলে দৃষ্টিপথের সমস্ত স্থানেই
একই ভীরভা হইবে অর্থাৎ পারগত আলোকর্যাশ্মমালার সর্বন্ন একই রঙ হইবে।
বলা বাহুলা যদি C কেলাসে বেধের ভারতমা থাকে তবে রঙেরও অনুরূপ ভারতমা

হইবে, অবশ্য সাদা আলোর ক্ষেত্রে। একবর্ণী আলোর ক্ষেত্রে শুধূ তীব্রতারই হ্বাসবৃদ্ধি হইবে, বর্ণ একই থাকিবে।

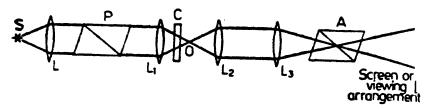
আলোচনার আরন্তে বলা হইয়াছে থে C কেলাসটির বেধ থুবই কম। যদি বেধ কম না হয় তবে সাদ। আলোর ক্ষেত্রে কোনওরং দেখা বাইবে না শুধু তীরতা আপতিত রশ্মির তীরতা অপেক্ষা কম হইবে। ইহার কারণ এই যে রঙের উৎপত্তি হয় দশা-পার্থক্য  $\partial$  বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘোর ক্ষেত্রে বিভিন্ন বিলিয়া। যে সমস্ত তরঙ্গের বেলায়  $\sin \frac{\delta}{2} = 0$  হয় ( $\sin 2\theta \sin 2\phi$  ধনাত্মক ধরিয়া নিয়া) পারগত আলোর সেই সমস্ত তরঙ্গের তীরতা অবম দাড়ায়। অর্থাৎ এই ক্ষেত্রে পথ-পার্থক্য  $n\lambda$  হইবে [n= অথও সংখ্যা (integers)]. অনুরূপভাবে পথ-পার্থক্য  $(2n+1)\frac{\lambda}{2}$  হইলে ঐ তরঙ্গের তীরতা চরম হইবে। সূতরাং C কেলাসের বেধ যদি বেশী হয় তবে ইহার ভিতর দিয়া যাইতে আলোর পথ-পার্থক্য অনেক সংখ্যক তরঙ্গদৈর্ঘোর সমান হইবে, অর্থাৎ n এর মান খুব বড় হইবে। এই অবস্থায় একটি চরম তীরতার তরঙ্গদৈর্ঘ্য  $\lambda$  এবং ইহার সংলগ্ধ অবম তীরতার তরঙ্গদৈর্ঘ্য  $\lambda$  তির ইবে

$$(2n+1)\frac{\lambda'}{2} = 2n \cdot \frac{\lambda}{2} \tag{4.53}$$

এখন n এর মান খুব বড় হইলে  $\lambda$  এবং  $\lambda'$  খুবই কাছাকাছি হইবে। অর্থাৎ একটি চরম তীব্রতার তরঙ্গদৈর্ঘ্যের খুব নিকটেই একটি অবম তীব্রতার তরঙ্গ-দৈর্ঘ্য বর্তমান থাকিবে। সমস্ত বর্ণালীর মধ্যে এইরূপ অনেকর্গাল কাছাকাছি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলোর তরঙ্গের তীব্রতা অবম হওয়ায় বাকীগুলি মিলিয়া একটি সম-তীব্রতার (uniform illumination) ধারণা সৃষ্টি করিবে; আর এই সম-তীব্রতা-সম্পন্ন আলো সাদা আলো বলিয়াই মনে হইবে। অর্থাৎ আলোক তীব্রতা যদি খুব ঘন ঘন চরম এবং অবম মানের মধ্যে পরিবর্তিত হয় তবে খালি চোখে তাহা ধরা যাইবে না বলিয়া পারগত আলো অবার্ণ বলিয়া মনে হইবে।

অপসারী বা অভিসারী তলীয়-সমবর্তিত আলোর ব্যতিচার (Interference of divergent or convergent plane polarised light).

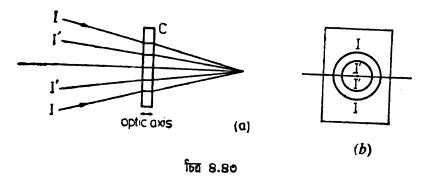
এতক্ষণ সমান্তরাল আলোকরশিমর ব্যতিচার সম্বন্ধে আলোচনা করা হইল। এবার আর একপ্রকার ব্যতিচার চিত্রের বর্ণনা দেওয়া হইবে। এই শ্রেণীর পরীক্ষায় সমান্তরাল আলোকরশিমমালার বদলে অপসারী বা অভিসারী আলোক- রন্দ্রিমালা ব্যবহার করিতে হর, নিকল্ পুইটি এবং কেলাসের আপেক্ষিক অবস্থান পূর্বের ন্যারই থাকে। শুধুমাত্র আলোকে অভিসারী বা অপসারী করিতে প্রয়োজনমত লেজ দরকার হয়। ৪.৪২ নং চিত্রে ১ একটি আলোক উৎস। ইছা হইতে নির্গত আলোক লেজ L এর সাহায্যে সমান্তরাল হইরা সমবর্তক নিকলে P এর মধ্য দিয়া গমন করিয়া সমবর্তিত অসাধারণ রন্মিতে পরিণত



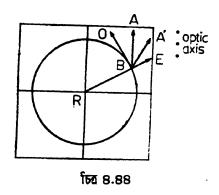
চিত্র নং ৪.৪২

L, এবং L, লেন্স দারা এই রন্মিমালা অভিসারী বা অপসারী এবং পরে সমান্তরাল করা হইয়াছে।  $L_{s}$  লেশ এই সমান্তরাল রুশ্মিকে আহার অভিসারী করিয়াছে। এই রশ্বির প্রস্থ বেখানে সর্বাপেকা কম সেইখানে বিশ্লেষক নিকল এ রাখা সুবিধাজনক। এর ভিতর দিয়া যাইয়া আলো পর্দার পড়িবে অথবা অভিনেক্তর (eye piece) সাহাযো পরীকা করা চলিবে : এইরপ যা সাজানোর সুবিধা এই যে ইহাতে সমান্তরাল, অভিসারী এবং অপসারী এই তিন রকম আলোর সাহাবোই এই ব্যতিচারের পরীক্ষা কর। চলে। অভিসারী আলোর পরীক্ষার জনা C কেলাসটি O বিশুর পূর্বে এবং অপসারী আলোর জন্য 🕖 বিন্দুর পরে রাখিতে হটবে : আর সমান্তরাল আলোর জনা L, এবং L, লেলের মধ্যে বে কোনও স্থানে রাখিতে হইবে। সাহাবে। এবার অভিসাধী আলোর ক্ষেত্রে বাভিচারের পরীক্ষা করা হইবে। প্রথম এবং বিশদরূপে বে বিষয়টি আলোচিত হইবে সেটির ক্ষেত্রে C কেলাসে আলোর অক্ষের দিক প্রতিসরণতলের অভিনৰে অর্থান্থত। অভিসাৰী আলোকৰন্মিতে ৱাখা বাব তবে C কেলাসের আপতিত ব্ৰন্মিমালার চেহারা ধরা বার উপরেম্ব ৪.৪০(a) চিয়ের মত । অভিসারী রশ্মিমালার আকৃতি শব্দুর মত হইবে। এই শব্দুর অক্ষের সহিত সম্পাতী রশ্বিটি C কেলাসে লবভাবে আপতিত হটবে এবং আলোক অক্সের সমান্তরাল হওরার এই র্রান্সটির কোনও বৈধ-প্রতিসরণ হইবে না । শব্দুর অক্ষের সহিত O° বাবে অনা কোনও কোণ উৎপন্ন করিয়া যে বুলি C এর উপর আপতিত হয় তাহারা সকলে একটি

শম্পুর গাতে অবস্থান করিবে। ৪.৪৩(b) চিত্রে II এবং I'I' এইরূপ দুইটি শম্পু ; ইহাদের কোণ আলাদা। আর আলোক অক্ষের সম্পাতী না হওয়ায়

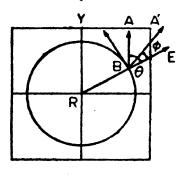


এই সমন্ত রশ্মির ক্ষেত্রে দ্বৈধ-প্রতিসরণও হইবে। কাজেই এই বিভিন্ন কোণের শম্কুর আলোকরশ্মিগুলি ব্যতিচারের সৃষ্টি করিবে। এই ব্যতিচারের প্রকৃতি বুঝিবার জন্য আলোকতীব্রতার মান বাহির করা প্রয়োজন।



II জাতীয় শশ্কুর রশ্মিগুলি 8.88 নং চিত্রে অব্দিত বৃত্তে অবন্থিত ইইবে  $\mathbf{r}$  ইহার একটি রশ্মি B বিন্দুতে আপতিত হইয়াছে। ইহার আপতন তল RB সরলরেখার ভিতর দিয়া চিত্রতলের অভিলয়ে থাকিবে এবং ইহার প্রতিসৃত্ত রশ্মি দুইটির কম্পনের দিক হইবে একটি এই আপতন তলে এবং অন্যটি ইহার অভিলয়ে। সূতরাং ইহাদের দিক ধরা যায় BE এবং BO. স্মরণ রাখিতে হইবে যে C কেলাসে আপতিত রশ্মির তলীয় সমবর্তন P নিকলের ভিতর দিয়া আসিবার ফলে আগেই সৃষ্ট হইয়াছে এবং এই সমবর্তিত রশ্মির কম্পনের বিস্তার Aর দিক BA ধরা যাক। BA' যদি বিশ্লেষক নিকলের অসাধারণ রশ্মির কম্পনের দিক হয় তবে BE এবং BO কম্পনের যে উপাংশ্ব

BA' দিকে হইবে একমাত্র সেই উপাংশ দুইটিই বিশ্লেষক নিকলের মধ্য দিরা বাইবে। আর ইহারাই ব্যতিচারের সৃষ্টি করিবে।



**58.8 5d** 

কাক্ষেই 8.8৫ নং চিত্র হইতে দেখা যাইতেছে যে BA সমবর্তক কেলাসে পারগত আলোর কম্পনের দিক। এটি 'C' কেলাসে দুইটি উপাংশে বিভক্ত হইরাছে। BA এবং BE সরলরেখার মধ্যে কোণ  $\theta$  আর BE এবং বিশ্লেষক নিকলের পারগমের দিক BA' এর মধ্যে কোণ  $\phi$ . অভএব এই অবস্থাটি পূর্ববর্তী চিত্র 8.8১ এর সম্পূর্ণ অনুরূপ। সূতরাং B বিন্দু দিয়া যে আলোক রশ্মি যাইতেছে তাহার তীরতা লেখা যাইবে

$$I_4 = A^2 \cos^2(\theta - \phi) - A^2 \sin 2\theta \sin 2\phi \sin^2 \frac{\delta}{2}$$
.

এখানে A প্রথম নিকল্ হইতে নিগত তরক্ষের বিস্তার এবং ট 'C' কেলাসের মধ্য দিয়া যাওয়ার ফলে দুইটি রন্মির মধ্যে উভূত দশা-পার্থকা। সাদা আলো ব্যবহার করিলে সমান্তরাল রন্মিমালার নায়ে লেখা যায়

$$I_{\theta} = A^{2} \cos^{2} (\theta - \phi) \sum_{i} A^{2} - \sin 2\theta \sin 2\phi \sum_{i} A^{2} \sin^{2} \frac{\pi}{2}$$
(4.54)

আর উহার সঙ্গে সাদৃশ্য রাখিয়া প্রথম পদচিকে সাদা-আলোর পদ এবং দিতীরটিকে রগুনি আলোর পদ বলা ঘাইতে পারে।

উপরে যে হিসাব করা হইরাছে তাহ। II বৃত্তের যে কোনও একটি বিন্দু দিরা গমনকারী রন্ধির বেলার প্রবোজ। হইবে। তবে এই বৃত্তের সব জারগায়ই আলোর তীব্রতা এক হইবে না। উদাহরণমর্প দেখা যাইতে পারে যে যখন sin 20 sin 2\$\phi = 0 হইবে তখন খিতীর পদটি থাকিবে না এবং তীব্রতা দাভাইবে

$$I_a = \cos^2(\theta - \phi) \sum A^2 \tag{4.55}$$

সূতরাং এই ক্ষেত্রে ব্যতিচার নক্স৷ (interference pattern) অবার্ণ হইবে  $1 \sin 2\theta \sin 2\phi = 0$  এর অর্থ

$$\frac{\theta - 0^{\circ}}{\phi - 0^{\circ}} = \frac{1}{90^{\circ}}$$
 (4.56)

৪.৪৫ নং চিত্র হইতে দেখা বাইবে বে প্রথম দুইটি ক্ষেত্রে B বিন্দু এমন অবস্থানে থাকিবে বাহাতে RB সমবর্তক কেলাসের মুখ্য-তলের সমান্তরাল অথবা অভিলয়ে থাকিবে। সূতরাং এই দুইটি সরলরেখা RX এবং RY অবার্ণ হইবে। সেইরকম ভাবে দ্বিতীয় ক্ষেত্র দুইটির বেলায়ও B বিন্দুর অবস্থান এমন হইবে বে প্র্রের ন্যায় দুইটি পরস্পরের অভিলয়ে অবস্থিত অবার্ণ-রেখা পাওয়া বাইবে আর ইহারা বিশ্লেষক কেলাসের মুখ্য তলের সমান্তরাল অথবা অভিলয়ে থাকিবে। কাজেই দেখা বাইতেছে যে সাদা আলোর ক্ষেত্রে ব্যতিচার নক্সা রঙীন হইলেও দুইজোড়া অবার্ণ আয়তাকার রুস (rectangular cross) উৎপন্ন হইবে। ইহাদের উপর আলোর তীরতা হইবে  $I_c = \cos^2 (\theta - \phi) \Sigma A^2$ .

কিন্তু যদি  $\theta = \phi$  হয় তবে  $I_{\bullet} = \sum A^2$ 

অর্থাৎ C কেলাস এবং বিশ্লেষক নিকলের কোনও প্রভাব পারগত আলোর উপর পাড়বে না । ইহার কারণ অবলা চিত্র ৪.৪৫ দেখিলে সহজেই বুঝা বাইবে । বিদ  $\theta=0^\circ$  ধরা হয় তবে B বিন্দু RY সরলরেখার উপর থাকিবে । অর্থাৎ RE দিকটি RY দিকের সহিত সম্পাতী হইবে । ফলে আপতিত সমবর্তিত রন্মির কম্পনের ভংশ BA শুধুমাত্র RY দিকে একটি উপাংশই সৃষ্টি করিবে । RY এর অভিলম্বের উপাংশ কিছুই থাকিবে না । আবার  $\theta=\phi$  এর অর্থ এই যে বিশ্লেষক নিকলের পারগত রন্মির কম্পনের দিক BA'ও RY এর দিকেই থাকিবে । ফলে এই কম্পন দিকের আপতিত রন্মি বিনা বাধায় বিশ্লেষক নিকলের মধ্য দিয়া চলিয়া যাইবে এবং ইহার উপর C কেলাস ও বিশ্লেষক নিকলের কোনও প্রভাব পড়িবে না ।

কিন্তু পূর্বোক্ত অবস্থায় যদি  $\theta=\phi$  এর বদলে  $\theta-\phi=90^\circ$  হয় তবেও এই অবার্ণ আয়তকার ক্রশ পাওয়া যাইবে কিন্তু এই ক্ষেত্রে ক্রশটির আলোর তীব্রতা হইবে শূন্য ; অর্থাৎ  $I_s=0$ .

দেখা ষাইতেছে যে বিভিন্ন কোণের আলোর শব্দু C কেলাসকে বিভিন্ন বাাসের বৃত্তে ছেদ করে। আর ইহার যে কোনও একটি বৃত্তে অবস্থিত বিভিন্ন বিন্দু দিয়া গমনকারী রশ্বিগুলির ক্ষেত্রে দশা-পার্থক্য ও সমান। কিন্তু আলাদা শশ্কুতে দখা-পার্থকা আলাদা। এইজনা ব্যতিচার নক্সা হিসাবে একসারি এককেন্দ্রীর (concentric) বৃত্তাকার রেখা পাওরা বাইবে। এই বৃত্তসমূহের উপর আরতাকার অবার্ণ ক্রস দুইটি আরোপিত থাকিবে।

সূতরাং দেখা বাইতেছে যে বাতিচার নকসার দুই প্রকার রেখা পাওর। বাইবে। একজাতীর রেখা হইবে বৃদ্ধাকার এবং সাদা আলো বাবহার করিলে এই বৃদ্ধান্তার রঙীন হইবে। ইহাদের সমক্র রেখা (isochromatic lines) বা ঝালর (fringes) বলা বাইতে পারে। অন্য জাতীর রেখা হইবে আরতাকার রুশ দুইটি। এই দুইটি অবার্গ হইবে। সূতরাং ইহাকে বলা বার অবার্গ রেখা (achromatic lines). বিশেব বিশেব ক্ষেত্রে এই দুইটি রুশ মিলিরা একটিতে পরিগত হইবে ( যখন  $\theta = 0^\circ$  বা  $90^\circ$  এর সঙ্গে সঙ্গে  $\phi = 0^\circ$  বা  $90^\circ$  হর )। আর  $\theta = \phi = 90^\circ$  হইলে এই রুশে আলোর তীরতা শ্না হইবে।

 $\sin 2\theta \sin 2\phi$  ধনাম্মক অথবা ঋণাম্মক হইতে পারে ! ইহা ধনাম্মক হইবে ম্বখন  $\theta=0^\circ$  হইতে  $\phi=90^\circ$  পর্যান্ত কোণ উৎপন্ন করিবে । আবার ব্যবন  $\phi=90^\circ$  হইতে  $\theta=90^\circ$  কোণ উৎপন্ন করিবে তখন  $\sin 2\theta \sin 2\phi$  ঋণাম্মক হইবে । এই পদটি ধনাম্মক হইলে সম্মক্ত রেখার আলোর তীরত। চরম অথবা অবম হইবে ব্যারুমে নিয়লিখিত ক্ষেত্রে

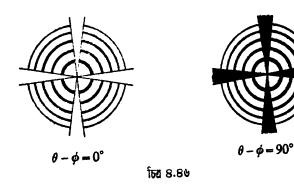
$$\sin\frac{\sigma}{2}=0$$
 বা  $\hat{\sigma}=2n\pi$  তীৱতা চৰম (4.57)  $\sin\frac{\hat{\sigma}}{2}=1$  বা  $\hat{\sigma}=(2n+1)\pi$  তীৱতা অবম

কিন্তু যখন  $\sin 2 heta \sin 2\phi$  ঋণাশ্বক হ**ইবে তখন সমবর্ণ রেখার আলোর** তীরত। নিম্নলিখিত সর্ভ খারা নির্মায়ত হইবে

$$\sin \frac{\sigma}{2} - 1$$
 বা  $\hat{\sigma} = (2n+1)\pi$ ; আলোর তীব্রতা চরম  $\int \sin \frac{\delta}{2} - 0$  বা  $\hat{\sigma} = 2n\pi$ ; আলোর তীব্রতা অবম  $\int (4.58)$ 

চিত্র নং ৪.৪৫ হইতে দেখা বার যে  $\sin 2\theta \sin 2\phi$  চিন্দু পরিবর্তন করে বখন আলোচ। বিন্দুটি একটি অবার্ণ রুশ পার হইরা বার, কারণ এই ক্ষেত্রে  $\theta$  অথবা  $\phi$  কোণ  $0^\circ$  অথবা  $90^\circ$  অবস্থানের মধা দিরা গমন করে; আর  $\theta$  অথবা  $\phi=0^\circ$  বা  $90^\circ$  অবার্ণ রুশের অবস্থান নির্দেশ করে। সূত্রাং বৃদ্ধানার একটি রেখা ধরিরা গেলে যখন ইহার কোনও বিন্দু একটি অবার্ণ রুশ

পার হইরা বায় তথন এই সমবর্ণ রেথায় আলোর রঙ প্রক রঙে (complementary tint) পরিবর্তিত হয় কারণ যখন  $\sin 2\theta \sin 2\phi$  ধনাত্মক থাকে তথন সাদা আলোর পদ হইতে রঙীন আলোর পদ বাদ যায়, কিন্তু ইহা ঋণাত্মকে পরিবর্তিত হইলে সাদা আলোর পদের সহিত রঙীন আলোর পদ যোগ হয় । এখানে ধরা হইরাছে যে বিন্দৃটি আয়তাকার রুশ পার হইতেছে । এই পরিবর্তন অবশ্য শুধু সেই ক্ষেত্রেই হইবে যেখানে দুইটি আয়তাকার রুশ আলাদাভাবে পাওয়া য়াইবে । এই দুইটি রুশ যখন মিশিয়া একটিতে পরিণত হয় তখন আর এই প্রক রঙে পরিবর্তন হয় না । কারণ দুইটি রুশ মিশিয়া একটিতে পরিগত হয় তখন আর এই প্রক রঙে পরিবর্তন হয় না । কারণ দুইটি রুশ মিশিয়া একটিতে পরিগত হওয়ার অর্থ  $\theta=0^\circ$  বা  $90^\circ$  এবং একই সঙ্গে  $\phi=0^\circ$  বা  $90^\circ$ . এইরূপ অবস্থানে আলোচ্য বিন্দু আয়তাকার রুশ পার হওয়ার ফল হইবে বে  $\sin 2\theta$  এবং  $\sin 2\phi$  একই সঙ্গে চিহ্ন পরিবর্তন করিবে । ফলে  $\sin 2\theta \sin 2\phi$  এর চিহ্নের কোনও পরিবর্তন হইবে না ।

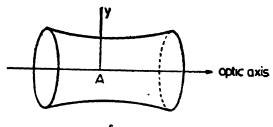


সমবর্ণ রেখার উপর কোনও বিন্দুর স্থানাৎক যদি x,y হয় এবং কেলাসে সাধারণ ও অসাধারণ আলোর প্রতিসরাৎক  $\mu_{ord}$  এবং  $\mu_{oxt}$  হয় ভবে সমবর্ণ রেখার উৎপাদক রেখার (generating curve) সমীকরণ দাড়াইবে

$$\{(\mu_{ord}^2 - \mu_{ox}^2)y^2 + \delta^2\}^2 = 4\mu_{ord}^2(x^2 + y^2)\delta^2$$
 (4.59)

এখানে 0 = আন্সোচ্য বিন্দুতে দুইটি রন্মির দশা-পার্থক্য।

এই উৎপাদক রেখাকে যদি কেলাসের অক্ষের চতুর্দিকে ঘোরানো যায় তবে সংশ্লিক সমবর্গ তল (isochromatic surface) পাওয়া যাইবে। ইহার আকার ৪.৪৭ নং চিত্রে প্রদর্শিত হইল। এই চিত্র হইডে 'C' কেলাসের বিভিন্ন অবস্থানে সমবর্গ রেখার আকৃতি সহজেই অনুযান করা বার ।



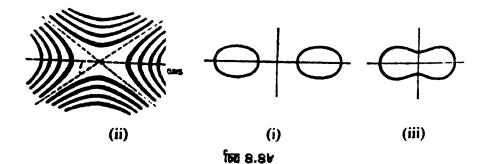
हित 8.89

## একা 🖛 কেলাসের বেলার এই আকৃতি হইবে

- (i) অক্ষের অভিনৰে ছেদের বেলার বৃত্তাকার (circular)
- (ii) অক্ষের সমান্তরাল ছেদের বেলার পরাবৃত্তাকার (hyperbolic)
- (iii) তির্বক ছেলের বেলার অক্ষের সহিত তলের কোণের উপর নির্ভর করিরা উপবৃত্তাকার (elliptic) অথবা পরাবৃত্তাকার।

## দাব্দ কেলাসের বেলার এই আকৃতি দাড়াইবে (চিত্র নং ৪.৪৮)

- (i) **আলোকঅক্ষের অভিনরে ছেদের বেলার আবদ্ধ বল**রাকার (closed rings)
- (ii) **আলোকসক ণুই**টির তলের সহিত সমান্তরাল ছেদের বেলার শরাবৃত্তাকার
- (iii) আলোক-অক্ষের মধোকার কোণের দি-পণ্ডকের (bisector) অভিলবে ছেদের বেলার লেম্নিভেট (lemniscate).



ৰাভিচার নক্সার কেন্দ্রেশ হইতে যাদ একটি ব্যাসার্থ ভেটর টান। হয় তবে এই ভেটরের বিভিন্ন অংশে বে সমন্ত রশ্বি আপতিত হইবে, তাহাদের দশা-পার্থক্য  $\delta$  ও বিভিন্ন হইবে। বে রশ্মিটি কেন্দ্রবিন্দু দিয়া বাইবে ভাহাতে কোনও দশা-পার্থক্য থাকিবে না।  $\sin 2\theta \sin 2\phi$  ধনাত্মক হইলে প্রথম যখন  $\sin \frac{\partial}{2} = 0$  হইবে তখন আলোর তীরতাও চরম হইবে। ব্যাসার্দ্ধ ভেক্টরের পথে বাহিরের দিকে গেলে আবার যখন  $\sin \frac{\delta}{2} = 0$  হইবে তখন খিতীয়বার আলোর তীরতা চরম হইবে।  $\delta = \frac{2\pi}{\lambda} (\mu_{ord} - \mu_{oxt}) d$  হইতে দেখা বায় যে 'C' কেলাসের বেধ d বেশী হইলে  $\delta$  র পরিবর্তনও ভাড়াতাড়ি ঘটিবে। অর্থাৎ সমবর্ণ রেখার ব্যাসার্দ্ধ এই ক্ষেত্রে কমিয়া ঘাইবে। এই নীতি বাবহার করিয়া কোনও কেলাসের চিহু (অর্থাৎ ইহা ধনাত্মক কি খাণাত্মক কেলাস) নির্পণ করা যায়। একটি জানা চিহের কেলাস দ্বারা প্রথমে ব্যাতিচার নক্সার সৃষ্ঠি করা হয়। ইহার পর অজানা চিহের কেলাসটি জানা চিহের কেলাসের পরে সমান্তরাল অবস্থানে রাখা হয়। যদি ইহাদের উভরের চিহু এক হয় তবে কার্য্যতঃ 'C' কেলাসের বেধ বাড়িয়া যাইবে। সূতরাৎ সমবর্ণ রেখাগুলির ব্যাসার্দ্ধ কমিয়া আসিবে। আর যদি ইহারা বিপরীত চিহের হয় তবে ইহাদের কার্য্যকরী বেধ কমিয়া আসায় সমবর্ণ রেখার ব্যাসার্দ্ধও বাড়িয়া বাইবে।

বৃত্তাকার সমবর্তিভ আলোর ব্যতিচার (Interference of circularly polarised light).

এতক্ষণ তলীয়-সমর্বতিত আলোর সমবর্তনের ব্যতিচারের আলোচনা করা হইরাছে। আলো বদি তলীয় সমব্তিত না হইরা বৃত্তাকার সমর্বতিত হয় তবে ব্যতিচার নক্সার কিছু পরিবর্তন হইবে। বৃত্তাকার সমর্বতিত আলোকে ধরা যায় পরস্পরের অভিলয়ে কম্পনশীল দুইটি সমান বিস্তারের স্রংশ যাহাদের মধ্যে দশা-পার্থকা  $\frac{\pi}{2}$ ; সূতরাং ইহাদের লেখা যায়

$$x = A \sin 2\pi \nu t, \qquad y = A \cos 2\pi \nu t \tag{4.60}$$

এখানে 🗸 তরঙ্গের কম্পনসংখ্যা ।

সূতরাং এই বৃত্তাকার সমর্বতিত এবং সমান্তরাল আলোকের 'C' কেলাসে আপতনের ফলে ইহা ঐ কেলাসের দুইটির কম্পনদিকে বিভক্ত হইরাছে বলিয়া মনে করা বাইতে পারে। এখানে C কেলাসে আলোক অক্ষের দিক প্রতিসরণ তলের অভিলব্ধে আছে বলিয়া ধরা হইরাছে। এই উপাংশ দুইটির মধ্যে দশা-পার্থক্য হইবে  $\frac{\pi}{2}$ . কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে

ইহাদের মধ্যে *ই* দশা-পার্থক্য উৎপক্ষ হইবে। সৃতরাং *C* কেলাসে গমনের পর উপাংশ দুইটি দীড়াইবে

$$x = A \sin 2\pi \nu t \qquad y = A \cos (2\pi \nu t + \delta) \tag{4.61}$$

এইবার বিশ্লেষক নিকলে আপতিত হইয়া ইহারা নিকলের মুখা-ডলে আবার উপাংশে বিভক্ত হইবে। মুখা-ডলের অভিলবে উপাংশের কথা ধরা হইতেছে না কারণ এইগুলি নিকলে আটকাইয়া বাইবে। পারগত উপাংশ দুইটি হইবে (এখানে C কেলাসের RX কম্পনদিকের সহিত বিশ্লেষক নিকলের কম্পনদিক ৬ কোশে আছে)

 $A\cos\phi\sin 2\pi vt$  এবং  $A\sin\phi\cos (2\pi vt+\delta)$ . ইহাদের ক্রমে একই দিকে হওয়ায় ইহাদের মধ্যে ব্যতিচারের সৃষ্টি হইবে । বে কোনও বিস্পৃতে আলোর তীব্রতা নিম্নলিখিত ভাবে পাওয়া বাইবে ।

উপাংশ দুইতির লব্ভি হইবে

 $A \cos \phi \sin 2\pi vt + A \sin \phi \cos (2\pi vt + \delta)$ 

 $-A \cos \phi \sin 2\pi vt + A \sin \phi (\cos 2\pi vt \cos \theta)$ 

 $-\sin 2\pi vt \sin \delta$ )

=  $A \sin \phi \cos \delta \cos 2\pi vt + (A \cos \phi - A \sin \phi \sin \delta) \sin 2\pi vt$ . সূত্রাং বে কোনও বিষ্ণুতে আলোর তীব্রতা হইবে

 $I_{\alpha} = A^{2}[\sin^{2}\phi \cos^{2}\theta + (\cos\phi - \sin\phi \sin\theta)^{2}]$ 

 $= A^{2} \left[ \sin^{2} \phi \cos^{2} \hat{\sigma} + \cos^{2} \phi + \sin^{2} \phi \sin^{2} \hat{\sigma} \right]$ 

 $-2 \sin \phi \cos \phi \sin \delta$ 

 $=A^{2}[\sin^{2}\phi(\cos^{2}\delta+\sin^{2}\delta)+\cos^{2}\phi-\sin^{2}\phi\sin^{2}\delta]$ 

$$= A^{2}[1 - \sin 2 \phi \sin \delta]. \tag{4.62}$$

সূতরাং দেখা যাইতেছে এক্ষেত্তেও একটি সাদা আলো এবং একটি রঙীন আলোর পদ থাকিবে : ফলে সাদা আলো বাবহার করিলে বাতিচার নকসা রঙীন হইবে ।

তলীর সমর্বতিত সমান্তরাল আলোকরন্দির মত এখানেও রঙীন আলো পাওরা বাইবে। কিন্তু এখানে পার্থকা এই বে এই রঙ সমবর্তক নিকলের অবস্থানের উপর নির্ভর করিবে না।

এই ক্ষেত্রে দুইটি অবস্থানে সাদা আলো পাওরা ষাইবে ( ভলীর সমবর্তনের ক্ষেত্রে চারিটি অবস্থানে সাদা আলো পাওরা যার )। এই দুইটি অবস্থান হইবে sin 20-0 (4.63)

चार्थार  $\phi = 0^{\circ}$  वा 90°.

এই দুই অবস্থানে বিশ্লেষক নিকল C কেলাসের মুখ্য ছেদের সমান্তরাল অথবা অভিসৰে থাকিবে। এই দুই অবন্থানেই আলোর তীন্ততা হইবে

$$I_o - A^2$$
.

এছাড়া 🖟 সমস্ত আলোকরশির জন্য একই হওয়ায় ব্যতিচার নক্সার সমস্ত क्षायशासरे একই রঙ হইবে। ( এখানে সমান্তরাল রশ্মির ব্যতিচারের কথা ধরা হইয়াছে।)

আবার সমর্বতিত রশ্মি যদি বৃত্তাকার সমর্বতিত কিন্তু অভিসারী বা অপসারী হয় তবে পূর্বের মতই দেখানো যায় যে এক্ষেত্রেও রঙীন বলয় এবং অবার্ণ কুস্ পাওয়া ষাইবে। অবার্ণ ক্রসের সমীকরণ হইবে

$$\sin 2\phi = 0.$$

সূতরাং এখানে একটিমাত্র আয়তাকার অবার্ণ ক্রস্ পাওয়া যাইবে, দুইটি নর । তলীয় সমবর্তনের ক্ষেত্রে সাধারণত দুইটি ক্রস্ পাওয়া যায়।

অবশ্য এখানেও ধরা হইয়াছে যে 'C' কেলাসে আলোক-অক্ষ প্রতিসরণ তলের অভিলবে অর্থান্থত। এই অবার্ণ ক্রসটির আলোক তীরতা হইবে

$$I_a = A^2$$
.

আর এই ভীব্রতা সমবর্তক এবং বিশ্লেষক নিকলের মুখ্য-তলের মধ্যের কোণের উপর নির্ভর করিবে না।

আলোক বলয়ের বেলায় নিকল্ দুইটির যে কোন আপেক্ষিক অবস্থানে sin 2 = ধনাত্মক ক্ষেত্ৰে লেখা যায়

$$\sin \delta = 1$$
 বা  $\delta = (4n+1)\frac{\pi}{2}$  আলোর তীবতা অবম  $\delta = -1$  বা  $\delta = (4n-1)\frac{\pi}{2}$  আলোর তীবতা চরম  $\delta = -1$  বা  $\delta = (4n-1)\frac{\pi}{2}$ 

ভলীয় সমবর্তনের ক্ষেত্রে চরম এবং অবম তীব্রতার নিরামক ছিল  $\sin^2rac{\delta}{2}$ সূতরাং সেখানে এই সর্তগুলি ছিল

$$\sin\frac{\delta}{2}=1$$
 বা  $\delta=2n\pi$  আলোর তীরত। অবম  $\sin\frac{\delta}{2}=0$  বা  $\delta=(2n+1)\pi$  আলোর তীরতা চরম।

$$\sin \frac{\delta}{2} = 0$$
 বা  $\delta = (2n+1)\pi$  আলোর তারতা চর্মা

এই তফাৎ দাঁড়াইতেছে এই কারণে যে দ্বিতীয় ক্ষেত্রে পদটি  $\sin^2rac{\delta}{2}$  কিন্তু প্রথম

ক্ষেত্রে পদটি  $\sin \delta$ . ফলে ব্যতিচার নক্সার চেহার। দাড়াইবে ৪.৪১ নং চিত্রে প্রদর্শিত আকৃতির অনুরূপ।



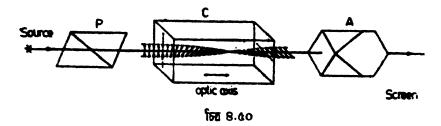
कि 8.8≥

বৃদ্ধাকার সমর্বার্ডত আলোর ব্যতিচারের পরীক্ষা এরারী (Airy) সর্বপ্রথম বিশদর্পে সম্পন্ন করেন। আলোকীর সক্রিয়ভা বা আলোকীয় ঘূর্ণন (Optical activity or optical rotation).

1811 সনে আরোগো (Arago) আবিষ্কার করেন যে যদি কোনও তলীর সমবর্তিত আলোকর্মান কোরার্টস্ কেলাসে আলোক অক্ষের সমান্তরালে প্রতিস্ত হয় তবে কেলাস হইতে নির্গত রাম্মর সমবর্তন তলের পরিবর্তন দেখা বায়। ইহার ফলে বদি এইর্প একটি কোরার্টসের কেলাসের ফলক ( য়হাতে আলোক অক্ষ প্রতিসরণ তলের অভিলবে অবিষ্ঠিত) দূইটি প্রতিকূল অবস্থানে রক্ষিত নিকলের মধ্যে স্থাপন করা হয় তবে আলো এই নিকল দূইটির মধ্য দিয়া গমন করিতে পারে। এই ধরণের পরীক্ষার পূর্বেকার বর্ণনা হইতে জ্ঞানা আছে যে অনুরূপ অবস্থানে একটি ক্যালসাইট কেলাস নিকলে নির্বাপিত আলোর পুনরাবির্ভাব সম্পন্ন করিতে পারে না; এই পুনরাবির্ভাবের জন্য আলোক অক্ষ প্রতিসরণ তলের অভিলবে থাকা চলিবে না। আলোর পুনরাবির্ভাবের জন্য ক্রোলোক অক্ষের কিলোক সক্ষের মধ্যে দশা-পার্থকোর উদ্ভব হওয়া দরকার। কিন্তু আলোক অক্ষের দিকে গেলে এই দশা-পার্থকোর সৃষ্ঠি হয় না, কাজেই আলোর পুনরাবির্ভাবও হয় না।

ষখন একটি তলীয় সমর্থতিত রশ্মি কোনও বছ ববুর তলে আপতিত হয়, এই তলে প্রতিফলিত এবং প্রতিসৃত রশ্মির সমবর্তন তল সাধারণত আপতিত রশ্মির সমবর্তন তলের সহিত সম্পাতী হয় না। এথানেও সমবর্তন তলের পরিবর্তন হইয়া থাকে। কিন্তু কোয়াট্সে গমনের ফলে যে সমবর্তন তলের পরিবর্তন হয় ভাহার সঙ্গে ইহার পার্থক্য আছে। দেখা গিয়াছে যে প্রতিফলনে এবং প্রতিসরণে সমবর্তন তলের পরিবর্তনের পরিমাণ আলোক রশ্মির পথের দৈর্ঘের উপর নির্ভরশীল নহে। এই পরিবর্তন প্রতিফলন বা প্রতিসরণ তলেই সৃষ্ট হয়; এই তল হইতে দ্রে গেলে আর নৃতন কোনও পরিবর্তন হয় না। অন্যাদকে কোয়াট্সের ক্ষেত্রে সমবর্তন তলের ঘৃর্ণনের পরিমাণ কোয়াট্সের আলোকপথের সমানুপাতিক। সূত্রাং বুঝা বায় যে এই দুই প্রকার পরিবর্তনের মধ্যে মৌলিক পার্থকা আছে।

আলোকের সমবর্তন তলের এই ঘূর্ণন নিম্নলিখিত পরীক্ষা ব্যবস্থার দ্বারা নির্ণর করা যাইতে পারে। ৪.৫০ নং চিত্রে একটি আলোক উৎস হইতে নির্গত আলো P নিকলের ভিতর দিয়া যাওয়ার ফলে ইহা হইতে একটি অসাধারণ রশ্মি পাওয়া গিয়াছে। এই রশ্মিটি তলীয় সমব্যতিত এবং ইহার কম্পন দিক চিত্রতলের সহিত সম্পাতী (নিকলের মুখা ছেদের সহিত প্রকৃতপক্ষে সম্পাতী )। C একটি কোরাট্সের কেলাস। ইহাতে আলোক অক্ষের দিক প্রতিসরণ তলের অভিলবে আছে। কেলাসটি এমনভাবে বসানো আছে বাহাতে সমর্বতিত রশ্মি ইহার প্রতিসরণ তলের অভিলবে আপতিত হর; ফলে এই রশ্মি আলোকঅক্ষের দিকেই গমন করে।



A একটি বিশ্লেষক নিকলৃ । পরীকার প্রথমে P এবং A নিকল্ফে পরন্দরের প্রতিকূল অবস্থানে বসানো হয় । তাহা হইলে A নিকলের অবস্থান হইতে সমর্বাতিত আলোর সমর্বর্তন তল জ্বানা থাকে । এবার C কেলাসটি বসাইলে দেখা বাইবে বে A নিকলের নির্বাপিত আলোর পুনরাবিভাব ঘটিয়াছে । A নিকল্টি ঘুরাইয়া আলো আবার নির্বাপিত কর। সম্ভব হইবে । বলি θ° কোনে A নিকল্টি ঘুরাইলে আলো নির্বাপিত হয় ছবে C কেলাসের মধ্য দিয়। যাইবার ফলে সমর্বর্তন তলের θ° ঘূর্ণন হইয়াছে । অবশ্য C কেলাসের বেধ বলি বেশী হয় ভবে প্রকৃত ঘূর্ণন ৩+ লয় হইবে ।

ভারীর সমর্যতিত আলোর সমর্থন তলের এইবুপ ঘূর্ণনকে বলা হর আলোকীর সন্ধিয়তা বা আলোকীর ঘূর্ণন (optical activity বা optical rotation). অনেক কেলাসের মধ্য দিরা ঘাইবার সমরই এই ঘূর্ণন উৎপর হর। ভরল বা দুবল ও গ্যাসেও অনুমুপ ঘূর্ণনের উপস্থিতি দেখা যায়। বলিও কঠিদ পদার্থের ক্ষেত্রে কোরাট্স্ কেলাস এই জাতীর ঘূর্ণনের সর্বাধিক জ্ঞাত উদাহরণ কিন্তু অন্যান্য ক্ষেত্রে, বথা সিনাবার (cinnabar), কেলাসিত চিনি (sugar crystals) সোভিয়াম ক্লোরেট (sodium chlorate) হাইপোসালকেট অব পটাম্ব-এও (hyposulphate of potash) এই ঘূর্ণন দেখিতে পাওয়া বার। এই ঘূর্ণনের একটি লক্ষণীর বিষয় হইল বে ইহা কোন কোন কোনে কলাসে দক্ষিণ হয়ের দিকে কর্মাৎ ঘড়ির কাটার চলার দিকে হয়। এই সমস্ত কেলাসকে দক্ষিণাবর্ত (right-handed বা dextrorotatory) কেলাস বলা হয়। অনুমুপভাবে বে সমস্ত কেলাস সমর্বঠন তলকে বামহন্তের দিকে

বা বড়ির কাটার গতির বিপরীত দিকে ঘুরার তাহাদের বামাবর্ত (left-handed বা levorotatory) কেলাস বলা হর। তবে এই ঘূর্ণনের দিক নির্ণরে একটা কথা মনে রাখিতে ছইবে। আলোর আগমন দিকে মুখ করিয়া দাঁড়াইলে বিদ একজন দর্শক ঘড়ির কাটার দিকে ঘূর্ণন দেখিতে পার তবে সেই আলোরই আবার আলোর গমন দিকে মুখ করিয়া দাড়াইলে মনে হইবে ঘূর্ণন ঘড়ির কাটার গতির বিপরীত হইতেছে। সূতরাং আলো কোন দিক হইতে দেখা হইতেছে ঘূর্ণনের দিক তাহার উপর নির্ভর করিবে। স্বাধিক প্রচলিত প্রথা অনুসারে যদি আক্লার আগমন দিকে তাকাইয়া একটি দর্শক সমবর্তন তল কেলাসে দক্ষিণ হস্তের দিকে ঘূরিতে দেখে তবে সেই কেলাসকে দক্ষিণাবর্ত কেলাস বলা হইবে। অনুরূপ প্রণালীর সংজ্ঞাই বামাবর্ত কেলাসের বেলায়ও প্রযোজা।

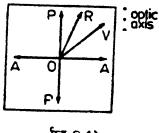
বিও (Biot) এই আলোকীয় সক্লিয়তা অত্যন্ত বঙ্গের সহিত পরীক্ষা করেন এবং পরীক্ষার ফলে দেখিতে পান যে

- (a) সমবর্তন তলের ঘৃর্ণন কেলাসের ভিতর দিয়া প্রতিসৃত আলোক-পথের দৈর্ঘোর সমানুপাতিক। এই দিক হইতে বিবেচনা করিলে সহজেই বুঝা যায় যে এই প্রক্রিয়ায় প্রতিসরণ তলে এই ঘ্র্ণনের উৎপত্তি হয় না; কেলাসে আলোকের গতির সমস্ত পথ ব্যাপিয়াই এই ক্রিয়ার সৃষ্টি হয়;
- (b) প্রথম নিয়মের অনুসিদ্ধান্ত (corollary) হিসাবে দেখা যায় যে দুইটি ফলকের মোট উৎপল্ল ঘূর্ণন ইহাদের প্রত্যেকের ঘূর্ণনের বীক্তগাণিতিক (algebraic) সমষ্টির সমান।
- (c) ঘৃর্ণনের পরিমান আপতিত আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্যের উপর নির্ভরশীল
   এবং ইহা স্কুল দৃষ্টিতে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বর্গের ব্যস্ত্যানুপাতিক।

## ঘূর্ণনের বিচ্ছুরণ (Rotatory dispersion).

বিওর তৃতীয় পর্যবেক্ষণ হইতে দেখিতে পাওয়া বায় যে আলোকতরক্ষের দৈর্ঘ্য কমিলে ঘূর্ণনের পরিমাণ বাড়িতে থাকিবে। ইহার প্রথম এবং সহজ্বতম ফল দাড়াইবে এই যে যদি উপরোক্ত পরীক্ষা ব্যবস্থায় সাদা আলো আপতিত করা হয় তবে A নিকল হইতে নিগতি আলো রঙীন হইবে। দিতীয়তঃ A নিকলের কোনও অবস্থানেই আলো সম্পূর্ণ নির্বাপিত হইবে না। ইহার কারণ ৪.৫১ চিত্র হইতে সহজ্বেই বুঝা যাইবে।

৪.৫১ নং চিত্রে একটি কেলাসের আলোকের প্রতিসরণের অভিনত্তে প্রস্থাছেদ (cross section) দেখানো হইরাছে। ইহাতে আলোক অকের এবং আলোকের প্রতিসরণের দিক উভরেই চিত্রতলের অভিলবে অবস্থিত। PP সমবৰ্তক নিকলের পারগম দিক। P নিকল হইতে নিগতি তলীয় সমবর্তিত আলোর কম্পন্দিক PP. C কেলাসে ইহার ঘূর্ণনের সৃষ্ঠি হয়। ঘূর্ণনের বিচ্চুরণের ফলে বিভিন্ন তরঙ্গ বিভিন্ন কোণে ঘূর্ণিত হইবে। লাল



150 R.45

আলোর মূর্ণনের ফলে যদি ইহার কম্প্রনাদক OR হয় তবে বেগুনী আলোর কশন্দিক হইবে OV. বিশ্লেষক নিকলের পারগ্যাদিক OA রাখা হইয়াছে বাহাতে C কেলাসটি না থাকিলে আলো সম্পূর্ণ নির্বাপিত হয়। বিক্ষুরণের ফলে সৃষ্ট বিভিন্ন আলোর বিভিন্ন ঘূর্ণনের ফলে এই ক্ষেত্রে আলোর সম্পূর্ণ নির্বাপন 🔏 কেলাসের কোনও অবস্থানেই সম্ভব হুইবে না। বিভিন্ন আলোর OA দিকের উপাংশগুলি A কেলাসের মধ্য দিরা গমন করিবে। সূতরাং এ নিকলের পারগম দিক পরিবর্তন করিয়া যদি কোনও বিশেষ তরঙ্গ নিৰ্বাপিত করা হয়, অন্যান্য ভরকের উপাংগ বিভিন্ন পরিমাণে OA দিকে বর্তমান থাকিবেই। সুতরাং সমন্ত তরঙ্গ একসঙ্গে আটকানো সম্ভব হইবে না। এছাড়া বিভিন্ন তরক্ষের উপাংশ বিভিন্ন পরিমাণে পারগত হওয়ার A কেলাস হইতে নিগত আলো এই সমন্ত উপাংশের মিশ্রণ হইবে ; ফলে সাদা আলো বাৰহার করিলে পারগত আলো রঙীন হইবে। আর এই রঙ নির্ভর করিবে 🔏 নিকলের অবস্থানের উপর । এইটি যুক্তইয়া লাল আলো নির্বাপিত করিলে পারগত আলোর রঙে নীল ও বাদামী আলোর পরিমাণ বেশী হইবে। আবার বেগুনী আলো নির্বাণিত করিলে পারগত আলোতে লাল কমলা রঙের প্রাবলা हरेरव । **भरत रम्या वारेरव रव अरे विकास वायहास क**ित्रता खारमाकीत पूर्गतिह পুৰ সৃক্ষ পরিষাপ করা বার।

কেলাসের 1 mm. বেধের মধ্য দিয়া বাইতে সমবর্তন তলের যে পরিমাণ দুর্ণন হয় ভাহাকে বলা হয় আপেক্ষিক দুর্ণন (specific rotation) :

করেকটি বিভিন্ন কেলাসে ইহার মান নিম্নে দেওয়া হইল। এইগুলি সোডিরামের 5893Å তরঙ্গদৈর্ঘোর আলোর জন্য দেওয়া হইল:—

কেলাসের নাম	ঘ্ণনের পরিমাণ (ডিগ্রী/মি.মি.)
কোরাট্স (Quartz)	21°.7
সিনাৰাৰ (Cinnabar)	32°.5
ক্লোরেট অব সোডা (Chlorate of se	oda) 3°.7
হাইপো-সালফেট অব পটাৰ	8°.4
(Hyposulphate of potash)	
হাইপোসালফেট অব লেড	5°.5
(Hyposulphate of lead)	

ঘূর্ণনের বিচ্ছুরণের জনা বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘের জন্য একই কেলাসে ঘূর্ণনের যে পরিবর্তন হয় কোয়াট্রসের বেলায় ভাহা নিয়ে দেওয়া হইল—

তরঙ্গদৈর্ঘ্য (অ্যাং <b>শ্ব</b> ম এককে)	ঘূর্ণনের পরিমাণ (ডিগ্রী/মি.মি.)	তরঙ্গদৈর্ঘ্য (অ্যাংস্ট্রম এককে)	ঘূর্ণনের পরিমাণ (ডিগ্রী/মি.মি.)
2265.0	202°	5460.7	25°.5
2503.3	154°	5892.9	21°.7
3034.0	95°.	6438.5	18°.
3403.7	72°.5	6707.9	16°.5
4046.6	49°.	7281.4	13°.9
4358.3	41°.5	7947.6	11°.6
4678.2	35°.6		
4861.3	32°.8		
5085.8	29°.7		

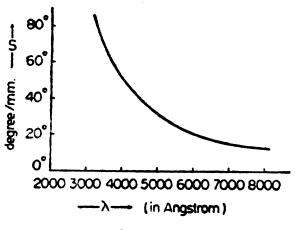
কেলাসে আলোর ঘৃর্ণন এবং আলোর বিচ্ছুরণের কারণের খুবই নিকট সম্বন্ধ বর্তমান। সেঞ্চন্য স্থূলভাবে দেখিতে গেলে ইহাদের পরিমাণ একই ধরণের সংকেত (formula) দারা বুঝান ষাইতে পারে। বিচ্ছুরণের ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষ নিম্নলিখিত কব্দি (Cauchy) সংকেত দারা বুঝানো হইয়া থাকে

$$\mu = A + \frac{B}{\lambda^2} + \frac{C}{\lambda^4}$$

আলোকীর ঘূর্ণনও অনুরূপ একটি সংকেত ধারা বুঝানো বাইতে পারে। যদি আপেক্ষিক ঘূর্ণন (specific rotation) S হর এবং দুই পদ বিশিষ্ট কশি সংকেত ব্যবহার করা হয় তবে লেখা যাইতে পারে

$$S = A + \frac{B}{\lambda^{u}} \tag{4.65}$$

এবং ইহার লেখ হইবে নিরর্প:



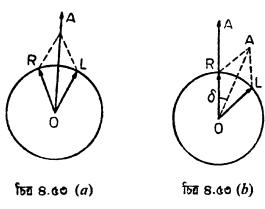
**50 8.6**२

প্রতিসরাক্ষ—তরঙ্গদৈর্ঘা লেখের সহিত ইহার পূর্ণ সাদৃশা স্পর্কর্পে দেখিতে পাওরা বার। আর এই সাদৃশোর কারণ এই বে দৃই ক্ষেত্রেই একই ধরণের সংক্তে বাবহার করা হইরাছে।

ক্রেলের মূপ্লের ব্যাখ্যা (Fresnel's explanation of rotation).

কোরাটস্ জাতীর কেলাসে সমবর্তন তলের ঘৃণনের একটি চমংকার ব্যাখ্যা ক্রেনেল উপস্থাপিত করেন। এই ব্যাখ্যার সহিত পরীক্ষালর ফল সম্পূর্ণরূপে মিলিরা বার। ক্রেনেলের ব্যাখ্যা নিরবৃপ: বে কোনও একটি তলার সমব্যতিত আলোকরন্মিমালা কেলাসে প্রবেশ করিয়া আলোক আক্ষের সমান্তরালে গমনকালে দুইটি বৃত্তাকার সমর্বান্তত কম্পনে বিভন্ত হয়। এই কম্পনের দিক পরস্পরে বিপরীত (অর্থাং ইহারে) ক্ষিকাবর্ত ও বামাবর্ত) এবং ইহালের কম্পন সংখ্যা সমান। এই দুইটি বৃত্তাকার সমর্বান্তত আলোকর্মার আলোক-আক্ষের দিকে আলাদা গতিবেগে গমন করে। সাধারণ একাক্ষ কেলাসের ক্ষেত্রে কেলা গিরাহে (বধা ক্যালাসাইট কেলাসের ক্ষেত্রে) বে আলো আলোক-অক্ষের

দিকে গেলে, ইহার বৈধ-প্রতিসরণ হর না। সাধারণ এবং অসাধারণ আলোর ভরঙ্গপৃষ্ঠ পৃষ্টিতি আলোক অক্ষের দিকে দুই বিন্দৃতে পরস্পরকে স্পর্শ করে। কোরার্ট্স্ জাতীর ধনাত্মক কেলাসের বেলায়ও এই কথাই বলা হইরাছিল। কিন্তু স্ক্ষভাবে দেখিলে বুঝা থায় যে কোরার্ট্সের বেলায় তরঙ্গপৃষ্ঠ দুইটি দুই বিস্পৃতে ঠিক স্পর্শ করে না যদিও আলোক-অক্ষের দিকে তাহারা পরস্পরের পুরই নিকটে আসে। সূত্রাং এই দিকে আলোকরিমা দুইটির (বৃত্তাকার সমবর্তিত) গতিবেগের পার্থক্য হইবে। কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের কালে ইহাদের মধ্যে পথপার্থক্য এবং ইহা হইতে দশা-পার্থক্যের উন্তব হইবে।



৪.৫৩ নং চিত্রে একটি সমর্বাঠত আলোর কম্পন OA দেখা যাইতেছে। কেলাসে প্রবেশ করিয়া ইহা সমান কম্পন সংখ্যার দুইটি বৃত্তাকার সমবর্তনে বিভক্ত হইরাছে। একটির কম্পন দক্ষিণাবর্ত, এইটি OR; অন্যটি বামাবর্ত OL. ক্যালসাইট জাতীর ঋণাত্মক কেলাসে আলোক-অক্ষের দিকে রিম্ম দুইটির গতিবেগ সমান। ধরা বাক যে কেলাসের বেধ এর্প যে ইহার ভিতর দিয়া যাইতে কম্পনটি প্রায় একটি পূর্ণ বৃত্ত অধ্কন করে। তাহা হইলে দক্ষিণাবর্ত এবং বামাবর্ত দুইটি রিম্মর কম্পনই OAর উভর্মাদকে একই কোণ উৎপদ্ম করিবে। কেলাস হইতে বাহির হইয়া ইহার৷ আবার যথন একচিত হইবে, তথন আবার তলীর সমর্বাঠত আলোতে পরিবাতিত হইবে। ৪.৫৩ (a) চিত্র হইতে দেখা যাইতেছে যে ইহাদের লব্ধি আবার পূর্বের কম্পন OAর সহিত সম্পাতী হইবে; ফলে এই কেলাসের মধ্য দিয়া যাইবার সময় সমর্বর্তন তলের ক্যানও পরিবর্তন হইবে না।

কিন্তু কোরার্ট্স্ জাতীর ধনাত্মক কেলাসের ক্ষেত্রে ব্যাপারটা অনার্প

শাড়াইবে। এখানে দুইটি রন্ধির গতিবেগ আলাদা হইবে। ফলে একটি কম্পন বখন বৃত্ত সম্পূর্ণ করিবে, অনাটি তখনও একটু পিছাইরা থাকিবে। কেলাস হইতে বাহির হইলে ইহাদের লব্ধি ভলীর সমবর্তিত হইবে, কিন্তু এই ভলীর সমবর্তনে কম্পনের দিক আপতিত আলোর কম্পন দিকের সহিত এক হইবে না। এই দুইটি কম্পন OA এবং OA' এর মধ্যের কোণ ঠ নির্ভর করিবে কেলাসের বেধের উপর। আর ঘূর্ণনের দিক নির্ভর করিবে কোন বৃত্তাকার উপাংশের কেলাসের মধ্যে গতিবেগ বেশী তাহার উপর।

আর্গতিত সরলরৈখিক কম্পন দুইটি বিপরীতমুখী বৃত্তাকার কম্পনে বিভৱ হইলে এই বৃত্তাকার কম্পন দুইটিকে লেখা বার

$$x_1 = A \cos 2\pi \nu t$$
  $y_1 = A \sin 2\pi \nu t$  (4.66)

$$x_3 = -A \cos 2\pi vt$$
  $y_3 = A \sin 2\pi vt$  ( ) (4.67)

A =বিস্তার ;  $\nu = \Phi$ পনসংখ্যা

এই দুইটি বৃদ্তাকার কম্পনের লভি হইবে 2A sin 2nvl. কাজেই দেখা বাইতেছে যে একটি তলীয় সমবর্তিত প্রংশ 2A sin 2nvl উপরোভ দুইটি বিপরীতমুখী বৃদ্তাকার সমব্তিত প্রংশের সমতুল। যদি কেলাসে ইহাদের গতিবেগ ভিন্ন হর তবে ইহাদের মধ্যে ও দশা-পার্থকার সৃতি হইবে। ফলে এই কেলাসের মধ্য দিয়া বাইবার পর প্রংশ লেখা বাইতে পারে

$$x_1 = A \cos(2\pi \nu t + \delta)$$
  $y_1 = A \sin(2\pi \nu t + \delta)$  (4.68)

$$x_* = -A \cos 2\pi \nu t \qquad y_* = A \sin 2\pi \nu t \qquad (4.69)$$

বাদ OX এবং OY দিকে লাভি উপাংশ হয় বথাক্রমে X এবং Y ভবে লেখা বাইতে পারে

$$X = A \cos (2\pi \nu t + \delta) - A \cos 2\pi \nu t$$

$$= 2A \sin \left(2\pi \nu t + \frac{\delta}{2}\right) \sin \frac{\delta}{2}$$
(4.70)

 $Y = A \sin(2\pi vt + \delta) + A \sin 2\pi vt$ 

$$-2A\sin\left(2\pi\nu t + \frac{\delta}{2}\right)\cos\frac{\delta}{2} \tag{4.71}$$

OX এবং OY পরস্পরের অভিনবে দুইটি অনুরেব (rectilinear) কল্পন। ইহালের দশা (phase) একই। সুভরাং ইহালের লব্বি হইবে একটি অনুরেখ- কম্পন। এইটি OY অক্ষের সহিত heta কোণ উৎপদ্ম করিয়া অবস্থান করিবে।

खबादन 
$$\tan \theta = \frac{2A \sin \frac{\delta}{2}}{2A \cos \frac{\delta}{2}} - \tan \frac{\delta}{2}$$
. (4.72)

সূতরাং দেখা বাইতেছে যে তলীর সমবর্তিত আলোর ব্র্ণন যদি  $\theta$  কোণের সমান হর তবে  $\theta = \frac{\delta}{2}$ ;  $\delta =$  কেলাসে গমনের ফলে দুইটি রশ্মির মধ্যে উদ্ভূত নশা-পার্থক্য ।

পূর্বেই বলা হইরাছে যে ঘূর্ণনের পরিমাণ আলোকতরক্ষের দৈর্ঘ্যের উপর নির্ভর করে। কেলাসে বৃত্তাকার উপাংশ দুইটির গতিবেগ যদি আলাদা হয় অথচ কম্পনসংখ্যা এক থাকে তবে স্বভাবতই ইহাদের তরঙ্গদৈর্ঘ্য আলাদা হইবে। (কারণ  $v=\nu\lambda$ ). সূতরাং কেলাসের d বেধের মধ্য দিয়া যাইতে ইহা যে দশা-পার্থক্য  $\delta$  সৃষ্টি করিবে তাহা লেখা যার

$$\delta = 2\pi (w_1 - w_2). \tag{4.73}$$

এখানে বৃত্তাকার উপাংশ দুইটি কেলাসে w, এবং w, আবর্তন (revolution) সম্পন্ন করিয়াছে। আবার

$$d = w_1 \lambda_1 = w_2 \lambda_2, \tag{4.74}$$

কারণ কেলাসে d বেধ অতিক্রম করিতে  $\lambda_1$  এবং  $\lambda_2$  যথাক্রমে  $w_1$  এবং  $w_2$  আবর্তন সম্পন্ন করিয়াছে। সৃতরাং

$$\tilde{o} = 2\pi \left( \frac{d}{\lambda_1} - \frac{d}{\lambda_2} \right) = \frac{2\pi d}{\lambda_1 \lambda_2} (\lambda_2 - \lambda_1) = 2\pi d \frac{\Delta \lambda}{\lambda_1 \lambda_2}. \tag{4.75}$$

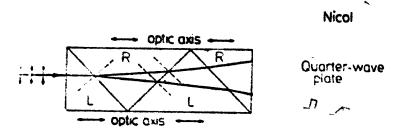
বিদ △১ – একটি ক্ষুদ্র এবং নির্দিষ্ঠ সংখ্যা হয় তবে লেখা ঘাইতে পারে

$$\theta = \frac{\delta}{2} = \pi d \frac{\Delta \lambda}{\lambda^2} \tag{4.76}$$

এখানে  $\theta = \theta$ ণুর্নের পরিমাণ এবং  $\lambda = \frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2}$ .

সূতরাং দেখা ধাইতেছে যে ঘূর্ণনের পরিমাণ কেলাসের বেধ d এর সমানু-পাতিক এবং তরক্লদৈর্ঘ্যের বর্গের বাস্ত্যানুপাতিক। কাজেই এই ব্যাখ্যানুসারে দেখা বার যে ইহা পরীক্ষালক ফলের সহিত সম্পূর্ণ সামঞ্জসাপূর্ণ।

নিজের এই ব্যাখ্যার সত্যতা পরীক্ষার জন্য ফ্রেনেল নিয়লিখিত ব্যবস্থা অবসমন করেন। প্রথমে তিনি একটি কোরাট্সের প্রিজ্মের আকৃতির কেলাস নিরা ভাহাতে আলোক-অক্টের বিকে সমর্বাতিত আলো আপতিত করেন। আলো প্রথম প্রতিসরণ তলের অভিলবে আপতিত করা হয়। ফ্রেনেলের ব্যাখ্যানুসারে এই দিকে আলো দুইটি বৃদ্তাকার উপাংশে বিভক্ত হইরা ভিন্ন গতিবেগে গমন করে। বিতীয় প্রতিসরণ তলে এই দুইটি রশ্মি তির্বকভাবে আপতিত হয়।

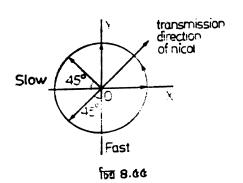


150 8.48

সূতরাং তাহার। দ্বিধাবিভন্ত হইয়া ভিন্ন এবং অসমান্তরাল পথে নিগত হইবে। কিন্তু তিনি এই বাক্সার আলোকরন্দিররের কোনওরূপ বিধোজন (separation) সৃষ্টি করিতে অসমর্থ হন। সূত্রাং তিনি করেকটি দক্ষিণাবর্ত R এবং বামাবর্ত L कांग्राउँम शिक्ष्म निया ( कि नः 8.68 ) छादारमत अकाखतत्र (alternately) সাজাইয়া একটি আয়তাকার প্রিজ্ম তৈরী করেন। দক্ষিণাবর্ত R প্রিজ্ঞা দক্ষিণাবর্ত বৃদ্ধাকার এংশ বামাবর্ত এংশ অপেকা মুভতর গমন করে। ইহাদের সকলেরই আলোক-অক্ষের দিক সমান্তরাল এবং পীঠের (base) সমান্তরালে ও প্রতিসরণ তলের <del>অভিনৰে অবস্থিত। সমর্বতিত আলে। প্রথম</del> তলে আপতিত হইলে L প্রিদ্রামের মধ্যে অসমান গতিবেগে ভ্রমণ করিবে, কিন্তু ইহাদের কোনও বিৰোজন হটবে না। L এবং R প্রিক্তমের সংৰোগতলে এই রশ্বিষয় তিৰ্বকরূপে আপতিত হইবে; এছাড়া ইহাদের গতিবেগেরও বিনিময় (interchange) হইবে। অর্থাং L দুভতর রশি R প্রিজ্মে মন্বতর হইবে। অনা ব্নশ্বিরও অনুরূপ পরিবর্তন ঘটিবে। ফলে একটি ব্নশ্নি এই তলের অভিলন্ধের দিকে সরিয়া আসিবে জনটি বিপরীত দিকে সরিবে। कला देशामन मध्य বিষোজনের উত্তব হইবে। এই রশ্বি দুইটির মধ্যে প্রথমটি বখন R এবং Lপ্রিজ্নের সংযোগতলে আপতিত হইবে—তখন এই মহর রশ্বিটি L প্রিজ্মে ञनापि चालनाबर প্রতন্তর হওরার অভিনধের দিক হইতে সরিয়া বাইবে। निक्त महिता वामित्व। कम नाकृष्टित अहे त्व भूर्वत छरम त विद्यासन উৎপান হইয়াছিল তাহা আৰও বৃদ্ধি পাইবে। এইবৃণে প্ৰতিটি সংযোগতলেই

রাশা দুইটির বিবোজন বৃদ্ধি পাইতে থাকিবে। দ্বিতীয় প্রতিসরণ তল হইতেও ইহারা অসমান্তরাল রশ্মি হিসাবে নির্গত হওরায় কেলাস হইতে বত দ্রে বাইবে ততই ইহাদের মধ্যে বিবোজন বৃদ্ধি পাইবে। দুইটি পরীক্ষা পর্যা-লোচনা করিয়া দেখা বায় যে একটি কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে রশ্মি দুইটির বিবোজন খুবই কম হয় বলিয়া প্রথম ক্ষেত্রে ফ্রেনেল ইহা ধরিতে পারেন নাই। দ্বিতীয় ক্ষেত্রে এই বিবোজন করেকটি ধাপে হওরায় মোট বিবোজন অনেক বৃদ্ধি পায় এবং ইহা সহজেই দেখা বায়।

নিগত রশ্মি দুইটি বৃত্তাকার সমর্বতিত। ইহাদের রাস্তার বাদ একটি নিকল্ বসাইরা ঘুরানো হয় তবে নিকলে পারগত রশ্মির তীরতার কোনও হাসবৃদ্ধি হয় না। এইবার যাদ কেলাস এবং নিকলের মধ্যে একটি তরক্ষতর্থাংশ ফলক (quarter wave plate) বসানো হয় তবে এই ফলক হইতে নিগতে আলো তলীয় সমর্বতিত হইবে এবং নিকল্ ঘুরাইয়া ইহাকে সম্পূর্ণ নির্বাপিত করা সম্ভব। উভয় রশ্মির বেলায়ই এই প্রক্রিয়া প্রয়োগ করা সম্ভব হইবে। উভয় রশ্মির বেলায়ই এই প্রক্রিয়া প্রয়োগ করিয়া দেখা বায় বে উভয় রশ্মিই বৃত্তাকারে সমর্বতিত ( যদিও একটি দক্ষিণাবর্ত অন্যটি বামাবর্ত )। সুত্রয়াং এই পরীক্ষা হইতে ফ্রেনেলের ব্যাখারে সভ্যতা প্রমাণত হয়। অবশ্য এই ব্যাখ্যা ঠিক কোনও সিদ্ধান্ত (theory) নয় কারণ এই ঘূর্ণনের উৎপত্তির মূল কারণ সম্বন্ধে ইহা কিছু বিলতেছে না: তবুও দেখা গেল যে ইহা পরীক্ষালক ফলকে সুষ্ঠুরূপে ব্যাখ্যা করিতে পারে।



বৃত্তাকার সমবর্তিত রশ্মি দুইটি তরঙ্গ চতুর্থাংশ ফলক এবং নিকলের সাহাষ্যে বিশ্লেষণ করা বাইতে পারে দেখা গেল। কিন্তু এখন প্রশ্ন থাকে যে ইহাদের মধ্যে কোনটি দক্ষিণাবর্ত বৃত্ত এবং কোনটি বামাবর্ত। এই প্রশ্নের মীমাংসা করিতে হইলে নিম্নলিখিতভাবে অগ্রসর হওয়া যাইতে পারেঃ

ধরা যাক তরক্ষ চতুর্থাংশে বৃত্তাকারে সমর্বতিত আলো অভিলব্ধে আপতিত ছইরাছে এবং এই বৃত্তে সংশের দিক বামাবত। ফলকে আলোক অক্ষ এবং ইহার অভিলব্ধদিক বথাক্তমে  $O\lambda$  এবং  $O\lambda$  আলো এই দুই দিকে উপাংশে বিভৱ হইয়া ফলকের মধা দিয়া গমন করে। এই দুইটি উপাংশের একটি মুততার অন্যটি মন্বরতার হইবে। কেলাসে আলোক অক্ষের দিকে বে উপাংশের স্রংশ হইবে তাহা যদি মন্বরতার হইয়া থাকে তবে অন্যটি ( অর্থাৎ বাঁ দিকের স্রংশ ) দুততার। বামাবত সংশোর বেলায় লেখা যায়

$$x_1 = A \cos 2\pi nt$$
  $y_1 = A \sin 2\pi nt = A \cos \left(2\pi nt - \frac{\pi}{2}\right)$ 

এইটি বামাবর্ত সংশের সমীকরণ কারণ ইহাতে t=0 সময়ে OX ধনাত্মক চরম এবং OY শ্ন্য ; আবার  $t=\frac{1}{4\nu}$  সময়ে OX শ্ন্য এবং OY=+A.

সূতরাং এই ক্ষেত্রে OX উপাংশের সংশ OY এর তুলনার  $\frac{\pi}{2}$  আগে আছে। ফলকের মধ্য দিয়া যাইবার সময় OX মছরতর দিক হওয়ায় OX উপাংশ মছরতরভাবে গমন করিবে। ফলে এই উপাংশ OY এর তুলনার পিছাইয়া পড়িবে। সূতরাং ফলকের মধ্য দিয়া যাইবার পর লেখা যায়

$$x_1 = A \cos \left(2\pi vt - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$y_1 = A \cos \left(2\pi vt - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$= A \sin 2\pi vt$$

$$= A \sin 2\pi vt.$$

मृटबार अरे पूरेपि डेशारण विशिष्ठा এकपि चळूदाथ (rectilinear)

কম্পনের সৃষ্টি করিবে । এইটি OY দিকের সহিত  $\theta$  কোণ উৎপরে করিলে লেখা বায়

$$\tan \theta = \frac{x_1}{y_1} = \frac{A \sin 2\pi vt}{A \sin 2\pi vt} = +1$$
 (4.77)

সূতরাং ইহা OY এর ধনান্তক দিকের সহিত 45° কোণ উৎপশ্ন করিবে। কাজেই এই ক্ষেত্রে আলো নির্বাণিত করিতে হইলে নিকলের পারগম দিক ক্রেকের অভিলবে অর্থাৎ OY এর খণান্তক দিকের সহিত 45° কোণ উৎপশ্ন করিয়া থাকা দরকার।

সূতরাং বৃদ্ধাকার সমর্বতিত আলোর সংশের দিক নিয়লিখিত উপায়ে নির্ণয় করা বাইতে পারে। এমন একটি ভরস-চতুর্বাংশ ফলক নেওয়া বাক বাহার

আলোক অক্ষের দিক মছর দিক (slow direction). খজুরেখ ভংশের আলো যথন এই ফলকে আপতিত হয় তখন ইহার কম্পন্দিক আলোর অক্ষের সহিত  $\theta$  কোণ করিয়া থাকিলে ফলকের মধ্যে দুইটি উপাংশে ভাগ হইয়া যায়। আপতিত দ্রংশ যদি A হয় তবে অক্ষের দিকের উপাংশ হইবে  $A\cos heta$ এবং ইহার অভিলবের উপাংশ হইবে  $A \sin heta$ . প্রথমটি অসাধারণ রশ্মি এবং দ্বিতীয়টি সাধারণ রশ্মি হিসাবে ফলকে পারগত হইবে। ধনাত্মক কেলাসে ( যথা কোয়ার্টস্ ) অসাধারণ রশ্মিটি সাধারণ রশ্মির অপেক্ষা মন্থরতর গতিতে দ্রমণ করিবে। সূতরাং এই জাতীয় কেলাসে আলোক অক্ষকে বলা হইবে মছর দিক। ফলক হইতে নির্গমের পর বৃত্তাকার সমর্বতিত আলো ঋজুরেখ সমর্বার্তত আলোতে পরিবর্তিত হইবে। যাদ ফলকের মন্থর দিক অনুভূমিক **১** রাখা যায় ভবে যদি নিকলের পারগম দিক Y অক্ষের খাণাত্মক দিকের সহিত 45° কোণে রাখিলে ফলকে পারগত আলো নিকলের দ্বারা সম্পূর্ণ নির্বাপিত হয় তাহা হইলে আপতিত বৃত্তাকার সমর্বতিত আলো বামাবর্ত। অনুরপভাবে দেখা যাইবে যে যদি নিকল Y অক্ষের ধনাত্মক দিকের সহিত  $45^\circ$  কোণে রাখিলে আলো সম্পূর্ণ নির্বাপিত হয় তবে আপতিত বৃত্তাকার সমবর্তিত আলো দক্ষিণাবর্ত ।

ঘৃণনের আলোচনায় এ পর্যান্ত ধরা হইয়াছে যে আলোকরিশা আলোকঅক্ষের দিকে গমন করিতেছে। এই ক্ষেত্রে দেখা গিয়াছে যে তলীয় সমর্বতিত আলো দুইটি বিপরীতমুখী বৃত্তাকার সমর্বতনে বিভক্ত হইয়া ভিন্ন গতিবেগে ভ্রমণ করে। এয়ারী (Airy) দেখাইয়াছেন যে আলোক অক্ষের সহিত কোনও কোণ উৎপন্ন করিয়া ভ্রমণ করিলে অর্থাৎ সমান্তরালে না গিয়া তির্যক দিকে গেলে সমর্বতিত আলো দুইটি উপবৃত্তাকার সমর্বতিত উপাংশে বিভক্ত হইবে। আপতিত ঋজুবেখ (rectilinear) ভ্রংশটি যদি লেখা যায়

$$x = (1 + k^2) \cos 2\pi vt$$
  $k \neq 1$  (4.78)

তবে কেলাসে প্রবেশ করিয়া ইহার৷ নিম্নলিখিত উপাংশে বিভক্ত হইবে—

$$x_1 = \cos 2\pi vt \qquad y_1 = k \sin 2\pi vt \qquad (4.79)$$

$$x_2 = k^2 \cos 2\pi vt$$
  $y_2 = -k \sin 2\pi vt$  (4.80)

ইহারা উভরেই উপবৃত্তাকার কারণ খুব সহজেই দেখানো যায় যে ইহাদের বেলার লেখা চলে

$$x_1^2 + \frac{y_1^2}{k^2} = 1 (4.81)$$

$$487 \frac{x_0^8}{k^4} + \frac{y_0^8}{k^2} = 1 (4.82)$$

আরও দেখানো বার বে ইহারঃ বিপরীতমুখী; ইহাদের মুখ্য এবং গৌণ অক্ষেম্ব অনুপাত সমান এবং একটির মুখ্য অক অন্যটির গৌণ অক্ষেম্ব সহিত সম্পাতী।

এবার যদি ধরা যার যে  $x_2y_2$  উপবৃত্তিটি কেলাসে দুততর ভ্রমণ করে তবে কেলাসের মধ্য দিয়া যাইবার পর লেখা যাইবে

$$x_1 = \cos 2\pi vt$$

$$y_1 = k \sin 2\pi vt$$

$$x_2 = k^2 \cos (2\pi vt + \delta)$$

$$y_2 = -k \sin (2\pi vt + \delta)$$

সূতরাং কেলাসে পারগমের পর ইহার x উপাংশ দাড়াইবে

$$x = \cos 2\pi vt + k^{2} \cos (2\pi vt + \tilde{\sigma})$$

$$= \cos 2\pi vt + k^{2} \cos 2\pi vt \cos \tilde{\sigma} - k^{2} \sin 2\pi vt \sin \delta$$

$$= (1 + k^{2} \cos \tilde{\sigma}) \cos 2\pi vt - k^{2} \sin \tilde{\sigma} \sin 2\pi vt$$

$$(4.83)$$

 $=A\cos\left(2\pi vt+\theta\right)\tag{4.84}$ 

এখানে  $A^2 = 1 + k^4 + 2k^2 \cos \delta$ 

$$48 \tan \theta = \frac{k^3 \sin \theta}{1 + k^2 \cos \theta}$$

অনুর্পভাবে 🏸 উপাংশ দাড়াইবে

 $y = k \sin 2\pi vt - k \sin (2\pi vt + \delta)$ 

 $-k[\sin 2\pi vt - \sin 2\pi vt \cos \tilde{\sigma} + \cos 2\pi vt \sin \tilde{\sigma}]$ 

 $-k[(1-\cos\delta)\sin 2\pi vt + \sin\delta\cos 2\pi vt]$ 

 $= B \cos (2\pi vt + \theta')$ 

এশানে  $B^2 = k^2[(1 - \cos \delta)^2 + \sin^2 \delta]$ =  $4k^2 \sin^2 \frac{\delta}{2}$ 

$$\tan \theta' = \frac{1 - \cos \theta}{\sin \theta} - \tan \frac{\theta}{2}$$

$$\therefore \theta' = \frac{\delta}{2}.$$

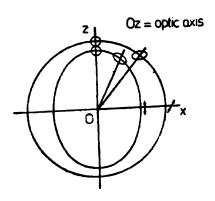
x এবং y উপাংশের মধ্যে দশা-পার্থকা  $(\theta-\theta')$ . আর ইহাদের বিব্রার A এবং B অসমান হওয়ার এবং পরস্পারের অভিনতে থাকার লব্ধি রশিষ্য তলীর সমর্বভিত না হইরা উপবৃত্তাকার সমর্বভিত হইবে।

এই হিসাবে k এর মান নির্ভর করিবে আলোকরশিয় এবং আলোক অক্ষের মধ্যের কোণের উপর। ইহারা সমান্তরাল হইলে k-1 এবং এই ক্ষেত্রে সমীকরণগুলি (4.81 এবং 4.82) দাড়াইবে

$$x_1^2 + y_1^2 = 1$$
  
 $x_2^2 + y_2^2 = 1$ 

সূতরাং ইহার। দুইটি সমান ব্যাসার্দ্ধের বৃত্তে পরিণত হইবে। এইটিই ফ্রেনেলের ব্যাখ্যার আলোচিত হইরাছে।

যে সমন্ত কেলাসে আলোকীর সক্তিয়তা দেখা যার তাহাতে বৈধ-প্রতিসরণও সৃষ্ট হর। কিন্তু ইহার বিপরীত তথা সত্য নয়; অর্থাৎ বৈধ-প্রতিসরণ সৃষ্টি-কারী সমন্ত কেলাসেই আলোকীর সক্তিয়তা দেখিতে পাওয়া যায় না। দৃষ্টান্ত-বর্প বলা যাইতে পারে যে ক্যালসাইট এবং কোয়ার্টস্ উভয় কেলাসই বৈধ প্রতিসরণ দেখাইলেও শুধু কোয়ার্ট্সেই আলোকীর সক্তিয়তা বর্তমান, কিন্তু ক্যালসাইটে নয়। ইহার কারণ হিসাবে বলা যায় যে ক্যালসাইট জাতীয় কেলাসে আলোকঅক্তের দিকে সাধারণ এবং অসাধারণ রশির একই গতিবেগ থাকে এবং ইহাদের বিযোজন হয় না। অর্থাৎ এইদিকে বৈধ-প্রতিসরণ উৎপর হয় না। কিন্তু কোয়ার্টস্ জাতীয় আলোকীয় সক্তিয় কেলাসে আলোকঅক্তের দিকেও দুইটি আলাদ। গতিবেগের রশির বর্তমান। আলোক রশিমর গতিবেগ



চিত্ৰ ৪.৫৬

হাইগেন্সের সংরচনা (Huygens' construction) অনুসারে দুইটি তরঙ্গপৃঠের বাাসার্ক ভেক্টর দ্বারা নির্ণীত হইরা থাকে। আলোক অক্ষের দিকে তরঙ্গপৃঠ দুইটি স্পর্ণ করে বলিয়া এই দিকে আলোর দ্বৈ-প্রতিসরণ হয় না। কিন্তু কোয়ার্ট্স্ জাতীয় কেলাসে এই তরঙ্গপৃঠ দুইটি আলোক অক্ষের দিকেও সম্পূর্ণ-বৃষ্ণা করে না। ফলে এই দিকে গমনকারী বৃত্তাকার প্রংশ দুইটির ভিন্ন

গতিবেগ হর। সূতরাং স্তেনেলের ব্যাখ্যানুসারে তলীর সমর্বতিত আলোর সমবর্তন তলের ঘূর্ণনের উদ্ভব হইয়া থাকে। ৪.৫৬ নং চিত্রে কোরার্ট্ স্ জাতীর আলোকীর সক্রির কেলাসের ক্ষেত্রে তরঙ্গপৃষ্ঠ পুইচির ছেল আলোক অক্ষের সমান্তরালে দেখানে। হইয়াছে। OZ দিকে ইহারা সম্পূর্ণ স্মর্শ না করার এই দিকে আলোর পুইটি উপাংশের গতিবেগ আলাদা হইবে। এই দিকে বৃত্তাকার উপাংশ পুইটি বিভিন্ন গতিতে অপরিবৃত্তিত আকারে গমন করে। ইহার অভিলবে OX দিকে পুইটি তলীর সমর্বতিত আলোর অপরিবৃত্তিত আকারে এবং বিভিন্ন গতিতে গমন করে। অনা সকল দিকেই কেবল উপবৃত্তাকার পুইটি ভংশই অপরিবৃত্তিত আকারে ভ্রমণ করিতে পানে।

ভরতে ও জ্বণে আলোক সক্রিয়ত। (Optical activity in liquids and solutions).

এতক্ষণ কেলাসে আলোকীয় সজিয়তার আলোচনা করা হইয়াছে। ১৮১১ সনে বিও (Biot) তরলে এই সজিয়তা আবিষ্কার করেন। টারপেনটাইনের কেটে তিনি প্রথম এই সজিয়তা লক্ষ্য করেন। ইহা ছাড়াও অন্যানা তরলে এবং প্রবেশ, বথা জলে চিনির প্রবেশ, এই সজিয়তা বর্তমান। কিন্তু কেলাসের তুলনার ইহার পরিমাণ খুবই কম বলিয়া তরলের ক্ষেট্রে আপেক্ষিক ঘৃণনের সংজ্ঞা করা হইয়াছে নিরবুপ। প্রতি এক সি. সি. আয়তনে ১ গ্রাম সজিয় পদার্থ বর্তমান এরুপ এক ডেসিমিটার তরলের বা প্রবেশর মধ্য দিয়া যাইতে সমর্বতিত আলোর বে ঘৃণনি হয় তাহাকে আপেক্ষিক ঘৃণনি বলা হয়। যাদ এক মিলিলিটার প্রবেশ ও গ্রাম সজিয় প্রাব থাকে এবং আলো / cm. দাই এই প্রবেশর মধ্য দিরা যাইবার সমর ও কোণে ইহার সমর্বতন তলের ঘৃণনি হয় তবে লেখা বার

$$S = \frac{1(\theta)}{lg} \tag{4.86}$$

এখানে S = আপেক্ষিক বৃৰ্ণন।

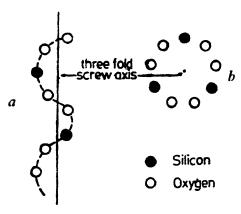
পরীক্ষা করিয়া দেখা গিয়াছে যে প্রথণ সমবর্তন তলের ঘূর্ণন ইহাতে সক্তির প্রাবের সমানুপাতিক। সুক্তরাং সমবর্তন তলের ঘূর্ণন মাপিয়া প্রাবের পরিমাণ নির্ণয় করা যায়। এই প্রশালী একটি অতি কার্যাকরী উপারের জন্ম শিরাছে। শিশ্পক্ষেত্র প্রথণে চিনির পরিমাণ এই প্রণালীতে মাপা বার। এই প্রথালীকে কলা হয় শর্করামিতি (saccharimetry). অবশা সৃক্ষা পরিমাণ করিলে দেখা বার যে দ্রবণে ঘূর্ণনের পরিমাণ শুধুমাত ৪ এর উপর নির্ভর করে না ; ইহাকে নিরের সমীকরণ দারা আরও ভালভাবে বুঝানো দার

$$S = A + Bg + Cg^{2} \tag{4.87}$$

जबात्न A, B जवर C ध्वक ।

আলোকীয় সক্রিয়ভার সিদাস্ত (Theory of optical activity).

বে সমন্ত পদার্থে আলোকীয় সক্তিয়তা বর্তমান থাকে তাহাদের গঠন প্রণালী আলোচনা করিলে দেখা যায় যে ইহাদের অণুগুলি সাধারণত এমনভাবে সাজানো থাকে যে আলোক অক্ষের দিকে ইহার। একটি স্কুরের চেহারা নেয়। প্রতিসামোর (symmetry) দিক হইতে বিচার করিলে বলা যায় যে আলোক অক্ষের দিকে এই সমস্ত অণুর অবস্থান একটি স্কু-অক্ষ (screw axis of symmetry) উৎপাদন করে। উদাহরণ সর্প কোয়ার্ট্স্ কেলাসের কথা ধরা যায়। ইহার অণুর সংকেত (formula) SiO<sub>2</sub>; অর্থাৎ একটি Si এবং দুইটি O পরমাণু মিলিয়া এই অণুটির সৃখি হয়। এটি hexagonal কেলাস। ইহার 'c' অক্ষ একটি গ্রিধা স্কু-অক্ষ (three fold screw axis). ইহাতে পরমাণুগুলি নীচের ৪.৫৭ নং চিতের মত সাজানো থাকে। যদি সাজানো অণুগুলি ধরিয়া



চিত্ৰ ৪.৫৭

পর পর যাওর। বার তবে এই গমন পথ একটি দ্কু-এর আকৃতি গ্রহণ করে। ৪.৫৭(a) নং চিত্রে বামদিকের সরলরেখা বেড়িয়। এই দ্কু পথ অবস্থিত। ডানদিকে (b) এই সরলরেখা বরাবর অণুগুলির বিন্যাস দেখানো হইয়াছে। Si এবং O পরমাণুগুলির চিহ্নও সঙ্গে দেওয়। হইয়াছে। আলোক ভেক্টর এইর্প দ্কু-পথে বাইবার সমর ছাভাবিকর্পেই প্রভাবিত হয়। ফলে ইহাদের কম্পন-

দিক পরিবাঁতিত হইয়া থাকে। আরও লক্ষণীর এই বে এই ক্ষ্-পথ বামাবর্ত অথবা দক্ষিণাবর্ত হইতে পারে। কোনও কোনও বাড়িতে থোরানো লোহার সিড়ি কেখিলে ব্যাপারটীর সম্বন্ধ ভাল ধারণা হইবে। ক্ষ্রের দিকের উপর ঘূর্ণনের দিকও অভএব নির্ভর করিবার কথা। আর প্রকৃতপক্ষে পদীক্ষা করিলে এইবৃপই কেখা বায়। কোরাইনের দুই শ্রেণী আছে। একটি বামাবর্ত অনাটি দক্ষিণাবর্ত। অর্থাৎ ইহাদের মধ্যে ঘূর্ণন ঘড়ির কাটার বিপরীত দিকে এবং কাটার গতির দিকে বথাক্রমে হইরা থাকে। X-রান্ধ ঘারা পরীক্ষার ফলে ইহাদের গঠন প্রণালী জানা গিয়াছে। দেখা বায় বে বামাবর্ত কেলাসে ক্ষ্রেরে গতিপথ অনুবৃপভাবে বামাবর্ত। এবং দক্ষিণাবর্ত কেলাসে ক্ষ্রেরে গতিপথ ক্ষিণাবর্ত। অবণ্য এটা মনে করা ঠিক হইবে না বে আলোক ভেক্টর সম্পূর্ণ-বৃপে ক্ষ্রের সমান হারে ঘোরে। কারণ ভাহা হইলে 1 mm. দ্রম্ব বাইতে ইহার প্রার 10° বার ঘূর্ণন হইবে। ফলে ঘূর্ণনের বিজ্বরণ হইত না। কিন্তু ঘূর্ণনের বিজ্বরণ একটি প্রমাণিত সতা।

এই ব্যাখ্যার রপকে ররেশের (Reusch) একটি পরীক্ষার কথা উল্লেখ করা বাইতে পারে। আলোক অক্ষের সমান্তরালে কাটা কতকর্গুল অপ্রের পাতলা ন্তর পর পর রাখা হইল। ইহাদের প্রত্যেকটি তাহার পূর্বেরটির ভূলনার নিজের তলে সামান্য ঘোরানো হইরাছে। এইবার বিদ একটি তলীয় সমর্বতিত রাশ্ব এই অপ্রগুলিতে অভিলবর্পে আপতিত হয় তবে পারগত রাশ্বর সমর্বতন তলের ঘূর্ণনের সৃষ্ঠি হয়। এখানেও উপরের মন্ত মনে করা বায় বে প্রতিটি কেলাসে আলোক ভেক্টর কিঞিং ঘূর্ণনের প্রভাবে পড়ে বাহার ফলে ইহা কতকর্গুলি শুরের মধ্য দিয়া যাইতে ঘূর্ণিত হয়।

জিনিবটি এইভাবে ভাবা বাইতে পারে। প্রতিটি অন্তের পাতলা শুরে আলোর কম্পনের একটি পারগম দিক বর্তমান আছে। যখন সমন্ত শুরগুলি সমান্তরাল অবস্থানে থাকে, তখন এই পারগম দিকও এক সমান্তরাল দিকে থাকিবে। সূতরাং তলীর সমবতিত রন্ধির কম্পন দিক প্রথম শুরে বে দিকে হইবে অন্যানা সমন্ত শুরেও সেই একই দিকে হইবে। অতএব এই কম্পন দিকের কোনও পারবর্তম হইবে না। কিন্তু যদি বিতীর শুরটি প্রথমটির পুলনার কিছুটা ঘুরাইয়া বসালো হয় তবে দুইটি শুরের পারগম দিকও আর সমান্তরাল হইবে না, ইছাদের মধ্যে কৌণিক বিবোজন উৎপান হইবে। সূতরাং প্রথম শুরে পারগত রন্ধির কম্পন দিক বিতীর শুরের পারগমের দিকের সহিত সম্পাতী হইবে না। এই রান্ধি বিতীর শুরের পারগত হইবার সমর চেকা করিবে বাছাতে ইহার কম্পনিক বিতীর শুরের পারগত হইবার সমর চেকা করিবে বাছাতে ইহার কম্পনিক বিতীর শুরের পারগত হইবার সমর চেকা করিবে

ইহার ফলে রন্ধির কম্পন দিক খানিকটা পরিবাভিত হইবে এবং দ্বিতীর অদ্রের স্থারগম দিকের কাছাকাছি আসিবে। অর্থাং তলীর সমর্বাভিত আলোর কম্পনাদকের খানিকটা ঘূর্ণন হইবে। প্রতিটি স্তরেই এই প্রক্রিয়ার ফলে কিছুটা ঘূর্ণন হওরার ইহার সামগ্রিক প্রভাব দাড়াইবে পরিমাপযোগ্য আলোকীর ঘূর্ণন। অবশ্য এই পরীক্ষার সাফল্যের জন্য দূইটি ফলকের কৌণিক বিযোজন খুবই অম্প রাখা প্রয়োজন এবং বহু সংখ্যক ফলক ব্যবহার করা প্রয়োজন। যদি পর পর দূইটি ফলকের মধ্যের কৌণিক বিযোজন বেশী হয় তবে প্রথম স্থরের কম্পন দিক দ্বিতীয় স্তরের কম্পন দিক দ্বিতীয় স্তরের কম্পনদিকের অবস্থান নিতে পারিবে না এবং দ্বিতীয় স্তরের ক্মপন দিক দ্বিতীয় স্তরের কম্পনদিকের অবস্থান নিতে পারিবে না এবং দ্বিতীয় স্তরের স্থারা প্রভাবিত হইবে না। কাজেই আলোকীয় ঘূর্ণনেরও সৃষ্টি হইবে না।

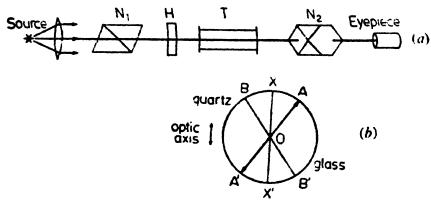
বর্ন (Born) এবং কন্ডন্ (Condon) আলোকীয় সক্রিয়তার বিদ্যুৎ-চুম্বকীয় সিদ্ধান্ত দিয়াছেন।

### সমবর্ড ন মাপক বন্তুসমূহ (Polarimeters).

সমবর্তন তলের ঘূর্ণন নানা কারণে মাপা প্রয়োজন হয়। শিল্পে ইহার প্রয়োজন হয় বিশ্লেষণের জনা। যেমন শর্করামিতিতে (saccharimetry) সমবর্তন তলের ঘূর্ণনের পরিমাপ ইইতে জলীয় দ্রবণে চিনির পরিমাণ নির্ণয় করা খুব সহজে এবং সৃক্ষভাবে করা সন্তব। এই জাতীয় নানা কারণে সমবর্তন তলের ঘূর্ণনের পরিমাণ মাপা হইয়া থাকে। দুইটি নিকলের মধ্যে আলোক সক্রিয়া (optically active) দ্রবণ বা বস্তুটি রাখিয়া বিশ্লেষক নিকল্টি ঘূরাইয়া এই পরিমাপ করা সন্তব। কিন্তু ইহার সৃক্ষতা খুব কম। কারণ এই প্রালীতে সমবর্তন তলের অবস্থান নির্ণয় করা হয় নিকল্ ঘূরাইয়া আলোকে সম্পূর্ণ নির্বাপিত করিয়া অথবা ইহার তীব্রতা চরম করিয়া। আর এই দুই অবস্থাই খুব সৃক্ষভাবে নির্ণয় করা যায় না। কারণ নিকলের ঠিক কোন অবস্থানে আলোর তীব্রতা শূনা হয় অথবা চরম দাড়ায় তাহা খুব সৃক্ষভাবে নির্ণয় করা যায় না। এইজনা সমবর্তন মাপক যয়ের নির্মাণ করা হইয়াছে যাহাতে এই ঘূর্ণনের পরিমাপ আরও সৃক্ষর্পে করা যায়।

লারের আর্দ্ধ-ছারা সমবর্তন মাপক (Laurent's half-shade polarimeter).
এই যত্ত্বে আলো সম্পূর্ণ নির্বাপিত করিবার পরিবর্তে দৃষ্টিকেতে দৃষ্টি অর্ধবৃত্তাকার অংশের আলোর সমতা দেখিয়া পরিমাপ করা হয় । ইহাতে অর্ধ-ছায়া অংশ একটি গোলাকৃতি ফলক । ইহা দুষ্টি সমান ভাগে বিভক্ত। এক অংশ

অর্থব্রাকার কোরার্ট্স্ অথবা জিপ্সাম (Gypsum) ফলক বার। প্রবুত ; অন্য অর্থব্রাকার অংশ হর থালি রাখা হর অথবা কাচের ফলক বার। আবৃত করিয়া দেওয়া হয় । কাচের ফলক বেখানে দেওয়া হয় সেখানে ইহার বেখ এর্প করা হয় বাহাতে ইহাতে আলোর শোষণ কোয়ার্টসে আলোর শোষণের সমান হয় । এই কোয়ার্ট্স্ ফলকে আলোক অক্ষের দিক প্রতিসরণ তলের সমান্তরালে রাখা হয় । এই বন্ধের ছবি ৪.৫৮ নং চিত্রে দেখানো হইল । আলো একটি লেলের সাহাযো সমান্তরাল করিয়া সমবর্তক নিকল  $N_1$  এর ভিতর দিয়া পাঠানো হয় ফলে ইহার তলায় সমবর্তন হয় । এই তলায় সমব্তিত আলো অর্ধ-ছায়া ফলক H এর উপর আপত্তিত হয় । অর্ধ-ছায়া ফলকটি চিত্র নং ৪.৫৮(১) এ দেখানো হইয়াছে । ইহার অর্ধবৃত্তাকার কোয়ার্ট্স্ ফলকে আপত্তিত



19.8 Ed

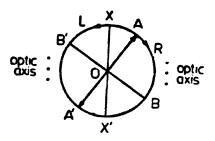
হইরা আলো দুইভাগে বিভক্ত হইরা যায়। একটির কম্পন দিক আলোক অক্ষের সম্পাতী, অনাটি ইহার অভিলবে। কোরাট্স্ ফলকটির বেধ এর্প রাখা হর বাহাতে ইহার মধ্য দিরা যাইবার সময় উপাংশ দুইটির মধ্যে  $\frac{\lambda}{2}$  পথ পার্থকোর উত্তব হয়। কাজেই এই ফলকের মধ্য দিয়া পারগমের পর আলোর তলীয় সমবর্তনের সৃষ্টি হইবে কিন্তু সমবর্তন ভলের পরিবর্তন ঘটিবে। ফলকে আপতিত সমব্তিত আলোর কম্পন দিক বদি OA হয় তবে কোরাট্সে পারগমের ফলে ইহার সমবর্তন ভলের কম্পনদিক হইবে  $OB \cdot OA$  এবং OB OX এর সঙ্গে সমান কোণ উৎপার করিবে। কিন্তু অন্য অর্জবৃত্তাকার অংশে সমবর্তন ভলের কোনও পরিবর্তন হটবে না। সুতরাং ফলকের মধ্য দিয়া পারগভ গোলাকৃতি আলোকরণিরমালার দুই অর্জবৃত্তাকার অর্জে সমবর্তন দুই রক্ষ

হইবে ; ইহাদের কম্পর্নাদক OX এর সঙ্গে সমান কোণে কিন্তু বিপরীতদিকে অবন্থিত হইবে। এখন যদি বিশ্লেষক নিকলের পারগম দিক OX এর সমান্তরালে রাখা হয় তবে দুইটি রশ্মিরই নিকলে পারগত উপাংশ সমান তীব্রতার হইবে। ফলে দৃষ্টিক্ষেত্রে অর্ধবৃত্তাকার দুইটি অংশের তীব্রতাই সমান দেখা যাইবে। কিন্তু নিকল OX অবস্থান হইতে সামান্য ঘুরাইলেই একটি উপাংশ বাড়িবে অনাটি কমিবে। সূতরাং দুই অর্দ্ধবৃত্তাকার অংশের তীব্রতা আলাদা হইবে। দুই অংশের তীব্রতার তারতমোর সামানা পার্থকা খুব সহজে বঝা যায় বলিয়া এই পরীক্ষার সৃক্ষতা থুব বেশী। বিশ্লেষক নিকল ঘুরাইয়া দৃষ্ঠিক্ষেত্রের দৃই অংশের ভীব্রতা সমান করা হইবার পর গোলাকার স্কেলে বিশ্লেষক নিকলের অবস্থান দেখা হয়। এইবার সক্রিয় বস্তুর দূবণ একটি নলে ভরিয়া নিয়া তাহা অর্দ্ধ-ছায়া ফলক এবং বিশ্লেষক নিকলের মধো রাখি<del>লে</del> আলো ইহার মধা দিয়া যাইবার ফলে ইহার সমবর্তন তলের ঘূর্ণন হইবে। এই কারণে দ**িউক্ষে**টের দই অংশের তাঁরতা আলাদা *হইয়া যাইবে। নিকলটি* বুরাইয়া আবার দৃষ্টিক্ষেত্রের তীব্রতা সমান করা যায়। এইজনা বিশ্লেষক নিকল্টি যে কোণে ঘুরাইতে হয়, দুবনে সমবর্তন তলের ঘূর্ণন সেই কোণের न्यान ।

এখানে বলা হইয়াছে বে কোয়াট্স্ ফলকের বেধ এমনভাবে নিয়ব্লিত কর৷ হয় বাহাতে ইহার মধ্য দিয়৷ গমনকারী উপাংশ দুইটির মধ্যে $rac{\lambda}{\gamma}$  পথ পার্থকোর সৃষ্টি হয়। কিন্তু এই পথপার্থকা তরঙ্গদৈর্ঘ্যের উপর নির্ভরশীল। সূতরাং ইহা একটি বিশেষ কোনও ভরঙ্গের জন্যই করা চলিবে। এই ভরঙ্গের জন্য বেধ নিয়ন্ত্রিত করিলে অন্য তরঙ্গের জন্য পথপার্থক্য  $rac{\lambda}{2}$  হইবে না । সেই সমন্ত তরঙ্গের বেলায় বর্ণিত পদ্ধতি কার্যাকরী হইবে না। **অ**তএব এই জাভীয় সমবর্তন মাপক (polarimeter) একটি নিদিষ্ট আলোক তরঙ্গের জন্যই প্রযোজ্য হইবে। সেম্বন্য আলোকউংস হইতে সমবর্তক নিকলে আপতিত আলো নিশিষ্ট তরঙ্গদৈর্ঘোর এবং একবর্ণী হওয়া আবশ্যিক।

# य्य-त्कामार्ड् म् (Biquartz).

সমবর্তন তলের ঘূর্ণন মাপিবার অপর একটি যন্ত্র যুগ্ম-কোয়ার্ট্স্। এখানে আগের যদ্ভের মত প্রণালীতেই পরিমাপ করা হয়। শুধু এখানে একবর্ণী আলোর বদলে সাদা আলো ব্যবহার করা হয়। এই যৱে অর্ধ-ছায়া ফলকের বদলে দুইটি অর্শ্ববৃত্তাকার কোয়াট্স্ ফলক পাশাপাশি রাখিয়া একটি গোলাকার ফলক তৈরী করা হর। ফলক দুইটির একটি দক্ষিণাবর্ড অন্যটি বামাবর্ড কোরাট্স্ কেলাস হইতে কাটা হয়। দুইটি ফলকেই আলোক অক্ষের দিক প্রতিসরণ ওলের অভিলবে অবস্থিত। ফলে ওলীর সমর্বাত্তত আলোর কম্পন্দিক একটি অর্কবৃদ্তাকার ফলকে দক্ষিণ দিকে এবং অন্যটিতে বামাদিকে ঘুরিবে এবং এই বৃণনের পরিমাণ দুইটিতেই সমান কিছু বিপরীতমুখী হইবে। ৪.৫৯ নং চিচে L এবং R দুইটি অর্ধবৃদ্তাকার কোরাট্স্ ফলক। L বামাবর্ড এবং R দক্ষিণাবর্ড কোরাট্স্ হইতে তৈরী; ইহাদের উভরের বেধই সমান। ইহারা XX' সরলরেখার বৃদ্ধ হইরাছে। ইহাতে আপতিত সমর্বাত্ত রাজ্যর কম্পন্দিক ধরা বাক OA. ইহার ভিতর দিয়া গমন করিবার সময় R ফলকে একটি রক্ষির কম্পনের দিক পরিবর্তন হইবে AR দিকে। অন্যটিতে এই পরিবর্তন হইবে বিপরীত দিকে অর্থাং AX দিকে। ফলক দুইটির বেধ সমান হওরার



150 8.63

এই ঘৃণনের পরিমাণও সমান কিন্তু বিপরীত দিকে হইবে। সূতরাং বদি নিকল
পূইটি অনুকূল অবস্থানে রাখা হয় তবে বিশ্লেষক নিকলের মধা দিয়া পারগত
আলোর উপাংশ দুইটির তীব্রতা এক হইবে। ঘৃণনের বিচ্ছুরণের জন্য বিভিন্ন
তরঙ্গগৈর্ঘা বিভিন্ন কোণে ঘৃরিবে। ফলে বদি কোনও একটি বিশেষ তরঙ্গ বিশ্লেষক নিকল ঘুরাইরা নির্বাপিত করা হয় তবে একমাগ্র এই তরঙ্গই এক
অংশে নির্বাপিত হইবে অন্য অংশে নয়। অন্যান্য তরঙ্গের বেলায় দুই অংশে
বিশ্লেষক নিকলের পারগম দিকের সহিত কম্পন দিক আলাদা আলাদা
কোণ সৃষ্টি করিবে। ফলে দুই অর্ধে পারগত উপাংশের তীব্রতাও
আলাদা হইবে। সূতরাং দৃষ্টিকেতে দুইটি অর্ধবৃদ্বাকার অংশের তীব্রতা ভিন্ন
দেখাইবে।

কিন্তু ধরা বাক বে সাদা আলোর একটি তরঙ্গের ক্ষেত্রে এই ঘূর্ণনের পরিমাণ 90°. ভাছা হইলে এই ভরঙ্গের ক্ষপন দিক ছইবে একটিতে OB এবং

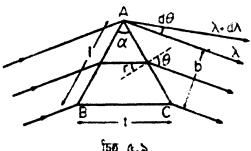
অন্যাইতে OB'. বিশ্লেষক নিকল ঘুরাইয়া এই আলোটিকে যদি নির্বাণিত করা হর তবে উভর অধেই ইহা নির্বাণিত হইবে। অন্যান্য তরঙ্গের আলোর কশ্পনও 'BOB' এর দুইদিকে প্রতিসম অংশে (symmetrically) অবস্থিত থাকিবে। সূতরাং প্রতিটি তরঙ্গের জনাই দুই অর্ধের পারগত উপাংশের তীব্রতা সমান হইবে। ফলে দৃষ্টিক্ষেত্রে উভয় অর্ধবৃত্তেই আলোর তীব্রতা সমান দাড়াইবে। বিশ্লেষক নিকল্টি যদি কোনও দিকে ঘুরানো হয় তবে এই আলোক-ভরঙ্গের কশ্পনের প্রতিসাম্যা নন্ধ হইয়া যাইবে এবং দুই অর্ধের তীব্রতা বিভিন্ন হইবে। লক্ষা করিবার বিষয় এই যে এখানে একটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সমবর্তন তলের ঘূর্ণন 90° হওয়া চাই।

সূতরাং পূর্বের বাবস্থার নারে এখানেও সমর্বাতিত আলোর ক্ষেত্রে এইর্প বিশ্লেষক নিকল ঘুরাইয়া দুই অর্ধের তীব্রতা সমান করা হয়। এই অবস্থা নিপুণভাবে সৃষ্টি করিলে দুই ফলকের সংযোগরেখা অদৃশ্য হইয়া যাইবে। এবার সক্রিয় কেলাস অথবা প্রবণটি বসাইলে ইহাতে গমনের ফলে সমর্বতন তল পরিবাতিত হইবে। বিশ্লেষক নিকল্ ঘুরাইয়া আবার দুই অর্ধের তীব্রতা সমান করা হয়। বে কোণে ঘুরাইয়া এই সমান তীব্রতা সৃষ্টি করা হয় সমর্বতন তলের ঘুর্ণনের পরিমাণও ইহার সমান। দুইটি ক্রেলের পাঠ হইতে এই কোণ সহজেই এবং সৃক্ষভাবে মাপা যায়।

উপরের আলোচনা হইতে সহজেই বুঝা যায় যে সাদা আলোর যে কোনও তরঙ্গকেই নির্বাপন করিবার জন্য বাছিয়া লওয়া চলে। সাধারণত হলুদ অথবা সবুজ আলোর তরঙ্গের জন্য এই নির্বাপন করা হয়। হলুদ আলো নির্বাপিত করিতে হইলে কোরাট্স্ ফলকের বেধ মোটামুটি 3.7 mm. হওয়া প্রয়োজন। অবশ্য বিভিন্ন আলো নির্বাপিত করিতে এই বেধ বিভিন্ন হয়। আলো বুগ্য-কোরাট্সের প্রতিসরণ তলের অভিলবে আপতিত হওয়া প্রয়োজন এবং বিশ্লোষক নিকলের ঘূর্ণন আক্ষ (axis of rotation) আপতিত রশ্যির সমান্তরাল হওয়া দরকার। এই দুই কারণে যে ভূলের উত্তব হয় তাহা দূর করিতে নিকলটি 180° ঘুরাইয়া একটি ঘিতীয় পাঠ নেওয়া দরকার। এইরুপ করিলে ভূলের অধিকাংশ্য অংশই এড়ানো যায়।

## বিচ্ছুরুণ (Dispersion).

সাদা আলো কাচের প্রিজ্মের মধ্য দিয়া প্রতিসৃত করিয়া নিউটন প্রমাণ করেন যে এই আলোতে বিভিন্ন তরসদৈর্ঘ্য বর্তমান। প্রতিসরণের কালে প্রতিটি তরসদৈর্ঘ্যের আলোর প্রতিসরণ কোণ আলাদা হইয়া যাওয়ায় ইহারা প্রিজ্মের মধ্য দিয়া পারগমের পর পরস্পর হইতে পৃথক হইয়া বায় এবং প্রচলিত ভাষায় পারগত আলোয় রামধনুর সাতিটি রং দেখা যায়। রেলের সৃত্র (Snell's Law) অনুসারে এই আপতিত এবং প্রতিসৃত আলোয় কোণ মাধ্যমের প্রতিসরাক্ষ বারা সংযুক্ত : sin i = μ. সাদা আলোয় ক্ষেত্রে আপতন কোণ এক থাকিলেও প্রতিসরণ কোণ বিভিন্ন রঞ্জের জনা আলাদা হইয়া যায়। সূত্রাং প্রতিসরাক্ষ তরসদৈর্ঘ্যের সঙ্গে পরিবর্তিত হইতে থাকে। আবার প্রতিসরাক্ষের সংজ্ঞা হিসাবে বাবহত হয়  $\frac{v}{v'}$  = μ. এখানে v এবং v' বথাক্রমে প্রথম এবং দিতীয় মাধ্যমে তরঙ্গের গতিবেগ এবং  $\mu$  প্রথম মাধ্যমের সাপেক্ষে (with respect to) বিভীয় মাধ্যমের প্রতিসরাক্ষ । অতএব দেখা যায় বে বিভিন্ন আলোক তরক্ষের জনা বিভীয় মাধ্যমে গতিবেগেরও পরিবর্তন হয়। এই প্রসঙ্গে উল্লেখখোগ্যা এই যে গতিবেগের সম্বন্ধ হইতে পাওয়া বায়  $v - v\lambda$  ( $v - \Phi$ পারক্ষ). সূত্রাং যেহেতু বিতীয় মাধ্যমে গতিবেগের



পরিবর্তন হয় অতএব কশ্যাক্ত বা তর্মদের্ঘা বা উভয়েরই যুগপং পরিবর্তন হওরা সম্ভব। কিন্তু পরে আলোচিত কারণ হইতে বুঝা ঘাইবে যে কম্পাক্ত দুই মাধামেই এক থাকে। ফলে সহজেই বুঝা যার যে ভরস্বেগের পরিবর্তনের ফলে তর্মদের্ঘারই সংশ্লিক্ট পরিবর্তন হইরা থাকে। ৫.১ নং চিত্রে সমান্তরাল আলোকর শিমালা ABC প্রিজ্মের উপর আপতিত হইরা ইহার মধা দিয়া প্রতিসরণের পর বিতীয় প্রতিসরণ তল দিয়া নিগত হইরাছে । বিতীয় প্রতিসরণ তলে আপতন কোণ এবং প্রতিসরণ কোণ বথাক্রমে r এবং  $\theta$ . প্রিজ্মের প্রতিসরণ কোণ (refracting angle)  $\omega$  এবং ভূমির (base) দৈর্ঘ্য BC=t. প্রতিসরণের ফলে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সঙ্গে কোণের পরিবর্তন হইতে থাকিবে । এই পরিবর্তনের হার  $\frac{d\theta}{d\lambda}$  কে বলা হর কৌণক বিচ্ছুরণ (angular dispersion). এই রাশিকে ভাঙ্গিয়া লেখা যায়

$$\frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{d\theta}{d\mu} \cdot \frac{d\mu}{d\lambda}.$$
 (5.1)

এই গুণক দুইটির মধ্যে  $\frac{du}{d\lambda}$ কে বলা হয় বিচ্ছুরণ (dispersion). অন্য গুণকটিকে অন্তর্গকলন করিলে পাওয়া যায়  $\left[\mu = \frac{\sin \theta}{\sin r}\right]$  ব্যবহার করিয়া এবং r কোণকে ধুবক রাখিয়া  $\left[\mu = \frac{\sin \theta}{\sin r}\right]$ 

$$\frac{d\theta}{d\mu} = \frac{\sin r}{\cos \theta}.$$
 (5.2)

উপরের আলোচনার যে রশ্মি দ্বিতীর প্রতিসরণ তলে প্রতিসৃত হইরাছে তাহার কথাই ধরা হইরাছে। কিন্তু 5.2 সমীকরণে প্রথম প্রতিসরণ তলে আপতিত রশ্মির ক্ষেচে দ্বিতীর প্রতিসরণ তলে রশ্মিটির চ্যুতি (deviation) থাবহার করা প্রয়োজন। তবে যদি আপতিত আলোকরশ্মি অবম চ্যুতির (minimum deviation) অবস্থানে রাখা যার তবে দুইদিকের আপতিত এবং নিগতি রশ্মিদ্বর প্রতিসম (symmetrical) অবস্থান প্রহণ করিবে। কাজেই মোট চ্যুতি দ্বিতীয় তলে উৎপন্ন চ্যুতির দ্বিগুণ হইবে। অতএব 5.2 সমীকরণকে লেখ। যার

$$\frac{d\theta}{du} = \frac{2\sin r}{\cos \theta}.$$

৫.১ নং চিত্র হইতে দেখা যার  $\frac{4}{3}-r$ .

$$\therefore \frac{d\theta}{du} = \frac{2\sin\frac{\theta}{2}}{\cos\theta}$$

আবার প্রিজ্মের প্রতিসরণ তলের প্রস্ক্রেদের দৈর্ঘ্য যদি / হয় তকে দাড়াঃ

$$\frac{d\theta}{d\mu} = \frac{2l \sin \frac{\pi}{4}}{l \cos \theta} = \frac{t}{b} \quad [b =$$
িনগত আলোকর িমমালার প্রস্থ ] (5.3)

কান্দেই দেখা যার যে কৌণিক বিচ্ছুরণের রাশিকে যে দুইটি গুণকে বিভন্ন করিয়া লেখা হইয়াছে (সমীকরণ 5.1) তাহার মধ্যে  $\frac{d\theta}{d\mu}$  গুণকটি প্রিজ্মের জ্যামিতিক আকৃতি এবং রশ্মিমালার প্রক্রের উপর নির্ভর করে। সাধারণত বে সমস্ত প্রিজ্ম বাবহার করা হয় তাহাদের ক্ষেত্রে  $\frac{1}{b}$  এক বা ইহার কাছাকাছি মানের হয়। যদি দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘা  $\lambda$  এবং  $\lambda + d\lambda$ -র জন্য প্রতিসৃত রশ্মি দুইটির মধ্যে কৌণিক বিযোজন হয়  $d\theta$  তবে লেখা যায়

 $d\theta=rac{\lambda}{b}$  [ একক রেখাছিদ্রে দ্রুনহফার ব্যবর্তনের আলোচনা দ্রুক্তবা ]. সূতরাং লেখা বার

$$\frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{td\theta}{\lambda} \cdot \frac{d\mu}{d\lambda}$$

$$= \frac{\lambda}{d\lambda} = \frac{td\mu}{d\lambda}.$$
(5.4)

সংজ্ঞানুসারে  $\frac{\lambda}{d\lambda}$  প্রিজ্মের বর্ণীর বিভেদন ক্ষমত। বুঝার । সূতরাং এই বিভেদন ক্ষমতা পূর্বে পাওয়া রাশিমালার (3,177) এর সমান দাড়ার দেখা বাইতেছে ।

ষিতীর গুণকটি  $\frac{du}{d\lambda}$  প্রিজ্মের বস্তুর ধর্মের উপর নির্ভর করে এবং আলাদ। ধর্মের বস্তুর জনা আলাদা হয়। প্রচলিত ভাষার এই গুণকটিকেই বে বলা হয় বিক্ষুরণ (dispersion) ইহা আলোচনার গোড়ারই বলা হইরছে।

বিদ্যুরণ, স্বাভাবিক প্রকার (Dispersion, normal case).

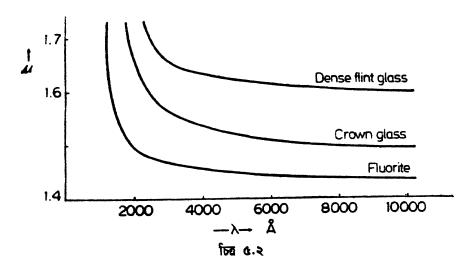
উপরের আলোচনার বলা হইরাছে বে  $\frac{du}{d\lambda}$  গুণকটিকে আলোর বিজুরণ বলা হয়। এই বিজুরণের বেলার প্রতিসরাক্ষ  $\mu$  তরস্পৈর্ধের সঙ্গে বের্পভাবে পরিবতিত হয় তাহা নিমের ৫.২ নং চিগ্র হইতে বুঝা বাইবে। এই পরিবর্তন অবশা বিভিন্ন বন্ধুর ক্ষেত্রে বিভিন্ন প্রকারের হইবে এবং ইহার প্রকৃতি বন্ধুটির ধর্মের উপর নির্ভর করিবে। বছ মাধ্যমে আলোকতরক্রের গতিবেগ তরক্র-দৈর্ঘের বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে বাড়িতে থাকে; এই পরীক্ষালন ফল তাত্ত্বিকভাবে ব্যাখা। করিবার প্রয়াস করেন সর্বপ্রথম কশি (Cauchy) 1836 সনে। তিনি এই উদ্দেশ্যে মাধ্যমের জন্য কঠিনবস্তুর ছিতিস্থাপক মতবাদ (elastic solid theory) প্রয়োগ করেন। একটি ছিতিস্থাপক মাধ্যমে তির্যকতরক্রের গতিবেগ বস্তুটির ছিতিস্থাপকত। এবং ঘনত্বের ভাগফলের বর্গম্লের সমান; অর্থাৎ বিগ তের্য এবং স্থাপিতাৎক (coefficient of elasticity) হয় N আর ঘনত্ব p তবে লেখা বায়

$$v = \sqrt{\frac{N}{\rho}}$$
.

এই মতবাদ ব্যবহার করিয়া তিনি যে সূত্র আবিষ্কার করেন তাহা নিমরূপ

$$\mu = A + \frac{B}{\lambda^2} + \frac{C}{\lambda^4} \tag{5.5}$$

এই সূত্রে  $\lambda$  তরঙ্গদৈর্ঘার জন্য প্রতিসরাজ্বের মান  $\mu$ ; A, B, এবং C ধ্বক। এই ধ্বক প্রতিটি বন্ধুর নিজস্ব বিশেষত্ব বিলয়া বন্ধু হইতে বন্ধূতে পরিবৃতিত হইরা থাকে। আর  $\lambda$  শৃনে। (vacuum) তরঙ্গদৈর্ঘার মান। বিদি কোনও বন্ধুর ক্ষেত্রে তিনটি জানা মানের তরঙ্গদৈর্ঘার জন্য প্রতিসরাজ্ক মাপা যায় তবে এই তিনটি ধ্বুবকের মান নির্ণয় করা সম্ভব হয়। আর তাহা হইলে এই বন্ধুটির



ক্ষেত্রে অন্যান্য তরঙ্গদৈর্বোর জন্য  $\mu$  বাহির করিতে কোনও অসুবিধা হয় না।

কশির এই সূত্র হইতে দেখা বার বে নিয়লিখিত সিদ্ধান্তগুলি সমন্ত বন্ধুর প্রতিসরাক্ষের লেখের ক্ষেত্রেই পাওরা বার। প্রথমত আলোকভরসের বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গে সংগ্লিষ্ট প্রতিসরাক্ষ হ্রাস পার। এইটি অভি সাধারণ পরীক্ষালদ্ধ সত্য (পরের আলোচনা দ্রকীবা)।

ষিতীয়ত সমস্ত লেখ হইতেই দেখা বায় যে প্রতিসরাক্ষের পরিবর্তনের হার  $\frac{d\mu}{d\lambda}$  তরঙ্গদৈর্ঘার বৃদ্ধির সঙ্গে কমিতে থাকে। অনেক সময়েই দেখা বায় যে প্রতিসরাক্ষের মান কশি-সূত্রের দুইটি পদ দিয়াই বেশ নিভূপিভাবে হিসাব করা বায়। অর্থাৎ লেখা বায়

$$\mu = A + \frac{B}{\lambda^2} \tag{5.6}$$

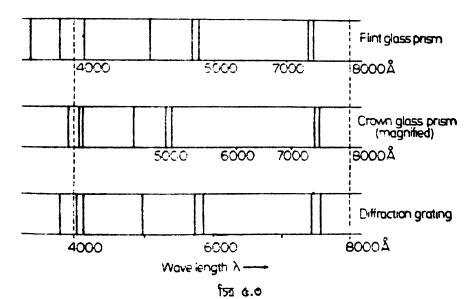
ষণি ইহাকে অভরকলন কর। যায় তবে দাড়ায়

$$\frac{du}{d\lambda} = \frac{-2B}{\lambda^n} \tag{5.7}$$

সূতরাং এই সমীকরণ হইতে দাড়ায় যে তরঙ্গদৈর্ঘার পরিবর্তনের সঙ্গে প্রতিসরাক্ষ্য পরিবর্তনের হার তরঙ্গদৈর্ঘার ঘনের বাস্তাানুপাতিক (inversely proportional to the cube of wavelength); আর এই ঋণাত্মক চিহ্নও লেখের আকৃতি দারাই সমাধিত হয়। কারণ একটি বিন্দৃতে  $\frac{du}{d\lambda}$  এর মান বাহির করিতে সেই বিন্দৃতে লেখের উপর একটি স্পর্শক আকিতে হয়। এই ক্ষেত্রে স্পর্শকের দিক এমন হইবে যে  $\frac{du}{d\lambda}$  ঋণাত্মক দাড়াইবে।

বিজুরণের এইর্প আচরণের একটি বিশেষ তাৎপর্যা লক্ষ্য করা প্রয়োজন। সাদা আলো প্রিজ্মের মধ্য দিয়া পাঠাইয়া যে বর্ণালি পাওয়া যায় অথবা হিলিয়াম বা নিয়ন জাতীর গ্যাসের ক্ষুলিঙ্গ হইতে যে আলো পাওয়া যায় তাহায়ে বিজুরণের ফলে যে বর্ণালি পাওয়া যায় তাহাতে বর্ণালি রেখাগুলির অবস্থান তরঙ্গদৈর্ঘার সমানুপাতে পরিবতিত হয় না। তরঙ্গদৈর্ঘার বত কমে বিজুরণের পরিমাণও তত বাজিয়া যায়। ফলে দুইটি তরঙ্গদৈর্ঘার মধ্যে একই পার্থকা ৫৯ এর জনা বেগুনী-আলোর ক্ষেত্রে অবস্থানের পার্থকা লাল আলোর অপেকা বেলী হয়। বেগুনী আলো এবং লাল আলোর তরঙ্গদের পার্থকা ক্ষরতাবে 4000Å এবং ৪000Å ধয়া হয় তবে এই অবস্থানের পার্থকা লাল আলোর অপেকা বেগুনী আলোর বেলায় মোটামুটি আটগুণ

হইবে। আর এই বিযোজন (separation) তরঙ্গদৈর্ঘ্য দ্রাসের সঙ্গে সঙ্গে প্রত বাড়িতে থাকিবে। ইহার ফলে বর্ণাল রেখাগুলি লাল আলোর দিকে বেষার্ঘেষি হইয়া থাকিবে; যত তরঙ্গদৈর্ঘ্য কমিতে থাকিবে ভতই তাহাদের বিষোজন বাড়িতে থাকিবে। এই আচরণের জন্য প্রিজ্মের বর্ণালিকে বলা হয় অপরিমেয় (irrational) ; তুলনায় ব্যবর্তন ঝাঝরি হইতে যে বর্ণালি পাওয়া বায় তাহাকে পরিমেয় (rational) বলা হয়। ব্যবর্তন ঝাঝারর রেখাগুলির বিষোজন তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সহিত সমানুপাতিকভাবে বৰ্ণালতে পরিবতিত হইতে থাকে। নিয়ে একই আলো দ্বারা উৎপন্ন তিনটি বর্ণালির চিত্ত দেখানো হইল । প্রথমটি ফ্লিন্ট কাচের (flint glass) প্রিজ্মে, দ্বিতীয়টি ক্রাউন কাচের (crown glass) প্রিজ্মে এবং তৃতীয়টি ব্যবর্তন ঝাঝারতে উৎপক্ষ বর্ণালির চিত্র। ক্রাউন কাচের বিক্ছরণ ফ্রিন্ট কাচের অপেক্ষা কম বলিয়া ইহার বর্ণালির বৈধ্য ফ্রিন্ট কাচের বর্ণালির অপেক্ষা কম হইবে : কিন্তু তলনার স্বিধার জন্য ইহাকে বিবন্ধিত (magnify) করিয়া প্রথমটির সমান দৈর্ঘ্যের বাবর্তন ঝাঝরির বর্ণালিটিকেও বিবর্দ্ধন কর। হইয়াছে। কর। হইয়াছে।



তিনটি বর্ণালিই এমন দৈর্ঘ্যের নেওয়া হইরাছে যাহাতে দুই প্রান্তের দুইটি নিন্দিষ্ট তরঙ্গদৈর্ঘ্যের মধ্যের দূরত্ব তিনক্ষেত্রেই সমান হয়। এইবার তুলনা করিলে দেখা যাইবে যে প্রিক্সম্ ধারা সৃষ্ট হইলেও বর্ণালি দুইটিতে প্রান্তিকরেখা দুইটির মধ্যের রেখাগুলির আপেক্ষিক অবস্থান এক নহে। তৃতীরত দেখা যার বে কোনও দুইটি আলাদা বন্ধুর তৈরারী প্রিজ্মৃ হইতে বিচ্ছুরণের যে বর্ণালি (spectrum) পাওয়া যায় তাহাদের বর্ণালিরেখার আপেক্ষিক অবস্থান এক নহে। এটির কারণও কাশর সূত্র হইতেই পাওয়া বাইবে। এই সূত্রে A, B এবং C তিনটি শ্বুক। এই শ্বুক তিনটি বন্ধুর ধর্মের উপর নির্ভর করে আর সেইজনা প্রত্যেক বন্ধুর জন্যে আলাদা। ইহার ফলে  $\mu - \lambda$  লেখের চেহারাও প্রতিটি বিভিন্ন বন্ধুর জন্য আলাদা হইয়া থাকে।

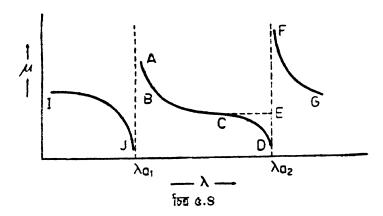
এই কারণে দুইটি আলাদা বন্ধুর  $\mu - \lambda$  লেখ শুধু কোটির মান (scale of ordinates) পরিবর্তন করিয়া সম্পাতী (coincident) করা যায় না।

এছাড়া লেখগুলি হইতে আরও একটি জিনিষ লক্ষা কর। যায়। বিভিন্ন ৰম্ভৱ বেলার প্রতিসরাক্ষ যত বড় হইবে বিচ্ছুরণের মানও সাধারণত তত বেশী হইবে। চিত্ত নং ৫.৩ হইতে এইটি দেখা যায় যে ফ্রিণ্ট কাচের প্রতিসরাক বেহেত ক্রাউন কাচের প্রতিসরাক্ষ হইতে বেশী সেইজনা যে কোনও তরঙ দৈর্ঘ্যের বেলায় ফ্রিণ্ট কাচের বিচ্ছুরণ  $rac{du}{dx}$  ঐ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে ক্রাউন কাচের বিচ্ছুরণ হইতে বেশী: ইহার ফলে ফ্রিন্ট কাচের বর্ণালিরেথাগুলি ভাউন কাচের বর্ণালিরেখার অপেক। বেশী বিধোজিত (separated) হয় এবং ফ্রিন্ট কাচের প্রিজ্নের বিভেদন ক্ষমত। ক্রাউন কাচের অপেক্ষা বেশী দাড়ায়। এই তথ্য অবশ্য কৰি সূত্ৰ হইতে পাওয়া যায় না ; তবে পরীক্ষালন্ধ ক্ষেত্ৰে श्ववकर्णान वर्ष दश्च । अवमा এই उपाधि प्रवत्रमास्ट्रे प्रदा दश्च ना अवर हेटाव ব্যতিক্রমও দেখা বার। বেমন হীরকের প্রতিসরাক্ত খুব বেশী এবং 2.4100 হইতে 2.4354 পর্যন্ত হইরা থাকে ( বথাক্রমে লাল এবং নীল আলোর জনা )। এই মান ক্লিণ্ট কাচের প্রতিসরাক্ষ হইতে অনেক বড়। কিন্তু ইহাদের পার্থকা মোটে 0.0254 এবং এই পার্থকাই বিচ্ছরণের মান নিরব্রণ করে। এদিকে ফ্রিন্ট কাচের বেলায় এই পার্থকা 0.0515 মতন হয়। সূতরাং দেখা বাইতেছে বে হীরকের প্রতিসরাক বেশী হওয়া সত্ত্রেও ইহার বিচ্ছুরণ ফ্লিট কাচের অপেকা কম। এইরপ যদিও দেখা যায় যে সাধারণত কোনও ফ্রিনিষের ৰনৰ বেশী হইলে ইহার প্রতিসয়াক্তর বেশী হয় তবুও ইহারও অনেক ব্যতিক্রম আছে। যেমন ইথার (ether) জলের অপেকা হাত্ম হইলেও ইহার প্রতিসরাক (1.36) জলের প্রতিসরাক (1.33) অপেকা বেশী।

আলোচিত বিজুয়ণকে বলা হয় খাভাবিক বিজুয়ণ (normal dispersion). এইবুপ নামকয়ণের কারণ শীন্তই বুখা বাইবে । কশি বে কঠিনবভুর ছিতিছাপক মতবাদ (clastic solid theory) তাহার সূত্র উদ্ভাবনে বাবহার করেন এইক্ষেত্র তাহার প্রয়োগ প্রণালী পরে ভূল বলিয়া প্রমাণিত হইয়াছে। কিন্তু তা সত্ত্বেও কশি-সূত্রের সাহাযে। যে স্বাভাবিক বিচ্ছুরণের পরীক্ষালন্ধ ফল মোটামুটি ভালভাবেই বাাখা। করা যায় তাহাই আশ্র্র্য। এই সূত্র বিচ্ছুরণের কার্যাকরী হিসাব করিবার জন্য সাফলোর সহিত্ই বাবহুত হইয়া থাকে।

### বিচ্ছুরণ-অনিয়ত প্রকার (Dispersion-abnormal case).

ক্রিশ্চিয়ানসেন এবং কুণ্ট্য যথান্তমে 1870 ও 1871 সনে একপ্রকারের বিচ্ছ্রণের আবিষ্কার এবং পরীক্ষা করেন। তাহারা পূর্ববিশ্ব বিচ্ছ্রণের সহিত তুলনা করিয়া ইহাকে আনয়ত বিচ্ছ্রণ (anomalous dispersion) আখ্যা দেন। ফুক্সিন (fuchsine) জাতীয় রং এবং আইওডিন (iodine) বান্সের মধ্য দিয়া বিচ্ছ্রণের বেলায় এই অয়াভাবিক বিচ্ছ্রণ পরিলক্ষিত হয়। কশি সূতানুসারে তরঙ্গদৈর্ঘা যত কমিতে থাকে প্রতিসরাক্ষ ততই নিরবিচ্ছিরভাবে বৃদ্ধি পাইতে থাকার কথা। কিন্তু আইওডিন বাম্প এবং ফুক্সিন রংয়ের ক্ষেত্রে ইহার ব্যতিক্রম ঘটে। এই বস্তুর এক বা একাধিক বরণাক্ষক (selective) শোষণপটি (absorption band) বর্তমান। এই নােবাপটির তরঙ্গদৈর্ঘা হইতে দ্রের তরঙ্গদৈর্ঘ্য যদি প্রতিসরাক্ষ মাপা যায় তবে এই প্রতিসরাক্ষের মান কশি-সূত্রের অনুসারে নিয়রিত হইতে দেখা যায়। এই তরঙ্গদের্ঘ্য যথন কমিতে কমিতে লােবণপটির কাছাকাছি আসে



তথন প্রতিসরাৎক দুত বৃদ্ধি পায় এবং শোষণপটির মধ্যে ইহার পরিমাপ সম্ভব হয় না কারণ এখানে সমন্ত আলো শোষিত হইয়া যায়। শোষণপটির অপেকা কুমতর তরঙ্গদৈর্ঘার ক্ষেয়ে কিন্তু প্রতিসরাৎেকর মান খুব কমিয়া যায় এবং শোবণপতির দুইদিকের প্রতিসরাধ্বের মানের একটি ভঙ্গ (discontinuity) দেখা বার। তাছাড়া শোবণপতির কম তরঙ্গদৈর্বোর জন্য প্রতিসরাক্তের মান ইহার অব্যবহিত বেশী তরঙ্গদৈর্বোর জন্য মানের অপেকা কম হয়। ইহাদের কোনটিই কশি স্থানুসারে হইবার কথা নহে। এইদিক বিবেচনা করিয়া আলোচ্য বিচ্ছ্রণকে অনিরত বিচ্ছ্রণ বলা হয়। ৫.৪ নং চিত্রে এইবুপ একটি বিচ্ছ্রণের লেখ দেখানো হইয়াছে।

কাজেই দেখা বাইতেছে যে বিচ্ছুরণের এই অস্বাভাবিকভার উদ্ভব হয় শোবণপতির অন্তিরের জনা। শোবণপতি হইতে দ্রে পরিমাপ করিলে প্রভিসরান্কের মান বাভাবিক হয় এবং কলি-স্ত্রের নারা নির্মাত হইরা থাকে। এই বাভাবিক বিচ্ছুরণ অবলা বিভিন্নপ্রকার কাচ এবং বর্ণহীন বচ্ছ পদার্থের বেলারই এযাবং (1871 এর পূর্বে) মাপা হইরাছিল। এই সমন্ত বর্ণহীন বন্ধুর ক্ষেত্রে আলোকের দৃশা সীমার (visible range) মধ্যে শোবণপতি বর্তমান ছিল না। সূত্রাং এই সীমার মধ্যে পরীক্ষা করা হইত বলিয়া BC জাতীর মানই পাওয়া বাইত। যথন ফুক্সিন বা আইওভিন বাম্পে পরীক্ষা করা হইল, এগুলির জন্য লোবণপতি দৃশাসীমার মধ্যেই বর্তমান থাকার বিচ্ছুরণের এই অস্বাভাবিকতা ধরা পড়ে। কিন্তু পরে বচ্ছ কাচের ক্ষেত্রেও দৃশাসীমা ছাড়াইরা অতিবেগুনী বা অবলোহিত আলোকতরক্ষের বেলার দেখা গেল বে এই সমন্ত বন্ধুর বিচ্ছুরণও আইওভিন বাম্প বা ফুক্সিন রঙের বিচ্ছুরণের প্রকৃতিরই হইরা থাকে। প্রকৃতপক্ষে সকল বন্ধুরই এক বা একাধিক

শোষণপটি থাকে; এবং সেজনা শোষণপটির দুইদিকে অনেকদৃর পর্বান্ত অথবা দুই শোষণপটির মধ্যে পরিমাপ করিলে সমন্ত বিচ্ছুরণ লেখই এই একই প্রকার অখাভাবিকত। দেখার। সূতরাং বলা চলে যে এই ধরণের লেখই বাভাবিক; ইহাতে অবাভাবিকতা কিছু নাই। বরং কাশ-স্থের অনুসারে যে বিচ্ছুরণ পাওরা বায় তাহা এই সমগ্র বিচ্ছুরণ লেখের একটি বিশেষ প্রকার (special case). আর একমান্ত শোষণপটি হইতে দ্বে পরিমাপ করিলেই এই প্রকৃতির লেখ পাওয়া বায়। তবুও প্রচলিত নাম বাতিল না করিয়া রাখিয়া দেওয়া হইয়াছে; একটিকে সাভাবিক এবং অনাটিকে অনিয়ত বিচ্ছুরণ বলা হয়।

সেশমার সমীকরণ (Sellmeier Equation).

ষাভাবিক বিচ্ছুরণ ব্যাখ্যা করিবার জন্য ষের্প কশি-সমীকরণ উদ্ভাবন কর। হইরাছিল সেইর্প অনিয়ত বিচ্ছুরণের ব্যাখ্যার জন্য সেলমায়ারও একটি সমীকরণের প্রবর্তন করেন এবং এইটি তাহার নামানুসারে সেলমায়ার সমীকরণ বিলয়। অভিহিত হইয়া থাকে। এই সমীকরণটি নিমোর প্রকারের

$$\mu^2 = 1 + \frac{A\lambda^2}{\lambda^2 - \lambda_1^2} + \frac{B\lambda^2}{\lambda^2 - \lambda_2^2} + \cdots$$
 (5.8)

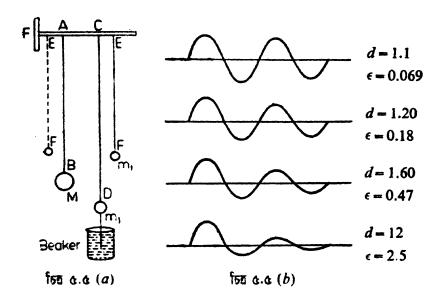
এই সমীকরণে  $\lambda$  তরঙ্গদৈর্ঘের জনা বন্ধুর প্রতিসরাধ্ক  $\mu$ ; A, B ইত্যাদি ধুবক বাহাদের বন্ধুর জনা পৃথক মান থাকে। আর  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$  ইত্যাদি বন্ধুর জনাই অন্ততঃ একটি লাভাবিক কম্পাধ্ক বর্তমান থাকে; ইহাদের জন্য অন্ততঃ একটি লাভাবিক কম্পাধ্ক বর্তমান থাকে; ইহাদের জন্য অন্ততঃ একটি  $\lambda_n(\lambda_1,\lambda_2$  জাতীয়) থাকিবে। যে সমন্ত বন্ধুর একাধিক লাভাবিক কম্পাধ্ক থাকিবে তাহাদের জন্য  $\lambda_n$  এরও একাধিক মান বর্তমান থাকিবে। পূর্বের আলোচনা ইইতে দেখা গিয়াছে যে কন্দি সমীকরণ অনিয়ত বিচ্ছুরণের ব্যাখ্যা দিতে পারে না যদিও লোষণপতি ইইতে দ্রের তরঙ্গদৈর্ঘ্যের জন্য এই সমীকরণ মোটামুটি নির্ভূলভাবে প্রতিসরাক্ষের মান নির্ণয় করিতে পারে। কিন্তু সেলমায়ার সূত্র অনিয়ত বিচ্ছুরণ কন্দি-সূত্র ইতে অনেক ভাল ভাবে ব্যাখ্যা করিতে পারে। দুইটি পদের সেলমায়ার সমীকরণ নিয়া বিবেচনা করিলে দেখা বার যে এই ক্ষেত্রে লেখা চলিতে পারে ( এখানে একটি স্বাভাবিক ক্ষাক্ষে  $\lambda_1$  বর্তমান বিলয়া ধরা ইইরাছে )

 $μ^2 = 1 + \frac{A\lambda^2}{\lambda^2 - \lambda_1^2}$ . (  $λ_1$  ৰাভাবিক কম্পান্কের সংগ্রিষ্ট তরঙ্গদৈর্ঘা ).

বদি ম, অপেকা অনেক দীর্ঘ তরঙ্গদৈর্ঘোর প্রতিসরাক দিয়া আরম্ভ করিয়া ক্রমণ ক্রম তরঙ্গদৈর্ঘোর দিকে আসা যার তবে দেখা যার যে প্রতি-সরাক্ষের মান 1 এর খুব কাছাকাছি মান হইতে আরম্ভ করিয়া ক্রমাগত বাড়িতে থাকে। কিন্তু বখন  $\lambda_{1}$  মান  $\lambda_{1}$  এর খুব কাছাকাছি আসিয়া পড়ে তখন প্রতিসরাক্ষ অতান্ত দুতবেগে বাড়িতে থাকে; এবং বখন  $\lambda = \lambda_1$  হয় তখন ইহার মান ধনাস্বক অসীম হয়। আবার যখন  $\lambda$  এর মান  $\lambda$ , হইতে খুব সামান্য কম হয় তখন  $\mu$  এর মান প্রায় খণাস্থক অসীম হইতে আরম্ভ হয় এবং  $\lambda$  আরও কমিবার সঙ্গে সঙ্গে কমিয়া ক্রমাগত 1 এর দিকে আসিতে থাকে। কিন্তু এই অংশে и এর মান সব সময়েই ! এর অপেকা কম থাকে। ইহা সহজেই বুঝা যার যে  $\lambda=\lambda$ , এর বা ইহার খুব কাছাকাছি জারগার প্রতি-সরাক্ষের যে মান পাওয়া বার তাহা অসম্ভব কারণ প্রতিসরাক্ষের ধনাঝক বা খণাত্মক অসীম বা ইহার কাছাকাছি মান কম্পনা করা বার না। কিন্তু এই অংশ বাদ দিলে অন্যান্য অংশের জন্য সেলমারার সমীকরণ পরীক্ষালন্ত  $\mu - \lambda$ লেখের সহিত বেশ ভালভাবে মিলিরা বার । কাজেই দেখা বাইতেছে যে বদিও সেলমারার সমীকরণ সাধারণভাবে অনিরত বিচ্ছুরণ বেশ সাফল্যের সহিত বাাখা করিতে পারে, তবুও শোষণপটির বা ইহার সন্মিকটের তরঙ্গদৈর্ঘোর বেলার এই সমীকরণ শোচনীয়ভাবে বার্থ হইর। থাকে। এই বার্থভার কারণ অবশা সেলমায়ার যে বিবেচনা হইতে সমীকরণটি উদ্ভাবন করেন তাহার মধ্যেই নিহিত আছে। তাহার ধারণা মতে বিচ্ছারক বন্ধুটি কতকগুলি কণার সমষ্টিতে গঠিত এবং এইগুলির একটি বা একাধিক স্নান্তাবিক কম্পাধ্ক থাকে। আলোকের পারগমের সময় এইগুলি আলোকভরকের কন্সান্কের ধারা প্রভাবিত হইয়া কম্পিত হয় এবং কণাগুলির এই কম্পন আলোকের গতিবেগকে প্রভাবিত করিয়া পরিবর্তিত করে যাহার ফলে বিচ্ছারণের উৎপত্তি হয়। আলোর কল্পান্ক যদি ৰাভাবিক কল্পান্ক হইতে আলাগ। হয় তবে কণাগুলি আলোক-তরক্ষের কম্পান্কেই স্পন্দিত হইতে থাকিবে। আর এই স্পন্দনের বিস্তার নির্ভর করিবে আলোকতরঙ্গের এবং স্বাভাবিক কম্পান্কের পার্থকোর উপর। এই পাৰ্থকা যত কম হইবে বিশুৱেও তত বেলী হইবে। কণাগুলির এই জাতীয় ৰুশ্পনকৈ বলা হয় বলকৃত কম্পন (forced vibration). যখন এই পাৰ্থকা **गुना इटें**रि उथन विद्यात वात्रीय इटेवात कथा। **এटे**क्करत रा न्यान्यन दर्रा তাহাকে বলা হয় অনুনাদ (resonance), এইক্ষেয়ে প্রতিসৃত আলোকের গতি-বেগের সর্বাধিক পরিবর্তন হইবে। কিন্তু ভাব্রিকভাবে অনুনাদের ক্ষেত্রে থেহেতু বিস্তার অসীম হইবে সেইহেতু প্রতিসরাক্ষ আলোচিত অসম্ভব মান প্রাপ্ত হয়।

### স্বাধীন ও বলকৃত কম্পন (Free and forced vibrations).

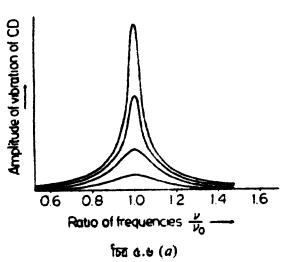
বন্তুর কণাগুলির উপর আলোকের প্রভাব বুন্ধিবার জন্য একটি হাত্রিক পরীক্ষার (mechanical experiment) বর্ণনা দেওরা হাইতে পারে।



৫.৫ (a) নং চিত্রে AC একটি ধাতব দণ্ড খুটি F হইতে অনুভূমিক অবস্থানে স্থাপিত আছে। A এবং C হইতে দুইটি দোলক AB এবং CD ঝুলিতেছে আরু ইহাদের গোলকের ভর যথাক্রমে M এবং  $m_1(M>m_1)$ . দোলকটির বড়িটি দোলাইয়া দিলে ইহা স্থিতিস্থাপক ধাতব দণ্ডটির মধা দিয়া প্রেরিত ঘাত (impulse) দ্বারা দ্বোটিটিকে প্রভাবিত করিয়া ইহাকেও দোলাইতে আরম্ভ করে। অবশা এই ক্ষেত্রে পরস্পর পরস্পরকে প্রভাবিত করিবে এবং দুইটি গোলকের ভর এবং দোলকের দৈশ্য যদি এক হয় তাহা হইলে সমস্ত শক্তি পর্যায়ক্রমে একটি হইতে অন্যটিতে যাইবার ফলে ইহারা পর্যায়ক্রমে শ্না এবং চরম বিস্তার লাভ করিবে। CD দোলকটিতে মন্দনের (damping) প্রভাব দেখাইবার করা  $m_1$  ভরটি হইতে সূতা ঝুলাইয়া এই সূতাটির অনাপ্রান্ত একটি বীকারের করো জুবাইয়া দেওরা হইয়াছে। মন্দনের পরিমাণ বাড়াইতে হইলে বীকারে করো পরিষতে কোনও সান্দ্র (viscous) তরল দেওরা চলিতে পারে। AB দোলকের দৈশ্য বাড়াইয়া ইহার কন্পান্ক কমানো সম্ভব এবং এইভাবে বিভিন্ন কন্পাক্রের দেগলনকালের প্রভাব দিতীয় দোলক CD এর দোলনকালে এবং বিশ্বার কিন্তাবে পরিবর্তন করে তাহা পরীক্রা করা যার।

প্রথমে AB দোলকটি খুলিয়া নিয়া খুবু CD দোলকটি দোলাইয়া ইহায় দোলনের উপর মন্দনের প্রভাব পরীক্ষা করা বাইতে পারে। বলি ঘানীন দোলনের ক্ষেত্রে পরপর পুইটি বিস্তারের অনুপাতকে বলা হয় মন্দনের হায় (damping ratio) d এবং ইহার ঘাতাবিক লগারিদম্ (natural logarithm)-কে বলা হয় লগারিদ্মীয় হৄাস (logarithmic decrement)  $\epsilon$  তবে এই দুইটি রাশির মান বিভিন্ন অবস্থায় এই পরীক্ষা করিয়া দেখা সম্ভব হইবে। প্রথমে গোলক হইতে স্তার দৈঘা বাড়াইয়া তরলে নিমক্ষিত অংশের দৈঘা বাড়াইলে মন্দনের পরিবর্তনও সঙ্গে সক্ষে বাড়িতে থাকিবে; বেলী মন্দনের প্রভাব দেখিবার জনা প্রয়োজন হইলে জলের বদলে বেলি সাম্রতার কোন তরলও বাবহার করা চলিতে পারে। বিভিন্ন মন্দনের তরল বাবহার করিয়া বিস্তারের বে বিভিন্ন লেখ পাওয়া যায় তাহা চিত্র নং ৫.৫ (৮)এ দেখানো হইল।

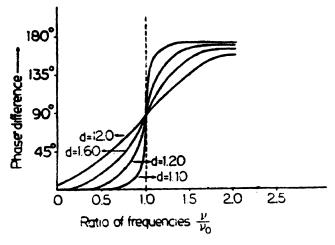
এইবার AB দোলকটি লাগাইরা CD দোলকের উপর ইহার প্রভাব পরীক্ষা করিরা দেখা বাইতে পারে। এই পরীক্ষার AB দোলকের কম্পাত্ক বা দোলনকাল পরিবর্তন করিয়া CD দোলকের বিস্তারের সংগ্রিষ্ট পরিবর্তন এই প্রভাব নির্ণয় করিবে। AB দোলকের দৈর্ঘা পরিবর্তন করিয়া ইহার দোলনকাল কমানো বাড়ানো বাইবে। এই পরীক্ষা হইতে দেখা বাইবে AB দোলকের কম্পাত্ক বত CD দোলকের বাভাবিক কম্পাত্কের কাছাকাছি আসিবে ততই



CD গোলকের বিস্তার বাড়িতে থাকিবে অর্থাৎ CD গোলকের উপর AB গোলকের প্রভাব বাড়িতে থাকিবে। আরও লক্ষ্য করিবার বিষয় বে CD গোলকের বিস্তার নির্ভয় করিবে মন্দ্রনের পরিয়াণের উপরও। যখন AB এবং

CD দুইটিরই খাভাবিক দোলনকাল এক হইবে তখন CD দোলকের বিন্তার চরম দাড়াইবে। এই অবস্থারও চরম বিদ্তারের মান মন্দনের উপর নির্ভর করিবে। CD দোলকের স্তৃটির জলে ডোবানো অংশের দৈর্ঘ্য যত বাড়ানো বাইবে দোলকের বিস্তারের পরিমাণও তত কমিবে। এই অবস্থার বিস্তারের করেকটি লেখের চিত্র দেখানো হইল [চিত্র নং ৫.৬ (a)]। এই সমস্ত ক্ষেত্রে মন্দনের পরিমাণ পূর্ববর্ণিত মানের সমান (চিত্র নং ৫.৬ ) ধরা হইরাছে। CD দোলকের স্বাভাবিক কন্পাধ্ক ধরা হইরাছে ৮, এবং AB দোলকের কন্পাধ্ক ৮. ৮ এর মান পরিবর্তন করিয়া CD দোলকের বিস্তারের উপর ইহার প্রভাব দেখানো হইরাছে। অবশ্য CD দোলকের বলকৃত কন্পন (forced vibration) হইবে বলিয়া ইহা ৮ কন্পাধ্কে দুলিতে থাকিবে। লেখে এই দুইটি কন্পাধ্ক ৮, এবং ৮ এর বিভিন্ন অনুপাতের জন্য CD দোলকের বিস্তার দেখানো হইরাছে।

চিত্র নং ৫.৬ (b)এ দুইটি কম্পনের মধ্যে দশার সম্বন্ধও দেখানো হইয়াছে। এই চিত্র ছইতে দেখা যায় যে সাধারণভাবে ৮ এর মান যত কম থাকে ততই দোলক দুইটির কম্পনের মধ্যে দশার পার্থকাও কম থাকে এবং ইহারা একই



চিত্ৰ ৫.৬ (b)

দিকে গতির দারা দুলিতে থাকে। দশার এই পার্থকা ৮ হত ৮০ এর দিকে আসিতে থাকে ততই বাড়িতে থাকে। যখন ৮–৮০ হয় তখন দশার পার্থকা দাড়ায় 90° আর ৮ যখন ৮০ এর অপেক্ষা বেশী হয় তখন দশা-পার্থকা 90° ছাড়াইয়া 180° মানের দিকে যাইতে থাকে। অবশা 180° পর্যান্ত বৃদ্ধি অসীমপথ প্রকৃতির (asymptotic nature) হইয়া থাকে।

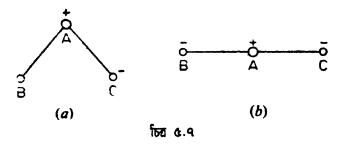
দশার এই পরিবর্তনও অনেকাংশে মন্দনের পরিমাণ দারা নির্যায়িত হুইবে। চিত্র নং ৫.৬ (b) হুইতে দেখা যার যে মন্দনের পরিমাণ যদি খুবই কম হয় তবে দশার পরিবর্তন ৮ এর পরিবর্তনের উপর খুব সামানাই নির্ভর করে। একমাত এই v এর মান যখন CD দোলকের স্বাভাবিক কুলাক্ষ ৮, এর খুব কাছাকাছি আসে তখন দখা খুব বুত পরিবতিত হইতে থাকে এবং vo হইতে সামান্য বাড়িসেই 180° পরিবতিত হইয়। ৰার। কাজেই বদি মন্দ্রনবিহীন একটি দোলক CD বাবহার করিয়া ( সূতাটি বাদ দিয়া ) পরীক্ষা করা বার তবে দেখা যাইবে যে যতক্ষণ পর্যান্ত AB দোলকের কম্পাক্ত vo হইতে কম থাকিবে ততখণ দুইটি দোলকের পতিই একদিকে হইবে। ৮ এর পরিমাণ ৮, হইতে সামান। বাড়াইলেই দুইটি উন্টা দিকে দুলিতে থাকিবে। এই পরীক্ষাটি আরও ভালভাবে দেখানো বার বিদ চিত্র নং ৫.৫ (a)-তে দেখানো বাবস্থায় AB দোলকের অনুরূপ আরও এবং EF দোলকটির দৈর্ঘ্য AB হইতে কম রাখা হইয়াছে আর CD এবং EF গোলক দুইটির ভর সমান এবং AB গোলকের ভর হইতে বেশ খানিকটা কম। খানিকক্ষণ দুলিবার পর দোলকগুলি সামাবস্থার আসিলে দেখা বাইবে ৰে CD দোলকটির ৰাভাবিক কম্পান্ক AB দোলক হইতে কম হওয়ার এই দুইটির দশার পার্থক্য প্রায় শ্ন্য হইবে ( অবশ্য দশা-পার্থক্যের এই মান নির্ভর क्रिंदि कन्नाम्क पुरेतिक नार्थरकात्र উপत : नार्थका थ्व क्य ना रहेरन मनात পার্থকা প্রায় শ্না হইবে ) ; ফলে এই পুইটির গতি একই দিকে এবং প্রায় সম্পাতী হইবে: অনুরূপ যুদ্ধিতে বুঝা যায় যে EF দোলকের স্বাভাবিক ৰুপাৰ্ক বেশী হওয়ায় ইহা AB গোলকের বিপরীত গিকে গতি নিয়া দুলিতে প্রাকিবে। অর্থাৎ CD এবং EF পরস্পরের বিপরীত দিকে দুলিতে থাকিবে।

কিন্তু মন্দনের পরিমাণ বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে দলার এই পরিবর্থনের হারও পরিবর্তিত হইতে থাকে। যদি মন্দনের পরিমাণ বাড়ে তবে খুব কম কম্পাধ্দ দ এর জনাও কিছু দলার পার্থকা বিদামান হইবে। আর ৮ এর মান বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে এই দলার পার্থকাও কমাগত কিছু নির্বাছ্যিভাবে বাড়িবে। বেশী মন্দনের বেলায় এই দলার পার্থকা প্রকৃতপক্ষে কোন সময়েই 180° (বা ন) হইবে না।

দশার পরিবর্তনের উপর কম্পান্কের প্রভাব উপরের পরীক্ষা কিছু পরিবতিত করিয়া দিয়াও দেখানো চলিতে পারে। AB দোলকটিই শুধু এখানে বাবহার করা দরকার হইবে। এই দোলকের সহিত একটি রবারের সরু লয়। সৃতা বাধিয়া সৃতার অন্য প্রান্ত হাতের মৃতির মধ্যে রাখা হইল। এইবার হাতটি দোলাইলে এই দোল রবারের সৃতার মাধ্যমে দোলকে সংক্রামিত হইবে এবং দোলকটি দুলিতে থাকিবে। দেখা যাইবে যে হাতের নাড়িবার দোলনকাল যদি দোলকের সাভাবিক দোলনকালের অপেক্ষা বেশী হয় তবে ইহাদের উভয়েরই গতি একই দিকে হইবে। কিন্তু হাতের দোলনকাল দোলকের যাভাবিক দোলনকাল হইতে কম হইলে ইহারা পরস্পরের বিপরীত দিকের গতি নিয়া দুলিতে থাকিবে। আরও দেখা যাইবে যে হাতের দোলনকাল যদি দোলকের স্বাভাবিক দোলনকালের তুলনায় খুবই কমিয়া যায় তবে দোলকটির দোলন বন্ধ হইয়া যায় এবং ইহা প্রায় হির হইয়া থাকে। বিচ্ছারণের সিদ্ধান্ত আলোচনার পর এই পরীক্ষার তাৎপর্য আরও ভালভাবে বুঝা যাইবে।

#### বিচ্ছুরণের ভাষিক আলোচনা(Theoretical discussion of dispersion).

উপরের আলোচনার পরিপ্রেক্ষিতে এইবার বিচ্চুরণের তাত্থিক আলোচনা করা চলিতে পারে। এই আলোচনায় বিচ্চুরণের তড়িং-চুম্বকীয় (electro magnetic) চিত্র বাবহার করা হইবে। কোনও বছুকে অণু বা পরমাণু দ্বারা গঠিত বলিয়া মনে করা যাইতে পারে। এই অণু বা পরমাণুগুলি দ্বিমেরুর (dipole) সহিত তুলনীয়। একটি অণুর কথা ধরা যাক (চিত্র নং ৫.৭ (a)).



ইহার মধ্যে তিনটি পরমাণু বর্তমান। এ পরমাণুটি ধনাত্মক তড়িংসম্পন্ন এবং ৪ ও ে পরমাণু দুইটি ঋণাত্মক তড়িংসম্পন্ন। এই ঋণাত্মক পরমাণু দুইটির বিদ্যুৎকেন্দ্র (electric centre) ধনাত্মক পরমাণুটির সহিত সম্পাতী না হওয়ার ফল দাড়াইবে এই যে অণুটিকে পরস্পর হইতে আলাদা বিপরীতমুখী বিদ্যুতের সমান্তি হিসাবে বিবেচনা করা যাইবে। এই অণুটির দুইটি বিপরীত্মর্মী বিদ্যুৎ-মেরু থাকায় ইহাকে বলা যায় ভিমেরু (dipole). এই নাম একটি ক্ষুদ্র চুহকের সহিত সাদৃশা রাখিয়া করা হইয়াছে। এই জাতীয় ভিমেরু আবার দুই রক্ষের হইতে পারে। বাহির হইতে কোনওর্প বিদ্যুৎক্ষেত্রের প্রভাব ছাড়াই

বলি বৈদ্যুতিক মেরু দুইটির অবস্থান আলালা হয় তবে ইহাকে বলা হয় ৰাভাবিক বিষেয় (natural dipole). ৰাভাবিক বিষেয়ৰ অন্তিম দেখাইবার জন্য কোণও তরল নিয়া তাহার—ডাইলেইট্রাক ধ্রবক (dielectric constant) বিভিন্ন তাপমাতার মাপা বাইতে পারে। তরলের মধ্যে বিমেরগুলির একটি ্বিশেষ দিকে অবস্থিত হওয়ার প্রবণতা দেখা বাইবে। এই অবস্থানের প্রবণতা বাহিরের কোনও বিশৃংক্ষেত্রের অন্তিম ছাড়াই বর্তমান থাকিবে। তাপমাত্রা বাড়িবার সঙ্গে সঙ্গে বিমেরুগুলির গতি বা ঘৃর্ণনও বাড়িবে; ফলে এই অবস্থানের হ্রাসের সঙ্গে সঙ্গে তরজের ডাইলেক্ট্রীক ধ্রবকের মানও কমিবে। প্রকারের কণাগুলি হইবে আবিষ্ট দিমেরু (induced dipole). এইগুলির বেলার ধনাত্মক এবং ঝণায়ক বিদাতাধানগুলির কেন্দ্র সম্পাতী হইয়া থাকে। কিন্তু বাহির হইতে বৈদ্যাতিক ক্ষেত্র প্রয়োগ করিলে এই ক্ষেত্রের প্রভাবে কণা-গুলির বৈদ্যতিক কেন্দ্র দুইটির অবস্থান আলাদা হইয়া বায় এবং কণাটি একটি বিমেরতে পরিণত হয়। বাহিরের বৈদ্যুতিক ক্ষেত্রের প্রভাবের জন্য এই দুইটি আলাদ্য মেবুর আবেশ হইয়া এই দ্বিমেবুর সৃষ্টি হয় বলিয়া এইগুলিকে আবিষ্ট **দিমেরু বলা হইয়া থাকে। চিত্ত নং ৫.৭ (b) এ এইরূপ একটি কণা দেখানো** হইরাছে। ইহাতে B এবং C কণা দুইটি ঋণায়ক এবং A কণাটি ধনায়ক। AB এবং AC দুরত্ব দুইটি সমান এবং BA ও CA একই সরলরেখায় অবন্থিত। সূত্রাং এইরুপ ক্ষেত্রে B এবং C এর বিদাংকেন্দ্র (electric centre) A কণার সহিত সম্পাতী হইবে আর ইহার ফলে সম্পূর্ণ কণাটি বৈদুটিক দিক হইতে নিরাবেশিত (neutral) হইবে ৷ কিন্তু বাহিরের বিদুংক্ষেতে আবার এই বৈদুৰ্গতিক আধান আলাদা হইয়া যাওয়ায় সম্পূৰ্ণ কণাটি একটি শ্বিমেরতে পরিণত হটবে।

ভাইলেক্ট্রীক পদার্থের (dielectric materials) এর মধ্য দিয়া গমনকালে আলোকের বিচ্ছুরণ এই স্থিমেরুর ধারণার স্বারা ব্যাখ্যা করা যায়। একটি বিমেরুতে বদি q সংখ্যক ধনায়ক তড়িংকণা এবং সমসংখ্যক খ্যাত্মক তড়িংকণা বর্তমান থাকে যাহাদের প্রত্যোকের তড়িংকেণা করা মাণ  $\pm c$  আর এই দুই জাতীয় কণার বিদ্যুংকেন্দ্রের মধ্যের দুরম্ব হয় / তবে স্থিমেরুটির ভ্রামক (moment) এর মান m হইবে বেখানে দেখা যায়

$$m = qel \tag{5.10}$$

এই ভ্ৰামক ৰাভাবিক এবং আবিক দুই প্ৰকারের থিমেবুর ক্ষেতেই সৃষ্ঠ প্ৰইবে। বদি আবিক থিমেবুর ক্ষেত্রে বাহির হইতে প্রযুদ্ধ বিদ্যুৎক্ষের E হর

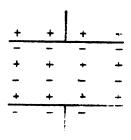
তবে এই জন্য ছিমের্র বিদ্যুংকণাগুলির মধ্যে qeE বলের উৎপত্তি হইবে। বখন এই বল প্রত্যবন্থান বলের (force of restitution) সমান হর তখন কণাগুলির সাম্যাবন্থার সৃষ্টি হয়। বিযোজিত বিদ্যুংকণাগুলির মধ্যে একক দ্রুণ্ডের জন্য প্রত্যবন্থান বল বদি k হয় তবে সাম্যাবন্ধায় লেখা যাইতে পারে

$$qeE = kl \tag{5.11}$$

এখানে ধরা হইয়াছে যে E বিদ্যুৎক্ষেতের প্রভাবে ধনাত্মক এবং ঋণাত্মক কণার মধ্যের বিযোজন I. ইহা হইতে আবিষ্ঠ দ্বিমেরুর দ্রামক m দাড়ায়

$$m = qel = \frac{q^2 e^2 E}{k} = \angle E \tag{5.12}$$

এখানে  $\angle = \frac{q^2 e^2}{k} =$  সমবর্তনীয়তা (polarisability).



চিত্র ৫.৮

এই জাতীয় আবিষ্ট সমবর্তনের প্রভাব মাধ্যমের উপর কির্প প্রতিক্রিয়া করিবে তাহা সঙ্গের চিত্র নং ৫.৮ হইতে বুঝা যাইবে। ইহা একটি সমান্তরাল পাতের সংধারিত্র (parallel plate condenser). পাত দুইটিতে ধনাম্বক এবং ঝণায়ক আধান দেওয়ার ফলে পাতের মধ্যের স্থানে একটি বিদ্যুৎক্ষেত্র D প্রস্কুর ইইয়াছে। কিন্তু এই বিদ্যুৎক্ষেত্রের মান পাত দুইটির মধ্যের স্থান শূনা ইইলে বদি D হয় তবে এই স্থানে কণা বর্তমান থাকিলে বিদ্যুৎক্ষেত্রের মান আলাদা হইবে। কারণ বিদ্যুৎক্ষেত্রের উপস্থিতির জন্য কণাগুলির সমবর্তন হইবে আর ইহার ফলে প্রযুদ্ধ বিদ্যুৎক্ষেত্র D এর মান কিছু হ্রাস পাইবে। বখন পাত দুইটির মধ্যের স্থান গ্রহুবে তখন পাতের বিদ্যুৎ আধানের তলীয় ঘনত্ব (surface density) যদি s হয় তবে d এর মান হইবে

$$D = 4\pi s$$
.

কিন্তু পাতের মধোর ছানে যদি কোনও মাধ্যম বর্তমান থাকে তবে এই মাধ্যমের কণাগুলির সমবর্তনের ফলে একটি বিপরীতমুখী বিদ্যুৎক্ষেত্রের উৎপত্তি হইবে বাহার মান হইবে  $4\pi S_p$ . এখানে  $S_p$  সমবর্তনের জন্য উৎপশ্ন বিদ্যুৎ আধানের তদীর ঘনছ। সূতরাং এইক্ষেত্রে পাত দুইটির মধ্যের বিদ্যুৎক্ষেত্রের মান E দাড়াইবে

$$E = D - 4\pi S_p.$$

$$\overline{Q} = 1 - \frac{4\pi S_p}{D}.$$
(5.13)

D এবং E এর অনুপাতকে বলা হয়—ডাইলেক্ট্রীক শ্লুবক (dielectric constant).

$$\frac{D}{E}$$
 =  $\epsilon$  ভাইলেই ीक धूवक (dielectric constant).

আবার একক আরতনের সমবর্তন (polarisation) যদি P হয় তবে E বিদ্যুৎ-ক্ষেত্রের প্রভাবে মাধ্যমের স্রংশ (displacement) নিম্নলিখিত সমীকরণ দ্বারা নির্মান্ত হইবে

$$D = E + 4\pi P = E + 4\pi Np. \tag{5.14}$$

এখানে N একক আয়তনে অণুর সংখ্যা এবং p প্রতিটি অণুর সমবর্তনের মান । সূতরাং লেখা বার

$$\epsilon = 1 + \frac{4\pi Np}{E}. ag{5.15}$$

তড়িং চুৰকীর মতবাদ হইতে পাওয়া বার

$$\epsilon = \mu^* \quad (\mu = মাধ্যমের প্রতিসরাক্ষ)$$
 (5.16)

$$\therefore \quad \mu^{\bullet} - 1 - \frac{4\pi Np}{E}$$
 (5.17)

বখন আলোকরণি কোনও মাধ্যমের ভিতর দিয়া বার তখন মাধ্যমের কণাগুলি আলোকের বৈদ্যুতিক ক্ষেত্রের ধারা প্রভাবিত হইরা থাকে। আর এই সমবর্তন পরিবর্তনশীল (varying) হর এবং ইহার কম্পাক্ষ আলোকের বৈদ্যুতিক ক্ষেত্রের কম্পাক্ষের সমান হইরা থাকে। সূত্রবাং এই কণাগুলির কম্পনের জন্য বে গভির সমীকরণ লেখা বার তাহাতে জাডোর (inertia) প্রতিক্রিরা, ক্রিভ্ছাপক বলের প্রতিক্রিয়া এবং বিদ্যুৎক্ষেত্রের পরিবর্তনের জন্য তিনটি পদ বর্তমান থাকিবে। ইহা হাড়া মন্দনের জনাও একটি পদের ব্যবহার করিতে হইবে। হেল্মুহোল্ট্রেই (Helmholtz) এই শেবোর পদটি সর্বপ্রথম ব্যবহার করেন। এইটি কশার গতিবাংগর সমানুপাতিক হইবে এবং ইহার ভবের উপর নির্ভর

করিবে। এই সমন্ত থিকেন। হইতে কণার গতির সমীকরণ মিয়লিখিভর্পে লেখা যার

$$\dot{Mx} + Kx + K'\dot{x} = qeE. \tag{5.18}$$

এখানে M অণুর মধ্যেকার কম্পনশীল ইলেকট্রনগুলির ভরের সমষ্টি, K একক সংশের জন্য প্রত্যবন্ধান বল (force of restitution for unit displacement), K' একক গতিবেগের জন্য উত্ত বল এবং x,  $\dot{x}$  এবং  $\dot{x}$  বথাক্রমে কণার স্রংশ, গতিবেগ এবং ত্বরপ বুঝাইতেছে। কম্পনশীল কণাটির কম্পনের বিস্তার বদি A হয় এবং বিদ্যাংক্তের কম্পান্ক যদি হয় v তবে লেখা যায়

$$x = Ae^{2\pi i \nu t} \tag{5.19}$$

আবার বিদৃথেকেতের বিভারের চরম মান যদি  $E_{
m o}$  হয় তবে লেখা যায়

$$E = E_0 e^{2\pi i vt}. ag{5.20}$$

সূতরাং দাড়ার

$$Mx + Kx + Kx = qeE_0e^{2\pi ivt}$$

সমীকরণ 5.19 কে একবার এবং দুইবার অন্তরকলন করিয়া পাওয়া বার

$$\dot{x} = 2\pi i v A e^{2\pi i v t}$$

$$\dot{x} = -4\pi^2 v^2 A e^{2\pi i v t}$$

সূতরাং সমীকরণ 5.18 কে লেখা যায়

$$-4\pi^{2}v^{2}MAe^{2\pi ivt} + K'2\pi ivAe^{2\pi ivt} + KAe^{2\pi ivt}$$

$$= qeE_{0}e^{2\pi ivt}.$$
(5.21)

अथवा  $A(K+K'2\pi iv-4\pi^2v^2M)=qeE_0$ 

$$A = \frac{qeE_0}{K + K'2\pi i v - 4\pi^2 v^2 M}.$$
 (5,22)

এই রাশিমালার একটি ধ্বক K এর মান নিম্নলিখিতর্পে নির্ণর করা বার ।

যাধ্যমের খণাগুলির এক বা একাধিক বাভাবিক কম্পান্ক থাকে। বাদ কোনওবৃপে এই কশাকে কম্পিত করিয়া ছাড়িয়া দেওয়া হয় তবে ইহায়া এই বাভাবিক
কম্পান্কে কম্পিত হইতে থাকিবে। আর সাধারণত ধরা বায় বে এই কম্পন
সরল দোলগতিসম্পন্ন হইবে। সূতরাং একটি বাভাবিক কম্পান্কের অতিম
বর্তমান ধরিলে এই কম্পনের সমীকরণ লেখা বায়

$$M\ddot{x} + K\dot{x} = 0. \tag{5.23}$$

এখানে M এর সংক্ষা পূর্ব পৃষ্ঠার দেওরা হইরাহে আর মন্দনের কোনও প্রভাব কণাটির উপর নাই বলিরা ধরা হইরাছে। সূতরাং দীড়ার

$$\ddot{x} + \frac{K}{M}x = 0$$

$$343 \quad \ddot{x} + w^{2}x = 0. \tag{5.24}$$

w = কণাটির বৃত্তীর কমান্ক ( সরল দোলগতির আলোচনা দ্রুকীরা )

:. 
$$w^3 = 4\pi^2 v_0^{-3}$$
;  $v_0 = \pi^0$  and  $v_0^{-1} = \pi^0$  (5.25)

সুভরাং সমীকরণ 5.22 কে লেখা বার

$$A = \frac{qeE_0}{4\pi^2 v_0^2 M - 4\pi^2 v^2 M + K'2\pi i v}.$$
 (5.26)

ৰদি সাদৃশ্য হইতে লেখা বার ( হেল্ম্ছোলট্জ এই মন্দনের রাশিটি সর্বপ্রথম বিকেন। করেন এবং তিনি ইছার নিয়োক্ত মান ব্যবহার করেন )

$$K' = 2\pi v' M$$

$$\downarrow V' = V_2 - V_1$$

$$\downarrow V_1 \qquad \downarrow 0 \qquad \downarrow 0$$

চিত্ৰ ৫.১

এই সমীকরণে  $\nu'$  শোষণপণ্ডির অর্দ্ধ প্রস্থের (half-width of the absorption line) সংগ্লিক কম্পাক্ত । শোষণপণ্ডির কেন্দ্রের তীরভার তুলনার ইছার দুইপাশে যে ছানে তীরভার মান অর্দ্ধেক দাড়ার সেই দুই বিন্দুর কম্পাক্তের মানের বিয়োগফল নিলে এই কম্পাক্ত  $\nu'$  এর মান পাওরা বাইবে। সূতরাং সমীকরণ 5.26টি দাড়ার

$$A = \frac{qeE_0}{4\pi^2 M v_0^2 - 4\pi^2 M v^2 + 4\pi^2 i M v v'}$$

$$\frac{qeE_0}{4\pi^2 M (v_0^2 - v^2 + i v v')}$$
(5.28)

সমীকরণ 5.17 হইতে পূর্বে পাওয়া গিয়াছে

$$\mu^2 - 1 = \frac{4\pi Np}{E}$$

और मभीकाए p - qex - qeAe 2mivt

$$\therefore \mu^{2} - 1 = \frac{4\pi N q e^{2\pi i \nu t}}{E_{0} e^{2\pi i \nu t}}.$$
 (5.29)

[ এই রাশিমালার একটি e কণার বৈদ্যুতিক আধান এবং অন্যটি নেপিরীর লগারিদ্মের ভূমি (base of the Napierian logarithm) বুঝাইতেছে ]

$$\therefore \mu^{2} = 1 + \frac{4\pi NqeA}{\pi M(\nu_{0}^{2} - \nu^{2} + i\nu\nu')}.$$
 (5.30)

বলি লেখা বার

$$\frac{Nq^2e^2}{\pi M} \tag{5.31}$$

তবে দাড়ায়

$$\mu^2 - 1 = \frac{1}{\nu_0^2 - \nu^2 + i\nu^2} \tag{5.32}$$

এই রাশিমালার প্রতিসরাক্তের মান একটি জটিল রাশিতে পাওর। যাইতেছে। এই অসুবিধা নির্মালখিত পদ্ধতিতে দূর করা যায়।

$$u^{3} - 1 = \frac{\sigma(\nu_{0}^{2} - \nu^{2} - i\nu\nu')}{(\nu_{0}^{2} - \nu^{3} + i\nu\nu')(\nu_{0}^{2} - \nu^{2} - i\nu\nu')}$$
$$= \frac{\sigma(\nu_{0}^{2} - \nu^{3} - i\nu\nu')}{(\nu_{0}^{2} - \nu^{3})^{2} + \nu^{3}\nu'^{3}}$$
(5.33)

এবং •µ এর মান বাশুব (real) ধরিলে বাশুব এবং কণ্শিত (imaginary) অংশ দুইটিকে আলাদা করির। লেখা যায়

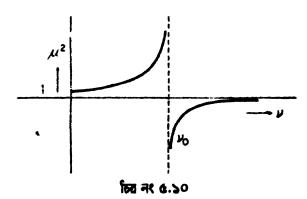
$$\mu^{2} - 1 = \frac{\sigma(\nu_{0}^{2} - \nu^{2})}{(\nu_{0}^{2} - \nu^{2})^{2} + \nu^{2}\nu^{2}} = \epsilon - 1 \quad [ \text{ সমীকরণ} \quad 5.16 \quad \text{বাবহার}$$
 করিয়া ] (5.34)

মাধ্যমের কণাগুলি ধারা আলোকের শোষণের কথা বাদ দিলে উপরের রাশিমালা প্রতিসরাক্ষের সমীকরণ হিসাবে ব্যবহার করা বার। এই রাশিমালা হইতে দেখা বায় বে বদি খুব ক্ষুদ্র কম্পাব্কের আপতিত আলোর প্রতিসরণের কথা বিবেচনা করা বার তবে প্রতিসরাক্ষ  $\mu$  এর মান l এর অপেকা বেশী হইবে। আপতিত আলোর কম্পাক্ষ যত বাড়িতে থাকিবে প্রতিসরাক্ষ  $\mu$  এর মানও তত বাড়িতে থাকিবে।

এই আলোচনার বলা হইয়াছে যে হেল্ম্হোলট্জ্ই (Helmholtz) বিচ্ছ্রণের আলোচনায় সর্বপ্রথম মন্দনের প্রভাব গণা করেন। তাহার পূর্বে ড্র্বুড এবং ভরেট্ (Drude and Voigt) বিচ্ছ্রুরণের একটি রাশিমালা বাহির করেন। এই রাশিমালায় মন্দনের প্রভাবের কথা হিসাবের মধ্যে ধরা হর নাই। সূতরাং সহজেই দেখা বার যে তাহাদের রাশিমালাটি নির্মালখিত ধরণের হইবে

$$\frac{q^2 e^2 N}{\pi M(v_a^2 - v^2)} \tag{5.35}$$

একটু লক্ষা করিলেই বুঝা বাইবে যে এই সমীকরণটির সেলমায়ারের সমীকরণ 5.9 এর সহিত খুবই সাদৃশা আছে। এখানেও বাদ খুব ছোট কম্পাধ্দ দ এর আপতিত আলোর প্রতিসরণ বিবেচনা করা বার তবে প্রতিসরাম্ব  $\mu$  এর মান 1 এর অপেক্ষা বেশী হয়।  $\nu$  এর মান বাড়ার সঙ্গে সঙ্গে  $\mu$  এর মানও প্রথমে আন্তে আন্তে এবং পরে ( $\nu$  বখন  $\nu_0$  এর খুব কাছে আসিয়া পড়িবে) খুব দুত বাড়িতে থাকিবে। কিন্তু যখন  $\nu = \nu_0$  হইবে তখন অনুনাদের উত্তব হইবে এবং প্রতিসরাক্ষের মান অসীম দাড়াইবে। সূতরাং দেখা বায় যে এই স্থান্থ তরে তেরটের রাশিমালাও সেলমায়ার (Sellmeier) রাশিমালার নাায় মাধ্যমের বাভাবিক কম্পাধ্ক  $\nu_0$  এবং ইহার খুব নিকটে প্রযোজ্য হর না। মাধ্যমের একটি বাভাবিক কম্পাধ্ক  $\nu_0$  এর ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষের  $\nu$  এর সঙ্গেরবর্তনের লেখ নীচে দেওয়া হইল (িচ্ফ নং ৫.১০)। এই লেখ হইতে



দেশা বার যে ৮ এর মান বাড়িতে বাড়িতে যথন প্রায় ৮০ এর সমান হর তথন প্রতিসরাক্ত ধনাত্মক অসীমের দিকে বাইতে থাকে। আবার যথন ৮ এর মান ৮০ অপেক্ষা সামান্য বেশী হয় তথন প্রতিসরাক্তের মান খাণাত্মক অসীম হইতে আরম্ভ করিয়া ক্রমশ: বাড়িতে থাকে এবং ৮ এর বৃদ্ধির সঙ্গে ক্রমে + 1 এর কাছাকাছি আসে। তার শোষক মাধ্যমের বেলায় ৮০ কম্পাক্তের আপোতত আলোর বেলায় প্রতিসরাক্ত মাপা কঠিন হইয়া দাড়ায়, কারণ এই কম্পাক্তের আলো মাধ্যমের স্বার। সম্পূর্ণরূপে শোষিত হওয়ায় প্রতিস্ত আলোর পারগম বন্ধ হইয়া বার, বাহার ফলে প্রতিসরাক্ত নির্ণয় করিয়া অথবা মাইকেলসন ব্যতিচার মাপকের ক্ষেত্রে মাধ্যমের খুব পাতলা শুর ব্যবহার করিয়া শোষণ-পটির ক্ষেত্রেও প্রতিসরাক্ত মাপা সম্ভব হইয়াছে।

সমীকরণ (5.34) এর ক্ষেত্রে কিন্তু উপরোক্ত অসুবিধা দেখা দেয় না । এই ক্ষেত্রে ৮ যখন ৮৯ এর সমান হয় তখনও ডান দিকের রাগিমালার হরটি শূন্য হর না ; কারণ ৮ কম্পার্কটির মান তখনও সসীম এবং ধনাত্মক থাকে যাহার ফলে সমস্ত হরটি একটি সসীম ধনাত্মক রাগি দাড়ায় । আর এই কারণে প্রতিসরাক্তর ধনাত্মক অথবা খণাত্মক অসীম মানে বাইতে পারে না ।

উপরের রাশিমাল। বাহির করিতে মাধ্যমের কণাগুলির একটিমাত্র বাভাবিক কম্পাধ্ক  $\nu_0$  এর অন্তির ধরা হইয়াছে। কিন্তু মাধ্যমের ভিতরে যদি একাধিক প্রকারের কণা বর্তমান থাকে, অথবা যদি ইহাদের বিভিন্ন প্রকার কম্পনের কথা বিবেচনা করা হয় যথা স্থানান্তরীয় অথবা ঘূর্ণনাত্মক কম্পন (translational or rotational vibrations) তাহা হইলে একাধিক স্বাভাবিক কম্পাধ্ক বর্তমান থাকিবে এবং সমীকরণে প্রতিটি স্বাভাবিক কম্পাধ্কের জন্য একটি করিয়া পদ প্রবিষ্ঠ করাইতে হইবে। যদি  $\nu_0$ ,  $\nu_1$ ,  $\nu_2$ ,  $\nu_n$  ইত্যাদি এই সমস্ত স্বাভাবিক কম্পাধ্ক ধরা যায় তবে সমীকরণ (5.34) টি লেখা যাইবে

$$\mu^{2} - 1 = \sum \frac{\sigma_{n}(\nu_{n}^{2} - \nu^{2})}{(\nu_{n}^{2} - \nu^{2})^{2} + \nu^{2}\nu'_{n}^{2}}$$
 (5.36)

এখানে সৃদ্ধভাবে ধরিতে গেলে  $\sigma_n$ ,  $\nu_n$  এবং  $\nu'_n$  এর প্রতিটি স্বাভাবিক কম্পান্কের বেলায়ই আলাদা হইবে । আর মাধ্যমের যতটি স্বাভাবিক কম্পান্ক বর্তমান থাকিবে, সমীকরণেও ততটি পদ নিতে হইবে ।

তবে সাধারণ ক্ষেত্রে ৮ এবং ৮৯ এর তুলনার ৮% এর মান অনেক ছোট

হওয়ার বাদ শোবণ পটি হইতে দৃরে পরিমাপ করা বার তবে লেখা চলিতে পারে

$$\mu^{2} - 1 = \sum \frac{\sigma_{n}(\nu_{n}^{2} - \nu^{2})}{(\nu_{n}^{2} - \nu^{2})^{2}} \qquad n = 0, 1, 2, 3 \text{ etc.}$$

$$= \sum \frac{\sigma_{n}}{\nu_{n}^{2} - \nu^{2}}$$

জটিল প্রতিসরাম (Complex refractive index).

বর্ণালিরেখার বে সমস্ত তরঙ্গদৈর্ঘা মাধামের দারা গভীরভাবে শোষিত হয় সেই সমস্ত ক্ষেত্রে প্রতিসরাক্ষের মান জটিল হইয়া থাকে। ইহা নিয়লিখিত বুলি হইতে বুঝা বার।

মাধামের মধ্য দিরা পারগমের সময় যদি ইহাতে শোষণের কথা ধরা না হয় তবে একটি আলোকরন্মির বিশুরের কোনও পরিবর্তন হয় না। কিছু শোষণের পরিমাণ বদি বেশী হয় বাহার ফলে শোষণের প্রভাব তুচ্ছ করা সম্ভব হয় না ভবে দেখা বার যে পারগমের সময় ভংশের বিশুরে কমে কমিতে থাকে। ইহার ফলে মাধামের ভিতরে x দূরত্ব অতিক্রম করিবার পর ভংশ y লেখা বার

$$y = Ae^{-a'x}e^{2\pi i\left(\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda}\right)}.$$
 (5.38)

এই রাশিমালার A আপতিত রশ্মির সংশের বিস্তার, a' মাধ্যমে বিস্তারের রৈখিক শোবণাষ্ক (linear absorption coefficient); সাধারণত এই অব্কটি  $\mu_1$  দারা বৃদ্ধানো হইরা থাকে, কিন্তু বর্তমান ক্ষেত্রে প্রতিসরাধ্বের জন্য  $\mu$  ব্যবহৃত হওরার শোবণাম্ক a' দারা বৃদ্ধাইতে ছইরাছে। T সংশোর পর্বার এবং  $\lambda$  তরঙ্গদৈর্ঘ্য বৃদ্ধাইতেছে। মাধ্যমের মধ্য দিয়া  $\lambda$  প্রস্থ অতিক্রমের ফলে বিস্তার  $1:e^{-a'\lambda}$  অনুপাতে কমিবে, আর এই হ্রাসের পরিমাণ স্বভাবতই শোবণাম্ক a' এর উপরে নির্ভর করিবে। তরঙ্গ সমীকরণের প্রচলিত রূপ নির প্রকারের

$$y = A \cos(wt - kx)$$
  $A =$ বিস্তার ;  $w =$ বৃত্তীর কম্পন =  $2\pi v = \frac{2\pi}{T}$  ;

 $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ , সম্বাদসংখ্যা (propagation number).

ইহাকে সামান্য অদলবদল করিয়া লেখা বার

$$y = A \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right)$$

এই সমীকরণটি শৃন্য মাধ্যমের ক্ষেত্রেই কেবল প্রবোজ্য। মাধ্যমের প্রতিসরাক্ষ বাদ হর µ তবে সেক্ষেত্রে লিখিতে হইবে

$$y = A \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda}\right)$$

এবং মাধ্যমে শোষণের কথা বিবেচনা করিলে ইহার জন্য বিস্তারের হ্রাস ধরির৷ এবং কশ্পিতের পদ্ধতি অবলঘন করিয়া লেখা বায়

$$y = Ae^{-a'x}e^{2\pi i\left(\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda}\right)}$$

$$\therefore y = Ae^{2\pi i\left[\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda} - \frac{a'x}{2\pi i}\right]}$$

$$= Ae^{2\pi i \left[\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda} \left(1 - \frac{ia'\lambda}{2\pi\mu}\right)\right]}$$

$$= Ae^{2\pi i \left[\frac{t}{T} - \frac{\mu x}{\lambda} \left(1 - ia\right)\right]}$$

(এখানে 
$$a = \frac{a'\lambda}{2\pi\mu}$$
 ধরা হইয়াছে)

बाबरा 
$$y = Ae^{2\pi i \left[\frac{t}{T} - \frac{\bar{\mu}x}{\lambda}\right]}$$
. (5.39)

এই ক্ষেত্রে  $\mu = \mu(1-ia)$  ধরা হইরাছে। সূতরাং দেখা যাইতেছে বে মাধ্যমে লোকবের কথা বিকেচনা করিলে তরঙ্গের বে সমীকরণ পাওরা যার তাহা শোষণ কিহীন তরঙ্গ সমীকরণের সদৃশই হইবে; একমাত্র পরিবর্তন হইবে এই বে প্রথম ক্ষেত্র প্রতিসরাক্ষের মান জটিল দাড়াইবে কারণ এই মান দেখা বাইতেছে

$$\overline{\mu} = \mu(1 - ia) \tag{5.40}$$

সূতরাং এই জটিল প্রতিসরাক্ষের মান  $\mu$  সমীকরণ 5.33 এর প্রতিসরাক্ষ  $\mu$  এর স্থানে প্ররোগ করিয়া দাড়ায়

$$\frac{\mu^{2}-1=\mu^{2}(1-ia)^{2}-1}{=\mu^{2}-\mu^{2}a^{2}-2\mu^{2}ia-1}$$

$$=\mu^{2}-\mu^{2}a^{2}-2\mu^{2}ia-1$$

$$\vdots \quad \mu^{2}-\mu^{2}a^{2}-2\mu^{2}ia-1=\sigma\frac{\nu_{0}^{2}-\nu^{2}-i\nu\nu'}{(\nu_{0}^{2}-\nu^{2})^{2}+\nu^{2}\nu'^{2}}$$
(5.41)

সূত্রাং বাস্তব এবং কম্পিত অংশ দুইটি (real and imaginary parts) আলাদা করিলে লেখা যার

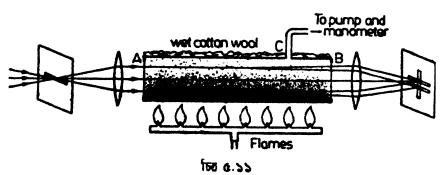
$$\mu^{2} (1-a^{2}) - 1 = \sigma \frac{\nu_{\sigma}^{2} - \nu^{2}}{(\nu_{\sigma}^{2} - \nu^{2})^{2} + \nu^{2}\nu^{2}}$$
 (5.42)

$$2\mu^{2}a = \sigma \frac{\nu \nu'}{(\nu_{0}^{2} - \nu^{2})^{2} + \nu^{2}\nu'^{2}}.$$
 (5.43)

এই সমীকরণ দুইটি মাধ্যমের একটি ৰাভাবিক কম্পাধ্ক ৮, ধরিয়া লেখা হইয়াছে। মাধ্যমের যদি একাধিক কম্পাধ্ক বৰ্তমান থাকে তবে প্রত্যেকটি কম্পাধ্কের জন্য একটি পদ বর্তমান থাকিবে।

জনিয়ত বিজ্বপের পরীকাত্মক প্রাদর্শন (Experimental demonstration of anomalous dispersion).

1904 সনে আর. ডব্লিউ. উড (R. W. Wood) সোডিরাম বাস্পের ক্ষেত্রে হলুদ বর্ণালির সামিকটে আলোর অনিয়ত বিচ্ছুরণ একটি অতি সূন্দর পরীক্ষা বারে প্রদর্শন করেন। এই পরীক্ষার জন্য 3 cm. ব্যাসের 40 cm. দীর্ঘ একটি ইস্পাতের নল AB নিরা ইহার দুই খোলা মুখ কাচের ফলক দিরা বন্ধ করা হয়। ফলক দুইটি পালা (sealing wax) গরম করিয়া ইস্পাতের নলের মুখে

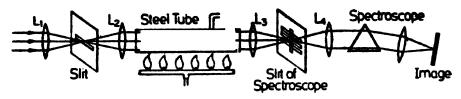


এমন ভাবে চাপিরা বন্ধ করা হয় যেন এই জোড়ের মধ্য দিরা বারু প্রবেশ করিতে বা পারে। পরীক্ষাকালে বাহাতে এই গালা গালিরা না বার সেজনা তুলা ভিজাইরা নলের উপরিভাগে দিয়া রাখা প্ররোজন এবং মাঝে মাঝে এই তুলা ঠাঙা জল দিরা ভিজাইরা দেওরা দরকার। এই ভেজা তুলা আরও একটি উদ্দেশ্য সাধন করে; ইহা পরে বর্ণিত হইয়াছে। ইস্পাত নলের একপ্রান্তে একটি ছোট ছিন্ন ে সৃত্তি করিয়া ভাছাতে একটি সমু নল ঝালা দিয়া এই নলের সাহাবো পাম্প এবং ম্যানোমিটারের (manometer) সহিত সংযোগ করা হর।

এইবার ইস্পাত নলটিকে অনুভূমিক ভাবে স্থাপন করিয়া ইহার নীচের অংশ বরাবর ৮।১০ টুকরা পরিষ্কার এবং শুকনা সোডিয়াম ধাতুর টুকরা রাখা হইল । ইস্পাত নলটি এবার কিছু সংখ্যক বার্নারের দ্বারা আন্তেগরম করা হইল। সোভিয়াম ধাতৃর টুকরাগুলিতে অনেক পরিমাণ হাইণ্ডোজেন শোষিত অবস্থার আকে, গরম করিলে এই হাইড্রোজেন বাহির হইয়া আসিবে। পাম্পের সাহাব্যে এই হাইড্রোজেনের অধিকাংশই ভাড়াইয়া দিতে হইবে। অবশ্য অস্প থানিকটা হাইড্রোজেন থাকা প্ররোজন। পাম্প চালাইয়। নলের ভিতরের চাপ যদি 1—2 cm. পারুদে রাখা যায় তবে উত্তপ্ত সোডিয়াম খণ্ডগুলি হইতে সোডিয়াম বাদপ সৃষ্টি হইয়া উপরের দিকে উঠিতে থাকিবে। নলের উপরিভাগ তুলা ভিজ্ঞাইয়া ঠাণ্ডা রাখায় সোডিয়াম বাষ্প উপরদিকে ব্যাপ্ত (diffused) হইবে। বে স্বস্প পরিমাণ হাইড্রোঞ্জেন নলে বর্তমান থাকিবে তাহা এই ব্যাপ্তিকে বাধা শেওরার সোভিয়াম বাশ্পের হনতা নলের উপর্বাদকে তলের দিকের অপেক। কম হুইবে। বন্ধুত কিছুক্ষণ বার্নার দ্বারা গরম করিবার পর ইস্পাত নলের মধ্যে নীচ ছইতে উপরের দিকে সোডিয়াম বাঙ্গের ঘনতার একটি নতিমানার (gradient) সৃষ্টি হইবে যাহাতে নলের নীচের অংশে বাঙ্গের ঘনতা উপরের অংশের চেয়ে অনেক বেশী। এই নতিমাণ্ডা সৃষ্টির জনা সোডিয়াম ছাড়া অনা একটি গ্যাসের উপস্থিতি আবশ্যিক, কারণ নীচের দিকে তাপের দ্বারা উৎপন্ন সোডিয়াম বাষ্প এই গ্যাসে ব্যাপ্তির পথে বাধাপ্রাপ্ত হওয়ারই উপরের দিকে সহজে উঠিতে পারে না ধাহার ফলে বাঙেপর ঘনতার এই নতিমান্তার সৃষ্ঠি হয়। এই কারণে পাম্প চালাইয়া সমন্ত বায়ু এবং হাইড্রোজেন বাহির করিয়া দিলে পরীক্ষা সফল হইবে না। আর এ ছাড়া বাঙেপর নতিমান্তাও সর্বত সমান নয় ; নীচের **দিকে বাঙ্গের** ঘনতা খুব বেশী। মোটামুটি সমান নতিমালা পাইবার জনা আলোর পথে I cm প্রস্থের একটি তনুপট (diaphragm) রাখিলে ভাল ফল পাওয়া ধায় : এই তনুপটাট উপরে নীচে প্রয়োজনমত সরাইয়া যথাসম্ভব সমান মতিমাতা পাওয়া বাইতে পারে।

আলোকরণি যখন এই নলের মধ্য দিয়া এক প্রান্ত হইতে অন্য প্রান্তে গমন করে তখন এই ইস্পাত নলটি কার্যতঃ একটি সোডিয়াম বালেপর প্রিজ্মের কাজ করে। কারণ উপরের প্রান্তে যে রণ্মিটি যায় তাহা অপেক্ষাকৃত কম গোডিয়াম বালেপ অভিত্রম করে: তুলনায় নাঁচের অংশ দিয়া গমনকারী রণ্মিটি বেশী বালপ অভিত্রম করে। সূত্রাং যে সমান্তরাল আলোকরণ্মিমালা ইস্পাতের নলটি অভিত্রম করে (চিত্র নং ৫.১১) তাহাদের প্রতিস্ত আলোকপথ নীত হইতে অভিত্রম করে (চিত্র নং ৫.১১) তাহাদের প্রতিস্ত আলোকপথ নীত হইতে উপরে ক্রমণ ক্রিতে থাকে। কাচের বা অন্যান্য প্রিজ্মে আলোর প্রতিসরণেও

নীতিগতভাবে এইরুপ আলোক পথের পরিবর্তনই ঘটিরা থাকে। কাজেই দেখা বার বে সোভিরাম বান্পের ঘনভার নতিমান্তা বখন নলের মধ্যে বর্তমান থাকিবে তখন ইহার মধ্য দিরা গমনকালে রন্মিমালার প্রিজ্মের মত প্রতিসরণ হইবে। এই প্রিজ্মের ভূমি (base) নীচের দিকে এবং দীর্ঘবিন্দু উপরের দিকে অবন্থিত হইবে।

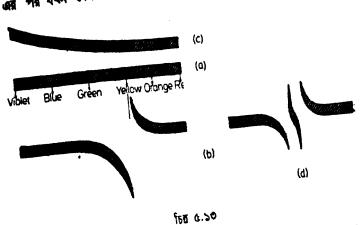


150 a.52

এই পরীক্ষার সূর্বোর অথবা ইলেকট্রিক আর্কের আলো  $L_1$  লেব দার। রেখাছিদ্রের উপর ফোকাস কর। হয়। এই রেখাছিদ্র দিয়া গমনের পর অপসারী আলোকরনি L, লেল দারা সমান্তরাল করিয়া ইম্পাত নলের মধা দিয়া প্রেরণ করা হর। নলের মধা দিয়া গমনের পর আর একটি উত্তল লেক  $L_{\star}$  বারা এই चाला वर्गानवीक्राप्त (spectroscope) রেখাছন্তের উপর প্রথম রেখা-ছিদ্রের একটি সদ্বিদ্ব সৃত্তি করে। এখানে একটি জিনিষ লক্ষা করিবার বিষয়। প্রথম রেখাছিদ্রটির দৈর্ঘা অনুভূমিক এবং বর্ণাল-বাক্ষণের রেখাছিদ্রটি উল্লয **অবস্থানে রাখিতে হইবে বাহাতে ইহাদের পরস্পরের দৈর্ঘ্য অভিনরে খাকে।** এই অবস্থার বিতীর রেখাছিদের উপর প্রথম রেখাছিদের বে সদ্বিধ সৃষ্ট হইবে তাহা চিত্ৰ নং ৫.১২ এ প্ৰদৰ্শিত বাবস্থামত প্ৰম্পৱের অভিলৱে অবস্থান করিবে। পরীক্ষা আরভের সমর ইম্পাত নলটি গর্ম না করিয়া ইহার ভিতর দিরা আলো পাঠানে। হর । এই ক্ষেত্রে নলের মধ্যে কোনও সোডিয়াম বাৎপ ৰা থাকায় সমান্তরাল আলোকরন্মিদালার উপর এবং নীচের সমন্ত রন্মির वारमाक भथरे अकरे मिर्चात हरेरव अवः वर्गाम-वीकरनत स्वर्धाहरम अध्य রেখাছিলের একটি বিষের সৃষ্ঠি হটবে। আর সাদা আলো হটতে এই বিষ সৃষ্ঠ হওয়ায় বৰ্ণালি-বীক্ষণে বিচ্ছুরণের ফলে ইহার অভিনেত্রের দৃষ্টিক্ষেত্রে বে ৰণালি দেখা বাইবে তাহার আকৃতি একটি নিরবজ্জিন (continuous) আলোর পটি : ইছাতে সাদা আলোর প্রচলিত ধারণা অনুসারে সাডটি আলোই বর্তমান धाकित्व [ किंग्र नर ७.५०(a)] ।

এইবার ইস্পাত নগটি বার্নারের সাহাব্যে গরম করিতে আরম্ভ করিয়া পাস্পটি

সঙ্গে সঙ্গে চালু করিয়া দিতে হর । প্রথমে নলটি অব্প গরম করা উচিত এবং পাব্দ চালাইয়া নলের ভিতরের চাপ 1—2 cm পর্বন্ত নামাইয়া আনিতে হইবে। এর পর বখন বেশ খানিককণ পাব্দ চলিবার পর নলের মধ্যের বায়ু এবং



সোডিয়ামের শোষিত হাইড্রোনের অধিকাংশ বাহির হইয়া বাইবে, তখন বার্নার জোরালো করির। নলটি আরও বেশী গরম করিতে হইবে। এর ফলে সোভিরামের বাৎপ সৃতি হইয়া ইস্পাত নলটিকে একটি সোভিয়াম বাৎেপর প্রিক্মে পরিণত করিবে। সূত্রাং এই নলে বিচ্চুরণের ফলে বিভিন তরসংশধ্যের আলোর বিভিন্ন বিচ্ছাত ঘটিবে এবং বর্ণাল-বীক্ষণের রেখা-ছিন্তের উপর প্রথম রেখাছিন্তের একটি বিবের স্থানে একাধিক বিবের উৎপত্তি হইবে। প্ৰকৃতপক্ষে সাদা আলোর বেলায় এই লব বিশ্বটি কতকগুলি পাশাপালি এবং সম্পাতী বিষের সমষ্টি হওয়ায় একটি বেশী প্রস্থের বিৰে পরিণত হইবে ( শুধুমাত সোডিরামের ক্ষেত্রে ইহার হলুদ শোষণপটির জন। এই সংশ্লিষ্ট অংশে একটি ছেদ দেখা বাইবে )। অভিনেত্রে দৃষ্টিকেটেও বিভিন্ন বংয়ের আলে। আর নির্বচ্ছিন বিষের আকারে থাকিবে না। প্রথমতঃ সোডিয়ামের বাস্পের প্রিস্কৃমে বিচ্ছুরণের ফলে বিভিন্ন রং উচুতে বা নীচুতে সরিয়া বাইবে আর ইহার ফলে অভিনেটের দৃষ্টিক্ষেত্তেও ইহাদের অবস্থানের পরিবর্তন ঘটিবে। সোডিয়ামের হলুদ D রেখার বেলার শোষণের জনা এই স্থানে একটি ভঙ্গের (disconitinuity) উৎপত্তি দেখা বাইবে। হলুদ রেখা ছইতে স্বুজের দিকে গোলে দেখিতে পাওরা বাইবে যে বর্ণালিটি বীক্ষণযন্তে নীচের দিকে নামিরতে । প্রকৃতপক্ষে সোডিরাম বাস্পের মধা দিরা বাইবার

সমর আলোকরন্মিগুলি উপরের দিকে বাকিয়াছে : বর্ণাল-বীক্ষণে রেখাছিদ্রের বিৰটি উপ্টাইয়া বার বলিয়া অভিনেত্রের দৃষ্টিক্ষেত্রে এইগুলিকে নীচের দিকে নামিতে দেখা বাইবে। আর ইহার অর্থ এই বে সোডিয়ামের প্রিজ্মে এই তরঙ্গদৈর্ঘার দশা-গতিবেগ (phase velocity) শুনো গতিবেগের অপেকা বেশী বাহার ফলে ইহারা প্রিজ্মের ভূমির (base) বিপরীত দিকে বিচাত হয়। কমলা এবং লাল আলোর ক্ষেত্রে এই বিচাতি বিপরীত দিকে হওয়ায় ইহাদের বিষ উপরের দিকে বাইবে। বিচাতির পরিমাণ অবশা হলুদ শোষণ भिनेत निकराँदे मर्वाधिक इटेरव। देशा याल निवर्वाकात वर्णानिते ভাঙ্গিয়া গিয়া চিত্র নং ৫.১০(h) এর চেহারা দেখাইবে। স্বাভাবিক বিচ্ছারণের সিদান্ত অনুসারে বিভিন্ন ভরসদৈর্ঘোর আলোর নির্বচ্ছিল বিচাতি হওয়ার কথা এবং ইহাদের প্রত্যেকেরই বিচাতি প্রিজ্মের ভূমির দিকে হওয়। উচিত। আর অভিনেত্রের দৃতিক্ষেত্রে এই বর্ণালিতে বেগুনী আলো উপরের দিকে বাকিয়া বাওয়ার কথা [ চিত্র নং ৫.১৩ (c) ]. কিন্তু বান্তৰক্ষেত্রে দেখা যায় যে হলুদ আলোর দুই পালে এই বিচ্যুতির প্রকৃতি সম্পূর্ণ বিপরীত। হলুদ আলে। হইতে সবুজের দিকে গেলে কাঁশ সূত্রানুসারে (Cauchy formula) বেখানে উপরের দিকে বিচুটিত হইবার কথা সেখানে পরীক্ষাক্ষেত্রে বিচুটিত নীচের দিকে দেখা বার আর এই ক্ষেত্রে প্রতিসরাক / এর মান ! এর অপেকা কম হর। এই অবাভাবিক আচরণকেই অনিয়ত বিচ্ছুরণ (anomalous dispersion) বলা হয়। আর ইহা ছাড়াও সোডিয়ামের ক্ষেত্রে হলদ আলোর জন্য একটি ( প্রকৃতপক্ষে থুব কাছাকাছি দুইটি ) শোবণপটির অন্তিম্বর এই পরীক্ষা হইতে পুর স্পর্যভাবে দেখা যায়। ইস্পাত নলটি যদি অস্প গরম কর। হয় ভবে নলের মধ্যে সোডিরাম বাস্পের ঘনত্ত কম হওয়ায় হলুদ আলো এই বাস্পে সম্পূর্ণ লোবিত হইবে না এবং সেক্ষেত্রে বর্ণালর চেহার। চিত্র নং ৫.১৩ (d) এর মড দেখাইবে। নলে উত্তাপের পরিমাণ বাড়াইর। যদি সোডিরাম বাম্পের খনৰ বৃদ্ধি করা যায় তবে বর্ণালির চেহার। চিচ নং ৫.১৩ (b) এর মত इहेरव ।

বিচ্ছুরণের সূত্রের যাথার্থ পরীক্ষা (Testing the validity of the dispersion formula).

বিক্ষরণের স্তার বাধার্থ পরীকা করিবার জন্য সর্বপ্রথম পদার্থের সহজ্ঞতম অবস্থার পরীকা করাই প্রশস্ত । সূতরাং এক-পরমাণুক (monatomic) গ্যাস আর্গনের (Argon) ক্ষেত্রে এই সূত্র প্ররোগ করিয়া কেখা বাইতে পারে।

গ্যানের বেলার প্রতিসরাক্ষ  $\mu$  এর মান 1 এর খুবই কাছাকাছি হর । সূতরাং ইহার বেলায় লেখা যায়

$$\mu^2 - 1 = (\mu + 1)(\mu - 1) = 2(\mu - 1)$$
 (5.44)

সুভরাং সমীকরণ 5.35 প্রয়োগ করিয়া দাড়ায়

$$2(\mu - 1) - \frac{q^2 e^2 N}{\pi M (v_0^2 - v^2)}$$
 (5.45)

এই রাশিমালার M বুঝাইতেছে কম্পনশীল ইলেকট্রন সমৃহের ভরের সমষ্টি। সূতরাং যদি কম্পনশীল ইলেকট্রনের সংখ্যা q হয় এবং প্রত্যেকের ভর হয় m, ভবে লেখা যাইতে পারে

$$M = qm$$

$$1 - 1 \qquad \frac{qe^2N}{2\pi m(v_0^2 - v^2)}$$

ৰদি লেখা যায় 
$$\frac{qe^2N}{2\pi m}$$
 (5.46)

তবে সাড়ার 
$$\mu - 1 = \frac{1}{(v_0^2 - v^2)}$$
 (5.47)

এই ধরণের প্রতিসরান্দের পরীক্ষালন্ধ ফল হইতে q এর মান বাহির করা যার । এই ফলটি বিশেষ গুরুত্বপূর্ণ এবং শিক্ষাদারক । এই q এর মান ক্ষুদ্র পূর্ণসংখ্যা মুদ্ররার কথা এবং এই সংখ্যা মাধ্যমের অপ্যুগালর যোজ্যতা ইলেকট্রনের (valency electron) সংখ্যার সমান হয় কিনা সেটাও লক্ষ্য করিবার বিষয় । সমীকরণ 5.47 এর যাথার্থা পরীক্ষা করিতে হইলে o' এবং  $v_o$  এর মান জানা লয়কার । ইহালের মধ্যে  $v_o$  এর মান বিচ্ছুরণের পরীক্ষা হইতে নির্ণয় করা সম্ভব । আর মিলিক্যানের পরীক্ষা হইতে e এবং  $\frac{e}{m}$  এর নির্ভূল মান জানা আছে, N এর মানও জানা । সূতরাং এই সূত্র বাবহার করিয়া বিভিন্ন স্পাত্তের আলোর জন্য প্রতিসরাক্ষ্য মাপিলে দেখা যার যে সূত্রটি নির্মালিখিত প্রকারে লেখা যায়

$$\mu - 1 = \frac{5 \times 10^{27}}{17953 \times 10^{27} - \nu^2}$$

এই সূত হইতে শোবণপটির ওরঙ্গলৈর্ঘ্য দাড়ার 708Å.

বি-পরমাণুক গ্যাস হিসাবে বলি হাইড্রোজেন গ্যাসের বেলার এই স্থ প্ররোগ করা বার তবে লেখা বার

$$\mu - 1 = \frac{0.754 \times 10^{87}}{16681 \times 10^{87} - \nu^{8}} + \frac{0.920 \times 10^{87}}{10130 \times 10^{87} - \nu^{8}}$$

এখান হইতে  $q_1$  এবং  $q_2$  এর মান পাওরা বার বথারমে 0.69 এবং 0.84. আর শোবণপঢ়ির তরঙ্গদৈর্ঘা 735Å এবং 943Å. সূতরাং একেতে দেখা বাইতেছে কম্পনশীল ইলেকট্রনের সংখ্যা পূর্ণসংখ্যক হইতেছে না। সোডিরাম বান্দের ক্ষেত্রে উডের (Wood) পরীক্ষালব্ধ ফল পরীক্ষা করিতে গিরা গোকহ্যামার (Goldhammer) নির্মালখিত সূত্র ব্যবহার করিরাছেন

$$\mu - 1 = \frac{4.54 \times 10^{24}}{258.9 \times 10^{47} - \nu^2} + \frac{9.078 \times 10^{24}}{259.42 \times 10^{27} - \nu^2}$$

এই সূত্ৰ হইতে পাওয়৷ বায়

$$q_1 = 0.3$$

$$q_{2} = 0.6$$

সুতরাং দুইটির সমষ্টি দাড়ায় 0.9 এবং ইহা সোডিয়াম বোজাতা ইলেকট্রন 
বির প্রায় সমান। তবে অনেক ক্ষেতেই q এর মান পূর্ণসংখ্যা হয় না এবং 
বিরের তালিকা হইতে দেখা ধাইবে ধে ইহার মান অনেক সময় খুবই ক্ষুদ্র 
ইইরা থাকে। সুতরাং q এর অর্থই এই পরিপ্রেক্ষিতে বদলানো প্রয়োজন।

জুত এবং ভয়েটের (Drude and Voigt) সূত্র হইতে কশির সূত্রে সহজেই আসা বার এবং ইহা হইতে দেখা বার বে কশির সূত্র পূর্বোক্ত সূত্রেরই একটি ক্সুল সংক্ষরণ। একটি শোষণপটির জনা জুড় এবং ভরেটের সূত্রি লেখা বার

$$\mu^{2} = 1 + \frac{\sigma}{\nu_{0}^{2} - \nu^{2}} = 1 + \frac{\sigma}{1 - \frac{\nu^{2}}{\nu_{0}^{2}}} \qquad \left[\frac{\sigma}{\nu_{0}^{2}} - \sigma'\right]$$

$$\frac{-1+\frac{\lambda_0^2}{\lambda^2}}{1-\frac{\lambda_0^2}{\lambda^2}} \tag{5.48}$$

ছিপদ উপপাদোর (Binomial Theorem) এর সাহাব্যে সম্প্রসারণ করিয়। ইছাকে লেখা বার

$$\mu^{2} = 1 + \sigma' \left( 1 + \frac{\lambda_{0}^{2}}{\lambda^{2}} + \frac{\lambda_{0}^{4}}{\lambda^{4}} + \cdots \right)$$
 (5.49)

কশির সূত্র শোষণপটি হইতে গুরে অবস্থিত তরঙ্গদৈর্ঘের বেলারই শুধু প্রযোজা।

সূতরাং একে বদি  $\lambda_0$  হইতে অনেক বড় ধরা যার তবে  $\frac{\lambda_0}{\lambda^4}$  এবং বৃহত্তর আতের পদগুলিকে হিসাব হইতে বাদ দেওরা যার । এই বিবেচনা হইতে লেখা চলিতে পারে

$$\mu^2 = 1 + \sigma' + \sigma' \frac{\lambda_0^2}{\lambda^2}$$

ৰণি লেখা হয়  $A=1+\sigma'$  এবং  $B=\sigma'\lambda_0^2$  তবে দাডায়

$$\mu^2 = A + \frac{B}{\lambda^2}. ag{5.50}$$

পুনরায় ছিপদ উপপাদের সাহায্যে সম্প্রসারণ করিয়া লেখা যায়

$$\mu = A^{\frac{1}{2}} - \frac{B}{2A^{\frac{3}{2}}\lambda^2} + \frac{B^2}{8A^{\frac{3}{2}}\lambda^4} + \cdots$$

$$A^{\frac{1}{2}} = P$$
;  $-\frac{B}{2A^{\frac{1}{2}}} = Q$  এবং  $\frac{B^{\frac{\alpha}{2}}}{8A^{\frac{\alpha}{2}}} = R$  লিখিয়া এবং  $\lambda^4$  অপেক্ষা উচ্চতর

বাতের পদগুলি অগ্রাহ্য করিয়া দাড়ায়

$$\mu = P + \frac{Q}{\lambda^2} + \frac{R}{\lambda^4}.$$
 (5.51)

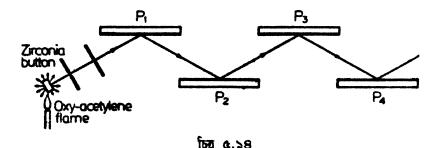
**এইটি কশি সৃত্ত এবং ই**হাতে P, Q এবা R তিনটি ধ্বক।

# অবশিষ্ট রশ্মি (Residual Rays or Rest-strahlen).

১৮১৭ সলে নিকল্স (Nichols) কোয়ার্ট্সে অবলোহিত রশ্মির শোষণ এবং প্রতিফলন নিয়া পরীক্ষা করিবার সময় ইহার কিছু বৈশিষ্ট্য লক্ষ্য করেন। দেখা বায় বে বর্ণালির কোনও কোনও অংশে প্রতিফলনের পরিমাণ অভ্যন্ত বেশী হয় এবং শতকরা ৪০ হইতে 9০ ভাগ পর্যন্ত প্রতিফলিত হইয়া থাকে। তুলনার অন্যান্য অংশ থুব কমই (শতকরা 4—6 ভাগ জাতীয়) প্রতিফলন দেখায়। রুবেল (Rubens) এবং নিকল্স এই বৈশিষ্ট্য কাজে লাগাইয়া একটি অভান্ত উত্তম্ভ বয়ু হইতে নির্গত নির্বাচ্ছ্য তরঙ্গদর্ব্যের বর্ণালি হইতে দীর্ঘ তরসের কোন কোন অংশ আলাদা করেন। এই তরসকে বলা হয় 'অবশিষ্ট্য রৃশ্বি' (Residual Rays).

একটি স্বারকোনিয়ার (Zirconia) টুকরাকে অক্সি-আর্সিটিলিন (oxy-

acetylene) বাতিতে অত্যন্ত গরম করিলে এটি সাদা হইয়া বার এবং ইহা হইতে নিরবচ্ছিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘার বর্ণাল নিগত হয়। এই নিগত আলোকে উপবৃদ্ধ পর্দার সাহাযো সমান্তরণ (collimation) করিয়া একটি কোরাট্রের



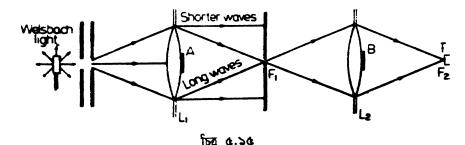
ফলকের উপর আপতিত করা হইল। P<sub>1</sub>, P<sub>2</sub> P<sub>3</sub> এবং P<sub>4</sub> এইরূপ একই আকারের চারিটি কোয়ার্টস ফলক: ভাহার৷ পরস্পরের সমান্তরালে চিত্র নং ৫.১৪ এ প্রদর্শিত অবস্থানে আছে। P, ফলকে আপতিত আলো পরপর চারিটি ফলক হইতে প্রতিফলিত হটয়া আসিলে এই লব্ধ আলো পরীক্ষা করিলে দেখা বায় বে ইহাতে শ্ব অস্প কয়েকটি তরঙ্গদৈর্ঘার আলোই বর্তমান আছে। নিকলুস লক্ষা করেন যে কোরাট্রের ক্ষেত্রে 8:5µ এবং 20µ ভরঙ্গ-লৈখের আলো শতকর। ৪০-৭০ ভাগ প্রতিফলিত হর। জারকোনিরার বর্ণালর ক্ষেত্রে এই তরঙ্গদৈর্ঘের আলোর ভীরতা নিকট-অবলোহিত (near infrared) এবং দৃশামান আলোর তীব্রতার তুলনায় বেশ কম। কিন্তু পরোক্ত আলোর ক্ষেত্রে কোরাটসে প্রতিফলন শতকর৷ 4-6 ভাগ হওরার চারিটি প্রতিফলনে ইয়া দাভার (0·04)\* অথবা (0·06)\*, অর্থাৎ 0·000064 অথবা 0.000216. সূতরাং গোড়াতে নিকট-অবলোহিত অথবা দুখামান অংশের তীব্রতা তলনার বেশী হইলেও চারিটি প্রতিফলনের পর ইহা প্রায় শুন্যে দাড়ার। অধ্য  $8.5\mu$  এবং  $20\mu$  এর রশিমর তীব্রতা দাড়ার  $(0.9)^3$  অধবা  $(0.8)^3$  অধাং 0:729 অথবা 0:512. সূতরাং চারিটি প্রতিফলনের পর রশ্মিমালাকে পরীক্ষা করিলে দেখা বাইবে বে ইহাতে একমাত ৪০১ এবং 20 μ এর ভরঙ্গ-रेमचारे वर्डमान । अरे धरालद भरीका मुरेपि छरक्ना माधन करत । ইহার সাহাব্যে সুদীর্ঘ ভরঙ্গদৈর্ঘোর একবর্ণী রান্দ্র আলাদা করিয়া ভাহাদের বিভিন্ন বস্তুতে বিজ্ঞাপের পরীক্ষা করা যায়। বিতীয়ত এই পদ্ধতির সাহাবে। বিভিন্ন বস্তুতে বরণাত্মক (selective) প্রতিফলন অথবা শোষণের অবস্থান मिनंद क्या महत् हत्।

বাতিচারমাপক যাত্রের সাহাযোও এইর্প সুদীর্ঘ তরক আলাদা করা সম্ভব হইরাছে। নিমে যে সমন্ত বন্ধুর ফলক ব্যবহার করিরা যে যে দৈর্ঘ্যের তরক আলাদা করা হইরাছে তাহার একটি তালিকা দেওরা হইল।

বন্ধু	ভরঙ্গদৈর্ঘ্য (in μ)	বন্তু তরঙ্গ	रेफ्र्चा (in μ)
Quartz	8·75 এবং 20	KB,	81.5
Calc. spar	6·75, 28 এবং 90	Thallium Bromide	117
Lithium Fluoride	17	KI	94
Sodium Fluoride	35.8	Silver Bromide	112.7
Rock Salt	52	Thallium Iodide	151-8
Sylvine	63		

## কোকাসীয়-বিযোজন (Focal Isolation).

এইর্প সৃদার্ঘ তরঙ্গদৈর্ঘের রশ্মি আলাদা করার আর একটি উপার হইতেছে ফোকাসীয় বিযোজন পদ্ধতি। এই পদ্ধতিতে এই রশ্মিগুলির (সৃদার্ঘ তরঙ্গ-দৈর্ঘের) বেলার কোরার্ট্সে প্রতিসরাক্ষের উচ্চ মানের সুযোগ নেওয়া হয়। একটি ওয়েল্সবাকে বাতির (Welsbach light) চিমনী সরাইয়া ইহা হইতে নিগত আলো 1 cm বাসের একটি ছিদ্র দিয়া  $L_1$  কোরার্ট্স উত্তল লেক্ষের উপর আসিয়া পড়ে। সৃদীর্ঘ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের রশ্মির জনা রুবেন্স্ পূর্বে দেখিরাছিলেন যে প্রতিসরাক্ষ  $\mu$  প্রায় 2.2 এর কাছাকাছি থাকে। কিন্তু দৃশামান এবং নিকট-অবলোহিত রশ্মির ক্ষেত্রে এই মান অনেক কম। ফলে সৃদীর্ঘ তরঙ্গগুলি ফোকাসিত হইয়া একটি বিন্দুতে জমা হয়। অন্যান্য তরঙ্গের



বেলার কম প্রতিসরাক্ষের স্থানা এই সমন্ত রান্ধি কম বাকিয়া যার এবং কোনও কোনও ক্ষেত্রে অপসারী (divergent) হইরা থাকে। সূতরাং এই ফোকাস-বিস্পৃত্তে  $(F_1)$  বে সমন্ত রান্ধি আসে তাহারা প্রধানত সুদীর্ঘ তরসই হইরা থাকে। তবে বে সমন্ত রান্ধি লেলের অক্ষ বরাবর বা ইহার নিকট দিয়া  $L_1$  লেলে

আপতিত হর তাহাদের বেলার কুন্ত তরঙ্গদৈর্ঘের রন্ধিও ফোকার্সবিশু  $F_1$  এর নিকটে বর্তমান থাকিবে। এইটি বন্ধ করিবার জনা  $L_1$  এর কেন্দ্রছলে একটি 2 cm ব্যাসের অবচ্ছ চার্কাত A লাগাইরা দেওরা হর। এই চার্কাতিটি কুন্ত তরঙ্গদৈর্ঘের রন্ধিগুলিকে যোটামুটি আটকাইরা দের।  $L_1$  লেলের মধ্য দিরা বাইবার পর  $F_1$  বিন্দৃতে যোটামুটিভাবে একমান্ত সুদীর্ঘ তরঙ্গের রন্ধিই বর্তমান থাকিবে। তবুও ইহার একবর্গদ আরও নিন্দিত করিবার জনা  $L_2$  লেলের ব্যবহার করা হর।  $L_1$  লেলের গঠন এবং অবস্থান সম্পূর্ণভাবে  $L_1$  লেলেরই মত। রন্ধির একবর্গদ এবং বিশুদ্ধতা পরীক্ষা করিবার জনা  $F_1$  অথবা  $F_2$  বিন্দুর সামনে রক্সপ্টের (Rock Salt) একটি ফলক রাখা বার। এই ফলক সুদীর্ঘ তরঙ্গের পক্ষে সম্পূর্ণ অবচ্ছ। বন্ধি মাপক্ষর T এর বিচ্ছাতি (deflection) সম্পূর্ণ বন্ধ হইরা বার তবে বুনিতে হইবে বে এই বিন্দুর রন্ধি বিন্দুর একবর্ণের। ওরেলস্ব্যাক বাতির বন্দলে উত্তাপের পারদ্ধবান্দের জারাটস্ আর্ক্-দীপ (high-pressure quartz-mercury arc lamp) ব্যবহার করিরা রুবেন্স্ এবং ফল্ বেয়ার (Rubens and von Baeyer) 218 $\mu$  এবং 343 $\mu$  এর রন্ধি আলাদা করেন।

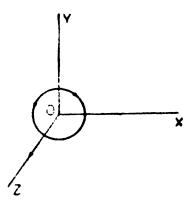
#### পরিশিষ্ট-ক

# जियान-क्रिया (Zeeman Effect).

1896 সনে জিমান আবিষ্কার করেন বে যদি একটি সোডিয়াম শিখা জোরালো চুম্বকক্ষেত্রে রাখা যায় তবে ঐ শিখা হইতে নির্গত সোডিয়াম D বর্ণাল রেখা দুইটির প্রস্থ বাড়ির। যার। পরে উচ্চ বিভেদন ক্ষমতাসম্পন্ন বর্ণালিবীকণ যম্বের সাহাব্যে পরীক্ষা করিয়া দেখা যায় যে প্রতিটি D রেখা একাধিক রেখার সৃষ্টি করে। যদি চুম্বক ৰলরেখার সমান্তরাল দিকে যায় তবে একটি D রেখা দুইটি রেখায় বিভ**ত্ত** হয়। প্রত্যেকটির কম্পাক্ত মূল D এর কম্পাক্ত অপেক্ষা আলাদা এবং একই সংখ্যাদ্বারা ক্ষমে এবং বাড়ে। তাছাড়া প্রতিটি বর্ণালিরেখার আলোই বৃত্তীয় সমর্বাতিত এবং ইহাদের একটি দক্ষিণাবর্ত অন্যটি বামাবর্ত। আবার র্যাদ চুম্বক বলরেখার অভিলম্বে দেখা যায় তবে D রেখা তিনটি রেখাতে বিভক্ত হয়। ইহাদের প্রত্যেকটিতেই আলো তলীয়-সমর্বাতত অবস্থায় থাকে। একটির কম্পাৎক মূল D রেখার কম্পাৎকর সঙ্গে অভিন্ন। এই রেখার দুই পাশের রেখা দুইটির কম্পাক্ত মধ্যটির অপেক্ষা সমপরিমাণ কম এবং বেশী ৷ মধ্যের বর্ণালিরেখার সমবর্তন দিক চুম্বক বলরেখার দিকের সহিত অভিনন দুইপাশের রেখ। দুইটির সমবর্তন দিক চুম্বক-বলরেখার দিকের অভিলয়ে অবস্থিত। বর্ণালিরেখার এইরূপ দুই বা তিন উপাংশে বিভন্ত হওয়াকে বলা হয় বাভাবিক জিমান-ভিয়া (Normal Zeeman Effect). পরে এই বিষয়ে আরও অনেক পরীক্ষা করিয়া দেখা যায় যে খুব কন ক্ষেত্রেই একটি রেখা ঐরূপ দুই বা তিন উপাংশে বিভক্ত হইয়া থাকে, অধিকাশ ক্ষেত্রেই ইহারা আরও বেশী সংখ্যক উপাংশের সৃষ্টি করে ৷ এই ধরনের ফলকে বলা হয় অনিয়ত দ্বিমান-ক্রিয়া (Anomalous Zeeman Effect) i

জিমান-ক্রিয়া আবিষ্কারের অম্প পরেই লোরেন্ট্স্ (Lorentz) তাহার নিজের প্রবাতিত ইলেকট্রন-সিন্ধান্তের সাহাযো ইহার ব্যাখ্যা করেন। জিমান-ক্রিয়ার ইহাই শাস্ত্রীয় ব্যাখ্যা। বলা বাহুল্য লোরেন্ট্সের ব্যাখ্যা শুধু স্বাভাবিক জিমান-ক্রিয়ার ক্ষেত্রেই প্রযোজ্য; এটি আনিয়ত জিমান-ক্রিয়ায় যে তিনের আধিক উপাংশের উন্তব হয় তাহা ব্যাখ্যা করিতে পারে না। ইহার জন্য কোয়াণ্টাম সিন্ধান্তের প্রয়োজন হয়। এখানে অবশ্য স্বাভাবিক জিমান-ক্রিয়ার শাস্ত্রীয় ব্যাখ্যাই দেওয়া হইবে। কোয়াণ্টাম সিন্ধান্তের সাহায্যে আনিয়ত জিমান-ক্রিয়ার ব্যাখ্যার জন্য সমরেন্দ্রনাথ ঘোষালের 'পরমাণু ও কেন্দ্রক গঠন পরিকরের' পরিজ্বেদ 5 দ্রন্টব্য।

এখন বিষয়ান-বিষয়ার ব্যাখ্যা ইলেকট্রন-সিদ্ধান্তের সাহাযো দেওরা হইবে। সোডিরাম আলোর ক্ষেত্রে সোডিরাম পরমাণুর ইলেকট্রনগুলি বৃত্তীর বা উপবৃত্তীর কক্ষে ঘুরিতেছে। এইরূপ একটি কম্পনকে পরস্পরের অভিলয়ে তিনটি উপাংশে ভাগ করা বার। ৬.১ নং চিত্রে এই তিনটি উপাংশ বধান্তমে OX, OY এবং OZ দিকে পরস্পরের অভিলম্থেরর বাইতে পারে। সমন্ত ইলেকটনের কন্ধপথকে এইরূপ উপাংশে ভাগ করিলে তিনটি উপাংশের গড় বিস্তার সমান হইবে। আর এই তিনটি কম্পনই সরল দোলগাতি সম্পন্ন (simple harmonic) হইবে। আবার ইহার মধ্যে OX এবং OY কম্পন দুইটি মিলিয়া XOY তলে দুইটি বৃত্তীর গাঁতর সৃষ্টি করিবে; এই দুইটি বামাবর্ত এবং দক্ষিণাবর্ত আর ইহাদের কম্পাক্ষ সমান। চতুর্থ পরিক্রেদ ৪৪৪ পৃষ্ঠার আলোচনা দ্রক্তবা)। এবার বদি OZ দিকে চুম্বকক্ষের প্ররোগ করা হয় তবে এই দিকের কম্পন কোনওরূপ প্রভাবিত হইবে না। কিন্তু বৃত্তীর কম্পন দুইটিই চুম্বকক্ষের ঘারা প্রভাবিত হইবার ফলে তাহাদের কম্পাক্ষ পরিবাতিত হইবে। বৃত্তীর কক্ষে চালবার কালে বৈদ্যুতিক আধান চুম্বক বলরেখার অভিলব্ধে গমন করার ফলে Hev একটি বল অনুভব করিবে। এখানে H, e এবং v বধান্তমে চুম্বকক্ষেত্রের তীরতা, ইলেকটনের আধান এবং



150 6 3

গতিবেগ বুঝাইতেছে। আধানের চিক্টের উপর নির্ভর করির। এই বল  $\lambda'O'\lambda'$  তলে O বিন্দুর দিকে অথবা ইহার বিপরীতে ক্রিয়া করিবে। চুম্বক্ষেপ্রের অনুপন্থিতিতে ক্ষেপ্রথের সাম্যের জনা আধানের উপর অপক্রের বল (centrifugal force) পুনস্থাপন বলের (restoring force) সমান হইবে। একক সরবের জনা পুনস্থাপন বল বদি k হর এবং ইলেক্টনের ভর বদি m হর তবে লেখা বাইতে পারে

$$\frac{mv^2}{r} = kr. ag{6.1}$$

अवारन r कक्ष भाषत्र वाहमार्थ वृकाहेरलस्य ।

T যদি কক্ষপধের পর্বায় কাল হয় তবে

$$T=\frac{2\pi r}{v}.$$

$$\therefore \frac{4 \pi^2 rm}{T^2} - kr$$

অথবা 
$$k = \frac{4 \pi^2 m}{T^4}$$
 (6.2)

এইবার যদি চুম্বকক্ষেত্র প্ররোগ করা হয় তবে ইলেকট্রনের উপর Hev মানের একটি মৃগ-বল (radial force) প্রযুদ্ধ হওয়ার ফলে কক্ষপথের সাম্যের জন্য পুনস্থাপন বল kr এরও পরিবর্তন হইবে। যদি কক্ষপথের নৃতন পর্যায় কাল  $T_1$  হয় তবে সাম্যের সমীকরণ দাড়াইবে

$$\frac{4 \pi^2 rm}{T_1^2} = kr \pm Hev_1 \tag{6.3}$$

**এখানে ৮, কক্ষপথে ইলেকট্রনের পরিবাতিত গতিবে**গ।

4π²m দ্বারা ভাগ করিলে লেখা যায়

$$\frac{1}{T_1^2} - \frac{1}{T^2} - \frac{He}{2\pi T_1 m}$$

$$\frac{T^2 - T_1^2}{T_1^2 T^2} + \frac{He}{2\pi mT_1}$$
(6.4)

ধেহেতু T এবং  $T_1$  এর মধ্যে পার্থক্য T অথবা  $T_1$  এর তুলনায় খুবই নগণ্য তাই উপরোক্ত সমীকরণকে লেখা যায়

$$T - T_1 = \pm \frac{He \, T^2}{4 \, \pi m}. \tag{6.5}$$

 $\lambda = cT$  এই সম্বন্ধ ব্যবহার করিয়া লেখা যায়

$$\lambda - \lambda_1 = \Delta \lambda = \pm \frac{He\lambda^4}{4\pi mc} \tag{6.6}$$

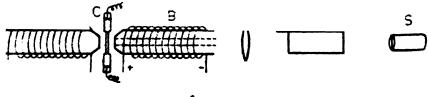
এখানে  $\lambda$  আলোকের তরঙ্গদৈর্ঘ্য এবং c শূনো ইহার গাঁতবেগ ।

এই সমীকরণ 6.5 হইতে দেখা বাইতেছে যে আলোকউৎস সোডিয়াম পরমাণুর উপর চুম্বকক্ষেত্র প্রয়োগ করিবার ফলে ইহাদের বৃত্তীয় কক্ষপথের কম্পাক্ষের পরিবর্তন ঘটে বাহার ফলে এই উৎস হইতে নির্গত আলোরও তরঙ্গদৈর্ঘ্যের হ্রাসবৃদ্ধি হয়। একক্ষেত্রে তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বৃদ্ধি হইবে  $\Delta \lambda = \frac{He\lambda^2}{4\pi mc}$  এবং অন্যক্ষেত্রে ঠিক অনুরূপ পরিমাণের তরঙ্গদৈর্ঘ্যের হ্রাস হইবে।

এই সমীকরণে আসিতে ধরা হইয়াছে বে চুম্বকক্ষেত্র প্ররোগের ফলে বৃত্তীয় কক্ষ-পথের ব্যাসের কোনও পরিবর্তন হইবে না। চুম্বকক্ষেত্র পরিবর্তনের সময় কক্ষপথের মধা দিরা গমনকারী চুম্বক বলরেখার সংখ্যা পরিবর্তনের ফলে কন্ধপথে ইলেকট্রনের গতিবেগের হ্রাস বা বৃদ্ধি হইবে। ফারাডের বৈদ্যুতিক আবেশের (Faraday's Law of electromagnetic induction) নিরমানুসারে এই পরিবর্তন একটি বিভবের সৃষ্টি করিবে। এবং এই বিভবের পরিবর্তনের ফলে কন্ধপথে ইলেকট্রনের গতিবেগেরও পরিবর্তন হইবে বাহার ফলে কন্ধের ব্যাসের হ্রাসবৃদ্ধি হওরার কথা। কিন্তু এই সঙ্গে অনুবৃপ অপর্কেন্দ্রিক বলেরও পরিবর্তন হইবে। আর এটা দেখানো বার বে এই দুইটি বল সমান এবং বিপরীত বাহার ফলে কন্ধপথের ব্যাসের কোনও পরিবর্তন হইবে না।

উপরোক্ত বর্ণনা হইতে দেখা বার বে বাদ চুম্বকক্ষেরে দিকে দেখা বার তবে একটি বর্ণালরেখা দুইটি রেখার সৃষ্টি করিবে। মূল রেখা বে তিনটি উপাংশে বিভক্ত করা হইরছে তাহার মধ্যে OZ দিকের উপাংশটি চুম্বকক্ষেরে দিকে অবস্থিত হইবে। সূতরাং এই উপাংশটি কোনও আলোকের সৃষ্টি করিবে না। YOX তলে বে দুইটি বৃত্তীর উপাংশ অবস্থিত তাহাদের কম্পাক্তর হ্রাস এবং বৃদ্ধি হইবে। এই দুইটি কম্পন দুইটি রেখার সৃষ্টি করিবে বাহাদের কম্পাক্ত মূল রেখার কম্পাক্ত হইতে ု বারা বেশী অথবা কম হইবে। আর ইহারা বৃত্তীর সমর্বতিত (circularly polarised) হইবে এবং এই সম্বর্তনের দিক একটির ক্ষেত্রে দক্ষিণাবর্ত এবং অন্যাটর ক্ষেত্রে বামাবর্ত। ইহার সভাতা নিকল প্রিজ্ম এবং তরঙ্গ-চতুর্খাংশ ফলক (quarterwave plate) হারা পরীক্ষা করা বার।

বদি চুৰকক্ষেত্রে অভিলবে দেখা বায় তবে ধরা বাক বে OX দিকে দেখা হইডেছে এবং OZ দিকে চুৰকক্ষেত্র প্ররোগ করা হইরাছে। তাহা হইলে OZ দিকের উপাংশ একটি বর্ণালিরেখার সৃষ্টি করিবে বাহার কম্পাক্ষ মূল কম্পাক্ষের সমান এবং বেটি তলীয় সমর্বাভিত হইবে। ইহার কম্পাক্ষ চূৰক বলরেখার দিকেই হইবে। আর YOX তলের বৃত্তীয় উপাংশ দুইটির কম্পাক্ষ পরিবাভিত হওয়ার ফলে ইহারা প্রথমোন্ত রেখাটির দুইদিকে দুইটি প্রতিসমরেখার সৃষ্টি করিবে। বেহেতু এই রেখা দুইটিতে বৃত্তীয় কক্ষপথ দুইটি YOX তল হইতে দেখা হইতেছে, কম্পন দুইটি সরলরেখার হইতেছে বিলয়া মনে হইবে এবং রেখা দুইটি তলীয় সমর্বাভিত বিলয়া মনে হইবে। এই



क्ति क.३

সমবর্তনে কম্পনের দিক চুম্বক বসরেখার অভিসম্বে অবস্থিত হইবে। উপরের সমগ্র অনুমান ইলেকটন-সিদ্ধান্ত হইতে পাওরা বার এবং পরীক্ষা দ্বারা সমধ্যিত হয়। কালেই দেখা বাইতেহে বে সোরেনট্সের ইলেকটন-সিদ্ধান্ত স্বাভাবিক জিমান-জিয়া সম্পূর্ণরূপেই ব্যাখ্যা করিতে পারে র্যাদও পূর্বেই বলা হইয়াছে, বে অনিয়ত জিমান-জিরা এই সিন্ধান্ত ছারা ব্যাখ্যা করা বার না। ইহা ব্যাখ্যা করিতে কোরান্টাম-বাদের সাহাব্যের প্ররোজন হয়।

জিমান-জিয়া পরীক্ষা করিতে নিমুবণিত পরীক্ষা-প্রণালী ব্যবহার করা বাইতে পারে। AB একটি জোরালো বিদ্যুৎচুম্বক। ইহার মধ্যে B অংশে লম্বালম্বিভাবে একটি ছিদ্র করা আছে বাহাতে দীর্ঘদিকের (longitudinal) জিমানজিয়ার পরীক্ষা করা চলিতে পারে। C একটি আলোকউৎস বাহা হ'ইতে নির্গত আলোকের জিমানজিয়া পরীক্ষা করা হইবে। এটি হ'ইতে নির্গত আলো চুম্বকক্ষেত্রের মধ্য দিয়া বাইবার পর L লেন্দের মধ্য দিয়া পাঠানো হয়। জিমান-জিয়ায় আলোকরেখার কম্পাক্ষের বে পরিবর্তন হয় তাহা সামানা। 6.6 সমীকরণ হ'ইতে  $\nu = c/\lambda$  এই রাশি ব্যবহার করিয়া পাওয়া বায়  $\triangle$ ।  $\frac{eH}{4\pi mc}$ 

অথবা  $\triangle \nu = 1.40 \times 10^6 \times H$  per sec.

এখানে  $\triangle \nu$  আলোকরেখার কন্পাক্তের পরিবর্তন এবং H চুম্বক্তেরে তীরতার পরিমাণ। সূতরাং H এর মান বাদ 1000 gauss হর তবে কন্পাক্তের পরিবর্তন হইবে  $1400 \times 10^{\circ}/\text{sec}$ . সংক্রিন্ট তরঙ্গদৈর্ঘার পরিবর্তন হিসাব করিলে দেখা বাইবে বে ইহা খুব অপ্প। এইজনা উচ্চ বিভেদন ক্ষমতার বস্ত্র বাবহার করিতে হর। এটি লুমার-ফলক (Lummer plate) অথবা ফেরি-পেরো ব্যতিচার-মাপক (Fabry-Perot Interferometer) হইতে পারে অথবা ইস্লন্-ঝার্ঝারও (Echelon-grating) ব্যবহার করা চলিতে পারে। ৬.২ নং চিত্রে P একটি লুমার-ফলক। ফলক হইতে নির্গত আলো বর্ণালি-বীক্ষণ বস্ত্রে পরীক্ষা করা হয়। সাধারণত এটি একটি খুব-চাতি বর্ণালি-বীক্ষণ বস্ত্র (constant deviation spectroscope). তরঙ্গদৈর্ঘ্যের পরিরাণ বাড়াইবার জন্য চুম্বকক্ষেত্রের তীরতার পরিমাণও বাড়ানো হয় এবং দশ হইতে পঁচিশ হাজার gauss তীরতার চুম্বকক্ষেত্র সাধারণতই বাবহার করা হয়। ৬.২ নং চিত্রে দীর্ঘাদকের জিমান-জিরার পরীক্ষার ব্যবস্থা দেখানো হইরাছে। বাদি তির্থকাদকের (transverse) জিমান-জিরা পরীক্ষা করিতে হয় তবে তড়িং চুম্বকটি 90° বুরাইয়া দিলেই এই পরীক্ষা করা চলিতে পারে।

### পরিশিষ্ট-খ

## काञ्चारङ किञ्चा (Faraday Effect).

মাইকেল ফ্যারাডের ধারণা ছিল বে আলোক এবং চুম্বকম্বের মধ্যে কোনও সম্বন্ধ বর্তমান। এই ব্যাপারে পরীক্ষা করিতে গিরা 1845 সনে তিনি আবিষ্কার করিলেন বে বখন কোন কাচজাতীর বছ কঠিন পদার্থের উপর জোরালো চুম্বকক্ষের প্রযুদ্ধ হয়. ঐ পদার্থটি আলোক-সন্ধিরতা (optical activity) লাভ করে। একটি জোরালো তড়িৎ চুম্বকের মেরুম্বরের মধা দিরা অনুভূমিক ছিদ্র করিরা বদি তাহাদের মধা দিরা একটি তলীর সমবাতত (plane-polarised) আলোকরান্ম পাঠানো হর এবং এই রান্ম বিশ্লেষণের জন্য নিকল-প্রিজ্ম জাতীর কোনও যন্ত্রাংশের মধ্য দিরা গমন করে। তবে এই এই পরীক্ষা সহজেই করিরা দেখা বাইতে পারে ৷ তলীর সমর্বতিত আলোকরিখা ব<sup>্</sup>দ একটি নিকল প্রিক্তমের সাহাব্যে সৃষ্টি করা হয় তাহা হইলে প্রথম এবং দিতীয় প্রিজক্তের প্রাতক্ল অবস্থানে (crossed position) দিতীয় প্রিজমের মধ্য দিয়া আলোকরান্য পারগম হইবে না। প্রিজ্ম দুইটির এই অবস্থানে বদি এখন মেরুছয়ের মাঝে একটি কাচের খণ্ড রাখিরা এই খণ্ডের উপর জোরালো চুম্বককে এমনভাবে প্রয়োগ করা হয় যে इच<mark>्चकरका जवर बालाकर्</mark>याचा पिक समाखदान धाटक उट्टर (पथा यादेटर एव साधादनर আলোকরানা বিতার প্রিক্তমের মধ্য দিয়া গমন করিতেছে। ইহা হইতে বুবা যার 🙉 কাচের খণ্ডের মধ্য দিয়া বাইবার ফলে চুম্বককেরের প্রভাবে তলীয় সমর্বতিত আলোর সমবর্তন তলের পরিবর্তন হইয়াছে এবং এই তল ছবিয়া গিয়াছে। চুম্বৰক্ষেত্র সরাইয়া নিলে দেখা যাইবে যে সমবর্তন তলের ঘৃর্ণন বন্ধ হইয়া যায়। সূতরাং চুম্বকক্ষেটে আলোকরান্দকে কাচখণ্ডের মধ্য দিয়া বাইবার সময় প্রভাবিত করিয়া ইহার আলোক-ভলের ঘর্ণনের সৃষ্টি করিরাছে। কোনও শব্দু বস্তুর মধ্য দিরা গমন করিবার সময় চম্বক্তক্তের প্রভাবে তলীর সমর্বতিত আলোকের সমর্বর্ডনতলের এই ঘর্ণনকে ফ্যারাডে-ভিনা (Faraday Effect) বলা হয়।

চুস্বক্তের প্রভাবে তলীয়-সমর্যতিত আলোর তলের এই ঘূর্ণন এবং কোন কেল আলোক-সন্ধির (optically active) তরল বা কেলাসের মধ্য দিয়া গমনের ফলে আলোকের সমর্যর্তন তলের ঘূর্ণনের মধ্যে যথেক সাদৃশা বর্তমান। প্রথম ক্ষেত্র আলোকের চুস্বক বলরেখার দিকে গমনের ক্ষেত্রেই সমর্যর্তন তলের ঘূর্ণন হয়। ছিতীয় ক্ষেত্রেও আলোকরিশা একমান্ত কেলাসের আলোক-আক্ষের (optic axis) দিকে গানে করিলেই সমর্যর্তন তলের ঘূর্ণন হইয়া থাকে। কিন্তু ইহাদের মধ্যে একটি গুরুষপূর্ণ পার্কবাও বর্তমান। কেলাসের ক্ষেত্রে বিদি পারণত আলোকরিশা অপরপ্রাত্তে প্রতিফলিত হইয়া আবার প্রকাথে ফিরিয়া আলে তবে সমর্যর্তন তলের ঘূর্ণন সম্পূর্ণ প্রতিপ্রিত (compensated) হইয়া যায় এবং প্রতিফলিত রিশার সমর্যর্তন তলের সহিত মিলিয়া যায়। ইহার কারণ এই যে কেলাসে সমর্যর্তন তলের তলের তিনের

ঘূর্ণন কেলাসের গঠনের উপর নির্ভর করে; সূতরাং কেলাসের বাম হতে দক্ষিণে বাইতে বাদ সমবর্তন তল দক্ষিণাবর্ত হর তবে প্রতিফলনের পর দক্ষিণ হইতে বামে বাইতে ইহা দক্ষিণাবর্তই থাকিবে। অতএব এই দুইক্ষেত্রের ঘূর্ণন পরক্ষারের বিপরীত দিকে হইবে এবং পরিমাণে সমান হওয়ার পরিগামিক ঘূর্ণন গূন্য দাড়াইবে। কিন্তু ফারোডে-ফ্রিয়ার বেলায় চুম্বক বলরেখার দিকের উপর সমবর্তন তলের ঘূর্ণন নির্ভর করে। সূতরাং এই ক্রেরে যদি চুম্বক-বলরেখার দিক কাচখণ্ডের বাম হইতে দক্ষিণ দিকে হয় (চুম্বক-বলরেখা একটি ভেক্টর রাশি) এবং এই অবস্থার আলোক কাচখণ্ডের বাম হইতে দক্ষিণে যাইতে যদি সমবর্তন তলের ঘূর্ণন দক্ষিণাবর্ত হয় তবে প্রতিফলনের পর কাচখণ্ডে আলো দক্ষিণ হইতে বামদিকে বাইতে ঘূর্ণন বামাবর্ত হইবে। কারণ প্রথম ক্ষেত্রে বাদ ধরা যায় যে আলোক চুম্বক-বলরেখার অনুকূলে যাইতেছে তবে দ্বিতীয় প্রান্ত হইতে প্রতিফলিত উভয় আলোকর্মামর বেলায়ই সমবর্তন তলের ঘূর্ণন একই দিকেই হইবে যাহার ফলে কোট ঘূর্ণনের পরিমাণ দ্বিগুণ হইয়। যাইবে।

ফারেছে-ক্রিয়ার উৎপত্তির কারণ হিসাবে বলা যাইতে পারে যে, জিমান-ক্রিয়ার (Zeeman Effect) উৎপত্তির কারণের সহিত ইহার খুবই সাদৃশ্য আছে। জিমান-কিয়ার তাত্তিক শাস্ত্রীয় ব্যাখ্যা যেমন ইলেক**টন সিদ্ধান্তের সাহায্যে করা হই**য়া **থাকে** ফারেছে-ক্রিয়ার নাখ্যাও ঐ একই সিদ্ধান্তের শ্বারা করা সন্তব । প্রথমত লক্ষ্য করিবার বিষয় যে সমবর্তন তলের ঘূর্ণনের উৎপত্তির জন্য আলোকরন্মিকে একটি বস্তু মাধ্যমের মধা। এই ক্ষেত্রে কাচখণ্ডের মধা দিয়া। দিয়া যাইতে হইবে। এই কাচের মধ্যের ইলেকট্রন্যানির কক্ষপথ বৃত্তীয়: প্রেষণাদকের (direction of propagation) অভিনৰে যে দুইটি উপাংশ (components) বৰ্তমান তাহার৷ বামাবৰ্ত এবং দক্ষিণাবর্ত এবং উভয়েরই কম্পাব্দ সমান। আপতিত সমর্বতিত আলোর <mark>তলীয়</mark> কল্পনকে দুইটি বন্তীয় উপাংশে বিভ**ন্ত** হয় বলিয়া ধরা বাইতে পারে : ইহারা বামাবর্ত এবং দক্ষিণাবর্ত এবং ইহাদের কম্পাক্ষ সমান ( চতুর্থ পরিচ্ছেদ ৪৪৪ পৃষ্ঠার আলোচনা দুক্টবা )। সমীকরণ 5.30 হইতে দেখা যায় যে প্রতিসরাক্ষ পরমাণুর মধ্যের ইলেকটনের স্বাভাবিক কম্পাক্ষের উপর নির্ভর করে। আলোকরম্মির বৃত্তীয় উপাংশ দুইটি যখন কাচখণ্ডের মধ্য দিয়া গমন করে তখন ইহারা উভয়েই ইলেক্ট্রনের দারা সমভাবে প্রভাবিত হয় ( এই ক্ষেত্রে ধরা হইয়াছে যে চুম্বকক্ষেত্র প্রযুক্ত হয় নাই )। সূতরাং উপাংশ দুইটির আপেক্ষিক দশা আপতনের সময় বাহ। ছিল, কাচের মধ্য দিয়া যাইবার পরও তাহাই থাকিবে। অতএব তাহারা যখন আবার একচিত হইরা তলীয় সমর্বতিত আলোকরন্মির সৃষ্টি করিবে, তাহার সমর্বর্ডন তল আপতনের সমরের সমবর্তন তলের সঙ্গে একই থাকিবে। অর্থাৎ এই ক্ষেত্রে কাচের মধ্য দিয়া পারগমের ফলে সমবর্তন তলের কোনও ঘৃর্ণনের সৃষ্টি হইবে না।

কিন্তু জিমান ক্রিয়ার আলোচনা হইতে দেখা গিয়াছে বে ইলেকট্রনের ঘূর্ণনের স্বাভাবিক কম্পাত্ক চুম্বকক্ষেত্রের প্রভাবে পরিবর্তিত হয় এবং এই পরিবর্তন ঘূর্ণনের দিকের উপর নির্ভর করে। সূত্রাং যদি কাচখণ্ডের উপর আলেকের পারসমের জিকে চুম্বক্ষেপ্ত প্ররোগ করা হর তবে একটি বৃত্তীর উপাংশের কম্পাক্ষ বাজিবে এবং জনটি সমর্পারমাণ কমিবে। ফলে আলোকের বৃত্তীর উপাংশ দুইটির প্রতিসরাক্ষেরও পরিবর্তন হইবে বার ফলে ইহারা কাচখণ্ডের মধ্য দিরা আলালা গতিবেগে গমনকরিবে। অতএব পারগমের পর ইহাদের আপোক্ষক দশা আর আপতনের সমরকার আপোক্ষক দশার সমান থাকিবে না। ইহারা বখন একত হইরা আবার তলীর সমর্বতিত আলোকরন্মির সৃষ্টি করিবে তখন ইহার সমর্বতন তল আপতিত রন্মির সমর্বতন তল হইতে আলাদা হওরার সমর্বতন তলের ঘূর্ণনের উৎপত্তি হইবে। ইহাই কারাতে ক্রিরার উৎপত্তির ব্যাখা। এই ব্যাখা হইতে সহক্ষেই বৃত্তা বার বে পারগত রন্মির সমর্বতন তলের ঘূর্ণনের পরিরাণ চুকক্ষেত্রের তীরতা এবং বন্ধু মাধ্যমের মধ্যে আলোকপথের দৈর্ঘ্যের উপর নির্ভর করে। অবশা বিভিন্ন বন্ধুর প্রকৃতির উপরও এই ঘূর্ণনের পরিমাণ নির্ভর করে। কালেই লেখা বার

$$heta \propto lH$$
  
অধবা  $heta = VlH$  (6.8)

এখানে  $\theta$  ডিগ্রীতে ঘ্র্পনের পরিমাশ, H চ্ছকক্ষেরে তীরতা এবং I বর্মাধামে আলোকপথের দৈর্ঘা, আর V একটি শ্বুবক বাহাকে বলা হর ভার্ডেটের শ্বুবক (Verdet's constant). বিভিন্ন বন্ধুর ক্ষেত্রে এই শ্বুবকের মান নিরে দেওরা হইল। প্রকৃতপক্ষে এই শ্বুবকের মান বন্ধুর তাপমান্তার উপরও নির্ভর করে; কিন্তু এই নির্ভরতার পরিমাশ এই তালিকার সবক্ষেত্রে দেওরা সম্ভব হইল না।

ভাৰ্ডেট বিভিন্ন বন্ধুর ক্ষেত্রে সমবর্তন তলের ঘূর্ণন মাণিরা দেখিলেন যে ঘূর্ণনের পরিমাণ নিয়লিখিত সমীকরণ ছারা নিয়ন্তিত হয়

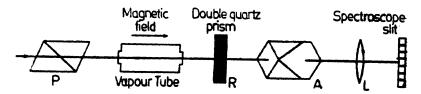
$$\theta = mlH \frac{\mu^2}{\lambda} \left( \mu - \lambda \frac{d\mu}{d\lambda} \right) \tag{6.9}$$

এখানে  $\mu$ ,  $\lambda$  এবং  $\frac{du}{d\lambda}$  বখান্তমে বন্ধুর প্রতিসরাক্ষ, আপতিত আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য এবং তরঙ্গদৈর্ঘের সঙ্গে প্রতিসরাক্ষের পরিবর্তনের হার। অন্যান্য সংখ্যাগুলি পূর্বের সমীকরণেই আলোচিত হইয়াছে। m বন্ধুর উপর নির্ভরণীল একটি ধুবক।  $\frac{\theta}{Hl}$  এখানে বুবাইতেছে একক আলোকপথ দৈর্ঘ্য এবং চুখক ক্ষেত্রের একক তীরতার জন্য সমর্যক্তন তলের ঘূর্ণনের পরিমাণ। অভএব এটি ভার্ডেটের ধুবকের সমান। এই সমীকরণ হইতে দেখা বার যে ঘূর্ণনের পরিমাণ m ধুবকটি ছাড়াও তরঙ্গদৈর্ঘের উপরও নির্ভরণীল।

তালিকা নং 6.1.

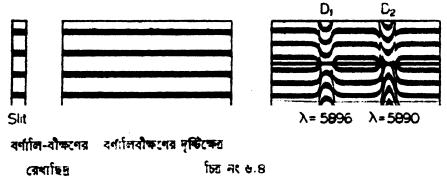
বন্ধুর নাম	ভার্ডেটের ধুবকের মান (in minutes of arc)	ভর <del>ক্</del> সদৈর্ঘ্য	ভাপমান্ত্রা ও অন্যান্য মন্তব্য
Jena Glass	0.0888		
Methyl Alcohol	0.0099		
Water	0.0131	$\lambda = 5893$	$t = 20^{\circ}\text{C}$
Glass (phosphate crown)	0.0161	λ = 5893	t = 18°C
Glass (light flint)	0.0317	λ <b>–</b> 5893	t=18°C
Carbon disulphide	0.0423	λ = 5893	t = 20°C
Phosphorous	0.1326	$\lambda = 5893$	t = 33°C
Quartz	0.0166	λ = 5893	t=20°C; অক্ষের অভিলয় দিকে

ফ্যারাডে ক্রিয়া বাস্পের ক্ষেত্রে শোষণ-রেখার (absorption line) কাছাকাছি তরক্লাদর্যো খুব ভালভাবে দেখা যার বালরা এই ক্ষেত্রেই পরীক্ষা ব্যবস্থার বর্ণনা দেওরা হইল। ৬.০ নং চিত্রে P একটি সমবর্তক নিকল্ এবং A একটি বিশ্লেষক নিকল্। সমব্যতিত আলো বাস্পের নলের মধ্য দিরা যাইবার পর যুগ্ম কোরাট্স্ প্রিজমের মধ্যে প্রবেশ করে এবং ইহা হইতে বাহির হইয়া বিশ্লেষক নিকল A এবং লেন্স L এর ভিতর দিরা গিয়া বর্ণালি-বীক্ষণের রেখাছিদ্রের উপর প্রতিবিধের সৃষ্টি করে। বৃগ্ম কোরাট্স্ প্রিজ্মের বিভিন্ন অংশের মধ্য দিয়া যাইবার ফলে আলোক-রিশ্মর



हित नः ७.७

বিভিন্ন পরিমাণ ঘূর্ণনের সৃষ্টি হইবে। বিশ্লেষক নিকল্ এর বিভিন্ন অংশ দিরা বিভিন্ন পরিমাণ আলোক পারগত হইবে। অভএব বর্ণালি-বীক্ষণের দৃষ্টিক্ষেত্রে পর্বায়-ক্লমে চরম এবং অবম তীরতার ঝালরশ্রেণী দেখিতে পাওরা বাইবে (চতুর্থ পরিক্ষেদ পৃষ্ঠা ৩৯৯ এর আলোচনা দুক্টব্য)। এবার বিদ বাস্প নলের মধ্যে বাস্প ঢোকানে। হয় পূর্বে এই নলটি থালি ছিল ধরা হইয়াছে ) তবে বাস্পের প্রতিটি অনুনাদী কম্পান্কের (resonance frequencies) জন্য একটি শোষণ-রেথার সৃষ্টি হইবে। এইবার মুম্বকক্ষে প্রয়োগ করা হইলে বাস্পের মধ্যে ঘূর্ণনের সৃষ্টি হইবে এবং চরম তীব্রতার

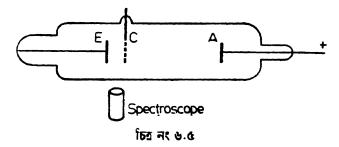


ঝালরাণুলির অবস্থানের পরিবর্তন ঘটিবে। ৬.৪ নং চিত্রে সোডিয়াম D রেখাছরের ঝালরের পরিবর্তন দেখানো হইল। চিত্রটি উচ্চক্ষমতাসম্পার বিভেদক এবং বিজ্বেক বস্তুর সাহায্যে নেওয়া হইরাছে। ঝালরণুলি উপর বা নীচ দিকে ব্যক্ষিয়া গিয়াছে এবং শোকক বেখার কাছালাছি জায়গায় এই বক্ততা স্বাধিক দেখা যাইবে।

#### পরিম্পিষ্ট-গ

## ষ্টার্ক-ক্রিয়া ( Stark Effect ).

চুম্বকক্ষেত্রে বর্ণালিরেখার বিভান্ধন 1896 সনে জিমান কর্তৃক আবিষ্কৃত হইবার পর সভাবতই অনেক বৈজ্ঞানিক বিদ্যুৎক্ষেত্রে বর্ণালিরেখার অনুরূপ বিভান্ধনের অন্তিম্ব সম্বন্ধে পরীক্ষা করিতে আরম্ভ করিলেন । কিন্তু 16 বংসর এইরূপ সমন্ত চেকাই বিষ্কৃত্র হয় । অবশেবে 1913 সনে তার্ক দেখাইলেন যে হাইড্রোজেনের বামার রেখাগুলি (Balmer series lines) জোরালো বিদ্যুৎক্ষেত্রে একাধিক উপাংশে বিভক্ত হইরা থাকে । এই বিদ্যুৎক্ষেত্রের তীব্রতা প্রতি সেন্টিমিটারে অন্তত্ত এক লক্ষাধিক ভোল্ট হওরা প্ররোজন । এই বিভাজনের অন্তিম প্রমাণ করিবার গোড়ার দিকের বার্ধতার মূল কারণ এই যে ক্যুলিঙ্গ নলে (discharge tube) এইরূপ উচ্চ তীব্রতার বিদ্যুৎক্ষেত্রের সৃত্তি করা খুবই দুঃসাধ্য । নলে বিদ্যুৎক্ষেত্রের তীব্রতা বৃদ্ধির সঙ্গে সঙ্গের আয়নণও (ionisation) বৃদ্ধি পার এবং নলের গ্যাস পর্বিবাহী হইয়া যায় । ফলে উচ্চমানের বৈদ্যুতিক ক্ষেত্রের নতিমাত্রা (gradient) বজার রাখা সম্ভব হয় না । এই অসুবিধা দূর করিতে তার্ক নিম্বে বণিত পরীক্ষা ব্যবস্থা প্রয়োগ করেন । একটি ক্যুলিঙ্গ নলে এ অ্যানোডের বিপরীত দিকে ছিদ্রুক্ত ক্যাথোড C অবন্ধিত । C এর পিছনে অপপ দূরে আর একটি



তড়িং-দার (electrode) E রাখা আছে। EC দ্রত্ব খুব কম হওয়ার এই অংশে উচ্চ নতিমায়ার বিদাংক্ষের বজার রাখা সম্ভব হয়। এই বিদাংক্ষেরের অভিলব্ধে বখন বর্ণালিবীক্ষণ বস্ত্রে হাইড্রোজেনের বামার বর্ণালিরেখা পরীক্ষা করা হয় তখন দেখা বায় বে প্রতিটি রেখা কিছুসংখ্যক উপাংশে বিভক্ত হইয়াছে। এই ধরণের ভার্কজিয়া তির্বক জিমান জিয়ার অনর্প। আবার বদি বিদুংক্ষেরের দীর্ঘাদিকে (longitudinal) এই পরীক্ষা করিতে হয় তবে ক্ষুলিঙ্গ নলের গঠনের কিছু পরিবর্তন করিতে হইবে। তখন E তড়িংজারটি ক্যাখোড C এর সমান্তরালে না রাখিয়া ইহার অভিলম্বে রাখিতে হইবে এবং বর্ণালি বীক্ষণের অক্ষপ্ত E এর অভিলম্বে স্থাপিত করিতে হইবে। এই বাবস্থার পর্যবেক্ষণ দীর্ঘাদকের জিমান জিয়ার (longitudinal Zeeman Effect) এর অনুরূপ।

ভার্ক-ভিন্না আবিষ্ণত হইবার পর 1916 সনে এপ্ন্টাইন (Epstein) এবং সোরার্স্চাইন্ক (Schwarzschild) ইহার তাত্ত্বিক ব্যাখ্যা দেন। এই ব্যাখ্যা বোরের কোরান্টাম সিদ্ধান্তের বৈধতার একটি বড় সমর্থন। এখানে এই তাত্ত্বিক ব্যাখ্যার বিশদ আলোচনা করা হইবে না। একটি হাইড্রোজেন জাতীর পরমাণু বদি বিদ্যুৎক্ষেত্রে স্থাপন করা বার তবে ইহার পারন্পরিক-ভিনার শান্তর (interaction energy) সমীকরণ নিমন্ত্রণ লেখা বাইতে পারে

এখানে  $\triangle W$  পরমাণুর শাস্ত শুরের (energy level) পরিবর্তন বুঝাইতেছে বে পরিবর্তন বিদ্যুৎক্ষের প্ররোগের ফলে উভ্ত হইরাছে । আর E বিদ্যুৎক্ষেরের তীরতার পরিমাণ । A, B, C ইত্যাদি গুণাক্ষ বুঝাইতেছে । ইহাদের মান E pstein, Wentzel প্রভৃতিরা শাস্ত্রীয় এবং কোরান্টাম মতবাদের ধারা হিসাব করিরা নিম্নিলিখিত ব্যালিতে উপনীত হুইয়াছেন

$$A = 6.42 \times 10^{-8} \left[ n(n_2 - n_1) \right]$$

$$B = 5.22 \times 10^{-16} \left[ n^4 \left\{ 17n^2 - 3(n_2 - n_1) - 9m_1^2 + 19 \right\} \right]$$

$$C = 1.53 \times 10^{-28} \left[ n^7 \left\{ 23n^2 - (n_2 - n_1)^2 + 11m_1^2 + 39 \right\} \right]$$
(6.11)

ইহাদের মধ্যে n সমগ্র কোরান্টাম সংখ্যা (total quantum number) এবং  $n_1$ ,  $n_2$ ,  $m_3$  বৈদ্যুতিক কোরান্টাম সংখ্যা (electric quantum number) বুকাইন্ডেছে : এই সংখ্যাগুলি নিমুলিখিত সমীকরণ দারা নিমুদ্রিত

$$m_1 = n - n_2 - n_3 - 1. (6.12)$$

ইহাদের অনুমোদিত মান নিমুর্প

$$n=1, 2, 3 \cdots \infty$$
  
 $n_1=0, 1, 2 \cdots n-1$   
 $n_2=0, 1, 2 \cdots n-1$   
 $m_1=0, \pm 1, \pm 2 \cdots \pm (n-1)$ 

কোরান্টাম-মতবাদের সংখ্যাসূলির অনুমোদিত মানের সঙ্গে ইহাদের ব্যথন্ট সাদৃশ্য থাকিলেও পার্থকাও ব্যথন্ট আছে। সমীকরণ 6.10 হইতে দেখা বার যে বিদৃশ্যুক্তির তীব্রতা বিদ খুব বেলী না হর (E < 100000 volts/cm) তবে খিতীয় এবং তৃতীয় সংখ্যাটির প্রভাব নগণ্য হইবে। সূতরাং এই ক্ষেত্রে  $\triangle$  W E এর সমানুশাতিক হওরায় রেখার বিভাজনও E এর সমানুশাতিক হইবে। এই প্রকার ন্টার্ক বিন্যাকে বলা হয় প্রথম-ক্রমের ন্টার্ক ক্রিয়া (first order Stark effect). অবশ্য হাইড্রোজেন পরমানুর নীচু শান্তর স্তরের (lower energy states, n small) ক্ষেত্রেই এই নিয়ম প্রযোজ্য হওরার কথা। এরূপ ক্ষেত্র রেখাসূলি (উপাংশগুলি) মূল রেখার উভর্মাদকে প্রতিসমরূপে বিভক্ত হইরা থাকে। n এবং E এর মান বৃদ্ধি হইলে সমীকরণ 6.10 এ খিতীর রাশিটির প্রভাব বৃদ্ধি পার এবং ইহার ফলে প্রতিটি রেখাই একই দিকে প্রক

(displaced) হয় । এই ফলকে বলা হয় বিভীয় ক্রমের ভার্ক ক্রিয়া (second order Stark effect).

আরও দেখিতে পাওরা যার যে কিছু কিছু উপাংশে তলীর সমবর্তন বর্তমান। বিদ্যুৎক্ষেত্রের অভিলম্বে দেখিলে কিছু উপাংশের বৈদ্যুতিক ভেক্টর বিদ্যুৎক্ষেত্রের সমান্তরাল থাকে; ইহাদের বলা হর p উপাংশ। অন্য কিছু উপাংশের বৈদ্যুতিক ভেক্টর বিদ্যুৎ-ক্ষেত্রের অভিলম্বে অবশ্হিত থাকে বাহাদের s উপাংশ বলা হইরা থাকে। s এবং p উভর উপাংশেই তলীর সমবর্তন বর্তমান। আবার বদি বিদ্যুৎক্ষেত্রের সমান্তরালে দেখা হর তবে শুধুনাত্র s উপাংশগুলিই দেখা যার এবং ইহারা সমব্যতিত নর; p উপাংশ সম্পূর্ণরূপে অনুপদ্থিত থাকে।

#### जन्माच ।

- একটি বুগা-প্রিজ্ম নিয়া পরীক্ষাকালে দেখা গোল বে বখন একটি পাতলা কাচের ফলক ব্যতিচারী রশ্মিদের একটির পথে বসানো হল, তখন কেন্দ্রীর চরম তীরতার ঝালরের অবস্থানে চলিয়া গোল। বিদ কাচের ফলকের প্রতিসরাক 1.500 এবং ব্যবহৃত আলোর তরঙ্গদৈর্ঘা 6000 Å হয় তবে ফলকের বেধ হিসাব করিয়া বাহির কর। কোন সমীকরণ প্রয়োজন ইইলে সেটি প্রমাণ কর। 0.0012 cm. [C. U. 1967]
- 2. 5896 Å তরক্রদৈর্ঘোর সোডিয়াম আলে। ব্যবহার করিয়। মাইকেলসন ব্যাতচারমাপকে বৃত্তাকার ঝালরের সৃষ্টি করা হইল। কেন্দ্রীয় ঝালরটির চরম তীব্রতার এক অবস্থায় দর্পণ দুইটির মধ্যের পথদ্রত্ব 0.25 cm হইলে বছ উজ্জল ঝালরের কৌণিক ব্যাস নির্ণয় কর। 3.95°.
- 3. দুইটি কাচের ফলকের সাহাব্যে কলিকের (wedge) আকারের পাতলা বারুন্তর সৃষ্টি করা হইরাছে। 5893 Å তরক্রদৈর্ঘার সাহাব্যে উৎপল্ল ব্যতিচার বালরপুলি লম্বভাবে দেখিলে তাহাদের মধ্যের দ্রত্ব যদি 1 mm. হয় ভাহা হইলে কলৈকের কোণ হিসাব করিয়া বাহির কয়। 2942 x 10<sup>-7</sup> rad.

[C. U. 1966]

- 4. 1.700 প্রতিসরাকের একটি তেলের শুর একটি সমতল কাচের ফলক এবং সমোন্তল (equiconvex, a double convex lens having equal radius of curvature for both surfaces) লেন্দের মধ্যে রাখা হইল। লেন্দের ফোকাসদৈর্ঘ্য । মিটার। বখন 6000 Å তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলো ব্যবহার করা হর তখন দশম অবম তীব্রতার বলরের ব্যাসার্ছ নির্ণয় কর। 0.1858 cm. [C.U. 1966]
- নিউটনের বলরের পরীক্ষায় মধ্যবর্তী বায়ুন্তর একটি তরলের বারা পূর্ণ করা

  হইল । ভরলের প্রতিসরাক্ষ বাদ 1:35 হয় তবে দুইক্ষেত্রে বলরের ব্যাস কি

  হাবে পরিবর্তিত হইবে বাছির কয় । 0:8606.
- 6. একটি পাতলা তরলের ব্ররে (প্রতিসরাক্ষ 1.32) সাদ। আলো 53°-6' কোণে আপতিত হইয়ছে। প্রতিফলিত আলো বর্ণালিবীক্ষণে পরীক্ষা করিয়া কালো কতকর্গুলি পটি দেখা গেল। পরপর অর্বাস্থিত দুইটি কালো পটির সংখ্যিত ভরস্বদৈর্ঘা বাদ 5890 Å এবং 5990 Å হয় তবে ভরলের ব্যরের বেধ নির্বয় কর। 1.682 × 10-5 cm.

- 7. একটি পাতলা অথক ফলকে 1 mm. বাসের ছোট গোলাকার ছিন্ত আছে। এই ফলকে একপুক্ত একবলাঁ সমান্তরাল রন্দ্রিমালা অভিলয়ে আপতিত হইরাছে। দেখা বার বে পর্ণার প্রথম অবস্থানে কেব্রু অবম ভীরতাসম্পন্ন অবস্থা হইতে পর্দা 10 cm সরাইলে কেব্রে আবার প্রাবস্থা হর। বাবহৃত আলোর তরঙ্গার বিছর কর। 6250Å
- 8. প্রতি সেণ্টিমিটারে 10000 রেখাবৃদ্ধ একটি সমতল পারগম বাবর্তন কার্যারতে 5000 Å এবং 5200 Å তরঙ্গদৈর্ঘের মিল্ল আলোকরান্দ অভিলয়ে আপতিত হইল। পর্ণার বর্ণালি দেখিবার জন্য 100 cm ফোকাসদৈর্ঘের একটি লেন্স বাবহার করা হইল। প্রথম ক্রমে রেখা দুইটির মধ্যে বিবোজন হিসাব করিয়। বাহির কর। 2:317 cm. [C. U. 1967]
- 9. 6 x 10<sup>-8</sup> cm তরক্রদৈর্ঘ্যের আলোতে প্রথম ক্রমের ঝালর 30° কোণ সৃষ্টি করে এমন বাবর্তন ঝার্ফারতে প্রতি সেণ্টিমিটারে কত রেখা বর্তমান ?

8333 [C. U. 1948]

- একটি সমতল বার্কারতে প্রতি সোলিমিটারে 6000 রেখা বর্তমান। ইহার বার্বতন বালরের তৃতীর ক্রমে 5000 Å এবং 5100 Å তর্তদের্ঘ্যের বালরেব মধ্যে কৌলিক বিবোজন বাহির কর। 2'-29'.
- 11. দুইটির মধ্যে তর্মসংদর্ঘের তফাং 0:4 Å এমন দুইটি তরঙ্গ একটি সমতল পারগম ব্যবহন ঝাঝরি ছারা পরীক্ষাকালে দেখা গেল যে বর্গালির ছিতীয় এমে একটি রেখা। 2°তে দেখা বাইতেছে এবং দীর্ঘতর রেখাটি ইং। ২ইতে 4 বেশী কোণে অবস্থিত। তরঙ্গদৈর দুইটি বাহির কর এবং ইহাদের বিভেদনের জনা ন্নতম ঝাঝরির প্রস্থ হিসাব কর। 5526 Å; 3'670 cm.
- 12. প্রতি সেন্টিমিটারে 350 রেখা আছে এমন একটি এক ইণ্ডি সমতল পারগম বার্বর্তন বার্বারর সাহাবো সোডিয়ামের যুগারেখা ( তরঙ্গর্ভা 5890 Å এবং 5896 Å ) পরীক্ষা করিয়া দেখা হইল । (a) প্রথমক্তমে এবং (b) খিতীয়-ক্তমে রেখা দুইটির বিভেদন হইবে কিনা হিসাব কর । (a) No (b) Yes.
- 13. মাইকেলসন ব্যতিচারমাপকে সাদা আলোর সাহাযো ঝালর সৃষ্টি করা হইল। এই এইবার সাদা আলোর স্থানে সোভিরাম আলো বাবহার করা হইল। এই অবস্থার একটি দর্পন বাদ 0:145 mm সরানো হয় তবে ঝালরেয় দৃশাতা অবম হইতে দেখা বায়। গ্রন্থতের তরঙ্গদৈয়্য বদি 5890 Å হয় তবে দীর্ঘতর তরঙ্গের দৈয়্য নিশ্র কয়। 5895:96 Å
- 14. একটি জালা তরঙ্গদৈর্ঘা 5000 Å এর সহিত তুলনা কংয়া ফেরি-পেয়ে।
  বাতিচার মাপকের সাহাজে। সামালা প্রশ্বতর একটি তরঙ্গদৈর্ঘা নির্ণর করিতে
  হইবে। ফলক দুইটির মধ্যের দ্রের বখন 1·4, 2·8 এবং 4·2 mm হর তখন
  কালরপ্রেশীর সংবোগ (coincidence) সৃষ্টি হয়। নির্ণেয় তরঙ্গদৈর্ঘটি কত ?
  4999·1072 Å

15. প্রতি সেন্টিমিটারে 2000 রেখার একটি সমতল পারগম বার্বর্ডন বার্থারতে সোডিরাম আলো (তরঙ্গদৈর্ঘ্য 5890 Å এবং 5896 Å ) অভিলয়ে আপতিত হইয়াছে এবং ইহার দিতীর ক্রমের বর্ণালি এমন একটি দ্রবীক্ষণ বস্তু বারা দেখা হইতেছে যাহার অভিলক্ষ্য এবং অভিনেত্রের ফোকাসদৈর্ঘ্য বথাক্রমে 24 cm এবং 2 cm. সোডিয়াম বর্ণালি দুইটির কৌণক বিবোজন ব্যহির কর।

0-00057 rad.

- 16. পরম্পর হইতে 1 mm দ্রত্বে অর্বান্থত দুইটি খুব সরু সমান্তরাল রেখাছিদ্রের উপর একটি সমান্তরাল আলোকরান্দ্রমালা আপতিত হইয়ছে। 1 মিটার ফোকাসদৈর্ঘ্যের একটি কেন্দ্র ব্যবহার করিয়া ব্যতিচার ঝালরগুলি পর্দায় ফোকাসিত করা হইয়ছে। পর্দায় কেন্দ্রীয় সাদা ঝালর হইতে একপাশে 3 mm. দ্বে একটি ক্ষুদ্র ছিদ্র করিয়া যদি পারগত আলো বর্ণালিবীক্ষণ বস্তে পরীক্ষা করা হয় তবে 4000 Å এবং 8000 Å এর মধ্যে কোন কোন তরক্ষদৈর্ঘ্য অনুপস্থিত থাকিবে ? (ৣ৽, ৣ৽, ৣ৽, ৣ৽, ৣ৽, ৣ৽) × 10-5 cm. [C. U. 1952]
- একটি যুগা বর্ণালিরেখায় 5543 Å তরঙ্গদৈর্ঘায় একটি উজ্জল রেখা এবং সামানা কম তরঙ্গদৈর্ঘায় একটি উপগ্রহ রেখা বর্তমান এবং ইহায়া ফেরি-পেরো ব্যাতচারমাপকের দর্পণ দুইটিয় মধ্যে একটি নির্দিন্ট দ্রন্থের জন্য সম্পাতী ঝালরশ্রেণী উৎপল্ল করিতেছে। দর্পণ দুইটির দ্রন্থ ক্রমে এর্প বাড়ানো হইল যাহাতে এই নৃতন দ্রন্থের জন্য ঝালরশ্রেণী আবার সম্পাতী হয় এবং এই পরিবর্তনের সময় কেল্রের উজ্জলরেখায় ঝালরের সংখ্যা গণনা করা হইল 150100. অনুজ্জল রেখাটির তরঙ্গদৈর্ঘ্য হিসাব কর (প্রয়োজনীয় সমীকরণ বাহির করিয়া)। 5542.963 Å

  [C. U. 1964]
- 18. 6000 Å তরঙ্গদৈর্ঘ্য 2500 বিভেদন ক্ষমতা সৃষ্টি করিতে পারে এমন একটি প্রিক্র্ম বর্ণালিবীক্ষণ বস্ত্র তৈয়ারী করিতে হইবে। উপরোক্ত সর্ত পালন করিতে পারে এমন একটি 60° রকসণ্ট প্রিজ্মের ন্যনতম আফ্রতি কি হইবে? দেওয়া আছে যে প্রিজ্মের বস্তু কাশর বিচ্ছুরণের সৃত্র  $n-1=A+\frac{B}{\lambda^2}$  মানিয়া চলে [ এখানে n  $\lambda$  তরঙ্গদৈর্ঘ্যে প্রতিসরাক্ষ এবং A=0.525,  $B=1.30 \times 10^{-10}$  ] 2.076 cm. [C. U. 1964]
- 19. একটি সমবাহু গ্রিভুজাকৃতি প্রিজ্ম এর্প আরতনের তৈরী করিতে হইবে বাহাতে ইহার বিভেদন ক্ষমতা একটি এমন সমতল বাবর্তন ঝাঝরির প্রথম ক্রমের ক্ষমতার সমান হয় বে ঝাঝরিতে 4 ইণ্ডি প্রস্থের প্রতি সেণ্টিমিটারে 1200 রেখা বর্তমান। প্রিজ্মটি এমন কাচের তৈরী বাহার প্রতিসরাক্ষের সমীকরণ  $\mu = 1.48 + 2 \times 10^{-1.0} / \lambda^2$  এবং সংগ্রিষ্ট তর্ত্তদর্গ 5000 Å.

- 20. একটি হীরকের তলের সমবর্ডক কোপ বালতে কি বুবার ? ইহার প্রতিফলন তলের সহিত 60° কোপে আপডিত আলোকরান্দর প্রতিসরণ কোপ বদি 12° হর তবে ইহার সমবর্ডক কোপ হিসাব কর। 67°-25' [C. U. 1966]
- 21. 5893 Å তরক্রদর্য্যের আলোর জন্য একটি কোরার্ট্স্ তরক্র-চতুর্থাংশ ফলকের বেষ হিসাব করিয়। বাহির কয় ; দেওয়। আছে বে এই তরক্রদর্য্যের জন্য সাধারণ এবং অসাধারণ রন্মির প্রতিসরাক্ষ বধারমে 1°541 এবং 1°551.

 $1.4733 \times 10^{-8}$  cm. [C. U. 1966]

- 22. 0·3' প্রতিসরণ কোণের একটি কোরাট্স্ কীলক এমনভাবে কাটা হইরাছে বে ইহার আলোক অক্ষ ধারের সমান্তরালে অবস্থিত। এই কীলকটি প্রতিক্ষ অবস্থানের দুইটি নিকলের মধ্যে এমনভাবে রাখা হইল বে ইহার মুখা ছেদ প্রতিটি নিকলের সহিত 45° কোলে অবস্থিত। হলুদ আলোর (λ = 5893 Å) জন্য মুখা প্রতিসরাক্ষের মান দেওরা আছে μ<sub>o</sub> = 1·54425 এবং μ<sub>e</sub> = 1·55336. বখন এই তর্ত্তদৈর্ঘ্যের সমান্তরাল আলোকরিখা খারা বাবস্থাটি আলোকিত করা হর তখন পরপর অবম তীরতার ঝালরগুলির মধ্যের দ্রম্ব নির্ণর কর। 1·234 cm. [C. U. 1964]
- 23. একটি ক্যালসাইট কলকের মধ্য দিরা 5893 Å তরক্লদৈর্ঘার তলীর সমবতিত সোভিয়াম আলো পাঠাইবার ফলে ব্রাকার সমবতিত আলোর সৃষ্টি হইল : বিদ μ<sub>σ</sub> = 1.660 এবং μ<sub>r</sub> = 1.495 হয় তবে ক্যালসাইট ফলকের ন্দতম বেধ নির্দার কর : 8930 × 10<sup>-6</sup> cm.
- 24. আলোক অক্ষ তলের অভিনয়ে অর্থান্ত এর্থ একটি কোরাট্স্ ফলকের সাহায়ে প্রতি লিটারে 100 gm সন্ধির প্রাব বর্তমান এর্থ লাকটোস দুবনের 26·7 cm দৈর্ঘা বে সমবর্তন তলের ঘূর্ণনের সৃষ্টি হয় তাহা সম্পূর্ণরূপে নাকচ (annul) করিতে হইবে। ফলকের বেষ কত হইবে?
  [ দেওরা আছে: ল্যাকটোসের আর্শেক্ষ ঘূর্ণন = 52°·5; কোরাট্স্ ফলকে সংগ্রিট তরক্ষবৈর্ঘা ম 7660 Å এর জনা,  $\mu_L = 1.53920$ ,  $\mu_R = 1.53914$ ]

  0.0987 cm. [C. U. 1963]
- 25. 4% প্রবংশর একটি দৈর্ঘোর মধা দিরা আলো পাঠাইলে 15° আলোকীর প্রনের সৃষ্টি হয়। 8% শক্তির ঐ জিনিবেরই প্রবংশর মধ্য দিরা পাঠাইর। বিদ 30° আলোকীর ম্বনের সৃষ্টি করিতে হয় তবে প্রবংশর কতটা দৈর্ঘোর প্রয়োজন হইবে > same as first length.

# Suggestions for further reading

- 1. Theory of Light—T. Preston—Macmillan Company, New York.
- 2. Light-R. W. Ditchburn-Blackie & Son.
- 3. Fundamentals of Optics—F. A. Jenkins & H. E. White —McGraw Hill Book Company.
- 4. Geometrical and Physical Optics—R. S. Longhurst—Longmans.
- 5. Principles of Optics—M. Born & E. Wolf—Pergamon Press.
- 6. Physical Optics—R. W. Wood—Macmillan Company, New York.
- 7. Applications of Interferometry—Williams—Methuen.
- 8. Experimental Spectoscopy—Sawyer—Prentice-Hall.
- 9. The Mathematical Theory of Huygens' Principle—Baker and Copson—Oxford University Press.
- 10. Principles of Optics—B. K. Mathur—Gopal Printing Press, Kanpur.
- 11. A Text Book of Optics—Part II—K. P. Ghosh & J. N. Chakravorty—Central Book Depot, Allahabad.
- 12. Theory of Optics-P. Drude-Longman Green & Co.
- 13. Multiple-beam Interferometry—S. Tolansky—Oxford University Press.
- 14. Studies in Optics—A. A. Michelson—University of Chicago Press.
- 15. Optics-Prof. A. K. Ghatak-Tata McGraw Hill.